

WARBURG INSTITUTE

FAH 320

BIBLIOTHECA  
SCRIPTORUM GRAECORUM  
ET ROMANORUM  
TEUBNERIANA

PTOLEMÄUS  
HANDBUCH DER ASTRONOMIE

I

ÜBERSETZT UND ERKLÄRT VON

K. MANITIUS



LIPSIAE

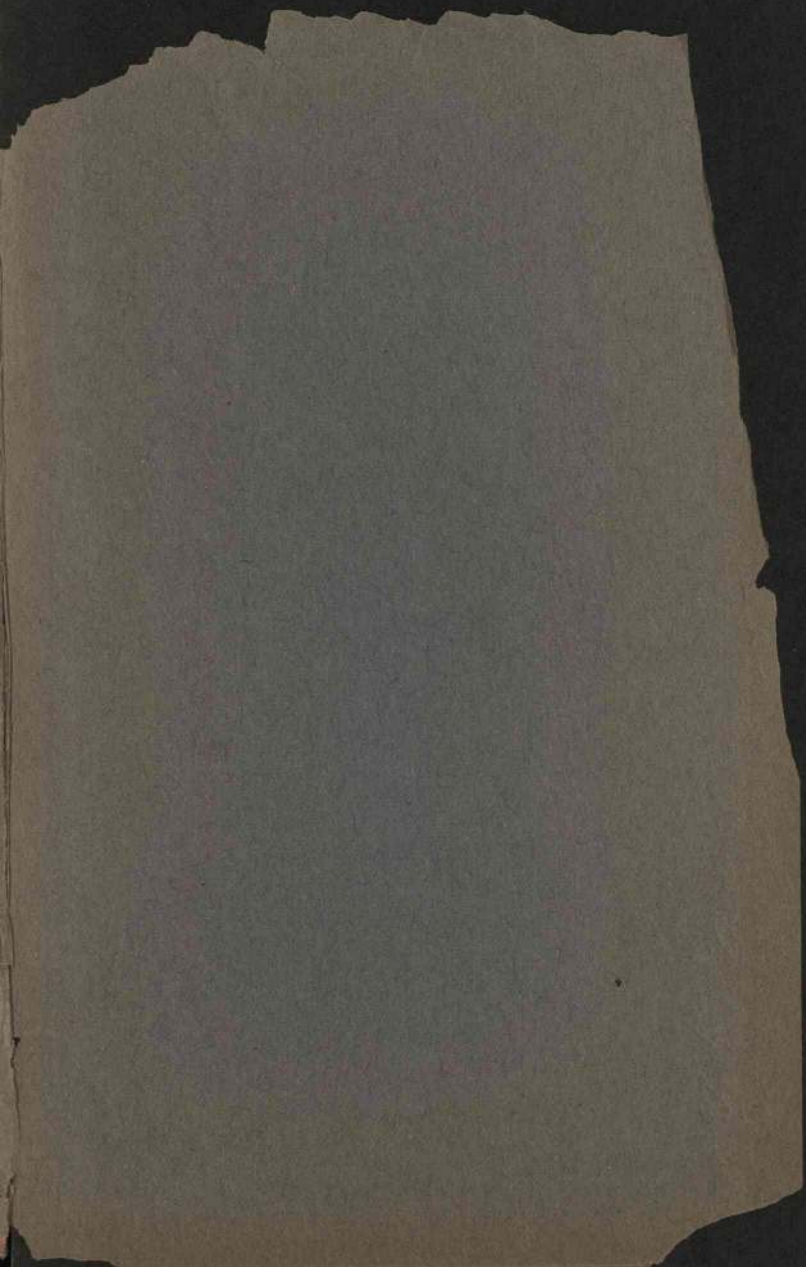
IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

JVC

I 26

UNIVERSITY OF LONDON  
WARBURG INSTITUTE





320

h

a

f

12/463 ✓

f  
a  
h  
320

# DES CLAUDIUS PTOLEMÄUS HANDBUCH DER ASTRONOMIE

ERSTER BAND

AUS DEM GRIECHISCHEN ÜBERSETZT UND MIT  
ERKLÄRENDE ANMERKUNGEN VERSEHEN

VON

KARL MANITIUS



DRUCK UND VERLAG VON B. G. TEUBNER LEIPZIG 1912

UNIVERSITY OF LONDON  
WARBURG INSTITUTE

## Einleitung.

Zu den größten Geisteswerken des Altertums, die uns in tadelloser Fassung erhalten geblieben sind, gehört das Handbuch der Astronomie, welches Claudius Ptolemäus in Alexandria um die Mitte der Regierung des Kaisers Antoninus Pius (138—161 n. Chr.) unter dem Titel *Μαθηματικῆς Συνατάξεως βιβλία ἑν* verfaßt hat. Die Bedeutung des verhältnismäßig spät entstandenen Werkes wird wesentlich dadurch erhöht, daß es auf den Forschungen und Beobachtungen des Hipparchus von Nizäa beruht, des „Vaters der Astronomie“, welcher von 160 bis 126 v. Chr. teils auf der Insel Rhodus, teils in Alexandria beobachtete und zahlreiche Schriften hinterließ, die dem Ptolemäus zur Verfügung standen. Da Hipparch Beobachtungen von Mondfinsternissen heranzieht, deren älteste im Jahre 721 v. Chr. angestellt worden ist, so hat das Werk des Ptolemäus einen Wert erhalten, den die moderne Astronomie wohl zu schätzen gewußt hat. Allein eigenes Verdienst darf deshalb dem Ptolemäus keinesfalls abgesprochen werden. Während er in der Epizykeltheorie, für welche schon Hipparch einen berühmten Vorgänger in dem Mathematiker Apollonius von Perga (200 v. Chr.) hatte, durchaus auf den Errungenschaften der Vorzeit fußt, auch in der Aufstellung von Sehnentafeln für trigonometrische Berechnung nur als Verbesserer der Überlieferung gelten kann, hat er mit seiner Theorie der Planeten, zu welcher Hipparch alte Beobachtungen gesammelt und eigene angestellt hatte, ohne zur Verarbeitung des Materials zu schreiten, weil er es mit scharfem Blick als noch unzureichend erkannte, eine durchaus selbständige Leistung vollbracht, die alle Anerkennung verdient.

Wegen der Kompliziertheit des entwickelten Systems wurde das Handbuch des Ptolemäus sehr bald Gegenstand weitschichtiger Kommentare. Ob sich die Erklärungen, welche der Alexandriner Pappus gegen Ende des dritten Jahrhunderts n. Chr. zur Syntaxis schrieb, auf alle 13 Bücher erstreckten,

ist ungewiß. Erhalten sind nur die Scholien zum 5<sup>ten</sup> und 6<sup>ten</sup> Buch, welche der etwa ein Jahrhundert später lebende Mathematiker Theon von Alexandria seinem eigenen umfangreichen Kommentar einverleibt hat.

Zur Förderung des Studiums des Ptolemäischen Lehrbuchs wurde von den späteren alexandrinischen Gelehrten schon im dritten Jahrhundert n. Chr. eine uns erhalten gebliebene Sammlung mathematischer und astronomischer Monographien veranstaltet, deren Inhalt geeignet erschien, das Verständnis des schwierigen Werks zu erleichtern. Es sind die Schriften des sog. „Kleinen Astronomen“, über welche sich Pappus im 6<sup>ten</sup> Buch seiner „Mathematischen Sammlung“ verbreitet.<sup>1)</sup> Die Bezeichnung „Kleiner Astronom“ ist offenbar im Gegensatz zu dem „Großen Astronomen“, wie man den Ptolemäus zu nennen pflegte, gewählt worden. Erst seit dieser Zeit hat wohl die Syntaxis das Beiwort *μεγάλη* erhalten, aus dessen Steigerung zu *μεγίστη* in Verbindung mit dem arabischen Artikel der Titel „Almagest“ hervorgegangen ist, der das Werk des Ptolemäus mit dem Nimbus eines orientalischen Zauberbuchs umgeben hat.

Die Akademie in Alexandria ging ihrem Verfall entgegen, als im 5<sup>ten</sup> Jahrhundert n. Chr. die von den nestorianischen Christen zu Antiochia und Edessa gegründeten Schulen der Sitz einer Gelehrsamkeit wurden, welche sich nicht bloß mit religiösen Streitfragen beschäftigte, sondern auch die Schätze der griechischen Literatur durch syrische Übersetzungen zugänglich machte.<sup>2)</sup> Von der Reichskirche verfolgt, fanden die Nestorianer zuvorkommende Aufnahme im Perserreich, wo sie zur Blüte der Akademien von Nisibis und Gandisapora wesentlich beitrugen. Namentlich unter Chosru I. Nuschirwan (532 — 579), der selbst Freund der Philosophie eines Plato und Aristoteles war, entfalteten sie als Übersetzer der geschätztesten griechischen Werke in die Landessprache eine rege Tätigkeit.

Dieselbe wichtige Vermittlerrolle zu übernehmen war den syrischen Gelehrten beschieden, als die Araber sich zum

<sup>1)</sup> Die Anmerkungen befinden sich im Anhang.

herrschenden Volk im Orient aufwarfen. Das von dem Kalifen Almansur 762 n. Chr. gegründete Bagdad wurde nicht nur die politische Hauptstadt des Abbasidenreichs, sondern alsbald auch der Mittelpunkt aller wissenschaftlichen Bestrebungen. Dreihundert Gelehrte entsandte der vielgefeierte Enkel Almansurs, Harun Alraschid (786—809), nach den Schätzen griechischer Wissenschaft zu forschen, welche in den zerstörten Kulturstätten dem Untergang entronnen waren. So muß denn auf diesem Wege auch eine griechische Handschrift der Syntaxis nach Bagdad gelangt sein; denn es wird berichtet, daß das Lehrbuch des Ptolemäus auf Befehl des ebenso gelehrten wie tapferen Wesirs des Kalifen, des aus dem altpersischen Geschlechte der Barmakiden stammenden Jahja, dessen Vater Chalid den Bau von Bagdad geleitet hatte, in das Arabische übersetzt worden sei. Da aber diese Übertragung nicht den Beifall des gelehrten Auftraggebers fand, so habe er durch zwei nach Bagdad berufene hervorragende Gelehrte, Abu Hazan und Salmus, eine genaueren Anforderungen entsprechende Übersetzung veranstalten lassen.

Reiches Material zur Übertragung ins Arabische wußte der Kalif Almamun (813—833) zu beschaffen, indem er an den von ihm besiegten byzantinischen Kaiser Michael II. den Stammler 823 unter den Friedensbedingungen die Forderung stellte, ihm griechische Manuskripte zu liefern oder wenigstens die Abschrift hervorragender Werke zu gestatten. An diesen Arbeiten, mit denen ein Kollegium von syrischen Gelehrten beauftragt war, nahm er persönlich teil. Eine im Jahre 827 auf seinen Befehl von einem ungenannten Verfasser gefertigte Almagestübersetzung ist in einer arabischen Handschrift der Universitätsbibliothek zu Leyden erhalten. Aber nicht nur für Verbreitung astronomischen Wissens trug Almamun Vorsorge, er beteiligte sich auch an den Beobachtungen der Astronomen, welche er an die mit den kostbarsten Instrumenten ausgerüsteten Sternwarten zu Bagdad und Damaskus berufen hatte. Besonders bevorzugt wurde von ihm in dieser Beziehung der in Bagdad

praktisch tätige Astronom Alfergani (Alfraganus), dessen *Rudimenta astronomica* betiteltes Werk<sup>3)</sup> den Beweis liefert, wie bald die Übersetzung des Ptolemäus die Grundlage zu selbständiger literarischer Betätigung wurde.

Unter den aus dem Volke der Syrer hervorgegangenen Gelehrten, die sowohl die griechische als auch die arabische Sprache beherrschten, ist der berühmteste Honain ben Ishak aus Hira, Leibarzt des Kalifen Motawakkil (847—861). Als Vorsitzendem eines Kollegiums von syrischen Gelehrten, denen die Herstellung arabischer Übersetzungen oblag, fiel ihm, dem sprachkundigen Beurteiler, die Aufgabe zu, die auf dem Umwege über das Syrische entstandenen Übertragungen durch nochmalige Vergleichung mit den griechischen Originalen zu verbessern. Auf diese Weise erklärt sich die überaus große Zahl der ihm zugeschriebenen Übersetzungen. Er müßte eine schier übermenschliche Arbeitskraft besessen haben, sollten sie alle neben 30 von ihm verfaßten selbständigen Werken wirklich von seiner Hand herrühren. Da ihm jedoch die Fachkenntnisse in Mathematik und Astronomie abgingen, so bedurften die von ihm redigierten Übertragungen noch einer sachverständigen Revision. Diese ließ ihnen Thabet ben Korrah angedeihen, wohl erst nach dem Tode von Honain, der, seines Glaubens Christ, von dem Bischof Theodosius wegen Religionslästerung aus der Gemeinde gestoßen, im Jahre 873, wie vermutet wird, an Gift starb. 836 in Harran geboren, war Thabet erst in seiner Vaterstadt Geldwechsler, hatte sich aber dann in Bagdad so bedeutende Kenntnisse als Mathematiker und Astronom erworben, daß er am Hofe des Kalifen Almustadid (892—902) bis zu seinem Tode 901 eine besondere Vertrauensstellung einnahm.

Nur eine einzige der erhaltenen arabischen Handschriften des Almagest, ein Kodex der Pariser Nationalbibliothek, bietet in der Überschrift<sup>4)</sup> den Namen des Übersetzers Honain ben Ishak in Verbindung mit dem Namen des sachkundigen Revisors Thabet ben Korrah. Die sonst noch bekannt gewordenen Handschriften nennen entweder überhaupt keinen Verfasser oder werden bestimmten Urhebern in nicht ganz

zuverlässiger Weise zugeschrieben. Von den syrischen Übertragungen ist keine auf unsere Zeit gekommen; lediglich als Mittel zum Zweck ins Werk gesetzt, mußten sie der Vergessenheit anheimfallen, sobald der Almagest in arabischer Sprache zur Verfügung stand.

In die traurigste Zeit des Kalifats der Abbasiden, als während der langen Regierung des schwachen Muktadi (907 — 932) die Befehlshaber der Truppen unter dem Titel eines Emir al Umara sich immer mehr eine brutale Gewaltherrschaft anmaßten, fällt die Tätigkeit des größten Astronomen der Araber, des um 880 zu Batan in Mesopotamien geborenen Mohammed ben Geber Albatani (Albatenus). Veranlaßt durch die zahlreichen Korrekturen, die er als Beobachter auf drei Sternwarten — zuerst zu Araktea in Mesopotamien, dann zu Damaskus und zuletzt zu Antiochia — ermittelt hatte, verfaßte er seine berühmten Sonnen- und Mondtafeln, die uns noch unzugänglich sind. Die vollkommene Vertrautheit mit der griechischen Astronomie verrät sein erhaltenes Werk *De motu stellarum*.<sup>3)</sup> Der „Ptolemäus Arabiens“ genannt, entfernte er sich zwar nirgends wesentlich von seinem großen Vorgänger, prüfte jedoch dessen Theorien sorgfältig und verbesserte sie vielfach. Den größten Ruhm brachte ihm die Entdeckung der Bewegung der Apsidenlinie der Sonnenbahn, welche sich Ptolemäus infolge mangelhafter Nachprüfung des von Hipparch festgestellten Sonnenapogeums hatte entgehen lassen. Sein Tod fällt in das Jahr 928.

Im Jahre 946 bemächtigte sich der Emir al Umara Muiz aus dem persischen Geschlechte der Bujiden nach kurzem Kampfe der Hauptstadt und legte sich als erster Sultan von Bagdad den Beinamen „Addaulah“ (Verherrlicher des Reichs) zu. Obgleich die Nachfolge im Geschlechte der Bujiden nicht ohne schwere Kämpfe unter Brüdern und Verwandten vor sich ging, gelangten dennoch die Wissenschaften in Bagdad zu neuer Blüte. So ließ Scheref Addaulah (983—89) im Garten seines Palastes speziell zu Planetenbeobachtungen kostbare Instrumente von ungeheuren Dimensionen aufstellen

und berief zum Vorsteher der neuen Sternwarte den 939 in Buzdschan geborenen Perser Abul Wefa, der die an ihn gestellten Anforderungen bis zu seinem Tode (998) rühmlichst erfüllte. Dieser vor allem auf dem Gebiete der Mathematik überaus fruchtbare Schriftsteller wird durch sein nur in Handschriften vorliegendes Werk *Almagestum sive systema astronomicum* entschieden unter die verdientesten Astronomen dieser Periode eingereiht.

Mit ihm ist die Reihe der asiatischen Astronomen abgeschlossen. Sozusagen das Fazit der 200 jährigen Entwicklung der arabischen Astronomie zog im Heimatlande des Ptolemäus Ibn Junis, nach Albatani der zweitgrößte Astronom der Araber. Die Stätte seines Wirkens war Kairo, der 972 von Muiz gegründete Herrschersitz des ägyptischen Kalifats der Fatimiden. Als Abkömmling einer edlen arabischen Familie um 950 in Ägypten geboren, zog er schon als Knabe durch außergewöhnliche Talente die Aufmerksamkeit des Sohnes des Muiz, des nachmaligen Kalifen Aziz, auf sich und widmete sich auf dessen Betreiben der Himmelskunde. Der glänzende Erfolg seiner Studien erwarb ihm alsbald die Gunst der Kalifen Aziz (975—96) und Hakem (996—1021) in so hohem Grade, daß ihm auf dem Plateau des Berges Aljoref über der sog. Elefantenmoschee mit fürstlichem Aufwand eine Sternwarte erbaut wurde.<sup>5)</sup> Hierzu kam die Gründung einer großartigen Bibliothek, welche die altalexandrinische übertreffen sollte. Die ihm gebotenen Hilfsmittel bis zu seinem Tode (1008) unermüdlich tätig ausnutzend, gründete er auf zahlreiche eigene sowie frühere Beobachtungen das große Werk, welches er seinem Gönner zu Ehren die „Hakemitischen Tafeln“ benannte. Dieses allen späteren Astronomen des Orients als unfehlbare Autorität geltende Werk ist zu Anfang des vorigen Jahrhunderts in einer arabischen Handschrift wieder aufgefunden und ins Französische übersetzt worden.<sup>5)</sup>

Nach Europa war der arabischen Kultur der Weg gebahnt worden, als das von Parteien zerrissene Westgoten-

reich den unter Tarek 711 an der Südküste Spaniens landenden Arabern keinen namhaften Widerstand entgegenzusetzen vermochte. Die siebentägige Schlacht bei Xeres de la Frontera entschied das Schicksal der spanischen Halbinsel auf mehrere Jahrhunderte. Doch Aufstände und Bürgerkriege, genährt durch den Ehrgeiz einzelner Häupter, versetzten das Land in einen Zustand der Anarchie, aus welchem es erst durch das kraftvolle Auftreten des Omejjaden Abderrahman gerettet wurde, der 755 an der Küste Andalusiens landete, um die Herrschaft über Spanien als das Erbteil seines Hauses anzutreten. Aber erst nach langen Kämpfen gelang ihm die Gründung des Kalifats von Kordova, und nur die zwei letzten Jahre (786—88) seines Lebens war es ihm vergönnt, sich den Künsten des Friedens und der Pflege der Wissenschaften zu widmen.

Als das goldene Zeitalter der arabischen Poesie und Bildung wird die Regierung Abderrahmans III. (912—961) und seines Sohnes Hakam II. (961—996) gepriesen. Letzterer gründete in Kordova eine Hochschule und brachte eine 600 000 Manuskripte umfassende Bibliothek zusammen, von welcher er selbst einen 44 Bände füllenden Katalog angefertigt haben soll. Dem Beispiel Kordovas folgte alsbald Toledo, wo der fleißige Beobachter Alzerkali (Arzachel) aus Kordova, der älteste namhafte Astronom Spaniens, um 1080 ein neues Astrolabium erfand und in Gemeinschaft mit anderen Gelehrten die „Toledanischen Tafeln“ berechnete. In Sevilla kam die Astronomie durch den dort geborenen, um dieselbe Zeit tätigen Geber ben Afflah zur Geltung, der unter dem Titel *De astronomia libri IX* einen auf selbständiger Forschung beruhenden Kommentar zum Almagest verfaßte.<sup>6)</sup> Dieser scharfe Kritiker stellt sich dem Ptolemäus gegenüber freier als die älteren arabischen Astronomen und greift ihn nicht selten heftig an. Er wirft ihm vor, daß er „unklar, schwer verständlich und ohne Not weitläufig sei, daß er anderseits manches Wichtige gar nicht oder zu kurz behandle, überdies auch mehrere Unrichtigkeiten enthalte.“ Aufmerksame Leser der Syntaxis werden diese Vorwürfe nicht ganz ungerechtfertigt finden.

Der mit dem 11<sup>ten</sup> Jahrhundert beginnende Zerfall des Omejjadenreichs in eine Menge unabhängiger Herrschaften, die sich untereinander befehdeten, vermochte der Blüte der arabischen Hochschulen nicht wesentlich Abbruch zu tun. Vorteil zogen aus der allgemeinen Zerrüttung die spanischen Christen, die 1085 unter Alfons VI. von Kastilien (1072—1109) Toledo eroberten. Fortan wurde Toledo die Residenz von Kastilien und Sitz eines Erzbischofs. Als aber die Fortschritte der Christen immer gefahrdrohender wurden, ließ der Emir von Sevilla an Jussuf Ibn Taschfin, den mächtigen Beherrscher des Almoravidenreichs von Marokko, einen Hilferuf ergehen. Der Sieg Jussufs über Alfons bei Salaka im Jahre 1086 sicherte zwar vorläufig den spanischen Emirn den Besitz des Landes, aber 1091 kehrte Jussuf, von den Reizen Andalusiens bezaubert, ungerufen wieder und nahm nach kurzem Kampfe ganz Südspanien für sich und seine Nachkommen in Anspruch. Doch die Herrschaft der Almoraviden dauerte nur ein halbes Jahrhundert. Nachdem 1147 zuerst Marokko in die Hände Abdel Mumens, des Führers der fanatischen Sekte der Almohaden, gefallen war, öffnete ihm in dem arabischen Spanien eine Stadt nach der andern ihre Tore. Dem in zwei Jahrzehnten gegründeten Reiche, das sich vom Saum der Sahara bis an die Ufer der Guadiana erstreckte, wußte Abdel Mumen († 1163) aber auch eine so feste Organisation im Innern zu verleihen, daß unter seinen Nachfolgern Jussuf und Almansor die Hochschulen von Kordova und Sevilla blühten wie in den Tagen der Omejjaden.

Aber auch das Almoravidenreich ging nach dem Tode Almansors (1199) einem raschen Verfall entgegen. Durch den glorreichen Sieg der Christen bei Navas de Tolosa im Jahre 1212 unter Alfons dem Edlen von Kastilien († 1214) war die Macht der Afrikaner in Spanien gebrochen: 1236 eroberte Ferdinand III. der Heilige, 1230 als König von Kastilien und Leon anerkannt, die prachtvolle Kalifenstadt Kordova und verwandelte die große Moschee in eine christliche Kathedrale, 1248 erlag den vereinten Anstrengungen der spanischen Fürsten unter dem Oberbefehl Ferdinands

auch die herrliche Maurenstadt Sevilla. Die Herrschaft der Araber erstreckte sich nur noch auf das Königreich Granada.

Der Sohn und Nachfolger Ferdinands III., Alfons X. der Weise (1252—82), war mehr auf die Pflege der Wissenschaften bedacht als auf die Mehrung des Reichs. Schon als Jüngling von 17 Jahren hatte er 1240 ein Kollegium von 50 arabischen, jüdischen und christlichen Gelehrten unter dem Vorsitz des Juden Isaac Aben Said, genannt Hassan, zu dem Zweck nach Toledo berufen, astronomische Schriften der Araber ins Spanische zu übersetzen und die Toledanischen Tafeln des Alzerkali zu verbessern. Als nach vierjähriger Arbeit die neuen Tafeln den Anforderungen noch nicht genügten, ließ er, trotz der enormen Kosten nicht entmutigt, alles wieder von vorn anfangen. Am Tage seiner Thronbesteigung im Jahre 1252 wurden ihm diese Tafeln, ihm zu Ehren die Alfonsinischen genannt, überreicht. Die Herstellungskosten sollen sich auf 40 000, nach anderen auf 400 000 Dukaten belaufen haben.

Dasselbe Kollegium, dem Alfons nicht nur als Förderer, sondern auch als Mitarbeiter zur Seite stand, verfaßte die *Libros del Saber de Astronomia del Rey D. Alfonso X de Castilla*. Auf Anregung der Madrider Akademie der Wissenschaften wurde das Werk 1863—67 in 5 Foliobänden zum erstenmal herausgegeben. Früher für eine einfache Übersetzung oder Bearbeitung des Almagest gehalten, bildet es vielmehr einen Kodex astronomischen Wissens, der vielfach auf selbständiger Forschung beruht.

Doch aller Ruhm, den sich Alfons als Astronom und Dichter erwarb, vermochte ihn vor Verdächtigungen und Verleumdungen nicht zu schützen. Schon die Gleichberechtigung aller Bekenntnisse bei der Wahl seiner Mitarbeiter hatte die fanatischen Mönchsorden gegen ihn aufgebracht. Schließlich setzten sie in Verbindung mit seinen politischen Gegnern eine förmliche Anklage gegen ihn in Szene. Unter anderem wurde er wegen des Ausspruchs: „Wenn Gott mich bei der Schöpfung um Rat gefragt hätte, so würde ich ihm eine größere Einfachheit anempfohlen haben“ der Gottes-

lästerung beschuldigt. Abgesetzt und seiner Schätze beraubt, starb er 1284 arm und verlassen in Sevilla.

Seitdem die Christenheit das gesamte Wissen der arabischen Astronomie als Vermächtnis übernommen hatte, haben die Araber auf die Wissenschaft des Abendlandes keinen Einfluß weiter gehabt. Lateinische Übersetzungen des Almagest und der Werke hervorragender Astronomen aus der Blütezeit des Islam bildeten fortan die Grundlage des astronomischen Studiums. Der Zug nach Spanien wurde für wißbegierige Jünglinge und Männer des Abendlandes stärker als zuvor, so daß sich von dort ein reicher Strom geistiger Aufklärung nach dem übrigen Europa ergoß.

Zu den fleißigsten Gelehrten, welche ihren Landsleuten durch lateinische Übersetzungen die Schätze arabischer Wissenschaft zu erschließen suchten, gehört der als Arzt und Astrol g von dem Kaiser Friedrich Barbarossa hochgeschätzte und vielfach unterstützte Gerhard von Cremona. Als er in Erfahrung brachte, daß die Araber viele griechische Schriftsteller besäßen, die man in Italien bis dahin gar nicht kannte, begab er sich nach Toledo — damals bereits Residenz von Kastilien —, lernte dort Arabisch und widmete viele Jahre seines Lebens der Tätigkeit als Übersetzer. Erst im vorgerückten Alter nach Cremona zurückgekehrt, starb er dasselbst, 73 Jahre alt, im Jahre 1187. Die Zahl der von ihm übersetzten Werke, denen er aus Bescheidenheit nur selten seinen Namen beigefügt hat, beläuft sich auf nicht weniger als 71, wie sich aus einem handschriftlichen Verzeichnis derselben feststellen läßt.<sup>7)</sup> Seine Übersetzung des Almagest liegt in dem seltenen Druck vor, der 1515 ohne Angabe des Verfassers aus der Offizin von Peter Liechtenstein in Venedig hervorgegangen ist.<sup>8)</sup> Die Handschriften (in Toledo, Rom, Florenz, Breslau und Oxford) lassen keinen Zweifel über den Verfasser zu, da Gerhard ausnahmsweise durch seine Unterschrift kundgibt, diese Übersetzung in Toledo 1175 beendet zu haben.

Eine zweite lateinische Übersetzung aus dem Arabischen wurde auf Befehl des Kaisers Friedrich II. um 1230 ver-

anstaltet. Sie ist in einem elegant geschriebenen Pergamentkodex des 13<sup>ten</sup> Jahrhunderts erhalten, der sich einst im Besitz von Marquard Gude († 1689) befand, dessen ansehnliche Bibliothek 1706 in Hamburg versteigert wurde.<sup>9)</sup> Bei dieser Gelegenheit fand die Handschrift wohl den Weg in die Herzogliche Bibliothek zu Wolfenbüttel, wo sie dem Freiherrn von Zach, der 1787—1806 der Sternwarte auf dem Seeberg bei Gotha vorstand, zu Gesicht kam.<sup>10)</sup> Von ihm erfahren wir, daß der nicht genannte Verfasser des lateinisch geschriebenen Vorworts versichert, die Übersetzung sei auf Befehl des Kaisers Friedrich II. veranstaltet; man habe jedoch viel Mühe gehabt einen kundigen Übersetzer zu finden, der sich endlich in Eugenius, einem des Arabischen und des Griechischen gleich kundigen Manne, gefunden habe. Aus dem Lobe des Übersetzers zieht v. Zach, der geneigt ist, die Handschrift für das Original zu halten, den nicht ungerechtfertigten Schluß, daß neben dem arabischen *Almagest* wohl auch der griechische Urtext zu Rate gezogen sein dürfte.

Schwerfällige lateinische Übersetzungen des arabischen *Almagest*, von denen die am weitesten verbreitete zweifellos die des Gerhard von Cremona gewesen ist, waren neben den ins Lateinische übertragenen Kommentaren von Alfergani, Albatani und Geber die trübe Quelle, aus welcher das erste astronomische Lehrbuch des Abendlandes geschöpft wurde, der *Tractatus de sphaera* des Ioannes de Sacrobosco, eines aus Holywood (heute Halifax) stammenden Engländer, der an der Universität von Paris bis zu seinem Tode 1256 als Lehrer der Mathematik wirkte. Als eins der ersten astronomischen Werke, welches Vervielfältigung durch die Presse fand, galt es jahrhundertlang als klassisch und hat, in allen Schulen gelesen und immer wieder neu kommentiert herausgegeben, den *Almagest* lange Zeit in Vergessenheit gebracht. Die Urteile über den Wert dieses Büchleins gehen weitauseinander: einerseits als „ein gutes Buch für eine schlechte Zeit“ anerkannt, gilt es anderen als ein Machwerk, das „nur eine so tief gesunkene Zeit wie die damalige bewundern konnte.“

So weit war man mit Hilfe des arabischen Ptolemäus gekommen; Heil konnte nur von dem Auftauchen des griechischen Originals erwartet werden. Wiederum war es Byzanz, das aus dem unerschöpflichen Vorrat seiner handschriftlichen Schätze den echten Ptolemäus spendete, damit seine Lehre zunächst wieder durch lateinische Übersetzungen in minder entstellter Gestalt dem Abendlande übermittelt werde.

Im Jahre 1158 wurde von dem Normannenkönig Wilhelm I. (1154—66) an den byzantinischen Kaiser Manuel I. Komnenos eine Gesandtschaft abgeordnet, welche zwischen den beiden Herrschern einen Friedensschluß herbeiführte. Der Führer der Gesandtschaft, der Archidiakon von Katania Henricus Aristippus, bekannt als Übersetzer des Plato, brachte als kaiserliches Geschenk an den Normannenkönig eine griechische Handschrift der Syntaxis mit nach Palermo. Aus dieser Handschrift ist die neuerdings von Heiberg<sup>11)</sup> besprochene lateinische Übersetzung geflossen, die unter dem Titel *Almagesti geometria* in einer am Anfang defekten Handschrift der Biblioteca Nazionale in Florenz und vollständig in einem vatikanischen Kodex vorliegt. Das in letzterem erhaltene Vorwort gibt zunächst über die Herkunft der Vorlage Auskunft. Weiter teilt der ungenannte Verfasser mit, daß Aristippus ihm die Übertragung ins Lateinische überlassen habe, weil er selbst wegen mangelnder astronomischer Kenntnisse die Arbeit nicht zu übernehmen wagte. Er, der Übersetzer, habe in dem gelehrten Admiral Eugenius einen tüchtigen Lehrer gefunden. Die Abfassung der Übersetzung dürfte um das Jahr 1160 anzusetzen sein.

Überzeugend hat Heiberg nachgewiesen, daß die von Aristippus aus Konstantinopel mitgebrachte Handschrift identisch sei mit dem Codex Marcianus 313 saec. X. Dafür spricht nicht nur die prächtige Ausstattung des letzteren, sondern auch der Umstand, daß die Schwesterhandschrift, der 1622 durch Ankauf in die vatikanische Bibliothek gelangte Codex graecus 1594 saec. IX., laut Inschrift am Schluß des 13<sup>ten</sup> Buches — τοῦ ἀστρονομικωτάτου Λέοντος ἡ βίβλος —

derselben Herkunft ist; denn Leon war im 9<sup>ten</sup> Jahrhundert Rektor der Universität von Konstantinopel.

Als unter Muhammed II. die Osmanen ihrem Ziel immer näher rückten, dem byzantinischen Schattenreich ein Ende zu machen, gewährte Nikolaus V. (1447—55), einer der Edelsten, welche die Tiara getragen, den aus Konstantinopel flüchtenden griechischen Gelehrten gastliche Aufnahme. Von dem Wunsche beseelt, die gesamte griechische Literatur der lateinischen Gelehrtenwelt durch Übersetzungen zu erschließen, wußte er die günstige Gelegenheit, wertvolle Manuskripte durch Kauf an sich zu bringen, mit solcher Umsicht zu benutzen, daß er als der eigentliche Begründer der vatikanischen Bibliothek gelten kann.

Für die Übersetzung der *Syntaxis* glaubte er in seinem Sekretär Georgius Trapezuntius, einem in Kandia auf Kreta 1396 geborenen Griechen<sup>12)</sup>, den geeigneten Mann gefunden zu haben. Georgius, der, des schlechten Rufes der Kreter eingedenk, seinen Beinamen nach der Heimat seines Vaters gewählt hatte, war von der Insel Kreta, die damals unter der Herrschaft der Venezianer stand, einer Aufforderung des Patriziers Francesco Barbaro folgend, bereits 1420 nach Venedig gekommen und hatte dort unter ungeheurem Zulauf die griechische Sprache gelehrt. Dann in Padua und Vicenza tätig, war er 1430 nach Rom übersiedelt. Von Eugen IV. (1431—47) in die Stellung eines apostolischen Sekretärs berufen, wurde er von Nikolaus V. in diesem Amte bestätigt.

Nur mit Widerstreben unterzog sich Trapezuntius nach seiner eigenen Versicherung der ihm sozusagen aufgedrungenen Arbeit. Indessen übersetzte er binnen neun Monaten, von März bis Dezember 1451, nicht nur die 13 Bücher der *Syntaxis*, sondern fügte auch einen angeblich eigenen Kommentar hinzu, „weil er für die Erklärung so wichtiger Dinge nichts recht Geeignetes vorgefunden habe.“<sup>13)</sup> Bald nach ihrem Bekanntwerden wurde die Übersetzung als „nicht lateinisch, sondern barbarisch und vielfach fehlerhaft“ von Niccolo Perotto, dem Erzbischof von Sipontum, hart mitgenommen;

zur Erklärung sei nichts von irgendwelcher Bedeutung beigetragen, was nicht aus dem Kommentar des Theon einfach gestohlen sei.<sup>14)</sup> Die Aufdeckung dieses literarischen Diebstahls kostete dem Übersetzer seine Stellung als apostolischer Sekretär.<sup>15)</sup> Vom Papste mit Verbannung bestraft, suchte er mit seiner zahlreichen Familie eine Zufluchtstätte in Neapel, wo ihm nach langem Harren und Bangen<sup>16)</sup> von König Alfons V. von Aragonien (1416—58) auf die durch Barbaro vermittelte Fürsprache des venezianischen Gesandten eine bescheidene Besoldung gewährt wurde. Ob das noch vor Ablauf des Jahres 1452 an den Papst gerichtete Entschuldigungsschreiben, welches Trapezuntius unter Vermittlung seines einflußreichen Gönners Barbaro († 1454) überreichen ließ, seine Begnadigung erwirkt hat, läßt sich nicht ermitteln. Jedenfalls finden wir ihn 1461 als Lehrer des Regiomontanus wieder in Rom, wo er 1484, nach Verlust des Gedächtnisses kindisch geworden, als stadtbekanntes Original in sehr bedrängten Verhältnissen hochbetagt starb.

Unmittelbar nach seinem Tode überreichten seine Söhne die Übersetzung der Syntaxis mit einem von Andreas, dem ältesten Sohne, verfaßten Widmungsschreiben dem Papst Sixtus IV. († den 12. Aug. 1484). Von Lucas Gauricus, einem zu Neapel lehrenden Professor der Mathematik, mit dem Vorwort des Andreas 1528 herausgegeben, wurde sie bis zur Mitte des Jahrhunderts noch zweimal wiederholt<sup>17)</sup> In einer Separatausgabe ist außerdem (Köln 1536) mit einer Einleitung von Johannes Noviomagus (Geldenhauer aus Nymwegen) der Sternkatalog erschienen. Nur handschriftlich vorhanden<sup>18)</sup> ist eine von Trapezuntius verfaßte Einleitung zur Syntaxis.

Deutschlands Reformatoren der Astronomie wurde die Kenntnis des griechischen Originals durch den Kardinal Johannes Bessarion (geb. zu Trapezunt 1395) vermittelt. Als einer der ersten, welche die altgriechischen Studien nach Italien verpflanzten, entwickelte er nicht nur selbst eine rege literarische Tätigkeit, sondern begünstigte auch mit fürstlicher Freigebigkeit jedes ihn ansprechende wissenschaftliche

Unternehmen. Sein lebhaftes Interesse für die Syntaxis des Ptolemäus bekunden zwei Handschriften, die durch Schenkung seiner wertvollen Bücherei an die Republik Venedig in die Bibliotheca Marciana gelangt sind: die eine (Cod. 302) ist zum größten Teil eigenhändig von ihm geschrieben, die andere (Cod. 303) mit zahlreichen Randbemerkungen von seiner Hand versehen. Auch noch eine dritte (Cod. 312) ist durch Namensinschrift als sein einstmaliges Eigentum gekennzeichnet. Auf Grund dieser Handschriften nahm er selbst die Übersetzung der Syntaxis in Angriff, nachdem er die Unzulänglichkeit der Leistung des Trapezuntius erkannt hatte, wurde aber durch die vielfachen Abhaltungen, welche seine hohe Stellung mit sich brachte, an der gedeihlichen Förderung dieser Arbeit verhindert.<sup>20)</sup>

Im Jahre 1460 kam Bessarion als päpstlicher Legat mit dem Auftrage, in Deutschland Stimmung für den Türkenkrieg zu machen, nach Wien, wo am 1. September ein Reichstag abgehalten werden sollte. Dort lernte er Georg Purbach kennen, der (1423 geb. zu Peurbach) seit etwa 1450 an der Wiener Universität eine Professur für Mathematik bekleidete. Auf Grund der schlechten lateinischen Übersetzungen der Syntaxis und des Kommentars von Geber mit einem Auszug aus dem Almagest beschäftigt, nahm Purbach, dem das Griechische fremd war, die Einladung Bessarions, mit ihm nach Rom zu reisen, um dort seiner Arbeit das Original zugrunde zu legen, unter der Bedingung an, seinen jungen Freund und Gehilfen Johannes Müller aus Königsberg in Franken (geb. 1436) mitnehmen zu dürfen.<sup>19)</sup> Dieser ungewöhnlich begabte junge Mann, nach seiner Vaterstadt Regiomontanus genannt, hatte bereits mit zwölf Jahren die Universität Leipzig bezogen und war 1452 von dort, durch den Ruf Purbachs angezogen, nach Wien übergesiedelt, um erst Schüler, dann Freund und Mitarbeiter seines berühmten Lehrers zu werden. Alles war zur Reise vorbereitet, als Purbach im April 1461, erst 38 Jahre alt, plötzlich starb. So begleitete denn Regiomontan, dem die Gunst Bessarions als ein Vermächtnis seines Lehrers zufiel, den

Kardinal nach Rom, wo er zunächst das schon in Wien begonnene Studium der griechischen Sprache unter Leitung der berufensten Lehrer, Georgius Trapezuntius und Theodorus Gaza, fortsetzte. In kurzer Zeit waren seine sprachlichen Kenntnisse so weit gediehen, daß er auf Grund der in Bessarions Besitz befindlichen Handschriften der Syntaxis und des Theonschen Kommentars den im Verein mit Purbach schon bis zum 6<sup>ten</sup> Buche bearbeiteten Auszug aus dem Almagest vollenden und seinem Gönner widmen konnte.<sup>20)</sup> Mochte schon das bei dieser Gelegenheit geäußerte Urteil, die Übersetzung des Trapezuntius sei „so hart und abgeschmackt, daß Ptolemäus, wenn er wieder auf die Welt käme, sich nicht wiedererkennen würde“, die Beziehungen zu seinem Lehrer gelöst haben, so erregte seine „Verteidigung Theons gegen Trapezuntius“<sup>21)</sup> die Feindschaft des heimtückischen Griechen und seiner Söhne in so hohem Grade, daß ihm durch die boshafte Umtriebe seiner Feinde der Aufenthalt in Rom verleidet wurde. Von Bessarion mit der kostbaren Handschrift des Theonschen Kommentars beschenkt, kehrte er 1468 nach Wien zurück, um die ihm dort offengehaltene Professur für Mathematik und Astronomie zu bekleiden. Aber schon im nächsten Jahre folgte er einem Ruf des Königs Matthias Corvinus von Ungarn nach Ofen als Direktor der von Corvinus durch Kauf und Kriegsbeute zusammengebrachten ansehnlichen Bibliothek. Die Hoffnung, einen ruhigen Aufenthalt für eigene wissenschaftliche Tätigkeit gefunden zu haben, verwirklichte sich jedoch nicht. Als Corvinus 1471 wieder zum Krieg gegen Wladislaus um die böhmische Königskrone auszog, begab sich Regiomontan nach Nürnberg.

Hier, wo Handel, Kunst und Wissenschaft in seltener Blüte standen, erfüllte sich sein Wunsch, Ruhe zu finden zur Verarbeitung der gesammelten handschriftlichen Schätze. Alles wetteiferte, ihn würdig zu empfangen und ihm in seinen Bestrebungen behilflich zu sein. Dies geschah vor allem von seiten des reichen Patriziers und Rats Herrn Bernhard Walter, der ihm ein treuer Freund und Mitarbeiter wurde. Mit fürstlichem Aufwand ließ er ihm auf seinem Grundstück

in der Rosengasse zunächst eine Sternwarte erbauen, die erste, die Deutschland gesehen. Und als für den schwierigen Tabellensatz der astronomischen Werke die berühmte Offizin von Anton Coburger nicht mehr ausreichte, ließ er ihm auch noch eine besondere Druckerei einrichten, die zugleich mit einer mechanischen Werkstätte zur Herstellung von Himmelsgloben, Kompassen u. dgl. verbunden war.

Der erste Druck, der 1472 aus der eigenen Offizin hervorging, waren die *Theoricae planetarum novae*, ein von Regiomontan vollendetes Werk seines Lehrers Purbach, welches nach dem *Tractatus de sphaera* des Sacrobosco das zweite astronomische Lehrbuch des Abendlandes wurde. Später meist unter Beigabe von Kommentaren oft wieder herausgegeben, bildete es, solange man an dem Ptolemäischen System festhielt, fast ausschließlich die Grundlage für den astronomischen Unterricht an Universitäten.

Der dem König Matthias von Ungarn gewidmete „Almanach auf 32 Jahre“ (1475—1506) erregte so allgemeines Aufsehen, daß Regiomontan von dem Papst Sixtus IV. zum Bischof von Regensburg ernannt und durch ein eigenhändiges Schreiben aufgefordert wurde, zur Anbahnung der schon längst gewünschten Kalenderreform nach Rom zu kommen. Mit der Vorbereitung der Herausgabe der *Syntaxis* beschäftigt, entschloß er sich nur schwer zu dieser Reise, die er mit der Vorahnung seines Todes antrat.<sup>22)</sup> Kaum hatte er in Rom seine Arbeiten begonnen, als er am 6. Juli 1476 im Alter von 40 Jahren an der Pest starb und im Pantheon beigesetzt wurde. Sein plötzlicher Tod ließ das Gerücht entstehen, daß er von den Söhnen des Trapezuntius vergiftet worden sei.

Der Nachlaß Regiomontans, bestehend aus wertvollen Instrumenten und 20 Handschriften griechischer Mathematiker mit neuen lateinischen Übersetzungen<sup>23)</sup>, gelangte durch Ankauf in den Besitz Bernhard Walters, der den Schatz so ängstlich hütete, daß er durch Ablehnung aller Gesuche um Darlehnung von Handschriften in den Ruf eines mürrischen Sonderlings kam.<sup>24)</sup> Nach seinem Tode (1506) geriet aber die ganze Hinterlassenschaft in die Hände von Leuten, die

für den Wert eines solchen Vermächtnisses kein Verständ-  
nis hatten. Die Handschriften wurden von den Walterschen  
Erben, über deren liederliche Wirtschaft bittere Klage ge-  
führt wird, verständnislos verschleudert; kostbare Instrumente  
sollen mit dem Hammer zerschlagen worden sein, um als  
altes Messing verkauft zu werden. Nur wenig gelangte  
durch rechtzeitigen Ankauf in die Nürnberger Stadtbibliothek.

Zum Glück fand die Handschrift der Syntaxis den Weg  
in die Basler Druckerei von Johannes Walder (Valderus).  
Aus dieser Offizin ging 1538 die mit allen Mängeln eines  
Druckes des 16<sup>ten</sup> Jahrhunderts behaftete erste Ausgabe  
der Syntaxis hervor, besorgt von Simon Grynäus von  
Vehringen, der damals als Professor der griechischen Literatur  
an der Universität zu Basel wirkte. Im Anschluß daran ist  
der Kommentar des Theon von Joachim Camerarius nach  
der Handschrift herausgegeben, die als das Geschenk Bessarions  
an Regiomontan noch heutzutage trotz ihres bescheidenen  
Gewandes eine Zierde der Nürnberger Stadtbibliothek bildet,  
während die Handschrift der Syntaxis verschollen ist.

Es ist ein eigentümliches Geschick, daß das erste Erscheinen  
dieses großen Lehrbuchs der Astronomie des Altertums im  
Urtext in die Zeit fällt, wo das Ptolemäische System bereits  
ein überwundener Standpunkt war. Im Jahre 1543, dem Todes-  
jahr des Kopernikus, wurde zu Nürnberg dessen epoche-  
machendes, eine Lebensarbeit abschließendes Werk *De revo-  
lutionibus orbium caelestium libri VI* herausgegeben. Die  
Editio princeps der Syntaxis war zwar noch in die Hände  
des Begründers der neuen Weltanschauung gelangt; allein  
das in seinem Nachlaß vorgefundene Exemplar ist mit keinerlei  
Notizen versehen, wie er sie sonst in Bücher einzuzeichnen  
pflegte, die ihm zum Handgebrauch dienten<sup>25)</sup>, Beweis, daß  
er das Werk seines Lebens bereits auf Grund der bis dahin  
üblichen Hilfsmittel abgeschlossen hatte.

Fast dreihundert Jahre blieb die Editio princeps die ein-  
zige Gesamtausgabe. Nur auf einzelne Bücher erstreckte sich  
das Interesse der Gelehrtenwelt. So wurde der griechische

Text des ersten Buches mit lateinischer Übersetzung und Erklärung einiger Stellen (Wittenberg 1549 und 1569) von Erasmus Rheinhold veröffentlicht. Auch der lateinischen Übersetzung desselben Buches mit Theons Kommentar dazu (Neapel 1588 und 1605) von Jo. Bapt. Porta, sowie der gleichfalls lateinischen Übersetzung des zweiten Buches (Paris 1556) von S. Gracilis (S. Legréle) dürfte der von Grynäus gelieferte griechische Text zugrunde gelegt sein.

Daß der Sternkatalog (d. i. das siebente und achte Buch) als antike Urkunde des Sternhimmels von seiten der Astronomen besondere Beachtung gefunden hat, ist selbstverständlich. Der griechische Text<sup>26)</sup> wurde (Oxford 1712) mit lateinischer Übersetzung von dem Astronomen Edmund Halley, mit französischer (Nancy 1786 und Straßburg 1787) von dem Abbé Montignot herausgegeben, während der Astronom Johann Elert Bode sich auf eine deutsche Übersetzung (Berlin und Stettin 1795) beschränkt hat. Sonstige Reduktionen des Sternkatalogs, wie sie z. B. von Ulugh-Beigh, Riccioli, Flamsteed u. a. veranstaltet worden sind, fallen außerhalb des Rahmens dieses Überblicks.

In den Jahren 1813 und 1816 erschien zu Paris in zwei Quartbänden die zweite Gesamtausgabe, unternommen von dem Abbé Nicolas Halma, dem als Professor der Mathematik die erforderlichen Kenntnisse und als Bibliothekar auch die Handschriften der Königlichen Bibliothek zu Gebote standen. Freilich reichten seine philologischen Kenntnisse bei weitem nicht aus, einen einwandfreien Text herzustellen; auch die französische Übersetzung läßt an allen schwierigen Stellen im Stich. Wertvoll sind für Astronomen von Fach jedenfalls die von Delambre beigegebenen Anmerkungen. Daher hat diese Ausgabe viel Anerkennung bei den eigentlichen Astronomen gefunden, ist aber dafür bei den Philologen auf um so mehr Widerspruch und Ablehnung gestoßen. Schon die typographische Unzulänglichkeit (falsche Akzente, verkehrte Interpunktion) muß auf den philologisch geschulten Leser einen höchst unerfreulichen Eindruck machen. Zu einer bibliographischen Seltenheit geworden, werden die

beiden Quartbände heutzutage antiquarisch auf 200 Frs. geschätzt.

Um so freudiger war die den Anforderungen moderner Textkritik voll entsprechende Ausgabe zu begrüßen, welche in den Jahren 1898 und 1903 durch den Kopenhagener Gelehrten, Professor J. L. Heiberg, der Bibliotheca Teubneriana eingereiht worden ist. Auf der gründlichsten Durchforschung des gesamten handschriftlichen Materials beruhend, legt sie Zeugnis ab, daß der Herausgeber nicht nur in philologischer, sondern auch in sachlicher Hinsicht seiner Aufgabe gewachsen war.

Eine Übersetzung beizufügen hat Heiberg mit den Worten abgelehnt: *de ea re videant astronomi, si interpretationem desideraverint*. Hiermit wird dem Fachmann wohl etwas zuviel zugemutet, da in erster Linie zur Erfüllung dieser Aufgabe die Beherrschung der griechischen Sprache erforderlich ist, die nur bei dem Philologen als selbstverständlich vorausgesetzt werden kann. Dagegen dürfte es für den Philologen keine unerfüllbare Anforderung sein, sich soviel Kenntnisse der Himmelskunde und Mathematik anzueignen, als zum Verständnis der antiken Astronomie ausreichen. Daraufhin habe ich es gewagt an die Übersetzung zu gehen, sobald durch Heibergs Ausgabe die unentbehrliche Grundlage geschaffen war. Wenn auch der Text noch nicht durchweg so fest steht, daß dem Übersetzer die Wahl zwischen verschiedenen Lesarten erspart bliebe, so ist ihm doch dieser Teil seiner Aufgabe durch den zuverlässigen kritischen Apparat wesentlich erleichtert worden. So mußte dem von Heiberg in zweite Linie gestellten Codex D (Vaticanus 180 saec. XII) an vielen Stellen, wo er die einzig richtige Lesart bietet, der Vorzug eingeräumt werden. Hinsichtlich der Figuren, die Heiberg mit etwas zu großer Treue vielfach in ungenauer Zeichnung, ja oft in fehlerhafter Gestalt aus den Handschriften in seine Ausgabe herübergenommen hat, erschien es angezeigt, manche Abänderungen vorzunehmen. Überdies sind zur Erläuterung schwieriger Stellen, wo eine Figur besser wirkte als Worte, zahlreiche neue Figuren beigegeben worden.

Den ungetheilten Beifall der Philologen wird meine Übersetzung, weil „frei wie immer“, nicht finden; dagegen glaube ich mir durch Wiedergabe der langatmigen Beweise unter Anwendung der modernen mathematischen Zeichen und Formeln den Beifall der Mathematiker und Astronomen gesichert zu haben. Die Interpretation ist auf dreifache Weise gehandhabt worden: erstens durch Parenthesen im Text, wo wenige Worte zur Klärung des Zusammenhangs genügten, zweitens durch Fußnoten, wo einige Zeilen ausreichten, um eine das Verständnis fördernde Ergänzung anzubringen, endlich durch einen Anhang mit erläuternden Anmerkungen, in denen einzelne Punkte ausführlicher besprochen und namentlich durchgeführte Beispiele zu den Berechnungen nach den Tabellen vorgelegt werden. Ein Namenverzeichnis wird dem zweiten Bande beigegeben werden.

Es steht zu erwarten, daß durch das Studium des deutschen *Almagest* manche ungünstige und ungerechtfertigte Urteile, wie sie namentlich von Delambre in seiner Geschichte der Astronomie über den Verfasser der *Syntaxis* gefällt worden sind und weite Verbreitung gefunden haben, eine endgültige Widerlegung erfahren. War auch Ptolemäus sicherlich kein besonders guter Beobachter, so muß ihn doch die Gründlichkeit und die Gewissenhaftigkeit, mit welcher er auf den Ergebnissen der Vorzeit durchaus selbständig weiterbaut, vor dem Vorwurf schützen, daß er als bloßer Kompilator oder gar Plagiator seinen Ruhm auf die leichtfertige Ausnutzung der Arbeiten seines großen Vorgängers Hipparch gegründet habe.

Mit trefflichen Worten, die wohl verdienen der Vergessenheit entrissen zu werden, warnt der große Astronom von Mailand, Giovanni Virginio Schiaparelli<sup>27)</sup>, vor der geringschätzenden Beurteilung der Leistungen der Alten. Die eindrucksvolle Mahnung, die jeder beherzigen mag, der angesichts der großartigen Fortschritte der modernen Astronomie mit einem gewissen Vorurteil das Werk des Ptolemäus zur Hand nimmt, lautet:

„Indem wir an die Betrachtung dieser Monumente antiken Wissens gehen, laßt uns von der Achtung und Verehrung erfüllt sein, welche denen gebührt, die vor uns eine steile Straße wandernd den Weg geöffnet und geebnet haben. Von diesen Gefühlen beseelt, können wir zwar auf mangelhafte Beobachtungen und auf die Wahrheit weit verfehlende Spekulationen stoßen, aber wir werden nie etwas Absurdes, Lächerliches oder den Regeln der gesunden Vernunft Widersprechendes finden. Wenn heutzutage wir, die späten Enkel jener berühmten Meister, aus ihren Irrtümern und ihren Entdeckungen Gewinn ziehen und zum Giebel des von ihnen gegründeten Gebäudes emporsteigend mit unserem Blick einen weiteren Horizont umfassen können, so wäre es törichter Hochmut, deshalb zu glauben, daß wir eine weitertragende und schärfere Sehkraft als sie hätten. Unser ganzes Verdienst besteht darin, daß wir später zur Welt gekommen sind.“

Dresden, Weihnachten 1911.

**Karl Manitius.**

# Inhaltsverzeichnis des ersten Bandes.

## Erstes Buch.

	Seite
Erstes Kapitel. Vorwort . . . . .	1
Zweites Kapitel. Darlegung der Reihenfolge der theoretischen Erörterungen . . . . .	5
Drittes Kapitel. Das Himmelsgewölbe dreht sich wie eine Kugel . . . . .	6
Viertes Kapitel. Auch die Erde ist, als Ganzes betrachtet, für die sinnliche Wahrnehmung kugelförmig . . . . .	10
Fünftes Kapitel. Die Erde nimmt die Mitte des Himmels- gewölbes ein . . . . .	12
Sechstes Kapitel. Die Erde steht zu den Himmelskörpern in dem Verhältnis eines Punktes . . . . .	15
Siebentes Kapitel. Die Erde hat keinerlei Ortsveränderung verursachende Bewegung . . . . .	16
Achtes Kapitel. Es gibt zwei voneinander verschiedene erste Bewegungen am Himmel . . . . .	20
Neuntes Kapitel. Von den Aufgaben des besonderen Theils . . . . .	24
Zehntes Kapitel. Größenverhältnis zwischen Sehnen und Kreisbogen . . . . .	24
Elftes Kapitel. Die Sehnentafeln . . . . .	36
Zwölftes Kapitel. Der zwischen den Wendepunkten liegende Bogen . . . . .	41
Dreizehntes Kapitel. Einige den sphärischen Demonstrationen vorauszuschickende Lehrsätze . . . . .	45
Vierzehntes Kapitel. Die zwischen dem Äquator und der Ekliptik liegenden Bogen (von Deklinationskreisen) . . . . .	51
Fünfzehntes Kapitel. Die Tabelle der Schiefe (der Ekliptik) . . . . .	53
Sechzehntes Kapitel. Die Aufgänge bei Sphaera recta . . . . .	53

## Zweites Buch.

Erstes Kapitel. Die allgemeine Lage des zurzeit bewohnten Gebietes der Erde . . . . .	58
Zweites Kapitel. Wie sich die zwischen Äquator und Ekliptik liegenden Horizontbogen bestimmen lassen, wenn die Dauer des längsten Tages gegeben ist . . . . .	60

Drittes Kapitel. Wie sich aus der Dauer des längsten Tages die Polhöhe bestimmen läßt, und umgekehrt . . . . .	62
Viertes Kapitel. Wie sich berechnen läßt, wo, wann und wie oft die Sonne in den Zenit kommt . . . . .	65
Fünftes Kapitel. Wie aus den gegebenen Größen das Verhältnis der Gnomonen zu den an den Nachtgleichen und Wenden zur Mittagstunde beobachteten Schatten bestimmt wird . . . . .	66
Sechstes Kapitel. Feststellung der von Parallel zu Parallel eintretenden charakteristischen Kennzeichen . . . . .	69
Siebentes Kapitel. Gleichzeitige Aufgänge (von Theilen) der Ekliptik und des Äquators bei Sphaera obliqua . . . . .	80
Achstes Kapitel. Die Tafeln der Aufgänge nach Zeichen-dritteln . . . . .	93
Neuntes Kapitel. Einige spezielle Aufgaben, deren Lösung mit den Aufgängen zusammenhängt . . . . .	93
Zehntes Kapitel. Die von der Ekliptik und dem Meridian gebildeten Winkel . . . . .	100
Elftes Kapitel. Die von der Ekliptik und dem Horizont gebildeten Winkel . . . . .	107
Zwölftes Kapitel. Die Winkel und Bogen, welche die Ekliptik mit demselben durch die Pole des Horizonts gehenden (Höhen-)Kreis bildet . . . . .	112
Dreizehntes Kapitel. Die Tabellen der Winkel und Bogen von Parallel zu Parallel . . . . .	121

### Drittes Buch.

Vorwort . . . . .	130
Erstes Kapitel. Die Länge des Jahres . . . . .	130
Zweites Kapitel. Tafeln der gleichförmigen Bewegung der Sonne . . . . .	148
Drittes Kapitel. Die Hypothesen zur Erklärung der gleichförmigen Bewegung auf Kreisen . . . . .	148
Viertes Kapitel. Die scheinbare Anomalie der Sonne . . . . .	166
Fünftes Kapitel. Feststellung der Einzelabschnitte der Anomalie . . . . .	173
Sechstes Kapitel. Tabelle der Anomalie der Sonne . . . . .	182
Siebentes Kapitel. Die Epoche des mittleren Laufs der Sonne . . . . .	182
Achstes Kapitel. Berechnung der Länge der Sonne nach den Tafeln . . . . .	185
Neuntes Kapitel. Die Ungleichheit der Sonnentage . . . . .	186

### Viertes Buch.

Erstes Kapitel. Art der Beobachtungen, auf welche sich die Theorie des Mondes zu stützen hat . . . . .	191
Zweites Kapitel. Die periodischen Zeiten des Mondes . . . . .	194

	Seite
Drittes Kapitel. Die Teilbeträge der gleichförmigen Bewegungen des Mondes . . . . .	203
Viertes Kapitel. Tafeln der mittleren Bewegungen des Mondes . . . . .	206
Fünftes Kapitel. Nachweis, daß auch bei der einfachen Mondhypothese die exzentrische wie die epizyklische Hypothese dieselben Erscheinungen bewirkt . . . . .	212
Sechstes Kapitel. Nachweis der ersten oder einfachen Anomalie des Mondes . . . . .	218
Siebentes Kapitel. Korrektion des mittleren Laufs des Mondes in Länge und Anomalie . . . . .	234
Achstes Kapitel. Die Epoche der gleichförmigen Bewegungen des Mondes in Länge und Anomalie . . . . .	236
Neuntes Kapitel. Korrektion der mittleren Bewegung des Mondes in Breite und Epoche derselben . . . . .	237
Zehntes Kapitel. Tabelle der ersten, d. i. einfachen Anomalie des Mondes . . . . .	245
Elftes Kapitel. Nachweis, daß sich nicht wegen Verschiedenheit der Hypothesen, sondern infolge der Berechnungen nach Hipparch eine Differenz im Betrage der Anomalie des Mondes herausstellt . . . . .	245

### Fünftes Buch.

Erstes Kapitel. Konstruktion des Astrolabs . . . . .	254
Zweites Kapitel. Die Hypothese zur Erklärung der doppelten Anomalie des Mondes . . . . .	259
Drittes Kapitel. Betrag der im Verhältnis zur Sonne eintretenden Anomalie des Mondes . . . . .	264
Viertes Kapitel. Das Verhältnis der Exzentrizität des Mondkreises . . . . .	268
Fünftes Kapitel. Die Neigung des Epizykels des Mondes . . . . .	269
Sechstes Kapitel. Gewinnung des genauen Mondlaufs aus den periodischen Bewegungen auf dem Wege geometrischer Konstruktion . . . . .	278
Siebentes Kapitel. Praktische Anleitung zur Aufstellung einer Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes . . . . .	281
Achstes Kapitel. Die Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes . . . . .	285
Neuntes Kapitel. Gesamtberechnung des Mondlaufs nach der Tabelle . . . . .	285
Zehntes Kapitel. Nachweis, daß in den Syzygien infolge des Exzenters des Mondes keine wesentliche Differenz eintritt . . . . .	288
Elftes Kapitel. Die Parallaxen des Mondes . . . . .	293
Zwölftes Kapitel. Konstruktion eines parallaktischen Instruments . . . . .	295

Dreizehntes Kapitel. Nachweis der Entfernungen des Mondes . . . . .	299
Vierzehntes Kapitel. Größenbetrag der scheinbaren Durchmesser der Sonne, des Mondes und des Schattens in den Syzygien . . . . .	305
Fünfzehntes Kapitel. Die Entfernung der Sonne und die aus deren Nachweis sich ergebenden Konsequenzen . . . . .	310
Sechzehntes Kapitel. Die Größe der Sonne, des Mondes und der Erde . . . . .	313
Siebzehntes Kapitel. Die Einzelbeträge der Parallaxen der Sonne und des Mondes . . . . .	314
Achtzehntes Kapitel. Die Parallaxentafel . . . . .	323
Neunzehntes Kapitel. Berechnung der Parallaxen nach der Tafel . . . . .	324

### Sechstes Buch.

Erstes Kapitel. Konjunktionen und Vollmonde . . . . .	337
Zweites Kapitel. Praktische Anleitung zur Aufstellung von Tabellen der mittleren Syzygien . . . . .	338
Drittes Kapitel. Tabellen der Konjunktionen und Vollmonde . . . . .	342
Viertes Kapitel. Berechnung der periodischen und der genauen Syzygien nach den Tabellen . . . . .	342
Fünftes Kapitel. Die Grenzen der Sonnen- und Mondfinsternisse . . . . .	349
Sechstes Kapitel. Das Intervall der mit Finsternissen verbundenen synodischen Monate . . . . .	357
Siebentes Kapitel. Praktische Anleitung zur Aufstellung von Finsternistabellen . . . . .	373
Achtes Kapitel. Finsternistabellen . . . . .	389
Neuntes Kapitel. Berechnung von Mondfinsternissen . . . . .	392
Zehntes Kapitel. Berechnung von Sonnenfinsternissen . . . . .	396
Elftes Kapitel. Die bei den Finsternissen gebildeten Positionswinkel . . . . .	402
Zwölftes Kapitel. Tabelle der Positionswinkel . . . . .	410
Dreizehntes Kapitel. Bestimmung der (im Horizont gebildeten) Positionswinkel . . . . .	410

### Anhang.

Erläuternde Anmerkungen . . . . .	414
Anmerkungen zur Einleitung . . . . .	458
Berichtigungen . . . . .	462

DES CLAUDIUS PTOLEMÄUS  
HANDBUCH DER ASTRONOMIE

ERSTER BAND

BUCH I—VI

Οἶδ' ὅτι θνατὸς ἔφην καὶ ἐπάμερος· ἀλλ' ὅταν ἄστρον  
Ἰγνεύω κατὰ νοῦν ἀμφιδρόμους ἑλικας,  
Οὐκέτ' ἐπιψαύω γαίης ποσίν, ἀλλὰ παρ' αὐτῷ  
Ζηνὶ διοτροφέος πίμπλαμαι ἀμβροσίης.

Cod. Marc. 313, Cod. Vat. 180; Anthol. IX. 577.

Daß ich sterblich bin, weiß ich, und daß meine Tage gezählt sind; aber wenn ich im Geiste den vielfach verschlungenen Kreisbahnen der Gestirne nachspüre, dann berühre ich mit den Füßen nicht mehr die Erde: am Tische des Zeus selbst labt mich Ambrosia, die Götterspeise.

# Erstes Buch.

## Erstes Kapitel.

### Vorwort.

Mit Fug und Recht, lieber Syrus, haben meines Erachtens<sup>[Ha 1  
[Hei 4</sup> die echten Philosophen den theoretischen Teil der Philosophie von dem praktischen geschieden. Denn wenn füglich auch vor dieser Scheidung Theorie und Praxis einträchtig Hand in Hand gegangen sind, so dürfte man nichtsdestoweniger zwischen beiden einen beträchtlichen Unterschied finden, nicht nur deshalb, weil manche ethische Vorzüge vielen Menschen auch ohne Unterricht eigen sein können, während es unmöglich ist, ohne Belehrung in die Wissenschaft des Weltganzen einzudringen, sondern hauptsächlich deshalb, weil dort der größte Gewinn aus fortgesetzter Kraftentfaltung in lediglich praktischer Tätigkeit, hier aus dem Fortschritt in theoretischem Wissen entspringt. Deshalb sind wir zu der Ansicht<sup>Ha 2  
[Hei 5</sup> gelangt, daß es unsere Pflicht sei, einerseits unser Handeln unter dem Eindruck der reinen Vorstellungen harmonisch zu regeln, auf daß wir selbst bei den Zufälligkeiten des täglichen Lebens niemals die Rücksicht auf edlen Anstand und taktvolle Haltung vergessen, andererseits unsere ganze Kraft geistiger Beschäftigung zu widmen zum Zweck der Belehrung über theoretisches Wissen, dessen Zweige zahlreich und herrlich sind, insbesondere aber zum Zweck der Belehrung über das Gebiet, welches man speziell unter dem Namen der Mathematik begreift. 5 10 15 20

Aristoteles<sup>a)</sup> scheidet den theoretischen Teil sehr angemessen wieder in drei Hauptgattungen: in Physik, Mathematik 25

a) Metaphysik VI 1, 1026 a 6; vgl. Boll, Studien über Claudius Ptolemäus, S. 68. Aus der dort gebotenen freien Wiedergabe des Inhalts dieses Vorwortes sind manche treffende Ausdrücke und Wendungen entlehnt worden.

und Theologie. Davon ausgehend, daß die Existenz alles Seienden derart auf Materie, Form und Bewegung beruhe, daß von diesen Teilen keiner für sich, d. h. ohne die anderen, an dem Objekt geschaut, sondern nur gedacht werden könne, möchte er als die erste Ursache der ersten Bewegung des Weltganzen, rein für sich herausgehoben, einen unsichtbaren und unbewegten Gott erkennen und das Wissensgebiet, dem die Forschung nach diesem Wesen zufällt, als Theologie bezeichnen, wobei nur oben irgendwo in den erhabensten Höhen der Welt eine so gewaltig sich äußernde Kraft, ein für allemal geschieden von den sinnlich wahrnehmbaren Dingen, gedacht werden könne.

Die Gattung aber, welche die Erforschung der Beschaffenheit der in ewiger Bewegung begriffenen Materie zur Aufgabe hat und die Fragen, ob weiß, ob warm, ob süß, ob weich u. dgl. erörtert, möchte er Physik nennen, insofern der ihr zufallende Stoff größtenteils in der Welt des Vergänglichen, d. i. unter der Sphäre des Mondes, seine Wandlungen vollziehe.

Die Gattung endlich, welche die Beschaffenheit zur Anschauung zu bringen hat, die sich in den Formen und in den Ortsveränderung verursachenden Bewegungen offenbart, welcher ferner die Aufgabe zufällt, Gestalt, Quantität, Größe, Raum und Zeit und ähnliche Begriffe zu ergründen, will er als das Gebiet der Mathematik abgesondert sehen, insofern der ihr zukommende Stoff sozusagen in die Mitte zwischen die beiden erstgenannten Materien falle, nicht nur deshalb, weil er sowohl durch die sinnliche Wahrnehmung als auch ohne deren Hilfe erfaßt werden könne, sondern auch deshalb, weil er schlechthin allem Seienden als Eigenschaft zukomme, sowohl sterblichen wie unsterblichen Wesen, indem er bei ersteren, die sich hinsichtlich der von ihnen untrennbaren Form beständig verändern, einer Mitveränderung unterworfen sei, während er bei den ewigen Wesen, welche ätherischer Natur sind, die Unveränderlichkeit der Form unwandelbar bewahre.

Hieran haben wir folgende Erwägungen geknüpft. Während man die beiden anderen Gattungen des theoretischen Teils

mehr spekulative Betrachtung als sichere Erkenntnis nennen könnte, die Theologie wegen der absoluten Unsichtbarkeit und Unerfaßlichkeit ihres Gegenstandes, die Physik wegen der Unbeständigkeit und Unklarheit der Materie — so daß aus diesem Grunde keine Hoffnung vorhanden ist, daß die Philosophen über diese Dinge jemals einerlei Meinung werden könnten — dürfte einzig und allein die Mathematik, wenn man auf dem Wege scharfer Prüfung an sie herantritt, ihren Jüngern ein zuverlässiges und unumstößliches Wissen darbieten, weil der Beweis die keinen Zweifel zulassenden Wege einschlägt, welche Arithmetik und Geometrie an die Hand geben. Das ist auch der Grund, der uns veranlaßt hat, uns nach Kräften dieser hervorragenden Wissenschaft in ihrem ganzen Umfange zu widmen, insbesondere aber dem Zweige, der sich mit der Erkenntnis der göttlichen und himmlischen Körper befaßt, weil diese Wissenschaft allein in der Untersuchung einer ewig sich gleichbleibenden Welt aufgeht und deshalb auch ihrererseite imstande ist, erstens hinsichtlich der von ihr vermittelten Erkenntnis, die weder unklar noch ungesichtet ist, ewig unverändert zu bleiben — was das charakteristische Merkmal der reinen Wissenschaft ist — und zweitens den andern Wissensgebieten eine Mitarbeiterin zu sein, die nicht weniger leistet als diese selbst.

Und zwar könnte der Theologie diese Wissenschaft in hervorragender Weise die Wege bahnen, insofern sie allein imstande ist, mit Erfolg den Spuren der unbewegten und von der Materie geschiedenen Kraft nachzugehen, ausgehend von der naheliegenden Schlußfolgerung aus den Erscheinungen, welche sich an den sinnlich wahrnehmbaren, sowohl bewegenden als bewegten, und doch ewigen und keinen Leiden unterworfenen Wesen hinsichtlich des Verlaufs und der Regelmäßigkeit ihrer Bewegungen vollziehen.

Auch der Physik könnte sie recht wesentliche Unterstützung gewähren; denn die allgemeinen Eigenschaften der Materie kommen zum wahrnehmbaren Ausdruck durch das eigenartige Verhalten bei den Ortsveränderung verursachenden Bewegungen. So besitzt z. B. das an sich Vergängliche an

der geradlinigen Bewegung, das Unvergängliche an der Kreisbewegung, ferner das Schwere oder Passive an der zentripetalen, das Leichte oder Aktive an der zentrifugalen Bewegung ein charakteristisches Merkmal.

5 Was nun vollends eine in Handel und Wandel sittliche Lebensführung anbelangt, so dürfte diese Wissenschaft vorzugsweise Sinn und Blick dafür schärfen. Denn nach dem Vorbilde der an den göttlichen Wesen ersauten Gleichförmigkeit, strengen Ordnung, Ebenmäßigkeit und Einfalt bringt  
10 sie ihren Jüngern die Liebe zu dieser göttlichen Schönheit bei und macht ihnen durch Gewöhnung den ähnlichen Seelenzustand sozusagen zur zweiten Natur.

Diese Liebe zu der Wissenschaft von den ewig sich gleichbleibenden Dingen wollen auch wir beständig zu steigern  
Hei 8 suchen, indem wir uns nicht nur mit den Errungenschaften  
16 bekannt machen, welche auf diesem Gebiete von Männern erzielt worden sind, die mit echtem Forschergeist an dasselbe herantraten, sondern indem wir auch unsererseits ein Scherflein beizutragen gedenken, insoweit die (verhältnismäßig kurze)  
20 Zeit, die seit jenen Männern bis auf unsere Tage verstrichen  
Ha 5 ist, zu einem solchen Beitrag beträchtliches Material zu bieten vermag. So werden wir denn versuchen alles Wichtige, was unseres Erachtens in der Gegenwart in unseren Gesichtskreis getreten ist, in möglichster Kürze und so, daß die bereits bis  
25 zu einem gewissen Grade Vorgerückten zu folgen vermögen, in der Form eines Kommentars zur Darstellung zu bringen, wobei wir im Interesse der Vollständigkeit unseres Werkes alle Fragen, welche für die Himmelskunde von praktischem Werte sind, in der gehörigen strengen Reihenfolge erörtern  
30 werden. Um aber die Darstellung in gewissen Grenzen zu halten, werden wir die von den Alten mit voller Sicherheit gewonnenen Ergebnisse nur referierend behandeln, dagegen die überhaupt noch nicht oder wenigstens nicht praktisch genug in Angriff genommenen Probleme nach Kräften einer sorg-  
35 fältig ergänzenden Behandlung unterziehen.

## Zweites Kapitel.

**Darlegung der Reihenfolge der theoretischen Erörterungen.**

Das von uns vorgelegte Handbuch bietet zunächst einen allgemeinen Teil, welcher das Verhältniß der Erde zum Himmelsgewölbe, beide als Ganzes betrachtet, ins Auge faßt (I. Buch, Kap. 3—11). Von dem hierauf folgenden besonderen Teil behandelt der erste Abschnitt (I. Buch, Kap. 12—II. Buch) die Lage der Ekliptik, die Orte des zurzeit bewohnten Gebietes der Erde, ferner den Unterschied, welcher in ihrer Aufeinanderfolge im Verhältniß zueinander von Horizont zu Horizont infolge der Neigung (der Sphäre) eintritt. Die theoretische Erörterung dieser Verhältnisse ebnet, wenn sie vorausgenommen wird, außerordentlich den Weg zur Untersuchung der übrigen Probleme. Hei 9

Der zweite Abschnitt (III.—VI. Buch) handelt von der Bewegung der Sonne und des Mondes, sowie von den damit zusammenhängenden Erscheinungen; denn ohne die Voraussetzung dieser Verhältnisse dürfte es unmöglich sein, auf die Theorie der Sternenwelt mit der nötigen Gründlichkeit einzugehen. Ha 6

Der letzte Abschnitt (Band II), welcher sozusagen der Kernpunkt des Ganzen ist, enthält die Betrachtung der Sternenwelt. Auch hier dürften mit gutem Grunde voranzustellen sein die Erörterungen über die Sphäre der sogenannten Fixsterne (VII. und VIII. Buch), woran sich dann (IX.—XIII. Buch) die Theorien der sogenannten fünf Wandelsterne anschließen sollen. 20

Jeden der hier vorgelegten Abschnitte werden wir dem Verständnis zugänglich zu machen suchen, indem wir als Ausgangspunkte und gewissermaßen als Grundlagen für die Aufstellung der Theorien die augenfälligen Himmelserscheinungen heranziehen und ausschließlich solche Beobachtungen benutzen, die mit zweifelloser Sicherheit sowohl von den 25

Alten als auch zu unserer Zeit angestellt worden sind. Den inneren Zusammenhang der vorgelegten Beobachtungsreihen werden wir alsdann durch die auf geometrische Konstruktionen gegründeten Beweise darlegen.

5 Was nun den allgemeinen Teil anbelangt, so wird sich die Vorbesprechung auf folgende fünf Punkte erstrecken.

1. Das Himmelsgewölbe hat Kugelgestalt und dreht sich wie eine Kugel.

2. Ihrer Gestalt nach ist die Erde für die sinnliche Wahr-  
10 nehmung, als Ganzes betrachtet, gleichfalls kugelförmig.

3. Ihrer Lage nach nimmt die Erde einem Zentrum vergleichbar die Mitte des ganzen Himmelsgewölbes ein.

4. Ihrer Größe und Entfernung nach steht die Erde zur Fixsternsphäre in dem Verhältnis eines Punktes.

15 5. Die Erde hat ihrerseits keinerlei Ortsveränderung  
Hei 10 verursachende Bewegung.

Jeden dieser Punkte wollen wir, um gelegentlich wieder darauf zurückkommen zu können, einer kurzen Erörterung unterziehen.

### Drittes Kapitel.

#### Das Himmelsgewölbe dreht sich wie eine Kugel.

20 Zu den ersten Gedanken über die vorstehend ange-  
deuteten Verhältnisse sind die Alten aller Wahrscheinlich-  
keit nach etwa durch folgende Beobachtung angeregt worden.

Ha 7 Sie sahen die Sonne, den Mond und die übrigen Gestirne  
von Osten nach Westen sich stets auf Parallelkreisen be-

25 wegen. Sie sahen, wie sie anfangs von unten aus dem  
Tiefstande, gewissermaßen direkt von der Erde aus, sich  
aufwärts bewegen, nach und nach zu einem Hochstand  
emporsteigen, hierauf einen ihrem bisherigen Aufstieg ent-  
sprechenden absteigenden Bogen beschreiben und wieder zu

30 einem Tiefstand gelangen, bis sie schließlich gewissermaßen  
auf die Erde fallen und unsichtbar werden, worauf sich,  
nachdem sie eine gewisse Zeit in der Unsichtbarkeit ver-  
harrt, Aufgang und Untergang wie von vorn wiederholt.

Hinsichtlich der dabei verstreichenden Zeiten sowie der Stellen des Auf- und Unterganges machte man aber die Wahrnehmung, daß sich dieselben im großen ganzen in einem genau geregelten Verhältnis gegenseitig entsprachen.

Ganz besonders aber brachte sie auf den Gedanken der Kugelgestalt der Umschwung der immersichtbaren Sterne, welcher in sichtlich zu verfolgender Kreisbahn um ein und dasselbe Zentrum als Pol sich vollzieht. Dieser Punkt mußte der Pol der Himmelskugel sein, weil die in größerer Nähe desselben stehenden Sterne sich in kleineren Kreisen drehen, während die weiter entfernten im Verhältnis zu ihrem Abstände größere Kreise bei der Umkreisung beschreiben, bis der Abstand allmählich zu den Sternen gelangt, die unsichtbar werden. Auch von diesen sah man die in der Nähe der immersichtbaren Gestirne stehenden kurze Zeit in der Unsichtbarkeit verharren, die weiter entfernten wieder verhältnismäßig längere Zeit. So mußte man für den ersten Anfang einzig durch derartige Wahrnehmungen auf den oben ausgesprochenen Gedanken der Kugelgestalt verfallen, nachgerade aber bei fortgesetzter Betrachtung auch die weiteren Konsequenzen aus diesen Beobachtungen ziehen. Denn schlechthin alle Himmelserscheinungen legen Zeugnis dafür ab, daß eine andere Auffassung unzulässig ist.

Man nehme z. B. an, was manche Philosophen wirklich getan haben, daß der Lauf der Sterne in geradliniger Erstreckung in den unendlichen Raum gerichtet sei. Wie sollte man sich da den Vorgang vorstellen, vermöge dessen alle Sterne von demselben Anfangspunkte aus ihren sichtbaren Lauf Tag für Tag wiederholen? Wie könnten denn die Gestirne auf ihrem Flug in den unendlichen Raum wieder kehrtmachen? Oder wie sollte es zugehen, daß diese Umkehr nicht wahrnehmbar wäre? Müßten sie nicht vielmehr unter allmählicher Abnahme ihrer Größen unsichtbar werden, während sie doch im Gegenteil, gerade wenn sie (am Horizont) nahe dem Verschwinden sind, größer erscheinen und nur nach und nach von der Oberfläche der Erde verdeckt und gewissermaßen abgeschnitten werden?

Aber wahrlich auch die Vorstellung, daß die Gestirne aus der Erde aufsteigend sich entzündeten und dann wieder zu ihr zurückkehrend erlöschen, dürfte sich durchweg als höchst widersinnig erweisen.<sup>a)</sup> Gesetzt schon, man machte das Zugeständ-

Hei 12 nis, daß trotz ihrer Größen und ihrer gewaltigen Anzahl, 6 trotz ihrer nach Raum und Zeit verschiedenen Abstände besagter wunderlicher Vorgang sich wirklich vollziehen könnte, d. h. daß die eine ganze (östliche) Seite der Erde eine natürliche Zündkraft, die andere (westliche) Seite eine ebensolche

10 Löschkraft entwickelte, oder besser gesagt, daß dieselbe Seite für einen Teil der Erdbewohner anzündend, für den anderen auslöschend wirkte, d. h. daß dieselben Sterne für die einen bereits angezündet oder ausgelöscht sind, während sie es für die anderen noch nicht sind, wenn man, sage ich,

15 alle diese Zugeständnisse, so lächerlich sie sind, machen wollte, was sollten wir von den immersichtbaren Sternen halten, die weder auf- noch untergehen? Aus welchem Grunde sollten denn nicht diejenigen Sterne, welche dem Anzünden und Auslöschen unterworfen sind, überall auf- und untergehen, wäh-

20 rend andere, welche diesem Wechselzustande nicht unterworfen sind, keineswegs überall beständig über dem Horizont sind?

Ha 9 Es werden doch wohl nicht dieselben Sterne für einen Teil der Erdbewohner immer angezündet und wieder ausgelöscht werden, während sie für den anderen Teil niemals weder das

25 eine noch das andere erleiden, da es ja ganz klar ist, daß es dieselben Sterne sind, die für gewisse (südliche) Orte auf- und untergehen, während sie für andere Orte (d. i. für weiter nördlich liegende) weder auf- noch untergehen.

Kurz und gut, man mag irgendwelchen anderen Verlauf 30 der Bewegung der Himmelskörper annehmen als denjenigen, welchen die Kugelgestalt bedingt, so müßten notwendig die Entfernungen von der Erde in der Richtung nach den hoch über ihr sich bewegenden Gestirnen ungleich werden, wo und wie man die Erde selbst auch annehmen mag. Daher

---

a) Diese Vorstellung wird von Kleomedes ed. Ziegler p. 158 f. als die Auffassung des Epikur ins Lächerliche gezogen.

müßten auch die Größen und die gegenseitigen Abstände der Sterne, weil sie bald aus größerer, bald aus geringerer Entfernung zu schätzen wären, für dieselben Erdbewohner bei jedem Umschwung ungleich erscheinen, was doch sichtlich nicht der Fall ist. Daß freilich am Horizont die Größen bedeutender erscheinen, bewirkt nicht der Umstand, daß die Entfernung geringer wäre, sondern die Verdunstung der die Erde umgebenden Feuchtigkeit, welche sich zwischen unserem Auge und den (am Horizont befindlichen) Sternen entwickelt, geradeso wie in das Wasser geworfene Gegenstände größer erscheinen, und zwar um so größer, je tiefer sie untersinken.

Es führen aber zu dem Gedanken der Kugelgestalt auch Erwägungen folgender Art. Erstens können bei keiner anderen Annahme als einzig bei dieser die Vorrichtungen, welche zur Stundenmessung dienen, richtige Angaben liefern. Faßt man zweitens die ohne Hindernis mit allergrößter Leichtigkeit vor sich gehende Bewegung der Himmelskörper ins Auge, so kommt die Eigenschaft der leichtesten Bewegung von den ebenen Figuren dem Kreis, von den Körpern der Kugel zu. Da ferner von den verschiedenen Figuren gleichen Kreisumfanges die Vielecke, welche mehr Ecken haben, die größeren sind, so hat von den ebenen Figuren der Kreis, von den Körpern die Kugel, und von allen übrigen Körpern die Himmelskugel an Größe den Vorrang.

Aber auch von gewissen physikalischen Erwägungen kann man zu der von uns vertretenen Auffassung gelangen. Von allen Körpern besteht aus den feinsten und gleichartigsten Molekülen der Äther; zu den aus gleichartigen Molekülen bestehenden Gebilden gehören die Flächen, soweit sie aus solchen Teilen bestehen; aus gleichartigen Molekülen gebildete Flächen sind aber unter den ebenen Figuren einzig und allein die Kreisfläche, unter den Körpern die Kugelfläche. Nun ist der Äther keine Ebene, sondern ein Körper; folglich bleibt für ihn nur die Kugelgestalt übrig.

Zu dem gleichen Ergebnis führt folgende Erwägung. Die Natur hat alle irdischen und vergänglichen Körper durchgängig aus kreisförmigen, jedoch ungleichartigen Mole-

külen geschaffen, alle im Äther sich bewegenden und göttlichen Körper dagegen aus gleichartigen Molekülen von Kugelform; denn wären diese Körper eben oder scheibenförmig, so würde nicht allen Beobachtern, welche von verschiedenen Punkten der Erde gleichzeitig nach ihnen schau-  
 5 ten, die scheinbare Kreisform ersichtlich sein. Deshalb ist es eine logische Forderung, daß auch der sie umgebende Äther, welcher von der gleichartigen natürlichen Beschaffenheit ist, erstens kugelförmig und zweitens, infolge die-  
 10 ser Beschaffenheit aus gleichartigen Molekülen, mit gleichförmiger Geschwindigkeit in kreisförmiger Bewegung begriffen sei.

#### Viertes Kapitel.

##### **Auch die Erde ist, als Ganzes betrachtet, für die sinnliche Wahrnehmung kugelförmig.**

Ha 11 Zu der Erkenntnis, daß auch die Erde, als Ganzes betrachtet, für die sinnliche Wahrnehmung kugelförmig sei, dürfte  
 15 man am besten auf folgendem Wege gelangen. Nicht für alle Bewohner der Erde ist Aufgang und Untergang der Sonne, des Mondes und der anderen Gestirne gleichzeitig zu sehen,  
 Hei 15 sondern früher stets für die nach Osten zu, später für die nach Westen zu wohnenden. Wir finden nämlich, daß der  
 20 momentan gleichzeitig stattfindende Eintritt der Finsterniserscheinungen, und besonders der Mondfinsternisse, nicht zu denselben Stunden, d. h. zu solchen, welche gleichweit von der Mittagstunde entfernt liegen, bei allen Beobachtern aufgezeichnet wird, sondern daß jedesmal die Stunden, welche  
 25 bei den weiter östlich wohnenden Beobachtern aufgezeichnet stehen, spätere sind als die bei den weiter westlich wohnenden.<sup>1)</sup> Da nun auch der Zeitunterschied in entsprechendem Verhältnis zu der räumlichen Entfernung der Orte gefunden wird, so dürfte man mit gutem Grunde annehmen,  
 30 daß die Erdoberfläche kugelförmig sei, weil eben die hinsichtlich der Krümmung (der Oberfläche) im großen ganzen

1) Diese Zahlen beziehen sich auf die Anmerkungen im Anhang.

als gleichartig<sup>a)</sup> zu betrachtende Beschaffenheit (der Erde) die Bedeckungserscheinungen zu der Aufeinanderfolge der Beobachtungsorte stets in ein entsprechendes (Zeit-)Verhältnis setzt. Wäre die Gestalt der Erde eine andere, so würde dies nicht der Fall sein, wie man aus folgendem er- 5  
sehen kann.

Wenn die Oberfläche der Erde eine Hohlfläche wäre, so würde der Ausgang der Gestirne den weiter westlich wohnenden Beobachtern eher sichtbar werden; wäre sie eine ebene Fläche, so würden die Gestirne für alle Bewohner der Erde 10 zugleich und zu derselben Zeit auf- und untergehen; wäre Ha 12 sie von der Gestalt einer dreiseitigen Pyramide, eines Würfels oder eines Polyeders,<sup>b)</sup> so würden sie wiederum für alle diejenigen in gleicher Weise und gleichzeitig auf- und untergehen, welche auf derselben Seitenfläche (dieser Körper) 15 wohnten, was mit der Wirklichkeit in keiner Weise vereinbar erscheint.

Daß die Erde aber auch nicht walzenförmig sein kann, selbst nicht unter der Voraussetzung, daß die Rundfläche nach Osten und Westen gekehrt und die Seiten der ebenen Grund- Hei 16 flächen nach den Weltpolen gerichtet wären, was man wohl 21 als das Glaubwürdigere annehmen dürfte<sup>c)</sup>, wird aus folgendem klar. Für keinen Bewohner der gekrümmten Oberfläche würde nämlich auch nur ein einziger Stern immersichtbar werden, sondern für alle Bewohner würden sämtliche Sterne 25 sowohl auf- wie untergehen, oder es würden für alle dieselben Sterne, welche von jedem der beiden Pole den gleichen Abstand hätten, (einerseits immersichtbar, anderseits) immer- unsichtbar werden.<sup>2)</sup> Je weiter wir aber jetzt (d. i. auf der kugelförmigen Erde) nach Norden zu wandern, um so mehr 30

a) D. h. alle Unebenheiten der Oberfläche der Erde sind im Verhältnis zu ihrer Größe so unbedeutend, daß sie der idealen Kugelgestalt keinerlei Abbruch tun können.

b) Zum Vergleich diene die ähnliche Erörterung bei Kleomedes p. 74—82.

c) Weil die Annahme mit dem täglichen Umschwung des Fixsternhimmels von Osten nach Westen im allgemeinen im Einklang stehen würde.

werden von den südlichen Sternen unsichtbar und von den nördlichen immersichtbar, so daß es klar ist, daß auch in diesem Falle die Krümmung der Erde, welche schon (S. 11, 2) die in schräger (d. h. in der die Nord-Südlinie von Osten nach Westen kreuzenden) Richtung verlaufenden Bedeckungserscheinungen in ein entsprechendes (Zeit-)Verhältnis setzte, von allen Seiten auf die Kugelgestalt hinweist. Hiermit ist noch die Wahrnehmung zu verbinden, daß wir bei dem Heransegeh'n an Berge oder einzelne hochragende Punkte unter beliebigem Winkel und nach beliebiger Richtung nach und nach ihre Höhen sichtlich wachsen sehen, als ob sie direkt aus dem Meere auftauchten und vorher in Folge der Krümmung der Wasserfläche untergetaucht gewesen wären.

### Fünftes Kapitel.

#### Die Erde nimmt die Mitte des Himmelsgewölbes ein.

Ha 13 Wenn man nach dieser Erörterung (der Gestalt) der Reihenfolge nach die Lage der Erde ins Auge faßt, so dürfte  
15 Hei 17 man zu der Erkenntnis gelangen, daß der Verlauf der Himmelserscheinungen um die Erde sich nur dann regelrecht vollziehen kann, wenn wir letztere wie das Zentrum einer Kugel in die Mitte des Weltalls setzen. Wäre dem nicht so, so sind  
20 außerdem nur drei Fälle denkbar:

1. die Erde liegt außerhalb der Achse, aber gleichweit entfernt von jedem der beiden Pole;

2. sie liegt auf der Achse, aber dem einen Pol nähergerückt;

25 3. sie liegt weder auf der Achse noch gleichweit von jedem der beiden Pole entfernt.

1. Gegen die erste der drei Lagen spricht folgendes.

A. Wenn man sich die Erde mit Bezug auf die Lage gewisser Orte nach oben (nach dem Zenit) oder nach unten  
30 (nach dem Nadir) verschoben denkt, so würde für diese Orte davon die Folge sein

a) bei Sphaera recta: daß niemals Tag- und Nachtgleiche eintreten kann, weil der Raum über und unter der

Erde von dem Horizont jederzeit in ungleiche Teile geteilt wird;

b) bei Sphaera obliqua: daß entweder wieder überhaupt nicht Tag- und Nachtgleiche eintreten kann, oder wenigstens nicht in der Mitte zwischen Sommer- und Winterwende, da diese Intervalle notwendigerweise ungleich werden, weil nicht mehr der Äquator, d. i. der größte der um die Pole des Umschwungs verlaufenden Parallelkreise von dem Horizont halbiert wird, sondern einer von den mit dem Äquator gleichlaufenden nördlichen oder südlichen Kreisen. Darüber ist man aber allgemein einig, daß diese Intervalle überall gleich sind, weil die im Vergleich zur Tag- und Nachtgleiche eintretende Zunahme des längsten Tages zur Zeit der Sommerwende gleich ist der Abnahme des kürzesten Tages zur Zeit der Winterwende.

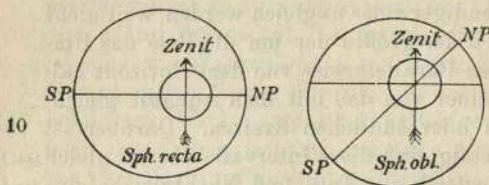
B. Wenn man aber wieder mit Bezug auf die Lage gewisser Orte eine Verschiebung in der Richtung nach Osten oder Westen annehmen wollte, dann würde für diese Orte der Fall eintreten, daß erstens die Größen und die gegenseitigen Abstände der Gestirne im östlichen Horizont scheinbar nicht die gleichen und nämlichen wie im westlichen sein würden, und daß zweitens die Zeit von Aufgang bis Kulmination nicht gleich sein würde der Zeit von Kulmination bis Untergang, was sichtlich mit den Erscheinungen durchaus in Widerspruch steht.

2. Gegen die zweite Lage, bei welcher man sich die Erde in der Richtung der Achse nach dem einen der beiden Pole hin verschoben zu denken hat, könnte man wieder einwenden, daß, wenn dem so wäre, für jede geographische Breite (d. i. bei Sphaera obliqua) die Ebene des Horizontes den über und unter der Erde befindlichen Himmelsraum je nach dem Grade der Verschiebung jedesmal ungleich machen würde, und zwar sowohl die oberen Teile im Vergleich zu den oberen, und die unteren Teile im Vergleich zu den unteren, als auch die unteren und oberen Teile im Vergleich zu einander; denn nur bei Sphaera recta kann (in diesem Falle) der Horizont

die Sphäre halbieren, während er bei Sphaera obliqua, bei welcher der nähere Pol (an d. Fig. der nördliche) zum immer-sichtbaren wird, den über der Erde gelegenen Teil der Sphäre stets kleiner und den unter der Erde gelegenen größer macht.

5 Infolgedessen würde der Fall eintreten, daß auch der größte

Kreis, der durch die Mitte der Tierkreisbilder geht (d. i. die Ekliptik), von der Ebene des Horizontes in ungleiche Teile geteilt würde,



10  
 Hei 19 ein Verhältnis, welches die Beobachtung keineswegs fest-  
 Ha 15 stellt: denn jederzeit und überall sind sechs Zeichen über der  
 15 Erde sichtbar und die übrigen sechs unsichtbar, während  
 dann wieder letztere in ganzer Ausdehnung gleichzeitig  
 über der Erde sichtbar sind und die übrigen alle zu-  
 sammen unsichtbar. Demnach geht aus dem Umstande, daß  
 (bei zentraler Lage der Erde) dieselben Halbkreise der Ekliptik  
 20 in ihrer ganzen Ausdehnung bald über bald unter der Erde  
 abgeschnitten werden, klar hervor, daß vom Horizont auch  
 die Ekliptik genau halbiert wird.

Ganz allgemein würde, wenn die Erde nicht ihre (normale)  
 Lage direkt unter dem (Himmels-) Äquator hätte, sondern  
 25 nach Norden oder Süden in der Richtung nach einem der  
 beiden Pole hin von dieser Lage abweiche, (infolge der erwähn-  
 ten ungleichen Teilung der Ekliptik) der Fall eintreten, daß  
 an den Nachtgleichtagen die bei Aufgang (der Sonne) ge-  
 worfenen Schatten der Gnomonen mit den bei Untergang  
 30 geworfenen auf den mit dem Horizont parallelen Ebenen nicht  
 mehr für die sinnliche Wahrnehmung auf eine Gerade fielen,  
 eine Begleiterscheinung (der Nachtgleichen), welche in einander  
 genau gegenüberliegenden Punkten (des Horizontes) eintritt,  
 wie die Beobachtung allerorts feststellt.

35 3. Ohne weiteres ist klar, daß auch die dritte Lage nicht  
 zu Recht bestehen kann, da bei ihr die Einwände, welche gegen

die beiden ersten Lagen zu erheben waren, vereinigt zur Geltung kommen müssen.

Kurz und gut, der ganze regelrechte Verlauf, welcher theoretisch hinsichtlich der Ab- und Zunahme der Tage und Nächte festgestellt wird, dürfte vollständig umgestoßen werden, wenn man die Erde nicht in der Mitte annähme. Hierzu kommt, daß auch der Eintritt der Mondfinsternisse nicht an allen Stellen des Himmels in der der Sonne diametral gegenüberliegenden Stellung erfolgen könnte, da die Erde häufig nicht bei den diametral gegenüberliegenden Positionen (der beiden Lichtkörper) als bedeckendes Objekt zwischen sie zu stehen kommen würde, sondern bei den Intervallen, die kleiner als ein Halbkreis wären.

## Sechstes Kapitel.

### Die Erde steht zu den Himmelskörpern in dem Verhältnis eines Punktes.

Daß die Erde zu der Entfernung bis zu der Sphäre der sogenannten Fixsterne für die sinnliche Wahrnehmung wirklich nur in dem Verhältnis eines Punktes steht, dafür ist ein zwingender Beweis, daß von allen ihren Teilen aus die scheinbaren Größen und gegenseitigen Abstände der Sterne zu denselben Zeiten allenthalben gleich und ähnlich sind, wiewohl auch die in verschiedenen geographischen Breiten an denselben Sternen angestellten Beobachtungen auch nicht im geringsten voneinander abweichend gefunden werden. Als ganz besonders bezeichnend ist auch noch der Umstand hervorzuheben, daß die (Endpunkte der) an beliebiger Stelle der Erde aufgestellten Gnomonen sowie die Mittelpunkte der Armillarsphären dieselbe Geltung haben wie der wirkliche Mittelpunkt der Erde, d. h. daß die genannten Punkte für die Richtung der Visierlinien (nach den Himmelskörpern) und für die Herumleitung der Schattenlinien in so großer Übereinstimmung mit den zur Erklärung der Himmelserscheinungen aufgestellten Hypothesen maßgebend sind, wie wenn diese Linien direkt durch den Mittelpunkt der Erde gingen.

Ein deutliches Anzeichen dafür, daß dieses Größenverhältnis besteht, liegt auch in dem Umstand, daß die durch das Auge gelegten Ebenen, die wir Horizonte nennen, überall stets die ganze Himmelskugel halbieren, was nicht der Fall sein Hei 21 würde, wenn die Größe der Erde im Verhältnis zur Ent-  
6 fernung der Himmelskörper ein merkbarer Faktor wäre. Alsdann könnte nur die durch den Punkt im Zentrum der Erde gelegte Ebene die Himmelskugel halbieren, während die durch beliebige Punkte der Erdoberfläche gelegten Ebenen Ha 17 die unter der Erde liegenden Abschnitte größer machen würden  
11 als die über der Erde befindlichen.

### Siebentes Kapitel.

#### Die Erde hat keinerlei Ortsveränderung verursachende Bewegung.

Nach denselben Gesichtspunkten wie bisher wird sich der Nachweis führen lassen, daß die Erde auch nicht die geringste Bewegung nach den oben (S. 12 ff.) besprochenen schrägen  
15 Richtungen haben oder überhaupt jemals ihre zentrale Lage irgendwie verändern kann; denn es würden dieselben Folgen eintreten, wie wenn sie eine andere Lage zur Mitte einnähme. Deshalb dürfte man meines Erachtens überflüssiger Weise noch nach den Ursachen des freien Falls nach der Mitte  
20 forschen, nachdem ein für allemal auf dem dargelegten Wege aus den Erscheinungen selbst die Tatsache klargestellt ist, daß die Erde den Raum in der Mitte des Weltalls einnimmt, und daß alle schweren Körper auf sie fallen. Das bequemste Beweismittel zur Feststellung des Falls nach der  
25 Mitte dürfte einzig und allein in dem Umstand zu finden sein, daß, nachdem die Kugelgestalt und die Lage der Erde  
Hei 22 in der Mitte des Weltalls nachgewiesen ist, auf ausnahmslos allen ihren Punkten die Richtung und der Fall der mit Schwere behafteten Körper, ich meine, ihr freier Fall, unter  
30 allen Umständen und überall lotrecht zu der durch den Einfallspunkt gelegten, neigungslosen (Tangential-) Ebene verläuft; denn aus diesem Verhalten geht klar hervor, daß

diese Körper, wenn sich ihnen in der Erdoberfläche nicht ein unüberwindliches Hemmnis entgegenstellte, durchaus bis zum Mittelpunkte selbst gelangen würden, weil die zum Mittelpunkt führende Gerade immer senkrecht zu der Tangentialebene der Kugel steht, welche durch den an der Berührungsstelle entstehenden Schnittpunkt gelegt wird. Ha 18  
5

Wer darin einen unerklärlichen Widerspruch zu erblicken vermeint, daß ein Körper von so gewaltiger Schwere wie die Erde nach keiner Seite wanke oder falle, der scheint mir den Fehler zu begehen, daß er bei dem Vergleich seinen eignen leiblichen Zustand, aber nicht die Eigenart des Weltganzen im Auge hat. Denn ich meine, ein solches Verharren im Ruhezustande würde ihm nicht mehr wunderbar vorkommen, wenn er sich zu der Vorstellung aufschwingen könnte, daß die vermeintliche Größe der Erde, verglichen mit dem ganzen sie umgebenden Körper, zu diesem nur das Verhältnis eines Punktes hat; denn alsdann wird es möglich erscheinen, daß der verhältnismäßig so kleine Körper von dem absolut größten und aus gleichartigen Molekülen bestehenden durch den von allen Seiten in gleichmäßiger Stärke und gleichförmiger Richtung geübten Gegendruck in der Gleichgewichtslage erhalten wird; denn ein „oben“ oder „unten“ gibt es im Weltall mit Bezug auf die Erde nicht, ebensowenig wie auch bei der Kugel jemand auf einen solchen Gedanken kommen würde. Hei 23

Was aber die im Weltall existierenden zusammengesetzten Körper anbelangt, so streben die leichten, d. h. die aus feinen Molekülen bestehenden Körper, so weit es die ihnen von Natur anhaftende Neigung zum freien Fall gestattet, empor nach außen, d. i. nach der Peripherie, und folgen scheinbar dem Triebe nach dem jeweiligen „oben“; denn auch bei uns Menschen bestimmt allgemein der Punkt über dem Haupte, der gleichfalls mit „oben“ bezeichnet wird, die Richtung der Normalen zu der jeweiligen Standfläche. Dagegen streben die schweren, d. h. die aus groben Molekülen bestehenden Körper, nach der Mitte zu, d. i. nach dem Zentrum, und fallen scheinbar nach „unten“; denn auch bei uns Menschen bestimmt wieder allgemein der Fußpunkt, gleichfalls mit 25  
30  
35

„unten“ bezeichnet, die Richtung der Normalen zum Erd-  
 Ha 19 mittelpunkte. Das gemeinsame Streben nach der Mitte er-  
 halten sie dabei natürlich durch den von allen Seiten gleich-  
 stark und gleichförmig aufeinander wirkenden Gegenstoß  
 5 und Gegendruck.

So gelangt man denn selbstverständlich auf diesem Wege  
 zu der Erkenntnis, daß das ganze Volumen der Erde im  
 Verhältnis zu den auf sie fallenden Körpern von ungeheurer  
 Größe ist, und daß sie unter dem Druck der ganz minimalen  
 10 Schwerekörper, zumal da er von allen Seiten wirkt, in ihrem  
 Ruhezustand unerschüttert verharrt und die auf sie fallen-  
 den Körper gewissermaßen auffängt. Hätte freilich auch  
 sie eine gemeinsame Neigung zum Fallen, d. h. wäre die  
 Richtung ihres Falls ein und dieselbe wie bei den übrigen  
 15 Schwerekörpern, so würde sie natürlich infolge des kolossalen  
 Übergewichts ihrer Größe allen Körpern bei dem Sturz in  
 die Tiefe voraneilen, und es würden die Lebewesen und die  
 Hei 24 losen Schwerekörper in der Luft in der Schwebelage verharren,  
 während sie für ihr Teil mit rasender Geschwindigkeit schließ-  
 20 lich aus dem Himmelsgewölbe selbst herausstürzen müßte.  
 Aber dergleichen Möglichkeiten erscheinen ja schon bei dem  
 bloßen Gedanken unglaublich lächerlich.

Nun stellen sich manche Philosophen, ohne gegen die hier  
 entwickelten Ansichten etwas einwenden zu können, ein nach  
 25 ihrer Meinung glaubwürdiges System<sup>a)</sup> zusammen und geben  
 sich dem Glauben hin, daß keinerlei Zeugnis wider sie sprechen  
 werde, wenn sie z. B. das Himmelsgewölbe als unbeweglich  
 annähmen, während sie die Erde um dieselbe Achse von  
 Westen nach Osten täglich nahezu eine Umdrehung machen  
 30 ließen, oder auch wenn sie beiden eine Bewegung von einem  
 gewissen Betrag erteilten, nur, wie gesagt, um dieselbe Achse  
 und im richtigen Verhältnis zur Erhaltung der auf gegen-  
 seitigem Überholen beruhenden Beziehungen.

a) Daß der Schöpfer dieser Idee, der große Aristarch von Samos, bei dieser Gelegenheit nicht namhaft gemacht wird, ist auffallend.

Wenn auch vielleicht, was die Erscheinungen in der Sternenswelt anbelangt, bei der größeren Einfachheit des Gedankens nichts hinderlich sein würde, daß dem so wäre, so ist doch diesen Männern entgangen, daß aus den uns selbst anhaftenden Eigenschaften und den eigenartigen atmosphärischen Verhältnissen die ganze Lächerlichkeit einer solchen Annahme ersichtlich werden muß. Gesetzt nämlich, wir machten ihnen das Zugeständnis, daß im Widerspruch mit ihrer natürlichen Beschaffenheit die aus den feinsten Molekülen bestehenden und daher leichtesten Substanzen entweder gar keine Bewegung hätten oder unterschiedslos dieselbe wie die Körper von entgegengesetzter Natur — wo doch die atmosphärischen Massen und die aus weniger feinen Molekülen gebildeten Körper so sichtlich den Trieb zu schnellerer Fortbewegung äußern als sämtliche mehr erdartigen Körper — während die aus den größten Molekülen bestehenden und daher schwersten Körper in diesem Fall eine eigene rasend schnelle und gleichförmige Bewegung hätten — wo doch wieder die erdartigen Körper anerkanntermaßen bisweilen nicht einmal auf die von anderen Körpern ihnen aufgedrungene Bewegung in entsprechender Weise reagieren — nun, so müßten sie doch zugeben, daß die Drehung der Erde die gewaltigste von ausnahmslos allen in ihrem Bereich existierenden Bewegungen wäre, insofern sie in kurzer Zeit eine so ungeheuer schnelle Wiederkehr zum Ausgangspunkt bewerkstelligte, daß alles, was auf ihr nicht niet- und nagelfest wäre, scheinbar immer in einer einzigen Bewegung begriffen sein müßte, welche der Bewegung der Erde entgegengesetzt verlief. So würde sich weder eine Wolke noch sonst etwas, was da fliegt oder geworfen wird, in der Richtung nach Osten ziehend bemerkbar machen, weil die Erde stets alles überholen und in der Bewegung nach Osten vorausseilen würde, so daß alle übrigen Körper scheinbar in einem Zuge nach Westen, d. i. nach der Seite, welche die Erde hinter sich läßt, wandern müßten.

Wenn die Vertreter dieser Ansicht nämlich auch behaupten wollten, daß die Atmosphäre an der Drehung der Erde in

derselben Richtung mit gleicher Geschwindigkeit theilnahme, so müßten nichtsdestoweniger die in sie hineingeratenden irdischen Körper jederzeit hinter der Bewegung, welche Erde und Atmosphäre gemeinsam (ostwärts) forttrisse, scheinbar 5 (westwärts) zurückbleiben, oder wenn sie auch, mit der Atmosphäre gewissermaßen eins geworden, mit herumgenommen würden, so würde doch an ihnen keinerlei scheinbare Bewegung mehr wahrgenommen werden, weder eine Ha 21 rechtläufige noch eine rückläufige, sondern sie würden scheinbar 10 beständig an einem Fleck verharren und, möchten es fliegende oder geworfene Körper sein, keinerlei Abschweifung Hei 26 oder Fortschritt im Raume machen — was wir ja alles so sichtlich vor sich gehen sehen — gerade als ob von dem Nichtfeststehen der Erde für diese Körper ein Verzicht auf jede 15 Bewegung, sei sie langsam oder schnell, die Folge sein müßte.

### Achtes Kapitel.

#### Es gibt zwei voneinander verschiedene erste Bewegungen am Himmel.

Es wird genügen, vorstehende Hypothesen, welche zum Verständniß der Lehren des besonderen Theils und ihrer Konsequenzen vorausgenommen werden mußten, soweit in den Hauptumrissen mitgeteilt zu haben. Ihre volle Bestätigung werden sie doch schließlich erst aus der Übereinstimmung der im Anschluß daran noch weiterhin zu führenden Nachweise mit den Erscheinungen erhalten. Nur die Vorausnahme des einen allgemeinen Satzes könnte man hierüber noch für gerechtfertigt halten, der da besagt, daß 20 es am Himmel zwei voneinander verschiedene erste Bewegungen gibt.

Die erste Bewegung ist diejenige, von welcher alle Gestirne ewig gleichmäßig und mit der gleichen Geschwindigkeit von Osten nach Westen geführt werden. Sie bewirkt 30 die Herumführung auf Parallelkreisen, welche natürlich um die Pole dieser alle Gestirne gleichförmig herumführenden Sphäre beschrieben werden. Der größte dieser Parallelkreise

heißt der Äquator (oder Gleicher), weil nur er vom Horizont, der (gleichfalls) ein größter Kreis ist, unter allen Umständen in zwei gleiche Teile geteilt wird, und weil er überall für die sinnliche Wahrnehmung Gleichheit von Tag und Nacht Ha 22 verursacht, sobald der Umschwung der Sonne auf ihm verläuft. 5

Die zweite Bewegung ist diejenige, vermöge welcher die Sphären der Gestirne in der zum vorherbeschriebenen Um- Hei 27 schwung entgegengesetzten Richtung gewisse Ortsveränderungen um andere Pole bewirken, nicht um dieselben, wie die der ersten Umdrehung (d. h. nicht um die Pole des 10 Äquators). Daß es diese zweite Bewegung gibt, nehmen wir aus folgendem Grunde an. Gemäß der Tag für Tag anzustellenden Beobachtung sehen wir alle Gestirne ausnahmslos am Himmel Aufgang, Kulmination und Untergang für die sinnliche Wahrnehmung an den gleichartigen, auf 15 Parallelkreisen zum Äquator liegenden Stellen bewerkstelligen, worin eben die Eigenart des ersten Umschwungs liegt. Dagegen behalten bei länger hintereinander fortgesetzter Beobachtung die übrigen Gestirne alle auf eine lange Zeit hinaus scheinbar sowohl die gegenseitigen Abstände bei, 20 als auch ihre besonderen Beziehungen zu den Stellen, die dem ersten Umschwung eigen sind, während die Sonne, der Mond und die Wandelsterne gewisse komplizierte und einander ungleiche Ortsveränderungen bewerkstelligen, die aber 25 alle im Vergleich zu der allgemeinen Bewegung nach den ostwärts gelegenen Teilen (des Himmelsgewölbes) gerichtet sind, welche hinter den (Fix-)Sternen, die ihre gegenseitigen Abstände beibehalten und gewissermaßen von einer einzigen Sphäre herumgeleitet werden, zurückbleiben.<sup>a)</sup>

Wenn nun die letzterwähnte Ortsveränderung der Wandel- 30 sterne gleichfalls auf Parallelkreisen zum Äquator vor sich ginge, d. h. um die Pole, welche der ersten Umdrehung zugrunde liegen, so würde es ausreichend sein, für alle Gestirne ein und denselben Umschwung in der Richtung des Hei 28

a) *Ἐπιστρέφειν* bezeichnet ein Zurückbleiben in östlicher Richtung hinter der täglichen Bewegung, wodurch die „rechtläufige“ Bewegung zum Ausdruck kommt.

Ha 23 ersten anzunehmen; denn alsdann würde es glaubwürdig er-  
 scheinen, daß die an den Wandelsternen beobachtete Orts-  
 veränderung nur die Folge eines verschiedenartigen Zurück-  
 5 verlaufenden Bewegung sei. Nun verbinden sie aber mit  
 den ostwärts gerichteten Ortsveränderungen gleichzeitig einen  
 sichtlich nach Norden oder Süden abweichenden Lauf, wo-  
 bei sich die Größe dieser seitlichen Abweichung theoretisch  
 nicht einmal als gleichförmig herausstellt, so daß es den  
 10 Anschein hat, als ob diese charakteristische Erscheinung durch  
 gewisse Stoßwirkungen an den Planeten hervorgerufen  
 würde. Die Ungleichförmigkeit des Laufs erklärt  
 sich allerdings, wenn man diese so wenig glaubliche Ver-  
 mutung gelten lassen will, aber durchaus geregelt er-  
 15 scheint dieser Lauf unter der Annahme, daß er sich  
 auf einem zum Äquator schiefen Kreise vollziehe.  
 So gibt sich denn dieser schiefe Kreis als ein und die-  
 selbe den Wandelsternen eigene Bahn zu erkennen; ge-  
 nau eingehalten und gewissermaßen beschrieben wird er  
 20 freilich nur von der Bewegung der Sonne, durchlaufen  
 aber auch von dem Monde und den Planeten, welche  
 jederzeit in nächster Nähe dieses Kreises wandeln und durch-  
 aus nicht willkürlich die für jeden einzelnen beiderseits ge-  
 nau bestimmten Grenzen der seitlichen Abweichung über-  
 25 schreiten. Da aber auch dieser Kreis theoretisch sich als  
 ein größter herausstellt, weil die Sonne (auf ihm) um den  
 gleichen Betrag nördlich wie südlich des Äquators zu stehen  
 kommt, da ferner in der Nähe ein und desselben Kreises,  
 wie gesagt, die ostwärts gerichteten Ortsveränderungen aller  
 30 Wandelsterne sich vollziehen, so war es notwendig, diese  
 zweite Bewegung als verschieden von der allgemeinen hin-  
 zustellen, d. h. als eine solche, welche um die Pole des fest-  
 Hei 29 gestellten schiefen Kreises in der zum ersten Umschwung  
 entgegengesetzt verlaufenden Richtung vor sich geht.  
 35 Wenn wir uns nun den durch die Pole der beiden oben-  
 Ha 24 genannten Kreise gezogenen größten (Kolor-) Kreis vorstellen,  
 welcher jeden dieser beiden Kreise, d. h. den Äquator und

den zu ihm geneigten (d. i. die Ekliptik), halbieren und unter rechten Winkeln schneiden muß (nach Theod. Sphaer. II. 5), so werden sich vier Punkte des schiefen Kreises herausstellen, zwei, die einander diametral gegenüber im Äquator liegen, die sogenannten Nachtgleichenpunkte<sup>a)</sup>, von denen der eine, durch welchen der von Süden nach Norden aufsteigende Lauf geht, der Frühlingspunkt, der entgegengesetzte der Herbstpunkt heißt, und zwei, die auf dem durch die beiden Pole gezogenen (Kolor-) Kreis einander natürlich gleichfalls diametral gegenüberliegen, die sogenannten Wendepunkte, von denen der südlich des Äquators gelegene der Winterwendepunkt, der nördlich des Äquators gelegene der Sommerwendepunkt heißt.

Die eine Bewegung, und zwar die Bewegung des ersten Umschwungs, welche die übrigen alle in sich begreift, wird man sich beschrieben und sozusagen zwischen Grenzen abgeschlossen zu denken haben von dem durch die beiden Pole gehenden größten (Kolor-) Kreis, der durch seine Umdrehung alles übrige mit sich von Osten nach Westen um die Pole des Äquators herumführt, welche auf dem sogenannten Meridian (oder Mittagskreis) gewissermaßen im Ruhezustande verharren. Von dem erstgenannten (dem Kolor) unterscheidet sich dieser Kreis nur dadurch, daß er nicht jederzeit (wie ersterer) auch durch die Pole des schiefen Kreises (der Ekliptik) geht. Mittagskreis heißt er, weil er als dauernd senkrecht zum Horizont zu denken ist; diese ihm eigene Lage teilt nämlich beide Halbkugeln, sowohl die über als die unter der Erde gelegene, in zwei Hälften und macht somit die Bestimmung der Mitten von Tag und Nacht (d. i. des Mittags und der Mitternacht) möglich.

Die zweite, sich vielfach verzweigende Bewegung, welche von der ersten mit inbegriffen wird, aber ihrerseits die Sphären aller Wandelsterne in sich begreift, wird man sich von der

a) Es sind die Schnittpunkte des Äquators mit dem Nachtgleichenkolor, der nicht durch die Pole beider Kreise geht, sondern nur durch die des Äquators. Die ausdrückliche Erwähnung dieses Kolors wird hier vermißt.

erstbeschriebenen zwar, wie gesagt, mitgenommen, aber (an sich) in entgegengesetzter Richtung um die Pole des schiefen Kreises (der Ekliptik) verlaufend zu denken haben. Diese Pole, welche ihrerseits auf dem die erste Umdrehung bewirkenden Kreise, d. h. auf dem durch beide Pole (sowohl den des Äquators als den der Ekliptik) gehenden (Kolor), ewig ihren festen Stand haben, werden natürlich mit letzterem herumbewegt und behalten dadurch bei dem (täglichen) Umschwung, der zur zweiten Bewegung entgegengesetzt verläuft, zum Äquator immer dieselbe Lage.<sup>a)</sup>

### Neuntes Kapitel.

#### Von den Aufgaben des besonderen Teils.

Der vorbereitende allgemeine Teil kann in der Hauptsache mit der vorstehenden Erörterung der Verhältnisse, welche vorausgesetzt werden mußten, als abgeschlossen betrachtet werden. Im Begriff zu den speziellen Beweisen überzugehen, von denen unseres Erachtens an erster Stelle derjenige zu stehen hat, durch welchen festgestellt wird, wie groß der zwischen den obengenannten Polen (des Äquators und der Ekliptik) liegende Bogen des durch sie gezogenen größten (Kolor-) Kreises ist, sehen wir uns genötigt, vorher die Lehre von dem Größenbetrag der Geraden im Kreis (d. i. der Sehnen) mitzuteilen, da wir unsere Absicht durchzuführen gedenken, ein für allemal alle Lehrsätze auf Grund von geometrischen Konstruktionen zu beweisen.

### Zehntes Kapitel.

#### Größenverhältnis zwischen Sehnen und Kreisbogen.

Zum bequemen Handgebrauch wollen wir nächst dem in Tabellenform die Größenbeträge zusammenstellen, welche auf die Sehnen entfallen, wenn wir den Kreisumfang in

a) Die Worte *τοῦ γραφομένου δι' αὐτῆς* (Cod. D *αὐτῶν*) *μεγίστον καὶ λογοῦ κύκλου* halte ich für ein sinnloses Einschiebsel, mag man nun mit Heiberg *δι' αὐτῆς* lesen, was gar keinen Bezug hat, oder mit D *δι' αὐτῶν*: die Ekliptik geht doch wahrlich nicht durch ihre eigenen Pole.

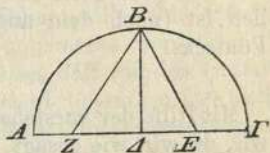
360 Abschnitte (oder Grade) zerlegen. Und zwar wollen wir die Sehnen in Ansatz bringen, welche die von  $\frac{1}{2}^0$  zu  $\frac{1}{2}^0$  anwachsenden Bogen unterspannen, d. h. wir wollen feststellen, wie viel Teile (partes) des Durchmessers auf diese Sehnen entfallen, wenn derselbe in 120 Teile ( $120^p$ ) geteilt ist; denn diese Teilung wird sich in den Zahlen bei Ausführung der Rechnungen selbst als praktisch erweisen. Vorher werden wir aber mit Hilfe von möglichst wenigen Lehrsätzen, die sich immer wiederholen, zeigen, wie wir nach einer praktischen und schnell durchführbaren Methode den auf die Größenbeträge der Sehnen entfallenden Zusatzbetrag<sup>a)</sup> ermitteln, damit wir nicht nur die Größen der Sehnen in fertiggerechneten Beträgen (zum mechanischen Gebrauch, d. h.) ohne uns Rechenschaft zu geben, wie wir dazu kommen, zur Hand haben, sondern damit wir auch mit Hilfe ihrer regelrechten geometrischen Konstruktion sofort den Beweis der Richtigkeit antreten können. Im allgemeinen werden wir jedoch die Ansätze der Zahlen nach dem Sexagesimalsystem machen, weil die Anwendung der Brüche unpraktisch ist. Wir werden uns ferner an die Ergebnisse von Multiplikation und Division nur insoweit binden, als wir den Näherungswert zu ermitteln bestrebt sind, d. h. insoweit als der zu vernachlässigende Rest nur eine unbedeutende Differenz gegen den Wert darstellt, welcher für die sinnliche Wahrnehmung der genaue ist.

Es sei  $AB\Gamma$  ein Halbkreis auf dem Durchmesser  $A\Delta\Gamma$  um das Zentrum  $\Delta$ . Von  $\Delta$  aus ziehe man  $\Delta B$  rechtwinklig zu  $A\Gamma$  und halbiere  $\Delta\Gamma$  in Punkt  $E$ . Dann ziehe man die Verbindungslinie  $EB$ , trage ihr gleich  $EZ$  ab und verbinde  $Z$  mit  $B$  durch eine Gerade.

Meine Behauptung geht dahin:

A.  $Z\Delta$  ist die Seite des (eingeschriebenen) Zehnecks.

B.  $BZ$  ist die Seite des (eingeschriebenen) Fünfecks.



a) D. s. die in der dritten Spalte der Sehnentafeln stehenden Sechzigteile.

Beweis zu A. Da die Gerade  $\Delta\Gamma$  in  $E$  halbiert ist und in ihrer Fortsetzung die Gerade  $\Delta Z$  liegt, so gilt der Satz

Hei 33  $\Gamma Z \cdot Z\Delta + E\Delta^2 = EZ^2$ . (Eukl. II. 6)

Nun ist  $EZ = EB$ , (nach Konstruktion)

5 folglich  $\Gamma Z \cdot Z\Delta + E\Delta^2 = EB^2$ .

Es ist aber  $EB^2 = E\Delta^2 + \Delta B^2$ , (Eukl. I. 47)

folglich  $\Gamma Z \cdot Z\Delta + E\Delta^2 = E\Delta^2 + \Delta B^2$ ,

oder  $\Gamma Z \cdot Z\Delta = \Delta B^2$ , beiderseits  $E\Delta^2$  abgezogen.

Nun ist  $\Delta B = \Delta\Gamma$ ,

10 folglich  $\Gamma Z \cdot Z\Delta = \Delta\Gamma^2$ ,

oder  $\Gamma Z : \Delta\Gamma = \Delta\Gamma : Z\Delta$ .

Mithin ist  $\Gamma Z$  in Punkt  $\Delta$  nach äußerem und mittlerem Verhältnis (d. i. im Verhältnis des „goldenen Schnittes“) geschnitten (nach Eukl. VI. Def. 3). Da nun (nach Eukl. XIII. 9)

15 die Seite des eingeschriebenen Sechsecks und die Seite des in denselben Kreis eingeschriebenen Zehnecks, beide auf dieselbe Gerade abgetragen, nach äußerem und mittlerem Verhältnis geschnitten werden, und da ferner  $\Delta\Gamma$  als Halbmesser (nach Eukl. IV. 15 Zusatz) die Seite des Sechsecks mißt,

20 so ist folglich  $Z\Delta$  gleich der Seite des Zehnecks.

Beweis zu B. Es ist (nach Eukl. XIII. 10) das Quadrat der Seite des eingeschriebenen Fünfecks gleich der Summe der Quadrate der Seiten des in denselben Kreis eingeschriebenen Sechsecks und Zehnecks. Nun ist in dem rechtwink-

25 ligen Dreieck  $B\Delta Z$

Hei 34  $BZ^2 = B\Delta^2 + Z\Delta^2$ . (Eukl. I. 47)

Ha 28 Es ist aber  $B\Delta$  (als Halbmesser) die Seite des Sechsecks, und  $Z\Delta$  (wie oben bewiesen) die Seite des Zehnecks: folglich ist (nach dem angeführten Satze)  $BZ$  die Seite des

30 Fünfecks.

Mit Hilfe der vorstehend bewiesenen Verhältnisse gelangen wir, da wir, wie gesagt, den Durchmesser des Kreises gleich  $120^p$  setzen, zur Bestimmung folgender Sehnen.

1.  $\Delta E = \frac{1}{2}r = 30^p$ , also  $\Delta E^2 = 900^p^2$ ,

35  $\Delta B = r = 60^p$ , also  $\Delta B^2 = 3600^p^2$ ,

mithin  $EB^2 = 4500^P$  als Summe der beiden Quadrate,  
 folglich  $EB = 67^P 4' 55''$ .

Da nun  $EB = EZ$ , (nach Konstruktion)

und  $Z\Delta = EZ - \Delta E$ ,

so ist  $Z\Delta = 67^P 4' 55'' - 30^P = 37^P 4' 55''$ . 5

Mithin ist die Seite des Zehnecks, welche einen Bogen von  $36^0$ , wie der Kreis  $360^0$  hat, unterspannt, gleich  $37^P 4' 55''$  in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist.

2.  $Z\Delta = 37^P 4' 55''$ , also  $Z\Delta^2 = 1375^P 4' 15''$ ,

( $\Delta B = r = 60^P$ , also  $\Delta B^2 = 3600^P$ ), 10

mithin  $BZ^2 = 4975^P 4' 15''$  als Summe der beiden Quadrate,  
 folglich  $BZ = 70^P 32' 3''$ . Hei 35

Mithin ist die Seite des Fünfecks, welche einen Bogen von  $72^0$  unterspannt, wie der Kreis  $360^0$  hat, gleich  $70^P 32' 3''$  in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist. 15

3. Ohne weiteres ist klar, daß die Seite des Sechsecks, welche einen Bogen von  $60^0$  unterspannt, da sie dem Halbmesser des Kreises gleichkommt, gleich  $60^P$  ist.

4. Desgleichen ist die Seite des Quadrats, welche einen Bogen von  $90^0$  unterspannt, ins Quadrat erhoben gleich dem doppelten Quadrat des Halbmessers, d. i. gleich  $7200^P$ , mithin an sich gleich  $84^P 51' 10''$  in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist. 20

5. Desgleichen ist die Seite des gleichseitigen Dreiecks, welche einen Bogen von  $120^0$  unterspannt, ins Quadrat erhoben gleich dem dreifachen Quadrat des Halbmessers<sup>3)</sup>, d. i. gleich  $10800^P$ , mithin an sich gleich  $103^P 55' 23''$  in Ha 29 dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist.

Die auf diese Weise gewonnenen Sehnen sollen nun sofort, wie sie sind, von uns in Gebrauch genommen werden. 30

6. Es wird ohne weiteres einleuchten, daß von den (unter 1—5) bestimmten Sehnen ( $s$ ) aus leicht diejenigen ( $,s$ ) sich bestimmen lassen, welche die zugehörigen Supplementbogen unterspannen, weil die Summe der Quadrate beider Sehnen Hei 36 gleich ist dem Quadrate des Durchmessers ( $s^2 + ,s^2 = d^2$ , 35 mithin  $,s = \sqrt{d^2 - s^2}$ ).

Beispiel: Die Sehne ( $s$ ) zum Bogen von  $36^\circ$  ( $s \text{ } \overset{\circ}{b} 36^\circ$ ) war mit  $37^{\text{P}} 4' 55''$  nachgewiesen.

$$s^2 = 1375^{\text{P}^2} 4' 15'', \quad d^2 = 14400^{\text{P}^2},$$

$$,s^2 = d^2 - s^2 = 13024^{\text{P}^2} 55' 45'',$$

$$5 \quad ,s, \text{ d. i. } s \overset{\circ}{b} 144^\circ, = 114^{\text{P}} 7' 37''.$$

Dasselbe Verfahren wird man auch in den übrigen Fällen (2—5) einschlagen.

Auf welche Weise man von diesen Sehnen ausgehend auch die übrigen der Reihe nach bestimmen kann, werden wir im  
10 weiteren Verfolg zeigen, nachdem wir zuvor einen Lehrsatz mitgeteilt haben, welcher für die Lösung vorliegender Aufgabe mit Erfolg anzuwenden ist.

Es sei in den Kreis ein beliebiges Viereck  $AB\Gamma\Delta$  eingeschrieben, in welchem man die Diagonalen  $A\Gamma$  und  $B\Delta$  ziehe.

Lehrsatz. Das aus den Diagonalen gebildete Rechteck ist gleich der Summe der aus den einander gegenüberliegenden Seiten gebildeten Rechtecke, d. i.

$$A\Gamma \cdot B\Delta = AB \cdot \Delta\Gamma + A\Delta \cdot B\Gamma.$$

Beweis. Man mache durch Konstruktion

$$\angle \Delta B\Gamma = \angle ABE; \text{ beiderseits } \angle E B \Delta \text{ addiert,}$$

$$\text{Ha } 30 \quad \text{gibt} \quad \angle \Delta B\Gamma + \angle E B \Delta = \angle ABE + \angle E B \Delta$$

$$26 \quad \text{oder} \quad \angle E B \Gamma = \angle A B \Delta.$$

$$\text{Hei } 37 \quad \text{Nun ist auch} \quad \angle B\Gamma E = \angle B\Delta A, \text{ weil sie denselben Bogen} \\ \text{folglich} \quad \Delta B\Gamma E \sim \Delta B\Delta A, \quad [\text{unterspannen}^a),$$

$$\text{mithin} \quad B\Gamma : \Gamma E = B\Delta : \Delta A, \quad (\text{Eukl. VI. 4})$$

$$30 \quad \text{oder} \quad A\Delta \cdot B\Gamma = \Gamma E \cdot B\Delta. \quad (\text{Eukl. VI. 16})$$

Es ist ferner zunächst wieder (wie oben)

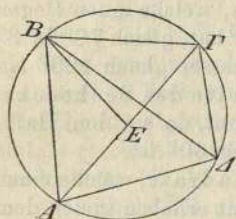
$$\angle ABE = \angle \Delta B\Gamma;$$

$$\text{ferner ist} \quad \angle BAE = \angle B\Delta\Gamma, \quad (\text{Eukl. III. 21})$$

$$\text{folglich} \quad \Delta BAE \sim \Delta B\Delta\Gamma,$$

$$35 \quad \text{mithin} \quad BA : AE = B\Delta : \Delta\Gamma,$$

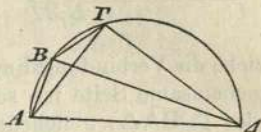
a) Es sind Peripheriewinkel auf demselben Bogen (Eukl. III. 21).



oder  $AB \cdot \Delta\Gamma = AE \cdot B\Delta$ .  
 Nun war  $A\Delta \cdot B\Gamma = \Gamma E \cdot B\Delta$ ; durch Summierung  
 folglich  $AB \cdot \Delta\Gamma + A\Delta \cdot B\Gamma = AE \cdot B\Delta + \Gamma E \cdot B\Delta$   
 $= (AE + \Gamma E) B\Delta$   
 $= A\Gamma \cdot B\Delta$ , was zu beweisen war. 5

Dieser Lehrsatz mußte vorausgeschickt werden.

I. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  ein Halbkreis auf dem Durchmesser  $A\Delta$ . Von A aus ziehe man die beiden Sehnen  $AB$  und  $A\Gamma$ . Jede derselben sei der Größe nach gegeben in dem Maße, in welchem der Durchmesser mit  $120^\circ$  gegeben ist. Man ziehe die Verbindungslinie  $B\Gamma$ . Meine Behauptung geht dahin, daß auch die Sehne  $B\Gamma$  sich bestimmen läßt. 10



Beweis. Man ziehe die Sehnen  $B\Delta$  und  $\Gamma\Delta$ . Gegeben sind natürlich auch diese, weil sie die Supplementbogen der gegebenen Sehnen unterspannen (Satz 6 S. 27f.). Da  $AB\Gamma\Delta$  ein in den Kreis eingeschriebenes Viereck ist, so gilt (nach dem vorausgeschickten Satz) 15

$$AB \cdot \Gamma\Delta + A\Delta \cdot B\Gamma = A\Gamma \cdot B\Delta. \quad 20$$

Gegeben ist sowohl  $A\Gamma \cdot B\Delta$ , als auch  $AB \cdot \Gamma\Delta$ , folglich auch die Differenz  $A\Delta \cdot B\Gamma$ . Nun ist  $A\Delta$  der Durchmesser, mithin ist auch die Sehne  $B\Gamma$  zu bestimmen. Ha 31

$$\begin{aligned} (A\Delta \cdot B\Gamma &= A\Gamma \cdot B\Delta - AB \cdot \Gamma\Delta \\ B\Gamma &= \frac{A\Gamma \cdot B\Delta - AB \cdot \Gamma\Delta}{120}. \end{aligned} \quad 25$$

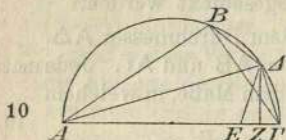
Es lautet demnach der hieraus sich ergebende

Lehrsatz. Wenn zwei Bogen und die sie unterspannenden Sehnen gegeben sind, so wird auch die Sehne gegeben sein, welche die Differenz der beiden Bogen unterspannt.

Es leuchtet ein, daß wir mit Hilfe dieses Lehrsatzes sowohl nicht wenige andere Sehnen nach den von Fall zu Fall gegebenen Differenzen in die Tafeln eintragen werden, als auch insbesondere die den Bogen von  $120^\circ$  unterspannende Sehne, da wir ja sowohl die Sehne zum Bogen von  $60^\circ$  als auch die zum Bogen von  $72^\circ$  zur Verfügung haben. 30 35

II. Es sei die Aufgabe gestellt, wenn irgendeine Sehne gegeben ist, die zur Hälfte des unterspannenden Bogens gehörige Sehne zu finden.

Es sei  $AB\Gamma$  ein Halbkreis auf dem Durchmesser  $A\Gamma$ . Gegeben sei die Sehne  $B\Gamma$ , und der Bogen  $B\Gamma$  sei halbiert in Punkt  $\Delta$ . Man ziehe die Sehnen  $AB$ ,  $A\Delta$ ,  $B\Delta$ ,  $\Delta\Gamma$  und fälle von  $\Delta$  auf  $A\Gamma$  das Lot  $\Delta Z$ . Meine Behauptung geht (zunächst) dahin, daß



$$\Gamma Z = \frac{1}{2}(A\Gamma - AB).$$

Man trage  $AE = AB$  ab und ziehe die Verbindungslinie  $\Delta E$ . Da  $AB$  gleich  $AE$  und  $A\Delta$  gemeinsame Seite ist, so sind die zwei Seiten  $AB$  und  $A\Delta$  (des  $\triangle B A \Delta$ ) gleich den zwei Seiten  $AE$  und  $A\Delta$  (des  $\triangle E A \Delta$ ). Nun sind auch die (von den zwei gleichen Seiten eingeschlossenen) Winkel  $B A \Delta$  und  $E A \Delta$  (nach Eukl. III. 27) einander gleich; folglich sind auch (nach Eukl. I. 4) die Grundlinien  $B\Delta$  und  $\Delta E$  einander gleich. Nun ist  $B\Delta = \Delta\Gamma$ , folglich auch  $\Delta E = \Delta\Gamma$ . Da mithin das Dreieck  $E\Delta\Gamma$  ein gleichschenkliges ist; und da das Lot  $\Delta Z$  von der Spitze auf die Grundlinie gefällt ist, so ist (nach Eukl. I. 26)  $E Z = \Gamma Z$ . Nun ist  $E\Gamma = E Z + \Gamma Z$  die ganze Differenz der Sehnen  $AB$  und  $A\Gamma$ , folglich

$$\Gamma Z = \frac{1}{2}(A\Gamma - AB).$$

Da ferner, wenn die den Bogen  $B\Gamma$  unterspannende Sehne gegeben ist, ohne weiteres auch die den Supplementbogen  $AB$  unterspannende Sehne (Satz 6 S. 27f.) gegeben ist, so wird auch  $\Gamma Z$  als  $\frac{1}{2}(A\Gamma - AB)$  gegeben sein. Da nun in dem rechtwinkligen Dreieck  $A\Delta\Gamma$  das Lot  $\Delta Z$  gefällt ist, so erhält man

$$\begin{aligned} & \triangle A\Delta\Gamma \sim \triangle \Delta Z\Gamma, \quad (\text{Eukl. VI. 8}) \\ \text{mithin} & \quad A\Gamma : \Gamma\Delta = \Delta\Gamma : \Gamma Z, \\ \text{oder} & \quad A\Gamma \cdot \Gamma Z = \Delta\Gamma^2. \end{aligned}$$

Gegeben ist  $A\Gamma \cdot \Gamma Z$  (und zwar  $A\Gamma$  als  $d = 120^p$ ), folglich ist auch  $\Delta\Gamma^2$  gegeben, mithin auch die Sehne  $\Delta\Gamma$

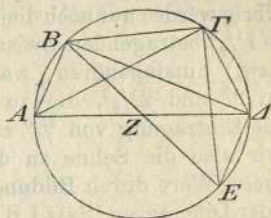
( $= \sqrt{A\Gamma \cdot \frac{1}{2}[A\Gamma - AB]}$ ), welche die Hälfte des Bogens  $B\Gamma$  unterspannt, was zu beweisen war.

Mit Hilfe dieses Lehrsatzes werden wieder sowohl sehr viele andere Sehnen gewonnen werden, welche die Hälfte der Bogen von früher bestimmten Sehnen unterspannen, als auch insbesondere aus der den Bogen von  $120^\circ$  unterspannenden Sehne (sukzessive) die Sehnen zu den Bogen von  $6^\circ$ ,  $3^\circ$ ,  $1\frac{1}{2}^\circ$  und  $\frac{3}{4}^\circ$ . Wir finden bei Ausführung der Rechnung in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^p$  ist:

die Sehne zu dem Bogen von  $1\frac{1}{2}^\circ = 1^p 34' 15''$ ,

die Sehne zu dem Bogen von  $\frac{3}{4}^\circ = 0^p 47' 8''$ .

III. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  ein Kreis um den Durchmesser  $A\Delta$  und das Zentrum  $Z$ . Von  $A$  aus trage man zwei gegebene Bogen  $AB$  und  $B\Gamma$  hintereinander ab und ziehe die Sehnen  $AB$  und  $B\Gamma$ , welche gleichfalls gegeben seien. Meine Behauptung geht dahin, daß, wenn wir die Sehne  $A\Gamma$  ziehen, auch diese sich bestimmen lassen wird.



Durch Punkt  $B$  sei  $BZE$  als ein Durchmesser des Kreises gezogen. Alsdann ziehe man die Sehnen  $B\Delta$ ,  $\Gamma\Delta$ ,  $\Gamma E$  und  $\Delta E$ . Ohne weiteres ist klar, daß mit der Sehne  $B\Gamma$  die Sehne  $\Gamma E$ , mit der Sehne  $AB$  die Sehne  $B\Delta$ , und (mit dieser wieder) die Sehne  $\Delta E$  gegeben sein wird. Nach dem oben (S. 28, 17) mitgeteilten Lehrsatz gilt, weil  $B\Gamma\Delta E$  ein in den Kreis eingeschriebenes Viereck mit den Diagonalen  $B\Delta$  und  $\Gamma E$  ist,

$$B\Delta \cdot \Gamma E = B\Gamma \cdot \Delta E + BE \cdot \Gamma\Delta.$$

$$(BE \cdot \Gamma\Delta = B\Delta \cdot \Gamma E - B\Gamma \cdot \Delta E.)$$

Da  $B\Delta \cdot \Gamma E$  und  $B\Gamma \cdot \Delta E$  gegeben ist, so ist folglich auch (als die Differenz)  $BE \cdot \Gamma\Delta$  gegeben. Nun ist auch  $BE$  als Durchmesser gegeben, mithin auch als übrigbleibende (Unbekannte) die Sehne  $\Gamma\Delta$  ( $= \frac{B\Delta \cdot \Gamma E - B\Gamma \cdot \Delta E}{120}$ ) bestimmbar,

und hiermit auch die den Supplementbogen unterspannende Sehne  $A\Gamma$ , was zu beweisen war.

Es ergibt sich also der

Lehrsatz. Wenn zwei Bogen und die sie unterspannenden 5 Sehnen gegeben sind, so wird auch die Sehne gegeben sein, welche die Summe der beiden Bogen unterspannt.

Wenn wir zu allen bisher bestimmten Sehnen immer die 10 den Bogen von  $1\frac{1}{2}^0$  unterspannende Sehne (S. 31, 11) hinzufügen und die aus dieser Vereinigung sukzessive sich ergebenden Sehnen berechnen, so werden wir offenbar zur Eintragung in die Tafeln einfach sämtliche Sehnen (zu den Gradzahlen) erhalten, welche mit 2 multipliziert durch 3 15 teilbar sein werden ( $1\frac{1}{2}^0 \times 2 = 3^0$ ;  $4\frac{1}{2}^0 \times 2 = 9^0$  usw.). Übrig werden nur noch diejenigen Sehnen bleiben, welche in die 20 je  $1\frac{1}{2}^0$  betragenden Zwischenräume ( $1\frac{1}{2}^0 - 3^0 - 4\frac{1}{2}^0 - 6^0$  usw.) hineingehören, was allemal zwei sein werden (die zu  $2^0$  und  $2\frac{1}{2}^0$ , die zu  $3\frac{1}{2}^0$  und  $4^0$  usw.), weil wir ja die Eintragung von  $\frac{1}{2}^0$  zu  $1\frac{1}{2}^0$  durchführen wollen. Finden wir also die Sehne zu dem Bogen von  $\frac{1}{2}^0$ , so wird uns Ha 34 dieser Wert durch Bildung der Summen (Satz III S. 31, 13) 21 oder Differenzen (Satz I S. 29, 7) mit den gegebenen Sehnen<sup>a</sup>, welche die Zwischenräume begrenzen, auch zur Ausfüllung der Zwischenräume mit sämtlichen übrigen Sehnen verhelfen.

25 IV. Nun kann freilich, wenn z. B. die Sehne zu dem Bogen von  $1\frac{1}{2}^0$  gegeben ist, die das Drittel desselben Bogens unterspannende Sehne auf dem Wege linearer Darstellung auf keinerlei Weise gefunden werden. Wäre dies möglich, dann hätten wir ja ohne weiteres auch die Sehne zu dem 30 Bogen von  $\frac{1}{2}^0$  zur Verfügung. Deshalb werden wir zu- Hei 43 vörderst die Sehne zu dem Bogen von  $1^0$  aus den Sehnen zu den Bogen von  $1\frac{1}{2}^0$  und  $\frac{3}{4}^0$  auf methodischem Wege ableiten<sup>b</sup>

a) Man wird die Sehne zu  $2^0$  erhalten aus der Addition der zu  $1\frac{1}{2}^0$  und  $\frac{1}{2}^0$  gegebenen Sehnen, die Sehne zu  $2\frac{1}{2}^0$  aus der Subtraktion der zu  $3^0$  und  $\frac{1}{2}^0$  gegebenen Sehnen usw.

b) Um aus dieser Sehne nach dem Satz II S. 30, 1 die Hälfte erhalten zu können.

unter Zugrundelegung eines Satzes, der zwar mit absoluter Genauigkeit die Größenbeträge nicht festzustellen vermag, aber bei so minimalen Größen doch wenigstens einen Wert liefern kann, der sich für die sinnliche Wahrnehmung von dem absolut genauen nur ganz unwesentlich unterscheidet. 5  
Es lautet dieser

Lehrsatz. Wenn in einem Kreise zwei ungleiche Sehnen gezogen werden, so ist das Verhältnis der größeren Sehne zur kleineren Sehne kleiner als das Verhältnis des Bogens auf der größeren Sehne zu dem Bogen auf der kleineren 10 Sehne.

In dem Kreise  $AB\Gamma\Delta$  ziehe man zwei ungleiche Sehnen, die größere sei  $\Gamma B$ , die kleinere  $BA$ . Meine Behauptung geht dahin, daß

$$s\Gamma B : sBA < b\Gamma B : bBA.$$

Beweis. Der Winkel  $AB\Gamma$  soll durch die Sehne  $B\Delta$  halbiert sein. Man ziehe die Sehnen  $AE\Gamma$ ,  $A\Delta$  und  $\Gamma\Delta$ . Weil der Winkel  $AB\Gamma$  durch die Sehne  $B\Delta$  halbiert wird, so ist

$$\Gamma\Delta = A\Delta, \quad (\text{Eukl. III. 26. 29})^a)$$

$$\Gamma E > EA. \quad (\text{Eukl. VI. 3})$$

Hei 44

Nun fälle man von  $\Delta$  auf  $AE\Gamma$  das Lot  $\Delta Z$ . Da  $A\Delta > E\Delta$  Ha 35 und  $E\Delta > \Delta Z$ , so wird ein um  $\Delta$  als Zentrum mit dem Abstand  $E\Delta$  beschriebener Kreis  $A\Delta$  schneiden, aber über  $\Delta Z$  hinausgehen. Man beschreibe also den Kreisbogen  $HE\Theta$  und verlängere  $\Delta Z$  bis  $\Theta$ . 26

$$\text{Dann ist} \quad \text{skt } \Delta E\Theta > \Delta\Delta EZ \quad 30$$

$$\text{und} \quad \Delta\Delta EA > \text{skt } \Delta E\Theta;$$

$$\text{folglich} \quad \Delta\Delta EZ : \Delta\Delta EA < \text{skt } \Delta E\Theta : \text{skt } \Delta E\Theta.$$

a) Da die Bogen  $A\Delta$  und  $\Gamma\Delta$  gleichgroße Winkel überspannen, so sind sie einander gleich; es sind aber auch die gleichgroße Bogen unterspannenden Sehnen  $\Gamma\Delta$  und  $A\Delta$  einander gleich.

Nun ist  $\triangle \Delta EZ : \triangle \Delta EA = ZE : EA$  (Eukl. VI. 1)  
 und  $skt \triangle E\Theta : skt \triangle EH = \angle Z\Delta E : \angle E\Delta A$ ,  
 folglich  $ZE : EA < \angle Z\Delta E : \angle E\Delta A$ .

Durch Verbindung ist (nach Eukl. V. Def. 15)

$$5 \quad (ZE + EA : EA < \angle Z\Delta E + \angle E\Delta A : \angle E\Delta A \text{ oder}) \\ ZA : EA < \angle Z\Delta A : \angle E\Delta A.$$

Durch Verdoppelung der Vorderglieder ist

Hei 45

$$(2ZA : EA < 2\angle Z\Delta A : \angle E\Delta A \text{ oder}) \\ \Gamma A : EA < \angle \Gamma\Delta A : \angle E\Delta A.$$

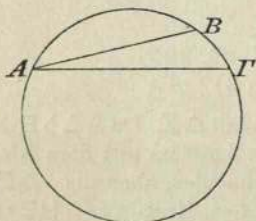
$$10 \quad \text{Durch Trennung ist (nach Eukl. V. Def. 16)} \\ (\Gamma A - EA : EA < \angle \Gamma\Delta A - \angle E\Delta A : \angle E\Delta A \text{ oder}) \\ \Gamma E : EA < \angle \Gamma\Delta E : \angle E\Delta A.$$

Nun ist  $\Gamma E : EA = s\Gamma B : sBA$  (Eukl. VI. 3)  
 und  $\angle \Gamma\Delta E : \angle E\Delta A = b\Gamma B : bBA$ , (Eukl. VI. 33)  
 folglich  $s\Gamma B : sBA < b\Gamma B : bBA$ , was zu bew. war.

15

Unter Zugrundelegung vorstehenden Lehrsatzes gehen wir  
 Ha 36 nun weiter. Man ziehe in dem Kreise  $AB\Gamma$  die Sehnen  $AB$   
 und  $A\Gamma$ . Es sei nun

20



Erste Annahme:

$$sAB = sb^{\frac{3}{4}}^{\circ}, \quad sA\Gamma = sb1^{\circ}.$$

Berechnung:

$$sA\Gamma : sAB < bA\Gamma : bAB \\ < b1^{\circ} : b^{\frac{3}{4}}^{\circ}.$$

Nun wurde (S. 31, 12) nachgewiesen, daß in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist,  $sAB = 0^P 47' 8''$ :

25

$$\text{folglich } sA\Gamma : 0^P 47' 8'' < 1 : \frac{3}{4} \\ \text{oder } sA\Gamma < \frac{4}{3} \times 0^P 47' 8'' \\ < 1^P 2' 50''.$$

30

Hei 46

Unter Beibehaltung derselben Figur sei

Zweite Annahme:  $sAB = sb1^{\circ}$ ,  $sA\Gamma = sb1\frac{1}{2}^{\circ}$ .

$$\text{Berechnung: } sA\Gamma : sAB < bA\Gamma : bAB \\ < b1\frac{1}{2}^{\circ} : b1^{\circ}.$$

Nun haben wir oben (S. 31, 11) nachgewiesen, daß in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist,  $sA\Gamma = 1^P 34' 15''$ ; (mit Umstellung der Glieder ist)

$$\text{folglich } sAB : 1^P 34' 15'' > 1 : \frac{2}{3}$$

$$\text{oder } sAB > \frac{2}{3} \times 1^P 34' 15'' \\ > 1^P 2' 50''.$$

5

Da also die Sehne zu dem Bogen von  $1^0$  einmal (als die größere  $sA\Gamma$ ) kleiner, das andere Mal (als die kleinere  $sAB$ ) größer als der nämliche Betrag ( $1^P 2' 50''$ ) nachgewiesen worden ist, so werden wir selbstverständlich diese 10 Sehne in dem Maße, in welchem der Durchmesser gleich  $120^P$  ist, ohne beträchtlichen Fehler mit  $1^P 2' 50''$  ansetzen, und nach dem oben (S. 30, 1) mitgeteilten Satz (II) auch die Sehne zu dem Bogen von  $\frac{1}{2}^0$  mit  $0^P 31' 25''$ .

Die übrigen Zwischenräume werden, wie gesagt, zur Aus- 15 füllung gelangen, indem man z. B. im ersten Intervall durch Bildung der Summe (Satz III) der Sehnen zu den Bogen von  $1\frac{1}{2}^0$  und  $\frac{1}{2}^0$  die Sehne zu dem Bogen von  $2^0$  ge- Ha 37 winnt, und dann durch Bildung der Differenz (Satz I) der Sehnen zu den Bogen von  $3^0$  und  $\frac{1}{2}^0$  die Sehne zu dem 20 Bogen von  $2\frac{1}{2}^0$  bestimmt, und so fort in den übrigen Zwischenräumen.

Die Aufgabe der Sehnenberechnung dürfte auf dem dargestellten Wege meines Erachtens am leichtesten gehandhabt werden. Um aber, wie gesagt, in jedem einzelnen Bedarfs-Hei 47 fälle die Größenbeträge der Sehnen fertigberechnet sofort 26 zur Verfügung zu haben, werden wir Tafeln zu je 45 Zeilen aufstellen, weil so die Symmetrie der Anordnung gewahrt wird.<sup>a)</sup> Die erste Spalte dieser Tafeln enthält die Größenbeträge der Bogen unter Zunahme von  $\frac{1}{2}^0$  zu  $\frac{1}{2}^0$ , die 30 zweite die Größenbeträge der zu den Bogen gesetzten Sehnen unter Annahme des Durchmessers zu  $120^P$ , endlich die

a) Die Sehnen zu  $360$  halben Graden füllen alsdann genau  $\frac{360}{45} = 8$  Seiten der Handschrift. Im Druck ist die Zahl der Seiten auf die Hälfte reduziert worden.

- 5 dritte Spalte den 30<sup>ten</sup> Teil der jedesmal auf einen halben Grad entfallenden Zunahme der betreffenden Sehne. Steht uns nämlich hiermit der Betrag zur Verfügung, der im Mittel auf den 60<sup>ten</sup> Teil eines ganzen Grades (d. i. auf  $0^{\circ} 1'$ ) entfällt, ein Betrag, der für die sinnliche Wahrnehmung von dem genauen Werte kaum verschieden ist, so können wir auch für die Gradteile, welche zwischen den Hälften (d. i. zwischen  $1'$  und  $30'$  oder  $30'$  und  $60'$ ) eines Grades liegen, die auf sie entfallenden Beträge bequem berechnen.<sup>a)</sup>
- 10 Es ist ferner leicht zu begreifen, daß wir mit Hilfe der nämlichen Lehrsätze, die vorstehend mitgeteilt worden sind, leicht die Probe machen und die nötige Berichtigung eintreten lassen können, wenn uns ein Zweifel überkommt, ob
- 15 ein Schreibfehler vorliege. Wir gehen hierbei entweder von der Sehne aus, welche den doppelten Bogen der zu prüfenden Sehne unterspannt (Satz II), oder von der Differenz mit irgendwelcher anderen Sehne, die gegeben ist (Satz I), oder endlich von der Sehne, welche den Supplementbogen
- 20 unterspannt (Satz 6, S. 27, 31).

## Elftes Kapitel.

### Die Sehnentafeln

Ha 38) gestalten sich folgendermaßen<sup>b)</sup>:  
He148)

a) So wird man, um die Sehne zu dem Bogen von  $3^{\circ} 37'$  zu erhalten, zu der für  $3\frac{1}{2}^{\circ}$  angesetzten Sehne noch das 7fache des auf  $1'$  entfallenden Betrags der dritten Spalte addieren.

b) Die kleine Abweichung vom griechischen Original erklärt sich daraus, daß die Kapitelüberschrift nicht auf die folgende Seite gesetzt werden konnte.

Bogen	Sehnen	Sechzigstel	Bogen	Sehnen	Sechzigstel
$\frac{1}{2}^0$	0 <sup>p</sup> 31' 25"	1' 2" 50'''	23 <sup>o</sup>	23 <sup>p</sup> 55' 27"	1' 1" 33'''
1	1 2 50	1 2 50	23 $\frac{1}{2}$	24 26 13	1 1 30
1 $\frac{1}{2}$	1 34 15	1 2 50	24	24 56 58	1 1 26
2	2 5 40	1 2 50	24 $\frac{1}{2}$	25 27 41	1 1 22
2 $\frac{1}{2}$	2 37 4	1 2 48	25	25 58 22	1 1 19
3	3 8 28	1 2 48	25 $\frac{1}{2}$	26 29 1	1 1 15
3 $\frac{1}{2}$	3 39 52	1 2 48	26	26 59 38	1 1 11
4	4 11 16	1 2 47	26 $\frac{1}{2}$	27 30 14	1 1 8
4 $\frac{1}{2}$	4 42 40	1 2 47	27	28 0 48	1 1 4
5	5 14 4	1 2 46	27 $\frac{1}{2}$	28 31 20	1 1 0
5 $\frac{1}{2}$	5 45 27	1 2 45	28	29 1 50	1 0 56
6	6 16 49	1 2 44	28 $\frac{1}{2}$	29 32 18	1 0 52
6 $\frac{1}{2}$	6 48 11	1 2 43	29	30 2 44	1 0 48
7	7 19 33	1 2 42	29 $\frac{1}{2}$	30 33 8	1 0 44
7 $\frac{1}{2}$	7 50 54	1 2 41	30	31 3 30	1 0 40
8	8 22 15	1 2 40	30 $\frac{1}{2}$	31 33 50	1 0 35
8 $\frac{1}{2}$	8 53 35	1 2 39	31	32 4 8	1 0 31
9	9 24 51	1 2 38	31 $\frac{1}{2}$	32 34 22	1 0 27
9 $\frac{1}{2}$	9 56 13	1 2 37	32	33 4 35	1 0 22
10	10 27 32	1 2 35	32 $\frac{1}{2}$	33 34 46	1 0 17
10 $\frac{1}{2}$	10 58 49	1 2 33	33	34 4 55	1 0 12
11	11 30 5	1 2 32	33 $\frac{1}{2}$	34 35 1	1 0 8
11 $\frac{1}{2}$	12 1 21	1 2 30	34	35 5 5	1 0 3
12	12 32 36	1 2 28	34 $\frac{1}{2}$	35 35 6	0 59 57
12 $\frac{1}{2}$	13 3 50	1 2 27	35	36 5 5	0 59 52
13	13 35 4	1 2 25	35 $\frac{1}{2}$	36 35 1	0 59 48
13 $\frac{1}{2}$	14 6 16	1 2 23	36	37 4 55	0 59 43
14	14 37 27	1 2 21	36 $\frac{1}{2}$	37 34 47	0 59 38
14 $\frac{1}{2}$	15 8 38	1 2 19	37	38 4 36	0 59 32
15	15 39 47	1 2 17	37 $\frac{1}{2}$	38 34 22	0 59 27
15 $\frac{1}{2}$	16 10 56	1 2 15	38	39 4 5	0 59 22
16	16 42 3	1 2 13	38 $\frac{1}{2}$	39 33 46	0 59 16
16 $\frac{1}{2}$	17 13 9	1 2 10	39	40 3 25	0 59 11
17	17 44 14	1 2 7	39 $\frac{1}{2}$	40 33 0	0 59 5
17 $\frac{1}{2}$	18 15 17	1 2 5	40	41 2 33	0 59 0
18	18 46 19	1 2 2	40 $\frac{1}{2}$	41 32 3	0 58 54
18 $\frac{1}{2}$	19 17 21	1 2 0	41	42 1 30	0 58 48
19	19 48 21	1 1 57	41 $\frac{1}{2}$	42 30 54	0 58 42
19 $\frac{1}{2}$	20 19 19	1 1 54	42	43 0 15	0 58 36
20	20 50 16	1 1 51	42 $\frac{1}{2}$	43 29 33	0 58 31
20 $\frac{1}{2}$	21 21 11	1 1 48	43	43 58 49	0 58 25
21	21 52 6	1 1 45	43 $\frac{1}{2}$	44 28 1	0 58 18
21 $\frac{1}{2}$	22 22 58	1 1 42	44	44 57 10	0 58 12
22	22 53 49	1 1 39	44 $\frac{1}{2}$	45 26 16	0 58 6
22 $\frac{1}{2}$	23 24 39	1 1 36	45	45 55 19	0 58 0

Bogen	Sehnen	Sechzigstel	Bogen	Sehnen	Sechzigstel
45 <sup>1</sup> / <sub>2</sub> <sup>o</sup>	46 <sup>p</sup> 24' 19''	0' 57'' 54'''	68 <sup>o</sup>	67 <sup>p</sup> 6' 12''	0' 52'' 1'''
46	46 53 16	0 57 47	68 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	67 32 12	0 51 52
46 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	47 22 9	0 57 41	69	67 58 8	0 51 43
47	47 51 0	0 57 34	69 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	68 23 59	0 51 33
47 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	48 19 47	0 57 27	70	68 49 45	0 51 23
48	48 48 30	0 57 21	70 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	69 15 27	0 51 14
48 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	49 17 11	0 57 14	71	69 41 4	0 51 4
49	49 45 48	0 57 7	71 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	70 6 36	0 50 55
49 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	50 14 21	0 57 0	72	70 32 3	0 50 45
50	50 42 51	0 56 53	72 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	70 57 26	0 50 35
50 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	51 11 18	0 56 46	73	71 22 44	0 50 26
51	51 39 42	0 56 39	73 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	71 47 56	0 50 16
51 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	52 8 0	0 56 32	74	72 13 4	0 50 6
52	52 36 16	0 56 25	74 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	72 38 7	0 49 56
52 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	53 4 29	0 56 28	75	73 3 5	0 49 46
53	53 32 38	0 56 10	75 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	73 27 58	0 49 36
53 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	54 0 43	0 56 3	76	73 52 46	0 49 26
54	54 28 44	0 55 55	76 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	74 17 29	0 49 16
54 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	54 56 42	0 55 48	77	74 42 7	0 49 6
55	55 24 36	0 55 40	77 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	75 6 39	0 48 55
55 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	55 52 26	0 55 33	78	75 31 7	0 48 45
56	56 20 12	0 55 25	78 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	75 55 29	0 48 34
56 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	56 47 54	0 55 17	79	76 19 46	0 48 24
57	57 15 33	0 55 9	79 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	76 43 58	0 48 13
57 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	57 43 7	0 55 1	80	77 8 5	0 48 3
58	58 10 38	0 54 53	80 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	77 32 6	0 47 52
58 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	58 38 5	0 54 45	81	77 56 2	0 47 41
59	59 5 27	0 54 37	81 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	78 19 52	0 47 31
59 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	59 32 45	0 54 29	82	78 43 38	0 47 20
60	60 0 0	0 54 21	82 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	79 7 18	0 47 9
60 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	60 27 11	0 54 12	83	79 30 52	0 46 58
61	60 54 17	0 54 4	83 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	79 54 21	0 46 47
61 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	61 21 19	0 53 56	84	80 17 45	0 46 36
62	61 48 17	0 53 47	84 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	80 41 3	0 46 25
62 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	62 15 10	0 53 39	85	81 4 15	0 46 14
63	62 42 0	0 53 30	85 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	81 27 22	0 46 3
63 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	63 8 45	0 53 22	86	81 50 24	0 45 52
64	63 35 25	0 53 13	86 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	82 13 19	0 45 40
64 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	64 2 2	0 53 4	87	82 36 9	0 45 29
65	64 28 34	0 52 55	87 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	82 58 54	0 45 18
65 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	64 55 1	0 52 46	88	83 21 33	0 45 6
66	65 21 24	0 52 37	88 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	83 41 4	0 44 55
66 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	65 47 43	0 52 28	89	84 6 32	0 44 43
67	66 13 57	0 52 19	89 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	84 28 54	0 44 31
67 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	66 40 7	0 52 10	90	84 51 10	0 44 20

Bogen	Sehnen	Sechzigstel	Bogen	Sehnen	Sechzigstel
90 <sup>1</sup> / <sub>2</sub> <sup>o</sup>	85 <sup>p</sup> 13' 20''	0' 44'' 8'''	113 <sup>o</sup>	100 <sup>p</sup> 3' 59''	0' 34'' 34'''
91	85 35 24	0 43 57	113 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	100 21 16	0 34 20
91 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	85 57 23	0 43 45	114	100 38 26	0 34 6
92	86 19 15	0 43 33	114 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	100 55 28	0 33 52
92 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	86 41 2	0 43 21	115	101 12 25	0 33 39
93	87 2 42	0 43 9	115 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	101 29 15	0 33 25
93 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	87 24 17	0 42 57	116	101 45 57	0 33 11
94	87 45 45	0 42 45	116 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	102 2 33	0 32 57
94 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	88 7 7	0 42 33	117	102 19 1	0 32 43
95	88 28 24	0 42 21	117 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	102 35 22	0 32 29
95 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	88 49 34	0 42 9	118	102 51 37	0 32 15
96	89 10 39	0 41 57	118 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	103 7 41	0 32 0
96 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	89 31 37	0 41 45	119	103 23 44	0 31 46
97	89 52 27	0 41 33	119 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	103 39 37	0 31 32
97 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	90 13 15	0 41 21	120	103 55 23	0 31 18
98	90 33 55	0 41 8	120 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	104 11 2	0 31 4
98 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	90 54 29	0 40 55	121	104 26 34	0 30 49
99	91 14 56	0 40 42	121 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	104 41 59	0 30 35
99 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	91 35 17	0 40 30	122	104 57 16	0 30 21
100	91 55 32	0 40 17	122 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	105 12 26	0 30 7
100 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	92 15 40	0 40 4	123	105 27 30	0 29 52
101	92 35 42	0 39 52	123 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	105 42 26	0 29 37
101 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	92 55 38	0 39 39	124	105 57 14	0 29 23
102	93 15 27	0 39 26	124 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	106 11 55	0 29 8
102 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	93 35 11	0 39 13	125	106 26 29	0 28 54
103	93 54 47	0 39 0	125 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	106 40 56	0 28 39
103 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	94 14 17	0 38 47	126	106 55 15	0 28 24
104	94 33 41	0 38 34	126 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	107 9 27	0 28 10
104 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	94 52 58	0 38 21	127	107 23 32	0 27 56
105	95 12 9	0 38 8	127 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	107 37 30	0 27 40
105 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	95 31 13	0 37 55	128	107 51 20	0 27 25
106	95 50 11	0 37 42	128 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	108 5 2	0 27 10
106 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	96 9 2	0 37 29	129	108 18 37	0 26 56
107	96 27 47	0 37 16	129 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	108 32 5	0 26 41
107 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	96 46 24	0 37 3	130	108 45 25	0 26 26
108	97 4 56	0 36 50	130 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	108 58 38	0 26 11
108 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	97 23 20	0 36 36	131	109 11 44	0 25 56
109	97 41 38	0 36 23	131 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	109 24 42	0 25 41
109 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	97 59 49	0 36 9	132	109 37 32	0 25 26
110	98 17 54	0 35 56	132 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	109 50 15	0 25 11
110 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	98 35 52	0 35 42	133	110 2 50	0 24 56
111	98 53 43	0 35 29	133 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	110 15 18	0 24 41
111 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	99 11 27	0 35 15	134	110 27 39	0 24 26
112	99 29 5	0 35 1	134 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	110 39 52	0 24 10
112 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	99 46 35	0 34 48	135	110 51 57	0 23 55

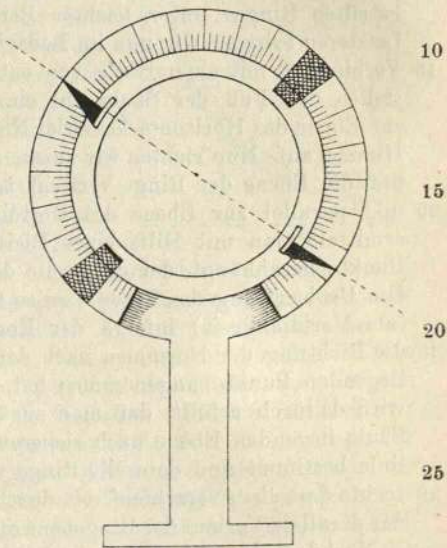
Bogen	Sehnen	Sechzigstel	Bogen	Sehnen	Sechzigstel
135 <sup>1</sup> / <sub>2</sub> <sup>o</sup>	111 <sup>p</sup> 3' 54''	0' 23'' 40'''	158 <sup>o</sup>	117 <sup>p</sup> 47' 43''	0' 11'' 51'''
136	111 15 44	0 23 25	158 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	117 53 39	0 11 35
136 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	111 27 26	0 23 9	159	117 59 27	0 11 19
137	111 39 1	0 22 54	159 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	118 5 7	0 11 3
137 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	111 50 28	0 22 39	160	118 10 37	0 10 47
138	112 1 47	0 22 24	160 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	118 16 1	0 10 31
138 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	112 12 59	0 22 8	161	118 21 16	0 10 14
139	112 24 3	0 21 53	161 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	118 26 23	0 9 58
139 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	112 35 0	0 21 37	162	118 31 22	0 9 42
140	112 45 48	0 21 22	162 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	118 36 13	0 9 25
140 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	112 56 29	0 21 7	163	118 40 55	0 9 9
141	113 7 2	0 20 51	163 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	118 45 30	0 8 53
141 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	113 17 25	0 20 36	164	118 49 56	0 8 37
142	113 27 44	0 20 20	164 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	118 54 15	0 8 20
142 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	113 37 54	0 20 4	165	118 58 25	0 8 4
143	113 47 26	0 19 49	165 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 2 26	0 7 48
143 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	113 57 50	0 19 33	166	119 6 20	0 7 31
144	114 7 37	0 19 17	166 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 10 6	0 7 15
144 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	114 17 15	0 19 2	167	119 13 44	0 6 59
145	114 26 46	0 18 46	167 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 17 13	0 6 42
145 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	114 36 9	0 18 30	168	119 20 34	0 6 26
146	114 45 24	0 18 14	168 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 23 47	0 6 10
146 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	114 54 31	0 17 59	169	119 26 52	0 5 53
147	115 3 30	0 17 43	169 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 29 49	0 5 37
147 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	115 12 22	0 17 27	170	119 32 37	0 5 20
148	115 21 6	0 17 11	170 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 35 17	0 5 4
148 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	115 29 41	0 16 55	171	119 37 49	0 4 48
149	115 38 9	0 16 40	171 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 40 13	0 4 31
149 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	115 46 29	0 16 24	172	119 42 28	0 4 14
150	115 54 40	0 16 8	172 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 44 35	0 3 58
150 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	116 2 44	0 15 52	173	119 46 35	0 3 42
151	116 10 40	0 15 36	173 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 48 26	0 3 26
151 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	116 18 28	0 15 20	174	119 50 8	0 3 9
152	116 26 8	0 15 4	174 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 51 43	0 2 53
152 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	116 33 40	0 14 48	175	119 53 10	0 2 36
153	116 41 4	0 14 32	175 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 54 27	0 2 20
153 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	116 48 20	0 14 16	176	119 55 38	0 2 3
154	116 55 28	0 14 0	176 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 56 39	0 1 47
154 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	117 2 28	0 13 44	177	119 57 32	0 1 30
155	117 9 20	0 13 28	177 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 58 18	0 1 14
155 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	117 16 4	0 13 12	178	119 58 55	0 0 57
156	117 22 40	0 12 56	178 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 59 24	0 0 41
156 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	117 29 8	9 12 40	179	119 59 44	0 0 25
157	117 35 28	0 12 24	179 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	119 59 56	0 0 9
157 <sup>1</sup> / <sub>2</sub>	117 41 40	0 12 7	180	120 0 0	0 0 0

## Zwölftes Kapitel.

## Der zwischen den Wendepunkten liegende Bogen.

Nachdem der Größenbetrag der Sehnen festgestellt ist, dürfte es, wie (S. 24, 16) gesagt, die erste Aufgabe sein nachzuweisen, wie groß die Neigung des schiefen Kreises der Ekliptik gegen den Äquator ist, d. h. das Verhältnis zu bestimmen, in welchem der durch die beiden betreffenden Pole gehende größte (Kolor-) Kreis zu dem zwischen diesen Polen liegenden Bogen ebendieses Kreises steht. Selbstverständlich ist dieser Bogen gleich dem Abstand, welchen der im Äquator liegende Punkt (des Kolorkreises) von jedem der beiden Wendepunkte hat.<sup>4)</sup> Ohne weiteres lösen wir diese Aufgabe auf instrumentalem Wege mit Hilfe folgender einfachen Vorrichtung.<sup>a)</sup>

Wir werden einen metallenen Ring von angemessener Größe herstellen, der an seiner Oberfläche genau vierkantig abgeschärft ist (so daß der Querschnitt ein Quadrat darstellt). Nachdem wir ihn in die üblichen 360 Grade des größten Kreises und jeden derselben in so viel Unterabteilungen geteilt haben, als angängig



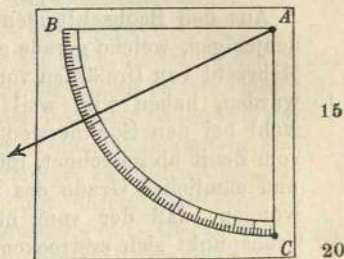
a) Die beigegebene Figur ist meiner Ausgabe der Hypotyposis des Proklus, Leipzig, Teubner 1909 S. 42, entnommen.

ist, soll uns dieser Ring als Meridiankreis dienen. Wir fügen hierauf einen zweiten schmalern kleinen Ring derartig unter den erstgenannten ein, daß ihre Seitenflächen immer in einer Ebene bleiben, während der kleinere Ring unter dem größeren in derselben Ebene nach Norden und nach Süden ungehindert in Umdrehung versetzt werden kann. An irgend zwei diametral gegenüberliegenden Stellen bringen wir auf der einen Seitenfläche des kleineren Ringes zwei kleine gleichgroße Platten an, welche sowohl mit Bezug aufeinander als auf den Mittelpunkt der Ringe genau die Richtung der Normalen einhalten.<sup>5)</sup> Auf die Mitte ihrer Breitseite sind dünne Zeiger aufgesetzt, welche an der Seitenfläche des größeren eingeteilten Ringes unter leichter Berührung entlanggleiten. Letzteren bringen wir nun im Bedarfsfalle jedesmal in feste Verbindung mit einer Säule von entsprechender Größe und stellen den Fuß der Säule auf einer Bodenfläche, welche zur Ebene des Horizonts keinerlei Neigung hat, unter freiem Himmel auf. Nun richten wir unsere Aufmerksamkeit darauf, daß die Ebene der Ringe vertikal zur Ebene des Horizonts und parallel zur Ebene des Meridians verläuft. Ersteres ermittelt man mit Hilfe eines Bleilotes, welches von dem Punkte herabhängt, der die Stelle des Zenits vertreten soll. Die Beobachtung des Lotes wird so lange fortgesetzt, bis es (am Meridiankreis) infolge der Korrektion der Unterlagen die Richtung der Normalen nach dem diametral gegenüberliegenden Punkte angenommen hat. Die zweite Forderung wird dadurch erfüllt, daß man zunächst auf der unter der Säule liegenden Ebene nach sicheren Punkten eine Mittagslinie bestimmt und dann die Ringe so lange nach links oder rechts derselben verschiebt, bis durch (seitliche) Anvisierung der parallele Verlauf der Ringebene mit dieser Linie erzielt ist.

Nachdem die Aufstellung in der beschriebenen Weise bewerkstelligt war, richteten wir unser Augenmerk auf die nördliche oder südliche Deklination der Sonne, indem wir zur Zeit der Mittagstunden den inneren kleinen Ring verschoben, bis die untere Platte von der oberen vollständig beschattet wurde. Wenn dieser Moment eintrat, gaben uns

die Spitzen der Zeiger genau an, wieviel Grade der Zenitabstand des Zentrums der Sonne im Meridian beträgt.<sup>a)</sup>

Noch praktischer haben wir die erforderliche Beobachtung auf folgende Weise angestellt.<sup>b)</sup> Anstatt der Ringe stellten wir eine quadratische Platte von Stein oder Holz ohne Ha 48 jede Verziehung her, deren eine Seitenfläche gleichmäßig 6 eben und genau (quadratisch) zugeschnitten sein muß. Auf dieser Seite nahmen wir in einer von den Ecken einen Punkt (A) als Zentrum an und beschrieben von da aus einen Quadranten (BC). Nun zogen wir von dem 10 Punkte im Zentrum bis an die beschriebene Kreislinie die Geraden (AB, AC), welche den rechten Winkel des Quadranten bilden, und teilten wieder die Kreislinie (des Quadranten) in die (auf sie entfallenden) 90 Grade und deren Unterabteilungen. Hierauf brachten wir auf der einen Geraden (AC), welche vertikal zur Ebene des Hori-



zonts werden und die Lage nach Süden erhalten sollte, zwei senkrecht stehende ganz gleichgroße Stifte an, denen durch genau entsprechende Abdrechselung die Gestalt kleiner Zylinder gegeben war, den einen gerade auf dem 25 Punkt (A) im Zentrum genau in der Mitte, den anderen am unteren Ende (C) der Geraden. Hierauf stellten wir Hei 67 diese mit der Figur versehene Seite der Platte längs der auf der darunter gelegenen Ebene gezogenen Mittagslinie auf, so daß sie gleichfalls (wie die Mittagslinie) die parallele 30 Lage zur Ebene des Meridians erhielt, und kontrollierten durch ein Bleilot an den zylindrischen Stiften, ob die durch letztere gehende Gerade (AC) ohne Neigung, d. i. vertikal zur Ebene des Horizonts stand, wobei wieder

a) Die Berechnung der Schiefe wird S 44, 12 fortgesetzt.

b) Die Figur ist ähnlich schon von Halma beigegeben.

einige dünne Unterlagen die nötige Korrektion vermittelten. Nun beobachteten wir ebenfalls wieder zur Zeit der Mittagstunden den Schatten, welcher von dem im Zentrum befindlichen Stift ausgeht, indem wir dicht an die gezogene Kreislinie (des Quadranten) irgend einen (flachen) Gegenstand hielten, um die Schattenstelle deutlicher sichtbar werden zu lassen. Dadurch, daß wir die Mitte dieses Schattens durch einen Punkt markierten, erhielten wir den an dieser Stelle befindlichen Grad der Kreislinie des Quadranten, welcher, wie leicht zu begreifen, genau den Ort in Breite<sup>a)</sup> kennzeichnet, den die Sonne im Meridian einnimmt.

Aus den Beobachtungen dieser Art, und namentlich aus denjenigen, welche gerade um die Zeit der Wendungen bei einer Mehrzahl von Umläufen von uns mit aller Schärfe angestellt wurden, haben wir, weil die Markierung der Punkte sowohl bei den Sommerwenden wie bei den Winterwenden, vom Zenit ab gerechnet, im großen ganzen auf die gleichen und nämlichen Grade des Meridians traf, das Ergebnis gewonnen, daß der vom nördlichsten bis zum südlichsten Grenzpunkt sich erstreckende Bogen, was der zwischen den Graden der Wendungen liegende Bogen ist, allemal zwischen die Grenzen  $47^{\circ}40'$  und  $47^{\circ}45'$  fällt. Hieraus ergibt sich ungefähr dasselbe Verhältnis, welches Eratosthenes gefunden und auch Hipparch zur Anwendung gebracht hat: der Bogen zwischen den Wendepunkten beträgt nämlich ohne wesentlichen Fehler 11 solche Teile, wie der Meridian 83 enthält.<sup>b)</sup>

a) Zunächst wird aus dem gemessenen Zenitabstand die Höhe der Sonne über dem Horizont gewonnen, dann weiter, weil die Äquatorhöhe gleich dem Zenitabstand des gegebenen Pols ist, die südliche oder nördliche Deklination der Sonne:  $\text{Sonnenhöhe} - \text{Äquatorhöhe} = n. D.$ ,  $\text{Äquatorhöhe} - \text{Sonnenhöhe} = s. D.$

b) Diese  $\frac{11}{83}$  entsprechen nach dem Verhältnis  $11 : 83 = x : 360^{\circ}$  einem Bogen von  $47^{\circ}42'40''$ . Danach beträgt die Schiefe der Ekliptik nach Eratosthenes  $23^{\circ}51'20''$ , auf welchen Wert Ptolemaeus in der Tabelle der Schiefe zukommt, während sein eigenes Mittel zwischen  $47^{\circ}45'$  und  $47^{\circ}40'$  nur  $47^{\circ}42'30''$ , mithin die Schiefe nur  $23^{\circ}51'15''$  beträgt.

Leicht zu bestimmen ist ohne weiteres aus dem vorliegenden Beobachtungsergebnis die geographische Breite der Wohnorte, in denen wir die Beobachtungen anstellen: erstens wird der im Äquator liegende Punkt in der Mitte zwischen den beiden Grenzpunkten (d. i. die Äquatorhöhe) 5 gewonnen, zweitens der zwischen diesem Punkt und dem Zenit sich erstreckende Bogen, welcher bekanntlich der Polhöhe gleich ist.<sup>6)</sup>

## Dreizehntes Kapitel.

**Einige den sphärischen Demonstrationen  
vorauszuschickende Lehrsätze.**

Da es unsere nächste Aufgabe ist, auch die von Grad zu  $\text{Ha} 50$  Grad anwachsenden Größenbeträge der Bogen nachzuweisen, 10 welche auf den größten durch die Pole des Äquators gezogenen (Deklinations-) Kreisen zwischen Äquator und Ekliptik liegen, so werden wir einige kurze und brauchbare Lehrsätze vorausschicken, mit deren Hilfe wir so ziemlich die Mehrzahl aller Beweise von theoretischen 15 Sätzen, welche sich auf die Kugel beziehen, in einer möglichst einfachen und methodischen Form erledigen werden.

I. In zwei Gerade AB und AΓ ziehe man zwei sich kreuzende Gerade BE und ΓΔ hinein, welche sich in Punkt Z  $\text{Hei} 69$  schneiden sollen. Meine Behauptung geht dahin, daß 20

$$A. \left( \frac{\Gamma E + EA}{AE} = \frac{\Gamma Z + Z\Delta}{\Delta Z} \cdot \frac{ZB}{BZ + ZE} \text{ nach Eukl. V. Def. 15} \right)$$

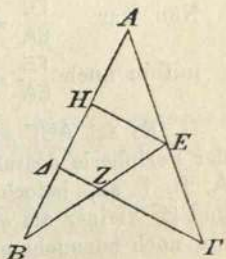
$$\frac{\Gamma A}{AE} = \frac{\Gamma \Delta}{\Delta Z} \cdot \frac{ZB}{BE}$$

Beweis. Man ziehe durch E zu ΓΔ die Parallele EH. Weil diese Linien parallel sind, so ist (nach Eukl. VI. 4)

$$\frac{\Gamma A}{AE} = \frac{\Gamma \Delta}{EH};$$

führt man ΔZ als Hilfsfaktor ein,

$$\text{so wird } \frac{\Gamma A}{EH} = \frac{\Gamma \Delta}{\Delta Z} \cdot \frac{\Delta Z}{EH},$$



folglich auch  $\frac{\Gamma A}{AE} = \frac{\Gamma \Delta}{\Delta Z} \cdot \frac{\Delta Z}{EH}$ .

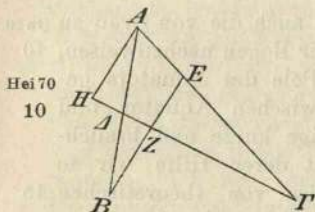
Nun ist  $\frac{\Delta Z}{EH} = \frac{ZB}{BE}$ , weil  $EH \parallel \Delta Z$ . (Eukl. VI. 4)

Ha 51 Folglich ist  $\frac{\Gamma A}{AE} = \frac{\Gamma \Delta}{\Delta Z} \cdot \frac{ZB}{BE}$ , was zu beweisen war.

Es gilt auch bei Trennung (nach Eukl. V. Def. 16)

$$5 \quad \text{B. } \left( \frac{\Gamma A - AE}{EA} = \frac{\Gamma \Delta - \Delta Z}{Z\Delta} \cdot \frac{BA - A\Delta}{BA} \text{ oder } \right)$$

$$\frac{\Gamma E}{EA} = \frac{\Gamma Z}{Z\Delta} \cdot \frac{\Delta B}{BA}.$$



Beweis. Man ziehe durch A eine Parallele zu EB und verlängere  $\Gamma \Delta$  bis zum Schnittpunkt H. Weil AH parallel ist zu EZ, so ist (nach Eukl. VI. 2)

$$\frac{\Gamma E}{EA} = \frac{\Gamma Z}{ZH}; \text{ führt man}$$

$\Delta Z$  als Hilfsfaktor ein,

so wird  $\frac{\Gamma Z}{ZH} = \frac{\Gamma Z}{Z\Delta} \cdot \frac{\Delta Z}{ZH}$ .

15 Nun ist  $\frac{\Delta Z}{ZH} = \frac{\Delta B}{BA}$ , weil BA, ZH in  $AH \parallel ZB$  über  
[Kreuz gezogen.]

Folglich ist  $\frac{\Gamma Z}{ZH} = \frac{\Gamma Z}{Z\Delta} \cdot \frac{\Delta B}{BA}$ .

Nun war  $\frac{\Gamma E}{EA} = \frac{\Gamma Z}{ZH}$ , (siehe oben Z. 12)

mithin auch  $\frac{\Gamma E}{EA} = \frac{\Gamma Z}{Z\Delta} \cdot \frac{\Delta B}{BA}$ , was zu beweisen war.

II. Es sei  $AB\Gamma$  ein Kreis, dessen Zentrum  $\Delta$  ist. Auf  
20 der Peripherie desselben nehme man drei beliebige Punkte A, B,  $\Gamma$  an, jedoch so, daß jeder der beiden Bogen AB und  $B\Gamma$  kleiner als ein Halbkreis sei; auch bei den weiterhin noch anzunehmenden Bogen sei das gleiche Verhältnis

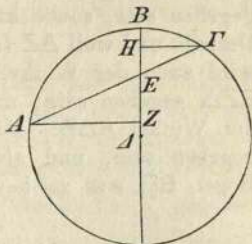
vorausgesetzt. Nun ziehe man die Verbindungslinien  $A\Gamma$  und  $\Delta EB$ . Meine Behauptung geht dahin, daß

Hei 71

$$\frac{s2b AB}{s2b B\Gamma} = \frac{AE}{E\Gamma}$$

Ha 52

Beweis. Man fälle von den Punkten  $A$  und  $\Gamma$  auf  $\Delta B$  die Lote  $AZ$  und  $\Gamma H$ . Da  $AZ$  parallel zu  $\Gamma H$  ist, und die Gerade  $AE\Gamma$  in diese Linien hinein durchgezogen ist, so ist (nach Eukl. VI. 4)



5

$$\frac{AZ}{\Gamma H} = \frac{AE}{E\Gamma}$$

10

Nun ist  $AZ = \frac{1}{2} s2b AB$ ,  
und  $\Gamma H = \frac{1}{2} s2b B\Gamma$ ; } (Eukl. III. 3)

folglich  $\frac{AZ}{\Gamma H} = \frac{s2b AB}{s2b B\Gamma}$ ,

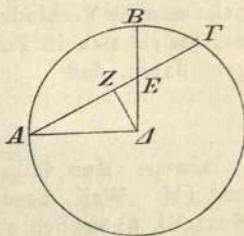
mithinauch  $\frac{s2b AB}{s2b B\Gamma} = \frac{AE}{E\Gamma}$ , was zu beweisen war.

Ohne weiteres ergibt sich hieraus der

Lehrsatz: Wenn der ganze Bogen  $A\Gamma$  gegeben ist und dazu das Verhältnis  $\frac{s2b AB}{s2b B\Gamma}$ , so werden sich auch die beiden Bogen  $AB$  und  $B\Gamma$  bestimmen lassen.

15

Beweis. Es sei dieselbe Figur vorgelegt. Man ziehe die Verbindungslinie  $A\Delta$  und fälle von  $\Delta$  auf  $AE\Gamma$  das Lot  $\Delta Z$ . Da der Bogen  $A\Gamma$  gegeben ist, so wird offenbar auch der den halben Bogen unterspannende Winkel  $A\Delta Z$  gegeben sein, und damit auch das ganze rechtwinklige Dreieck  $AZ\Delta$ . Da ferner die ganze Sehne  $A\Gamma$  gegeben ist,



20

Hei 72

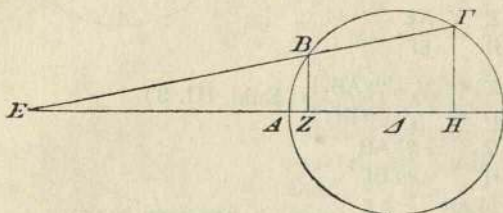
25

a) Mit  $s2b$  wird fortan die den doppelten Bogen unterspannende Sehne bezeichnet; mithin heißt  $\frac{1}{2} s2b$  „die Hälfte der den doppelten Bogen unterspannenden Sehne.“

und das (Teilungs-) Verhältniß mit  $\frac{s \cdot 2b \cdot AB}{s \cdot 2b \cdot B\Gamma}$  als Annahme zugrunde liegt, so wird (nach Eukl. Dat. 7) sowohl AE gegeben sein, sowie als Differenz ( $AE - \frac{1}{2}sA\Gamma$ ) auch ZE. Deshalb und weil  $\Delta Z$  (als Kathete des  $\Delta AZ\Delta$ ) gegeben ist, wird auch der Winkel  $E\Delta Z$  des rechtwinkligen Dreiecks  $EZ\Delta$  gegeben sein, und als Summe ( $\angle E\Delta Z + \angle A\Delta Z$ ) der Winkel  $A\Delta B$ . Mit diesem wird auch der Bogen AB gegeben sein, und als Differenz ( $bA\Gamma - bAB$ ) auch der Bogen  $B\Gamma$ , was zu beweisen war.

10

15



III. Es sei  $AB\Gamma$  ein Kreis um das Zentrum  $\Delta$ . Auf der Peripherie desselben nehme man drei Punkte A, B,  $\Gamma$  so

an, daß jeder der beiden Bogen AB und  $\Gamma A$  kleiner als ein Halbkreis sei; auch bei den noch weiterhin anzunehmenden Bogen sei das gleiche Verhältniß vorausgesetzt. Nun ziehe man die Verbindungslinien  $\Delta A$  und  $\Gamma B$  und verlängere sie, bis sie sich in Punkt E schneiden. Meine Behauptung geht dahin, daß

25

$$\frac{s \cdot 2b \cdot \Gamma A}{s \cdot 2b \cdot AB} = \frac{\Gamma E}{EB}.$$

Beweis. Man fälle von B und  $\Gamma$  auf  $\Delta A$  die Lote BZ und  $\Gamma H$ . Weil diese Linien parallel sind, so ist (nach Eukl. VI. 4) ähnlich wie bei dem vorigen Satz (vgl. S. 47, 10)

$$\frac{\Gamma H}{BZ} = \frac{\Gamma E}{EB}.$$

30

(Nun ist  $\frac{\Gamma H}{BZ} = \frac{s \cdot 2b \cdot \Gamma A}{s \cdot 2b \cdot AB}$  nach Satz II S. 47, 13)

folglich auch  $\frac{s \cdot 2b \cdot \Gamma A}{s \cdot 2b \cdot AB} = \frac{\Gamma E}{EB}$ , was zu beweisen war.

Auch hier ergibt sich ohne weiteres der Lehrsatz. Wenn einzig der Bogen  $\Gamma B$  gegeben ist, und dazu das Verhältnis  $\frac{s \cdot 2b \Gamma A}{s \cdot 2b AB}$ , so wird auch der Bogen  $AB$  sich bestimmen lassen.

Beweis. Man ziehe an derselben Figur die Verbindungslinie  $\Delta B$  und fälle auf  $B\Gamma$  das Lot  $\Delta Z$ . Dann wird gegeben sein der die Hälfte des Bogens  $\Gamma B$  unterspannende Winkel  $B\Delta Z$ , und folglich auch das ganze rechtwinklige Dreieck  $BZ\Delta$ . Da ferner auch das Verhältnis  $\frac{\Gamma E}{EB}$  gegeben

ist<sup>a)</sup> und dazu die Sehne  $\Gamma B$ , so wird (nach Eukl. Dat. 7) sowohl  $EB$  gegeben sein, so-

wie als Summe  $(EB + \frac{1}{2} s \Gamma B)$  auch  $EBZ$ . Da auch  $\Delta Z$  (als Kathete des  $\Delta BZ\Delta$ ) gegeben ist, so wird

auch der Winkel  $E\Delta Z$  desselben rechtwinkligen Dreiecks (nämlich  $EZ\Delta$ ) gegeben sein, und als Differenz ( $\angle E\Delta Z - \angle B\Delta Z$ ) auch der Winkel  $E\Delta B$ . Folglich wird (hiermit) auch der Bogen  $AB$  gegeben sein.

Diese Lehrsätze mußten vorausgeschickt werden.

Man ziehe auf der Oberfläche einer Kugel derart größter Kreise, daß in die zwei Bogen  $AB$  und  $A\Gamma$  hineingezogen, die zwei Bogen  $BE$  und  $\Gamma\Delta$  einander in Punkt  $Z$  schneiden. Es sollen aber diese Bogen alle kleiner als ein Halbkreis sein; dasselbe Verhältnis sei bei sämtlichen Figuren vorausgesetzt. Meine Behauptung geht nun dahin, daß

$$A. \frac{s \cdot 2b \Gamma E}{s \cdot 2b EA} = \frac{s \cdot 2b \Gamma Z}{s \cdot 2b Z\Delta} \cdot \frac{s \cdot 2b \Delta B}{s \cdot 2b BA}$$

a) Das geg. Verhältnis  $\frac{s \cdot 2b \Gamma A}{s \cdot 2b AB}$  ist eben nach S. 48, 25 gleich  $\frac{\Gamma E}{EB}$ .

Beweis. Man bestimme das Zentrum der Kugel: dasselbe sei H. Von H aus ziehe man nach den Kreisschnittpunkten B, Z, E die Geraden HB, HZ, HE; ferner ziehe man die Verbindungslinie AΔ und verlängere sie, bis sie die Verlängerung von HB in Θ schneidet. Desgleichen sollen die Verbindungslinien ΔΓ und AΓ die Geraden HZ und HE in den Punkten K und Λ schneiden. Somit kommen die Punkte Θ, K, Λ auf eine Gerade zu liegen, weil sie in zwei Ebenen zugleich

liegen, nämlich in der Ebene des Dreiecks AΓΔ und in der Ebene des Kreises BZE. Die Gerade, welche diese Punkte verbindet, bewirkt folgende Figur: in die Geraden ΘA und ΓA sind die sich kreuzenden Geraden ΘΛ und ΓΔ hineingezogen, die sich in Punkt K schneiden. Folglich erhalten wir

$$\frac{\Gamma\Lambda}{\Lambda A} = \frac{\Gamma K}{K\Delta} \cdot \frac{\Delta\Theta}{\Theta A} \quad (\text{Satz IB S. 46, 6})$$

$$\left. \begin{array}{l} \text{Nun ist} \\ \text{ferner} \end{array} \right\} \frac{\Gamma\Lambda}{\Lambda A} = \frac{s \cdot 2b \Gamma E}{s \cdot 2b EA}, \quad \left. \begin{array}{l} \frac{\Gamma K}{K\Delta} = \frac{s \cdot 2b \Gamma Z}{s \cdot 2b Z\Delta} \end{array} \right\} (\text{Satz II S. 47, 13})$$

$$\text{endlich} \quad \frac{\Delta\Theta}{\Theta A} = \frac{s \cdot 2b \Delta B}{s \cdot 2b BA}; \quad (\text{Satz III S. 48, 25})^a)$$

$$\text{Hei 76 folglich} \quad \frac{s \cdot 2b \Gamma E}{s \cdot 2b EA} = \frac{s \cdot 2b \Gamma Z}{s \cdot 2b Z\Delta} \cdot \frac{s \cdot 2b \Delta B}{s \cdot 2b BA}.$$

26 Ganz auf demselben Wege und genau wie an der geradlinigen ebenen Figur (Satz IA S. 45, 22) wird der Beweis geführt für

a) Mit dem Unterschied, daß im zitierten Satze die größere Gerade im Zähler und die kleinere im Nenner steht, während hier das umgekehrte Verhältnis stattfindet.

$$B. \frac{s 2b\Gamma A}{s 2bAE} = \frac{s 2b\Gamma \Delta}{s 2b\Delta Z} \cdot \frac{s 2bZB}{s 2bBE}.$$

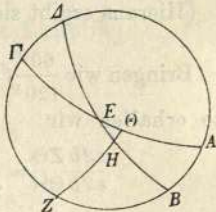
Hiermit sind die Beweise, deren Darlegung wir uns vorgenommen hatten, erledigt.

### Vierzehntes Kapitel.

#### Die zwischen dem Äquator und der Ekliptik liegenden Bogen (von Deklinationskreisen).

Mit Hilfe des zuletzt mitgetheilten Lehrsatzes werden wir Ha 56 zunächst den Nachweis der vorstehend genannten Bogen auf 5 folgende Weise liefern.

Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der durch beide Pole, sowohl den des Äquators als den der Ekliptik, gehende (Kolor-) Kreis,  $A\Gamma E$  der Halbkreis des Äquators und  $BE\Delta$  der der Ekliptik. Punkt  $E$  sei der Schnittpunkt beider an der Stelle, wo die Herbstnachtgleiche eintritt, so daß  $B$  der Winterwendepunkt und  $\Delta$  der Sommerwendepunkt ist. Auf dem Bogen  $AB\Gamma$  bestimme man den Pol des Äquators  $A\Gamma E$ : derselbe sei  $Z$ .<sup>a)</sup> In der Ekliptik trage man von  $E$  aus den Bogen  $EH$  ab.



10

15

Hei 77

1. Dieser Bogen sei zu  $30^0$  angenommen, wie der größte Kreis  $360^0$  hat. Man ziehe durch die Punkte  $Z$  und  $H$  20 den Bogen  $ZH\Theta$  eines größten Kreises. Unsere Aufgabe soll demnach sein, den Bogen  $\Theta H$  zu finden.

Um nicht bei jeder ähnlichen Beweisführung immer dasselbe wiederholen zu müssen, sei an dieser Stelle ein für allemal folgendes bemerkt. Wenn wir die Größenbeträge 25

a) Es ist nach der Lage der Figur der Südpol, wie auch an der Figur des nächsten Kapitels. Für beide Fälle steht im griechischen Text dieselbe Figur. Da es sich im vorliegenden Fall nicht lediglich um Sphaera recta handelt, so mußte an der neuen Figur in  $E$  der Herbstpunkt angenommen werden.

von Bogen in Graden oder die von Sehnen in Teilen angeben, so meinen wir bei den Bogen solche Grade, wie der Kreis 360, und bei den Sehnen solche Teile, wie der Durchmesser des Kreises 120 hat.

Ha 57 Da an der Figur in die zwei Bogen größter Kreise AZ 6 und AE zwei in Punkt H sich schneidende Bogen ebensolcher Kreise ZΘ und EB hineingezogen sind, so gilt (Satz B S. 51, 1)

$$\frac{s\ 2b\ ZA}{s\ 2b\ AB} = \frac{s\ 2b\ Z\Theta}{s\ 2b\ \Theta H} \cdot \frac{s\ 2b\ HE}{s\ 2b\ EB}$$

10 Nun ist  $2b\ ZA = 180^\circ$ , also  $s\ 2b\ ZA = 120^p$ ,  
 $2b\ AB = 47^\circ 42' 40''$ ,<sup>a)</sup> also  $s\ 2b\ AB = 48^p 31' 55''$ ,  
 Hei 78  $2b\ HE = 60^\circ$ , also  $s\ 2b\ HE = 60^p$ ,  
 $2b\ EB = 180^\circ$ , also  $s\ 2b\ EB = 120^p$ .

(Hieraus ergibt sich zunächst  $\frac{s\ 2b\ Z\Theta}{s\ 2b\ \Theta H} \cdot \frac{60^p}{120^p} = \frac{120^p}{48^p 31' 55''}$ .)

15 Bringen wir  $\frac{60^p}{120^p}$  ( $= \frac{1}{2}$ ) auf die andere Seite der Gleichung<sup>b)</sup>,  
 so erhalten wir

$$\frac{s\ 2b\ Z\Theta}{s\ 2b\ \Theta H} = \frac{120^p}{24^p 15' 57''} \left( \text{aus } \frac{120^p \cdot 2}{48^p 31' 55''} \right).$$

Nun ist  $s\ 2b\ Z\Theta = 120^p$ , weil  $2b\ Z\Theta = 180^\circ$ ,  
 folglich  $s\ 2b\ \Theta H = 24^p 15' 57''$ , also  $2b\ \Theta H = 23^\circ 19' 59''$ .

20 Demnach ist der Bogen ΘH mit  $11^\circ 40'$  gefunden.

2. Der Bogen HE sei zu  $60^\circ$  angenommen. Während die anderen Werte unverändert bleiben, wird

Ha 58  $2b\ HE = 120^\circ$ , also  $s\ 2b\ HE = 103^p 55' 23''$ .

Bringen wir wieder  $\frac{103^p 55' 23''}{120^p}$  auf die andere Seite

25 der Gleichung, so erhalten wir

a) Das ist der S. 44, 22 ermittelte Wert des Bogens zwischen den Wendepunkten.

b) Die griechische Formel  $\acute{\epsilon}\acute{\alpha}\nu \dots \acute{\alpha}\phi\acute{\epsilon}\lambda\omega\mu\epsilon\nu \dots, \kappa\alpha\tau\alpha\lambda\acute{\iota}\pi\epsilon\tau\alpha\iota$  habe ich nicht einfacher wiederzugeben vermocht.

$$\frac{s.2b Z\Theta}{s.2b \Theta H} = \frac{120^P}{42^P 1' 48''} \left( \text{aus } \frac{120^P \cdot 120^P}{48^P 31' 55'' \cdot 103^P 55' 23''} \right).$$

Nun ist  $s.2b Z\Theta = 120^P$ ,

folglich  $s.2b \Theta H = 42^P 1' 48''$ , also  $2b \Theta H = 41^\circ 0' 18''$ .

Mithin beträgt der Bogen  $\Theta H$   $20^\circ 30' 9''$ , was nachzuweisen war.

Auf dieselbe Weise haben wir die Beträge für die aufeinanderfolgenden Bogen von Grad zu Grad berechnet und werden für die 90 Grade des Quadranten (der Ekliptik) eine Tabelle aufstellen, welche die Beträge der entsprechenden Bogen, wie wir sie hier nachgewiesen haben, dazugesetzt enthalten soll.

### Fünfzehntes Kapitel.

#### Die Tabelle der Schiefe (der Ekliptik)

gestaltet sich folgendermaßen.

(Siehe S. 54.)

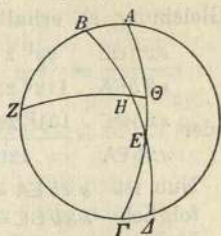
### Sechzehntes Kapitel.

#### Die Aufgänge bei Sphaera recta.

Unsere nächste Aufgabe ist, die Größenbeträge der Äquatorbogen (wie  $E\Theta$ ) mit nachzuweisen, welche von den (Deklinations-) Kreisen (wie  $Z\Theta$ ) abgeschnitten werden, die durch die Pole des Äquators und die von Fall zu Fall gegebenen Abschnitte (wie  $EH$ ) der Ekliptik gezogen werden. Auf diese Weise werden wir nämlich als Ergebnis erhalten, in wieviel Zeitgraden (d. h. Äquatorgraden zu vier Zeitminuten) die betreffenden Ekliptikstücke erstens überall den Meridian passieren, und zweitens bei Sphaera recta durch den Horizont gehen; denn nur in diesem Falle geht auch der Horizont durch die Pole des Äquators (wird somit zu einem Deklinationskreis).

Ekliptik- grade	Meridian - Bogen			Ekliptik- grade	Meridian - Bogen		
	0°	24'	16''		16°	54'	47''
1°	0°	24'	16''	46°	16°	54'	47''
2	0	48	31	47	17	12	16
3	1	12	46	48	17	29	27
4	1	37	0	49	17	46	20
5	2	1	12	50	18	2	53
6	2	25	22	51	18	19	15
7	2	49	30	52	18	35	5
8	3	13	35	53	18	50	41
9	3	37	37	54	19	5	57
10	4	1	38	55	19	20	56
11	4	25	32	56	19	35	28
12	4	49	24	57	19	49	42
13	5	13	11	58	20	3	31
14	5	36	53	59	20	17	4
15	6	0	31	60	20	30	9
16	6	24	1	61	20	42	58
17	6	47	26	62	20	55	24
18	7	10	45	63	21	7	21
19	7	33	57	64	21	18	58
20	7	57	3	65	21	30	11
21	8	20	0	66	21	41	0
22	8	42	50	67	21	51	25
23	9	5	32	68	22	1	25
24	9	28	5	69	22	11	11
25	9	50	29	70	22	20	11
26	10	12	46	71	22	28	57
27	10	34	57	72	22	37	17
28	10	56	44	73	22	45	11
29	11	18	25	74	22	52	39
30	11	39	59	75	22	59	41
31	12	1	20		23	6	17
32	12	22	30	77	23	12	27
33	12	43	28	78	23	18	11
34	13	4	14	79	23	23	28
35	13	24	47	80	23	28	16
36	13	45	6	81	23	32	30
37	14	5	11	82	23	36	35
38	14	25	2	83	23	40	2
39	14	44	39	84	23	43	2
40	15	4	4	85	23	45	34
41	15	23	10	86	23	47	39
42	15	42	2	87	23	49	16
43	16	0	38	88	23	50	25
44	16	18	58	89	23	51	6
45	16	37	20	90	23	51	20

1. Es sei wieder die oben (S. 51, 7) erklärte Figur (hier in der Lage für Sphaera recta) vorgelegt. Gegeben soll sein der Ekliptikbogen EH, und zwar zunächst wieder mit  $30^{\circ}$ , gefunden werden soll der Äquatorbogen E $\Theta$ .



5

Wie oben, gehen wir aus von (Satz A, S. 49, 31)

$$\frac{s\ 2b\ ZB}{s\ 2b\ BA} = \frac{s\ 2b\ ZH}{s\ 2b\ H\Theta} \cdot \frac{s\ 2b\ \Theta E}{s\ 2b\ EA}$$

Nun ist  $2b\ ZB = 132^{\circ} 17' 20''$ ,<sup>a)</sup> also  $s\ 2b\ ZB = 109^{\text{P}} 44' 53''$ ,  $10$   
 $2b\ BA = 47^{\circ} 42' 40''$ , also  $s\ 2b\ BA = 48^{\text{P}} 31' 55''$ ,<sup>Hei 83</sup>  
 $2b\ ZH = 156^{\circ} 40' 2''$ ,<sup>b)</sup> also  $s\ 2b\ ZH = 117^{\text{P}} 31' 15''$ ,  
 $2b\ H\Theta = 23^{\circ} 19' 59''$ ,<sup>c)</sup> also  $s\ 2b\ H\Theta = 24^{\text{P}} 15' 57''$ .<sup>Ha 61</sup>

Bringen wir also  $\frac{117^{\text{P}} 31' 15''}{24^{\text{P}} 15' 57''}$  auf die andere Seite der Gleichung, so erhalten wir

15

$$\frac{s\ 2b\ \Theta E}{s\ 2b\ EA} = \frac{54^{\text{P}} 52' 26''}{117^{\text{P}} 31' 15''} \left( \text{aus } \frac{109^{\text{P}} 44' 53'' \cdot 24^{\text{P}} 15' 57''}{48^{\text{P}} 31' 55'' \cdot 117^{\text{P}} 31' 15''} \right)$$

oder  $\frac{s\ 2b\ \Theta E}{s\ 2b\ EA} = \frac{56^{\text{P}} 1' 25''}{120^{\text{P}}}$

Nun ist  $s\ 2b\ EA = 120^{\text{P}}$ , weil  $2b\ EA = 180^{\circ}$ ,  
 folglich  $s\ 2b\ \Theta E = 56^{\text{P}} 1' 25''$ , also  $2b\ \Theta E = 55^{\circ} 40'$ .  
 Mithin beträgt der Bogen E $\Theta$   $27^{\circ} 50'$ .

20

2. Der Bogen EH sei zu  $60^{\circ}$  angenommen. Während alle anderen Werte unverändert bleiben, wird

$$2b\ ZH = 138^{\circ} 59' 42''$$
,<sup>d)</sup> also  $s\ 2b\ ZH = 112^{\text{P}} 23' 56''$ ,  
 $2b\ H\Theta = 41^{\circ} 0' 18''$ ,<sup>e)</sup> also  $s\ 2b\ H\Theta = 42^{\text{P}} 1' 48''$ .

a) D. i. 2 ( $90^{\circ} - 23^{\circ} 51' 20''$ ).

b) D. i. 2 ( $90^{\circ} - 11^{\circ} 39' 59''$ ).

c) Wie S. 52, 19 nachgewiesen.

d) D. i. 2 ( $90^{\circ} - 20^{\circ} 30' 9''$ ).

e) Wie S. 53, 3 nachgewiesen.

Bringen wir also  $\frac{112^{\text{P}} 23' 56''}{42^{\text{P}} 1' 48''}$  auf die andere Seite der

Gleichung, so erhalten wir

$$\text{Hei 84} \quad \frac{s.2b \Theta E}{s.2b EA} = \frac{95^{\text{P}} 2' 40''}{112^{\text{P}} 23' 56''} \left( \text{aus } \frac{109^{\text{P}} 44' 53'' \cdot 42^{\text{P}} 1' 48''}{48^{\text{P}} 31' 55'' \cdot 112^{\text{P}} 23' 56''} \right)$$

$$\text{oder} \quad \frac{s.2b \Theta E}{s.2b EA} = \frac{101^{\text{P}} 28' 20''}{120^{\text{P}}}$$

- 5 Nun ist  $s.2b EA = 120^{\text{P}}$ ,  
folglich  $s.2b \Theta E = 101^{\text{P}} 28' 20''$ , also  $2b \Theta E = 115^{\circ} 28'$ .  
Mithin beträgt der Bogen  $E\Theta 57^{\circ} 44'$ .

- Ha 62 Es ist somit der Beweis erbracht, daß das erste vom  
Nachtgleichenpunkt ab gerechnete Zeichen der Ekliptik (zu  
10 seinem Aufgang bei Sphaera recta) dieselbe Zeit braucht  
wie der oben (S. 55, 20) nachgewiesene Äquatorbogen  
von  $27^{\circ} 50'$ , und das zweite, da beide (d. s.  $60^{\circ}$ ) zusammen  
mit  $57^{\circ} 44'$  nachgewiesen wurden, dieselbe Zeit wie ein  
Äquatorbogen von  $(57^{\circ} 44' - 27^{\circ} 50' =) 29^{\circ} 54'$ . Das dritte  
15 Zeichen wird selbstverständlich dieselbe Zeit brauchen wie  
der Äquatorbogen von  $32^{\circ} 16'$ , der zum Quadranten noch  
fehlt; denn der ganze Quadrant der Ekliptik geht (bei  
Sphaera recta) genau in derselben Zeit auf wie der ganze  
Quadrant des Äquators, insofern (bei der Zerlegung beider  
20 Kreise in Quadranten) die durch die Pole des Äquators  
gehenden (Kolor-) Kreise in Betracht kommen.<sup>a)</sup>

- Auf dieselbe Weise haben wir unter Befolgung vorstehend  
entwickelter Beweismethode die mit Ekliptikabschnitten von  
je  $10^{\circ}$  gleichzeitig aufgehenden Äquatorbogen berechnet;  
25 denn die noch weniger als  $10^{\circ}$  betragenden (Ekliptik-)  
Bogen unterscheiden sich (in Wirklichkeit) nur ganz un-  
beträchtlich von den Überschüssen (an Aufgangszeit), welche

a) Wenn ein Quadrant der Ekliptik voll aufgegangen ist, fallen bei Sphaera recta die beiden Kolorkreise, der eine mit dem Meridian, der andere mit dem Horizont zusammen. Es sind somit die Deklinationskreise, welche sowohl den Äquator wie die Ekliptik in vier Quadranten zerlegen.

(tatsächlich) im Vergleich zum gleichmäßigen Anwachsen (der Aufgangszeit) eintreten.<sup>7)</sup>

Wir werden nun auch diese Bogen in Ansatz bringen, um bequem feststellen zu können, in wieviel Zeitgraden (d. h. Äquatorgraden zu je vier Minuten Durchgangszeit) 5 jeder dieser Bogen den Meridian, wie (S. 53, 19) gesagt, <sup>Hei 85</sup> überall passiert und bei Sphaera recta auch durch den Horizont geht. Als Ausgangspunkt nehmen wir den Anfang des Zeichendrittels, welches am Nachtgleichenpunkt liegt. Auf das erste Zeichendrittel entfallen an Zeitgraden  $9^0 10'$ , 10

„	„	zweite	„	„	„	„	$9^0 15'$ ,
„	„	dritte	„	„	„	„	$9^0 25'$ .

Mithin auf das erste Zeichen in Summa  $27^0 50'$ .

Auf das vierte Zeichendrittel entfallen an Zeitgraden  $9^0 40'$ ,

„	„	fünfte	„	„	„	„	$9^0 58'$ , 15
„	„	sechste	„	„	„	„	$10^0 16'$ .

Mithin auf das zweite Zeichen in Summa  $29^0 54'$ .

Auf das siebente Zeichendrittel entfallen an Zeitgraden  $10^0 34'$ , <sup>Ha 63</sup>

„	„	achte	„	„	„	„	$10^0 47'$ , 20
„	„	neunte	„	„	„	„	$10^0 55'$ .

Mithin auf das dritte Zeichen in Summa  $32^0 16'$ .

Es ist dasjenige Zeichen, welches an dem Wendepunkt liegt.

Auf den ganzen Quadranten (der Ekliptik) entfällt somit die ihm zukommende Summe von 90 Zeitgraden. 25

Es bedarf keiner weiteren Erklärung, daß auch für die übrigen Quadranten die Zahlenreihe genau dieselbe<sup>a)</sup> ist; denn alle Verhältnisse bleiben für jeden Quadranten dieselben, weil wir die Sphaera recta zugrunde gelegt haben, d. h. weil der Äquator keine Neigung zum Horizont hat 30 (d. i. vertikal zu ihm steht).

a) Nur in umgekehrter Folge der Zahlen in dem zweiten Quadranten des von Nachtgleichenpunkt zu Nachtgleichenpunkt gerechneten Halbkreises der Ekliptik.

## Zweites Buch.

### Erstes Kapitel.

#### Die allgemeine Lage des zurzeit bewohnten Gebietes der Erde.

Ha 65)  
Hei 87) Nachdem wir im ersten Buche unseres Handbuchs erstens die auf den Bau des Weltalls bezüglichen Fragen erörtert haben, welche in aller Kürze vorausgenommen werden mußten, zweitens die Verhältnisse bei Sphaera recta besprochen haben, soweit man sie zur theoretischen Behandlung der vorliegenden Aufgaben für förderlich halten könnte, wollen wir im Anschluß daran nun auch wieder die Darlegung der bei Sphaera obliqua besonders charakteristischen Verhältnisse, soweit es irgend möglich ist, nach einer leicht zu handhabenden Methode in die Wege leiten.

Was auch hier im allgemeinen vorausgenommen werden muß, ist folgendes. Die Erde wird durch den Erdäquator und einen durch seine Pole gezogenen (Meridian-) Kreis in vier Viertel geteilt. Auf das eine von den beiden nördlichen Vierteln beschränkt sich nahezu die Ausdehnung des zurzeit bewohnten Gebietes der Erde. Dies geht besonders deutlich aus folgenden Wahrnehmungen hervor.

- 20 1. Faßt man die Breite ins Auge, d. h. die Erstreckung von Süden nach Norden, so sind die Schatten, welche die Gnomonen zur Mittagstunde an den Tag- und Nachtgleichen werfen, überall stets nach Norden gerichtet, niemals nach Süden.
- 25 2. Faßt man die Länge ins Auge, d. h. die Erstreckung von Osten nach Westen, so treten dieselben Finsternisse, besonders aber die des Mondes, welche sowohl für die Be-

wohner des äußersten Ostens des heutzutage bewohnten Gebietes der Erde, als auch für die des äußersten Westens der Theorie nach zu demselben Zeitpunkte sichtbar sind, höchstens zwölf Äquinoktialstunden früher oder später ein, Beweis dafür, daß das Viertel an sich nur ein Intervall von zwölf Äquinoktialstunden umfaßt, weil es ja eben von einem Halbkreis des Äquators begrenzt wird. 5

Von den Fragen, welche im einzelnen eine theoretische Erörterung verdienen, fallen, wie man wohl erwarten dürfte, in den Rahmen des vorliegenden praktischen Handbuchs ganz besonders diejenigen, welche auf die Eigenschaften hinauslaufen, die je nach der Lage eines jeden der nördlich des Äquators verlaufenden Parallelkreise sowohl diesem Kreise selbst als den unter ihm liegenden bewohnten Orten nach besonders charakteristischen Kennzeichen zukommen (6. Kap.). Es sind dies folgende Fragen: 10 15

1. (3. Kap. I) Wie weit sind die Pole des ersten Umschwungs vom Horizont entfernt? Oder (was dasselbe ist) wieviel beträgt, im Meridian gemessen, der Zenitabstand des Äquators? Ha 89  
20

2. (4. Kap.) Wo kommt die Sonne in den Zenit? wann und wie oft tritt dieser Fall ein?

3. (5. Kap.) In welchem Verhältnis stehen die an den Nachtgleichen und Wenden zur Mittagstunde beobachteten Schatten zu den Gnomonen? Ha 67

4. (3. Kap. II) Wie groß ist der Unterschied des längsten oder kürzesten Tages vom Nachtgleichtage? 26

Hierzu kommen noch die theoretischen Erörterungen, welche folgende Punkte betreffen:

5. (3. Kap. IV) Die allmähliche Ab- und Zunahme der Tage und Nächte. 30

6. (7. Kap.) Die gleichzeitigen Auf- und Untergänge (von Teilen) des Äquators und der Ekliptik. Endlich

7. (10.—12. Kap.) Die charakteristischen Eigenschaften und Größen der Winkel, welche von den wichtigsten größten Kreisen gebildet werden. 35

## Zweites Kapitel.

Wie sich die zwischen Äquator und Ekliptik liegenden Horizontbogen<sup>a)</sup> bestimmen lassen, wenn die Dauer des längsten Tages gegeben ist.

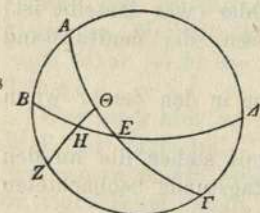
Für die Beispiele soll allgemein als gegeben angenommen werden der durch Rhodus parallel zum Äquator gezogene Kreis, wo die Polhöhe  $36^\circ$  und der längste Tag  $14\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden beträgt.

5 Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der Meridiankreis,  $BE\Delta$  der östliche Halbkreis des Horizonts und  $AE\Gamma$  der entsprechende Halbkreis des Äquators; der südliche Pol des letzteren sei  $Z$ . Angenommen sei, daß der Winterwendepunkt der Ekliptik durch Punkt  $H$  aufgehe. Durch  $Z$  und  $H$  ziehe man den Qua-  
10 dranten  $ZH\Theta$  eines größten (Deklinations-)Kreises.

Gegeben sei zunächst die Dauer des längsten Tages, gefunden werden soll der Horizontbogen  $EH$ .

Da sich die Drehung der Sphäre um die Pole des Äquators vollzieht, so ist klar, daß die Punkte  $H$  und  $\Theta$  gleichzeitig in den Meridian  $AB\Gamma\Delta$  gelangen werden<sup>b)</sup>, ferner, daß die vom  
Aufgang des Punktes  $H$  bis zu seiner

20 oberen Kulmination verstreichende Zeit durch den Äquator-  
Hei 91 bogen  $\Theta A$ , und die von seiner unteren Kulmination bis zum Aufgang verstreichende Zeit durch den Äquatorbogen  $\Gamma\Theta$  dargestellt wird.<sup>c)</sup> Folglich beträgt die Dauer des Tages das Doppelte



a) Die moderne Astronomie nennt diese Bogen, je nachdem sie im östlichen oder westlichen Horizont liegen, Morgen- oder Abendweiten der Sonne.

b) Weil sie auf demselben Deklinationskreis liegen.

c) Indem die beiden Bogen in Summa 12 Äquinoktialstunden darstellen, welche zur Frühlingsnachtgleiche in Punkt  $E$  in  $6+6$ , und zur Winterwende in Punkt  $\Theta$  in  $4\frac{3}{4}+7\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden geteilt werden.

der durch den Bogen  $\Theta A$ , die Dauer der Nacht das Doppelte der durch den Bogen  $\Gamma \Theta$  dargestellten Zeit; denn sowohl die über als die unter dem Horizont befindlichen Stücke sämtlicher mit dem Äquator gleichlaufenden Kreise werden von dem Meridian in je zwei gleiche Teile geschieden. 5

Deshalb beträgt der Bogen  $E \Theta$  für den zugrunde gelegten Parallelkreis  $1\frac{1}{4}$  Stunde oder  $18^{\circ}45'$  (sog. Zeitgrade), weil er die Hälfte des Unterschieds des längsten oder kürzesten Tages vom Nachtgleichtage<sup>a)</sup> darstellt; mithin ist der Bogen  $\Theta A$  als das zum Quadranten fehlende Stück gleich 10  $71^{\circ}15'$ . Da nun geradeso wie bei den früher geführten Beweisen in die zwei Bogen größter Kreise  $AE$  und  $AZ$  die einander in Punkt  $H$  schneidenden Bogen  $EB$  und  $Z\Theta$  hineingezogen sind, so gilt (Satz B S. 51,1)

$$\frac{s2b\Theta A}{s2bAE} = \frac{s2b\Theta Z}{s2bZH} \cdot \frac{s2bHB}{s2bBE}. \quad 15$$

Nun ist $2b\Theta A = 142^{\circ}30' b)$ ,	also $s2b\Theta A = 113^{\text{P}}37'54''$ , <small>Ha 69</small>
$2bAE = 180^{\circ}$ ,	also $s2bAE = 120^{\text{P}}$ , <small>Hei 92</small>
$2b\Theta Z = 180^{\circ}$ ,	also $s2b\Theta Z = 120^{\text{P}}$ ,
$2bZH = 132^{\circ}17'20'' c)$ ,	also $s2bZH = 109^{\text{P}}44'53''$ .

Bringen wir also  $\frac{120^{\text{P}}}{109^{\text{P}}44'53''}$  auf die andere Seite der 20 Gleichung, so erhalten wir

$$\frac{s2bHB}{s2bBE} = \frac{103^{\text{P}}53'23''}{120^{\text{P}}} \left( \text{aus } \frac{113^{\text{P}}37'54'' \cdot 109^{\text{P}}44'53''}{120^{\text{P}} \cdot 120^{\text{P}}} \right).$$

Nun ist  $s2bBE = 120^{\text{P}}$ , weil  $bBE = 90^{\circ}$ ;  
 folglich  $s2bHB = 103^{\text{P}}53'23''$ ,  
 also  $2bHB = 120^{\circ}$  und  $bHB = 60^{\circ}$ . 25

a) D. i.  $\frac{1}{2}(14\frac{1}{2}^{\text{h}} - 12^{\text{h}})$  oder  $\frac{1}{2}(12^{\text{h}} - 9\frac{1}{2}^{\text{h}})$ , in halben Tagbogen ausgedrückt  $\Theta\Gamma - E\Gamma$  oder  $AE - A\Theta$ ; denn  $AE$  ist der halbe Tag-,  $E\Gamma$  der halbe Nachtbogen des Nachtgleichtages, wie  $A\Theta$  der halbe Tag-,  $\Theta\Gamma$  der halbe Nachtbogen des kürzesten Tages.

b) D. i.  $2(90^{\circ} - 18^{\circ}45')$ .

c) D. i.  $2(90^{\circ} - 23^{\circ}51'20'')$ , weil  $bH\Theta$  die Schiefe der Ekliptik mißt.

Mithin ist der Bogen  $EH$  als Differenz der Bogen  $BE$  und  $HB$  gleich  $30^0$ , wie der Horizont gleich  $360^0$  ist, was zu beweisen war.

### Drittes Kapitel.

#### Wie sich aus der Dauer des längsten Tages die Polhöhe bestimmen läßt, und umgekehrt.

I. Gegeben sei die Dauer des längsten Tages (d. h. die 5 S. 61, 6, 10 u. oben Z. 1 bestimmten Bogen  $E\Theta$ ,  $\Theta A$  und  $EH$ ), gefunden werden soll die Polhöhe, d. i. der Meridianbogen  $BZ$ .<sup>a)</sup>

Es gilt wieder an derselben Figur (Satz A S. 49, 31)

Ha 70)  
Hei 93)

$$\frac{s2bE\Theta}{s2b\Theta A} = \frac{s2bEH}{s2bHB} \cdot \frac{s2bBZ}{s2bZA}$$

10 Nun ist  $2bE\Theta = 37^0 30'$ , also  $s2bE\Theta = 38^P 34' 22''$ ,  
 $2b\Theta A = 142^0 30'$ , also  $s2b\Theta A = 113^P 37' 54''$ ,  
 $2bEH = 60^0$ , also  $s2bEH = 60^P$ ,  
 $2bHB = 120^0$ , also  $s2bHB = 103^P 55' 23''$ .

15 Bringen wir also  $\frac{60^P}{103^P 55' 23''}$  auf die andere Seite der Gleichung, so erhalten wir

$$\frac{s2bBZ}{s2bZA} = \frac{70^P 33'}{120^P} \left( \text{aus } \frac{38^P 34' 22'' \cdot 103^P 55' 23''}{113^P 37' 54'' \cdot 60^P} \right).$$

Nun ist  $s2bZA = 120^P$ ,

folglich  $s2bBZ = 70^P 33'$ , also  $2bBZ = 72^0 1'$ .

Mithin beträgt der Bogen  $BZ$   $36^0$ .

20 II. Umgekehrt sei an derselben Figur der Bogen  $BZ$  der  
 Hei 94 Polhöhe mit  $36^0$  durch die Beobachtung gegeben, und es sei die Aufgabe gestellt, den Unterschied des kürzesten oder längsten Tages vom Nachtgleichentage, d. h. das Doppelte des Bogens  $E\Theta$  (s. S. 61, 6) zu finden.

a) Der südliche Pol liegt gleichweit unter dem Horizont, wieder nördliche diametral gegenüber über dem Horizont steht.

Es ist wieder auszugehen von (Satz A S. 49, 31)

$$\frac{s2bZB}{s2bBA} = \frac{s2bZH}{s2bHO} \cdot \frac{s2b\Theta E}{s2bEA} \quad \text{Ha 71}$$

Nun ist  $2bZB = 72^\circ$ , also  $s2bZB = 70^{\text{P}} 32' 3''$ ,  
 $2bBA = 108^{\text{a)}}$ , also  $s2bBA = 97^{\text{P}} 4' 56''$ ,  
 $2bZH = 132^\circ 17' 20''^{\text{b)}}$ , also  $s2bZH = 109^{\text{P}} 44' 53''$ , 5  
 $2bHO = 47^\circ 42' 40''^{\text{c)}}$ , also  $s2bHO = 48^{\text{P}} 31' 55''$ .

Bringen wir also  $\frac{109^{\text{P}} 44' 53''}{48^{\text{P}} 31' 55''}$  auf die andere Seite der Gleichung, so erhalten wir

$$\frac{s2b\Theta E}{s2bEA} = \frac{31^{\text{P}} 11' 23''}{97^{\text{P}} 4' 56''} \left( \text{aus } \frac{70^{\text{P}} 32' 3'' \cdot 48^{\text{P}} 31' 55''}{97^{\text{P}} 4' 56'' \cdot 109^{\text{P}} 44' 53''} \right),$$

oder  $\frac{s2b\Theta E}{s2bEA} = \frac{38^{\text{P}} 34'}{120^{\text{P}}}$ . 10

Nun ist  $s2bEA = 120^{\text{P}}$ , Hei 95  
 folglich  $s2b\Theta E = 38^{\text{P}} 34'$ , also  $2b\Theta E = 37^\circ 30'$ .

Mithin beträgt das Doppelte des Bogens  $E\Theta$   $2\frac{1}{2}$  Äquinoctialstunden, was zu beweisen war.

III. Auf demselben Wege läßt sich auch (vgl. S. 60, 13) 15  
 der Horizontbogen  $EH$  bestimmen, weil (Satz B, S. 51, 1)

$$\frac{s2bZA}{s2bAB} = \frac{s2bZ\Theta}{s2b\Theta H} \cdot \frac{s2bHE}{s2bEB}$$

Gegeben sind die beiden voranstehenden Verhältnisse<sup>d)</sup>.  
 Da nun auch von dem dritten der Bogen  $EB (= 90^\circ)$  gegeben ist, so bleibt also nur die Größe des Bogens  $EH$  Ha 72  
 (als die zu bestimmende Unbekannte) übrig. 21

IV. Es leuchtet ein, daß, wenn wir anstatt des Winterwendepunktes in  $H$  jeden beliebigen anderen Grad der Ekliptik

a) D. i.  $2(90^\circ - 36^\circ)$ . b) D. i.  $2(90^\circ - 23^\circ 51' 20'')$ .

c) D. i. die doppelte Schiefe der Ekliptik.

d)  $bZA = 90^\circ$ ,  $bAB = 36^\circ$ ; über das zweite Verhältnis gibt S. 61, 19 Anm. c) Aufschluß.

annehmen, jeder beliebige Bogen  $E\Theta$  (II) und  $EH$  (III) sich wieder auf demselben Wege bestimmen lassen wird, da wir in der Tabelle der Schiefe (I. Buch, Kap. 15) alle zwischen Ekliptik und Äquator von Ekliptikgrad zu Ekliptikgrad liegenden Meridianbogen, d. h. alle  $H\Theta$  entsprechenden Bogen, im voraus bekannt gegeben haben. Es ergibt sich demnach  
 Hei 96 ohne weiteres folgender

1. Lehrsatz. Die von denselben Parallelen geschnittenen Ekliptikgrade, d. h. diejenigen, welche von demselben  
 10 Wendepunkt gleichweit entfernt liegen, bewirken ihre Schnittpunkte mit dem Horizont an denselben Stellen und auf derselben Seite des Äquators<sup>a)</sup> und verursachen dadurch die gleiche Dauer von Tag und Nacht in der Weise, daß die von demselben Wendepunkt gleichweit entfernt liegenden Tage einander gleich sind und gleich den von dem  
 15 anderen Wendepunkt gleichweit entfernt liegenden Nächten, wie auch die von demselben Wendepunkt gleichweit entfernt liegenden Nächte einander gleich sind und gleich den von dem anderen Wendepunkt gleichweit entfernt liegenden Tagen.

20 Gleichzeitig liefern wir den Beweis für folgenden  
 2. Lehrsatz. Die von den gleichgroßen Parallelen geschnittenen Ekliptikgrade, d. h. diejenigen, welche von demselben Nachtgleichenpunkt gleichweit entfernt liegen, bewirken der eine diesseits, der andere jenseits des Äquators  
 25 gleichgroße Horizontbogen<sup>b)</sup> und verursachen dadurch die gleiche Dauer von Tag und Nacht in der Weise, daß der Tag einerseits (des Äquators) gleich ist der Nacht anderseits, und umgekehrt.<sup>c)</sup>

Beweis. Wenn wir an der bereits (S. 60, 5) erklärten  
 30 Figur noch den Punkt  $K$  annehmen, in welchem der Halb-

a) D. h. sie bewirken beiderseits des Sommerwendepunktes gleichgroße nördliche Morgen- und Abendweiten, beiderseits des Winterwendepunktes gleichgroße südliche.

b) D. h. beiderseits des Äquators gleichgroße Morgenweiten, diesseits nördliche, jenseits südliche.

c) D. h. der Tag, welcher mit der gleichgroßen nördlichen Morgenweite beginnt, ist gleich der Nacht, welche mit der gleichgroßen südlichen Morgenweite endigt.

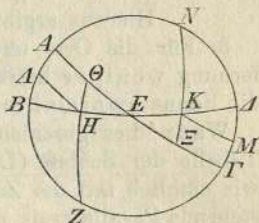
kreis  $BE\Delta$  des Horizonts von dem Parallelkreis geschnitten wird, der mit dem durch Punkt  $H$  gehenden von gleicher Größe ist, wenn wir ferner die Abschnitte  $H\Lambda$  und  $KM$  dieser Parallelen, die in wechselseitiger Entsprechung (jenseits und diesseits des Äquators) natürlich einander gleich sind, (bis  $\Lambda$  und  $M$ , d. i. bis an den oberen und unteren Meridian) ausziehen, und wenn wir endlich noch durch  $K$  und den nördlichen Pol den Quadranten  $NK\Xi$  legen, so ist

a) der Bogen  $\Theta A$  gleich dem Bogen  $\Xi\Gamma$ , weil  $\Theta A$  ähnlich  $H\Lambda$ , und  $\Xi\Gamma$  ähnlich  $KM$  ist;

b) der Bogen  $E\Theta$  gleich dem Bogen  $E\Xi$  als Differenzen (von Quadranten weniger den vorstehend als gleich bezeichneten Bogen);

c) der Bogen  $H\Theta$  gleich dem Bogen  $K\Xi$  (nach der Tabelle<sub>Hei 97</sub> der Schiefe).

Da ferner die Winkel bei  $\Theta$  und  $\Xi$  als Rechte einander gleich sind, so sind die sphärischen Dreiecke  $E\Theta H$  und  $E\Xi K$  kongruent (weil sie je zwei Seiten und den eingeschlossenen Winkel gleich haben). Folglich sind auch die Grundlinien  $EH$  und  $EK$  einander gleich (d. h. die südliche Morgenweite  $EH$  ist gleich der nördlichen Morgenweite  $EK$ ).



Ha 73

#### Viertes Kapitel.

##### Wie sich berechnen läßt, wo, wann und wie oft die Sonne in den Zenit kommt.

Wenn die vorstehend besprochenen Größen gegeben sind, so ist es ein leichtes zu berechnen, wo, wann und wie oft die Sonne in den Zenit kommt.

Keiner weiteren Erklärung bedürfen folgende zwei Fälle.

1. Für die Orte unter den Parallelkreisen, welche von dem Äquator weiter entfernt sind, als die ganze Deklination des

Sommerwendepunktes beträgt, d. i. weiter als  $23^{\circ}51'20''$ , kommt die Sonne überhaupt nicht in den Zenit.

2. Für die Orte unter den Parallelkreisen, deren Entfernung genau diesen Betrag ausmacht, kommt sie einmal in den Zenit, und zwar gerade zur Sommerwende.

Hieraus ergibt sich weiter:

3. Für die Orte unter den Parallelkreisen, deren Entfernung weniger beträgt, als die genannten Grade, kommt die Sonne zweimal in den Zenit.

10 Wann dies geschieht, darüber gibt die Anordnung der Tabelle der Schiefe (I. Buch, 15. Kap.) Auskunft. Gehen wir nämlich mit der Zahl der Grade, welche der in Frage stehende Parallelkreis, der selbstverständlich noch innerhalb des Wendekreises liegen muß, vom Äquator Abstand hat, Ha 74  
Hei 98 in die zweite Spalte ein, so geben die in der ersten Spalte 16 dabeistehenden Grade des Quadranten (der Ekliptik) an die Hand, in welcher Entfernung von jedem der beiden Nachtgleichenpunkte aus nach dem Sommerwendepunkte zu die Sonne für die Orte unter dem betreffenden Parallelkreis in 20 den Zenit kommt.<sup>8)</sup>

### Fünftes Kapitel.

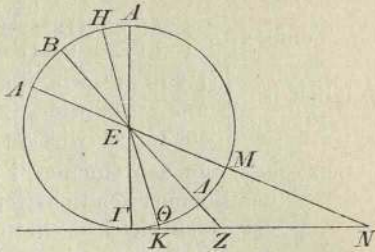
**Wie aus den gegebenen Größen das Verhältnis der Gnomonen zu den an den Nachtgleichen und Wendungen zur Mittagstunde beobachteten Schatten bestimmt wird.**

Daß sich das in Frage stehende Verhältnis der Schatten zu den Gnomonen auf eine ziemlich einfache Weise bestimmen läßt, wenn ein für allemal erstens der Bogen zwischen den Wendekreisen und zweitens der Bogen zwischen dem Horizont und dem betreffenden Pol (d. i. die Polhöhe) gegeben 25 ist, dürfte auf folgende Weise klar werden.

Es sei der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  um das Zentrum  $E$  der Meridian. Durch den als Zenit angenommenen Punkt  $A$  ziehe man den Durchmesser  $A\Gamma$  und zu diesem rechtwinklig in der Ebene 30 des Meridians die Gerade  $\Gamma KZN$ , welche natürlich mit der gemeinsamen Schnittlinie (der Ebenen) des Horizonts und

des Meridians parallel verläuft.<sup>a)</sup> Da die ganze Erde zur Sphäre der Sonne für die sinnliche Wahrnehmung das Verhältnis eines Punktes und Zentrums hat, so kann die Spitze des Gnomon in Punkt E ohne wesentlichen Unterschied als (Erd-)Mittelpunkt angenommen werden (S. 15, 24).

Man denke sich also ΓE als Gnomon und ΓKZN als die (Mittags-)Linie, auf welche zur Mittag-



stunde die Endpunkte der Schatten fallen. Durch E ziehe man den Mittagstrahl zur Nachtgleiche und die Mittagstrahlen zu 15 den Wendungen. Es sei BEΔZ der Nachtgleichenstrahl, HEΘK der Sommerwendstrahl, AEMN der Winterwendstrahl. Folglich wird ΓK der Sommerwendschatten, ΓZ der Nachtgleichenschatten, ΓN der Winterwendschatten.

Für die zugrunde gelegte geographische Breite beträgt nun der Bogen ΓΔ, weil der ihm gleiche Bogen (AB als Zenitabstand des Äquators BEΔ) der Erhebung des nördlichen Pols über dem Horizont gleich ist<sup>6)</sup>, 36° in dem Maße, in welchem der Meridian gleich 360° ist; ferner ist jeder der beiden Bogen ΘΔ und ΔM gleich 23° 51' 20'' in demselben Maße. Hieraus ergibt sich offenbar weiter

$$b\Gamma\Theta = b\Gamma\Delta - b\Delta\Theta = 12^\circ 8' 40'',$$

$$b\Gamma M = b\Gamma\Delta + b\Delta M = 59^\circ 51' 20''.$$

$$\text{Folglich ist } \left\{ \begin{array}{l} \angle KE\Gamma = 12^\circ 8' 40'' \\ \angle ZE\Gamma = 36^\circ \\ \angle NE\Gamma = 59^\circ 51' 20'' \end{array} \right\} \text{ wie } 4R = 360^\circ, \quad 30$$

$$\text{oder } \left\{ \begin{array}{l} \angle KE\Gamma = 24^\circ 17' 20'' \\ \angle ZE\Gamma = 72^\circ \\ \angle NE\Gamma = 119^\circ 42' 40'' \end{array} \right\} \text{ wie } 2R = 360^\circ. \quad 9$$

a) Insofern die genannte Schnittlinie auf der Mittagslinie durch Punkt E verlaufen muß, weil nur die eine Hälfte des Meridiankreises über dem Horizont liegen kann.

- Hei 100 Mithin ist  $\left\{ \begin{array}{l} b \Gamma K = 24^{\circ} 17' 20'' \\ b \Gamma E = 155^{\circ} 42' 40'' \end{array} \right\}$  wie  $\ominus K \Gamma E = 360^{\circ}$ ,<sup>a)</sup>
- ferner  $\left\{ \begin{array}{l} b \Gamma Z = 72^{\circ} \\ b \Gamma E = 108^{\circ} \end{array} \right\}$  wie  $\ominus Z \Gamma E = 360^{\circ}$ ,
- 5 endlich  $\left\{ \begin{array}{l} b \Gamma N = 119^{\circ} 42' 40'' \\ b \Gamma E = 60^{\circ} 17' 20'' \end{array} \right\}$  wie  $\ominus N \Gamma E = 360^{\circ}$ .
- Folglich ist  $\left\{ \begin{array}{l} 117^{\text{P}} 18' 51'' \text{ wie } s \Gamma K = 25^{\text{P}} 14' 43'', \text{ (im } \triangle K \Gamma E) \\ 97^{\text{P}} 4' 56'' \text{ wie } s \Gamma Z = 70^{\text{P}} 32' 3'', \text{ (im } \triangle Z \Gamma E) \\ 60^{\text{P}} 15' 42'' \text{ wie } s \Gamma N = 103^{\text{P}} 46' 16'', \text{ (im } \triangle N \Gamma E) \end{array} \right.$
- 10 Setzt man nun den Gnomon  $\Gamma E = 60^{\text{P}}$ , so wird
- Ha 76 der Sommerwendschatten  $\Gamma K = 12^{\text{P}} 55'$ ,  
 der Nachtgleichenschatten  $\Gamma Z = 43^{\text{P}} 36'$ ,  
 der Winterwendschatten  $\Gamma N = 103^{\text{P}} 20'$ .

Ohne weiteres leuchtet ein, daß umgekehrt, wenn von den  
 15 vorliegenden drei Verhältnissen des Gnomon zu den Schatten-  
 längen nur je zwei nach Belieben gegeben sind, sich dar-  
 aus sowohl die Polhöhe ( $b \Gamma \Delta$ ) bestimmen läßt, als auch  
 der Bogen ( $\Theta M$ ) zwischen den Wendepunkten. Sind näm-  
 lich nach Belieben auch nur je zwei von den Winkeln an  
 20 Punkt E gegeben, so ist auch der dritte gegeben, weil die  
 Bogen  $\Theta \Delta$  und  $\Delta M$  einander gleich sind

- Hei 101 Was nun freilich die Genauigkeit anbelangt, welche durch  
 die unmittelbare Beobachtung erreichbar ist, so können die  
 zwei letzterwähnten Punkte (Polhöhe und Ekliptikschiefe)  
 25 auf dem von uns (S. 44) mitgeteilten Wege mit zweifelloser  
 Sicherheit bestimmt werden, während die Verhältnisse der  
 hier mitgeteilten Schattenlängen zu den Gnomonen (durch  
 die Beobachtung) nicht mit gleicher Schärfe zu gewinnen  
 sind, weil einerseits bei den Nachtgleichenschatten der  
 30 Zeitpunkt an sich nicht mit voller Sicherheit festzustellen  
 ist, andererseits bei den Winterwendschatten die äußersten  
 Endpunkte nicht mit genügender Schärfe ermittelt werden  
 können.<sup>10)</sup>

a) Mit  $b$  wird der Supplementbogen zu dem erstgenannten Bogen ( $b$ ) bezeichnet, mit  $\ominus$  der um das dabeistehend benannte rechtwinklige Dreieck gezogene Kreis. Es heißt sonach  $\ominus K \Gamma E$ : der um das rechtwinklige  $\triangle K \Gamma E$  gezogene Kreis.

## Sechstes Kapitel.

**Feststellung der von Parallel zu Parallel eintretenden charakteristischen Kennzeichen.**

In derselben Weise wie bisher (für den Parallel von Rhodus) wollen wir nun auch für die anderen Parallelkreise die hauptsächlichsten der bestehenden Kennzeichen feststellen, wobei wir den Unterschied der Neigung (der Sphäre), weil dies genügt, um je eine Viertelstunde (der Tageslänge) zunehmen lassen. Ehe wir aber zu der Feststellung der Besonderheiten im einzelnen schreiten, wollen wir eine mehr allgemein gehaltene Erörterung der in Betracht kommenden Kennzeichen vorausschicken.

1. Wir beginnen mit dem direkt unter dem Äquator verlaufenden Parallel, der so ziemlich die südliche Grenze des ganzen Kugelviertels bildet, auf welches sich das zurzeit bewohnte Gebiet der Erde erstreckt. Nur auf diesem Parallel sind die Tage und die Nächte alle einander gleich, weil nur in diesem Falle sämtliche an der Sphäre mit dem Äquator gleichlaufenden Kreise von dem Horizont halbiert werden, so daß ihre über dem Horizont liegenden Abschnitte einander ähnlich<sup>a)</sup> und bei jedem einzelnen gleichgroß sind wie die unter dem Horizont verlaufenden, eine Begleiterscheinung, die bei Sphaera obliqua nirgends eintritt; denn nur der Äquator wird überall von dem Horizont halbiert und macht infolgedessen die auf ihm verlaufenden Tage den Nächten für die sinnliche Wahrnehmung gleich, weil er zu den größten Kreisen gehört, während die übrigen Kreise in ungleiche Abschnitte geteilt werden. Und zwar haben die südlich des Äquators verlaufenden Parallelkreise je nach der geographischen Breite in dem zurzeit bewohnten Gebiete der Erde kleinere Abschnitte über als unter dem Horizont und machen infolgedessen die Tage kürzer als die Nächte, wogegen die nördlich des

a) Weil alle diese Abschnitte Halbkreise sind.

Äquators verlaufenden Kreise umgekehrt größere Abschnitte über dem Horizont haben und infolgedessen die Dauer der Tage verlängern.

Dieser Parallel ist zweischattig. Zweimal kommt die  
 5 Sonne für die unter ihm liegenden Orte in den Schnittpunkten der Ekliptik mit dem Äquator in den Zenit, so daß nur zu diesen Zeitpunkten die Gnomonen zur Mittagstunde schattenlos werden. Während aber die Sonne den nördlichen Halbkreis der Ekliptik durchwandert, zeigen die  
 10 Schatten der Gnomonen die Richtung nach Süden, durchwandert sie den südlichen Halbkreis, die Richtung nach Norden. Dort ist sowohl der Sommer- wie der Winterwendschatten gleich  $26\frac{1}{2}^{\text{P}}$  in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt.

Ha 78 Wenn wir von Schatten sprechen, so meinen wir all-  
 16 gemein diejenigen, welche zur Mittagstunde eintreten. Der wahre Eintritt der Nachtgleichen und Wenden muß sich zwar durchaus nicht gerade zur Mittagstunde vollziehen, aber die Differenzen der Schattenlängen sind ganz un-  
 20 beträchtlich (wenn er zu anderer Zeit erfolgt).

Für die Orte unter dem Äquator kommen alle diejenigen  
 Hei 103 Sterne in den Zenit, welche ihren Umschwung auf dem Äquator selbst vollziehen. Alle Sterne sieht man auf- und untergehen, weil die Pole der Sphäre direkt im Horizont  
 25 liegen. Deshalb machen sie auch keinen Parallel zum immersichtbaren oder immerunsichtbaren Kreis, und keinen Meridian zum Kolor.<sup>11)</sup> Daß es bewohnte Orte unter dem Äquator geben könne, hält man für möglich, weil dort eine sehr gemäßigte Jahrestemperatur herrschen  
 30 muß. Denn die Sonne verweilt weder lange Zeit im Zenit, weil in der Nähe der Nachtgleichenpunkte die Veränderung der Deklination sehr rasch vor sich geht, weshalb der Sommer mild sein dürfte, noch hat sie bei den Wenden einen großen Zenitabstand, so daß sie auch keinen strengen  
 35 Winter verursachen kann. Welches aber die Orte sind, die bewohnt werden, das können wir erfahrungsgemäß nicht sagen; denn unbetreten sind sie bis zum heutigen Tage von

den Menschen des zurzeit bewohnten Gebietes der Erde, und was von ihnen erzählt wird, das möchte man wohl mehr für Dichtung als für Wahrheit halten. Hiermit dürften die Besonderheiten des Parallels unter dem Äquator in aller Kürze dargelegt sein.

Was die übrigen Parallelkreise anbelangt, von denen ab, wie manche Gewährsmänner annehmen, die Besitzergreifung der bewohnbaren Orte stattgefunden hat, so wollen wir hier noch drei Punkte in mehr gemeinsamer Fassung hinzufügen, um nicht für jeden einzelnen Kreis immer das-  
selbe wiederholen zu müssen.

a. Für jeden Parallelkreis, d. h. von Parallel zu Parallel, kommen alle diejenigen Sterne in den Zenit, welche auf dem durch die Pole des Äquators gehenden (Deklinations-) Kreis vom Äquator den gleichgroßen Bogen Abstand haben, wie der betreffende Parallelkreis selbst.<sup>a)</sup>

b. Immersichtbarer Kreis wird (überall) derjenige Parallel, welcher mit dem Abstand der Polhöhe um den nördlichen Pol als Zentrum gezogen wird. Die innerhalb dieses Kreises liegenden Sterne sind immersichtbar.

c. Immerunsichtbarer Kreis wird derjenige Parallel, welcher mit dem nämlichen Abstand um den südlichen Pol als Zentrum gezogen wird. Die innerhalb dieses Kreises liegenden Sterne sind immerunsichtbar.

2. Der zweite Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $12\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $4\frac{1}{4}^{\circ}$  Abstand und geht durch die Insel Taprobane. Auch er gehört zu den zweischattigen, weil die Sonne wieder zweimal für die unter ihm liegenden Orte in den Zenit kommt und bei ihrer Kulmination die Gnomonen schattenlos macht, wenn sie beiderseits  $79\frac{1}{2}^{\circ}$  vom Sommerwendepunkt entfernt ist.<sup>b)</sup> Infolgedessen zeigen die Schatten der Gnomonen, während die Sonne diese ( $2 \times 79\frac{1}{2}^{\circ} =$ )  $159^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Süden, und während sie

a) Weil jeder himmlische Parallelkreis, unter dem ein Ort liegt, durch den Zenit dieses Ortes verläuft.

die übrigen  $201^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Norden. Dort ist der Nachtgleichenschatten gleich  $4^{\text{P}} 25'$ , der Sommerwendschatten gleich  $21^{\text{P}} 20'$ , der Winterwendschatten gleich  $32^{\text{P}}$  in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt.

Hei 105 3. Der dritte Parallel ist derjenige, auf welchem der  
längste Tag  $12\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom  
Ha 80 Äquator  $8^{\circ} 25'$  Abstand und geht durch den Aanalitischen  
Meerbusen. Auch er gehört zu den zweischattigen, weil  
10 die Sonne zweimal für die unter ihm liegenden Orte in  
den Zenit kommt und bei ihrer Kulmination die Gnomonen  
schattenlos macht, wenn sie beiderseits  $69^{\circ}$  vom Sommer-  
wendepunkt entfernt ist. Infolgedessen zeigen die Schatten  
der Gnomonen, während die Sonne diese  $138^{\circ}$  durchwandert,  
15 die Richtung nach Süden, und während sie die übrigen  
 $222^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Norden. Dort ist  
der Nachtgleichenschatten gleich  $8^{\text{P}} 50'$ , der Sommerwend-  
schatten gleich  $16^{\text{P}} 50'$ , der Winterwendschatten gleich  
 $37^{\text{P}} 55'$  in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$   
20 beträgt.

4. Der vierte Parallel ist derjenige, auf welchem der  
längste Tag  $12\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom  
Äquator  $12\frac{1}{2}^{\circ}$  Abstand und geht durch den Adulitischen  
Meerbusen. Auch er gehört zu den zweischattigen, weil  
25 die Sonne wieder zweimal für die unter ihm liegenden  
Orte in den Zenit kommt und bei ihrer Kulmination die  
Gnomonen schattenlos macht, wenn sie beiderseits  $57^{\circ} 40'$   
vom Sommerwendepunkt entfernt ist. Infolgedessen zeigen  
die Schatten der Gnomonen, während die Sonne diese  
30  $115^{\circ} 20'$  durchwandert, die Richtung nach Süden, und  
während sie die übrigen  $244^{\circ} 40'$  durchwandert, die Rich-  
tung nach Norden. Dort ist der Nachtgleichenschatten  
gleich  $13\frac{1}{3}^{\text{P}}$ , der Sommerwendschatten gleich  $12^{\text{P}}$ , der  
Winterwendschatten gleich  $44\frac{1}{6}^{\text{P}}$  in dem Maße, in welchem  
35 der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt.

5. Der fünfte Parallel ist derjenige, auf welchem der  
längste Tag 13 Äquinoktialstunden hat. Er hat vom

Äquator  $16^{\circ}27'$  Abstand und geht durch die Insel Meroë. Auch er gehört zu den zweischattigen, weil die Sonne zwei- Ha 81  
 mal für die unter ihm liegenden Orte in den Zenit kommt und bei ihrer Kulmination die Gnomonen schattenlos macht, wenn sie beiderseits  $45^{\circ}$  vom Sommerwendepunkt entfernt 5  
 ist. Infolgedessen zeigen die Schatten der Gnomonen, wenn die Sonne diese  $90^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Süden, und während sie die übrigen  $270^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Norden. Dort ist der Nachtgleichenschatten gleich  $17\frac{3}{4}^{\text{P}}$ , der Sommerwendschatten gleich  $7\frac{3}{4}^{\text{P}}$ , 10  
 der Winterwendschatten gleich  $51^{\text{P}}$  in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt.

6. Der sechste Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $13\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $20^{\circ}14'$  Abstand und geht durch Napata. Auch 15  
 er gehört zu den zweischattigen, weil die Sonne für die Hei 107  
 unter ihm gelegenen Orte zweimal in den Zenit kommt und bei ihrer Kulmination die Gnomonen schattenlos macht, wenn sie beiderseits  $31^{\circ}$  vom Sommerwendepunkt entfernt ist. Infolgedessen zeigen die Schatten der Gnomonen, 20  
 während die Sonne diese  $62^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Süden, und während sie die übrigen  $298^{\circ}$  durchwandert, die Richtung nach Norden. Dort ist der Nachtgleichenschatten gleich  $22\frac{1}{6}^{\text{P}}$ , der Sommerwendschatten gleich  $3\frac{3}{4}^{\text{P}}$ , der Winterwendschatten gleich  $58\frac{1}{6}^{\text{P}}$  in dem 25  
 Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt.

7. Der siebente Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $13\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $23^{\circ}51'$  Abstand und geht durch Soëne. Er ist der erste von den sogenannten einschattigen Parallelen; 30  
 denn niemals zeigen in den unter ihm liegenden Orten die Schatten der Gnomonen zur Mittagstunde nach Süden. Nur einmal gerade zur Sommerwende kommt für sie die Sonne Ha 82  
 in den Zenit, wo dann die Gnomonen der Theorie nach schattenlos sind; denn diese Orte haben genau denselben 35  
 Abstand vom Äquator wie der Sommerwendepunkt. Sonst zeigen jederzeit die Schatten der Gnomonen die Richtung

nach Norden. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^P$  beträgt, der Nachtgleichschatten gleich  $26\frac{1}{2}^P$  und der Winterwendschatten gleich  $65^P50'$ ; der Sommerwendschatten aber ist gleich Null.

Hei 108 Alle Parallelkreise, welche nördlicher als dieser liegen, 6 bis zu demjenigen, welcher die (nördliche) Grenze des zurzeit bewohnten Gebietes der Erde bildet, sind einschattig; denn niemals werden die Gnomonen unter ihnen zur Mittagstunde schattenlos, auch werfen sie die Schatten nie nach 10 Süden, sondern stets nach Norden, weil die Sonne für diese Orte niemals in den Zenit kommt.

8. Der achte Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $13\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $27^012'$  Abstand und geht durch Ptolemaïs in 15 Thebaïs, das sogenannte Hermeion. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^P$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $3\frac{1}{2}^P$ , der Nachtgleichschatten gleich  $36^P50'$ , der Winterwendschatten gleich  $74^P10'$ .

9. Der neunte Parallel ist derjenige, auf welchem der 20 längste Tag 14 Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $30^022'$  Abstand und geht durch das Unterland von Ägypten. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^P$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $6^P50'$ , der Nachtgleichschatten gleich  $35^P5'$ , der Winterwendschatten gleich  $83^P5'$ .

10. Der zehnte Parallel ist derjenige, auf welchem der Ha 83 längste Tag  $14\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Hei 109 Äquator  $33^018'$  Abstand und geht mitten durch Phönizien. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon 30  $60^P$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $10^P$ , der Nachtgleichschatten gleich  $39\frac{1}{2}^P$ , der Winterwendschatten gleich  $93^P5'$ .

11. Der elfte Parallel ist derjenige, auf welchem der 35 längste Tag  $14\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $36^0$  Abstand und geht durch Rhodus. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^P$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $12^P55'$ , der Nachtgleichen-

schatten gleich  $43^{\text{P}}36'$ ,<sup>a)</sup> der Winterwendschatten gleich  $103^{\text{P}}20'$ .

12. Der zwölfte Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $14\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $38^{\circ}35'$  Abstand und geht durch Smyrna. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $15^{\text{P}}40'$ , der Nachtgleichenschattengleich  $47^{\text{P}}50'$ , der Winterwendschattengleich  $114^{\text{P}}55'$ . 5

13. Der dreizehnte Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $15$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $40^{\circ}56'$  Abstand und geht durch den Hellespont. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $18\frac{1}{2}^{\text{P}}$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $52^{\text{P}}10'$ , der Winterwendschatten gleich  $127^{\text{P}}50'$ . 10 15

14. Der vierzehnte Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $15\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $43^{\circ}4'$  Abstand und geht durch Massalia. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $20^{\text{P}}50'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $55^{\text{P}}55'$ , der Winterwendschatten gleich  $144^{\text{P}}$ . Hei 110 20

15. Der fünfzehnte Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $15\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $45^{\circ}1'$  Abstand und geht mitten durch den Pontus. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $23\frac{1}{4}^{\text{P}}$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $60^{\text{P}}$ , der Winterwendschatten gleich  $155^{\text{P}}5'$ . Ha 84 25

16. Der sechzehnte Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $15\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $46^{\circ}51'$  Abstand und geht durch die Quellen

a) Er berechnet sich (vgl. S. 68, 8) nach dem Verhältnis  $97^{\text{P}}4'56'' : 60^{\text{P}} = 70^{\text{P}}32'3'' : x$  mit  $43^{\text{P}}35'25''$ . Folglich ist der S. 68, 12 angegebene Wert  $43^{\text{P}}36'$  richtig, nicht  $43^{\text{P}}50'$  ( $\mu\gamma \text{ } \zeta' \text{ } \gamma'$ ), wie hier im griechischen Text steht.

des Ister. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^p$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $25^p 30'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $63^p 55'$ , der Winterwendschatten gleich  $171^p 10'$ .

5 17. Der siebzehnte Parallel ist derjenige, auf welchem  
 der längste Tag  $16$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom  
 Hei 111 Äquator  $48^0 32'$  Abstand und geht durch die Mündungen  
 des Borysthenes. Dort ist in dem Maße, in welchem  
 der Gnomon  $60^p$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  
 10  $27^p 30'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $67^p 50'$ , der Winter-  
 wendschatten gleich  $188^p 35'$ .

18. Der achtzehnte Parallel ist derjenige, auf welchem  
 der längste Tag  $16\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat  
 vom Äquator  $50^0 4'$  Abstand und geht mitten durch den  
 15 Mäotischen See. Dort ist in dem Maße, in welchem  
 der Gnomon  $60^p$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  
 $29^p 55'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $71^p 40'$ , der Winter-  
 wendschatten gleich  $208^p 20'$ .

19. Der neunzehnte Parallel ist derjenige, auf welchem  
 20 der längste Tag  $16\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat  
 vom Äquator  $51^0 30'$  Abstand<sup>a)</sup> und geht durch die süd-  
 Ha 85 lichsten Teile von Brettania. Dort ist in dem Maße,  
 in welchem der Gnomon  $60^p$  beträgt, der Sommerwend-  
 schatten gleich  $31^p 25'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  
 25  $75^p 25'$ , der Winterwendschatten gleich  $229^p 20'$ .

20. Der zwanzigste Parallel ist derjenige, auf welchem  
 der längste Tag  $16\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat  
 vom Äquator  $52^0 50'$  Abstand und geht durch die Mün-  
 dungen des Rhenus. Dort ist in dem Maße, in welchem  
 30 der Gnomon  $60^p$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  
 $33^p 20'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $79^p 5'$ , der Winter-  
 wendschatten gleich  $253^p 10'$ .

Hei 112 21. Der einundzwanzigste Parallel ist derjenige, auf  
 welchem der längste Tag  $17$  Äquinoktialstunden hat. Er

a) Die Zahl *νcc*  $\zeta'$  kommt mir bedenklich vor, zumal da  
 Cod. D statt  $\zeta'$  *νcc* schreibt.

hat vom Äquator  $54^{\circ}1'$  Abstand<sup>a)</sup> und geht durch die Mündungen des Tanaïs. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $34^{\text{P}}55'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $82^{\text{P}}35'$ , der Winterwendschatten gleich  $278^{\text{P}}45'$ .

22. Der zweiundzwanzigste Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $17\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $55^{\circ}$  Abstand und geht durch Brigantium in Großbritannien. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $36^{\text{P}}15'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $85^{\text{P}}40'$ , der Winterwendschatten gleich  $304^{\text{P}}30'$ .

23. Der dreiundzwanzigste Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $17\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $56^{\circ}$  Abstand und geht mitten durch Großbritannien. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $37^{\text{P}}40'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $88^{\text{P}}50'$ , der Winterwendschatten gleich  $335^{\text{P}}15'$ .

24. Der vierundzwanzigste Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $17\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $57^{\circ}$  Abstand und geht durch Katuraktonium in Britannia. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $39^{\text{P}}20'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $92^{\text{P}}25'$ , der Winterwendschatten gleich  $372^{\text{P}}5'$ .

25. Der fünfundzwanzigste Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag 18 Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $58^{\circ}$  Abstand und geht durch die südlichen Teile von Kleinbritannien. Dort ist in dem Maße, in welchem der Gnomon  $60^{\text{P}}$  beträgt, der Sommerwendschatten gleich  $40^{\text{P}}40'$ , der Nachtgleichenschatten gleich  $96^{\text{P}}$ , der Winterwendschatten gleich  $419^{\text{P}}5'$ .

a) Der griechische Text hat  $\nu\delta\lambda$ ; ich gebe der Lesart  $\nu\delta\alpha$  den Vorzug, zumal da auch Cod. D diese hat. Man beachte nur die von hier ab regelmäßig  $1^{\circ}$  zunehmenden Abstände.

26. Der sechsundzwanzigste Parallel ist derjenige, auf welchem der längste Tag  $18\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat. Er hat vom Äquator  $59^{\circ}30'$  Abstand und geht durch die Mitte von Kleinbrettania. Von der Zunahme um eine Viertelstunde haben wir hier abgesehen erstens, weil die Parallelkreise bereits sehr nahe aneinander heranrücken und der Unterschied der Polhöhen keinen ganzen Grad mehr ausmacht; zweitens, weil wir bei den noch weiter nördlich liegenden Parallelen eine gleichsorgfältige Behandlung nicht für angezeigt halten. Deshalb haben wir es auch für überflüssig gehalten, die Verhältnisse der Schattenlängen zu den Gnomonen wie bei örtlicher Begrenzung weiter anzugeben.
- Hei 114 27. Wo der längste Tag 19 Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $61^{\circ}$  Abstand und geht durch die nördlichen Teile von Kleinbrettania.
- Ha 87 28. Wo der längste Tag  $19\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $62^{\circ}$  Abstand und geht durch die sogenannten Ebudischen Inseln.
29. Wo der längste Tag 20 Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $63^{\circ}$  Abstand und geht durch die Insel Thule.
30. Wo der längste Tag 21 Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $64^{\circ}30'$  Abstand und geht durch unbekanntes skythische Völkerschaften.
- 25 31. Wo der längste Tag 22 Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $65^{\circ}30'$  Abstand.
32. Wo der längste Tag 23 Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $66^{\circ}$  Abstand.
33. Wo der längste Tag 24 Äquinoktialstunden hat, dort hat der Parallel vom Äquator  $66^{\circ}8'40''$  Abstand.<sup>a)</sup> Er ist der erste von den ringsschattigen Parallelen. Da nämlich dort zur Zeit der Sommerwende die Sonne nicht untergeht, so schlagen die Schatten der Gnomonen, allerdings nur zu dieser Zeit, die Richtungen nach allen Seiten des Horizonts

a) D. i.  $90^{\circ} - 23^{\circ}51'20''$ . Es ist demnach der heutzutage sog. „nördliche Polarkreis“.

ein. Dort ist der Sommerwendekreis der immersichtbare, und der Winterwendekreis der immerunsichtbare Parallelkreis, weil beide auf entgegengesetzten Seiten, der eine von oben, der andere von unten, den Horizont in einem Punkte berühren. Der schiefe Kreis der Ekliptik fällt mit dem Horizont zusammen, wenn der Frühlingsnachtgleichpunkt aufgeht. 5

Wenn man sonst noch aus rein theoretischen Gründen auch für die noch nördlicheren Breiten einige besonders charakteristische Eigenschaften in Betracht ziehen möchte, so dürfte man zu folgenden Ergebnissen gelangen. Ha 88

34. Wo die Polhöhe etwa  $67^{\circ}$  beträgt, dort kommen beiderseits der Sommerwende  $15^{\circ}$  der Ekliptik überhaupt nicht zum Untergang. Infolgedessen wird der längste Tag ungefähr gleich einem Monat<sup>a)</sup>, und ebensolange dauert der Umlauf der nach allen Seiten des Horizonts fallenden Schatten. Diese Verhältnisse wird man sich leicht vergegenwärtigen mit Hilfe der (I. Buch, Kap. 15) mitgeteilten Tabelle der Schiefe.<sup>12)</sup> Genau soviel Grade (hier 23), als wir nämlich den Parallelkreis, der im vorliegenden Falle zu beiden Seiten des Wendepunktes  $15^{\circ}$  abschneidet, vom Äquator entfernt finden, wird selbstverständlich die Erhebung des nördlichen Pols unter  $90^{\circ}$  bleiben. Der betreffende Parallelkreis wird alsdann mit Einschluß des (beiderseits des Sommerwendepunktes) abgeschnittenen Ekliptikstückes der immersichtbare Kreis, während immerunsichtbarer Kreis der entsprechende (südliche Parallel mit Einschluß des beiderseits des Winterwendepunktes abgeschnittenen gleichgroßen Ekliptikstückes) wird.<sup>13)</sup> 15 20 25

35. Wo die Erhebung des Pols  $69^{\circ} 30'$  beträgt, dort wird man finden, daß beiderseits der Sommerwende  $30^{\circ}$  überhaupt nicht zum Untergang gelangen. Infolgedessen wird der längste Tag ungefähr gleich 2 Monaten<sup>b)</sup>, und ebensolange bleiben die Gnomonen ringsschattig. Hei 116 31

a) So lange braucht die Sonne, um die  $2 \times 15^{\circ}$  zu durchlaufen.

b) So lange braucht die Sonne, um die  $2 \times 30^{\circ}$  zu durchlaufen.

36. Wo die Erhebung des Pols  $73^{\circ}20'$  beträgt, dort wird man finden, daß beiderseits der Sommerwende  $45^{\circ}$  nicht zum Untergang gelangen. Infolgedessen erstreckt sich die Dauer des längsten Tages und die Ringsschattigkeit der Gnomonen auf ungefähr 3 Monate.

37. Wo die Erhebung des Pols  $78^{\circ}20'$  beträgt, dort wird man finden, daß beiderseits derselben Wende  $60^{\circ}$  nicht zum Untergang gelangen. Infolgedessen wird der längste Tag ungefähr gleich 4 Monaten, und ebensolange dauert der Umlauf der (nach allen Richtungen fallenden) Schatten.

38. Wo die Erhebung des Pols  $84^{\circ}$  beträgt, dort wird man finden, daß beiderseits der Sommerwende  $75^{\circ}$  nicht zum Untergang gelangen. Infolgedessen wird der längste Tag ungefähr gleich 5 Monaten, und die gleiche Zeit bleiben die Gnomonen ringsschattig.

39. Wo die Erhebung des Pols die vollen  $90^{\circ}$  des Quadranten beträgt, dort gelangt der nördlich des Äquators liegende Halbkreis der Ekliptik in seiner ganzen Ausdehnung niemals unter den Horizont, und der südlich des Äquators gelegene in seiner ganzen Ausdehnung niemals über den Horizont. Infolgedessen gibt es Jahr für Jahr nur einen Tag und eine Nacht, beide von etwa 6monatiger Dauer, und die ganze Zeit sind die Gnomonen ringsschattig. Weitere Besonderheiten dieser höchsten Breite sind, daß erstens der nördliche Pol in den Zenit kommt, zweitens der Äquator die Stelle sowohl des immersichtbaren als auch des immerunsichtbaren Kreises einnimmt und außerdem auch noch die Stelle des Horizonts vertritt, wovon die Folge ist, daß die nördlich des Äquators liegende Halbkugel beständig über und die südlich gelegene beständig unter dem Horizont bleibt.

### Siebentes Kapitel.

#### Gleichzeitige Aufgänge (von Teilen) der Ekliptik und des Äquators bei Sphaera obliqua.

Nach Erörterung der allgemeinen Verhältnisse, welche die Zunahme der Neigung (der Sphäre) der Theorie nach

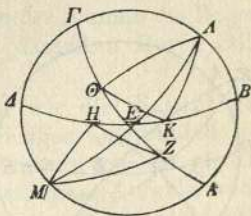
mit sich bringt, dürfte es unsere nächste Aufgabe sein zu zeigen, wie für jede Breite die mit den Bogen der Ekliptik gleichzeitig aufgehenden Zeitgrade des Äquators gewonnen werden können; denn hiernach werden sich alle übrigen speziellen Aufgaben auf methodischem Wege von uns folgerichtig erledigen lassen. 5

Wir werden die Namen der Tierkreisbilder auch für die Zwölftel (d. i. Zeichen) der Ekliptik selbst anwenden, und zwar unter der Annahme, daß ihre Anfänge von den Wend- und Nachtgleichenpunkten ab gerechnet werden.<sup>14)</sup> Demnach 10 nennen wir das von der Frühlingsnachtgleiche gegen die Richtung des Umschwungs des Weltganzen verlaufende erste Zwölftel den Widder, das zweite den Stier, usw. in der uns überlieferten Reihenfolge der zwölf Tierkreisbilder. Hei 118

Wir werden zunächst folgende zwei Sätze beweisen. 15

I. Lehrsatz. Die beiderseits desselben Nachtgleichenpunktes sich gleichweit erstreckenden Ekliptikbogen gehen stets gleichzeitig mit den gleichgroßen Äquatorbogen auf.

Es sei der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian,  $BE\Delta$  ein Halbkreis des Horizonts und  $AE\Gamma$  ein solcher des Äquators. Die Bogen  $ZH$  und  $\Theta K$  seien zwei Abschnitte der Ekliptik in der Lage, daß die beiden Punkte  $Z$  und  $\Theta$  jedesmal als der (durch Punkt  $E$  erst noch aufgehende oder schon aufgegangene) Frühlingsnachtgleichenpunkt angenommen seien, und daß  $ZH$  und  $\Theta K$  als beiderseits des Frühlingspunktes abgetragene gleichgroße Bogen (der Ekliptik), 20 ersterer durch Punkt  $H$  und letzterer durch Punkt  $K$ , ihren Aufgang bewerkstelligen. Meine Behauptung geht dahin, daß die mit jedem der beiden Bogen gleichzeitig aufgehenden Äquatorbogen gleichgroß sind, d. h. daß die Bogen  $ZE$  und  $\Theta E$  einander gleich sind. 25



Beweis. Man setze als die Pole des Äquators die Punkte  $A$  und  $M$  an und ziehe durch sie als Stücke größter Kreise Hei 119

die Bogen  $\Lambda EM$  und  $\Lambda \Theta$ , und außerdem noch die Bogen  $\Lambda K$ ,  $ZM$  und  $MH$ . Da nun die Bogen  $ZH$  und  $\Theta K$  (nach Annahme) gleichgroß sind, und da die durch  $K$  und  $H$  gehenden Parallelkreise vom Äquator gleichen Abstand haben<sup>a)</sup>,  
 5 so daß auch einerseits die Bogen  $\Lambda K$  und  $MH$ , andererseits die (Horizont-) Bogen  $EK$  und  $EH$  (s. S. 65,23) einander gleich sind, so erhalten wir je zwei (kongruente) sphärische Dreiecke mit gleichen Seiten, einerseits  $\triangle \Lambda K \Theta$  und  $\triangle MHZ$ , andererseits  $\triangle \Lambda EK$  und  $\triangle MEH$ .<sup>b)</sup> Infolgedessen sind ein-  
 10 ander gleich (in letzteren Dreiecken) die Winkel  $K\Lambda E$  und  $HME$ , und (in ersteren) die ganzen Winkel  $K\Lambda \Theta$  und  $HMZ$ . Folglich sind auch die Differenzen dieser Winkel ( $K\Lambda \Theta - K\Lambda E$  und  $HMZ - HME$ ) einander gleich, d. s. die (von je zwei gleichen Seiten eingeschlossenen) Winkel  $E\Lambda \Theta$  und  $EMZ$   
 15 (der Dreiecke  $E\Lambda \Theta$  und  $EMZ$ ). Folglich sind auch die Grundlinien (dieser Dreiecke), d. s. die Bogen  $ZE$  und  $\Theta E$ , einander gleich, was zu beweisen war.

II. Lehrsatz. Die Äquatorbogen, welche mit den gleichgroßen, d. h. beiderseits desselben Wendepunktes sich gleichweit erstreckenden Ekliptikbogen gleichzeitig aufgehen, sind zusammen gleich der Summe der Aufgänge dieser Äquatorbogen bei Sphaera recta.

Beweis. Gegeben sei der Meridiankreis  $AB\Gamma\Delta$  und von den Halbkreisen der des Horizonts  $BE\Delta$  und der des Äquators  $AE\Gamma$ .

30 Nun ziehe man zwei gleichgroße, d. h. vom Winterwendepunkt  
 Hei 120 ( $H$ ) gleichweit sich erstreckende Ekliptikbogen, einerseits den

a) Weil in gleichgroßer Entfernung beiderseits des Frühlingspunktes zwischen Äquator und Ekliptik gleichgroße Meridianbogen liegen.

b) Die dritten Seiten  $\Lambda \Theta$  und  $MZ$  der Dreiecke  $\Lambda K \Theta$  und  $MHZ$ , sowie die dritten Seiten  $\Lambda E$  und  $ME$  der Dreiecke  $\Lambda EK$  und  $MEH$  werden als Quadranten stillschweigend als gleich angenommen.

Bogen  $ZH$ , wobei  $Z$  als der Herbstnachtgleichenpunkt an- Ha  
genommen sei, anderseits den Bogen  $\Theta H$ , wobei  $\Theta$  als der  
Frühlingsnachtgleichenpunkt angenommen sei.<sup>a)</sup> Mithin ist  
 $H$  der gemeinsame Punkt ihres Aufgangs<sup>b)</sup> und des Horizonts,  
weil die Bogen  $ZH$  und  $\Theta H$  innerhalb desselben Parallel- 5  
kreises (durch  $H$ ) zum Äquator liegen, und deshalb selbst-  
verständlich der (Äquator-) Bogen  $\Theta E$  gleichzeitig mit dem  
(Ekliptik-) Bogen  $\Theta H$ , und der (Äquator-) Bogen  $Z E$  gleich-  
zeitig mit dem (Ekliptik-) Bogen  $Z H$  aufgeht.<sup>15)</sup> Es ist  
nun ohne weiteres klar, daß auch der ganze Bogen  $\Theta E Z$  10  
gleich ist den Aufgängen der Bogen  $Z H$  und  $\Theta H$  bei Sphaera  
recta. Denn wenn wir den Punkt  $K$  als den südlichen Pol  
des Äquators annehmen und durch ihn und  $H$  den Quadranten  
 $KH\Lambda$  eines größten Kreises ziehen, welcher bei Sphaera recta  
mit dem Horizont gleichbedeutend ist, so wird bei Sphaera 15  
recta  $\Theta\Lambda$  der mit dem (Ekliptik-) Bogen  $\Theta H$  gleichzeitig  
aufgehende (Äquator-) Bogen sein, und  $\Lambda Z$  der entsprechend  
mit dem (Ekliptik-) Bogen  $Z H$  aufgehende. Folglich ist die  
Summe der Bogen  $\Theta\Lambda$  und  $\Lambda Z$  gleich der Summe der Bogen  
 $\Theta E$  und  $E Z$  und bildet einen und denselben Bogen  $\Theta Z$ , 20  
was zu beweisen war.

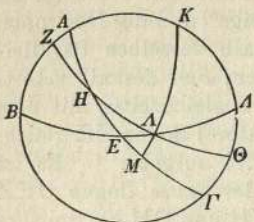
Mit Hilfe dieser Lehrsätze haben wir die Einsicht ge-  
wonnen, daß, wenn wir für einen einzigen Quadranten bei  
gegebener geographischer Breite die Einzelwerte der gleich-  
zeitigen Aufgänge berechnet haben, wir diese Aufgabe auch 25  
schon für die Aufgänge der drei übrigen Quadranten mit- Hei 191  
gelöst haben werden.

Es sei unter Festhaltung der dargelegten Verhältnisse  
wieder der Parallel von Rhodus zugrunde gelegt, wo der  
längste Tag  $14\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat, und die Polhöhe 30  
 $36^0$  beträgt.

a) Die falsche Figur des griechischen Textes ist von mir da-  
hin abgeändert worden, daß die Punkte  $Z$  und  $\Theta$  jenseits  
des oberen und unteren Meridians liegen. S. Anm. 15.

b) Insofern der in  $E$  beginnende Aufgang des Bogens  $ZH$   
in diesem Punkte endigt, und der in  $E$  endigende Aufgang des  
Bogens  $H\Theta$  in diesem Punkte beginnt.

- Ha 93 Es sei der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian,  $BE\Delta$  ein Halbkreis des Horizonts und  $AEG$  ein solcher des Äquators. Der Ekliptikhalbkreis  $ZH\Theta$  soll sich in der Lage befinden, daß  $H$  als der Frühlingspunkt angenommen sei. Nachdem der nördliche Pol des Äquators in Punkt  $K$  festgelegt ist, ziehe man durch ihn und den Schnittpunkt  $\Lambda$  der Ekliptik und des Horizonts den Quadranten  $K\Lambda M$  eines größten Kreises.



Es sei die Aufgabe gestellt, wenn der Bogen  $H\Lambda$  gegeben ist, den gleichzeitig mit ihm aufgehenden Äquatorbogen, d. i. den Bogen  $EH$  zu finden.

- 15 1. Der Bogen  $H\Lambda$  sei das Zeichen des Widders.

Es liegt wieder eine nur von größten Kreisen gebildete Figur vor, an welcher in die zwei Bogen  $E\Gamma$  und  $\Gamma K$  die in Punkt  $\Lambda$  einander schneidenden Bogen  $E\Delta$  und  $KM$  hineingezogen sind. Es gilt demnach (Satz A S. 49, 31)

Hei 122

$$\frac{s2b K\Delta}{s2b \Delta\Gamma} = \frac{s2b K\Lambda}{s2b \Lambda M} \cdot \frac{s2b ME}{s2b E\Gamma}$$

- 21 Nun ist  $2b K\Delta = 72^\circ$ , also  $s2b K\Delta = 70^P 32' 3''$ ,  
 $2b \Delta\Gamma = 108^{0a)}$  also  $s2b \Delta\Gamma = 97^P 4' 56''$ ,  
 $2b K\Lambda = 156^\circ 40' 1''$ , also  $s2b K\Lambda = 117^P 31' 15''$ ,  
 $2b \Lambda M = 23^\circ 19' 59''^{b)}$ , also  $s2b \Lambda M = 24^P 15' 57''$ .

- 25 Bringen wir also  $\frac{117^P 31' 15''}{24^P 15' 57''}$  auf die andere Seite der Gleichung, so erhalten wir

Ha 94

$$\frac{s2b ME}{s2b E\Gamma} = \frac{18^P 0' 5''}{120^P} \left( \text{aus } \frac{70^P 32' 3'' \cdot 24^P 15' 57''}{97^P 4' 56'' \cdot 117^P 31' 15''} \right)$$

a) Der einfache Bogen  $\Delta\Gamma$  ist Komplementbogen zur Polhöhe  $K\Delta$ .  
 b) Der einfache Bogen  $\Lambda M = 11^\circ 39' 59''$  ist der Meridianbogen zwischen Ekliptik und Äquator am 30. Grade der Ekliptik, der einfache Bogen  $K\Lambda$  Komplementbogen dazu.

Nun ist  $s2b\ E\Gamma = 120^p$ ,

folglich  $s2b\ ME = 18^p 0' 5''$ ,

also  $2b\ ME = 17^\circ 16'$  und  $b\ ME = 8^\circ 38'$ .

Da nun der ganze Bogen HM bei Sphaera recta gleichzeitig mit dem Bogen HΛ aufgeht, so ist, wie schon früher (S. 55, 20) nachgewiesen, der Bogen HM gleich  $27^\circ 50'$ ; folglich ergibt sich als Differenz (der Bogen HM und ME) der Bogen EH mit  $19^\circ 12'$ .

Gleichzeitig ist hiermit der Beweis für folgende zwei Punkte geliefert. Hel 193  
10

a) Auch das Zeichen der Fische geht mit  $19^\circ 12'$  auf.

b) Die Zeichen der Jungfrau und der Scheren gehen mit je  $36^\circ 28'$  auf, d. h. mit den Zeitgraden, welche übrig bleiben, wenn man  $19^\circ 12'$  von dem doppelten Aufgangsbogen bei Sphaera recta abzieht. 15  
15

Hiermit ist der erste Teil der Aufgabe gelöst.

2. Der Bogen HΛ betrage die  $60^\circ$  der beiden Zeichen des Widders und des Stiers zusammen.

Während die übrigen Größen unverändert bleiben, wird infolge der neuen Annahme 20

$$2b\ K\Lambda = 138^\circ 59' 42'', \quad \text{also } s2b\ K\Lambda = 112^p 23' 56'',$$

$$2b\ \Lambda M = 41^\circ 0' 18''^{(a)}, \quad \text{also } s2b\ \Lambda M = 42^p 1' 48''.$$

Bringen wir also  $\frac{112^p 23' 56''}{42^p 1' 48''}$  auf die andere Seite der Gleichung, so erhalten wir

$$\frac{s2b\ ME}{s2b\ E\Gamma} = \frac{32^p 36' 4''}{120^p} \left( \text{aus } \frac{70^p 32' 3'' \cdot 42^p 1' 48''}{97^p 4' 56'' \cdot 112^p 23' 56''} \right). \quad 25$$

Nun ist  $s2b\ E\Gamma = 120^p$ ,

folglich  $s2b\ ME = 32^p 36' 4''$ ,

also  $2b\ ME = 31^\circ 32'$  und  $b\ ME = 15^\circ 46'$ . Ha 95

a) Der einfache Bogen  $\Lambda M = 20^\circ 30' 9''$  ist der Meridianbogen zwischen Ekliptik und Äquator am  $60^\circ$  Grade der Ekliptik, der einfache Bogen  $K\Lambda$  Komplementbogen hierzu. Im griechischen Text ist  $\mu\alpha \vartheta \iota\eta$  hiernach richtigzustellen.

Nun ist gleichfalls früher (S. 56,7) bereits nachgewiesen, daß der ganze Bogen  $HM\ 57^{\circ}44'$  beträgt; folglich ergibt sich als Differenz (der Bogen  $HM$  und  $ME$ ) der Bogen  $EH$  mit  $41^{\circ}58'$ .

Der Widder und der Stier gehen demnach zusammen mit  $5\ 41^{\circ}58'$  auf, wovon auf den Widder nachgewiesenermaßen  $Hei\ 124\ 19^{\circ}12'$  entfallen; folglich geht das Zeichen des Stiers allein mit  $22^{\circ}46'$  auf.

Wie oben ergeben sich gleichzeitig wieder folgende zwei Punkte:

10 a) Auch das Zeichen des Wassermanns geht mit  $22^{\circ}46'$  auf.

b) Die Zeichen des Löwen und des Skorpions gehen mit je  $37^{\circ}2'$  auf, d. h. mit den Zeitgraden, welche übrig bleiben, wenn man  $22^{\circ}46'$  von dem doppelten Aufgangsbogen bei Sphaera recta abzieht.<sup>16)</sup>

3. Da der längste Tag  $14\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden hat, und der kürzeste  $9\frac{1}{2}$ , so ist klar, daß der Halbkreis vom Krebs bis zum Schützen mit  $217^{\circ}30'$  (d. i.  $15^{\circ} \times 14\frac{1}{2}$ ), und der Halbkreis vom Steinbock bis zu den Zwillingen mit  $142^{\circ}30'$  (d. i.  $15^{\circ} \times 9\frac{1}{2}$ ) aufgehen wird. Folglich werden die beiderseits des Frühlingspunktes gelegenen Quadranten mit je  $71^{\circ}15'$ , und die beiderseits des Herbstpunktes gelegenen mit je  $108^{\circ}45'$  aufgehen. Es werden demnach die (von jedem Ekliptikquadranten) noch übrigen Zeichen aufgehen:

25 a) Die Zeichen der Zwillinge und des Steinbocks mit je  $29^{\circ}17'$ , d. i. mit den Zeitgraden, welche an den  $71^{\circ}15'$ , die auf jeden (der beiderseits des Frühlingspunktes liegenden) Quadranten entfallen, noch fehlen (das ist also mit  $71^{\circ}15' - [19^{\circ}12' + 22^{\circ}46'] = 29^{\circ}17'$ ).

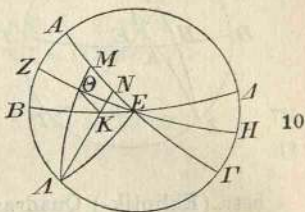
30 b) Die Zeichen des Krebses und des Schützen mit je  $35^{\circ}15'$ , d. i. mit den Zeitgraden, welche an den  $108^{\circ}45'$ , die auf jeden (der beiderseits des Herbstpunktes liegenden) Quadranten entfallen, noch fehlen (das ist demnach mit  $108^{\circ}45' - [36^{\circ}28' + 37^{\circ}2'] = 35^{\circ}15'$ ).

35 Es leuchtet ein, daß wir auf dieselbe Weise wie für die ganzen  
 $Hei\ 125$   
 $Ha\ 96$  Zeichen auch die gleichzeitigen Aufgänge für die kleineren Ekliptikstücke bestimmen könnten. Nach einer noch prak-

tischeren Methode lassen sich jedoch letztere auch auf folgende Weise berechnen.

Es sei zunächst der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian,  $BE\Delta$  ein Halbkreis des Horizonts,  $AE\Gamma$  ein solcher des Äquators und  $ZEH$  ein solcher der Ekliptik, wo-

bei der Schnittpunkt  $E$  im Frühlingspunkt angenommen sei. Auf dem letztgenannten Halbkreis trage man den beliebiggroßen Bogen  $E\Theta$  ab und ziehe das Stück  $\Theta K$  des durch  $\Theta$  zum Äquator parallel laufenden Kreises. Nachdem man den (südlichen) Pol  $\Lambda$  des Äquators festgelegt hat, ziehe man durch denselben als Bogen größter Kreise die Quadranten  $\Lambda\Theta M$ ,  $\Lambda KN$  und  $\Lambda E$ .

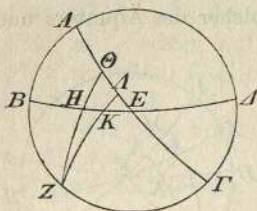


Es leuchtet ohne weiteres ein, daß das Ekliptikstück  $E\Theta$  bei Sphaera recta gleichzeitig mit dem Äquatorbogen  $EM$  aufgeht<sup>a)</sup>, bei Sphaera obliqua aber mit dem  $MN$  gleichen Bogen. Denn der Parallelkreisbogen  $K\Theta$ , mit welchem das Ekliptikstück  $E\Theta$  (bei Sphaera obliqua) gleichzeitig aufgeht, ist diesem Äquatorbogen  $MN$  ähnlich, und die ähnlichen Bogen der Parallelkreise gehen überall in gleichen Zeiten auf; folglich ist der Aufgang des Stückes  $E\Theta$  bei Sphaera obliqua um den Bogen  $EN$  kleiner als der Aufgang ( $EM$ ) bei Sphaera recta, womit der Nachweis geführt ist, daß allgemein, wenn solche Bogen größter Kreise wie  $\Lambda KN$  gezogen werden, der Bogen  $EN$  die Differenz darstellt zwischen den Aufgängen bei Sphaera recta und bei Sphaera obliqua von Ekliptikbogen, welche zwischen  $E$  und dem Schnittpunkt ( $\Theta$ ) des durch  $K$  gezogenen Parallelkreises liegen. Das sollte bewiesen werden.

Nach Erledigung dieser theoretischen Vorbemerkung sei nachstehende Figur vorgelegt, welche nur aus dem Meridian

a) Weil der Deklinationskreis  $\Lambda\Theta M$  bei Sphaera recta mit dem Horizont gleichbedeutend ist. S. S. 83,14.

und den Halbkreisen von Horizont und Äquator besteht. Durch den südlichen Pol  $Z$  des Äquators ziehe man als Bogen



größter Kreise die beiden Quadranten  $ZH\Theta$  und  $ZK\Lambda$ . Als der gemeinsame Punkt des durch den Winterwendepunkt gehenden Parallels und des Horizonts sei  $H$  angenommen,  $K$  als der gemeinsame Punkt (des Horizonts und) des durch den Anfang z. B. der Fische gezogenen Parallels; es kann aber auch irgendwelcher andere Abschnitt des

betr. (Ekliptik-) Quadranten ( $\alpha$  bis  $\gamma$ ) gegeben sein. Nun sind wieder in zwei Bogen  $Z\Theta$  und  $E\Theta$  größter Kreise zwei in  $K$  einander schneidende Bogen  $ZK\Lambda$  und  $EKH$  hineingezogen. Es gilt demnach (Satz A S. 49, 31)

$$\frac{s2b \Theta H}{s2b HZ} = \frac{s2b \Theta E}{s2b EA} \cdot \frac{s2b \Lambda K}{s2b KZ}.$$

Nun sind in dieser Gleichung für alle geographischen Breiten folgende Größen von vornherein gegeben:

20  $2b \Theta H$  ist der Bogen zwischen den Wendepunkten;

$2b HZ$  ist der Supplementbogen dazu;

$2b \Lambda K$  ist der doppelte Meridianbogen, dessen einfachen

Ha 98 Wert für jeden Ekliptikgrad die Tabelle der Schiefe liefert;

25  $2b KZ$  ist wieder der Supplementbogen dazu.

Folglich bleibt das Verhältnis  $\frac{s2b \Theta E}{s2b EA}$  in allen geographischen Breiten für dieselben Abschnitte des (Ekliptik-) Quadranten dasselbe.

Wenn wir demnach unter diesen Umständen den Unterschied des (Meridian-) Bogens  $\Lambda K$  in dem Quadranten vom Frühlingspunkt bis zum Winterwendepunkt immer von 10 zu 10 (Ekliptik-) Graden zunehmen lassen — denn die bis zu Bogen dieser Größe gehende Zerlegung (der Ekliptik) wird für den praktischen Bedarf ausreichend sein — so werden 35 wir als durchgehends unveränderliche Größen erhalten:

$$2b \Theta H = 47^{\circ} 42' 40'', \text{ also } s2b \Theta H = 48^{\text{P}} 31' 55'', \text{ Hei 128}$$

$$2b HZ = 132^{\circ} 17' 20'', \text{ also } s2b HZ = 109^{\text{P}} 44' 53''.$$

Desgleichen erhalten wir ein für allemal:

1. Für den Ekliptikbogen bei  $10^{\circ}$  Entfernung vom Frühlingspunkt ab nach dem Winterwendepunkt zu: 5

$$2b \Lambda K = 8^{\circ} 3' 16'', \text{ also } s2b \Lambda K = 8^{\text{P}} 25' 39'',$$

$$2b KZ = 171^{\circ} 56' 44'', \text{ also } s2b KZ = 119^{\text{P}} 42' 14'';$$

2. bei  $20^{\circ}$  Entfernung:

$$2b \Lambda K = 15^{\circ} 54' 6'', \text{ also } s2b \Lambda K = 16^{\text{P}} 35' 56'',$$

$$2b KZ = 164^{\circ} 5' 54'', \text{ also } s2b KZ = 118^{\text{P}} 50' 47''; \quad 10$$

3. bei  $30^{\circ}$  Entfernung:

$$2b \Lambda K = 23^{\circ} 19' 58'', \text{ also } s2b \Lambda K = 24^{\text{P}} 15' 56'',$$

$$2b KZ = 156^{\circ} 40' 2'', \text{ also } s2b KZ = 117^{\text{P}} 31' 15''; \quad \text{Ha 99}$$

4. bei  $40^{\circ}$  Entfernung:

$$2b \Lambda K = 30^{\circ} 8' 8'', \text{ also } s2b \Lambda K = 31^{\text{P}} 11' 43'', \quad \text{Hei 129}$$

$$2b KZ = 149^{\circ} 51' 52'', \text{ also } s2b KZ = 115^{\text{P}} 52' 19''; \quad 16$$

5. bei  $50^{\circ}$  Entfernung:

$$2b \Lambda K = 36^{\circ} 5' 46'', \text{ also } s2b \Lambda K = 37^{\text{P}} 10' 39'',$$

$$2b KZ = 143^{\circ} 54' 14'', \text{ also } s2b KZ = 114^{\text{P}} 5' 44'';$$

6. bei  $60^{\circ}$  Entfernung: 20

$$2b \Lambda K = 41^{\circ} 0' 18'', \text{ also } s2b \Lambda K = 42^{\text{P}} 1' 48'',$$

$$2b KZ = 138^{\circ} 59' 42'', \text{ also } s2b KZ = 112^{\text{P}} 23' 57'';$$

7. bei  $70^{\circ}$  Entfernung:

$$2b \Lambda K = 44^{\circ} 40' 22'', \text{ also } s2b \Lambda K = 45^{\text{P}} 36' 18'',$$

$$2b KZ = 135^{\circ} 19' 38'', \text{ also } s2b KZ = 110^{\text{P}} 59' 47''; \quad 25$$

8. bei  $80^{\circ}$  Entfernung:

$$2b \Lambda K = 46^{\circ} 56' 32'', \text{ also } s2b \Lambda K = 47^{\text{P}} 47' 40'',$$

$$2b KZ = 133^{\circ} 3' 28'', \text{ also } s2b KZ = 110^{\text{P}} 4' 16''.$$

Wenn wir in der oben (S. 88, 17) gewonnenen Gleichung<sup>a)</sup>

$$\text{für } \frac{s2b \Theta H}{s2b HZ} \text{ den (oben Z. 1. 2) gefundenen Wert } \frac{48^{\text{P}} 31'}{109^{\text{P}} 44'} \text{ ein-} \quad 30$$

a) An die Stelle der Übersetzung habe ich zur Erleichterung des Verständnisses die freie Wiedergabe treten lassen.

Ha 100) setzen und  $\frac{s2b \wedge K}{s2b KZ}$  auf dieselbe (linke) Seite der Gleichung  
 Hei 130) bringen, so erhalten wir eine für alle geographischen Breiten  
 geltende Formel zunächst in der Gestalt

$$\frac{48^p 31' \cdot s2b KZ}{109^p 44' \cdot s2b \wedge K} = \frac{s2b \Theta E}{s2b E \wedge}$$

5 Setzen wir nun für  $s2b KZ$  und  $s2b \wedge K$  die von Fall zu Fall ermittelten Werte ein, so vereinfacht sich, z. B. für den ersten Fall (S. 89, 6. 7), diese Formel zu

$$\frac{s2b \Theta E}{s2b E \wedge} = \frac{48^p 31' \cdot 119^p 42'}{109^p 44' \cdot 8^p 25'} \text{ d. i. } \frac{60^p}{9^p 33'}$$

10 Verfährt man auch übrigens derart, daß man jedenfalls einen Bruch mit dem Zähler  $60^p$  herbeiführt, so wird sich je nach der zugrunde gelegten Entfernung das Verhältnis von  $s2b \Theta E$  zu  $s2b E \wedge$  folgendermaßen gestalten.

	1.	Bei $10^\circ$	Entfernung ist	$s2b \Theta E : s2b E \wedge = 60^p : 9^p 33'$
	2.	" $20^\circ$	" " "	" = $60^p : 18^p 57'$
15	3.	" $30^\circ$	" " "	" = $60^p : 28^p 1'$
	4.	" $40^\circ$	" " "	" = $60^p : 36^p 33'$
	5.	" $50^\circ$	" " "	" = $60^p : 44^p 12'$
	6.	" $60^\circ$	" " "	" = $60^p : 50^p 44'$
	7.	" $70^\circ$	" " "	" = $60^p : 55^p 45'$
20	8.	" $80^\circ$	" " "	" = $60^p : 58^p 55'$

Ohne weiteres ist ersichtlich, daß wir  $s2b \Theta E$  für jede Breite als gegeben zu betrachten haben: es ist der in ebensoviele Raumgraden statt in Zeitgraden ausgedrückte Unterschied zwischen dem Nachtgleichtag und dem kürzesten  
 25 Tag (der betr. Breite, vgl. S. 61,6). Da also auch die zu diesem Bogen gehörige Sehne ( $s2b \Theta E$ ) gegeben ist, und da wir das Verhältnis dieser Sehne zu  $s2b E \wedge$  kennen, so wird sich auch (nach S. 49,2)  $s2b E \wedge$  und somit  $s2b E \wedge$  bestimmen lassen, wovon die Hälfte, d. i.  $b E \wedge$ , die oben  
 30 (S. 87,20 mit EN) bezeichnete (Aufgangs-) Differenz ausdrückt. Wir brauchen also nur diesen Bogen von den Aufgängen abzuziehen, welche bei Sphaera recta für den betr.

Ekliptikbogen gelten, um den Aufgang des nämlichen Bogens für die jeweilig angenommene Breite zu erhalten.

Es soll beispielshalber wieder die Neigung des durch Rhodus gehenden Parallels gegeben sein, für welchen

$$2b\Theta E = 37^{\circ}30', \text{ also } s2b\Theta E = 38^{\text{P}}34'. \quad 5$$

Setzt man diesen Wert<sup>a)</sup> in die (S. 90,8) gefundene Formel ein, so erhält man

$$\frac{38^{\text{P}}34'}{s2bE\Lambda} = \frac{60^{\text{P}}}{9^{\text{P}}33'} \text{ oder } \frac{60^{\text{P}}}{38^{\text{P}}34'} = \frac{9^{\text{P}}33'}{6^{\text{P}}8'}$$

D. h.: Wird  $s2b\Theta E$ , statt wie oben (S. 90,8) mit  $60^{\text{P}}$ , mit  $38^{\text{P}}34'$  angesetzt, so ändert sich der für  $s2bE\Lambda$  10 dort mit  $9^{\text{P}}33'$  ermittelte Wert zu  $6^{\text{P}}8'$ . In demselben Verhältnis reduziert sich demnach für die einzelnen Entfernungen der Wert von  $s2bE\Lambda$  folgendermaßen.

1.  $\frac{60^{\text{P}}}{38^{\text{P}}34'} = \frac{9^{\text{P}}33'}{6^{\text{P}}8'}$ , folglich  $s2bE\Lambda = 6^{\text{P}}8'$ , also  $bE\Lambda = 2^{\circ}56'$ ,<sup>b)</sup>
2. " =  $\frac{18^{\text{P}}57'}{12^{\text{P}}11'}$ , " " =  $12^{\text{P}}11'$ , " " =  $5^{\circ}50'$ , 15
3. " =  $\frac{28^{\text{P}}1'}{18^{\text{P}}0'}$ , " " =  $18^{\text{P}}0'$ , " " =  $8^{\circ}38'$ , Ha 101
4. " =  $\frac{36^{\text{P}}33'}{23^{\text{P}}29'}$ , " " =  $23^{\text{P}}29'$ , " " =  $11^{\circ}17'$ ,
5. " =  $\frac{44^{\text{P}}12'}{28^{\text{P}}25'}$ , " " =  $28^{\text{P}}25'$ , " " =  $13^{\circ}42'$ ,
6. " =  $\frac{50^{\text{P}}44'}{32^{\text{P}}37'}$ , " " =  $32^{\text{P}}37'$ , " " =  $15^{\circ}46'$ ,
7. " =  $\frac{55^{\text{P}}45'}{35^{\text{P}}52'}$ , " " =  $35^{\text{P}}52'$ , " " =  $17^{\circ}24'$ , 20
8. " =  $\frac{58^{\text{P}}55'}{37^{\text{P}}52'}$ , " " =  $37^{\text{P}}52'$ , " " =  $18^{\circ}24'$ .

a) An die Stelle der Übersetzung habe ich hier wieder die freie Wiedergabe treten lassen.

b) Der einfache Bogen mit Überspringung des zur Sehne  $6^{\text{P}}8'$  gehörigen doppelten Bogens  $5^{\circ}52'$ .

Auf den Quadranten entfällt natürlich der volle Betrag von  $18^{\circ}45'$  (d. i. die Hälfte des Unterschieds zwischen Nachtgleichentag und kürzestem Tage, vgl. S. 61, 7).

Da nun bei Sphaera recta für die von  $10^{\circ}$  zu  $10^{\circ}$  zunehmenden Bogen (d. s. Zeichendrittel) der in Zeitgraden ausgedrückte gleichzeitige Aufgang gegeben ist (durch sukzessives Addieren der S. 57 für jedes Zeichendrittel an sich gewonnenen Werte), so ist ersichtlich, daß wir von jedem der für Sphaera recta sich ergebenden Aufgänge den entsprechenden Betrag der durch  $bEA$  ausgedrückten Differenz nur zu subtrahieren brauchen, um die Aufgänge derselben Stücke in der zugrunde gelegten geographischen Breite (von Rhodus) zu erhalten. Das letzte Ergebnis ist schließlich der Betrag für den Aufgang eines jeden Zeichendrittels an sich.

Es geht demnach (für den Parallel von Rhodus) auf:

	1	der Ekl.bogen v. $10^{\circ}$ mit	$9^{\circ}10'$	—	$2^{\circ}56'$	=	$6^{\circ}14'$	; das Drittel an sich mit	$6^{\circ}14'$
	2.	„	„	$20^{\circ}$	„	$18^{\circ}25'$	—	$5^{\circ}50'$	= $12^{\circ}35'$ ; „
	3.	„	„	„	$30^{\circ}$	„	$27^{\circ}50'$	—	$8^{\circ}38'$
	4.	„	„	„	$40^{\circ}$	„	$37^{\circ}30'$	—	$11^{\circ}17'$
Ha 102	5.	„	„	„	$50^{\circ}$	„	$47^{\circ}28'$	—	$13^{\circ}42'$
	21	6.	„	„	„	$60^{\circ}$	„	$57^{\circ}44'$	—
		7.	„	„	„	$70^{\circ}$	„	$68^{\circ}18'$	—
		8.	„	„	„	$80^{\circ}$	„	$79^{\circ}5'$	—
		9.	„	„	„	$90^{\circ}$	„	$90^{\circ}0'$	—

Somit entfallen auf den ganzen Quadranten die (S. 61, 11) aus der halben Dauer des (kürzesten) Tages sich ergebenden  $71^{\circ}15'$ .

Nachdem diese Ergebnisse gewonnen sind, werden ohne weiteres wieder aus den oben (S. 83, 22) erörterten theoretischen Gründen zugleich auch die entsprechenden Aufgänge der übrigen Quadranten nachgewiesen sein.

Nachdem wir auf dieselbe Weise die auf jedes Zeichendrittel entfallenden Aufgangswerte auch für alle diejenigen übrigen Parallelkreise berechnet haben, welche gelegentlich in der Praxis in Betracht kommen können, werden wir dieselben zu angemessener Benutzung für künftige Zwecke in

a) D. i. der Überschuß der Aufgangszeit über das vorangehende Drittel:  $12^{\circ}35' - 6^{\circ}14' = 6^{\circ}21'$ .

Tabellenform bieten. Wir beginnen mit dem Parallel unter dem Äquator und gehen bis zu demjenigen, welcher die Dauer des längsten Tages auf 17 Stunden erhöht. Die Zunahme der Tage lassen wir um den Betrag einer halben Stunde vor sich gehen, weil der Unterschied von Beträgen, welche kleiner als eine halbe Stunde sind, im Vergleich zu den gleichgroßen nach gleichförmigen Sonnentagen gerechneten Beträgen ganz unbeträchtlich ist. Unter Voranstellung der 36 Abschnitte des Kreises von je  $10^0$  werden wir zu jedem nicht nur die Zeitgrade des ihm der geographischen Breite nach zukommen- den Aufgangs setzen, sondern auch die von Zeile zu Zeile sich ergebenden Summen dieser Zeitgrade. 5 10

### Achtes Kapitel.

**Die Tafeln der Aufgänge nach Zeichendritteln**  
gestalten sich folgendermaßen (s. S. 94—97).

{ Ha 103  
Hei 134

### Neuntes Kapitel.

**Einige spezielle Aufgaben, deren Lösung mit den Aufgängen zusammenhängt.**

Daß bei Darbietung der Aufgangszeiten in der vorliegenden praktischen Fassung alle übrigen Aufgaben, welche mit diesem Kapitel in Zusammenhang stehen, leicht zu lösen sind, und daß wir zu denselben weder geometrische Beweisführungen noch überflüssiges Tabellenmaterial brauchen, wird aus der Behandlung selbst, die wir hier folgen lassen, ersichtlich werden.<sup>17)</sup> 15

1. Es soll die Länge eines gegebenen Tages oder einer gegebenen Nacht bestimmt werden. Die Länge des Tages erhält man dadurch, daß man in der Tafel der betr. geographischen Breite die Zeitgrade von dem Grad an, in welchem die Sonne steht, bis zu dem diametral gegenüberliegenden Grad in der Richtung der Zeichenfolge abzählt, die Länge der Nacht dadurch, daß man die Zeitgrade von dem der Sonne diametral gegenüberliegenden Grad an bis 20

Zeichen	Drittel	Sphaera recta		Analtischer Meerbusen		Meroë	
		Pol- höhe 0° 0'	Längster Tag 12h	Pol- höhe 8° 25'	Längster Tag 12½ h	Pol- höhe 16° 27'	Längster Tag 13h
		Gr. Min.	Gradsummen	Gr. Min.	Gradsummen	Gr. Min.	Gradsummen
Widder	10 <sup>0</sup>	9° 10'	9° 10'	8° 35'	8° 35'	7° 58'	7° 58'
	20	9 15	18 25	8 39	17 14	8 5	16 3
	30	9 25	27 50	8 52	26 6	8 17	24 20
Stier	10	9 40	37 30	9 8	35 14	8 36	32 56
	20	9 58	47 28	9 29	44 43	9 1	41 57
	30	10 16	57 44	9 51	54 34	9 27	51 24
Zwillinge	10	10 34	68 18	10 15	64 49	9 56	61 20
	20	10 47	79 5	10 35	75 24	10 23	71 43
	30	10 55	90 0	10 51	86 15	10 47	82 30
Krebs	10	10 55	100 55	10 59	97 14	11 3	93 33
	20	10 47	111 42	10 59	108 13	11 11	104 44
	30	10 34	122 16	10 53	119 6	11 12	115 56
Löwe	10	10 16	132 32	10 41	129 47	11 5	127 1
	20	9 58	142 30	10 27	140 14	10 55	137 56
	30	9 40	152 10	10 12	150 26	10 44	148 40
Jungfrau	10	9 25	161 35	9 58	160 24	10 33	159 13
	20	9 15	170 50	9 51	170 15	10 25	169 38
	30	9 10	180 0	9 45	180 0	10 22	180 0
Wage	10	9 10	189 10	9 45	189 45	10 22	190 22
	20	9 15	198 25	9 51	199 36	10 25	200 47
	30	9 25	207 50	9 58	209 34	10 33	211 20
Skorpion	10	9 40	217 30	10 12	219 46	10 44	222 4
	20	9 58	227 28	10 27	230 13	10 55	232 59
	30	10 16	237 44	10 41	240 54	11 5	244 4
Schütze	10	10 34	248 18	10 53	251 47	11 12	255 16
	20	10 47	259 5	10 59	262 46	11 11	266 27
	30	10 55	270 0	10 59	273 45	11 3	277 30
Steinbock	10	10 55	280 55	10 51	284 36	10 47	288 17
	20	10 47	291 42	10 35	295 11	10 23	298 40
	30	10 34	302 16	10 15	305 26	9 56	308 36
Wasser- mann	10	10 16	312 32	9 51	315 17	9 27	318 3
	20	9 58	322 30	9 29	324 46	9 1	327 4
	30	9 40	332 10	9 8	333 54	8 36	335 40
Fische	10	9 25	341 35	8 52	342 46	8 17	343 57
	20	9 15	350 50	8 39	351 25	8 5	352 2
	30	9 10	360 0	8 35	360 0	7 58	360 0

Zeichen	Drittel	Soëne		Unter- Aegypten		Rhodus	
		Pol- höhe 23° 51'	Längster Tag 13½ h	Pol- höhe 30° 22'	Längster Tag 14 h	Pol- höhe 36°	Längster Tag 14½ h
		Gr. Min.	Gradsummen	Gr. Min.	Gradsummen	Gr. Min.	Gradsummen
Widder	10 <sup>0</sup>	7° 23'	7° 23'	6° 48'	6° 48'	6° 14'	6° 14'
	20	7 29	14 52	6 55	13 43	6 21	12 35
	30	7 45	22 37	7 10	20 53	6 37	19 12
Stier	10	8 4	30 41	7 33	28 26	7 1	26 13
	20	8 31	39 12	8 2	36 28	7 33	33 46
	30	9 3	48 15	8 37	45 5	8 12	41 58
Zwillinge	10	9 36	57 51	9 17	54 22	8 56	50 54
	20	10 11	68 2	10 0	64 22	9 47	60 41
	30	10 43	78 45	10 38	75 0	10 34	71 15
Krebs	10	11 7	89 52	11 12	86 12	11 16	82 31
	20	11 23	101 15	11 34	97 46	11 47	94 18
	30	11 32	112 47	11 51	109 37	12 12	106 30
Löwe	10	11 29	124 16	11 55	121 32	12 20	118 50
	20	11 25	135 41	11 54	133 26	12 23	131 13
	30	11 16	146 57	11 47	145 13	12 19	143 32
Jungfrau	10	11 5	158 2	11 40	156 53	12 13	155 45
	20	11 1	169 3	11 35	168 28	12 9	167 54
	30	10 57	180 0	11 32	180 0	12 6	180 0
Wage	10	10 57	190 57	11 32	191 32	12 6	192 6
	20	11 1	201 58	11 35	203 7	12 9	204 15
	30	11 5	213 3	11 40	214 47	12 13	216 28
Skorpion	10	11 16	224 19	11 47	226 34	12 19	228 47
	20	11 25	235 44	11 54	238 28	12 23	241 10
	30	11 29	247 13	11 55	250 23	12 20	253 30
Schütze	10	11 32	258 45	11 51	262 14	12 12	265 42
	20	11 23	270 8	11 34	273 48	11 47	277 29
	30	11 7	281 15	11 12	285 0	11 16	288 45
Steinbock	10	10 43	291 58	10 38	295 38	10 34	299 19
	20	10 11	302 9	10 0	305 38	9 47	309 6
	30	9 36	311 45	9 17	314 55	8 56	318 2
Wasser- mann	10	9 3	320 48	8 37	323 32	8 12	326 14
	20	8 31	329 19	8 2	331 34	7 33	333 47
	30	8 4	337 23	7 33	339 7	7 1	340 48
Fische	10	7 45	345 8	7 10	346 17	6 37	347 25
	20	7 29	352 37	6 55	353 12	6 21	353 46
	30	7 23	360 0	6 48	360 0	6 14	360 0

Zeichen	Drittel	Hellespont		Mitte Pontus		Münd. des Borysthenes	
		Pol- höhe 40°56'	Längster Tag 15 <sup>h</sup>	Pol- höhe 45°1'	Längster Tag 15½ <sup>h</sup>	Pol- höhe 48°	Längster Tag 16 <sup>h</sup>
		Gr. Min.	Gradsommen	Gr. Min.	Gradsommen	Gr. Min.	Gradsommen
Widder	10 <sup>0</sup>	5° 40'	5° 40'	5° 8'	5° 8'	4° 36'	4° 36'
	20	5 47	11 27	5 14	10 22	4 43	9 19
	30	6 5	17 32	5 33	15 55	5 1	14 20
Stier	10	6 29	24 1	5 58	21 53	5 26	19 46
	20	7 4	31 5	6 34	28 27	6 5	25 51
	30	7 46	38 51	7 20	35 47	6 52	32 43
Zwillinge	10	8 38	47 29	8 15	44 2	7 53	40 36
	20	9 32	57 1	9 19	53 21	9 5	49 41
	30	10 29	67 30	10 24	63 45	10 19	60 0
Krebs	10	11 21	78 51	11 26	75 11	11 31	71 31
	20	12 2	90 53	12 15	87 26	12 29	84 0
	30	12 30	103 23	12 53	100 19	13 15	97 15
Löwe	10	12 46	116 9	13 12	113 31	13 40	110 55
	20	12 52	129 1	13 22	126 53	13 51	124 46
	30	12 51	141 52	13 22	140 15	13 54	138 40
Jungfrau	10	12 45	154 37	13 17	153 32	13 49	152 29
	20	12 43	167 20	13 16	166 48	13 47	166 16
	30	12 40	180 0	13 12	180 0	13 44	180 0
Wage	10	12 40	192 40	13 12	193 12	13 44	193 44
	20	12 43	205 23	13 16	206 28	13 47	207 31
	30	12 45	218 8	13 17	219 45	13 49	221 20
Skorpion	10	12 51	230 59	13 22	233 7	13 54	235 14
	20	12 52	243 51	13 22	246 29	13 51	249 5
	30	12 46	256 37	13 12	259 41	13 40	262 45
Schütze	10	12 30	269 7	12 53	272 34	13 15	276 0
	20	12 2	281 9	12 15	284 49	12 29	288 29
	30	11 21	292 30	11 26	296 15	11 31	300 0
Steinbock	10	10 29	302 59	10 24	306 39	10 19	310 19
	20	9 32	312 31	9 19	315 58	9 5	319 24
	30	8 38	321 9	8 15	324 13	7 53	327 17
Wasser- mann	10	7 46	328 55	7 20	331 33	6 52	334 9
	20	7 4	335 59	6 34	338 7	6 5	340 14
	30	6 29	342 28	5 58	344 5	5 26	345 40
Fische	10	6 5	348 33	5 33	349 38	5 1	350 41
	20	5 47	354 20	5 14	354 52	4 43	355 24
	30	5 40	360 0	5 8	360 0	4 36	360 0

Zeichen	Drittel	Süd-Brettania		Münd. des Tanais	
		Polhöhe 51°30'	Längster Tag 16½ <sup>h</sup>	Polhöhe 54°1'	Längster Tag 17 <sup>h</sup>
		Gr. Min.	Gradsummen	Gr. Min.	Gradsummen
Widder	10 <sup>o</sup>	4° 5'	4° 5'	3° 36'	3° 36'
	20	4 12	8 17	3 43	7 19
	30	4 31	12 48	4 0	11 19
Stier	10	4 56	17 44	4 26	15 45
	20	5 34	23 18	5 4	20 49
	30	6 25	29 43	5 56	26 45
Zwillinge	10	7 29	37 12	7 5	33 50
	20	8 49	46 1	8 33	42 23
	30	10 14	56 15	10 7	52 30
Krebs	10	11 36	67 51	11 43	64 13
	20	12 45	80 36	13 1	77 14
	30	13 39	94 15	14 3	91 17
Löwe	10	14 7	108 22	14 36	105 53
	20	14 22	122 44	14 52	120 45
	30	14 24	137 8	14 54	135 39
Jungfrau	10	14 19	151 27	14 50	150 29
	20	14 18	165 45	14 47	165 16
	30	14 15	180 0	14 44	180 0
Wage	10	14 15	194 15	14 44	194 44
	20	14 18	208 33	14 47	209 31
	30	14 19	222 52	14 50	224 21
Skorpion	10	14 24	237 16	14 54	239 15
	20	14 22	251 38	14 52	254 7
	30	14 7	265 45	14 36	268 43
Schütze	10	13 39	279 24	14 3	282 46
	20	12 45	292 9	13 1	295 47
	30	11 36	303 45	11 43	307 30
Steinbock	10	10 14	313 59	10 7	317 37
	20	8 49	322 48	8 33	326 10
	30	7 29	330 17	7 5	333 15
Wassermann	10	6 25	336 42	5 56	339 11
	20	5 34	342 16	5 4	344 15
	30	4 56	347 12	4 26	348 41
Fische	10	4 31	351 43	4 0	352 41
	20	4 12	355 55	3 43	356 24
	30	4 5	360 0	3 36	360 0

zu demjenigen abzählt, in welchem die Sonne steht. Nimmt man von der gefundenen Summe der Zeitgrade den fünfzehnten Teil, so erhält man die Äquinoktialstunden des in Frage stehenden Intervalls; nimmt man aber den zwölf-  
 5 ten Teil, so erhält man die Zeitgrade, welche auf die bürgerliche Stunde des nämlichen Intervalls entfallen.

2. Bequemer wird die Länge der bürgerlichen Stunde folgendermaßen gefunden. Aus den vorstehenden Tafeln der Aufgänge entnimmt man sowohl für den Parallel unter dem Äquator als auch für den der in Frage stehenden geogra-  
 11 phischen Breite, wenn es sich um den Tag handelt, die bei dem Grad der Sonne angesetzte Aufgangssumme, wenn um die Nacht, die bei dem diametral gegenüberliegenden Grad  
 Hei 143  
 Ha 110) stehende, und bildet die Differenz beider. Von der so ge-  
 15 fundenen Differenz nimmt man den sechsten Teil. Liegt der Grad, mit dem man in die Tafel eingegangen war, auf dem nördlichen Halbkreis (d. i. nach dem Frühlingspunkt), so addiert man dieses Sechstel zu den 15 Zeitgraden der Äquinoktialstunde, liegt er aber auf dem südlichen Halbkreis  
 20 (d. i. nach dem Herbstpunkt), so subtrahiert man dasselbe von ebendiesen 15 Zeitgraden<sup>a)</sup> und erhält auf diese Weise die Zahl der Zeitgrade der in Frage stehenden bürgerlichen Stunde.

3. Sind bürgerliche Stunden gegeben, so verwandelt man  
 25 dieselben in Äquinoktialstunden dadurch, daß man mit ihnen (d. i. mit ihrer Anzahl), wenn es Tagstunden sind, die Zeitgrade multipliziert, welche in der betr. geographischen Breite auf die bürgerliche Stunde dieses Tages entfallen, sind es Nachtstunden, die auf die Nachtstunde entfallenden Zeitgrade.  
 30 Nimmt man von dem Produkt den fünfzehnten Teil, so erhält man die Anzahl der Äquinoktialstunden.

Umgekehrt verwandelt man gegebene Äquinoktialstunden in bürgerliche dadurch, daß man sie (d. i. ihre Anzahl) mit 15 multipliziert und das Produkt durch die gegebenen Zeit-

a) Weil nach der Frühlingsgleiche die bürgerlichen Stunden länger, nach der Herbstgleiche kürzer als die Äquinoktialstunden werden.

grade, welche auf die bürgerliche Stunde des betr. Intervalls entfallen, dividiert.

4. Wenn die Länge irgendeiner beliebigen bürgerlichen Stunde gegeben ist, so läßt sich bestimmen

a) der zurzeit aufgehende Grad der Ekliptik. Man 5  
multipliziert die auf die gegebene Stunde entfallenden Zeitgrade, wenn es Tagstunden sind, mit der Zahl der seit Sonnenaufgang verflommenen bürgerlichen Stunden, sind es Nachtstunden, mit der Zahl der seit Sonnenuntergang verflommenen. Die erhaltene Zahl zählt man, wenn es sich Hei 144  
um den Tag handelt, von dem Grad der Sonne an, wenn 11  
um die Nacht, von dem diametral gegenüberliegenden Grad an nach Maßgabe der Aufgänge der zugrunde gelegten geographischen Breite in der Richtung der Zeichenfolge ab<sup>a)</sup> und sagt, daß der Grad, auf welchen die Zahl ausgeht, zurzeit aufgehe. Ha 111  
16

b) der über dem Horizont kulminierende Grad. Man multipliziert die auf die gegebene bürgerliche Stunde entfallenden Zeitgrade mit der Zahl der bürgerlichen Stunden, welche jedesmal seit dem verflommenen Mittag bis zu der gegebenen 20  
Stunde vergangen sind. Die herauskommende Zahl zählt man von dem Grad der Sonne an nach Maßgabe der Aufgänge bei Sphaera recta in der Richtung der Zeichenfolge ab, dann wird der Grad, auf welchen die Zahl ausgeht, zurzeit über dem Horizont kulminieren. 25

5. Gleicherweise wird man den über dem Horizont kulminierenden Grad von dem aufgehenden aus erhalten, wenn man zunächst nach der Zahl der Aufgangssumme sieht, welche in der Tafel der betr. geographischen Breite bei dem aufgehenden Grad steht. Dann zieht man von dieser Summe 30  
jedesmal die 90 Zeitgrade des Quadranten ab und wird aus der Durchgangssumme<sup>b)</sup> der Spalte bei Sphaera recta den

a) D. h. man addiert sie zu den Graden, welche die Sonne vom Frühlingspunkt ab hinter sich hat.

b) Da es sich um einen kulminierenden Grad handelt, so ist die in der dritten Spalte stehende Summe bei Sphaera recta als Durchgangssumme zu bezeichnen.



bei der (erhaltenen) Zahl stehenden Grad als denjenigen finden, welcher zurzeit über dem Horizont kulminiert.

Umgekehrt läßt sich aus dem über dem Horizont kulminierenden Grad der aufgehende folgendermaßen bestimmen.

5 Man sieht zunächst wieder nach der bei dem kulminierenden Grad stehenden Zahl der Durchgangssumme in der Spalte bei Sphaera recta. Dann addiert man dazu jedesmal wieder die (vorhin abgezogenen) 90 Zeitgrade und  
 Hei 145 ersieht aus der (so erhaltenen) Aufgangssumme der zugrunde  
 10 gelegten geographischen Breite den Grad, welcher bei der (erhaltenen) Zahl steht, und mit diesem wird der zurzeit aufgehende Grad gefunden sein.

6. Keiner besonderen Erläuterung bedürfen folgende zwei Punkte.

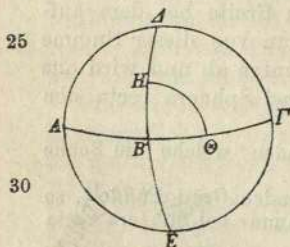
15 a) Für die unter demselben Meridian liegenden Orte beträgt der (jeweilige) Abstand der Sonne von dem Mittag oder der Mitternacht die gleichen Äquinoktialstunden.

b) Für die nicht unter demselben Meridian liegenden Orte wird der Unterschied (der Ortszeit) ebensoviele Zeitgrade ausmachen, als der räumliche Abstand von Meridian zu Meridian Raumgrade beträgt.<sup>1)</sup>

## Zehntes Kapitel.

### Die von der Ekliptik und dem Meridian gebildeten Winkel.

Es bleibt für die vorliegende theoretische Erörterung noch die Rücksichtnahme auf die Winkel übrig, ich meine, auf die Winkel, welche mit der Ekliptik gebildet werden. Da müssen wir folgende Erklärung vorausschicken.



Von größten Kreisen wird ein (sphärischer) rechter Winkel ( $\sphericalangle$  HB $\Theta$ ) gebildet, wenn man um den gemeinsamen Schnittpunkt (B) der Kreise als Pol mit beliebigem Abstand (BH)

einen Kreis ziehen kann, so daß der Bogen ( $H\Theta$ ) desselben, welcher von den den (sphärischen) Winkel bildenden Kreisabschnitten ( $BH$  und  $B\Theta$ ) begrenzt wird, einen Quadranten ( $H\Theta$ ) des beschriebenen Kreises ausmacht.

Hei 146

In allgemeiner Fassung lautet diese Erklärung: in demselben Verhältnis, in welchem der abgetrennte Bogen zu dem nach Vorschrift beschriebenen Kreise steht, steht auch der von der Neigung der Ebenen (der sich schneidenden größten Kreise) gebildete Winkel zu vier Rechten. Da wir nun die Einteilung des Kreisumfanges in 360 Teile annehmen, so wird folglich der den abgetrennten Bogen unterspannende Winkel ebensoviele solche Teile enthalten, deren 90 auf einen Rechten gehen, wieviele auf den abgetrennten Bogen von den 360 Teilen des Kreises entfallen.

5

10

Von den mit der Ekliptik gebildeten Winkeln sind für die vorliegende theoretische Erörterung ganz besonders brauchbar folgende in jeder einzelnen Lage (der Ekliptik):

Ha 113

16

1. die um den Schnittpunkt der Ekliptik mit dem Meridian herumliegenden Winkel;

2. die um den Schnittpunkt der Ekliptik mit dem Horizont herumliegenden;

20

3. die um den Schnittpunkt der Ekliptik mit dem durch die Pole des Horizonts gezogenen größten (Höhen-) Kreis herumliegenden. Mit den Winkeln letzterer Art werden zugleich auch die Bogen mit nachgewiesen<sup>a)</sup>, welche auf diesem (Höhen-) Kreis zwischen dem Schnittpunkt der Ekliptik und dem Pol des Horizonts, d. i. dem Zenit, liegen.

25

Sämtliche Nachweise vorstehend bezeichneter Größen haben schon für die Theorie an sich eine ganz außerordentliche Bedeutung, die allerwertvollste Beihilfe aber gewähren sie für die Untersuchung der Parallaxen des Mondes, da die Bestimmung derselben ohne die Vorbesprechung dieser Verhältnisse überhaupt gar nicht gelingen kann.

30

Da es stets vier Winkel sind, welche um den Schnittpunkt der beiden Kreise, d. i. der Ekliptik und der mit

Hei 147

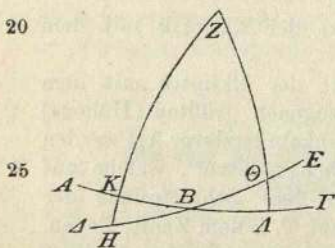
a) Vgl. den Anfang von Kap. 12 S. 112, 6.

ihr sich kreuzenden Kreise, herumliegen, unsere Untersuchung sich aber nur mit einem dieser Winkel beschäftigen wird, für den seine gleichbleibende Lage das charakteristische Merkmal liefert, so muß für die Definition dieses Winkels  
 5 vorausbemerkt werden, daß von den zwei Winkeln, welche beiderseits des östlich vom gemeinsamen Schnittpunkt verlaufenden Ekliptikbogens gebildet werden, allgemein der nördliche als der maßgebende zu betrachten ist. Die Eigenschaften und Größenbeträge, welche wir im Begriff  
 10 stehen nachzuweisen, gelten ausschließlich für die dieser Definition entsprechenden Winkel.

Weil der Nachweis der Winkel, welche die Ekliptik der Theorie nach mit dem Meridian bildet, der einfachere ist, so wollen wir mit diesen Winkeln den Anfang machen.

15 Zunächst sind folgende zwei Sätze zu beweisen.

Ha 114 A. Die oben definierten Winkel, welche in den von demselben Nachtgleichenpunkt gleichweit entfernten Punkten der Ekliptik gebildet werden, sind einander gleich.



Es sei  $AB\Gamma$  ein Bogen des Äquators und  $\triangle BE$  ein solcher der Ekliptik. Pol des Äquators sei  $Z$ . Zu beiden Seiten des Nachtgleichenpunktes  $B$  trage man die beiden gleichgroßen Bogen  $BH$  und  $B\Theta$  ab und ziehe durch den Pol  $Z$  und die Punkte  $H, \Theta$  die Meridianbogen  $ZKH$  und  $Z\Theta\Lambda$ . Meine

Behauptung geht dahin, daß

30  $\sphericalangle KHB = \sphericalangle Z\Theta E$ .

Beweis. Das ist ohne weiteres klar. Das sphärische Dreieck  $BKH$  ist nämlich gleichwinklig mit dem sphärischen Dreieck  $B\Lambda\Theta$ , weil in jedem die drei einander entsprechenden Seiten gleich sind. Denn einander gleich sind die  
 35 Bogen  $BH$  und  $B\Theta$  (nach Konstruktion), ferner die Bogen  $BK$  und  $B\Lambda$  (nach der Tabelle der Schiefe I. Buch, 15. Kap.),

endlich die Bogen BK und BA (nach Lehrs. I S. 81, 16). Dies alles ist ja schon früher nachgewiesen. Folglich ist

$$\sphericalangle KHB = \sphericalangle B\theta\Lambda.$$

Nun ist  $\sphericalangle B\theta\Lambda = \sphericalangle Z\theta E$ , (als Scheitelwinkel)  
folglich auch  $\sphericalangle KHB = \sphericalangle Z\theta E$ , was nachzuweisen war. 5

B. Die Summe der beiden Winkel, welche in den von demselben Wendepunkt gleichweit entfernten Punkten der Ekliptik mit dem Meridian gebildet werden, ist gleich zwei Rechten.

Es sei  $AB\Gamma$  ein Bogen der Ekliptik, wobei B als Wendepunkt angenommen sei. Zu beiden Seiten desselben trage man die beiden gleichgroßen Bogen  $B\Delta$  und  $BE$  ab und ziehe durch die Punkte  $\Delta$ ,  $E$  und den Pol  $Z$  des Äquators die Meridianbogen  $Z\Delta$  und  $ZE$ . Meine Behauptung geht dahin, daß

$$\sphericalangle Z\Delta B + \sphericalangle ZE\Gamma = 2R.$$

Beweis. Auch dies ist ohne weiteres klar. Da die Punkte  $\Delta$  und  $E$  gleichweit von demselben Wendepunkt entfernt sind, so ist

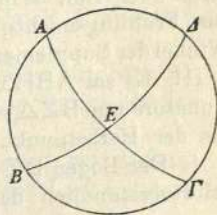
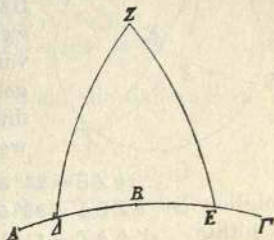
$$b\Delta Z = bZE,^a)$$

$$\text{also } \sphericalangle Z\Delta B = \sphericalangle ZEB.^b)$$

Nun ist  $\sphericalangle ZEB + \sphericalangle ZE\Gamma = 2R$ , (als Nebenwinkel)  
folgl. auch  $\sphericalangle Z\Delta B + \sphericalangle ZE\Gamma = 2R$ ,  
was zu beweisen war.

Diese beiden theoretischen Sätze mußten der weiteren Erörterung vorausgeschickt werden.

I. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian und  $A\epsilon\Gamma$  ein Halbkreis der Ekliptik, wobei Punkt A als der Winterwende-



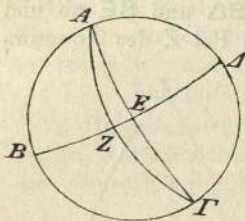
a) Als die Komplementbogen von zwischen Äquator und Ekliptik liegenden gleichgroßen Meridianbogen.

b) Als die Winkel an der Basis des gleichschenkligen sphärischen Dreiecks  $\Delta ZE$ .

punkt angenommen sei.<sup>a)</sup> Um den Punkt A als Pol ziehe man mit der Seite des (eingeschriebenen) Quadrats (vgl. S. 27, 19) als Abstand den Halbkreis BEΔ. Da nun der Meridian ABΓΔ sowohl durch die Pole von AΕΓ, als auch durch die von BEΔ geht, so ist der Bogen EΔ gleich einem Quadranten (nach Theod. I. 9), und folglich  $\sphericalangle \Delta A E$  ein Rechter. Nach dem oben bewiesenen Satz (A S. 102, 16) ist aber auch der am Sommerwendepunkt (Γ) gebildete (östliche) Winkel ein Rechter, was nachzuweisen war.

Hei 150 II. Es sei ABΓΔ der Meridian und AΕΓ ein Halbkreis des Äquators. Der Halbkreis AZΓ der Ekliptik sei so gezogen, daß A der Herbstnachtgleichenpunkt sei. Um den

Ha 116  
15



Punkt A als Pol ziehe man mit der Seite des Quadrats als Abstand den Halbkreis BZEΔ.<sup>b)</sup> Wie oben sind, weil ABΓΔ sowohl durch die Pole von AΕΓ, als auch durch die von BEΔ geht, die Bogen AZ und EΔ Quadranten. Folglich ist Z der Winterwendepunkt und daher

20

$b \ Z E = 23^{\circ} 51'$ , wie (S. 44, 22) nachgewiesen ist.

Folglich ist  $b \ Z E \Delta = 23^{\circ} 51' + 90^{\circ} = 113^{\circ} 51'$ ,

mithin  $\sphericalangle \Delta A Z = 113^{\circ} 51'$  wie  $1 R = 90^{\circ}$ .

Nach dem oben (S. 103, 6) bewiesenen Satz (B, weil gleichweit vom Winterwendepunkt entfernt) ist aber der am Frühlingsnachtgleichenpunkt (Γ) gebildete (östliche) Winkel der Supplementwinkel des  $\sphericalangle \Delta A Z$ , d. i. gleich  $66^{\circ} 9'$ .

III. Es sei ABΓΔ der Meridian, AΕΓ ein Halbkreis des Äquators und BZΔ ein solcher der Ekliptik, so daß Punkt Z als der Herbstpunkt angenommen sei.

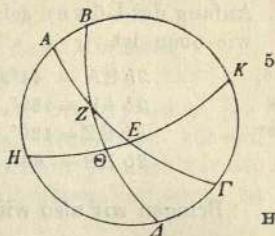
Hei 151 1. Der Bogen BZ sei das Zeichen der Jungfrau und B selbstverständlich der Anfang der Jungfrau. Nun ziehe

a) Demnach fällt der Meridian mit dem Kolor der Wendepunkte zusammen, so daß E Frühlingspunkt ist. S. erl. Anm. 15.

b) ABΓΔ ist der Kolor der Nachtgleichen, BZEΔ ein Halbkreis des Kolors der Wendepunkte.

man wieder um B als Pol mit der Seite des Quadrats als Abstand den Halbkreis HΘEK. Es sei die Aufgabe gestellt den  $\sphericalangle$ KBΘ zu finden.

Da der Meridian ABΓΔ sowohl durch die Pole von AEG, als auch durch die von HEK geht, so ist jeder der Bogen BH, BΘ und EH gleich einem Quadranten. Wie die Figur zeigt, gilt (Satz A S. 49, 31)



$$\frac{s2b\ BA}{s2b\ AH} = \frac{s2b\ BZ}{s2b\ Z\Theta} \cdot \frac{s2b\ \Theta E}{s2b\ EH}.$$

Ha 117

Wie früher nachgewiesen (s. Tabelle der Schiefe zu  $30^0$ ), ist 11

$$2b\ BA = 23^0\ 20', \text{ also } s2b\ BA = 24^p\ 16',$$

$$2b\ AH = 156^0\ 40', \text{ also } s2b\ AH = 117^p\ 31',$$

$$2b\ BZ = 60^0, \text{ also } s2b\ BZ = 60^p,$$

$$2b\ Z\Theta = 120^0, \text{ also } s2b\ Z\Theta = 103^p\ 55'\ 23''.$$

Hai 152

Bringen wir also wieder  $\frac{60^p}{103^p\ 55'\ 23''}$  auf die andere Seite 16

der Gleichung, so erhalten wir

$$\frac{s2b\ \Theta E}{s2b\ EH} = \frac{42^p\ 58'}{120^p} \left( \text{aus } \frac{24^p\ 16' \cdot 103^p\ 55'\ 23''}{117^p\ 31' \cdot 60^p} \right).$$

Nun ist  $s2b\ EH = 120^p$ ,

folglich  $s2b\ \Theta E = 42^p\ 58'$ , also  $2b\ \Theta E = 42^0$  und  $b\ \Theta E = 21^0\ 20$

Mithin ist der ganze Bogen  $\Theta EK$  gleich  $21^0 + 90^0$ , d. i.  $\sphericalangle$ KBΘ =  $111^0$ .

Nach den vorher bewiesenen Sätzen ergibt sich:

a) Der Winkel am Anfang des Skorpions beträgt gleichfalls  $111^0$ .

25

b) Der Winkel am Anfang des Stiers und am Anfang der Fische ist gleich dem Supplementwinkel, d. i. gleich  $69^0$ , was zu beweisen war.<sup>a)</sup>

a) Gleichweit von dem Herbstpunkt entfernt (Satz A S. 102, 16) liegen Jungfrau und Skorpion, gleichweit vom Sommerwendepunkt (Satz B S. 103, 6) Stier und Jungfrau, gleichweit vom Winterwendepunkt Skorpion und Fische.

2. Es sei an derselben Figur der Bogen BZ gleich dem Bogen zweier Zeichen angenommen, so daß Punkt B der Anfang des Löwen sei. Unter den gleichen Voraussetzungen wie oben ist

Hr. 118	$2b BA = 41^{\circ, a)}$	also $s2b BA = 42^p 2'$ ,
6	$2b AH = 139^{\circ}$ ,	also $s2b AH = 112^p 24'$ ,
Hei 153	$2b BZ = 120^{\circ}$ ,	also $s2b BZ = 103^p 55' 23''$ ,
	$2b Z\Theta = 60^{\circ}$ ,	also $s2b Z\Theta = 60^p$ .

Bringen wir also wieder  $\frac{103^p 55' 23''}{60^p}$  auf die andere Seite 10 der Gleichung, so erhalten wir

$$\frac{s2b \Theta E}{s2b EH} = \frac{25^p 53'}{120^p} \left( \text{aus } \frac{42^p 2' \cdot 60^p}{112^p 24' \cdot 103^p 55' 23''} \right).$$

Nun ist  $s2b EH = 120^p$ ,

folglich  $s2b \Theta E = 25^p 53'$ , also  $2b \Theta E = 25^{\circ}$  und  $b \Theta E = 12^{\circ} 30'$ .

Mithin ist der ganze Bogen  $\Theta EK$  gleich  $12^{\circ} 30' + 90^{\circ}$ ,  
15 d. i.  $\sphericalangle KB\Theta = 102^{\circ} 30'$ .

Ferner ergibt sich aus denselben Gründen wie oben:

a) Der Winkel am Anfang des Schützen beträgt gleichfalls  $102^{\circ} 30'$ .

b) Der Winkel am Anfang der Zwillinge und am Anfang des Wassermanns ist gleich dem Supplementwinkel, d. i. gleich  $77^{\circ} 30'$ .<sup>b)</sup>

Wir sind hiermit am Ende unserer Nachweise angelangt. Ganz so wie bisher würde sich auch der Gang der Beweisführung bei den Ekliptikabschnitten von geringerer Gradzahl gestalten. Indessen genügt schon zur praktischen Anwendung der vorgetragenen Lehre der Ansatz von Zeichen zu Zeichen.

a) Der einfache Bogen =  $20^{\circ} 30'$  als Meridianbogen zwischen Ekliptik und Äquator zu  $60^{\circ}$  der Ekliptik.

b) Gleichweit von dem Herbstpunkt entfernt (Satz A S. 102, 16) liegen Löwe und Schütze, gleichweit vom Sommerwendepunkt (Satz B S. 103, 6) Löwe und Zwillinge, gleichweit vom Winterwendepunkt Schütze und Wassermann.

## Elftes Kapitel.

## Die von der Ekliptik und dem Horizont gebildeten Winkel.

Weiter werden wir zeigen, wie wir bei gegebener geographischer Breite auch die Winkel bestimmen können, welche von der Ekliptik mit dem Horizont gebildet werden, da auch diese vermittels eines einfacheren Verfahrens zu finden sind, als die übrigen.

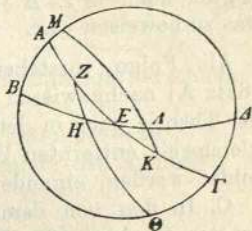
Daß bei Sphaera recta die mit dem Horizont gebildeten Winkel dieselben sind, wie die mit dem Meridian gebildeten, bedarf nicht der Erläuterung (s. S. 53, 19). Was aber die Gewinnung der bei Sphaera obliqua gebildeten Winkel anbelangt, so müssen zunächst wieder folgende Sätze bewiesen werden.

A. Die Winkel, welche in den von demselben Nachtgleichenpunkt gleichweit entfernten Punkten der Ekliptik mit dem Horizont gebildet werden, sind einander gleich.

Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian,  $AEG$  ein Halbkreis des Äquators und  $BE\Delta$  ein solcher des Horizonts. Man ziehe die zwei Ekliptikbogen  $ZH\Theta$  und  $K\Lambda M$  in der Lage, daß jeder der beiden Punkte  $K$  und  $Z$  (einmal vor und einmal nach Aufgang) als der Herbstnachtgleichenpunkt angenommen sei, und der Bogen  $ZH$  gleich sei dem Bogen  $K\Lambda$ .<sup>a)</sup> Meine Behauptung geht dahin, daß

$$\sphericalangle EH\Theta = \sphericalangle \Delta\Lambda K.$$

Beweis. Dies ist ohne weiteres klar. Das sphärische Dreieck  $EZH$  ist nämlich gleichwinklig mit dem sphärischen Dreieck  $E\Lambda K$ , weil in jedem



a) Zur Erklärung der Figur diene:  $H$  ist der Anfang des Zeichens des Skorpions,  $\Lambda$  der Anfang des Zeichens der Jungfrau. Diese beiden Zeichen haben demnach denselben Aufgangswinkel.

die drei einander entsprechenden Seiten nach den früher geführten Beweisen gleich sind. Es ist

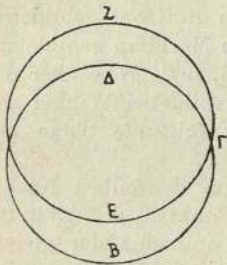
Bogen  $ZH =$  Bogen  $K\Lambda$ , (nach Annahme)

Horizontabschnitt  $HE =$  Horizontabschnitt  $E\Lambda$ , (nach S. 82, 6)

5 Aufgangsbogen  $EZ =$  Aufgangsbogen  $E\Lambda$ , (nach Satz I  
folglich  $\sphericalangle EHZ = \sphericalangle E\Lambda K$ , [S. 81, 16])

mithin auch  $\sphericalangle EHO = \sphericalangle \Delta\Lambda K$  als die zugehörigen Nebenwinkel, was zu beweisen war.

B. In diametral gegenübergelegenen Punkten ist der  
10 Aufgangswinkel des einen Punktes  
Ha 120 und der Untergangswinkel des anderen Punktes in Summa gleich zwei Rechten.



(D. i.  $\sphericalangle Z\Gamma\Delta + \sphericalangle \Delta\Lambda E = 2R$ .)

15 Beweis. Wenn wir den Kreis  $AB\Gamma\Delta$  als Horizont und den Kreis  $A\Lambda E\Gamma Z$  als Ekliptik ziehen, welche einander in den Punkten A und  $\Gamma$  schneiden,<sup>a)</sup> so ist

20  $\sphericalangle ZA\Delta + \sphericalangle \Delta\Lambda E = 2R$ . (als Nebenwinkel)

Hei 156 Nun ist  $\sphericalangle ZA\Delta = \sphericalangle Z\Gamma\Delta$ ; (als Neigungswinkel der  
folglich auch  $\sphericalangle Z\Gamma\Delta + \sphericalangle \Delta\Lambda E = 2R$ , [beiden Kreise]  
was zu beweisen war.

Als Folge vorstehenden Satzes ergibt sich, nachdem  
25 (Satz A) nachgewiesen worden ist, daß die Winkel, welche der Theorie nach in den von demselben Nachtgleichenpunkt gleichweit entfernten Punkten mit demselben Horizont gebildet werden, einander gleich sind, der Satz

C. In den von demselben Wendepunkt gleichweit ent-  
30 fernten Punkten (der Ekliptik) ist der Aufgangswinkel des

a) Zur Erklärung der Figur diene: der Winterwendepunkt E kulminiert über, der Sommerwendepunkt Z unter dem Horizont, in  $\Gamma$  geht der Widder auf, in A die Wage unter: der Untergangswinkel  $\Delta\Lambda E$  der letzteren liegt über, der Aufgangswinkel  $Z\Gamma\Delta$  des Widders unter dem Horizont.

einen Punktes und der Untergangswinkel des anderen Punktes in Summa gleich zwei Rechten.

Haben wir daher die Aufgangswinkel von dem Widder bis zu den Scheren gefunden, so werden auch die Aufgangswinkel des anderen Halbkreises (als die Supplement- 5 winkel) zugleich mit nachgewiesen sein, und außerdem auch die Untergangswinkel beider Halbkreise.

Auf welche Weise dieser Nachweis (des Größenbetrags) geliefert wird, wollen wir in Kürze mittheilen, wobei wir uns für das Beispiel wieder desselben Parallels bedienen, 10 d. i. des Parallels, für welchen die Polhöhe  $36^\circ$  beträgt.

I. Was zunächst die in den Nachtgleichenpunkten der Ekliptik mit dem Horizont gebildeten Winkel anbelangt, so können diese auf eine bequeme Weise bestimmt werden.

Wir beschreiben den Kreis  $AB\Gamma\Delta$  als Meridian,  $AE\Delta$  15 als den östlichen Halbkreis des zugrunde gelegten Horizonts, Ha 121 und den Bogen  $EZ$  als einen Quadranten des Äquators. Hei 157

Alsdann ziehen wir die zwei Quadranten  $EB$  und  $E\Gamma$  der Ekliptik in der Lage, daß  $E$  mit Bezug auf den Quadranten  $EB$  als Herbstpunkt, mit Bezug auf den Quadranten  $E\Gamma$  aber als Frühlingspunkt angenommen sei, mithin  $B$  Winterwendepunkt und  $\Gamma$  Sommerwendepunkt werde. Die sich hieran knüpfende Berechnung ist folgende:

$$\Delta Z = 54^\circ \text{ nach Annahme, (d. i. } 90^\circ - 36^\circ)$$

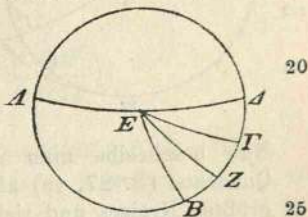
$$BZ = Z\Gamma = 23^\circ 51'. \text{ (als Schiefe der Ekliptik)}$$

$$\text{Mithin ist } \Gamma\Delta = \Delta Z - Z\Gamma = 30^\circ 9',$$

$$\text{und } B\Delta = \Delta Z + BZ = 77^\circ 51'.$$

Weil nun  $E$  der Pol des Meridians ist,<sup>a)</sup> so ist

$$\sphericalangle \Delta E \Gamma, \text{ d. i. der Winkel am Anfang des Widders,} \\ = 30^\circ 9' \text{ wie } 1R = 90^\circ,$$

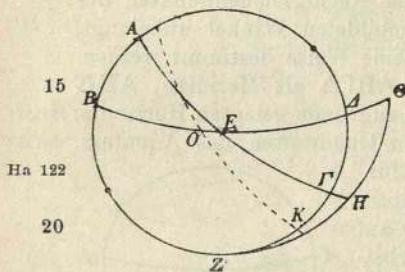


a) Es handelt sich mithin um Winkel, welche von größten Kreisen gebildet werden.

$\sphericalangle \triangle EB$ , d. i. der Winkel am Anfang der Scheren,  
 $= 77^{\circ}51'$  wie  $1R = 90^{\circ}$ .

II. Damit auch das Verfahren, durch welches man die übrigen Winkel gewinnt, verständlich werde, so sei die Aufgabe gestellt, den Aufgangswinkel zu finden, welcher beispielshalber am Anfang des Stiers mit dem Horizont gebildet wird.

Es sei der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian und  $BE\Delta$  der östliche Halbkreis des zugrunde gelegten Horizonts. Der Halbkreis  $A\epsilon\Gamma$  der Ekliptik sei so gezogen, daß Punkt  $E$  der Anfang des Stiers sei.<sup>a)</sup> Wenn bei der angenommenen



geographischen Breite der Anfang des Stiers aufgeht, so kulminiert unter dem Horizont (der Punkt  $\Gamma$ , d. i.)  $\ominus 17^{\circ}41'$ . Wir haben ja (S. 99, 3) gezeigt, wie derartige Aufgaben mit Hilfe der von uns mitgeteilten Aufgänge bequem gelöst werden. Folglich ist der Bogen  $E\Gamma$  kleiner als ein Quadrant.<sup>b)</sup>

Nun beschreibe man um  $E$  als Pol mit der Seite des Quadrats (S. 27, 19) als Abstand den Bogen  $ZH\Theta$  eines größten Kreises und ziehe die Quadranten  $E\Gamma H$  und  $E\Delta\Theta$  voll aus. Auch die beiden Bogen  $\Delta\Gamma Z$  und  $ZH\Theta$  haben die Größe eines Quadranten, weil der Horizont  $BE\Theta$  sowohl durch die Pole des Meridians  $Z\Gamma\Delta$ , als auch durch die des größten Kreises  $ZH\Theta$  geht. Ferner hat der

a) Durch Einzeichnung des Äquators und die Andeutung seiner Pole habe ich die Anschaulichkeit der Figur erhöht. Auch die Bezeichnung des Zwischenpunktes  $K$  und des im Ostpunkt liegenden Pols  $O$  des Meridians erschien mir angezeigt.

b) Weil er sich über den Stier, die Zwillinge und  $17^{\circ}41'$  des Krebses erstreckt und somit nur  $60^{\circ} + 17^{\circ}41'$  beträgt, so daß auf den Bogen  $\Gamma H$ , der am Ende des Krebses ausgeht,  $12^{\circ}19'$  entfallen.

Punkt ( $\Gamma$ , d. i.)  $\odot 17^{\circ}41'$  vom Äquator auf dem durch dessen Pole gehenden größten Kreise eine nördliche Deklination von  $22^{\circ}40'$  — auch diese Verhältnisse sind von uns mitgeteilt<sup>a)</sup> — während der Äquator vom Pol Z des Horizonts auf demselben Bogen  $Z\Gamma\Delta$  einen Abstand von  $36^{\circ}$  hat.<sup>b)</sup> Hieraus ergibt sich der Bogen  $Z\Gamma$  mit  $58^{\circ}40'$  (d. i.  $36^{\circ} + 22^{\circ}40'$ ). Sind diese Größen gegeben, so gilt schließlich, wie die Figur zeigt, (Satz B. S. 51, 1)

$$\frac{s2b\Gamma\Delta}{s2b\Delta Z} = \frac{s2b\Gamma E}{s2bEH} \cdot \frac{s2bH\Theta}{s2b\Theta Z}. \quad \text{Hei 159}$$

Nun ist nach den oben ermittelten Größen 10

$$2b\Gamma\Delta = 62^{\circ}40',^c) \quad \text{also } s2b\Gamma\Delta = 62^P 24',$$

$$2b\Delta Z = 180^{\circ}, \quad \text{also } s2b\Delta Z = 120^P,$$

$$2b\Gamma E = 155^{\circ}22',^d) \quad \text{also } s2b\Gamma E = 117^P 14',$$

$$2bEH = 180^{\circ}, \quad \text{also } s2bEH = 120^P. \quad \text{Ha 123}$$

Bringen wir also  $\frac{117^P 14'}{120^P}$  auf die andere Seite der Gleichung, so erhalten wir 15

$$\frac{s2bH\Theta}{s2b\Theta Z} = \frac{63^P 52'}{120^P} \left( \text{aus } \frac{62^P 24' \cdot 120^P}{120^P \cdot 117^P 14'} \right).$$

Nun ist  $s2b\Theta Z = 120^P$ ,

folglich  $s2bH\Theta = 63^P 52'$ , also  $2bH\Theta = 64^{\circ}20'$  u.  $bH\Theta = 32^{\circ}10'$ .

Mithin ist  $\sphericalangle HE\Theta = 32^{\circ}10'$ , was zu beweisen war. 20

Um nicht dem Kommentar unseres Handbuchs durch Wiederholung derselben Berechnung für jeden einzelnen Fall eine endlose Ausdehnung zu verleihen, sei gesagt, daß auch bei den übrigen Zeichen und Breiten genau dasselbe Verfahren von uns wahrgenommen werden wird. 25

a)  $22^{\circ}40'$  beträgt nach der Tabelle der Schiefe zu  $72^{\circ}20'$  (d. i.  $90^{\circ} - 17^{\circ}40'$ ) der Meridianbogen zwischen dem Äquator und der Ekliptik.

b) Der Zenitabstand ZK des Äquators ist gleich der Polhöhe. S. erläut. Anm. 6.

c) D. i. 2 ( $90^{\circ} - 58^{\circ}40'$ ).

d) D. i. 2 ( $90^{\circ} - 12^{\circ}19'$ ). Vgl. Anm. b) S. 110.

## Zwölftes Kapitel.

**Die Winkel und Bogen, welche die Ekliptik mit demselben durch die Pole des Horizonts gehenden (Höhen-) Kreis bildet.**

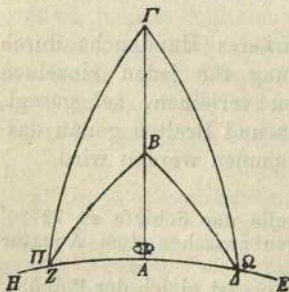
Hei 160 Es bleibt schließlich das Verfahren noch mitzuteilen übrig, nach welchem wir auch die Winkel bestimmen können, welche von der Ekliptik mit dem durch die Pole des Horizonts gehenden größten (Höhen-) Kreis je nach der geographischen Breite und je nach der Lage (dieses Kreises) gebildet werden. Hierbei wird in jedem einzelnen Falle, wie (S. 101, 24) gesagt, gleichzeitig mit nachgewiesen der Bogen des durch die Pole des Horizonts gehenden (Höhen-) Kreises, welcher zwischen dem Zenit und dem Schnittpunkt dieses Kreises mit der Ekliptik liegt.<sup>a)</sup> Wir werden wieder die für diesen Teil unserer Aufgabe erforderlichen Sätze H. 124 vorausschicken und zunächst den Beweis für folgenden Lehrsatz erbringen.

A. Wenn zwei von demselben Wendepunkt gleichweit entfernte Punkte der Ekliptik auf beiden Seiten des Meridians gleichviel Zeitgrade abgrenzen, der eine östlich, der andere westlich, so sind

1. die vom Zenit bis zu diesen Punkten reichenden Bogen der größten Kreise einander gleich, und ist

2. die Summe der an diesen Punkten gebildeten Winkel, deren Definition wir (S. 102, 4) mitgeteilt haben, gleich 2 Rechten.

Es sei  $AB\Gamma$  ein Stück des Meridians, auf welchem  $B$  als der Zenit und  $\Gamma$  als der Pol



a) D. i. der Zenitabstand des Schnittpunktes als Ergänzung seiner Höhe zu  $90^\circ$ .

des Äquators angenommen sei. Nun ziehe man die beiden Ekliptikstücke  $A\Delta E$  und  $AZH$  in der Lage, daß die Punkte  $\Delta$  und  $Z$  von demselben Wendepunkt gleichweit entfernt sind und gleichgroße Bogen des durch sie gehenden Parallelkreises beiderseits des Meridians abgrenzen. Als 5 Bogen größter Kreise ziehe man ferner durch  $\Delta$  und  $Z$  vom Pol  $\Gamma$  des Äquators aus die Bogen  $\Gamma\Delta$  und  $\Gamma Z$ , und vom Zenit  $B$  aus die Bogen  $B\Delta$  und  $BZ$ . Meine Behauptung geht dahin, daß

1.  $b B\Delta = b BZ$ ; 10
2.  $\sphericalangle B\Delta E + \sphericalangle BZA = 2R$ .

Beweis der ersten Behauptung. Weil die Punkte  $\Delta$  und  $Z$  gleichgroße Bogen des durch sie gehenden Parallelkreises von dem Meridian  $AB\Gamma$  entfernt sind, so ist  $\sphericalangle B\Gamma\Delta$  gleich  $\sphericalangle B\Gamma Z$ .<sup>a)</sup> Es haben also die beiden sphärischen Dreiecke  $B\Gamma\Delta$  und  $B\Gamma Z$  zwei einander entsprechende Seiten gleich —  $\Gamma\Delta = \Gamma Z$  (nach Annahme) und  $B\Gamma$  ist gemeinsam — sowie den von den gleichen Seiten eingeschlossenen Winkel —  $\sphericalangle B\Gamma\Delta = \sphericalangle B\Gamma Z$  — folglich werden sie auch die Grundlinien  $B\Delta$  und  $BZ$  gleich haben, sowie die Winkel  $BZ\Gamma$  und  $B\Delta\Gamma$ . 15

Beweis der zweiten Behauptung. Kurz vorher (Satz B S. 103,6) wurde nachgewiesen, daß die Summe der beiden Winkel, welche in den von demselben Wendepunkt gleichweit entfernten Punkten (der Ekliptik) mit dem durch die Pole des Äquators gehenden (Meridian-) Kreis gebildet werden, gleich zwei Rechten ist. Demnach ist Hei 162

$$\begin{aligned} \sphericalangle \Gamma\Delta E + \sphericalangle \GammaZA &= 2R \\ (\sphericalangle \Gamma\Delta E &= \sphericalangle B\Delta E - \sphericalangle B\Delta\Gamma \\ \sphericalangle \GammaZA &= \sphericalangle BZA + \sphericalangle BZ\Gamma) \\ \sphericalangle B\Delta\Gamma &= \sphericalangle BZ\Gamma, \text{ wie (Z. 21)} \end{aligned} \quad \text{30}$$

( $\sphericalangle \Gamma\Delta E + \sphericalangle \GammaZA = \sphericalangle B\Delta E + \sphericalangle BZA$ ) [bewiesen.  
Folgl. auch  $\sphericalangle B\Delta E + \sphericalangle BZA = 2R$ , (s. oben Z. 28)  
was zu beweisen war.

a) In dem gleichschenkligen sphärischen Dreieck  $Z\Gamma\Delta$  wird der Winkel an der Spitze durch den Meridian  $\Gamma A$  halbiert.

B. Wenn dieselben Punkte der Ekliptik beiderseits vom Meridian gleichviel Zeitgrade entfernt sind, so sind

1. die vom Zenit nach diesen Punkten gezogenen Bogen größter Kreise einander gleich, und
- 5 2. die von diesen Bogen gebildeten Winkel, d. h. der östlich und der westlich (des Meridians) liegende, in Summa gleich den beiden Winkeln, welche in denselben Punkten von dem Meridian gebildet werden.

Erste Annahme. Die den Meridian passierenden Punkte  
10 (der Ekliptik) sollen in jeder der beiden Lagen (d. i. östlich wie westlich des Meridians) entweder beide nördlich, oder beide südlich des Zenits liegen.

a) Beide Punkte sollen südlich des Zenits liegen.

Es sei  $AB\Gamma\Delta$  ein Stück des Meridians; auf demselben  
Hei 163 sei  $\Gamma$  der Zenit und  $\Delta$  der Pol des Äquators. Nun ziehe  
Ha 126 man die beiden Ekliptikstücke  $AEZ$  und  $BH\Theta$  in der  
17 Lage, daß die als identisch angenommenen Punkte  $E$  und  
 $H$  beiderseits vom Meridian

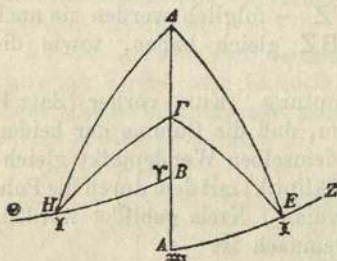
$AB\Gamma\Delta$  den gleichgroßen  
Bogen des durch sie gehen-  
den Parallelkreises entfernt  
sind. Ferner ziehe man durch  
diese Punkte als Bogen  
größter Kreise von  $\Gamma$  aus  
die Bogen  $\Gamma E$ ,  $\Gamma H$ , und von  
 $\Delta$  aus die Bogen  $\Delta E$ ,  $\Delta H$ .  
(Meine erste Behauptung ist:

$$\overset{\frown}{\Gamma E} = \overset{\frown}{\Gamma H}.)$$

Beweis. Aus denselben Gründen wie oben (S. 113,12),  
30 weil die Punkte  $E$  und  $H$  denselben Parallelkreis beschreibend,  
beiderseits des Meridians gleichgroße Bogen dieses Parallels  
verursachen, ist das sphärische Dreieck  $\Gamma\Delta E$  gleichseitig  
und gleichwinklig mit dem sphärischen Dreieck  $\Gamma\Delta H$ ; folg-  
lich sind auch die Grundlinien  $\Gamma E$  und  $\Gamma H$  gleich.

35 Meine (zweite) Behauptung geht dahin, daß

$$\sphericalangle \Gamma EZ + \sphericalangle \Gamma HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ \text{ oder } 2 \sphericalangle \Delta HB.$$



Beweis. Es ist zunächst als derselbe Winkel

$$\sphericalangle \Delta EZ = \sphericalangle \Delta HB$$

$$(\sphericalangle \Delta HB = \sphericalangle \Gamma HB + \sphericalangle \Delta H\Gamma)$$

$$\sphericalangle \Gamma E\Delta = \sphericalangle \Delta H\Gamma \text{ (in kongr. Dreiecken)}$$

$$\sphericalangle \Delta EZ = \sphericalangle \Gamma HB + \sphericalangle \Gamma E\Delta$$

$$(\sphericalangle \Gamma HB = \sphericalangle \Delta EZ - \sphericalangle \Gamma E\Delta)$$

$$\sphericalangle \Gamma EZ = \sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Gamma E\Delta$$

Hei 164

6

$$\sphericalangle \Gamma EZ + \sphericalangle \Gamma HB = \left\{ \begin{array}{l} 2 \sphericalangle \Delta EZ \\ 2 \sphericalangle \Delta HB \end{array} \right\} \text{ (s. oben Z. 2)}$$

was zu beweisen war.

b) Man ziehe wieder dieselben Stücke der betreffenden 10 Kreise, jedoch so, daß A und B nördlich von  $\Gamma$  zu liegen kommen. Meine Behauptung geht dahin, daß auch in dieser Lage derselbe Fall eintreten wird, d. h. daß  $\sphericalangle KEZ + \sphericalangle \Lambda HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ$ .

Beweis. Es ist als derselbe Winkel wieder

$$\sphericalangle \Delta HB = \sphericalangle \Delta EZ$$

$$\sphericalangle \Delta H\Lambda = \sphericalangle \Delta EK \text{ (als Nebenw. gleicher Winkel)}$$

$$(\sphericalangle \Delta HB + \sphericalangle \Delta H\Lambda = \sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta EK)$$

$$\sphericalangle \Lambda HB = \sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta EK$$

$$(\sphericalangle KEZ = \sphericalangle \Delta EZ - \sphericalangle \Delta EK)$$

$$\sphericalangle KEZ + \sphericalangle \Lambda HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ, \text{ was zu beweisen war.}$$

15

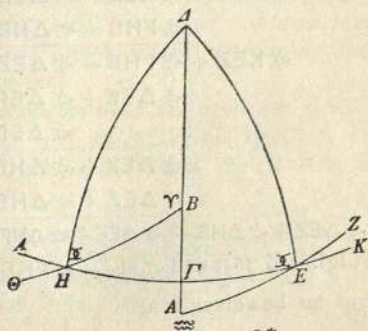
Ha 127

20

25

Zweite Annahme.  
(Es soll der eine Punkt südlich, der andere nördlich des Zenits zu liegen kommen.)

a) Es sei wieder die ähnliche Figur gegeben, jedoch so, daß der kulminierende Punkt des östlichen Stückes, d. i. A, südlich des Zenits  $\Gamma$ , und



30

35

Hei 165 der kulminierende Punkt des westlichen Stückes, d. i. B, nördlich desselben liege. Meine Behauptung lautet:

$$\sphericalangle \Gamma EZ + \sphericalangle \Lambda HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ + 2R.$$

Beweis.  $\sphericalangle \Delta H \Gamma + \sphericalangle \Delta H \Lambda = 2R$

5  $\sphericalangle \Delta H \Gamma = \sphericalangle \Delta E \Gamma$  (S. 103,22)

$$\sphericalangle \Delta E \Gamma + \sphericalangle \Delta H \Lambda = 2R$$

$$\sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ \text{ (s. S. 115,20)}$$

$$(\sphericalangle \Delta E \Gamma + \sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta H \Lambda + \sphericalangle \Delta HB = 2R + 2 \sphericalangle \Delta EZ)$$

$$\sphericalangle \Gamma EZ + \sphericalangle \Lambda HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ + 2R,$$

was zu beweisen war.

b) Es bleibt noch der letzte Fall übrig, daß an der ähnlichen Figur der kulminierende Punkt des östlichen Stückes, d. i. A, nördlich von  $\Gamma$  liege, und der kulminierende Punkt des westlichen Stückes, d. i. B, südlich davon. Meine Behauptung geht dahin, daß

$$\sphericalangle KEZ + \sphericalangle \Gamma HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ - 2R.$$

Beweis.  $\sphericalangle KEZ = \sphericalangle \Delta EZ - \sphericalangle \Delta EK$

$$\sphericalangle \Gamma HB = \sphericalangle \Delta HB - \sphericalangle \Delta H \Gamma$$

25  $\sphericalangle KEZ + \sphericalangle \Gamma HB = \sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta HB - [\sphericalangle \Delta EK + \sphericalangle \Delta H \Gamma]$

$$\sphericalangle \Delta EK + \sphericalangle \Delta E \Gamma = 2R$$

$$\sphericalangle \Delta E \Gamma = \sphericalangle \Delta H \Gamma$$

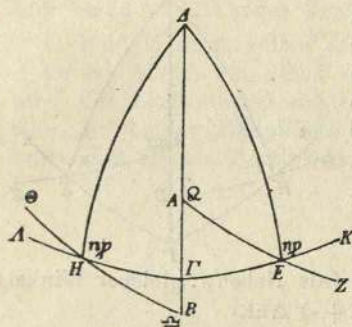
$$\sphericalangle \Delta EK + \sphericalangle \Delta H \Gamma = 2R$$

$$\sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ \text{ (S. 115,20)}$$

30  $(\sphericalangle \Delta EZ + \sphericalangle \Delta HB - [\sphericalangle \Delta EK + \sphericalangle \Delta H \Gamma] = 2 \sphericalangle \Delta EZ - 2R)$

Folgl. (s. Z. 25) auch  $\sphericalangle KEZ + \sphericalangle \Gamma HB = 2 \sphericalangle \Delta EZ - 2R,$

was zu beweisen war.



Ha 128

15

Hei 166

20

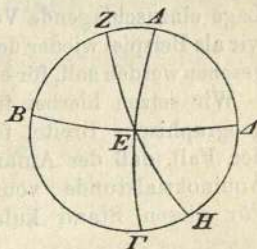
Daß von den Winkeln und Bogen, welche von der Ekliptik mit dem durch den Zenit gehenden größten (Höhen-) Kreis in der von uns (S. 112, 4) bezeichneten Weise gebildet werden, sowohl die im Meridian als auch die im Horizont gebildeten bequem bestimmt werden können, dürfte auf 5 folgendem Wege ohne weiteres klar werden.

Wir beschreiben den Kreis  $AB\Gamma\Delta$  als Meridian,  $BE\Delta$  als einen Halbkreis des Horizonts und  $ZEH$  als einen solchen der Ekliptik in irgendeiner beliebigen Lage.

1. Denken wir uns zunächst durch den kulminierenden Punkt  $Z$  der Ekliptik den durch den Zenit  $A$  gehenden größten (Höhen-) Kreis, so wird derselbe mit dem Meridian  $AB\Gamma\Delta$  zusammenfallen, und ohne weiteres wird uns gegeben sein

a)  $\sphericalangle \Delta ZE$ , weil Punkt  $Z$  und der im Meridian in diesem Punkte gebildete Winkel (S. 104, 23) bestimmt werden kann;

b) Bogen  $AZ$ , weil wir (aus der Tabelle der Schiefe) wissen, wieviel Grade  $Z$  auf dem Meridian vom Äquator, und (aus der Polhöhe) wieviel Grade der Äquator vom Zenit  $A$  Abstand hat.<sup>a)</sup>



15

20

2. Denken wir uns ferner durch den aufgehenden Punkt  $E$  des Halbkreises der Ekliptik den durch  $A$  gehenden größten (Höhen-) Kreis  $AE\Gamma$ , so ist auch hier ohne weiteres klar:

a) Bogen  $AE$  wird immer gleich einem Quadranten sein, weil  $A$  Pol des Horizonts ist;

b)  $\sphericalangle AEH$  wird, weil aus dem eben angegebenen Grunde  $\sphericalangle AE\Delta$  stets ein Rechter und  $\sphericalangle \Delta EH$  als der von der Ekliptik mit dem Horizont gebildete Winkel (vgl. S. 109, 33)

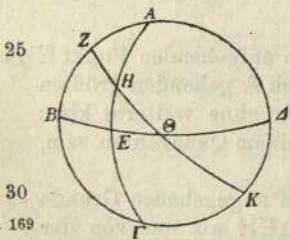
a) Bogen  $AZ$  ist gleich dem Zenitabstand des Äquators (d. i. gleich der Polhöhe) plus oder minus der Deklination des kulminierenden Ekliptikgrades, je nachdem  $Z$  südlich oder nördlich des Äquators liegt. Vgl. S. 44 Anm. <sup>a)</sup>.

gegeben ist, mit der Summe von  $\sphericalangle AED + \sphericalangle \Delta EH$  gegeben sein, was nachzuweisen war.

Hei 168 Es leuchtet daher ein, daß wir unter diesen Umständen, wenn wir für jede geographische Breite nur die vor (d. i. 5 östlich von) dem Meridian liegenden Winkel und Bogen, und zwar nur die der Zeichen vom Anfang des Krebses bis zum Anfang des Steinbocks berechnet haben, gleichzeitig mit nachgewiesen haben erstens (als die Supplementwinkel) die jenseits (d. i. westlich) des Meridians liegenden Winkel 10 und Bogen dieser Zeichen (Satz A S. 112, 14), und außerdem zweitens (Satz B S. 114, 1) die Winkel und Bogen der übrigen Zeichen, und zwar sowohl die vor dem Meridian als auch die jenseits liegenden.

Damit auch bei diesen Winkeln und Bogen das für jede 15 Lage einzuschlagende Verfahren verständlich werde, wollen wir als Beispiel wieder den Beweis, der als allgemeingültig angesehen werden soll, für einen theoretischen Fall durchführen.

Wir setzen hierbei für die wiederholt zugrunde gelegte Ha 130 geographische Breite, für welche die Polhöhe  $36^\circ$  beträgt, 20 den Fall, daß der Anfang des Krebses beispielshalber eine Äquinoktialstunde vom Meridian östlich entfernt sei. Für diesen Stand kulminiert (S. 99, 17) auf dem angenommenen Parallel der Punkt  $\Pi$   $16^\circ 12'$ , während im Aufgang begriffen ist (S. 99, 5) der Punkt  $\eta$   $17^\circ 37'$ .



Es sei der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  der Meridian,  $BE\Delta$  ein Halbkreis des Horizonts und  $ZH\Theta$  ein solcher der Ekliptik in der Lage, daß Punkt  $H$  der Anfang des Krebses ist,  $Z$  den Punkt  $\Pi$   $16^\circ 12'$  ein-

nimmt und  $\Theta$  den Punkt  $\eta$   $17^\circ 37'$ . Nun ziehe man durch den Zenit  $A$  und durch  $H$ , den Anfang des Krebses, den 35 Bogen  $AHE\Gamma$  eines größten (Höhen-) Kreises.

1. Es sei die Aufgabe gestellt, den Bogen  $AH$  zu finden. Es leuchtet ein, daß folgende Größen gegeben sind:

$$b Z \Theta = 91^{\circ} 25'; \text{ (d. i. } 13^{\circ} 48' \Pi + \odot + \ominus + 17^{\circ} 37' \text{ np)}$$

$$b H \Theta = 77^{\circ} 37'; \text{ (d. i. } \odot + \ominus + 17^{\circ} 37' \text{ np)}$$

$$b A Z = 12^{\circ} 53' \text{ (d. i. } 36^{\circ} - 23^{\circ} 07'), \text{ weil die Deklination}$$

von  $\Pi$   $16^{\circ} 12' 23^{\circ} 07'$ <sup>a)</sup> und der Zenit-

abstand des Äquators  $36^{\circ}$  beträgt;

$$b Z B = 77^{\circ} 7' \text{ als Komplementbogen dazu.}$$

Wenn diese Größen gegeben sind, so gilt wieder, wie die Figur zeigt, (Satz B S. 51, 1)

$$\frac{s 2b Z B}{s 2b B A} = \frac{s 2b Z \Theta}{s 2b \Theta H} \cdot \frac{s 2b H E}{s 2b E A}$$

Ha 131

$$\text{Nun ist } 2b Z B = 154^{\circ} 14', \text{ also } s 2b Z B = 116^{\text{P}} 59';$$

10

$$2b B A = 180^{\circ}, \text{ also } s 2b B A = 120^{\text{P}};$$

Hei 170

$$2b Z \Theta = 182^{\circ} 50', \text{ also } s 2b Z \Theta = 119^{\text{P}} 58';$$

$$2b \Theta H = 155^{\circ} 14', \text{ also } s 2b \Theta H = 117^{\text{P}} 12'.$$

Bringen wir also  $\frac{119^{\text{P}} 58'}{117^{\text{P}} 12'}$  auf die andere Seite der

Gleichung, so erhalten wir

15

$$\frac{s 2b H E}{s 2b E A} = \frac{114^{\text{P}} 16'}{120^{\text{P}}} \left( \text{aus } \frac{116^{\text{P}} 59' \cdot 117^{\text{P}} 12'}{120^{\text{P}} \cdot 119^{\text{P}} 58'} \right).$$

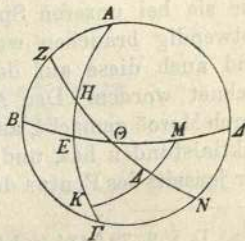
$$\text{Nun ist } s 2b E A = 120^{\text{P}}, \text{ (also } 2b E A = 180^{\circ})$$

$$\text{folglich } s 2b H E = 114^{\text{P}} 16', \text{ also } 2b H E = 144^{\circ} 26' \text{ u. } b H E = 72^{\circ} 13'.$$

Mithin beträgt der Bogen AH als Differenz der Bogen EA und HE ( $90^{\circ} - 72^{\circ} 13' =$ )  $17^{\circ} 47'$ , was nachzuweisen war.

2. Den  $\sphericalangle$  AH $\Theta$  werden wir auf folgendem Wege finden.

Vorgelegt sei die schon beschriebene Figur. Um H als Pol beschreiben wir mit der Seite des Quadrats als Abstand den Bogen KAM eines größten Kreises. Infolgedessen wird, weil der (Höhen-) Kreis AHE sowohl durch die Pole von E $\Theta$ M, als



25

30

a) S. die Tabelle der Schiefe zum 76. Grad der Ekliptik.

auch durch die von  $K\Lambda M$  geht, jeder der beiden Bogen (vgl. S. 104, 3)  $EM$  und  $KM$  gleich einem Quadranten. Es gilt

Hei 171 wieder, wie die Figur zeigt, (Satz A S. 49, 31)

Ha 152

$$\frac{s 2b HE}{s 2b EK} = \frac{s 2b H\Theta}{s 2b \Theta\Lambda} \cdot \frac{s 2b \Lambda M}{s 2b MK}$$

- 5 Nun ist  $2b HE = 144^\circ 26'$ ,<sup>a)</sup> also  $s 2b HE = 114^P 16'$ ;  
 $2b EK = 35^\circ 34'$ , also  $s 2b EK = 36^P 38'$ ;  
 $2b H\Theta = 155^\circ 14'$ ,<sup>b)</sup> also  $s 2b H\Theta = 117^P 12'$ ;  
 $2b \Theta\Lambda = 24^\circ 46'$ , also  $s 2b \Theta\Lambda = 25^P 44'$ .

Bringen wir also  $\frac{117^P 12'}{25^P 44'}$  auf die andere Seite der Gleichung,

so erhalten wir

$$\frac{s 2b \Lambda M}{s 2b MK} = \frac{82^P 11'}{120^P} \left( \text{aus } \frac{114^P 16' \cdot 25^P 44'}{36^P 38' \cdot 117^P 12'} \right).$$

Nun ist  $s 2b MK = 120^P$ , (also  $2b MK = 180^\circ$ )

folglich  $s 2b \Lambda M = 82^P 11'$ , also  $2b \Lambda M = 86^\circ 28'$  u.  $b \Lambda M = 43^\circ 14'$ .

Mithin ist der Bogen  $\Lambda K$  (als Differenz des Quadranten  $15 MK$  und des Bogens  $\Lambda M$  gleich  $90^\circ - 43^\circ 14'$ ) und somit auch  $\sphericalangle \Lambda HK$  gleich  $46^\circ 46'$ ; folglich beträgt der  $\sphericalangle AH\Theta$  als Nebenwinkel dazu  $133^\circ 14'$ , was nachzuweisen war.

Hei 172 Das Verfahren, durch welches wir vorstehende Ergebnisse gefunden haben, bleibt auch für die übrigen Fälle ganz das-  
 20 selbe. Um nun auch die anderen Winkel und Bogen, soweit wir sie bei unseren Spezialuntersuchungen voraussichtlich notwendig brauchen werden, bequem zur Hand zu haben, sind auch diese auf dem Wege linearer Konstruktion berechnet worden. Den Anfang haben wir mit dem Parallel  
 Ha 133 durch Meroë gemacht, auf welchem der längste Tag 13 Äqui-  
 26 noktialstunden hat, und sind gegangen bis zu dem Parallel, der jenseits des Pontus durch die Mündungen des Borysthenes

a) D. i. 2.  $72^\circ 13'$  (s.  $b HE$  S. 119, 18).

b) D. i. 2.  $77^\circ 37'$  (s.  $b H\Theta$  S. 119, 2).

geht, wo der längste Tag 16 Äquinoktialstunden hat. Wie schon bei den Aufgängen, haben wir bei Bestimmung der geographischen Breite von Parallel zu Parallel wieder die Zunahme um je eine halbe Stunde zur Anwendung gebracht, bei Ansetzung der Ekliptikbogen die Zunahme von Zeichen zu Zeichen, endlich bei Angabe der Lagen östlich oder westlich des Meridians die Zunahme um je eine Äquinoktialstunde. 5

Auch die Mitteilung dieser Größenbeträge werden wir für jede geographische Breite und jedes Zeichen in Tabellenform bieten. In die erste Spalte (jeder Einzeltabelle) setzen wir zur Angabe der Abstände beiderseits des Meridians die Zahl der Äquinoktialstunden, welche nach (oder vor) dem Stande im Meridian selbst<sup>a)</sup> verfließen sind, in die zweite Spalte die Größenbeträge der, wie (S. 112, 18) gesagt, vom Zenit bis zum Anfang des betreffenden Zeichens reichenden Bogen, in die dritte und vierte die Größenbeträge der Winkel, welche an dem eben bezeichneten Schnittpunkt in der von uns (S. 112, 3) definierten Weise gebildet werden, und zwar stehen in der dritten Spalte die Winkel der Lagen östlich, in der vierten die Winkel der Lagen westlich des Meridians. 10  
Hei 173 15  
20

Erinnert sei an die eingangs (S. 102, 4) gegebene Definition, daß wir von den zwei mit dem östlichen Ekliptikbogen gebildeten Winkeln stets den nördlich ebendieses Bogens gelegenen herangezogen und seinen Größenbetrag in solchen Graden angesetzt haben, wie 90 auf einen Rechten kommen. 25

### Dreizehntes Kapitel.

#### Die Tabellen der Winkel und Bogen von Parallel zu Parallel

gestalten sich folgendermaßen.

{ Ha 134  
Hei 174

(S. 112—128.)

a) Derselbe ist in den Tabellen mit 0<sup>h</sup> bezeichnet.

## I. Meroë.

Längster Tag: 13h. Polhöhe: 16° 27'.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	7° 24'	90° 0'		0h	28° 7'	111° 0'		0h	28° 7'	69° 0'	
1	15 55	25 16	154° 44'	1	31 46	139 0	83° 0'	1	31 46	97 0	41° 0'
2	29 3	9 15	170 45	2	40 52	157 59	64 1	2	40 52	115 59	22 1
3	42 42	1 38	178 22	3	52 30	169 23	52 37	3	52 30	127 23	10 37
4	56 25	175 7	4 53	4	65 40	176 41	45 19	4	65 40	134 41	3 19
5	70 2	170 18	9 42	5	79 18	1 41	40 19	5	79 18	139 41	178 19
6	83 27	164 41	15 19	5h 46m	90 0	4 9	37 51	5h 46m	90 0	142 9	175 51
6h 30m	90 0	161 57	18 3								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	4° 3'	102° 30'		0h	36° 57'	102° 30'		0h	16° 27'	66° 9'	
1	14 20	26 3	178° 57'	1	39 46	125 12	79° 48'	1	22 8	107 11	25° 7'
2	28 42	15 28	9 32	2	47 15	143 5	61 55	2	33 50	125 35	6 43
3	42 43	10 5	14 55	3	57 33	156 3	48 57	3	47 20	133 41	178 37
4	56 49	6 19	18 41	4	69 30	164 48	40 12	4	61 22	137 26	174 55
5	70 38	2 33	22 27	5	82 18	171 43	33 17	5	75 39	139 27	172 51
6	84 17	177 0	28 0	5h 35m	90 0	174 51	30 9	6	90 0	139 42	172 30
6h 25m	90 0	174 51	30 9								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	4° 47'	111° 0'		0h	40° 18'	90° 0'		0h	4° 47'	69° 0'	
1	15 20	0 0	42° 0'	1	42 54	111 24	68° 36'	1	15 20	138 0	180° 0'
2	29 28	8 0	34 0	2	49 58	128 51	51 9	2	29 28	146 0	172 0
3	43 40	9 15	32 45	3	59 35	141 49	38 11	3	43 40	147 15	170 4
4	58 13	8 39	33 21	4	71 4	151 25	28 35	4	58 13	146 39	171 2
5	72 36	6 53	35 7	5	83 31	158 48	21 12	5	72 36	144 53	173
6	86 41	5 37	36 23	5h 30m	90 0	161 57	18 3	6	86 41	143 37	174 2
6h 14m	90 0	4 9	37 51					6h 14m	90 0	142 9	175 5
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	16° 27'	113° 51'		0h	36° 57'	77° 30'		0h	4° 3'	77° 30'	
1	29 8	154 53	72° 49'	1	39 46	100 12	54° 48'	1	14 20	1 3	153° 5'
2	33 50	173 17	54 25	2	47 15	118 5	36 55	2	28 42	170 28	164 3
3	47 20	1 23	46 19	3	57 33	131 3	23 57	3	42 43	165 5	169 5
4	61 22	5 8	42 34	4	69 30	139 48	15 12	4	56 49	161 19	173 4
5	75 39	7 9	40 33	5	82 18	146 43	8 17	5	70 38	157 33	177 2
6	90 0	7 24	40 18	5h 35m	90 0	149 51	5 9	6	84 17	152 0	3 0
								6h 25m	90 0	149 51	5 0

## II. Soëne.

Längster Tag: 13 1/2 h. Polhöhe: 23° 51'.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	0° 0'	90° 0'		0h	35° 31'	111° 0'		0h	35° 31'	69° 0'	
1	13 43	176 15	3° 45'	1	38 25	133 15	88° 45'	1	38 25	91 15	46° 45'
2	27 23	173 51	6 9	2	46 2	150 18	71 42	2	46 2	108 18	29 42
3	41 20	168 15	11 45	3	56 30	161 41	60 19	3	56 30	119 41	18 19
4	54 27	166 51	13 9	4	68 31	169 5	52 55	4	68 31	127 5	10 55
5	67 42	162 42	17 18	5	81 22	174 30	47 30	5	81 22	132 30	5 30
6	80 36	157 59	22 1	5h 39m	90 0	176 41	45 19	5h 39m	90 0	134 41	8 19
6h 45m	90 0	153 46	26 14								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	3° 21'	102° 30'		0h	44° 21'	102° 30'		0h	23° 51'	66° 9'	
1	14 18	176 4	28° 56'	1	46 40	121 30	83° 30'	1	27 56	96 28	35° 50'
2	27 56	180 0	25 0	2	53 4	137 16	67 44	2	37 36	114 31	17 47
3	41 44	179 3	25 57	3	62 18	149 25	55 35	3	49 42	124 3	8 15
4	55 14	177 18	27 42	4	73 20	157 58	47 2	4	62 47	129 17	3 1
5	68 43	173 40	31 20	5	85 23	164 46	40 14	5	76 20	131 21	0 57
6	81 52	168 56	36 4	5h 22m	90 0	166 53	38 7	6	90 0	132 18	0 0
6h 38m	90 0	166 53	38 7								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	12° 11'	111° 0'		0h	47° 42'	90° 0'		0h	12° 11'	69° 0'	
1	18 42	158 40	63° 20'	1	49 52	108 3	71° 57'	1	18 42	116 40	21° 20'
2	30 57	173 44	48 16	2	55 52	123 31	56 29	2	30 57	131 44	6 16
3	44 22	178 3	43 57	3	64 37	135 37	44 23	3	44 22	136 3	1 57
4	58 1	180 0	42 0	4	75 12	144 57	35 3	4	58 1	138 0	0 0
5	71 43	179 15	42 45	5	86 54	152 0	28 0	5	71 43	137 15	0 45
6	85 20	177 39	44 21	5h 15m	90 0	153 46	26 14	6	85 20	135 39	2 21
6h 21m	90 0	176 41	45 19					6h 21m	90 0	134 41	3 19
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	23° 51'	115° 51'		0h	44° 21'	77° 30'		0h	3° 21'	77° 30'	
1	27 56	144 10	83° 32'	1	46 40	96 30	58° 30'	1	14 18	151 4	3° 56'
2	37 36	162 13	65 29	2	53 4	112 16	42 44	2	27 56	155 0	0 0
3	49 42	171 45	55 57	3	62 18	124 25	30 35	3	41 44	154 3	0 57
4	62 47	176 59	50 43	4	73 20	132 58	22 2	4	55 14	152 18	2 42
5	76 20	179 3	48 39	5	85 23	139 46	15 14	5	68 43	148 40	6 20
6	90 0	180 0	47 42	5h 22m	90 0	141 53	13 7	6	81 52	143 56	11 4
								6h 38m	90 0	141 53	13 7

## III. Unter-Ägypten.

Längster Tag: 14 h. Polhöhe: 30° 22'.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	6° 31'	90° 0'		0h	42° 2'	111° 0'		0h	42° 2'	69° 0'	
1	14 56	150 0	30° 0'	1	44 26	129 32	92° 28'	1	44 26	87 32	50° 2'
2	27 23	159 38	20 22	2	50 58	144 38	77 22	2	50 58	102 38	35 22
3	40 19	160 30	19 30	3	60 19	155 33	66 27	3	60 19	113 33	24 27
4	53 14	158 51	21 9	4	71 20	162 56	59 4	4	71 20	120 56	17 4
5	65 55	156 0	24 0	5	83 19	167 54	54 6	5	83 19	125 54	12 6
6	78 15	151 49	28 11	5h 32m	90 0	169 55	52 5	5h 32m	90 0	127 55	10 5
7	90 0	146 28	33 32								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	9° 52'	102° 30'		0h	50° 52'	102° 30'		0h	30° 22'	66° 9'	
1	16 45	153 13	51° 47'	1	52 53	118 39	86° 21'	1	33 35	89 50	42° 2'
2	28 44	166 22	38 38	2	58 27	132 51	72 9	2	41 39	106 37	25 4
3	41 31	169 26	35 34	3	66 44	144 1	60 59	3	52 25	116 28	15 5
4	54 27	169 8	35 52	4	76 51	152 37	52 23	4	64 28	122 5	10 1
5	67 17	167 1	37 59	5	88 9	158 43	46 17	5	77 6	124 39	7 3
6	79 48	163 46	41 14	5h 9m	90 0	159 49	45 11	6	90 0	125 47	6 3
6h 51m	90 0	159 49	45 11								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	18° 42'	111° 0'		0h	54° 13'	90° 0'		0h	18° 42'	69° 0'	
1	23 18	145 18	76° 42'	1	56 6	105 34	74° 26'	1	23 18	103 18	34° 4'
2	33 30	162 25	59 35	2	61 22	119 23	60 37	2	33 30	120 25	17 3
3	45 36	169 34	52 26	3	69 17	130 46	49 14	3	45 36	127 34	10 2
4	58 21	172 10	49 50	4	78 59	139 30	40 30	4	58 21	130 10	7 5
5	71 15	172 28	49 32	5	90 0	146 28	33 32	5	71 15	130 28	7 3
6	84 7	171 5	50 55					6	84 7	129 5	8 5
6h 28m	90 0	169 55	52 5					6h 28m	90 0	127 55	10
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	30° 22'	113° 51'		0h	50° 52'	77° 30'		0h	9° 52'	77° 30'	
1	33 35	137 32	90° 10'	1	52 53	93 39	61° 21'	1	16 45	128 13	26° 4'
2	41 39	154 19	73 23	2	58 27	107 51	47 9	2	28 44	141 22	13 3
3	52 25	164 10	63 32	3	66 44	119 1	35 59	3	41 31	144 26	10 3
4	64 28	169 47	57 55	4	76 51	127 37	27 23	4	54 27	144 8	10 5
5	77 6	172 21	55 21	5	88 9	133 43	21 17	5	67 17	142 1	12 5
6	90 0	173 29	54 13	5h 9m	90 0	134 49	20 11	6	79 48	138 46	16 1
								6h 51m	90 0	134 49	20 1

## IV. Rhodus.

Längster Tag: 14 $\frac{1}{2}$  h. Polhöhe: 36°.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	12° 9'	90° 0'		0h	47° 40'	111° 0'		0h	47° 40'	69° 0'	
1	17 47	133 14	46° 46'	1	49 42	126 50	95° 10'	1	49 42	84 50	53° 10'
2	28 22	147 45	32 15	2	55 26	140 20	81 40	2	55 26	98 20	39 40
3	40 27	151 46	28 14	3	63 48	150 34	71 26	3	63 48	108 34	29 26
4	52 36	151 52	28 8	4	73 55	157 51	64 9	4	73 55	115 51	22 9
5	64 36	149 54	30 6	5	85 5	162 28	59 32	5	85 5	120 28	17 32
6	76 16	146 25	33 35	5h 25m	90 0	164 7	57 53	5h 25m	90 0	122 7	15 53
7	87 23	141 30	38 30								
7h 15m	90 0	140 1	39 59								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	15° 30'	102° 30'		0h	56° 30'	102° 30'		0h	36° 0'	66° 9'	
1	20 20	139 32	65° 28'	1	58 14	116 39	88° 21'	1	38 37	85 41	46° 37'
2	30 28	155 19	49 41	2	63 13	129 23	75 37	2	45 31	100 41	31 37
3	42 6	160 37	44 23	3	70 41	139 47	65 13	3	55 6	110 27	21 51
4	54 12	162 11	42 49	4	80 2	147 47	57 13	4	66 9	116 16	16 2
5	66 17	161 5	43 55	4h 56m	90 0	153 36	51 24	5	77 56	118 54	13 24
6	78 7	158 10	46 50					6	90 0	120 9	12 9
7	89 27	153 39	51 21								
7h 4m	90 0	153 36	51 24								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	24° 20'	111° 0'		0h	59° 51'	90° 0'		0h	24° 20'	69° 0'	
1	27 51	137 38	84° 22'	1	61 30	103 45	76° 15'	1	27 51	95 38	42° 22'
2	36 24	153 59	68 1	2	66 12	116 10	63 50	2	36 24	111 59	26 1
3	47 14	162 10	59 50	3	73 22	126 36	53 24	3	47 14	120 10	17 50
4	59 0	165 40	56 20	4	82 24	134 56	45 4	4	59 0	123 40	14 20
5	71 5	166 34	55 26	4h 45m	90 0	140 1	39 59	5	71 5	124 34	13 26
6	83 9	165 30	56 30					6	83 9	123 30	14 30
6h 35m	90 0	164 7	57 53					6h 35m	90 0	122 7	15 53
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	36° 0'	113° 51'		0h	56° 30'	77° 30'		0h	15° 30'	77° 30'	
1	38 37	133 23	94° 19'	1	58 14	91 39	63° 21'	1	20 20	114 32	40° 28'
2	45 31	148 23	79 19	2	63 13	104 23	50 37	2	30 28	130 19	24 41
3	55 6	158 9	69 33	3	70 41	114 47	40 13	3	42 6	135 37	19 23
4	66 9	163 58	63 44	4	80 2	122 47	32 13	4	54 12	137 11	17 49
5	77 56	166 36	61 6	4h 56m	90 0	128 36	26 24	5	66 17	136 5	18 55
6	90 0	167 51	59 51					6	78 7	133 10	21 50
								7	89 27	128 39	26 21
								7h 4m	90 0	128 36	26 24

## V. Hellespont.

Längster Tag: 15 . Polhöhe: 40°56'.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	17° 5'	90° 0'		0h	52° 36'	111° 0'		0h	52° 36'	69° 0'	
1	21 18	122 32	57° 28'	1	54 23	124 46	97° 14'	1	54 23	82 46	55° 14'
2	30 17	138 29	41 31	2	59 25	136 55	85 5	2	59 25	94 55	43 5
3	41 37	144 18	35 42	3	66 58	146 24	75 36	3	66 58	104 24	33 36
4	52 25	145 38	34 22	4	76 15	153 10	68 50	4	76 15	111 10	26 50
5	63 47	144 28	35 32	5	86 38	157 45	64 15	5	86 38	115 45	22 15
6	74 48	141 30	38 30	5h 18m	90 0	158 59	63 1	5h 18m	90 0	116 59	21 1
7	85 9	137 5	42 55								
7h 30m	90 0	134 16	45 44								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	20° 26'	102° 30'		0h	61° 26'	102° 30'		0h	40° 56'	66° 9'	
1	24 5	131 6	73° 54'	1	63 0	115 5	89° 55'	1	43 8	82 15	50° 3'
2	32 37	147 0	58 0	2	67 24	126 29	78 31	2	49 7	95 56	36 22
3	43 8	153 50	51 10	3	74 13	136 10	68 50	3	57 42	105 26	26 52
4	54 19	156 5	48 55	4	82 48	143 45	61 15	4	67 50	111 5	21 13
5	65 36	155 8	49 52	4h 44m	90 0	148 6	56 54	5	78 45	114 17	18 1
6	76 46	153 24	51 36					6	90 0	115 13	17 5
7	87 24	149 6	55 54								
7h 16m	90 0	148 6	56 54								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	29° 16'	111° 0'		0h	64° 47'	90° 0'		0h	29° 16'	69° 0'	
1	32 5	132 30	89° 30'	1	66 15	102 27	77° 33'	1	32 5	90 30	47° 30'
2	39 22	147 30	74 30	2	70 30	113 35	66 25	2	39 22	105 30	32 30
3	49 3	156 0	66 0	3	77 4	122 55	57 5	3	49 3	114 0	24 0
4	59 50	160 7	61 53	4	85 18	130 58	49 2	4	59 50	118 7	19 53
5	71 5	161 24	60 36	4h 30m	90 0	134 16	45 44	5	71 5	119 24	18 36
6	82 22	160 40	61 20					6	82 22	118 40	19 20
6h 42m	90 0	158 59	63 1					6h 42m	90 0	116 59	21 1
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	40° 56'	113° 51'		0h	61° 26'	77° 30'		0h	20° 26'	77° 30'	
1	43 8	129 57	97° 45'	1	63 0	90 5	64° 55'	1	24 5	106 6	48° 54'
2	49 7	143 38	84 4	2	67 24	101 29	53 31	2	32 37	122 0	33 0
3	57 42	153 8	74 34	3	74 13	111 10	43 50	3	43 8	128 50	26 10
4	67 50	158 47	68 55	4	82 48	118 45	36 15	4	54 19	131 5	23 55
5	78 45	161 59	65 43	4h 44m	90 0	123 6	31 54	5	65 36	130 8	24 52
6	90 0	162 55	64 47					6	76 46	128 24	26 36
								7	87 24	124 6	30 54
								7h 16m	90 0	123 6	31 54

## VI. Mitte Pontus.

Längster Tag: 15 $\frac{1}{2}$  h. Polhöhe: 45° 1'.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	21° 10'	90° 0'		0h	56° 41'	111° 0'		0h	56° 41'	69° 0'	
1	24 32	116 5	63° 55'	1	58 19	123 31	98° 29'	1	58 19	81 31	56° 29'
2	32 12	131 30	48 30	2	62 49	134 16	87 44	2	62 49	92 16	45 44
3	42 1	138 17	41 43	3	69 42	143 12	78 48	3	69 42	101 12	36 48
4	52 29	140 31	39 29	4	78 16	149 31	72 29	4	78 16	107 31	30 29
5	63 4	140 2	39 58	5	87 56	154 6	67 54	5	87 56	112 6	25 54
6	73 24	137 32	42 28	5h 12m	90 0	154 43	67 17	5h 12m	90 0	112 43	25 17
7	83 17	133 26	46 34								
7h 45m	90 0	129 21	50 39								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	24° 31'	102° 30'		0h	65° 31'	102° 30'		0h	45° 1'	66° 9'	
1	27 29	124 49	80° 11'	1	66 55	113 50	91° 10'	1	46 55	80 37	51° 41'
2	34 48	140 47	64 13	2	70 58	124 21	80 39	2	52 17	92 44	39 34
3	44 20	148 5	56 55	3	77 14	133 19	71 41	3	60 1	101 22	30 56
4	54 37	151 5	53 55	4	85 10	140 20	64 40	4	69 19	107 6	25 12
5	65 15	151 7	53 53	4h 32m	90 0	143 25	61 35	5	79 28	110 13	22 5
6	75 39	149 20	55 40					6	90 0	111 8	21 10
7	85 39	145 39	59 21								
7h 28m	90 0	143 25	61 35								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	33° 21'	111° 0'		0h	68° 52'	90° 0'		0h	33° 21'	69° 0'	
1	35 43	129 15	92° 45'	1	70 14	101 11	78° 49'	1	35 43	87 15	50° 45'
2	42 4	142 50	79 10	2	74 5	111 30	68 30	2	42 4	100 50	37 10
3	50 46	151 9	70 51	3	80 6	120 29	59 31	3	50 46	109 9	28 51
4	60 44	155 31	66 29	4	87 42	128 13	51 47	4	60 44	113 31	24 29
5	71 12	157 3	64 57	4h 15m	90 0	129 21	50 39	5	71 12	115 3	22 57
6	81 46	156 31	65 29					6	81 46	114 31	23 29
6h 48m	90 0	154 43	67 17					6h 48m	90 0	112 43	25 17
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	45° 1'	113° 51'		0h	65° 31'	77° 30'		0h	24° 31'	77° 30'	
1	46 55	128 19	99° 23'	1	66 55	88 50	66° 10'	1	27 29	99 49	55° 11'
2	52 17	140 26	87 16	2	70 58	99 21	55 39	2	34 48	115 47	39 13
3	60 1	149 4	78 38	3	77 14	108 19	46 41	3	44 20	123 5	31 55
4	69 19	154 48	72 54	4	85 10	115 20	39 40	4	54 37	126 5	28 55
5	79 28	157 55	69 47	4h 32m	90 0	118 25	36 35	5	65 15	126 7	28 53
6	90 0	158 50	68 52					6	75 39	124 20	30 40
								7	85 39	120 39	34 21
								7h 28m	90 0	118 25	36 35

## VII. Borysthenes.

Längster Tag: 16<sup>h</sup>. Polhöhe: 48° 32'.

Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel	Stunde	Bogen	Östl. Winkel	Westl. Winkel
<b>Krebs</b>				<b>Skorpion</b>				<b>Fische</b>			
0h	24° 41'	90° 0'		0h	60° 12'	111° 0'		0h	60° 12'	69° 0'	
1	27 30	111 44	68° 16'	1	61 38	122 5	99° 55'	1	61 38	80 5	57° 55'
2	34 9	126 7	53 53	2	65 36	132 10	89 50	2	65 36	90 10	47 50
3	43 2	133 18	46 42	3	72 5	140 26	81 34	3	72 5	98 26	39 24
4	52 44	136 6	43 54	4	80 3	146 28	75 32	4	80 3	104 28	33 32
5	62 40	136 4	43 56	5	89 3	151 2	70 58	5	89 3	109 2	28 58
6	72 24	134 0	46 0	5h 6m	90 0	151 22	70 38	5h 6m	90 0	109 22	28 38
7	81 38	130 16	49 44								
8	90 0	124 58	55 2								
<b>Löwe</b>				<b>Schütze</b>				<b>Widder</b>			
0h	28° 2'	102° 30'		0h	69° 2'	102° 30'		0h	48° 32'	66° 9'	
1	30 32	122 9	82° 51'	1	70 20	112 49	92° 11'	1	50 21	78 48	53° 30'
2	36 55	135 54	69 6	2	74 2	122 31	82 29	2	54 59	89 58	42 20
3	45 30	143 28	61 32	3	79 48	130 49	74 11	3	62 5	98 4	34 14
4	55 3	146 50	58 10	4	87 14	137 25	67 35	4	70 41	103 36	28 42
5	64 59	147 19	57 41	4h 20m	90 0	139 20	65 40	5	80 8	106 41	25 37
6	74 47	145 46	59 14					6	90 0	107 37	24 41
7	84 10	142 27	62 33								
7h 40m	90 0	139 20	65 40								
<b>Jungfrau</b>				<b>Steinbock</b>				<b>Stier</b>			
0h	36° 52'	111° 0'		0h	72° 23'	90° 0'		0h	36° 52'	69° 0'	
1	38 56	126 45	95° 15'	1	73 38	100 15	79° 45'	1	38 56	84 45	53° 15'
2	44 31	139 7	82 53	2	77 10	109 47	70 13	2	44 31	97 7	40 53
3	52 25	147 9	74 51	3	82 44	118 3	61 57	3	52 25	105 9	32 51
4	61 35	151 36	70 24	4	90 0	124 58	55 2	4	61 35	109 36	28 24
5	71 22	153 23	68 37					5	71 22	111 23	26 37
6	81 17	152 58	69 2					6	81 17	110 58	27 2
6h 54m	90 0	151 22	70 38					6h 54m	90 0	109 22	28 38
<b>Wage</b>				<b>Wassermann</b>				<b>Zwillinge</b>			
0h	48° 32'	113° 51'		0h	69° 2'	77° 30'		0h	28° 2'	77° 30'	
1	50 21	126 30	101° 12'	1	70 20	87 49	67° 11'	1	30 32	97 9	57° 51'
2	54 59	137 40	90 2	2	74 2	97 31	57 29	2	36 55	110 54	44 6
3	62 5	145 46	81 56	3	79 48	105 49	49 11	3	45 30	118 28	36 32
4	70 41	151 18	86 24	4	87 14	112 25	42 35	4	55 3	121 50	33 10
5	80 8	154 23	73 19	4h 20m	90 0	114 20	40 40	5	64 59	122 19	32 41
6	90 0	155 19	72 23					6	74 47	120 46	34 14
								7	84 10	117 27	37 33
								7h 40m	90 0	114 20	40 40

Nachdem nun auch die Abhandlung von den Winkeln <sup>{Ha 148</sup> zum Abschluß gebracht ist, fehlt an den nötigen Unterlagen <sup>Hei 188</sup> nur noch die Feststellung der geographischen Lage der namhaftesten Städte jeder Provinz nach Länge und Breite zur Berechnung der für ihren Horizont eintretenden Himmelserscheinungen. Die Tabelle mit den hierauf bezüglichen Angaben werden wir aber erst als Anhang eines besonderen geographischen Werkes veröffentlichen, und zwar im engen Anschluß an die Forschungen der Männer, die sich ganz besonders durch wissenschaftliche Leistungen um dieses Gebiet verdient gemacht haben. Dieses Verzeichnis soll die nötigen Angaben enthalten, wieviel Grade jede Stadt auf dem durch sie gehenden Meridian Abstand vom Äquator hat, und wieviel Grade dieser Meridian von dem durch Alexandria gezogenen nach Osten oder Westen auf dem Äquator entfernt ist. Denn nach dem Meridian von Alexandria stellen wir<sup>a)</sup> die Zeiträume fest, welche seit den Epochen<sup>b)</sup> verflossen sind. 5 10 15

Jetzt halten wir unter der Voraussetzung, daß die Lagen gegeben sind, nur noch folgenden kurzen Zusatz für angezeigt. Wenn wir von der für einen zugrunde gelegten Ort genau festgesetzten Stunde<sup>c)</sup> aus feststellen wollen, welche Stunde zu demselben Zeitpunkt an einem anderen in die Untersuchung einbezogenen Orte war, so müssen wir, wenn die durch die betreffenden Orte gehenden Meridiane verschieden sind, feststellen, wieviel Raumgrade beide Orte, auf dem Äquator gemessen, voneinander entfernt sind, und welcher von beiden östlicher oder westlicher gelegen ist. Um ebensoviel Zeitgrade müssen wir dann die für den zugrunde gelegten Ort <sup>Hei 189</sup>

a) Bei allen nach den Tafeln zu berechnenden Sonnen- und Mondörtern.

b) D. s. die mittleren Örter von Sonne und Mond am Mittag des 1. Thoth des ersten Jahres der Regierung des Nabonassar. S. Buch III, Kap. 7; Buch IV, Kap. 8.

c) Daß Äquinoktialstunden vor und nach Mittag oder Mitternacht gemeint sind, geht daraus hervor, daß es sich um Vergleichung von Ortszeit handelt. S. erl. Anm. 1.

geltende Stunde vermehren oder vermindern, um die Stunde zu erhalten, welche der Theorie nach zu demselben Zeitpunkt für den in die Untersuchung einbezogenen Ort gilt. Hierbei findet Addition statt, wenn der in die Untersuchung einbezogene Ort östlicher liegt, Subtraktion, wenn [d]er [zu-  
5 grunde gelegte Ort] westlicher liegt.<sup>15)</sup>

## Drittes Buch.

### Vorwort.

Ha 149) Nachdem wir in den vorhergehenden Büchern unseres  
Hei 190) Handbuchs die mathematischen Vorkenntnisse erörtert haben,  
Hei 191 welche für die Erd- und Himmelskunde unbedingt erforder-  
10 lich sind, nachdem wir ferner die Neigung der durch die  
Mitte des Tierkreisgürtels gehenden Ekliptik und die be-  
sonderen Erscheinungen besprochen haben, welche an diesem  
Kreise bei Sphaera recta und bei Sphaera obliqua je nach  
der geographischen Breite zum Ausdruck kommen, halten  
15 wir es der richtigen Folge nach für geboten, im Anschluß  
an diese Vorstudien die Theorie der Sonne und des  
Mondes zu behandeln und die hinsichtlich ihrer Bewegungen  
sich zeigenden Begleiterscheinungen zu besprechen, da für  
keine der an den Planeten wahrzunehmenden Erscheinungen  
20 ohne die vorhergehende Behandlung dieser Verhältnisse eine  
gründliche Erklärung gefunden werden kann. Den Vorrang  
unter diesen nächsten Aufgaben beansprucht aber unseres  
Erachtens die Darstellung der Sonnenbewegung, ohne  
Ha 150 welche wieder auch die Theorie des Mondes in ihrem Zu-  
25 sammenhange unmöglich zu verstehen ist.

### Erstes Kapitel.

#### Die Länge des Jahres.

Unter allen Aufgaben, welche die Theorie der Sonne uns stellt, ist die erste, die Länge des Jahres zu finden. Die Meinungsverschiedenheit und Unsicherheit, welche bei den Alten über diesen Punkt herrscht, können wir aus ihren

Schriften ersehen, und besonders aus denen des keine Mühe scheuenden und wahrheitsliebenden Forschers Hipparch. Denn auch ihm verursacht in hohem Grade Unsicherheit über den fraglichen Punkt der Umstand, daß bei der an die Wenden und Nachtgleichen geknüpften scheinbaren Wiederkehr die Länge des Jahres kürzer befunden wird als der Zusatz eines Vierteltags über volle 365 Tage, länger dagegen bei der auf die Fixsterne theoretisch bezogenen Wiederkehr. Daher kommt er auf die Vermutung, daß auch der Fixsternsphäre ein Fortschritt von langer Zeit eigen sei, und zwar eine Bewegung, die sich, wie die der Wandelsterne, gegen die Richtung des Umschwungs vollziehe, der die erste (d. i. tägliche) Umdrehung in Beziehung zu dem durch die Pole des Äquators und der Ekliptik gehenden (Kolor-) Kreis bewirkt.<sup>a)</sup> Daß dieser Fortschritt tatsächlich vorhanden ist und wie er vor sich geht, werden wir erst in dem Abschnitt von der Fixsternwelt (Buch VII, Kap. 2 und 3) darlegen. Denn auch die Theorie der Fixsterne kann ohne die vorausgeschickte Belehrung über Sonne und Mond unmöglich einer gründlichen Behandlung unterzogen werden.

Was indes die vorliegende Aufgabe anbelangt, so sind wir der Meinung, daß man zur Beurteilung der Länge des Sonnenjahres keinen anderen Punkt ins Auge fassen dürfe, als die Wiederkehr der Sonne zu sich selbst, d. h. die Wiederkehr mit Bezug auf den von ihr beschriebenen schiefen Kreis. Damit wollen wir sagen, daß die Länge des Jahres zu definieren sei als die Zeit, in welcher die Sonne, von einem bestimmten unbeweglichen Punkte dieses Kreises ausgehend, Grad für Grad weiterschreitend bis wieder zu demselben Punkt gelangt, wobei man als die einzigen eigentartigen Anfangspunkte einer solchen Wiederkehr die durch die Wende- und Nachtgleichenpunkte genau festgelegten Punkte besagten Kreises anzunehmen hat. Wenn wir nämlich mit Betonung des rein mathematischen Standpunktes

a) Der Zusammenhang des Kolorkreises mit der täglichen Umdrehung wird S. 23,14 erörtert.

an die Frage herantreten, so werden wir erstens keine eigen-  
 artigere Wiederkehr finden als diejenige, welche die Sonne  
 räumlich sowohl wie zeitlich wieder in dieselbe Stellung  
 bringt, mag man theoretisch diesen charakteristischen Punkt  
 zum Horizont oder zum Meridian oder auch zu der Länge  
 von Tag und Nacht in Beziehung setzen, zweitens werden  
 wir keine anderen Anfangspunkte auf dem durch die Mitte  
 des Tierkreisgürtels gehenden Kreise finden, als allein die-  
 jenigen, welche genau so, wie es dem tatsächlichen Verhält-  
 nis entspricht, durch die Wende- und Nachtgleichenpunkte  
 festgelegt werden. Aber auch wenn man die Eigenartigkeit  
 (der Wiederkehr) mehr von einem Gesichtspunkt aus ins  
 Auge faßt, den die Naturbetrachtung an die Hand gibt, so  
 wird man erstens keine vernunftgemäße Wiederkehr finden  
 als diejenige, welche die Sonne von dem gleichen Temperatur-  
 zustande der Luft bis wieder zu dem gleichen bringt, d. h.  
 von derselben Jahreszeit bis wieder zu derselben, zweitens  
 wird man keine anderen Anfangspunkte als allein diejenigen  
 finden, an denen sich die Scheidung der Jahreszeiten be-  
 sonders deutlich bemerkbar macht. Hierzu kommt noch die  
 Erwägung, daß die theoretisch auf die Fixsterne bezogene  
 Wiederkehr sowohl aus anderen Gründen unhaltbar erscheint,  
 als auch besonders deshalb, weil die Theorie auch an der  
 Fixsternsphäre einen streng geregelten Fortschritt nach den  
 östlichen Teilen des Himmelsgewölbes feststellt. Unter diesen  
 Umständen könnte man ja ebensogut sagen, das Sonnenjahr  
 sei die Zeit, in welcher die Sonne z. B. den Saturn oder irgend-  
 einen anderen Planeten wieder einholt. Das würde zu einer  
 ansehnlichen Zahl von grundverschiedenen Jahreslängen  
 führen.

Hiermit sind die Gründe erschöpft, aus denen wir es für  
 angezeigt halten, nur in demjenigen Zeitraum die Länge des  
 Sonnenjahres zu erblicken, welcher mit Hilfe von zeitlich  
 möglichst weit auseinanderliegenden Beobachtungen als die  
 Zwischenzeit gefunden wird (in welcher die Sonne) von  
 einem Wende- oder Nachtgleichenpunkt bis wieder zu dem-  
 selben Wende- oder Nachtgleichenpunkt (gelangt).

Gewisse Bedenken verursacht indessen dem Hipparch die Ungleichheit, welche man selbst an der in diesem Sinne verstandenen Wiederkehr bei Benutzung von zusammenhängenden Beobachtungsreihen wahrzunehmen vermeint. Wir werden jedoch in aller Kürze darzulegen versuchen, daß diese vermeintliche Wahrnehmung keinerlei störende Bedenken zu erregen braucht. Überzeugendes Beweismaterial dafür, daß diese Zeiten nicht ungleich sind, haben wir einerseits aus denjenigen Wenden und Nachtgleichen gewonnen, welche wir selbst mit den Instrumenten in zusammenhängender Folge beobachtet haben — wir finden nämlich keinen wesentlichen Unterschied hinsichtlich des Vierteltags, der sich als Überschub einstellt, sondern nur in einzelnen Fällen eine Differenz von einem Betrage, wie er sich als Fehler infolge mangelhafter Konstruktion und Aufstellung der Instrumente leicht einstellen kann — andererseits aber ziehen wir gerade aus den Berechnungen, welche Hipparch anstellt, den naheliegenden Schluß, daß der Fehler, der die angebliche Ungleichheit verursacht, mehr auf Rechnung der Beobachtungen zu setzen sei.

Nachdem er nämlich in der Schrift „Von der Veränderung der Wende- und Nachtgleichenpunkte“ zunächst die seines Erachtens genau und hintereinander beobachteten Sommer- und Winterwenden mitgeteilt hat, gibt er selbst zu, daß diesem Material kein so auffälliger Mangel an Übereinstimmung anhafte, daß man um seinetwillen eine gewisse<sup>a)</sup> Ungleichheit der Länge des Jahres konstatieren müßte. Er schließt nämlich diese Mitteilung mit den Worten: „Aus diesen Beobachtungen geht deutlich hervor, daß der Unterschied der Jahreslänge nur ganz geringfügig ist. Was freilich die Wenden anbelangt, so kann ich das Bedenken nicht unterdrücken, daß wir nicht minder wie Archimedes sowohl bei deren Beobachtung als auch bei der an die Beobachtung geknüpften Berechnung einen Fehler machen, der bis zum vierten Teile

a) Das unbedingt notwendige *τινά* bei Halma ist von Heiberg ohne Begründung weggelassen worden.

eines Tages gehen dürfte. Genau kann die Ungleichförmigkeit der Jahreslänge aus den Beobachtungen erkannt werden, welche an dem in Alexandria in der sogenannten quadratischen Halle angebrachten Metallring angestellt worden sind; derselbe läßt scheinbar genau als den Nachtgleichentag denjenigen erkennen, an welchem er an seiner konkaven Fläche erstmalig von der anderen Seite belichtet wird.<sup>19)</sup>

Seine weiteren Mitteilungen erstrecken sich auf

A. Daten möglichst genau beobachteter Herbstnacht-  
10 gleichen. Die Beobachtungen wurden angestellt:

1. Im 17<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen Periode<sup>20)</sup> am 30. Mesore bei Sonnenuntergang (27. Sept. 162 v. Chr.).

2. Drei Jahre später im 20<sup>ten</sup> Jahre am ersten Zusatztage (27. Sept. 159 v. Chr.) in der Morgenstunde<sup>a)</sup>, obgleich der  
15 Eintritt in der Mittagstunde hätte erfolgen sollen, so daß sich ein Fehlbetrag von einem Vierteltag herausstellte.

3. Ein Jahr darauf (also wieder am ersten Zusatztage) im 21<sup>ten</sup> Jahre (27. Sept. 158 v. Chr.) in der sechsten Stunde (d. i. Mittags), was mit der vorhergehenden Beobachtung in  
20 Einklang stand.

4. Elf Jahre später im 32<sup>ten</sup> Jahre zur Mitternachtstunde vom dritten auf den vierten Zusatztag (26/27. Sept. 147 v. Chr.), obgleich der Eintritt in der Morgenstunde (6<sup>h</sup> früh am vierten) hätte erfolgen sollen, so daß sich wieder ein Fehl-  
25 betrag von einem Vierteltag ergab.

Hei 196 5. Ein Jahr darauf im 33<sup>ten</sup> Jahre am vierten Zusatztag (27. Sept. 146 v. Chr.) in der Morgenstunde (6<sup>h</sup> früh), was mit der vorhergehenden Beobachtung in Einklang stand.

Ha 154 6. Drei Jahre später im 36<sup>ten</sup> Jahre am vierten Zusatz-  
31 tag (26. Sept. 143 v. Chr.) abends (6<sup>h</sup>), obgleich der Eintritt zur Mitternachtstunde hätte erfolgen sollen, so daß der Fehlbetrag wieder nur den einen Vierteltag ausmachte.

B. Daten gleicherweise genau beobachteter Frühlingsnachtgleichen. Die Beobachtungen wurden angestellt:

a) Nur 12<sup>st</sup> später als 3 Jahre vorher, statt 18<sup>st</sup>. Hieraus geht hervor, daß unter *πρωίας* 6 Uhr früh (Beginn des Nachtgleichentages) zu verstehen ist.

1. Im 32<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen Periode<sup>20)</sup> am 27. Mechir (24. März 146 v. Chr.) in der Morgenstunde (6<sup>h</sup> früh). Der Ring in Alexandria, versichert Hipparch, zeigte aber auch um die fünfte Stunde (d. i. 11<sup>h</sup> vorm.) einen auf beiden Seiten gleichbreiten Lichtstreifen, so daß schließlich dieselbe Gleiche, verschieden beobachtet, um etwa fünf Stunden differierte.<sup>21)</sup> Die folgenden Gleichen bis zum 37<sup>ten</sup> Jahre hätten allerdings, wie er versichert, hinsichtlich des den Vierteltag betragenden Überschusses Übereinstimmung gezeigt. 5

2. Elf Jahre später im 43<sup>ten</sup> Jahre am 29. Mechir (23. März 135 v. Chr.) sei die Frühlingsnachtgleiche, sagt er, (unmittelbar) nach der Mitternacht auf den 30<sup>ten</sup> eingetreten, was mit der Beobachtung im 32<sup>ten</sup> Jahre in Einklang gewesen sei und auch wieder, so versichert er, mit den in den folgenden Jahren bis zum 50<sup>ten</sup> Jahre angestellten Beobachtungen übereinstimme. 10

3. Im 50<sup>ten</sup> Jahre trat nämlich die Gleiche am 1. Phamenoth (23. März 128 v. Chr.) bei Sonnenuntergang (6<sup>h</sup> abends) etwa  $1\frac{3}{4}$  Tag später ein als im 43<sup>ten</sup> Jahre, ein Überschuß, der sich auf die sieben dazwischen liegenden Jahre entsprechend verteilt. 20

Auch bei diesen Beobachtungen hat sich also keine beträchtliche Differenz herausgestellt, obgleich es nicht nur bei den Beobachtungen der Wenden, sondern auch bei denen der Nachtgleichen wohl möglich wäre, daß sich im Widerspruch mit den Beobachtungen ein Fehler sogar bis zum Betrage eines Vierteltags bemerkbar machte. Denn wenn die Aufstellung oder auch die Gradteilung des Instruments nur um den 3600<sup>ten</sup> Teil (d. i. um 6 Bogenminuten) des durch die Pole des Äquators gehenden (Deklinations-) Kreises von der genauen Lage oder Teilung abweicht, so gleicht die Sonne eine fehlerhafte Deklination von diesem Betrage in den Schnittpunkten mit dem Äquator durch eine Fortbewegung von  $\frac{1}{4}^{\circ}$  in Länge auf dem schiefen Kreise aus, so daß die mangelnde Übereinstimmung bis zu einer Differenz von einem Vierteltag gehen kann.<sup>22)</sup> Noch viel größer kann der Fehler 25

Hei 197  
Ha 155

werden bei den Instrumenten, welche nicht für einmaligen Gebrauch aufgestellt und nicht immer wieder genau im Vergleich zu den Beobachtungen geprüft werden, sondern wer weiß wie lange schon mit den darunter befindlichen Funda-  
 5 menten zu dem Zweck, ihre Lage auf lange Zeit dauernd zu behalten, festverbunden sind, wenn mit der Zeit an ihnen eine unbemerkt gebliebene seitliche Verschiebung eingetreten ist, wie man an den bei uns in der Palästra angebrachten Metallringen beobachten kann, welche scheinbar ihre Lage  
 10 in der Ebene des Äquators einhalten. Denn so bedeutend stellt sich uns bei Beobachtungen die Veränderung ihrer Lage heraus, besonders je größer und älter ein solcher Ring ist, daß ihre konkaven Flächen bisweilen zweimal hintereinander bei derselben Gleiche den (signifikanten) Wechsel  
 15 der Belichtung zeigen.<sup>21)</sup>

Hei 198 Aber freilich von derartigen Fehlerquellen will auch Hipparch keine als zutreffend gelten lassen, wo es sich um die Vermutung der Ungleichheit der Jahreslänge handelt. Vielmehr will er aus gewissen Mondfinsternissen durch Berechnung  
 20 das Ergebnis ableiten, daß die Ungleichheit der Jahreslänge im theoretischen Mittel genommen keine größere Differenz als  $\frac{3}{4}$  Tag aufweise. Das ist ein Betrag, der wohl schon eine Prüfung verdiente, wenn er wirklich so bedeutend wäre  
 Ha 156 und nicht an der Hand desselben Beweismaterials, aus welchem  
 25 er abgeleitet wird, auf theoretischem Wege als ein gründlicher Irrtum nachgewiesen werden könnte. Hipparch berechnet nämlich mit Hilfe gewisser Mondfinsternisse, welche in unmittelbarer Nähe von Fixsternen beobachtet worden sind<sup>a)</sup>, wie weit westlich vom Herbstpunkt bei jeder Finsternis  
 30 die sogenannte Spika stehe, und meint auf diesem Wege

a) Bei zentralen Mondfinsternissen, bei denen das Mondzentrum der Sonne diametral gegenüber in der Ekliptik steht, ist aus dem Sonnenorte sein scheinbarer Ort, d. i. der von der Parallaxe beeinflusste, mit zweifelloser Sicherheit bestimmbar. Nur dann gibt der Mondort für die Ortsbestimmung nahestehender Fixsterne einen durchaus zuverlässigen Ausgangspunkt ab. Vgl. Buch IV, Kap. 1 am Ende.

zu finden, daß sie zu seiner Zeit bald ein Maximum des Abstandes von  $6\frac{1}{2}^{\circ}$ , bald ein Minimum von  $5\frac{1}{4}^{\circ}$  zeige. Daraus zieht er den Schluß, da es ja nicht gut möglich sei, daß die Spika in so kurzer Zeit eine so bedeutende Ortsveränderung erlitten habe, daß mutmaßlich die Sonne, von deren Ort aus Hipparch die Örter der Fixsterne<sup>a)</sup> bestimmt, ihre Wiederkehr nicht in gleichlanger Zeit bewerkstellige. Nun kann aber die Berechnung zu gar keinem richtigen Ergebnis führen, ohne daß der Ort, den die Sonne zum Zeitpunkt der Finsternis inne hat, als sicher gegeben angenommen wird. Indem nun Hipparch für diesen Zweck bei jeder Finsternis die in jenen Jahren von ihm selbst genau beobachteten Wenden und Nachtgleichen heranzieht, liefert er, ohne es zu wollen und zu merken, gerade hiermit den klaren Beweis, daß bei der Vergleichung der Jahreslängen hinsichtlich des vierteltägigen Überschusses keinerlei Differenz herauskommt.

Diese Behauptung soll durch ein Beispiel erhärtet werden. Aus der im 32<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen Periode (146 v. Chr.) angestellten Finsternisbeobachtung, die er zum Vergleich vorlegt, glaubt er zu finden, daß die Spika  $6\frac{1}{2}^{\circ}$  westlich des Herbstpunktes stehe, während er mit Hilfe der im 43<sup>ten</sup> Jahre derselben Periode (135 v. Chr.) angestellten Beobachtung<sup>b)</sup> diesen Abstand nur zu  $5\frac{1}{4}^{\circ}$  findet. Indem er nun auch zu den vorliegenden Berechnungen die in den betreffenden Jahren genau beobachteten Frühlingsnachtgleichen (S. 135, 1. 11) heranzieht, um mit deren Hilfe die Örter

a) Natürlich nicht unmittelbar, sondern durch Vermittelung des Mondes, dessen scheinbare Elongation von dem genauen Ort der Sonne erst durch Rechnung festgestellt werden muß.

b) Diese beiden Finsternisse, beide total, haben nach dem Finsterniskanon von Oppolzer (Naturw. Kl. d. Kais. Akad. d. Wiss. Band 85, 2. Abt.) am 21. April 146 v. Chr. und am 21. März 135 v. Chr. stattgefunden. Da bei der letzteren die Sonne etwa in  $\mathcal{N} 27^{\circ}$  stand, so befand sich der Mond diametral gegenüber in  $\mathcal{M} 27^{\circ}$  in großer Nähe östlich der Spika, deren Ort zu Hipparchs Zeit (Comm. p. 196,8)  $2^{\circ}$  südlich unter  $\mathcal{M} 24^{\circ}$  war. Die Entfernung bei der ersten betrug dagegen etwa  $32^{\circ}$  östlich.

der Sonne zur Zeit der Finsternismitten, von diesen aus weiter die des Mondes, und von denen des Mondes aus die der Sterne zu erhalten, gibt er an, daß die eine Gleiche im 32<sup>ten</sup> Jahre am 27. Mechir (24. März 146 v. Chr.) in der Morgenstunde  
 5 (6<sup>h</sup> früh) stattgefunden habe, die andere im 43<sup>ten</sup> Jahre am 29. Mechir (unmittelbar) nach der Mitternacht auf den 30. Mechir (23/24. März 135 v. Chr.) etwa  $2\frac{3}{4}$  Tage<sup>a)</sup> später als die im 32<sup>ten</sup> Jahre, somit genau so viele Tage später, als lediglich der vierteltägige Überschuß mit sich bringt, der  
 10 auf jedes der 11 Zwischenjahre entfällt. Wenn nun einerseits die Sonne ihre nach den zugrunde gelegten Nachtgleichen bemessene Wiederkehr weder in längerer noch in kürzerer Zeit vollzogen hat, als der infolge des Vierteltags eintretende Überschuß beträgt, und wenn anderseits die Spika sich in  
 Hei 200 so wenigen Jahren unmöglich  $1\frac{1}{4}$ <sup>0</sup> bewegt haben kann, wie  
 16 sollte es da nicht eine ganz törichte Übereilung sein, das auf den zugrunde gelegten Argumenten fußende (zweifelhafte) Rechnungsergebnis zur Anfechtung ebendieser Argumente heranzuziehen, welche zu dem Ergebnis verholfen haben, und  
 20 die Ursache einer so ganz unmöglichen Bewegung der Spika keinem anderen Umstande zuzuschreiben als einzig und allein den zugrunde gelegten Nachtgleichen, wo es doch mehr als eine Ursache gibt, die einen so starken Fehler im Gefolge haben könnte? Heißt das nicht, jene Nachtgleichen seien  
 25 (an und für sich) genau und doch wieder (für den vorliegenden Zweck) nicht genau beobachtet gewesen? Viel näher dürfte doch wohl die Möglichkeit liegen, daß entweder die direkt bei den Finsternissen festgestellten Abstände des Mondes von den in nächster Nähe stehenden Sternen etwas  
 30 oberflächlich abgeschätzt worden seien, oder daß die Berechnungen, sei es der Parallaxen des Mondes zur Bestimmung seiner scheinbaren Örter, sei es der zwischen Gleiche und Finsternismitte vor sich gegangenen Sonnenbewegung, entweder nicht richtig oder wenigstens nicht genau ausgeführt  
 35 worden seien.

a) So viele Schalttage entfallen auf 11 Jahre der christlichen Zeitrechnung.

Freilich meine ich, daß schon Hipparch selbst zu der gleichen Erkenntnis gelangt sei, daß in derartigen Ergebnissen kein stichhaltiger Grund erblickt werden könne, der Sonne noch eine zweite Anomalie zuzuschreiben, vielmehr glaube ich, daß er lediglich aus Wahrheitsliebe einen von den Umständen nicht habe verschweigen wollen, die manchen Beobachter möglicherweise zu einem Bedenken führen konnten. Jedenfalls hat auch er die Hypothesen der Sonne und des Mondes unter der Voraussetzung gehandhabt, daß es an der Sonne nur eine einzige Anomalie gibt, welche ihre Wiederkehr im Einklange mit der nach den Wenden und Nachtgleichen bemessenen Jahreslänge vollzieht. Auch machen wir mit der Annahme, daß die so bemessenen Umläufe der Sonne gleichlang seien, nirgends in der Theorie die Erfahrung, daß die Finsternisercheinungen von den auf die betreffenden Hypothesen gegründeten Berechnungen namhaft differieren. Und doch müßte dies in sehr bemerkbarer Weise der Fall sein, wenn die Korrektion hinsichtlich der (etwaigen) Ungleichheit der Jahreslänge nicht mit in Betracht gezogen würde. Und wenn die Ungleichheit auch nur einen Grad ausmache, so würde dies bereits zu einer Differenz (mit der Finsternisberechnung) von ungefähr zwei Äquinoktialstunden<sup>a)</sup> führen.

Aus all dem Mitgeteilten, sowie aus den Erfahrungen, die wir selbst bei fortgesetzten eigenen Beobachtungen des Sonnenlaufs hinsichtlich der Zeiten der Wiederkehren ergeben sich für uns zwei Tatsachen, erstens: die Jahreslänge ist nicht ungleich, wenn sie auf einen Punkt, und nicht bald auf die Wende- und Nachtgleichenpunkte, bald auf die Fixsterne theoretisch bezogen wird; zweitens: es gibt keine andere eigenartigere Wiederkehr als diejenige, welche die Sonne von einem Wende- oder Nachtgleichenpunkt oder auch von irgendeinem anderen Punkte

a) Weil der Mond in Länge stündlich  $32'56''$  zurücklegt, mithin etwa zwei Stunden brauchen würde, um den einen Grad bis zur Sonne zurückzulegen, oder auch schon so weit über die Sonne hinaus sein könnte.

der Ekliptik wieder zu demselben Punkte zurückbringt. Überhaupt sind wir der Ansicht, daß es das richtige sei, die Erscheinungen mit Hilfe möglichst einfacher Hypothesen zu erklären, insoweit nicht aus den Beobachtungen ein namhafter Widerspruch gegen ein solches Vorhaben sich geltend macht.

Daß nun die theoretisch nach den Wenden und Nachtgleichen bemessene Jahreslänge kürzer ist als der einen Vierteltag betragende Zusatz zu vollen 365 Tagen, ist uns bereits aus den von Hipparch geführten Nachweisen ersichtlich geworden. Um wie viel sie aber kürzer ist, das dürfte mit absoluter Sicherheit zu bestimmen unmöglich sein; denn der Mehrbetrag des Vierteltags bleibt wegen des minimalen Betrags der Differenz auf eine Reihe von Jahren für die sinnliche Wahrnehmung gänzlich unverändert, und es kann deshalb bei der auf längerer Zwischenzeit beruhenden Vergleichung der gefundene Überschuß an Tagen, welcher auf die einzelnen Jahre der Zwischenzeit verteilt werden muß, mag es sich um mehr oder weniger Jahre handeln, theoretisch als derselbe betrachtet werden.<sup>a)</sup> Aber wenigstens ohne beträchtlichen Fehler genau läßt sich die also bemessene Wiederkehr bestimmen, je länger der Zeitraum gefunden wird, welcher zwischen den zu vergleichenden Beobachtungen liegt. Dieses Verfahren ist nicht nur im vorliegenden Falle, sondern überhaupt bei allen periodischen Wiederkehren mit Erfolg angewendet worden. Denn der kleine Fehler, welcher sich infolge der Unzulänglichkeit der Beobachtungen an sich selbst bei peinlich genauer Handhabung einstellt, der, mögen sich die Erscheinungen in langen oder kurzen Pausen wiederholen, für die auf sie gerichtete sinnliche Wahrnehmung immer wieder nahezu derselbe ist, dieser Fehler macht den Jahresirrtum und somit den aus diesem je nach der Länge der Zeit sich summierenden Fehler, auf weniger Jahre verteilt, größer, dagegen auf mehr Jahre verteilt, kleiner.

a) D. h. auf jedes Jahr entfällt bei der Verteilung der überschießenden Tage rund ein Vierteltag über 365 Tage.

Daher darf man es für eine ausreichende Leistung ansehen, wenn wir unerseits nur den Beitrag zu liefern Ha 160 versuchen, welchen die (verhältnismäßig kurze) Zeit, die zwischen uns und den uns erhaltenen alten und zugleich Hei 203 genauen Beobachtungen liegt, zum annähernd gültigen 5 Nachweis der zur Bestimmung der Umläufe aufgestellten Hypothesen zu bieten vermag, und wenn wir die gewissenhafte Prüfung des gebotenen Materials nicht gegen besseres Wissen und Können nachlässig betreiben, vielmehr uns zu der Meinung bekennen, daß prahlerische Versicherungen, 10 die „für alle Ewigkeit“ gegeben werden und mit „schier unermesslichen die Beobachtungen umspannenden Zeiträumen“ prunken, mit Forschungseifer und Wahrheitssinn nichts gemein haben.

Was zunächst das Alter (der Beobachtungen) anbelangt, 15 so müßten eigentlich die von der Schule des Meton und des Euktemon, sowie die nach ihnen von der Schule des Aristarch beobachteten Sommerwenden zum Vergleich mit den zu unserer Zeit eingetretenen Wenden herangezogen werden. Weil aber allgemein die Beobachtungen der Wenden 20 ihrem Werte nach schwer zu beurteilen und überdies die von den genannten Beobachtern überlieferten Aufzeichnungen recht oberflächlich gehalten sind, wie es schon dem Hipparch den Eindruck zu machen scheint, so haben wir dieselben beiseite gelassen. Benutzt haben wir dagegen zur Ver- 25 gleichung in der vorliegenden Frage die Beobachtungen der Nachtgleichen, und zwar von diesen wegen ihrer unbedingten Genauigkeit erstens diejenigen, welche von Hipparch ausdrücklich als von ihm mit möglichster Sorgfalt angestellt bezeichnet werden, zweitens diejenigen, welche 30 von uns selbst mit Hilfe der im Eingange unseres Handbuchs (S. 41—44) für solche Zwecke erklärten Instrumente unter ganz besonderer Gewähr der Sicherheit angestellt worden sind.

Aus diesem Material ergibt sich, daß in nahezu 300 Jahren 35 die Wenden und Nachtgleichen einen Tag eher eintreten, als es der Rechnung mit dem Überschuß eines Vierteltags Hei 204

über volle 365 Tage entspricht. Im 32<sup>ten</sup> Jahre der dritten  
 Ha 161 Kallippischen Periode (147/146 v. Chr.) hat nämlich Hipparch  
 gerade die Herbstnachtgleiche (S. 134, 21) als möglichst ge-  
 nau beobachtet bezeichnet und versichert, durch Berechnung  
 5 festgestellt zu haben, daß sie am dritten Zusatztage zu der  
 auf den vierten führenden Mitternachtstunde (26/27. Sept.  
 147 v. Chr.) eingetreten sei. Es ist das 178<sup>te</sup> Jahr nach  
 dem Tode Alexanders.<sup>a)</sup> 285 (d. s. 146 + 139) Jahre später,  
 im dritten Jahre Antonins (139/140 n. Chr.), welches das  
 10 (323 + 140 =) 463<sup>te</sup> Jahr nach dem Tode Alexanders ist,  
 haben wir mit größter Zuverlässigkeit wieder die Herbst-  
 nachtgleiche beobachtet: sie fand statt am 9. Athyr (26. Sept.  
 139 n. Chr. 7<sup>h</sup> früh) etwa eine Stunde nach Sonnenaufgang.  
 Als Überschuß über 285 ganze ägyptische Jahre — das  
 15 sind solche zu 365 Tagen — hat demnach die Wiederkehr  
 nur 70 volle Tage und  $\frac{1}{4} + \frac{1}{20}$  Tag als Überschuß erhalten  
 anstatt  $71\frac{1}{4}$  Tage,<sup>b)</sup> welche nach der Rechnung mit dem  
 Überschuß des Vierteltags auf die vorliegenden Jahre ent-  
 fallen würden. Folglich ist die Wiederkehr  $\frac{19}{20}$  Tag eher  
 20 eingetreten, als es der Rechnung mit dem Überschuß des  
 Vierteltags entspricht.

Ebenso behauptet Hipparch wieder, daß im obengenannten  
 32<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen Periode die Frühlings-  
 nachtgleiche (S. 135, 1) nach sehr genauer Beobachtung  
 25 am 27. Mechir (24. März 146 v. Chr.) in der Morgenstunde  
 (d. i. 6<sup>h</sup> früh) eingetreten sei. Es ist das 178<sup>te</sup> Jahr nach dem  
 Tode Alexanders. Demgegenüber haben wir gefunden, daß

a) Ära des Philippus Arrhidäus, des Stiefbruders und sog.  
 Nachfolgers Alexanders. Der Beginn der Ära ist der 1. Thoth  
 = 12. Nov. 324 v. Chr. In diesem ersten Jahre der Ära fällt  
 der Tod Alexanders des Großen auf den 11. Juni 323 v. Chr.

b) Die Zwischenzeit von der Mitternacht des dritten Zusatz-  
 tages bis eine Stunde nach Sonnenaufgang am 9. Athyr beträgt  
 über  $70\frac{1}{4}$  Tage ( $2^d + 60^d + 8^d + 6^h$ ) noch die eine Stunde (ge-  
 nau ist  $\frac{1}{20}^d = 1\frac{1}{5}^h$ ) mehr, um welche die letzte Gleiche nach  
 6<sup>h</sup> früh eintrat, während auf 285 julianische Jahre 71 Schalt-  
 tage und  $\frac{1}{4}$  Tag entfallen. Es ergibt sich also ein Fehlbetrag  
 von  $71\frac{1}{4}^d - [70\frac{1}{4}^d + \frac{1}{20}^d] = \frac{19}{20}$  Tag.

die  $(145 + 140 =)$  285 Jahre später, also wieder  $(323 +$  Hei 205  
 $140 =)$  463 Jahre nach dem Tode Alexanders, eingetretene  
 Frühlingsnachtgleiche am 7. Pachon (22. März 140 n. Chr.)  
 etwa eine Stunde nach Mittag stattfand, so daß auch diese  
 Periode die gleichen  $70\frac{1}{4} + \frac{1}{20}$  Tage aufweist<sup>a)</sup> anstatt Ha 162  
 der nach der Rechnung mit dem Vierteltag auf 285 Jahre 6  
 (als Schalttage) entfallenden  $71\frac{1}{4}$  Tage. Es ist also auch  
 in diesem Falle die Wiederkehr der Frühlingsnachtgleiche  
 $\frac{19}{20}$  Tag eher eingetreten, als es der Rechnung mit dem  
 Überschuß des Vierteltags entspricht. Da sich nun 300 zu 10  
 285 Jahren verhalten wie 1 Tag zu  $\frac{19}{20}$ ,<sup>b)</sup> so folgt hieraus,  
 daß in 300 Jahren die Wiederkehr der Sonne zum Frühlings-  
 punkt ungefähr einen Tag früher erfolgt, als es der Rech-  
 nung mit dem Überschuß des Vierteltags entspricht.

Ganz dasselbe Ergebnis werden wir erhalten, wenn wir 15  
 mit Rücksicht auf das Alter die von der Schule des Meton  
 und des Euktemon beobachtete, aber recht oberflächlich  
 aufgezeichnete Sommerwende<sup>c)</sup> mit der von uns möglichst  
 genau berechneten in Vergleich stellen. Erstere hat näm- 20  
 lich der Aufzeichnung nach stattgefunden unter dem athe-  
 nischen Archonten Apeudes am 21. ägyptischen Phamenoth  
 (27. Juni 432 v. Chr.) in der Morgenstunde. Demgegen-  
 über haben wir auf Grund genauer Berechnung festgestellt,  
 daß in dem obengenannten 463<sup>ten</sup> Jahre nach dem Tode Hei 206

a) Vom Morgen (6<sup>h</sup> früh) des 27. Mechir bis zur nämlichen  
 Stunde des 7. Pachon sind  $4^d + 60^d + 6^d$ , hierzu 6<sup>h</sup> bis zum  
 Mittag des 7. Pachon und 1 (reichliche) Stunde darüber: Summa  
 $70^d + \frac{1}{4}^d + \frac{1}{20}^d$ .

b)  $71\frac{5}{20} - 70\frac{6}{20} = \frac{19}{20}$ ;  $300 : 285 = x : \frac{19}{20}$ ;  $x = \frac{300 \cdot 19}{285 \cdot 20} = 1^d$ .

c) Nach der Berechnung von Wislicenus (Astron. Chron. S. 81)  
 stand die Sonne im Jahre 432 v. Chr. den 28. Juni mittags 12<sup>h</sup>  
 bürgerlicher Zeit von Athen noch  $\frac{1}{9}^o$  vor dem Wendepunkt.  
 Die Wende trat demnach etwa um 3<sup>h</sup>, nach Ideler (Chron. I.  
 S. 326) sogar erst um 4<sup>h</sup> nachm., also fast  $1\frac{1}{2}$  Tag später ein.  
 Auf den 28. Juni 10<sup>h</sup> 1<sup>m</sup> 53<sup>s</sup> vorm. fällt sie nach Pariser Zeit,  
 d. i. für Athen 11<sup>h</sup> 27<sup>m</sup> 27<sup>s</sup> vorm., nach der Berechnung, welche  
 Böckh (Sonnenkr. d. Alten, S. 43, 1) nach den Sonnentafeln von  
 Largeteau angestellt hat.

Alexanders die Wende am 11. Mesore (24. Juni) ungefähr 2 Stunden nach der Mitternacht auf den 12. Mesore (d. i. am 25. Juni 140 n. Chr. 2<sup>h</sup> nachts) eingetreten ist. Nun sind es von der unter Apseudes aufgezeichneten bis zu der 5 von der Schule des Aristarch im 50<sup>ten</sup> Jahre (und zwar nach S. 145,3 am Ende dieses Jahres) der ersten Kallipischen Periode (281 280 v. Chr.) beobachteten Sommerwende, wie auch Hipparch angibt, (432 — 280 =) 152 Jahre; dann weiter von dem genannten 50<sup>ten</sup> Jahre, welches Ha 163 mit dem 44<sup>ten</sup> Jahre nach dem Tode Alexanders zusammen-  
 11 fiel, bis zu dem 463<sup>ten</sup> Jahre (140 n. Chr.), in das unsere Beobachtung fällt, (279 + 140 =) 419 Jahre. In den (152 + 419 =) 571 Jahren der ganzen Zwischenzeit sind demnach, wenn die von der Schule des Euktemon be-  
 15 obachtete Sommerwende zu Beginn<sup>a)</sup> des 21. Phamenoth stattgefunden hat, zu ganzen ägyptischen Jahren hinzugekommen  $140\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$  Tage anstatt der  $142\frac{3}{4}$ , welche (als Schalttage) nach der Rechnung mit dem Überschuß des Vierteltags auf 571 Jahre entfallen würden. Mithin  
 20 ist die in Frage stehende Wiederkehr ( $142\frac{9}{12} - 140\frac{10}{12} = 1\frac{11}{12}$  d. i.) 2 Tage weniger  $\frac{1}{12}$  Tag früher eingetreten, als es der Rechnung mit dem Überschuß des Vierteltags entspricht. Folglich hat sich auch auf diesem Wege das Ergebnis herausgestellt, daß in vollen 600 Jahren die Jahres-  
 25 länge mit dem Überschuß des (vollen) Vierteltags nahezu zwei ganze Tage zu viel einbringt.

Auch mit Hilfe einer Mehrzahl von anderen Beobachtungen finden wir genau dasselbe Ergebnis und sehen den Hipparch

a) Vom Beginn (= *πρωιας*) des 21. Phamenoth bis 6<sup>h</sup> nachm. am 11. Mesore sind ( $10^d + 120^d + 10^d + \frac{1}{2}^d =$ )  $140\frac{1}{2}$  Tage; hierzu kommen 8 Stunden, d. i.  $\frac{1}{3}^d$ , von 6<sup>h</sup> nachm. am 11<sup>ten</sup> bis 2<sup>h</sup> nach der auf den 12<sup>ten</sup> führenden Mitternacht. Nur wenn *περὶ τὴν ἀρχὴν*, „zu Beginn“ (oben Z. 15), und *πρωιας*, „in der Morgenstunde“ (S. 143,22), durchgängig, d. i. ohne Rücksicht auf die Jahreszeit, von 6<sup>h</sup> früh verstanden wird (vgl. Böckh, Sonnenkr. d. Alten, S 304, unten), stimmt die Angabe des halben Tages von „früh“ bis 6<sup>h</sup> nachm. Vgl. S. 134 Anm.

mehrfach mit demselben in Übereinstimmung. So drückt er sich in der Schrift „Von der Länge des Jahres“ bei Vergleichung der von Aristarch am Ende des 50<sup>ten</sup> Jahres Hei 207 der ersten Kallippischen Periode (280 v. Chr.) beobachteten Sommerwende mit der von ihm selbst wieder genau fest- 5  
gestellten am Ende des 43<sup>ten</sup> Jahres der dritten Kallippischen Periode (136/135 v. Chr.) folgendermaßen aus:  
„Somit ist klar, daß nach (der Zwischenzeit von 280 — 135 =) 145 Jahren die Wende um die Hälfte der Zeit, welche die Summe von Tag und Nacht ausmacht,<sup>a)</sup> früher 10 eingetreten ist, als der Rechnung mit dem Überschuß des (vollen) Vierteltags entspricht.“ Ferner fügt er in der Schrift „Von Schaltmonaten und Schalttagen“, nachdem er vorher bemerkt hat, daß nach der Schule des Meton und des Euktemon die Jahreslänge  $365 \frac{1}{4} + \frac{1}{76}$  Tage, nach 15 Kallippus aber  $365 \frac{1}{4}$  Tage betrage, wörtlich folgendes Ha 164 hinzu: „Wir finden in 19 Jahren ebensoviele Monate<sup>b)</sup> enthalten wie jene Männer, das Jahr dagegen finden wir mit einem Zusatz behaftet, welcher mindestens  $\frac{1}{300}$  Tag kürzer ist als der Vierteltag (vgl. S. 146 Anm.), so daß es in 20 300 Jahren gegen Meton fünf Tage<sup>c)</sup> und gegen Kallippus einen Tag zurückbleibt.“ Indem er schließlich seine Ansicht unter Zitierung seiner eigenen Schriften kurz rekapituliert, sagt er also: „Ich habe auch über die Jahreslänge eine Abhandlung in einem Buche verfaßt, in welcher 25 ich nachweise, was das Sonnenjahr ist: es ist die Zeit, in welcher die Sonne von einer Wende bis wieder zu derselben gelangt, oder von einer Nachtgleiche bis wieder zu derselben; es umfaßt 365 Tage und einen Vierteltag weniger ungefähr  $\frac{1}{300}$  eines Tages und einer Nacht; die Meinung der Mathe- Hei 208

a) D. i. einen halben Tag früher, mithin in 290 Jahren einen Tag, annähernd wie oben S. 143, 13.

b) Nach Geminus (Isag. S. 120, 9) 235 Monate mit Einschluß der Schaltmonate.

c) Nur  $4 \frac{72}{76}^d$ ; denn  $\frac{1}{76} \times 300 = 3 \frac{72}{76}$ , wozu  $4^m 48^s \times 300 = 1^d$  kommt als der sich summierende Fehlbetrag des Vierteltags (S. 146 Anm.). An  $5^d$  fehlen also  $\frac{4}{76} = \frac{1}{19}^d$  oder  $1^h 16^m$ .

matiker, daß ein (voller) Vierteltag zu der genannten Zahl von Tagen hinzukomme, ist nicht richtig.“

Daß also die bis auf den heutigen Tag sich darbietenden Erscheinungen hinsichtlich der Jahreslänge mit dem  
 5 für die Wiederkehr zu den Wende- und Nachtgleichenpunkten obengenannten Betrag in vollem Einklang stehen, ist aus der Übereinstimmung der neuerdings gemachten Wahrnehmungen mit den früheren meines Erachtens deutlich hervorgegangen. Wenn wir daher den einen Tag<sup>a)</sup> auf  
 10 die 300 Jahre verteilen, so kommen auf jedes Jahr als  
 Ha 165 Bruchteil eines Tages 12 Sekunden; wenn wir diese von 365<sup>d</sup> 15', was der Rechnung mit dem Überschuß des (vollen) Vierteltags entspricht, abziehen, so werden wir die gesuchte Jahreslänge mit 365<sup>d</sup> 14' 48'' erhalten. Auf diesen Betrag  
 15 dürfte sich demnach die Zahl der Tage belaufen, welche von uns nach Möglichkeit aus dem gebotenen Material gewonnen worden ist.

Was aber die für die Sonne und die anderen Gestirne erforderliche Bestimmung ihres jeweiligen Laufs anbelangt,  
 20 für welche das Handbuch in Form spezieller Tabellen handliche und sozusagen zum Gebrauch fertige Unterlagen zu bieten hat, so sind wir zwar der Meinung, daß für den Mathematiker das Endziel seiner Aufgabe in dem Nachweis bestehen muß, daß die Erscheinungen am Himmel  
 25 sich alle infolge gleichförmiger und auf Kreisen vor sich gehender Bewegungen vollziehen, indessen gehört unseres Erachtens zu diesem schwierigen Vorhaben als notwendige Beigabe unbedingt die Aufstellung von Tafeln, welche zunächst die Teilbeträge der gleichförmigen Bewegung  
 30 (Kap. 2) getrennt zeigen von der scheinbaren Anomalie (Kap. 6), die bei der Annahme von Kreisen eintritt, und dann wieder aus der Mischung und Vereinigung dieser

a) Der Tag zu 60 Sechzigteilen oder Minuten gerechnet, gibt 3600 Sekunden;  $\frac{3600''}{300} = 12''$ . Da  $\frac{1^d}{300} = \frac{1440^m}{300} = 4^m 48^s$ , so beträgt das tropische Jahr um so viel weniger als 365 $\frac{1}{4}$ , d. i. 365<sup>d</sup> 5<sup>h</sup> 55<sup>m</sup> 12<sup>s</sup>. Der heutzutage geltende Wert ist 365<sup>d</sup> 5<sup>h</sup> 48<sup>m</sup> 46<sup>s</sup>.

beiden Bewegungen (Kap. 8) den Nachweis des scheinbaren Laufs der Gestirne ermöglichen. Damit uns nun auch dieser Abschnitt unserer Darstellung in recht praktischer Form erstehet und bei den Beweisen selbst zur Hand sei, so werden wir von hier ab die Aufstellung der Teilbeträge der gleichförmigen Sonnenbewegung in folgender Weise durchführen.

Nachdem eine Wiederkehr mit  $365^d 14' 48''$  nachgewiesen Hef 209 ist, werden wir, wenn wir mit dieser Zahl in die 360 Grade eines Kreises dividieren, den Betrag der täglichen mittleren Bewegung der Sonne mit  $0^0 59' 8'' 17''' 13^{IV} 12^V 31^{VI}$  erhalten; bis zu so vielen Sechzigteilen die Division durchzuführen, wird nämlich ausreichen. Ha 166

Nehmen wir dann wieder von der täglichen Bewegung den 24<sup>ten</sup> Teil, so werden wir den stündlichen Betrag erhalten mit  $0^0 2' 27'' 50''' 43^{IV} 3^V 1^{VI}$ .

Indem wir ferner den täglichen Betrag mit der Zahl der 30 Tage eines Monats multiplizieren, werden wir mit  $29^0 34' 8'' 36''' 36^{IV} 15^V 30^{VI}$  die mittlere monatliche Bewegung und durch Multiplikation mit der Zahl der 365 20 Tage eines ägyptischen Jahres die mittlere jährliche Bewegung mit  $359^0 45' 24'' 45''' 21^{IV} 8^V 35^{VI}$  erhalten.

Indem wir dann wieder den jährlichen Betrag mit der Zahl von 18 Jahren multiplizieren, weil hierdurch in der Abfassung der Tafeln das symmetrische Verhältnis zum Ausdruck kommen wird,<sup>a)</sup> und von dem Produkt ganze Kreise abziehen, werden wir als den Überschuß der 18-jährigen Periode erhalten  $355^0 37' 25'' 36''' 20^{IV} 34^V 30^{VI}$ .

Wir werden also drei Tafeln der gleichförmigen Sonnenbewegung aufstellen, jede wieder zu 45 Zeilen (vgl. S. 35, 27), und zwar in 2 Teilen. Die erste Tafel wird die Beträge der mittleren Bewegung für die 18jährigen Perioden enthalten, die zweite an erster Stelle die Beträge für die (einzelnen) Jahre, darunter die Beträge für die Stunden,

a) Insofern durch Annahme der Zahl 18 die Summe  $18 + 24$  der Jahre und der Stunden in der zweiten Tafel gleichkommt der Zahl  $12 + 30$  der Monate und der Tage in der dritten Tafel.

die dritte an erster Stelle die Beträge für die Monate, darunter die Beträge für die Tage. In dem ersten Teile jeder Tafel stehen die Argumentzahlen der betreffenden Zeitabschnitte, in dem zweiten die Ansätze der Gradzahlen, von Zeile zu Zeile aus sukzessivem Addieren der (in der ersten Zeile stehenden) Grundzahl hervorgehend.

Die Tafeln erhalten demnach folgende Form.

### Zweites Kapitel.

#### Tafeln der gleichförmigen Bewegung der Sonne.

Epoche: 1. Thoth des 1. Jahres Nabonassars.

Mittlerer Ort:  $\text{J}(0^{\circ}45')$ .

10 Entfernung vom Apogeum  $\text{II}5^{\circ}30'$ :  $265^{\circ}15'$ .

(S. 149—151.)

### Drittes Kapitel.

#### Die Hypothesen zur Erklärung der gleichförmigen Bewegung auf Kreisen.

Ha 170  
Hei 216} Da die nächste Aufgabe ist, die scheinbare Anomalie der Sonne nachzuweisen, so muß die allgemeine Bemerkung vorausgeschickt werden, daß auch die nach den östlichen Teilen des Himmels vor sich gehende Ortsveränderung der Planeten, genau so wie auch der nach Westen zu erfolgende Umschwung des Weltganzen, durchaus gleichförmig ist und naturgemäß auf Kreisen vor sich geht, d. h. daß die idealen Leitlinien, welche die Gestirne oder auch deren Kreise (um ein Zentrum) herumführen, bei ausnahmslos allen Gestirnen in gleichen Zeiten gleiche Winkel am Zentrum der betreffenden (durch den Umlauf beschriebenen) Kreislinie bilden. Die scheinbaren Anomalien, welche an den Umlaufsbewegungen wahrgenommen werden, treten lediglich ein als Folge der (wechselnden) Lagen und Stellungen der an den Sphären der Gestirne verlaufenden Kreise, auf denen sie ihre Bewegungen vollziehen. Keine Äußerung ihres Wesens, die mit ihrer ewigen Dauer

## I. Tafel für Perioden zu 18 Jahren.

18	355 <sup>0</sup>	37'	25''	36'''	20 <sup>IV</sup>	34 <sup>V</sup>	30 <sup>VI</sup>
36	351	14	51	12	41	9	0
54	346	52	16	49	1	43	30
72	342	29	42	25	22	18	0
90	338	7	8	1	42	52	30
108	333	44	33	38	3	27	0
126	329	21	59	14	24	1	30
144	324	59	24	50	44	36	0
162	320	36	50	27	5	10	30
180	316	14	16	3	25	45	0
198	311	51	41	39	46	19	30
216	307	29	7	16	6	54	0
234	303	6	32	52	27	28	30
252	298	43	58	28	48	3	0
270	294	21	24	5	8	37	30
288	289	58	49	41	29	12	0
306	285	36	15	17	49	46	30
324	281	13	40	54	10	21	0
342	276	51	6	30	51	55	30
360	272	28	32	6	12	30	0
378	268	5	57	43	30	4	30
396	263	43	23	19	32	39	0
414	259	20	48	55	53	13	30
432	254	58	14	32	13	48	0
450	250	35	40	8	34	22	30
468	246	13	5	44	54	57	0
486	241	50	31	21	15	31	30
504	237	27	56	57	36	6	0
522	233	5	22	33	56	40	30
540	228	42	48	10	17	15	0
558	224	20	13	46	37	49	30
576	219	57	39	22	58	24	0
594	215	35	4	59	18	58	30
612	211	12	30	35	39	33	0
630	206	49	56	12	0	7	30
648	202	27	21	48	20	42	0
666	198	4	47	24	41	16	30
684	193	42	13	1	1	51	0
702	189	19	38	37	22	25	30
720	184	57	4	13	43	0	0
738	180	34	29	50	3	34	30
756	176	11	55	26	24	9	0
774	171	49	21	2	44	43	30
792	167	26	46	39	5	18	0
810	163	4	12	15	25	52	30

II<sup>a</sup>. Tafel für Jahre.

1	359 <sup>0</sup>	45'	24''	45'''	21 <sup>IV</sup>	8 <sup>V</sup>	35 <sup>VI</sup>
2	359	30	49	30	42	17	10
3	359	16	14	16	3	25	45
4	359	1	39	1	24	34	20
5	358	47	3	46	45	42	55
6	358	32	28	32	6	51	30
7	358	17	53	17	28	0	5
8	358	3	18	2	49	8	40
9	357	48	42	48	10	17	15
10	357	34	7	33	31	25	50
11	357	19	32	18	52	34	25
12	357	4	57	4	13	43	0
13	356	50	21	49	34	51	35
14	356	35	46	34	56	0	10
15	356	21	11	20	17	8	45
16	356	6	36	5	38	17	20
17	355	52	0	50	59	25	55
18	355	37	25	36	20	34	30

II<sup>b</sup>. Tafel für Stunden.

1	0 <sup>0</sup>	2'	27''	50'''	43 <sup>IV</sup>	3 <sup>V</sup>	1 <sup>VI</sup>
2	0	4	55	41	26	6	2
3	0	7	23	32	9	9	3
4	0	9	51	22	52	12	5
5	0	12	19	13	35	15	6
6	0	14	47	4	18	18	7
7	0	17	14	55	1	21	9
8	0	19	42	45	44	24	10
9	0	22	10	36	27	27	11
10	0	24	38	27	10	30	12
11	0	27	6	17	53	33	14
12	0	29	34	8	36	36	15
13	0	32	1	59	19	39	16
14	0	34	29	50	2	42	18
15	0	36	57	40	45	45	19
16	0	39	25	31	28	48	20
17	0	41	53	22	11	51	21
18	0	44	21	12	54	54	23
19	0	46	49	3	37	57	24
20	0	49	16	54	21	0	25
21	0	51	44	45	4	3	27
22	0	54	12	35	47	6	28
23	0	56	40	26	30	9	29
24	0	59	8	17	13	12	31

Zusatz des Apogeumabstandes der Sonne von II 5°30' bis H 0°45':

265°15'
---------

III<sup>a</sup>. Tafel für Monate.

30	29 <sup>0</sup>	34'	8''	36'''	36 <sup>IV</sup>	15 <sup>V</sup>	30 <sup>VI</sup>
60	59	8	17	13	12	31	0
90	88	42	25	49	48	46	30
120	118	16	34	26	25	2	0
150	147	50	43	8	1	17	30
180	177	24	51	39	37	33	0
210	206	59	0	16	13	48	30
240	236	33	8	52	50	4	0
270	266	7	17	29	26	19	30
300	295	41	26	6	2	35	0
330	325	15	34	42	38	50	30
360	354	49	43	19	15	6	0

III<sup>b</sup>. Tafel für Tage.

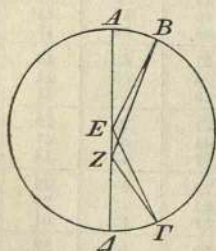
1	0 <sup>0</sup>	59'	8''	17'''	13 <sup>IV</sup>	12 <sup>V</sup>	31 <sup>VI</sup>
2	1	58	16	34	26	25	2
3	2	57	24	51	39	37	33
4	3	56	33	8	52	50	4
5	4	55	41	26	6	2	35
6	5	54	49	43	19	15	6
7	6	53	58	0	32	27	37
8	7	53	6	17	45	40	8
9	8	52	14	34	58	52	39
10	9	51	22	52	12	5	10
11	10	50	31	9	25	17	41
12	11	49	39	26	38	30	12
13	12	48	47	43	51	42	43
14	13	47	56	1	4	55	14
15	14	47	4	18	18	7	45
16	15	46	12	35	31	20	16
17	16	45	20	52	44	32	47
18	17	44	29	9	57	45	18
19	18	43	37	27	10	57	49
20	19	42	45	44	24	10	20
21	20	41	54	1	37	22	51
22	21	41	2	18	50	35	22
23	22	40	10	35	3	47	53
24	23	39	18	53	17	0	24
25	24	38	27	10	30	12	55
26	25	37	35	27	43	25	26
27	26	36	43	44	56	37	57
28	27	35	52	2	9	50	28
29	28	35	0	19	23	2	59
30	29	34	8	36	36	15	30

unvereinbar wäre, kann bei der nur in der Vorstellung existierenden Regellosigkeit der Erscheinungen in Wirklichkeit zutage treten.

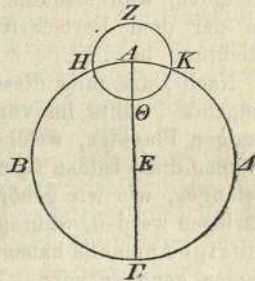
Die Hervorrufung des Scheines einer ungleichförmigen Bewegung kann vornehmlich nach zwei Hypothesen, welche wir als die ersten und einfachsten bezeichnen, eintreten. Wird nämlich die Bewegung der Gestirne theoretisch auf den mit dem Weltall konzentrischen und in der Ebene der Ekliptik gedachten Kreis (der Ekliptik) bezogen, mit dessen Zentrum demnach unser Auge zusammenfällt, so sind zwei Annahmen möglich: entweder vollziehen die Gestirne ihre Bewegungen auf Kreisen, die mit dem Weltall nicht konzentrisch sind, oder auf Kreisen, die mit dem Weltall konzentrisch sind, dann aber nicht schlechthin auf letzteren selbst, sondern auf anderen von diesen getragenen Kreisen, den sogenannten Epizyklen. Nach jeder dieser beiden Hypothesen wird sich die Möglichkeit herausstellen, daß die Planeten in gleichen Zeiten für unser Auge ungleiche Bogen der mit dem Weltall konzentrischen Ekliptik durchlaufen.

20 A. Denken wir uns zunächst nach der exzentrischen Hypothese als den Exzenter, auf welchem das Gestirn sich gleichförmig bewegt, den Kreis  $AB\Gamma\Delta$  um das Zentrum  $E$  und den Durchmesser  $AE\Delta$ , ferner auf letzterem den Punkt  $Z$  als unser Auge, so daß  $A$  der erdfernste, und  $\Delta$  der erdnächste Punkt (des Exzenter) wird. Ziehen wir alsdann nach Abtragung der gleichgroßen Bogen  $AB$  und  $\Delta\Gamma$  die Verbindungslinien  $BE, BZ, \Gamma E, \Gamma Z$ , so wird ohne weiteres klar sein, daß das Gestirn,

nachdem es jeden der beiden Bogen in gleicher Zeit zurückgelegt hat, auf dem um  $Z$  beschriebenen Kreise (d. i. in der Ekliptik) scheinbar ungleiche Bogen durchlaufen haben wird; denn  $\angle BZA$  wird kleiner,  $\angle \Gamma Z\Delta$  dagegen größer sein (nach Eukl. I. 16) als jeder der als gleich angenommenen Winkel  $BEA$  und  $\Gamma E\Delta$ .



B. Denken wir uns nach der epizyklischen Hypothese  $AB\Gamma\Delta$  als den mit der Ekliptik konzentrischen Kreis um Hei 218 das Zentrum  $E$  und den Durchmesser  $AE\Gamma$ , und als den auf ihm laufenden Epizykel, auf welchem sich das Gestirn bewegt, den Kreis  $ZH\Theta K$  um den Ha 172 Mittelpunkt  $A$ , so wird auch hier 6 ohne weiteres folgendes einleuchten. Wenn der Epizykel den Kreis  $AB\Gamma\Delta$  z. B. in der Richtung von  $A$  nach  $B$  mit gleichförmiger Geschwindigkeit durchläuft, und ebenso das Gestirn den Epizykel, so wird das Gestirn, wenn es in den Punkten  $Z$  und  $\Theta$  steht, mit dem Mittelpunkt  $A$  des Epizykels scheinbar zusammenfallen; steht es dagegen in anderen Punkten, so wird dies nicht mehr der Fall sein. So wird es z. B. in Punkt  $H$  angelangt, scheinbar eine um den Bogen  $AH$  größere Bewegung als die gleichförmige ausgeführt haben, dagegen in Punkt  $K$  angelangt, ganz entsprechend eine 10 um den Bogen  $AK$  kleinere. 15



Bei der exzentrischen Hypothese, wie wir sie oben beschrieben haben, tritt nun die Begleiterscheinung ein, daß die kleinste Bewegung stets im erdfernsten, und die größte Bewegung stets im erdnächsten Punkte vor sich 25 geht, weil  $\angle AZB$  in allen Fällen<sup>a)</sup> kleiner ist als  $\angle \Delta Z\Gamma$ . Dagegen können bei der epizyklischen Hypothese beide Möglichkeiten eintreten. Wenn nämlich das Gestirn auf dem Epizykel, während der Epizykel nach den östlichen Hei 219 Teilen des Himmels, wie z. B. in der Richtung von  $A$  nach 31  $B$ , fortschreitet, seine Bewegung so ausführt, daß der Fortschritt vom Apogeum weg sich ebenfalls nach Osten zu vollzieht, d. i. von  $Z$  nach  $H$ , so wird die Folge davon sein, daß im Apogeum der größte Lauf stattfindet, weil sich alsdann Epizykel und Gestirn nach derselben Richtung 36

a) Natürlich gleichgroße Bogen des Exzentrers unterspannend.

bewegen. Wenn dagegen der Fortschritt des Gestirns vom Apogeum weg in der Richtung vor sich geht, aus welcher Ha 173 der Epizykel herkommt, d. i. von Z nach K, dann wird umgekehrt im Apogeum der kleinste Lauf zustande 5 kommen, weil alsdann das Gestirn seine Ortsveränderung in der dem Fortschritt des Epizykels entgegengesetzten Richtung bewirkt.

Nach Darlegung dieser Verhältnisse müssen weiter noch folgende Punkte im voraus besprochen werden. Bei den- 10 jenigen Planeten, welche eine doppelte Anomalie zeigen, können diese beiden Hypothesen kombiniert zur Anwendung gelangen, wie wir gehörigen Ortes (Buch IX, Kap. 5 u. 6) darlegen werden, während bei denjenigen, welche nur eine einzige Anomalie haben, schon eine der mitgetheilten Hypo- 15 thesen genügen wird. Ferner ist hervorzuheben, daß nach jeder dieser beiden Hypothesen alle Erscheinungen unterschiedslos gleichen Verlauf zeigen werden, wenn für beide dieselben Verhältnisse eingehalten werden. Dies ist der Fall, wenn folgende Bedingungen erfüllt sind.

20 Erstens muß bei der exzentrischen Hypothese die Gerade zwischen den Mittelpunkten, d. h. zwischen Auge und Zentrum des Exzenter, zum Halbmesser des Exzenter in demselben Verhältnis stehen, in welchem bei der epizyklischen Hypothese der Halbmesser des Epizykels zum Halbmesser 25 des den Epizykel tragenden Kreises steht (: an Figur A ist  $EZ : EA = ZA : EA$  an Figur B).

Hei 220 Zweitens muß (bei der exzentrischen Hypothese) das Gestirn, seine Bewegung in der Richtung der Zeichenfolge (d. i. ostwärts) ausführend, den Exzenter, der seine Lage 30 unverändert beibehält, in derselben Zeit durchwandern, in welcher (bei der epizyklischen Hypothese) der Epizykel, ebenfalls in der Richtung der Zeichenfolge sich weiter bewegend, den mit dem Auge konzentrischen Kreis durchläuft, während das Gestirn mit der gleichgroßen Geschwindig- 35 keit (wie der Epizykel auf dem Konzenter) einen (vollen) Umlauf auf dem Epizykel machen muß, jedoch so, daß sein Fortschritt auf dem erdfernen Bogen (des Epizykels)

gegen die Richtung der Zeichenfolge (d. i. westwärts) vor sich geht.

Daß bei Einhaltung dieser Verhältnisse nach jeder der beiden Hypothesen alle Erscheinungen denselben Verlauf zeigen werden, wollen wir in aller Kürze dem Verständnis <sup>5</sup> zugänglich machen, und zwar zunächst an der Hand der <sup>Ha 174</sup> Verhältnisse an sich, später (am Schluß des 4. Kap.) auch mit Hilfe der Zahlen, welche sich unter Annahme dieser Verhältnisse bei der Anomalie der Sonne ermitteln lassen.

Meine Behauptung geht also dahin: 10

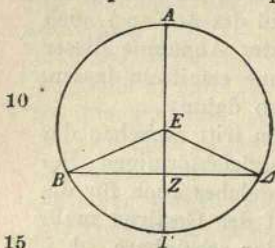
1. Nach jeder der beiden Hypothesen tritt zwischen der gleichförmigen und der scheinbar ungleichförmigen Bewegung das Maximum der Differenz, welches auch für die Vorstellung von dem mittleren Lauf der Gestirne maßgebend ist,<sup>a)</sup> an der Stelle ein, wo der scheinbare (d. i. <sup>15</sup> in der Ekliptik gemessene) Abstand vom Apogeum einen Quadranten ausmacht.

2. Die Zeit vom Apogeum bis zu dem bezeichneten mittleren Lauf ist größer als die Zeit von dem mittleren Lauf bis zum Perigeum. Daher tritt nach der exzentrischen <sup>20</sup> Hypothese stets, nach der epizyklischen aber nur dann, wenn der Fortschritt der Gestirne vom Apogeum weg gegen die Richtung der Zeichenfolge (d. i. westwärts) vor sich geht, der Fall ein, daß die Zeit von der kleinsten Bewegung bis zur mittleren größer wird als die Zeit von der mittleren <sup>Hei 221</sup> bis zur größten, weil dann nach jeder der beiden Hypo- <sup>26</sup> thesen der kleinste Lauf im Apogeum vor sich geht. Dagegen wird nach der Hypothese (Buch IX, Kap. 5), welche die Herumleitung der Planeten vom Apogeum weg in der Richtung der Epizykel, d. i. gleichfalls <sup>30</sup> ostwärts erfolgen läßt, umgekehrt die Zeit von der größten Bewegung bis zur mittleren größer als die Zeit von der mittleren Be-

a) Einen mittleren Lauf der Gestirne gibt es in Wirklichkeit nicht, er existiert nur in der Vorstellung als das theoretische Mittel zwischen dem kleinsten und größten Lauf, verläuft daher scheinbar in der Mitte zwischen Apogeum und Perigeum, wo das Maximum der Differenz eintritt.

wegung bis zur kleinsten, weil in diesem Falle im Apogeum der größte Lauf vor sich geht.

A. Beweis nach der exzentrischen Hypothese. Exzenter des Gestirns sei der Kreis  $AB\Gamma\Delta$  um das Zentrum  $E$  und den Durchmesser  $A\Gamma$ , auf welchem der



Mittelpunkt der Ekliptik, d. i. der Punkt, wo sich das Auge befindet, bestimmt werden muß; derselbe sei Punkt  $Z$ . Nachdem man durch  $Z$  unter rechten Winkeln zu  $A\Gamma$  die Gerade  $BZ\Delta$  gezogen, nehme man das Gestirn in den Punkten  $B$  und  $\Delta$  an, damit eben die scheinbare (d. i. von  $Z$  aus in der Ekliptik gemessene) Entfernung vom Apogeum  $A$  beiderseits einen Quadranten betrage.

1. Es ist zu beweisen, daß in den Punkten  $B$  und  $\Delta$  das Maximum der Differenz zwischen der gleichförmigen und der ungleichförmigen Bewegung eintritt.

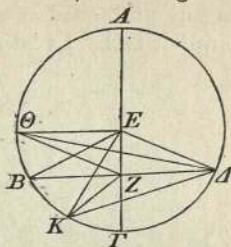
Man ziehe die Verbindungslinien  $EB$  und  $E\Delta$ . Daß der (gesuchte den  $\angle EBZ$  überspannende) Bogen der Anomaliedifferenz zu dem ganzen Kreise in demselben Verhältnis steht, wie  $\angle EBZ$  zu 4 Rechten, ist ohne weiteres klar.<sup>a)</sup> Es ist nämlich  $\angle AEB$  der Winkel, welcher (auf dem Exzenter) den Bogen der gleichförmigen Bewegung unterspannt, während  $\angle AZB$  den Bogen der scheinbar ungleichförmigen Bewegung (in der Ekliptik) unterspannt. Also ist  $\angle EBZ$  (nach Eukl. I. 32) gleich der Differenz dieser beiden Winkel (und sein Scheitelwinkel mißt in der Ekliptik den Bogen der Anomaliedifferenz).

Meine Behauptung läuft also darauf hinaus, daß an der Peripherie des Kreises  $AB\Gamma\Delta$  auf der Geraden  $EZ$

a) Weil S. 101, 5 schon erklärt worden ist, daß ein Kreisbogen ebensoviel Grade beträgt, deren der Kreis 360 hat, als der ihn unterspannende Zentriwinkel Grade hat, deren 360 auf 4 R kommen. Demnach kann der gesuchte Bogen, der zunächst, weil von  $\angle EBZ$  unterspannt, ein Bogen des um  $B$  gezogenen Kreises ist, zu den Zentriwinkeln jedes anderen Kreises in Beziehung gesetzt werden.

kein anderer Winkel konstruiert werden kann, welcher größer wäre als  $\angle EBZ$  oder  $\angle E\Delta Z$ .

Man konstruiere in den Punkten  $\Theta$  und  $K$  die Winkel  $E\Theta Z$  und  $EKZ$  und ziehe die Verbindungslinien  $\Theta\Delta$ ,  $K\Delta$ . Da nun in jedem Dreieck (hier  $\triangle\Theta\Delta Z$ ) der größeren Seite ( $\Theta Z$ ) der größere Winkel (nach Eukl. I. 18) gegenüberliegt, so ist



5

10

einerseits

$$\angle\Theta\Delta Z > \angle\Delta\Theta Z, \text{ weil } \Theta Z > Z\Delta \text{ (Eukl. III. 7)}$$

$$\angle E\Delta\Theta = \angle E\Theta\Delta, \text{ weil } E\Delta = E\Theta \text{ (Eukl. I. 5)}$$

$$(\angle\Theta\Delta Z + \angle E\Delta\Theta > \angle\Delta\Theta Z + \angle E\Theta\Delta)^a)$$

$$\angle E\Delta Z > \angle E\Theta Z$$

$$\angle E\Delta Z = \angle EBZ$$

15

$$\angle EBZ > \angle E\Theta Z.$$

Andererseits ist

$$\angle ZK\Delta > \angle Z\Delta K, \text{ weil } \Delta Z > KZ$$

Ha 176

$$\angle E\Delta K = \angle EK\Delta, \text{ weil } E\Delta = EK$$

$$(\angle E\Delta K - \angle Z\Delta K > \angle EK\Delta - \angle ZK\Delta)^b)$$

20

$$\angle E\Delta Z > \angle EKZ$$

$$\angle E\Delta Z = \angle EBZ$$

$$\angle EBZ > \angle EKZ.$$

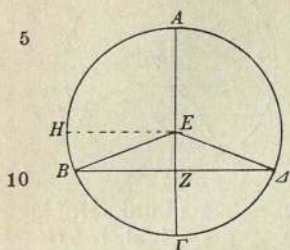
Es ist mithin nicht möglich, andere Winkel in der angegebenen Weise zu konstruieren, welche größer wären, als die Winkel in den Punkten  $B$  und  $\Delta$ .

2. Gleichzeitig wird der Beweis dafür miterbracht, daß der Bogen  $AB$ , welcher die Zeit von der kleinsten Bewegung bis zur mittleren darstellt, um den doppelten Betrag des Bogens, welcher die Anomaliedifferenz mißt, größer ist als

a) Werden zwei Winkel, von denen der erste größer ist als der zweite, um dieselbe Größe vermehrt, so bleibt der vergrößerte erste Winkel größer als der vergrößerte zweite.

b) Wird von zwei gleichgroßen Winkeln der erste um die kleinere Größe vermindert als der zweite, so wird der verminderte erste Winkel größer als der verminderte zweite.

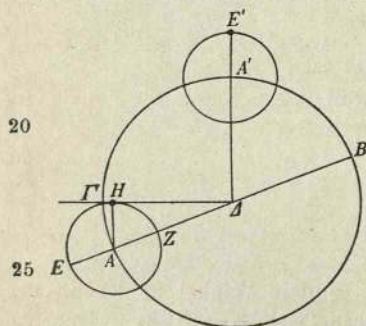
der Bogen  $B\Gamma$ , welcher die Zeit von der mittleren Bewegung bis zur größten darstellt. (Man ziehe durch  $E$  zu  $BZ$  die Parallele  $EH$ .) Es ist nämlich  $\angle AEB$  um  $\angle EBZ$  ( $= \angle HEB$



nach Eukl. I. 29) größer als ein Rechter, d. i. größer als ( $\angle AEH$  oder)  $\angle AZB$ , während  $\angle BE\Gamma$  um ebendenselben ( $\angle HEB$  oder)  $\angle EBZ$  kleiner ist als ein Rechter (d. i. kleiner als  $\angle HE\Gamma$  oder  $\angle AZB$ ).<sup>a)</sup>

15 B. Beweis nach der epizyklischen Hypothese. Der mit dem Weltall konzentrische Kreis sei  $AB\Gamma$  um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta B$ , und der in derselben Ebene auf diesem Kon-

15 zenter umlaufende Epizykel sei  $EZH$  um den Mittelpunkt  $A$ .



Das Gestirn nehme man in Punkt  $H$  an zu der Zeit, wo es vom Apogeum ( $E'$  beim Stande des Epizykels in  $A'$ )<sup>b)</sup> eine scheinbare (d. i. von  $\Delta$  aus in der Ekliptik gemessene) Entfernung von einem Quadranten ( $\angle A'\Delta\Gamma = \angle AHD$ ) hat. Man ziehe die Verbindungslinien  $AH$  und  $\Delta H\Gamma$ .

1. Meine Behauptung läuft darauf hinaus, daß  $\Delta H\Gamma$  die

Ha 177 Tangente an den Epizykel ist; denn das ist eben der Fall, in welchem das Maximum der Differenz zwischen der gleich-  
Hei 224 förmigen und der ungleichförmigen Bewegung eintritt. Da  
31 nämlich die gleichförmige vom Apogeum ( $E$  bzw.  $E'$ ) sich

a) Somit ist  $\angle AEB$ , d. i.  $\overset{\frown}{AB}$ , um den doppelten Betrag des  $\angle EBZ$ , welcher den Bogen der Anomaliedifferenz mißt, größer als  $\angle BE\Gamma$ , d. i.  $\overset{\frown}{B\Gamma}$ , was nachzuweisen war.

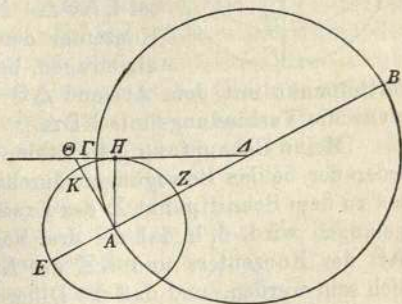
b) An der Figur habe ich den Stand des Epizykels und des Gestirns im Apogeum hinzugefügt, damit ersichtlich werde, daß der Epizykelmittelpunkt mehr als einen Quadranten zurückgelegt hat.

entfernende Bewegung durch den  $\angle EAH (= \angle A\Delta A')$  gemessen wird — denn das Gestirn durchläuft den Epizykel mit der gleichgroßen Geschwindigkeit wie der Epizykel den Kreis  $AB\Gamma$  (so daß  $b EH \sim b A'A$ ) — die Differenz zwischen der gleichförmigen und der scheinbaren Bewegung aber durch den  $\angle A\Delta H$  (d. i. eben die sog. Anomaliedifferenz), so leuchtet ein, daß  $\angle AH\Delta (= \angle A'\Delta\Gamma)$  als Differenz dieser beiden Winkel  $EAH$  und  $A\Delta H$  (nach Eukl. I. 32) die scheinbare (von  $\Delta$  aus in der Ekliptik gemessene) Entfernung des Gestirns vom Apogeum ( $E$  bzw.  $E'$ ) mißt. Da nun diese Entfernung nach der Annahme (S. 158, 22) einen Quadranten ( $A'\Delta\Gamma$ ) beträgt, so wird auch  $\angle AH\Delta$  ein Rechter sein und deshalb (nach Eukl. III. 16. Zusatz)  $\Delta H\Gamma$  die Tangente an den Epizykel  $EZH$ . Folglich mißt der zwischen dem Mittelpunkt  $A$  und der Tangente verlaufende Bogen  $A\Gamma$  das Maximum der Anomaliedifferenz.<sup>a)</sup>

2. Auf demselben Wege ergibt sich der Beweis dafür, daß der Bogen  $EH$ , welcher nach der hier zugrunde gelegten Annahme des

(westwärts erfolgenden) Fortschrittes auf dem Epizykel die Zeit von der kleinsten Bewegung bis zur mittleren mißt, um den doppelten Betrag des Bogens  $A\Gamma$  größer ist als der Bogen  $HZ$ , welcher die Zeit von der mittleren Bewegung bis zur größten mißt.

Verlängern wir nämlich  $\Delta H$  bis  $\Theta$ ,<sup>Hei 225</sup> und ziehen wir senkrecht zu  $EZ$  die Linie  $AK\Theta$ , so wird



<sup>a)</sup> Weil die von einem Punkte ( $\Delta$ ) außerhalb eines Kreises ( $EZH$ ) nach diesem gezogenen Geraden, welche die Peripherie desselben schneiden, mit der durch den Mittelpunkt gehenden Geraden ( $\Delta E$ ) kleinere Winkel als die Tangente bilden.

$$\angle KAH = \angle A\Delta\Gamma \text{ (Eukl. VI. 8)}$$

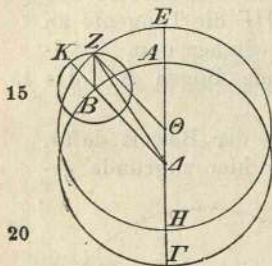
$$b KH \sim b A\Gamma^a)$$

$$b EH = 90^\circ + b KH$$

$$b HZ = 90^\circ - b KH$$

5 ( $b EH - b HZ = 2b KH$  oder  $2b A\Gamma$ ), was zu beweisen war.

Ha 178 Daß aber auch bei der Bewegung auf Teilstrecken nach jeder der beiden Hypothesen alle Erscheinungen hinsichtlich der gleichförmigen und der scheinbaren Bewegung sowie ihrer Differenz, d. h. hinsichtlich der Anomaliedifferenz, 10 in gleichen Zeiten ganz denselben Verlauf zeigen, davon kann man sich am besten aus folgender Darlegung überzeugen.



15

20

Es sei  $AB\Gamma$  der mit der Ekliptik konzentrische Kreis um das Zentrum  $\Delta$ , der Exzenter, von gleicher Größe mit dem Konzenter  $AB\Gamma$ , sei  $EZH$  um das Zentrum  $\Theta$ ; der gemeinsame Durchmesser beider durch die Mittelpunkte  $\Delta$ ,  $\Theta$  und das Apogäum  $E$  sei  $EA\Theta\Delta$ . Nachdem man auf dem Konzenter den beliebigen Bogen  $AB$  abgetragen, beschreibe man um  $B$  als

Mittelpunkt mit dem Abstand  $\Delta\Theta$  den Epizykel  $KZ$  und ziehe die Verbindungslinie  $KB\Delta$ .

Hei 236: Meine Behauptung geht dahin, daß das Gestirn infolge 25 jeder der beiden Bewegungen durchaus in der gleichen Zeit bis zu dem Schnittpunkt  $Z$  des Exzenters und des Epizykels gelangen wird, d. h. daß die drei Bogen,  $EZ$  des Exzenters,  $AB$  des Konzenters und  $KZ$  des Epizykels, einander ähnlich sein werden, und daß die Differenz zwischen der gleich- 30 förmigen und der ungleichförmigen Bewegung, und somit der scheinbare Lauf des Gestirns, nach beiden Hypothesen sich als ähnlich und gleich herausstellen wird.

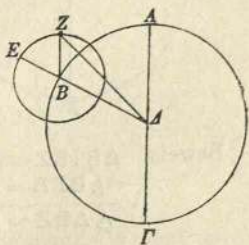
Man ziehe die Verbindungslinien  $Z\Theta$ ,  $BZ$ ,  $\Delta Z$ . Da in dem Viereck  $B\Delta\Theta Z$  die gegenüberliegenden Seiten einander

a) Es sind die den Winkel der Anomaliedifferenz überspannenden, daher ähnlichen Bogen.

gleich sind,<sup>a)</sup> d. h.  $Z\Theta = B\Delta$ , und  $BZ = \Delta\Theta$ , so wird das Viereck  $B\Delta\Theta Z$  ein Parallelogramm sein. Folglich sind die drei Winkel  $E\Theta Z$ ,  $A\Delta B$  und  $ZBK$  (nach Eukl. I. 29) Ha 179 einander gleich. Da alle drei Zentriwinkel sind, so sind auch die von ihnen unterspannten Bogen,  $EZ$  des Exzentrers, 5  $AB$  des Konzentrers und  $KZ$  des Epizykels, einander ähnlich. Nach beiden Bewegungen wird also das Gestirn in der gleichen Zeit zu dem Punkte  $Z$  gelangen und scheinbar denselben Ekliptikbogen  $AB$  vom Apogeum ab durchlaufen haben. Dementsprechend wird auch die Anomaliedifferenz nach Hei 227 beiden Hypothesen dieselbe (d. i.  $\angle \Delta Z\Theta = \angle B\Delta Z$ ) sein. 10 Denn wir haben nachgewiesen, daß die betreffende Differenz bei der exzentrischen Hypothese (S. 156, 27) durch den  $\angle \Delta Z\Theta$  (dort  $\angle EBZ$ ), und bei der epizyklischen (S. 159, 6) durch den  $\angle B\Delta Z$  (dort  $\angle A\Delta H$ ) dargestellt wird; nun sind 15 auch diese Winkel einander gleich als innere Wechselwinkel, weil  $Z\Theta$  als parallel zu  $B\Delta$  nachgewiesen ist.

Es ist klar, daß überhaupt bei allen Entfernungen (vom Apogeum) dieselben Erscheinungen sich als Folge ergeben werden, weil das Viereck  $B\Delta\Theta Z$  unter allen Umständen 20 ein Parallelogramm wird und der exzentrische Kreis direkt von der fortschreitenden Bewegung des Gestirns auf dem Epizykel beschrieben wird, wenn nach beiden Hypothesen die ähnlichen und gleichen Verhältnisse (S. 154, 20) 25 eingehalten werden.

Daß aber auch, wenn die Verhältnisse nur ähnlich, der Größe nach aber ungleich sind, wieder dieselben Erscheinungen eintreten, wird aus folgender Darlegung ersichtlich werden. Es sei wieder  $AB\Gamma$  der mit dem Weltall konzentrische Kreis um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ , an



30

a) Weil die S. 154, 20 geforderten Verhältnisse hier eingehalten werden sollen.

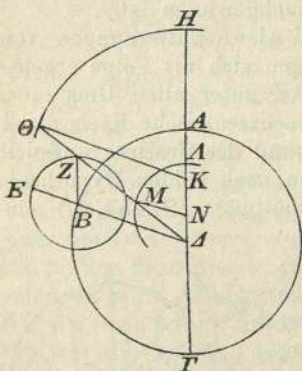
Ha 180 dessen Enden das Gestirn einerseits in die größte Erdferne,  
 andererseits in die größte Erdnähe gelangt.<sup>a)</sup> Der um den  
 Punkt B beschriebene Epizykel sei von dem Apogeum A  
 den beliebig großen Bogen AB entfernt, und das Gestirn  
 5 habe sich den Bogen EZ bewegt, der selbstverständlich dem  
 Hei 228 Bogen AB ähnlich ist, weil die Wiederkehren (zu den Ausgangs-  
 punkten) auf den Kreisen von gleicher Zeitdauer sind. Dann  
 ziehe man noch die Verbindungslinien  $\triangle BE$ ,  $BZ$ ,  $\triangle Z$ .

A. Daß in allen Fällen die Winkel  $\triangle A\Delta E$  und  $ZBE$   
 10 einander gleich sein werden und somit das Gestirn schein-  
 bar auf der Geraden  $\triangle Z$  stehen wird, ist nach dieser (d.  
 i. der epizyklischen) Hypothese ohne weiteres klar.

B. Meine Behauptung geht aber dahin, daß auch nach  
 15 der exzentrischen Hypothese, mag der Exzenter größer  
 oder kleiner sein als der Konzenter  $AB\Gamma$ , wenn lediglich  
 die Ähnlichkeit der Verhältnisse und die gleiche Zeitdauer

der Wiederkehren als Voraus-  
 setzung eingehalten wird, das  
 Gestirn scheinbar wieder auf  
 derselben Geraden  $\triangle Z$  stehen  
 wird.

Man beschreibe also, wie ge-  
 sagt, einen größeren Exzenter  
 $H\Theta$  um das auf  $A\Gamma$  liegende  
 Zentrum K, und einen kleineren  
 $\Lambda M$  um das gleichfalls auf  $A\Gamma$   
 liegende Zentrum N. Nachdem  
 man die Geraden  $\triangle MZ\Theta$  und  
 $\triangle \Lambda AH$  gezogen, ziehe man die  
 Verbindungslinien  $\Theta K$  und  $MN$ .



Beweis.  $\triangle B : BZ = \Theta K : K\Delta = MN : N\Delta$  (S. 154, 26)

$\angle BZ\Delta = \angle \Theta\Delta K = \angle M\Delta N$ , weil  $\triangle A \parallel BZ$

$\triangle \triangle BZ \sim \triangle \Theta K\Delta \sim \triangle MN\Delta$  b)

a) Insofern das Gestirn in Punkt A im Apogeum und in  
 Punkt  $\Gamma$  im Perigeum des Epizykels stehen wird.

b) Weil sie nach Eukl. VI. 7 alle drei Winkel gleich haben.

Weil entsprechenden Seiten gegenübergelegen, ist

$$\text{ferner } \angle B\Delta Z = \angle \Delta\Theta K = \angle \Delta MN,$$

folglich  $B\Delta \parallel \Theta K \parallel MN$ ; (Eukl. I. 28)

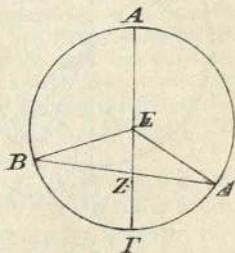
mithin  $\angle A\Delta B = \angle AK\Theta = \angle ANM$ , (Eukl. I. 29)

Ha 181

also  $b AB \sim b H\Theta \sim b \Lambda M$  auf gleichen Zentri- 5  
winkeln, d. h. es hat in der gleichen Zeit nicht nur der Epizykel  
den Bogen AB und das Gestirn den Bogen EZ durchlaufen,  
sondern auch auf den Exzentern wird das Gestirn die Bogen  
H $\Theta$  und  $\Lambda M$  zurückgelegt haben und deshalb in allen Fällen  
der Theorie nach auf derselben Geraden  $\Delta MZ\Theta$  erschaut 10  
werden, mag es auf dem Epizykel in Punkt Z angelangt  
sein, oder auf dem größeren Exzenter in Punkt  $\Theta$ , oder  
auf dem kleineren in Punkt M, und so ähnlich in allen  
Stellungen.

Hierbei ist noch folgende Begleiterscheinung hervorzu- 15  
heben. Wenn das Gestirn einen gleichgroßen Bogen von  
dem Apogeum wie von dem Perigeum aus zurückgelegt hat,  
wird in jeder der beiden Stellungen auch die Anomalie-  
differenz gleichgroß sein.

A. Beweis nach der exzentrischen Hypothese. Beschreiben 20  
wir den Exzenter  $AB\Gamma\Delta$  um das Zentrum E und den Durch-  
messer  $A\Gamma$ , welcher durch das Apogeum A geht, während Hei 230  
das Auge auf diesem Durchmesser  
in Punkt Z angenommen wird, und  
ziehen wir, nachdem durch Z die  
beliebige Gerade  $\Delta ZB$  gezogen ist,  
die Verbindungslinien EB und E $\Delta$ ,  
so werden sowohl die Strecken des  
scheinbaren Laufs (in der Ekliptik)  
einander diametral gegenüberliegen  
und gleichgroß sein, d. h.  $\angle AZB$ ,  
der den (scheinbaren) Lauf vom  
Apogeum ab (in der Ekliptik) unterspannende Winkel, wird  
gleich sein dem  $\angle \Gamma Z\Delta$ , dem den (scheinbaren) Lauf vom  
Perigeum ab (in der Ekliptik) unterspannenden Winkel, als 35  
auch wird die Anomaliedifferenz dieselbe sein, weil  $BE = E\Delta$

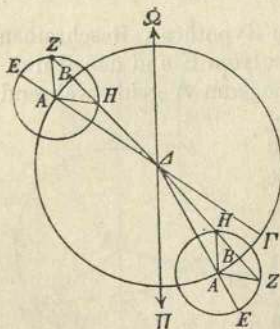


25

30

und daher (nach Eukl. I. 5)  $\angle EBZ = \angle E\Delta Z$ .<sup>a)</sup> Folglich wird der (von dem Exzenterwinkel AEB unterspannte) Bogen der gleichförmigen Bewegung vom Apogeum A ab um dieselbe Differenz (d. i. um  $\angle EBZ$ ) größer als der von dem (Ekliptik-) Winkel AZB unterspannte Bogen der scheinbaren Bewegung, während der (von dem Exzenterwinkel  $\Gamma E\Delta$  unterspannte) Bogen der gleichförmigen Bewegung vom Perigeum ab um dieselbe Differenz (d. i. um  $\angle E\Delta Z$ ) kleiner wird als der von dem (Ekliptik-) Winkel  $\Gamma Z\Delta$  unterspannte Bogen der scheinbaren Bewegung. Denn (nach Eukl. I. 16) ist  $\angle AEB$  größer als  $\angle AZB$  (und zwar nach I. 32 um den  $\angle EBZ$ ), und  $\angle \Gamma E\Delta$  kleiner als  $\angle \Gamma Z\Delta$  (und zwar um den gleichgroßen  $\angle E\Delta Z$ ).<sup>b)</sup>

B. Beweis nach der epizyklischen Hypothese. Beschreiben wir um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$  den Konzent  $AB\Gamma$ , und den Epizykel  $EZH$  um den Mittelpunkt A, und ziehen wir, nachdem die beliebige Gerade  $\Delta HBZ$  durchgezogen ist, die Verbindungslinien AZ und AH, so wird der Bogen AB der Anomaliedifferenz (d. i. der den  $\angle A\Delta Z$  überspannende Bogen), wie die Annahme lautet, in beiden Stellungen, d. h. mag das Gestirn in Punkt Z oder in Punkt H stehen, wieder derselbe sein; und die scheinbare (in der Ekliptik von  $b\Omega B$  gemessene) Entfernung des Gestirns von dem Punkte ( $\Omega$ ), welcher in der Ekliptik dem Apogeum entspricht, wenn es in Punkt Z steht, wird gleichgroß



a) Das sind nach S. 156, 27 die Winkel, deren Scheitelwinkel die Anomaliedifferenz, d. i. den Unterschied zwischen der gleichförmigen und der scheinbaren Bewegung in der Ekliptik messen.

b) Somit ist, wie S. 157, 27 bewiesen wurde,  $\angle AEB$  um den doppelten Betrag des  $\angle EBZ$  größer als  $\angle \Gamma Z\Delta$ .

sein wie die (scheinbare in der Ekliptik von  $b\Pi B$  gemessene) Entfernung von dem Punkte ( $\Pi$ ), welcher (in der Ekliptik) dem Perigeum entspricht, wenn das Gestirn in Punkt  $H$  steht.<sup>a)</sup>

Es wird nämlich der scheinbare Bogen vom Apogeum 5 ab durch den  $\angle \Delta ZA (= \angle \Omega \Delta B)$  gemessen — dieser Winkel wurde ja (S. 159, 7) als die Differenz<sup>b)</sup> zwischen der gleichförmigen Bewegung und der Anomaliedifferenz nachgewiesen — wogegen der scheinbare Bogen vom Perigeum ab durch den  $\angle ZHA (= \angle \Pi \Delta B)$  gemessen wird; Ha 183 denn er ist seinerseits gleich der Summe<sup>c)</sup> der gleich- 11 förmigen Bewegung und der Anomaliedifferenz. Nun sind aber die beiden Winkel  $\Delta ZA$  und  $ZHA$  (nach Eukl. I. 5) einander gleich, weil  $AZ = AH$ . Folglich auch hier wieder dasselbe Ergebnis: die mittlere (d. i. die gleichförmige) Be- 15 wegung im Apogeum ( $b\Omega A$ ) ist um denselben Differenzbetrag ( $\angle A\Delta Z = bAB$ ) größer als die scheinbare Bewegung ( $b\Omega B$ ), während die mittlere Bewegung im Perigeum ( $b\Pi A$ ) um denselben Betrag ( $\angle A\Delta Z = bAB$ ) kleiner ist als die gleichgroße scheinbare Bewegung ( $b\Pi B$ ), was zu Hei 232 beweisen war.<sup>d)</sup> 21

a) Die Figur habe ich dahin abgeändert, daß ich auf den Konzenter zwei Epizykel in der dem Stande des Gestirns auf dem Epizykel entsprechenden Entfernung sowohl vom Apogeum wie vom Perigeum aufgesetzt habe. Da die Epizykelhalbmesser  $AZ$  und  $AH$  infolge der Gleichzeitigkeit der Umläufe stets parallel zum Durchmesser  $\Omega\Pi$  sind, so wird durch diese Figur die Gleichheit des gleichförmigen Laufs auf Epizykel und Konzenter anschaulich, nämlich daß einerseits  $\angle EAZ = \angle \Omega \Delta A$  und andererseits  $\angle \Delta AH = \angle \Pi \Delta A$ .

b)  $\angle \Delta ZA = \angle EAZ - \angle A\Delta Z$  oder  $b\Omega B = b\Omega A - bAB$ .

c)  $\angle ZHA = \angle \Delta AH + \angle A\Delta Z$  oder  $b\Pi B = b\Pi A + bAB$ .

d) Da  $b\Omega B = b\Omega A - bAB$  und  $b\Pi B = b\Pi A + bAB$ , so ist einerseits (im Apogeum)  $b\Omega A = b\Omega B + bAB$ , andererseits (im Perigeum)  $b\Pi A = b\Pi B - bAB$ .

## Viertes Kapitel.

**Die scheinbare Anomalie der Sonne.**

Nach Erledigung dieser Vorbetrachtungen muß noch die Bemerkung vorausgeschickt werden, daß auch die an der Sonne wahrzunehmende scheinbare Anomalie, weil sie eine einzige ist und die Zeit von der kleinsten Bewegung bis zur mittleren stets größer macht als die Zeit von der mittleren bis zur größten — und diese Voraussetzung finden wir ja mit den Erscheinungen in Einklang — sehr wohl mit Hilfe jeder der beiden besprochenen Hypothesen zum Ausdruck gebracht werden kann, allerdings mit Hilfe der epizyklischen nur unter der Voraussetzung (S. 155, 29), daß der Fortschritt der Sonne auf dem erdfernen Bogen des Epizykels gegen die Richtung der Zeichenfolge (d. i. westwärts) vor sich gehe. Indessen dürfte es doch logisch richtiger sein, sich an die exzentrische Hypothese zu halten, weil sie einfacher ist, insofern sie mit einer Bewegung, und nicht mit zweien, zum Ziel gelangt.

Voran steht die Aufgabe, das Verhältnis der Exzentrizität des Sonnenkreises zu finden, d. h. zu ermitteln, erstens, in welchem Verhältnis die das Zentrum des Exzenters und den dem Auge entsprechenden Mittelpunkt der Ekliptik verbindende Gerade zu dem Halbmesser des Exzenters steht; zweitens, in welchem Grade der Ekliptik der erdfernste Punkt des Exzenters liegt.

Schon von Hipparch sind diese Verhältnisse mit erfolgreichem Bemühen nachgewiesen worden. Unter Zugrundelegung der Tatsache, daß die Zeit von der Frühlingsnachtgleiche bis zur Sommerwende  $94\frac{1}{2}$  Tage, und die von der Sommerwende bis zur Herbstnachtgleiche  $92\frac{1}{2}$  Tage beträgt, weist er einzig und allein mit Hilfe dieser durch die Erscheinungen gebotenen Tatsachen nach, daß die zwischen den obenbezeichneten Mittelpunkten liegende Gerade ohne wesentlichen Fehler  $\frac{1}{24}$  des Halbmessers des Exzenters be-

trage, und daß das Apogeum des Exzenters  $24\frac{1}{2}$  solche Grade, wie die Ekliptik 360 enthält, vor der Sommerwende liege.

Auch wir gelangen zu dem Ergebnis, daß noch heutzutage die Zeiten der obenbezeichneten Quadranten und die angegebenen Verhältnisse nahezu dieselben sind, woraus uns ersichtlich wird, daß der Exzenter der Sonne zu den Wende- und Nachtgleichenpunkten ewig dieselbe Lage bewahrt.<sup>23)</sup>

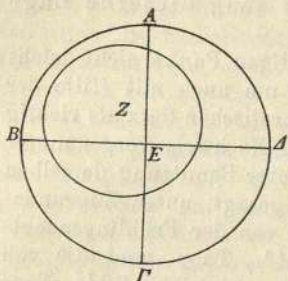
Um jedoch über einen so wichtigen Punkt nicht leicht 10 hinweggegangen zu sein, sondern um auch mit Hilfe der von uns ermittelten Zahlen den theoretischen Satz als richtig hinzustellen, werden auch wir den Nachweis vorgenannter Punkte am exzentrischen Kreise unter Benutzung derselben Ha 185 Erscheinungen führen, d. h., wie gesagt, unter Zugrunde- 15 legung der Tatsache, daß die Zeit von der Frühlingsnachtgleiche bis zur Sommerwende  $94\frac{1}{2}$  Tage, und die von der Sommerwende bis zur Herbstnachtgleiche  $92\frac{1}{2}$  Tage beträgt.

Wir finden nämlich mit Hilfe der im 463<sup>ten</sup> Jahre nach 20 dem Tode Alexanders (139/140 n. Chr.) von uns sehr ge- Hel 234 nau beobachteten Nachtgleichen und der ebensogenau berechneten Sommerwende<sup>23)</sup> die übereinstimmende Zahl von Tagen der Zwischenzeiten. Es fand nämlich, wie (S. 142, 12) schon mitgeteilt, die Herbstnachtgleiche am 9. Athyr (26. Sept. 25 139 n. Chr. etwa eine Stunde) nach Sonnenaufgang und die Frühlingsnachtgleiche (S. 143, 3) am 7. Pachon (22. März 140 n. Chr. etwa eine Stunde) nach Mittag statt, so daß die Zwischenzeit in Summa  $178\frac{1}{4}$  Tage beträgt.<sup>a)</sup> Die Sommerwende fand statt (S. 144, 1) am 11. Mesore 30 (24. Juni ungefähr zwei Stunden) nach der Mitternacht auf den 12. Mesore (25. Juni 140 n. Chr. 2<sup>h</sup> nachts), so daß diese Zwischenzeit, d. h. die von der Frühlingsnachtgleiche

a) Von dem Mittag des 9. Athyr bis zu dem Mittag des 7. Pachon sind  $180^d - 2^d = 178^d$ , hierüber von 7<sup>h</sup> früh bis Mittag des 9<sup>ten</sup> 5<sup>st</sup> und 1<sup>st</sup> über den Mittag des 7<sup>ten</sup>, d. i.  $\frac{1}{4}^d$ .

bis zur Sommerwende,  $94\frac{1}{2}$  Tage ausmacht.<sup>a)</sup> Es bleiben demnach für die Zwischenzeit von der Sommerwende bis zur nächsten Herbstnachtgleiche die an der Jahreslänge noch fehlenden  $92\frac{1}{2}$  Tage übrig.

- 5 Beweis. Es sei also  $AB\Gamma\Delta$  der Kreis der Ekliptik um das Zentrum  $E$ . In demselben ziehe man durch die Wendepunkte und die Nachtgleichenpunkte zwei einander unter rechten Winkeln schneidende Durchmesser  $A\Gamma$  und  $B\Delta$ . Dabei sei  $A$  als Frühlingspunkt,  $B$  als Sommerwendepunkt usw. angenommen.



Ha 186

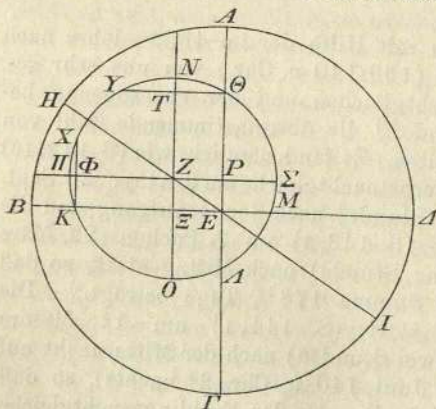
15

Daß der Mittelpunkt ( $Z$ ) des Exzenters zwischen die Geraden  $EA$  und  $EB$  fallen wird, ist daraus ersichtlich, daß der Halbkreis  $AB\Gamma$  eine längere Zeit (187 Tage) umfaßt als die Hälfte der Jahres-

20

25

30



Hei 235

länge; infolgedessen muß er von dem Exzenter ein Stück abtrennen, das größer ist als ein Halbkreis. Ferner umfaßt auch der Quadrant  $AB$  (mit  $94\frac{1}{2}$  Tagen) wieder eine längere Zeit als der Quadrant  $B\Gamma$  (mit  $92\frac{1}{2}$  Tagen) und trennt deshalb von dem Exzenter einen größeren Bogen ab als

a) Von dem Mittag des 7. Pachon bis zu dem Mittag des 11. Mesore sind  $94^d$ , hierüber  $14^{st}$  bis  $2^h$  nach Mitternacht auf den  $12^{ton}$  weniger  $1^{st}$  nach dem Mittag des 7. Pachon, d. s.  $13^{st}$ , mithin  $1^{st}$  über  $\frac{1}{2}^d$ . Vgl. erl. Anm. 23 Ende.

letzterer. Unter Berücksichtigung dieser Verhältnisse sei Punkt  $Z$  als Zentrum des Exzenters angenommen. Man ziehe den durch beide Mittelpunkte und das Apogeum gehenden Durchmesser  $EZH^a)$  und beschreibe um  $Z$  als Zentrum mit beliebigem Abstand als den Exzenter der Sonne den 5 Kreis  $\Theta K\Lambda M$ . Ferner ziehe man durch  $Z$  zu  $A\Gamma$  die Parallele  $N\Xi O$ , zu  $B\Delta$  die Parallele  $\Pi P\Sigma$ , und endlich von  $\Theta$  unter rechten Winkeln durch  $N\Xi O$  die Sehne  $\Theta T Y$ , von  $K$  unter rechten Winkeln durch  $\Pi P\Sigma$  die Sehne  $K\Phi X$ .

Da also die Sonne den Kreis  $\Theta K\Lambda M$  mit gleichförmiger 10 Geschwindigkeit durchläuft, so durchwandert sie den Bogen  $\Theta K$  in  $94\frac{1}{2}$  Tagen und den Bogen  $K\Lambda$  in  $92\frac{1}{2}$  Tagen. Nun beträgt (nach den Tafeln der gleichförmigen Sonnenbewegung) ihre gleichförmige Bewegung in  $94\frac{1}{2}$  Tagen von den 360 Graden des Kreises  $93^0 9'$ , und in  $92\frac{1}{2}$  Tagen 15  $91^0 11'$ ,<sup>b)</sup> so daß auf den Kreisbogen  $\Theta K\Lambda$   $184^0 20'$  kommen. Hieraus ergibt sich zunächst folgendes.

1. a) Die Summe der beiderseits über den Halbkreis  $N\Pi O$  Hei 236 hinausgehenden Bogen  $N\Theta$  und  $O\Lambda$  beträgt (die über  $180^0$  überschießenden)  $4^0 20'$ . 20

Nun ist  $b\Theta N Y = 2bN\Theta$ , (Eukl. III. 3)

mithin  $b\Theta N Y = 4^0 20'$  in demselben Maße,

also  $s\Theta Y = 4^P 32'$  wie  $exdm = 120^P$ ,

folglich  $\frac{1}{2}s\Theta Y$  d. i.  $\Theta T = E\Xi = 2^P 16'$ . Ha 18

b) Der Bogen  $\Theta N\Pi K$  beträgt im ganzen  $93^0 9'$ , wovon 25 auf den Quadranten  $N\Pi$   $90^0$  und auf den Bogen  $N\Theta$   $2^0 10'$  entfallen; es verbleibt demnach als Rest

$$b\Pi K = (93^0 9' - 92^0 10' =) 0^0 59'.$$

Nun ist  $bK\Pi X = 2b\Pi K$ , (Eukl. III. 3)

mithin  $bK\Pi X = 1^0 58'$ , 30

also  $sK\Phi X = 2^P 4'$  wie  $exdm = 120^P$ ,

folglich  $\frac{1}{2}sK\Phi X$  d. i.  $K\Phi = Z\Xi = 1^P 2'$ .

a) Durchmesser werden wiederholt nur mit den Buchstaben des Halbmessers bezeichnet.

b) Nach den Sonnentafeln berechnet:  $90^a + 4^a + \frac{1}{2}^a = 93^0 8' 32''$ ;  $90^a + 2^a + \frac{1}{2}^a = 91^0 10' 15''$ .

c) Es wurde also nachgewiesen

$$E\Xi = 2^p 16' \text{ und } Z\Xi = 1^p 2'.$$

$$\text{Nun ist } Z\Xi^2 + E\Xi^2 = EZ^2,$$

$$\text{mithin } EZ = 2^p 29' 30'' \text{ wie } exhm = 60^p.$$

5 Folglich beträgt der Halbmesser des Exzenters ohne wesentlichen Fehler das 24fache der die Mittelpunkte des Exzenters und der Ekliptik verbindenden Geraden (EZ).

Hei 237 2. Vorstehendem Nachweis zufolge ist

$$Z\Xi = 1^p 2' \text{ wie } EZ = 2^p 29' 30''.$$

10 Setzt man  $EZ = 120^p$  als Hypotenuse,

so wird  $Z\Xi = 49^p 46'$ ;

also  $b Z\Xi = 49^\circ$  wie  $\odot Z\Xi E = 360^\circ$ ,

folglich  $\angle ZE\Xi = 49^\circ$  wie  $2R = 360^\circ$ ,

$$= 24^\circ 30' \text{ wie } 4R = 360^\circ.^9)$$

15 Da  $\angle ZE\Xi$  ein Zentriwinkel der Ekliptik ist, so beträgt der Bogen BH  $24^\circ 30'$ . Das ist der Bogen, um welchen das Apogeum H gegen die Richtung der Zeichen (d. i. westlich) vor dem Sommerwendepunkt B (also in  $\Pi$   $5^\circ 30'$ ) liegt.

Ha 188 3. a) Da der Quadrant  $O\Sigma$   $90^\circ$  beträgt, wovon auf den  
20 Bogen  $O\Lambda$   $2^\circ 10'$  und auf den Bogen  $M\Sigma$  ( $=\Pi K$ )  $0^\circ 59'$  entfallen, so verbleibt als Rest

$$b \Lambda M = (90^\circ - 3^\circ 9' =) 86^\circ 51'.$$

b) Da der Quadrant  $\Sigma N$   $90^\circ$  beträgt, so wird, wenn man den Bogen  $N\Theta$  mit  $2^\circ 10'$  abzieht und den Bogen  $M\Sigma$  mit  
25  $0^\circ 59'$  dazusetzt,

$$b M\Theta = (90^\circ - 2^\circ 10' + 0^\circ 59' =) 88^\circ 49'.$$

Nun durchläuft die Sonne mit gleichförmiger Geschwindigkeit  $86^\circ 51'$  in  $88\frac{1}{8}$  Tagen,<sup>a)</sup> und  $88^\circ 49'$  ohne wesentlichen Fehler in  $90\frac{1}{8}$  Tagen.<sup>b)</sup> Folglich wird sie in  $88\frac{1}{8}$  Tagen scheinbar den Bogen  $\Gamma\Delta$  durchlaufen, welcher von der  
30 Herbstnachtgleiche bis zur Winterwende reicht, und ohne

a) Die Division  $86^\circ 51' : 59' 8''$  (tägl. Bew. der Sonne) ergibt  $88^d 7' 22''$ ; es fehlen  $8''$  an  $\frac{1}{8}^d$ .

b) Die Division  $88^\circ 49' : 59' 8''$  ergibt  $90^d 7' 6''$ ; es fehlen  $24''$  an  $\frac{1}{8}^d$ .

wesentlichen Fehler in  $90\frac{1}{8}$  Tagen den Bogen  $\Delta A$ , welcher Hei 238  
von der Winterwende bis zur Frühlingsnachtgleiche reicht.

Somit sind die vorstehenden Ergebnisse in Übereinstimmung mit den Darlegungen Hipparchs von uns gewonnen worden.

Mit Zugrundelegung dieser Größenbeträge wollen wir jetzt 5  
zunächst feststellen, wie groß das Maximum der Differenz zwischen der gleichförmigen und der ungleichförmigen Bewegung ist, und an welchen Punkten es eintreten wird.

A. Nach der exzentrischen Hypothese. Es sei  $AB\Gamma$  der Exzenter um das Zentrum  $\Delta$  und den durch das Apogäum  $A$  10  
gehenden Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ , auf welchem der Mittelpunkt der Ekliptik Punkt  $E$  sei. Rechtwinklig zu  $A\Gamma$  ziehe man die Gerade  $EB$  und verbinde  $\Delta$  mit  $B$ . Nach dem (oben festgestellten) Verhältnis von 1:24 beträgt die zwischen den Mittelpunkten liegende Strecke 15

$$\Delta E = 2^p 30' \text{ wie } exhm \ B\Delta = 60^p.$$

Setzt man  $B\Delta = 120^p$  als Hypotenuse,

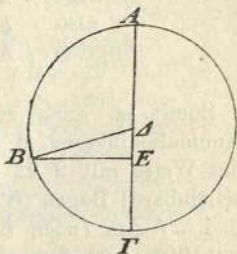
so wird  $\Delta E = 5^p,$

also  $\sphericalangle \Delta E B = 4^\circ 46'$  wie  $\ominus \Delta E B = 360^\circ,$

folglich  $\sphericalangle \Delta B E = 4^\circ 46'$  wie  $2R = 360^\circ,$  Ha 189

$= 2^\circ 23'$  wie  $4R = 360^\circ.$  Hei 239

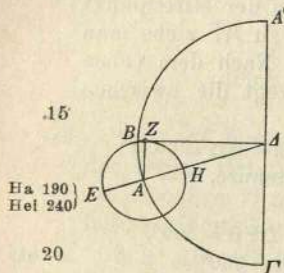
Mit diesem Winkel ist die Anomaliedifferenz gefunden. 22  
In demselben Maße ist  $\sphericalangle B E \Delta = 90^\circ$ , und als Summe dieser beiden Winkel natürlich  $\sphericalangle B \Delta A = 92^\circ 23'$ . Nun ist  $\sphericalangle B \Delta A$  ein Zentriwinkel des Exzenters (mißt also die gleichförmige Bewegung), während  $\sphericalangle B E \Delta$  ein Zentriwinkel der Ekliptik ist (also die ungleichförmige Bewegung darstellt); folglich werden wir das Maximum der Anomaliedifferenz mit  $2^\circ 23'$  erhalten, und von den Bogen, an deren Enden dieses Maximum eintritt, den des Exzenters, d. i. den gleichförmigen, mit  $92^\circ 23'$  vom Apogäum ab, und den der 35  
Ekliptik, d. i. den scheinbar ungleichförmigen, mit den  $90^\circ$  des Quadranten, wie wir schon früher (S. 155, 11) dar-



gelegt haben. Daß auf dem diametral gegenübergelegenen Kreisabschnitt der scheinbare mittlere Lauf und (damit) das Maximum der Anomaliedifferenz bei  $270^{\circ}$  liegen wird, während der gleichförmige Lauf, d. i. der auf dem Exzenter vor sich gehende, erst bei  $267^{\circ}37'$  angelangt ist, geht aus dem früher (S. 157, 27) geführten Beweis deutlich hervor.

B. Es ist mit Hilfe der gefundenen Zahlen, wie wir es (S. 155, 7) angekündigt haben, noch nachzuweisen, daß auch nach der epizyklischen Hypothese dieselben Beträge als Ergebnis herauskommen, wenn dieselben Verhältnisse, wie wir sie bisher (S. 154, 20) angenommen haben, weiter gelten.

Es sei  $A'B\Gamma$  der mit der Ekliptik konzentrische Kreis um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A'\Delta\Gamma$ ,  $EZH$  sei der Epizykel um den Mittelpunkt  $A$ . Man ziehe von  $\Delta$  an den Epizykel die Tangente  $\Delta ZB$  und verbinde  $A$  mit  $Z$  durch eine Gerade. Es wird demnach in entsprechender Weise in dem rechtwinkligen Dreieck  $AZ\Delta$



$$AZ = \frac{1}{24} A\Delta \text{ (d. i. } 2^{\text{p}}30').$$

Setzt man  $A\Delta = 120^{\text{p}}$  als Hypotenuse,

so wird  $sAZ = 5^{\text{p}}$ ,

also  $bAZ = 4^{\circ}46'$  wie  $\ominus AZ\Delta = 360^{\circ}$ ;

folglich  $\angle A\Delta Z = 4^{\circ}46'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,

$$= 2^{\circ}23' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}.$$

Somit ist auch auf diesem Wege das Maximum der Anomaliedifferenz, d. i. der Bogen  $AB$ , in übereinstimmender Weise mit  $2^{\circ}23'$  gefunden, der ungleichförmige (d. i. scheinbare) Bogen ( $A'B$ ), da er von einem rechten Winkel, d. i.  $\angle AZ\Delta$  (nach S. 159, 7 =  $\angle A'\Delta B$ ), gemessen wird, mit  $90^{\circ}$ , und der gleichförmige Bogen ( $EZ \sim A'A$ ), der von  $\angle EAZ$  ( $= \angle A'\Delta A = 90^{\circ} + 2^{\circ}23'$ ) gemessen wird, mit  $92^{\circ}23'$ .

## Fünftes Kapitel.

## Feststellung der Einzelabschnitte der Anomalie.

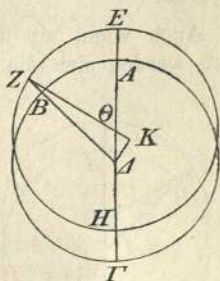
Um auch die Einzelabschnitte der ungleichförmigen Bewegung von Fall zu Fall durch Rechnung bestimmen zu können, werden wir wieder nach jeder der beiden Hypothesen nachweisen, wie wir, wenn einer der in Frage kommenden Bogen gegeben ist, auch die beiden anderen <sup>5</sup> erhalten werden.

## I. Im Apogeum.

## A. Nach der exzentrischen Hypothese.

Es sei  $AB\Gamma$  der mit der Ekliptik Hei 241 konzentrische Kreis um den Mittelpunkt  $\Delta$ ,  $EZH$  der Exzenter um das Zen- Ha 191 trum  $\Theta$ . Der durch beide Mittelpunkte und das Apogeum  $E$  gehende Durchmesser sei  $EA\Theta\Delta H$ . Nachdem man den Bogen  $EZ$  abgetragen, ziehe man die Verbindungslinien  $Z\Delta$  und  $Z\Theta$ .

Gegeben sei zunächst der Bogen  $EZ$  beispielshalber mit  $30^\circ$ . Nachdem man  $Z\Theta$  (über  $\Theta$ ) verlängert, falle man auf diese Gerade von  $\Delta$  aus das Lot  $\Delta K$ . Es ist also



$$b EZ = 30^\circ \text{ nach Annahme,}$$

$$\text{folglich } \angle EZ\Theta = 30^\circ \text{ wie } 4R = 360^\circ,$$

$$= 60^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ.$$

$$\text{Nun ist } \angle \Delta\Theta K = \angle EZ\Theta \text{ (als Scheitelwinkel),}$$

$$\text{folglich auch } \angle \Delta\Theta K = 60^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ;$$

$$\text{mithin } \left\{ \begin{array}{l} b \Delta K = 60^\circ \text{ wie } \ominus \Delta K\Theta = 360^\circ, \\ b K\Theta = 120^\circ \text{ als Supplementbogen}^a); \end{array} \right.$$

$$\text{also } \left\{ \begin{array}{l} s \Delta K = 60^p \\ s K\Theta = 103^p 55' \end{array} \right\} \text{ wie } h \Delta\Theta = 120^p.^{9)}$$

a) Mit  $b$  und  $s$  soll auch weiterhin der Supplementbogen und die ihn unterspannende Sehne bezeichnet werden, mit  $h$  die Hypotenuse, mit  $hm$  und  $dm$  Halb- und Durchmesser.

Setzt man  $h \Delta \Theta = 2^{\text{P}} 30'$  wie  $hm Z \Theta = 60^{\text{P}}$ ,  
 so wird  $\Delta K = 1^{\text{P}} 15'$  und  $K \Theta = 2^{\text{P}} 10'$ ,  
 mithin  $KZ = Z \Theta + K \Theta = 62^{\text{P}} 10'$ .

Hei 242

Nun ist  $KZ^2 + \Delta K^2 = Z \Delta^2$ , (Eukl. I. 47)  
 mithin  $Z \Delta = 62^{\text{P}} 11'$  wie  $\Delta K = 1^{\text{P}} 15'$ .

5

Setzt man  $h Z \Delta = 120^{\text{P}}$ ,

so wird  $\Delta K = 2^{\text{P}} 25'$ ,

also  $b \Delta K = 2^{\circ} 18'$  wie  $\ominus \Delta KZ = 360^{\circ}$ ,

Ha 192

mithin  $\sphericalangle \Delta ZK = 2^{\circ} 18'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,

10

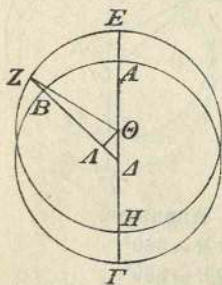
$= 1^{\circ} 9'$  wie  $4R = 360^{\circ \cdot 9}$

Hiermit ist also im vorliegenden Fall der Betrag der Anomaliedifferenz gefunden. Da in demselben Maße  $\sphericalangle E \Theta Z = 30^{\circ}$  war, so wird der  $\sphericalangle A \Delta B$ , d. i. der Bogen AB der Ekliptik, als Differenz dieser beiden Winkel  $28^{\circ} 51'$  betragen.

15

Auch wenn ein anderer Winkel (als  $\sphericalangle E \Theta Z$ ) gegeben ist, werden sich die beiden anderen gleichfalls bestimmen lassen. Dies wird ohne weiteres einleuchten, wenn man an derselben Figur von  $\Theta$  auf  $Z \Delta$  das Lot  $\Theta \Lambda$  fällt.

20



25

a) Nehmen wir zunächst den Bogen AB der Ekliptik, d. i. den  $\sphericalangle \Theta \Delta \Lambda$  als gegeben an, so wird damit auch das Verhältnis  $\frac{\Delta \Theta}{\Theta \Lambda}$  (nach den Sehnentafeln) gegeben sein. Da nun auch das Verhältnis  $\frac{\Theta \Delta}{\Theta Z}$  (mit  $2\frac{1}{2} : 60$ ) ge-

geben ist, so wird auch das Verhältnis  $\frac{\Theta Z}{\Theta \Lambda}$  (nach Eukl.

Data 8) gegeben sein, und damit werden wir als gegeben erhalten sowohl den  $\sphericalangle \Theta Z \Lambda$  (nach den Sehnentafeln), d. i. die Anomaliedifferenz, als auch (als Summe der beiden

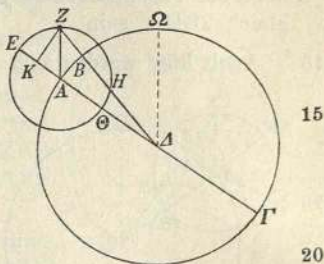
Hei 243

Winkel) den  $\sphericalangle E \Theta Z$ , d. i. den Bogen EZ des Exzentrers.  
 b) Nehmen wir schließlich die Anomaliedifferenz, d. i. den  $\sphericalangle \Theta Z \Delta$  als gegeben an, so werden sich dieselben Ergebnisse in umgekehrter Reihenfolge einstellen. Ist hier-

durch das Verhältnis  $\frac{\Theta Z}{\Theta \Lambda}$  (nach den Sehmentafeln) gegeben, und von vornherein auch (mit  $60:2^{1/2}$ ) das Verhältnis  $\frac{\Theta Z}{\Theta \Delta}$ , so ist auch das Verhältnis  $\frac{\Delta \Theta}{\Theta \Lambda}$  (nach Eukl. Data 8) gegeben, und damit (nach den Sehmentafeln) sowohl  $\angle \Theta \Delta \Lambda$ , d. i. der Bogen  $AB$  der Ekliptik, als auch (als Summe Ha 193 der beiden Winkel)  $\angle E \Theta Z$ , d. i. der Bogen  $EZ$  des Exzenters.

B. Nach der epizyklischen Hypothese.

Es sei  $AB\Gamma$  der mit der Ekliptik konzentrische Kreis<sup>a)</sup> um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ , der in dem vor- 10 geschriebenen Verhältnis (S. 154, 26) zu ihm stehende Epizykel sei  $EZH\Theta$  um den Mittelpunkt  $A$ . Nachdem man den Bogen  $EZ$  abgetragen, ziehe man die Verbindungslinien  $ZB\Delta$  und  $ZA$ .



Der Bogen  $EZ$  sei wieder mit  $30^\circ$  als gegeben angenommen. Man fälle von  $Z$  auf  $AE$  das Lot  $ZK$ . Es ist

	$b EZ = 30^\circ$	nach Annahme,	
folglich	$\angle EAZ = 30^\circ$	wie $4 R = 360^\circ$ ,	
	$= 60^\circ$	wie $2 R = 360^\circ$ ;	
mithin	$\left\{ \begin{array}{l} b ZK = 60^\circ \\ b KA = 120^\circ \end{array} \right\}$	wie $\ominus ZKA = 360^\circ$ ,	Hei 244
			25
also	$\left\{ \begin{array}{l} s ZK = 60^p \\ s KA = 103^p 55' \end{array} \right\}$	wie $dm AZ = 120^p$ .	
Setzt man	$h AZ = 2^p 30'$	wie $hm A\Delta = 60^p$ ,	
so wird	$ZK = 1^p 15'$	und $KA = 2^p 10'$ ,	
mithin	$K\Delta = KA + A\Delta = 62^p 10'$ .		30

a) Die Bezeichnung der Apogeumstelle durch  $\Omega$  ist an der Figur hinzugefügt, um den scheinbaren Bogen  $\Omega B$  der Ekliptik kenntlich zu machen.

Nun ist  $ZK^2 + K\Delta^2 = Z\Delta^2$ ,  
 mithin  $Z\Delta = 62^{\text{P}} 11'$  wie  $ZK = 1^{\text{P}} 15'$ .

Setzt man  $hZ\Delta = 120^{\text{P}}$ ,

so wird  $sZK = 2^{\text{P}} 25'$ ,

also  $bZK = 2^{\circ} 18'$  wie  $\ominus ZK\Delta = 360^{\circ}$ ,

mithin  $\sphericalangle Z\Delta K = 2^{\circ} 18'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,

$= 1^{\circ} 9'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .

Ha 194

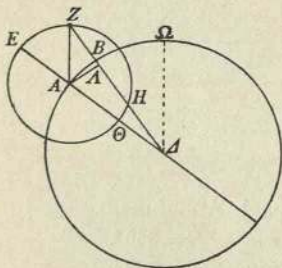
6

Hiermit wird also wieder der Betrag der Anomaliedifferenz, d. i. des Bogens AB, gefunden sein. Da in demselben Maße auch  $\sphericalangle EAZ = 30^{\circ}$  war, so wird  $\sphericalangle AZ\Delta (= \sphericalangle \Omega\Delta Z)$ , d. i. der scheinbare Bogen ( $\Omega B$ ) der Ekliptik, als Differenz dieser beiden Winkel ( $\sphericalangle EAZ - \sphericalangle Z\Delta K$ ) übereinstimmend mit den nach der exzentrischen Hypothese nachgewiesenen Beträgen gleich  $28^{\circ} 51'$  sein.

Hei 245

11

15 Auch hier werden sich wieder, wenn ein anderer Winkel gegeben ist, die übrigen gleichfalls bestimmen lassen. Man falle an derselben Figur von A auf  $\Delta Z$  das Lot AA.



20

a) Lassen wir zunächst wieder den scheinbaren Bogen der Ekliptik ( $\Omega B$ ), d. i. den  $\sphericalangle AZ\Delta (= \sphericalangle \Omega\Delta Z)$  gegeben sein, so wird damit auch (nach den Sehnentafeln) das Verhältnis  $\frac{ZA}{AA}$  gegeben

25

sein. Da ferner von vornherein (mit  $2\frac{1}{2} : 60$ ) das Verhältnis  $\frac{ZA}{AA}$  gegeben ist, so wird auch das Verhältnis  $\frac{\Delta A}{AA}$  (nach Eukl. Data 8) gegeben sein. Damit wird aber auch (nach den Sehnentafeln) der  $\sphericalangle A\Delta B$ , d. i. der Bogen AB der Anomaliedifferenz, sowie (als Summe der beiden Winkel) der  $\sphericalangle EAZ$ , d. i. der Bogen EZ des Epizykels, gegeben sein.

Ha 195

30

b) Nehmen wir schließlich die Anomaliedifferenz, d. i. den  $\sphericalangle A\Delta B$  als gegeben an, so wird wieder in umgekehrter Reihenfolge damit zunächst (nach den Sehnentafeln) das

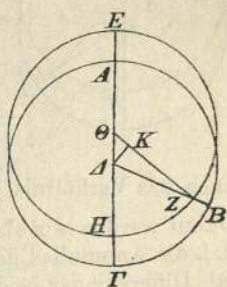
35

Verhältnis  $\frac{\Delta A}{A\Lambda}$  gegeben sein. Da ferner von vornherein (mit  $60:2\frac{1}{2}$ ) das Verhältnis  $\frac{\Delta A}{AZ}$  gegeben ist, so wird auch das Verhältnis  $\frac{ZA}{A\Lambda}$  (nach Eukl. Data 8) gegeben sein. Damit Hei 246 wird aber auch (nach den Sehnentafeln) der  $\angle AZ\Delta$ , d. i. der scheinbare Bogen ( $\Omega B$ ) der Ekliptik, sowie (als Summe 5 der beiden Winkel) der  $\angle EAZ$ , d. i. der Bogen  $EZ$  des Epizykels, gegeben sein.

II. Im Perigeum.

A. Nach der exzentrischen Hypothese.

Man trage an der oben (S. 173, 9) beschriebenen Figur des Exzentrers vom Perigeum  $H$  des Exzentrers den ebenfalls wieder mit  $30^\circ$  als gegeben angenommenen Bogen  $HZ$  ab, ziehe die Verbindungslinien  $\Delta ZB$  und  $Z\Theta$ , und fälle von  $\Delta$  auf  $\Theta Z$  das Lot  $\Delta K$ . Es ist



10

15

20

$b ZH = 30^\circ$  nach Annahme,  
folglich  $\angle Z\Theta H = 30^\circ$  wie  $4R = 360^\circ$ ,  
 $= 60^\circ$  wie  $2R = 360^\circ$ ,

mithin  $\left\{ \begin{array}{l} b \Delta K = 60^\circ \\ b K\Theta = 120^\circ \end{array} \right\}$  wie  $\ominus \Delta K\Theta = 360^\circ$ ,

also  $\left\{ \begin{array}{l} s \Delta K = 60^P \\ s K\Theta = 103^P 55' \end{array} \right\}$  wie  $dm \Delta\Theta = 120^P$ .

Setzt man  $h \Delta\Theta = 2^P 30'$  wie  $hm \Theta Z = 60^P$ ,  
so wird  $\Delta K = 1^P 15'$  und  $K\Theta = 2^P 10'$ ,  
mithin  $KZ = \Theta Z - K\Theta = 57^P 50'$ .

25  
(Hu 196  
Hei 247)

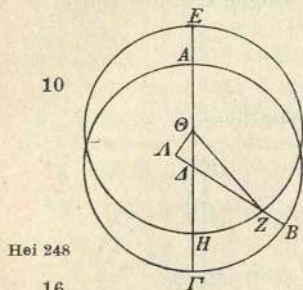
Nun ist  $\Delta K^2 + KZ^2 = \Delta Z^2$ ,  
mithin  $\Delta Z = 57^P 51'$  wie  $\Delta K = 1^P 15'$ .

Setzt man  $h \Delta Z = 120^P$ ,  
so wird  $s \Delta K = 2^P 34'$ ,  
also  $b \Delta K = 2^\circ 27'$  wie  $\ominus \Delta KZ = 360^\circ$ ;

30

$$\begin{aligned} \text{mithin } \angle \Delta ZK &= 2^{\circ}27' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}, \\ &= 1^{\circ}14' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$

Hiermit ist also die Anomaliedifferenz gefunden. Da in demselben Maße auch  $\angle Z\Theta H$  mit  $30^{\circ}$  als gegeben angenommen ist, so wird  $\angle B\Delta\Gamma$ , d. i. der Bogen  $\Gamma B$  der Ekliptik, als Summe dieser beiden Winkel  $31^{\circ}14'$  betragen.



Wie oben, verlängere man auch in diesem Falle  $B\Delta$  (über  $\Delta$ ) und falle auf die Verlängerung das Lot  $\Theta\Lambda$ .

a) Lassen wir zunächst den Bogen  $\Gamma B$  der Ekliptik, d. i. den  $\angle \Theta\Delta\Lambda$  (als Scheitelwinkel  $= \angle B\Delta\Gamma$ ) gegeben sein, so wird damit auch (nach den Sehnen- tafeln) das Verhältnis  $\frac{\Delta\Theta}{\Theta\Lambda}$  gegeben sein.

Da ferner von vornherein (mit  $2\frac{1}{2}:60$ )

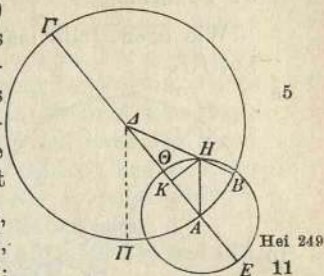
das Verhältnis  $\frac{\Delta\Theta}{\Theta Z}$  gegeben ist, so wird auch das Verhältnis  $\frac{Z\Theta}{\Theta\Lambda}$  (nach Eukl. Data 8) gegeben sein.

Damit werden wir aber als gegeben erhalten sowohl  $\angle \Theta Z\Delta$ , d. i. die Anomaliedifferenz (nach den Sehnen- tafeln), als auch (als Differenz der beiden Winkel  $B\Delta\Gamma - \Theta Z\Delta$ ) den  $\angle Z\Theta\Delta$ , d. i. den Bogen  $HZ$  des Exzenters.

Ha 197 b) Lassen wir schließlich die Anomaliedifferenz, d. i. den  $\angle \Theta Z\Delta$  gegeben sein, so wird in umgekehrter Reihenfolge damit zunächst (nach den Sehnen- tafeln) das Verhältnis  $\frac{Z\Theta}{\Theta\Lambda}$  gegeben sein. Da ferner von vornherein (mit  $60:2\frac{1}{2}$ ) das Verhältnis  $\frac{Z\Theta}{\Theta\Delta}$  gegeben ist, so wird auch das Verhältnis  $\frac{\Delta\Theta}{\Theta\Lambda}$  (nach Eukl. Data 8) gegeben sein. Damit werden wir aber als gegeben erhalten sowohl den  $\angle \Theta\Delta\Lambda (= \angle B\Delta\Gamma)$ , d. i. den Bogen  $\Gamma B$  der Ekliptik (nach den Sehnen- tafeln), als auch (als Differenz der beiden Winkel  $B\Delta\Gamma - \Theta Z\Delta$ ) den  $\angle Z\Theta H$ , d. i. den Bogen  $HZ$  des Exzenters.

B. Nach der epizyklischen Hypothese.

Man trage an der oben (S. 175, 9) beschriebenen Figur<sup>a)</sup> des Konzenters mit dem Epizykel von dem Perigeum  $\Theta$  den Bogen  $\Theta H$  ebenfalls gleich  $30^\circ$  ab, ziehe die Verbindungslinien  $AH$  und  $\Delta HB$  und fälle von  $H$  auf  $A\Delta$  das Lot  $HK$ . Es ist



$$\begin{aligned} b \Theta H &= 30^\circ \text{ nach Annahme,} \\ \text{folglich } \angle \Theta AH &= 30^\circ \text{ wie } 4 R = 360^\circ, \\ &= 60^\circ \text{ wie } 2 R = 360^\circ; \end{aligned}$$

$$\text{mithin } \left\{ \begin{array}{l} b HK = 60^\circ \\ b KA = 120^\circ \end{array} \right\} \text{ wie } \ominus HKA = 360^\circ,$$

$$\text{also } \left\{ \begin{array}{l} s HK = 60^P \\ s KA = 103^P 55' \end{array} \right\} \text{ wie } h AH = 120^P. \quad 15$$

Setztman  $h AH = 2^P 30'$  wie  $hm A\Delta = 120^P$ ,  
so wird  $HK = 1^P 15'$  und  $KA = 2^P 10'$ ,  
mithin  $K\Delta = A\Delta - KA = 57^P 50'$ .

$$\begin{aligned} \text{Nun ist } &HK^2 + K\Delta^2 = \Delta H^2, \\ \text{mithin } &\Delta H = 57^P 51' \text{ wie } HK = 1^P 15'. \end{aligned} \quad \text{Ha 198}$$

Setztman  $h \Delta H = 120^P$ , 21

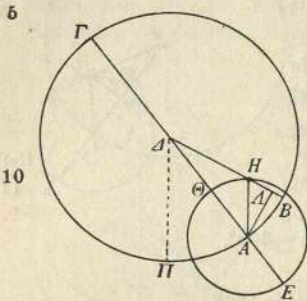
$$\begin{aligned} \text{so wird } s HK &= 2^P 34', \\ \text{also } b HK &= 2^\circ 27' \text{ wie } \ominus HK\Delta = 360^\circ, \\ \text{mithin } \angle H\Delta K &= 2^\circ 27' \text{ wie } 2 R = 360^\circ, \\ &= 1^\circ 14' \text{ wie } 4 R = 360^\circ. \end{aligned} \quad \text{Hei 250}$$

Damit ist also die Anomaliedifferenz, d. i. der Bogen  $AB$ , auch in diesem Falle gefunden. Da in demselben Maße auch  $\angle KAH$  mit  $30^\circ$  als gegeben angenommen ist, so wird  $\angle BHA$  ( $= \angle B\Delta\Pi$ ), welcher den scheinbaren Bogen ( $\Pi B$ ) der Ekliptik mißt, als Summe der beiden Winkel übereinstimmend 30 26

a) Die Figur habe ich unter Bezeichnung des in der Ekliptik liegenden Perigeums  $\Pi$  im Unterschied zu der Figur S. 175 in der entsprechenden diametralen Stellung vorgelegt.

mit den bei dem Exzenter gefundenen Beträgen gleich  $31^{\circ}14'$  sein.

Wie oben, fälle man auch in diesem Falle auf  $\Delta B$  das Lot  $AA$ .



a) Lassen wir zunächst den Bogen  $(\Pi B)$  der Ekliptik, d. i. den  $\angle AHA$  ( $= \angle \Pi \Delta B$ ) gegeben sein, so wird damit das Verhältnis  $\frac{HA}{AA}$  (nach den Sehnentafeln) gegeben sein. Da ferner von vornherein (mit  $2\frac{1}{2} : 60$ ) das Verhältnis  $\frac{HA}{A\Delta}$  gegeben ist, so wird auch (nach Eukl. Data 8) das Verhältnis  $\frac{\Delta A}{AA}$  gegeben sein. Damit

werden wir aber als gegeben erhalten sowohl den  $\angle A\Delta B$ , d. i. den Bogen  $AB$  der Anomaliedifferenz (nach den Sehnentafeln), als auch (als Differenz der beiden Winkel) den  $\angle \Theta AH$ , d. i. den Bogen  $\Theta H$  des Epizykels.

b) Lassen wir schließlich den Bogen  $AB$  der Anomaliedifferenz, d. i. den  $\angle A\Delta B$  gegeben sein, so wird damit wieder in umgekehrter Reihenfolge (nach den Sehnentafeln) das Verhältnis  $\frac{\Delta A}{AA}$  gegeben sein. Da ferner von vornherein (mit  $60 : 2\frac{1}{2}$ ) das Verhältnis  $\frac{\Delta A}{AH}$  gegeben ist, so wird auch (nach Eukl. Data 8) das Verhältnis  $\frac{HA}{AA}$  gegeben sein. Damit werden wir aber als gegeben erhalten sowohl den  $\angle AHA$  ( $= \angle \Pi \Delta B$ ), d. i. den Bogen  $(\Pi B)$  der Ekliptik (nach den Sehnentafeln), als auch (als Differenz der beiden Winkel) den  $\angle \Theta AH$ , d. i. den Bogen  $\Theta H$  des Epizykels.

Hiermit sind die Nachweise geliefert, welche wir uns (in diesem Kapitel) zur Aufgabe gestellt hatten.

Will man die Größenbeträge der von Fall zu Fall erforderlichen Korrekturen (des Laufs) zum Gebrauch fertig bei der Hand haben, so ist durch die vorstehenden theo-

retischen Sätze, wie man sieht, für die Tabellarisierung der Gradabschnitte, welche das rechnerische Material zur Gewinnung des scheinbaren Laufs aus der Anomalie bilden, die Möglichkeit einer sehr mannigfaltigen Form geboten. Wir geben jedenfalls derjenigen Fassung den Vorzug, welche die Anomaliedifferenzen neben den gleichförmigen Bogen bietet, erstens, weil diese Anordnung sich nach den Hypothesen selbst als die logisch richtige ergibt<sup>a)</sup>, und zweitens, weil die Berechnung nach der Tabelle in jedem Bedarfsfalle<sup>b)</sup> ebenso einfach als leicht ausführbar ist.

Daher haben wir uns die an erster Stelle (S. 175 und 179) zahlengemäß durchgeführten Sätze zur Norm genommen und für die einzelnen Gradabschnitte auf dem Wege geometrischer Konstruktion, ganz wie bei den mitgeteilten Beispielen (für  $30^{\circ}$ ), die Anomaliedifferenzen berechnet, welche auf jeden gleichförmigen Bogen entfallen. Allgemein haben wir aber sowohl bei der Sonne wie bei den anderen Planeten die zu beiden Seiten der Apogeen liegenden Quadranten in je 15 Abschnitte zerlegt, so daß bei ihnen der Ansatz der Beträge von 6 zu 6 Grad fortschreitet. Dagegen haben wir die zu beiden Seiten der Perigeen liegenden Quadranten in je 30 Abschnitte zerlegt, so daß bei ihnen der Ansatz von 3 zu 3 Grad fortschreitet, weil in den Perigeen hinsichtlich des Überschusses der auf die gleichgroßen Abschnitte entfallenden Anomaliedifferenzen größere Unterschiede eintreten als in den Apogeen.

Wir werden demnach die Tabelle der Anomalie der Sonne wieder in 45 (d. i.  $3 \times 15$ ) Zeilen und 3 Spalten aufstellen. Die ersten zwei Spalten enthalten als Argumentzahlen die 360 Grade der gleichförmigen Bewegung, indem die ersten

a) Die von vornherein gemachte Voraussetzung ist die Gleichförmigkeit der Bewegung; es ist also logischer, aus der gleichförmigen Bewegung durch Anbringung der Anomalie die ungleichförmige zu gewinnen, als umgekehrt von der ungleichförmigen ausgehend die gleichförmige.

b) D. h. auch in dem Falle, wenn man aus dem gegebenen scheinbaren oder ungleichförmigen Lauf den gleichförmigen feststellen will.

15 Zeilen die beiden Quadranten am Apogeum umfassen, die übrigen 30 Zeilen die beiden Quadranten am Perigeum. Die dritten Spalten bieten die auf jede Argumentzahl der gleichförmigen Bewegung entfallenden Grade der Prosthaphäresis (d. i. des vom Apogeum bis zum Perigeum negativen, vom Perigeum bis zum Apogeum positiven Betrags) der Anomaliedifferenz.<sup>24)</sup>

Die Tabelle gestaltet sich folgendermaßen.

Sechstes Kapitel.  
Tabelle der Anomalie der Sonne.

Gemeinsame Argumentzahlen		Prosthaphäresis	Gemeinsame Argumentzahlen		Prosthaphäresis	Gemeinsame Argumentzahlen		Prosthaphäresis
6°	354°	0° 14'	93°	267°	2° 23'	138°	222°	1° 39'
12	348	0° 28'	96	264	2° 23'	141	219	1° 33'
18	342	0° 42'	99	261	2° 22'	144	216	1° 27'
24	336	0° 56'	102	258	2° 21'	147	213	1° 21'
30	330	1° 9'	105	255	2° 20'	150	210	1° 14'
36	324	1° 21'	108	252	2° 18'	153	207	1° 7'
42	318	1° 32'	111	249	2° 16'	156	204	1° 0'
48	312	1° 43'	114	246	2° 13'	159	201	0° 53'
54	306	1° 53'	117	243	2° 10'	162	198	0° 46'
60	300	2° 1'	120	240	2° 6'	165	195	0° 39'
66	294	2° 8'	123	237	2° 2'	168	192	0° 32'
72	288	2° 14'	126	234	1° 55'	171	189	0° 24'
78	282	2° 18'	129	231	1° 54'	174	186	0° 16'
84	276	2° 21'	132	228	1° 49'	177	183	0° 8'
90	270	2° 23'	135	225	1° 44'	180	180	0° 0'

### Siebentes Kapitel.

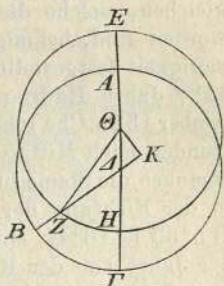
#### Die Epoche des mittleren Laufs der Sonne.

Ha 202 }  
Hei 254 }      Es bleibt noch übrig, die Epoche<sup>a)</sup> der gleichförmigen  
10 Bewegung der Sonne festzustellen, die zur Berechnung ihrer von Fall zu Fall gebotenen Positionen erforderlich ist. Auch diese Aufgabe haben wir gelöst, indem wir uns allgemein

a) Unter Epoche ist der in Ekliptikgraden ausgedrückte Ort (τόπος) zu verstehen, welchen die Sonne zu einem bestimmten Zeitpunkt, der als Ausgangspunkt ihrer gleichförmigen Bewegung gilt, innehat (ἐπέχει) oder innegehabt hat.

wieder bei der Sonne sowohl wie bei den anderen Planeten an die von uns selbst auf das genaueste beobachteten Positionen hielten. Von diesen aus zurückrechnend, haben wir mit Hilfe der nachgewiesenen mittleren Bewegungen die Epochen (aller Planeten) an den Anfang der Regierung Nabonassars (26. Februar 747 v. Chr.) geknüpft, von welcher Zeit ab uns auch die alten Beobachtungen im großen ganzen bis auf den heutigen Tag erhalten geblieben sind.

Es sei  $AB\Gamma$  der mit der Ekliptik konzentrische Kreis um das Zentrum  $\Delta$ ,  $EZH$  der Exzenter der Sonne um das Zentrum  $\Theta$ . Der durch beide Mittelpunkte und das Apogeum  $E$  gehende Durchmesser sei  $EAH\Gamma$ . Endlich sei als der Herbstpunkt der Ekliptik der Punkt  $B$  angenommen. Man ziehe die Verbindungslinien  $BZ\Delta$  und  $Z\Theta$ , und fälle von  $\Theta$  auf die Verlängerung von  $Z\Delta$  das Lot  $\Theta K$ .



Da der Herbstpunkt  $B$  im Anfang der Scheren liegt und das Perigeum  $\Gamma$  in  $5^{\circ}30'$  des Schützen, so ist

$$b B\Gamma = 65^{\circ}30',$$

folglich  $\angle B\Delta\Gamma = 65^{\circ}30'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 131^{\circ}$  wie  $2R = 360^{\circ}$ .

Nun ist  $\angle B\Delta\Gamma = \angle \Theta\Delta K$ , (als Scheitelwinkel)

folglich auch  $\angle \Theta\Delta K = 131^{\circ}$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ;

mithin  $b \Theta K = 131^{\circ}$  wie  $\ominus \Theta K\Delta = 360^{\circ}$ ,

also  $s \Theta K = 109^{\text{p}} 12'$  wie  $dm \Delta\Theta = 120^{\text{p}}$ .

Setzt man  $\Delta\Theta = 5^{\text{p}}$  wie  $h Z\Theta = 120^{\text{p}}, \text{a)}$

so wird  $s \Theta K = 4^{\text{p}} 33'$ ,

also  $b \Theta K = 4^{\circ}20'$  wie  $\ominus \Theta KZ = 360^{\circ}$ ,

folglich  $\angle \Theta ZK = 4^{\circ}20'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,

$= 2^{\circ}10'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .

Nun war  $\angle B\Delta\Gamma = 65^{\circ}30'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ , (s. Z. 23)

mithin  $\angle Z\Theta H = 63^{\circ}20'$  als Differenz beider,

folglich  $b ZH = 63^{\circ}20'$ .

a) Nach dem Verhältnis  $\Delta\Theta : Z\Theta = 2\frac{1}{2} : 60$ .

Wenn demnach die Sonne im Herbstnachtgleichenpunkt steht, so ist sie von dem Perigeum, d. i. von  $\varphi 5^{\circ}30'$ , in mittlerer Bewegung  $63^{\circ}20'$  gegen die Richtung der Zeichen (d. i. westwärts) entfernt, während sie von dem Apogeum, d. i. von  $\Pi 5^{\circ}30'$ , im Mittel ( $180^{\circ} - 63^{\circ}20' =$ )  $116^{\circ}40'$  in der Richtung der Zeichen (d. i. ostwärts) entfernt steht.

Hei 256

Ha 204

10

Ha 204

15

20

25

30

Hei 257

35

Nach dieser theoretischen Erörterung wird folgendes verständlich werden. Unter den Beobachtungen von Nachtgleichen, welche die ersten waren, die von uns angestellt worden sind, befindet sich auch eine mit der größten Genauigkeit festgestellte Herbstnachtgleiche. Dieselbe ist im 17<sup>ten</sup> Jahre Hadrians am 7. ägyptischen Athyr (25. September 132 n. Chr.) ohne wesentlichen Fehler zwei Äquinoktialstunden nach Mittag eingetreten. Zu diesem Zeitpunkt hat demnach die Sonne in mittlerer Bewegung auf dem Exzenter in der Richtung der Zeichen von dem Apogeum (d. i. von  $\Pi 5^{\circ}30'$ )  $116^{\circ}40'$  entfernt gestanden. Nun beträgt die Zahl der Jahre von der Regierung Nabonassars (747 v. Chr.) bis zum Tode Alexanders (11. Juni 323 v. Chr.) nach dem ägyptischen Kalender 424, vom Tode Alexanders (Epoche 1. Thoth = 12. Nov. 324 v. Chr.) bis zur Regierung des Augustus 294, und vom ersten Jahre (30 v. Chr.) der Regierung des Augustus vom Mittag des 1. ägyptischen Thoth — weil wir die Epochen an die Mittagstunde knüpfen — bis zum 17<sup>ten</sup> Jahre Hadrians zwei Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 7. Athyr (25. Sept. 132 n. Chr.) weitere 161 Jahre, 66 Tage und 2 Äquinoktialstunden. Folglich ergeben sich vom ersten Jahre Nabonassars vom Mittag des 1. ägyptischen Thoth bis zu der Zeit der oben genannten Herbstnachtgleiche in Summa ( $424 + 294 + 161 =$ ) 879 ägyptische Jahre, 66 Tage und 2 Äquinoktialstunden. In einem Zeitraum von dieser Länge legt die Sonne in mittlerer Bewegung nach Abzug ganzer Kreise  $211^{\circ}25'$  zurück.<sup>25)</sup> Wenn wir also zu den  $116^{\circ}40'$ , welche die Entfernung von dem Apogeum des Exzenters zur Zeit der genannten Herbstnachtgleiche maßen, die 360 Grade eines Kreises addieren und von der Summe die  $211^{\circ}25'$  des auf die Zwischenzeit

entfallenden Überschusses abziehen<sup>a)</sup>, so werden wir für die Epoche der mittleren Bewegung am Mittag des 1. ägyptischen Thoth des ersten Jahres Nabonassars (26. Februar 747 v. Chr.) als Entfernung der Sonne von dem Apogeum ( $\Pi$   $5^{\circ} 30'$ ) bei gleichförmiger Bewegung  $265^{\circ} 15'$  in der Ha 205 Richtung der Zeichen erhalten. Daraus ergibt sich als 6 mittlerer Ort der Sonne  $(0^{\circ} 45')$ <sup>b)</sup>

### Achtes Kapitel.

#### Berechnung der Länge der Sonne nach den Tafeln.

Wenn wir den Ort der Sonne für den betreffenden Zeitpunkt, dem die Untersuchung gilt, feststellen wollen<sup>c)</sup>, so gehen wir mit der Summe der Zeit, welche von der Epoche 10 bis zu dem nach der Ortszeit von Alexandria gegebenen Zeitpunkt verflossen ist, in die Tafeln der gleichförmigen Bewegung der Sonne ein, addieren zu den bei den betreffenden Argumentzahlen stehenden Graden die  $265^{\circ} 15'$  betragende Entfernung von dem Apogeum und ziehen von dieser Summe 15 ganze Kreise ab. Die übrigbleibenden Grade zählen wir von (dem Apogeum)  $\Pi$   $5^{\circ} 30'$  ab in der Richtung der Zeichen weiter und werden dort, wo die Zahl ausgeht, den mittleren Ort der Sonne finden. Darauf gehen wir mit derselben Zahl, d. h. mit der Gradzahl, welche die Entfernung Hei 258 vom Apogeum bis zu dem mittleren Ort angibt, in die 21 Tabelle der Anomalie ein. Fällt die Zahl in die ersten Spalten, d. h. ist sie kleiner als  $180^{\circ}$ , so ziehen wir die bei ihr in der dritten Spalte stehenden Grade von der Epoche für den mittleren Ort ab; steht die Zahl aber in den zweiten 25 Spalten, d. h. ist sie größer als  $180^{\circ}$ , so werden wir die be- Ha 206 treffenden Grade zu dem mittleren Ort addieren und so den genauen, d. i. scheinbaren Ort der Sonne finden.<sup>24)</sup>

a) D. h. auf dem Sonnenkreise rückwärts zählen:  $476^{\circ} 40' - 211^{\circ} 25' = 265^{\circ} 15'$ .

b) Insofern  $265^{\circ} 15' = 24^{\circ} 30'$  der Zwillinge  $+ 240^{\circ}$  (d. s. 8 Zeichen zu  $30^{\circ}$ )  $+ 0^{\circ} 45'$  der Fische.

c) Durchgeführte Beispiele der Berechnung bietet Anm. 29.

## Neuntes Kapitel.

## Die Ungleichheit der Sonnentage.

Hiermit sind wir am Ende der Theorie angelangt, welche sich mit der Sonne allein beschäftigt. Es dürfte jedoch am Platze sein, hier noch in aller Kürze die Ungleichheit der Sonnentage<sup>a)</sup> zu besprechen, eine Erörterung, die vor-

5 ausgeschiedt werden muß, weil wir die schlechthin im Mittel angesetzten Bewegungen alle unter gleichgroßen Überschüssen anwachsen lassen<sup>b)</sup>, als ob auch die Sonnentage alle von gleicher Dauer wären, was sich, wie die theoretische Betrachtung lehrt, nicht so verhält.

10 Die Drehung des Weltalls vollzieht sich in gleichförmiger Bewegung um die Pole des Äquators, wobei die Wiederkehr dieser Drehung, um sie besser auf den Punkt genau bestimmen zu können, entweder auf den Horizont oder auf den Meridian bezogen wird. Mithin ist eine Umdrehung

15 des Weltalls offenbar die Wiederkehr ein und desselben Punktes des Äquators von einem Abschnitt des Horizonts oder des Meridians bis wieder zu demselben Abschnitt, während

Hei 259 ein Sonnentag schlechthin die Wiederkehr der Sonne von einem Abschnitt des Horizonts oder des Meridians bis wieder

Ha 207 zu demselben Abschnitt ist. Deshalb ist also ein gleich-

21 förmiger Sonnentag der Zeitraum, welcher den Durchgang der 360 Zeitgrade eines Umschwungs des Äquators und hierüber noch den Durchgang von rund 59 Sechzigteilen eines Zeitgrades umfaßt, welche die Sonne im Verlauf eines

25 solchen Umschwungs des Äquators infolge ihrer (eigenen) Bewegung (nach der entgegengesetzten Richtung) in mittlerer Geschwindigkeit zusetzt. Ein ungleichförmiger

a) D. i. der aus Tag und Nacht bestehenden Zeiträume von einem Sonnenaufgang bis zum nächsten.

b) D. h. durch sukzessives Addieren derselben Grundzahl der täglichen, monatlichen und jährlichen mittleren Bewegung. Vgl. S. 148, 5.

Sonntag ist dagegen der Zeitraum, welcher den Durchgang der 360 Zeitgrade eines Umschwungs des Äquators und hierüber noch den Durchgang derjenigen Sechzigtheile umfaßt, die gleichzeitig mit der Zusatzstrecke, welche die Sonne infolge ihrer ungleichförmigen Bewegung erzielt, entweder 5  
aufgehen oder den Meridian passieren.

Dieser Abschnitt des Äquators, welcher über die 360 Zeitgrade (d. i. über 24 Äquinoktialstunden) hinzu seinen Durchgang bewerkstelligt, muß notwendig ungleich groß werden, erstens wegen der scheinbaren Anomalie der Sonne, und 10  
zweitens, weil gleichgroße Abschnitte der Ekliptik weder den Horizont noch den Meridian in gleichen Zeiten passieren. Jede dieser beiden Ursachen bewirkt allerdings bei einem Sonnentage einen kaum bemerkbaren Unterschied der gleichförmigen Wiederkehr gegen die ungleichförmige, aber wenn 15  
sich dieser Unterschied bei einer größeren Zahl von Sonnentagen summiert, kann er sogar recht bemerklich werden.<sup>a)</sup>

Infolge der Anomalie der Sonne entsteht das Maximum des Unterschieds bei den Intervallen von der einen mittleren Bewegung der Sonne bis zur anderen<sup>b)</sup>; denn die Summe Bei 260  
der Sonnentage eines solchen Intervalls wird sich von der 21  
Summe der gleichförmigen Sonnentage (desselben Intervalls) um ungefähr  $4\frac{3}{4}$  Zeitgrade (d. i. um das Doppelte der Anomaliedifferenz) unterscheiden, von der Summe der gleichförmigen Sonnentage des anderen Intervalls aber um den 25  
doppelten Betrag (d. i. um  $9\frac{1}{2}$  Zeitgrade), weil der scheinbare Lauf der Sonne (in der Ekliptik) gegen den gleichförmigen auf dem am Apogeum liegenden (erdfernen) Halb-

a) Die moderne Astronomie unterscheidet mittlere, d. s. gleichförmige Sonnentage, deren Dauer schlechthin 24 Äquinoktialstunden beträgt, von wahren, d. s. ungleichförmigen Sonnentagen, welche sich von einer Kulmination der Sonne bis zur nächsten erstrecken. Die längste Dauer eines solchen wahren Sonnentags beträgt 24 Stunden 32 Sekunden, die kürzeste 23 Stunden 59 Minuten 39 Sekunden.

b) D. i. in dem Intervall, welches sich mit  $92^{\circ}23'$  beiderseits des Apogeums, und in dem Intervall, welches sich mit  $87^{\circ}37'$  beiderseits des Perigeums erstreckt.

kreis (der Sonnenbahn)  $4\frac{3}{4}^{\circ}$  (d. i. beiderseits  $2^{\circ}23'$ ) zurückbleibt, während er auf dem am Perigeum liegenden (erdnahen) Halbkreis ebenso viele Grade zusetzt.<sup>a)</sup>

- Ha 208 Infolge der Ungleichförmigkeit der (mit Zeitgraden) gleichzeitigen Auf- oder Untergänge (der Ekliptik) tritt dagegen das Maximum des Unterschieds auf den von den Wendepunkten begrenzten Halbkreisen ein; denn hier werden die gleichzeitigen Aufgänge eines jeden dieser beiden Halbkreise von den theoretisch als gleichförmig geltenden 180 Zeitgraden (= 12 Stunden) um den Unterschied des längsten oder des kürzesten Tages vom Nachtgleichentage (z. B.  $15^{\text{st}} - 12^{\text{st}} = 3^{\text{st}}$ ) differieren, voneinander aber um den Unterschied des längsten Tages vom kürzesten oder der längsten Nacht von der kürzesten (z. B.  $15^{\text{st}} - 9^{\text{st}} = 6^{\text{st}}$ ).
- 15 Infolge der Ungleichheit der (mit Zeitgraden) gleichzeitigen Meridiandurchgänge endlich entsteht wieder das Maximum des Unterschieds bei den Intervallen, welche gerade die beiden Zwölftteile in sich schließen, die entweder beiderseits der Wendepunkte oder beiderseits der Nachtgleichenpunkte liegen; denn
- 20 die beiden an den Wendepunkten liegenden Zwölftteile werden zusammen (mit  $64^{\circ}32'$ ) von den theoretisch als gleichförmig geltenden (60) Zeitgraden um ungefähr  $4\frac{1}{2}$  solche Grade differieren, von der Summe ( $55^{\circ}40'$ ) der an den Nachtgleichenpunkten liegenden Zwölftteile aber wieder
- 25 um 9 Zeitgrade, weil letztere hinter dem Mittel (von  $60^{\circ}$  um  $4^{\circ}20'$ ) zurückbleiben, während erstere ungefähr den gleichen Betrag (genau  $4^{\circ}32'$ ) zusetzen.<sup>b)</sup>
- Hei 261

a) Indem der scheinbare Bogen, welchen die Sonne während ihres gleichförmigen Laufs auf dem erdfernen Halbkreis ihrer Bahn in der Ekliptik zurücklegt, beiderseits um  $2^{\circ}23'$ , demnach in Summa um  $4\frac{3}{4}^{\circ}$  kleiner als ein Halbkreis ist, wogegen der scheinbare Bogen, welchen sie während ihres Laufs auf dem erdnahen Halbkreis in der Ekliptik zurücklegt, um denselben Betrag größer als ein Halbkreis ist. Vgl. die Figur zu Anm. 24 u. S. 157, 27.

b) Die Zeit des Meridiandurchgangs von  $\Pi + \odot$  oder  $\nearrow + \tilde{\nearrow}$  beträgt nach der Tafel für Sphaera recta  $64^{\circ}32'$ , die des Meridiandurchgangs von  $\mathcal{X} + \mathcal{V}$  oder  $\uparrow + \underline{\uparrow}$  genau  $55^{\circ}40'$ .

Aus diesen Verhältnissen erklärt es sich, daß wir die bei den Epochen in Betracht kommenden Anfänge der Sonnentage an die Meridiandurchgänge, nicht an die Auf- oder Untergänge der Sonne knüpfen. Denn der theoretisch auf den Horizont bezogene Unterschied kann bis zu vielen Stunden 5 gehen (s. S. 188, 14); auch ist er nicht überall derselbe, sondern ändert sich mit dem je nach der Neigung der Sphäre eintretenden Unterschied der längsten oder der kürzesten Tage. Dagegen ist der auf den Meridian bezogene Unterschied für alle Wohnorte derselbe und überschreitet auch 10 nicht die infolge der Anomalie der Sonne sich (bis zu  $2 \cdot 2^{\circ} 23'$ ) summierenden Zeitgrade der Differenz.

Nun setzt sich aber aus der Vermischung dieser beiden Unterschiede, d. i. der Differenz infolge der Anomalie der Sonne und des Unterschieds infolge der (mit Zeitgraden) Ha 209 gleichzeitigen Meridiandurchgänge, der Unterschied bei den 16jenigen Intervallen zusammen, welche für beide genannte Differenzen gleichzeitig entweder dem Zusatz oder dem Abzug unterliegen. Dem Abzug unterliegt in beiden Beziehungen am stärksten der (erdferne) Abschnitt von der Mitte 20 des Wassermanns bis zu den Scheren, dem Zusatz der (erdnahe) Abschnitt vom Skorpion bis zur Mitte des Wassermanns. Diese beiden Abschnitte weisen nämlich als Maximum, der eine des Zusatzes, der andere des Abzugs, infolge der Anomalie der Sonne  $3\frac{2}{3}^{\circ}$ , <sup>a)</sup> und infolge der (mit Zeitgraden) 25 gleichzeitigen Meridiandurchgänge  $4\frac{2}{3}^{\circ}$  auf, <sup>b)</sup> so daß sich für jeden der beiden genannten Abschnitte als Maximum

a) Bei  $\approx 15^{\circ}$  beträgt in  $249^{\circ} 30'$  Entfernung vom Apogäum  $\Pi 5^{\circ} 30'$  die Anomaliendifferenz  $+ 2^{\circ} 16'$ , bei  $\cap 0^{\circ}$  in  $144^{\circ} 30'$  Entfernung  $- 1^{\circ} 26'$ . Indem also die scheinbare erdferne Laufstrecke in der Ekliptik erst bei  $\approx 17^{\circ} 16'$  beginnt und schon bei  $\sphericalangle 28^{\circ} 34'$  aufhört, beträgt sie zwischen diesen Grenzen  $3^{\circ} 42'$  weniger als die Strecke, welche zwischen den mittleren Örtern liegt, während der scheinbare erdnahe Lauf von  $\sphericalangle 28^{\circ} 34'$  bis  $\approx 17^{\circ} 16'$   $3^{\circ} 42'$  mehr beträgt.

b) Die 255 Grade von  $\approx 15^{\circ}$  bis  $\cap 0^{\circ}$  gehen mit  $250^{\circ} 18'$  des Äquators durch den Meridian, was  $- 4^{\circ} 42'$  gibt, die 105 Grade von  $\cap 0^{\circ}$  bis  $\approx 15^{\circ}$  mit  $109^{\circ} 42'$ , was  $+ 4^{\circ} 42'$  gibt.

Hei 262 des Unterschieds der Sonnentage im Vergleich zu den gleichförmigen ein Betrag von  $8\frac{1}{3}$  Zeitgraden, d. i. von  $33\frac{1}{3}$  Zeitminuten, im Vergleich von Abschnitt zu Abschnitt aber der doppelte Betrag von  $16\frac{2}{3}$  Zeitgraden, d. i. von einer Äquinoktialstunde und  $6\frac{2}{3}$  Minuten, herausstellt. Ein Unterschied von diesem Betrage würde bei der Sonne und den anderen Planeten, wenn er unbeachtet bliebe, der Feststellung der an ihnen wahrgenommenen Erscheinungen vielleicht keinen merklichen Eintrag tun, dagegen würde er bei dem Monde wegen der Geschwindigkeit seiner Bewegung (in Länge) bereits eine beträchtliche Differenz bis zu  $0^{\circ}36'$  (d. s.  $0^{\circ}32'56'' + 0^{\circ}3'17''$  in  $1\frac{1}{10}$  Stunde) verursachen.

Um nun die für irgendein beliebiges Intervall gegebenen (bürgerlichen) Sonnentage, ich meine die von Mittag oder Mitternacht bis wieder zu Mittag oder Mitternacht (nach Ortszeit) gerechneten, ein für allemal in gleichförmige umzurechnen, werden wir sowohl für die erste wie für die letzte Epoche des gegebenen Intervalls der (bürgerlichen) Sonnentage feststellen, in welchem Grade der Ekliptik die Sonne sowohl nach der gleichförmigen wie nach der ungleichförmigen (d. i. mit der Anomaliedifferenz versehenen) Bewegung steht. Alsdann gehen wir mit dem Intervall der mit dem Zusatz (der Anomalie) versehenen Grade, d. i. mit dem Intervall von dem ungleichförmigen oder scheinbaren Sonnenort bis wieder zu dem scheinbaren, in die Tafel der Aufgänge bei Sphaera recta<sup>a)</sup> ein und sehen nach, mit wieviel Zeitgraden gleichzeitig die bezeichneten Grade des ungleichförmigen Intervalls den Meridian passieren. Hierauf bilden wir die Differenz zwischen den gefundenen Zeitgraden und den Graden des gleichförmigen Intervalls und berechnen (durch Multiplikation mit 4) den Betrag der Äquinoktialstunde, welcher durch die Zeitgrade dieser Differenz ausgedrückt wird. Wird die Zahl der Zeit-

a) Weil die Durchgänge durch den Horizont bei Sphaera recta gleichzeitig als Durchgänge durch den Meridian anzusehen sind. Vgl. S. 53, 19.

grade<sup>a)</sup> größer als das gleichförmige Intervall gefunden, so werden wir die Differenz zu der gegebenen Zahl der Sonnentage addieren, wird sie kleiner gefunden, so werden wir sie davon abziehen. In dem Ergebnis werden wir den auf die gleichförmigen Sonnentage entfallenden Zeitbetrag erhalten, von dem wir vorzugsweise dort Gebrauch machen werden, wo es sich um die Summierung der mittleren Bewegungen des Mondes handelt, wie unsere Tafeln sie bieten.<sup>26)</sup> 5

Es ist selbstverständlich, daß man aus dem gegebenen Bestand der gleichförmigen Sonnentage die bürgerlichen, d. i. die theoretisch schlechthin genommenen Tage erhält, indem man die oben erklärte Addition oder Subtraktion der Zeitgrade in umgekehrter Reihenfolge vornimmt. 10

Zu der von uns festgestellten Epoche, d. i. im ersten Jahre Nabonassars am Mittag des 1. ägyptischen Thoth, stand die Sonne bei gleichförmiger Bewegung, wie oben (S. 185, 7) nachgewiesen, in  $\Upsilon 0^0 45'$ , bei ungleichförmiger Bewegung (d. i. unter Hinzufügung des Maximums der Anomaliedifferenz) in  $\Upsilon 3^0 8'.^b)$  15 20

## Viertes Buch.

### Erstes Kapitel.

#### Art der Beobachtungen, auf welche sich die Theorie des Mondes zu stützen hat.

Nachdem wir in dem vorhergehenden Buche eine zusammenfassende Darstellung der Erscheinungen geboten haben, welche hinsichtlich der Bewegung der Sonne wahrzunehmen sind, beginnen wir nunmehr in der logisch gebotenen Folge die

a) D. i. die Zahl der gleichzeitig mit den Graden des ungleichförmigen Intervalls durch den Meridian gegangenen Äquatorgrade. Ist sie größer, so ist die wahre Sonne vorangeilt, ist sie kleiner, so ist die wahre Sonne zurückgeblieben.

b) Auf  $265^0 15'$  Abstand von dem Apogeum  $\Pi 5^0 30'$  entfallen nach der Anomalietabelle  $+ 2^0 23'$  Anomaliedifferenz. Vgl. S. 185, 26 hinsichtlich des positiven Werts.

{ Ha 211  
Hei 265

Theorie des Mondes. Da halten wir es zunächst für angezeigt, nicht einfach auf gut Glück an die Benutzung der für diesen Zweck sich anbietenden Beobachtungen heranzutreten, sondern zur Feststellung der allgemeinen Begriffe unsere Aufmerksamkeit ganz besonders jenem Beweismaterial zuzuwenden, welches nicht nur den Vorzug des höheren Alters hat, sondern direkt aus den bei Mondfinsternissen angestellten Beobachtungen gewonnen wird. Denn nur durch diese können die Örter des Mondes genau gefunden werden, da alle anderen Beobachtungen, mögen sie durch Beziehung der Örter des Mondes auf die Fixsterne, oder mit Hilfe der Instrumente, oder durch Vermittelung der Sonnenfinsternisse nach theoretischen Grundsätzen angestellt werden, infolge der Parallaxen des Mondes mit starken Täuschungen verbunden sein können. Nur für die besonderen Begleiterscheinungen können wir nachgerade auch von den anderen Beobachtungen für unsere Untersuchung Gebrauch machen.

Da die Entfernung, in welcher sich die Sphäre des Mondes von dem Mittelpunkte der Erde befindet, nicht, wie die zur Ekliptik, so bedeutend ist, daß die Größe der Erde zu ihr das Verhältniß eines Punktes hätte, so ist davon die notwendige Folge, daß die von dem Mittelpunkte der Erde, d. i. von dem Zentrum der Ekliptik durch das Zentrum des Mondes nach den Teilen der Ekliptik gezogene Gerade<sup>a)</sup> welche für die Vorstellung von dem genauen (d. i. ungleichförmigen) Lauf aller Planeten maßgebend ist, durchaus nicht mehr in allen Fällen für die sinnliche Wahrnehmung mit den Geraden zusammenfällt, die von irgendeinem Punkte der Erdoberfläche, d. i. von dem (Standpunkt oder) Auge des Beobachters nach dem Zentrum des Mondes gezogen wird, nach welcher die Theorie den scheinbaren Lauf des Mondes feststellt. Nur dann, wenn der Mond im Zenit des Beobachters steht, fällt diese Linie genau mit der Geraden zusammen, welche von dem Mittelpunkte der Erde nach den

a) Der griechische Text enthält eine Lücke, welche unbedingt nach Maßgabe des Codex D auszufüllen war.

Zentrum des Mondes und dem Tierkreis gezogen wird. Sobald aber der Mond den geringsten Abstand vom Zenit gewonnen hat, weichen die Richtungen der bezeichneten Geraden voneinander ab. Deshalb fällt der scheinbare Lauf nicht mit dem genauen zusammen; denn das Auge läßt sich von einer (scheinbaren) Stellung zur anderen leiten, während die durch den Mittelpunkt der Erde gehenden Geraden scharfe Grenzlinien abgeben, die genau der Größe der Winkel entsprechen, welche von der Neigung (dieser Geraden zum Horizont) gebildet werden.

Hieraus erklärt sich ein wesentlicher Unterschied hinsichtlich des Eintritts von Sonnen- und Mondfinsternissen. Da die Sonnenfinsternisse dadurch entstehen, daß der Mond unter der Sonne vorübergeht und hierdurch eine Bedeckung verursacht, welche, insoweit sie in den von unserem Auge nach der Sonne gerichteten Kegel fällt, die bis zum Ende des Vorüberganges dauernde Verfinsterung bewirkt, so können dieselben Finsternisse weder nach Größe noch Dauer überall in derselben Weise verlaufen, weil der Mond aus den oben genannten Gründen weder für alle Beobachter gleichmäßig als bedeckendes Objekt wirkt, noch scheinbar mit denselben Teilen der Sonne zusammenfällt. Bei den Mondfinsternissen ergibt sich dagegen als Folge der Parallaxen durchaus kein derartiger Unterschied, weil der am Monde sich vollziehende Akt der Verfinsterung den Standpunkt des Beobachters zur Begründung der Erscheinung gar nicht in Betracht kommen läßt. Weil nämlich der Mond jederzeit sein Licht infolge der Bestrahlung durch die Sonne erhält, so erscheint er uns, wenn er die der Sonne diametral gegenübergelegene Stellung einnimmt, zu jeder anderen Zeit stets voll beleuchtet, weil er alsdann seine ganze beleuchtete Halbkugel zugleich auch uns ganz zuwendet; kommt er aber der Sonne in der Stellung diametral gegenüber zu stehen, daß er in den Kegel des Erdschattens eintritt, der gerade wie die Sonne, aber immer auf der entgegengesetzten Seite (des Himmels) seinen Umlauf macht, dann verliert er sein Licht je nach dem Größenbetrag seines Eintritts (in den

Kegel), weil die Erde als schattenwerfendes Objekt die Bestrahlung durch die Sonne verhindert. Daher ist die Finsternis sowohl der Größe als auch der Dauer der Phasen nach für alle Teile der Erde in gleicher Weise sichtbar.

Da also die genauen (d. h. die geozentrischen), nicht die scheinbaren (durch die Parallaxe bewirkten) Örter des Mondes in Betracht gezogen werden sollen, weil die Annahme des Geregeltten und Gleichmäßigen vor der Annahme des Ungeregeltten und Ungleichmäßigen durchaus den Vorzug haben muß, so meinen wir zur Feststellung der allgemeinen Begriffe die übrigen Beobachtungen, weil für die Bestimmung der bei ihnen in Betracht kommenden Örter der Standpunkt des Beobachters maßgebend ist, nicht mit zur Benutzung heranziehen zu dürfen, sondern ausschließlich die Beobachtungen von Mondfinsternissen, weil bei ihnen zur Bestimmung der Örter der Standpunkt des Beobachters nicht mit in Frage kommt. Denn der Grad, den das Zentrum des Mondes gerade zur Mitte der Finsternis einnehmen wird, liegt selbstverständlich demjenigen Grade der Ekliptik so genau wie nur möglich diametral gegenüber, in welchem die Sonne zur Mitte der Finsternis gefunden wird, wo das Zentrum des Mondes dem Zentrum der Sonne in Länge genau diametral gegenübersteht.

## Zweites Kapitel.

### Die periodischen Zeiten des Mondes.

Die nur in allgemeinen Umrissen gehaltene Vorbemerkung über die Art der Beobachtungen, auf welche sich die Theorie des Mondes im allgemeinen zu stützen hat, sei hiermit abgeschlossen. Wir werden nunmehr versuchen zu erläutern, wie die Alten ihr Beweismaterial handhabten, und wie wir die rechnerische Seite der in Übereinstimmung mit den Erscheinungen aufgestellten Hypothesen praktischer gestalten könnten.

Der Mond bewegt sich in Länge und Breite scheinbar ungleichförmig, d. h. er durchläuft weder die Ekliptik in

gleichen Zeiten, noch bewerkstelligt er die Wiederkehr seines Laufs in Breite in gleichen Zeiten. Ohne die Auffindung der Zeit, in welcher seine Anomalie (d. i. sein ungleichförmiger Lauf) zur Wiederkehr gelangt, dürfte es aber nicht gut möglich sein, die Perioden der anderen (Umläufe) in der erforderlichen Weise zu bestimmen. Nun führen die von Fall zu Fall angestellten Beobachtungen zu dem Ergebnis, daß er die Strecken seiner mittleren, größten und kleinsten Bewegung scheinbar in allen Teilen des Tierkreises zurücklegt und in allen Teilen das Maximum nördlicher und südlicher Breite erreicht, sowie in die Ekliptik selbst gelangt. Deshalb haben die alten Mathematiker mit Recht einen Zeitraum festzustellen gesucht, nach dessen Verlauf der Mond jedesmal wieder die gleichgroße Strecke in Länge zurückgelegt haben würde, in der Annahme, daß einzig und allein dieser Zeitraum für die Wiederkehr der Anomalie maßgebend sein könne. Indem sie also aus den oben besprochenen Gründen die Beobachtungen von Mondfinsternissen miteinander verglichen, prüften sie, welches Intervall mit einer bestimmten Zahl von Lunationen jedesmal wieder die gleiche Zeitdauer hätte, wie die Intervalle mit gleicher Zahl der Lunationen, und dabei gleichviel Kreise in Länge enthielte, seien es nun ganze Kreise oder solche mit dem Zusatz gewisser gleichgroßer Bogen. Nach etwas oberflächlicher Schätzung nahmen nun die noch älteren Beobachter diesen Zeitraum zu  $6585\frac{1}{3}$  Tagen (d. s. 18 Sonnenjahre und  $10\frac{5}{6}$  Tage) an. Im Verlauf dieser Zeit sahen sie nämlich ohne merklichen Fehler sich vollenden 223 Lunationen, 239 Wiederkehren der Anomalie, 242 Wiederkehren der Breite, 241 Umläufe der Länge und  $10\frac{2}{3}$  Grade darüber<sup>a)</sup>, welche die Sonne in der genannten Zeit zu 18 Kreisen zusetzt, wo mit man die Wiederkehr von Sonne und Mond mit Bezug auf die Fixsterne theoretisch bestimmt zu haben meinte. Sie nannten diesen Zeitraum einen periodischen, weil er die

a) Genau  $10^{\circ}44'12''$ , welche sich nach den Sonnentafeln als Überschuß über ganze Kreise in 18 ägyptischen Jahren und  $15\frac{1}{3}$  Tagen ergeben.

Bewegungen verschiedener Art erstmalig annähernd zu einer Wiederkehr führe. Um ihn auf ganze Tage zu bringen, multiplizierten sie die  $6585\frac{1}{3}$  Tage mit 3; dadurch erhielten sie als Zahl der Tage 19 756 und nannten die Periode einen Exeligmos.<sup>a)</sup> Dadurch daß sie auch im übrigen die Multiplikation mit 3 durchführten, erhielten sie 669 Lunationen, 717 Wiederkehren der Anomalie, 726 Wiederkehren der Breite, 723 Umläufe der Länge und darüber 32 Grade (genau  $32^{\circ}12'36''$ ), welche die Sonne (in 54 ägyptischen Jahren und 46 Tagen) zu 54 Kreisen zusetzt.

Schon Hipparch hat indessen nachgewiesen, indem er seine Berechnungen sowohl an die chaldäischen als auch an die zu seiner Zeit angestellten Beobachtungen knüpfte, daß diese Periode nicht genau sei. Er zeigt nämlich an der Hand des von ihm mitgeteilten Beobachtungsmaterials, daß die erstmalig sich erfüllende Zahl von Tagen, in denen die Finsternisperiode bei gleichviel Lunationen und gleichgroßen Bewegungsstrecken sich jedesmal wieder zu demselben Zyklusgestalte, 126 007 Tage und 1 Äquinoktialstunde betrage. In dieser Zeit (d. i. in 345 ägyptischen Jahren, 82 Tagen und 1 Stunde) findet er vollendet 4267 Lunationen, ferner 4573 ganze Wiederkehren der Anomalie und 4612 Ekliptikkreise weniger  $7\frac{1}{2}$  Grade<sup>b)</sup>, welche der Sonne an 345 Kreisen fehlen, womit er die Wiederkehr von Sonne und Mond mit Bezug auf die Fixsterne wieder theoretisch bestimmt zu haben meint. Daraus findet er die mittlere Zeit einer Lunation, indem er mit 4267, d. i. mit der Zahl der Lunationen, in die

a) Vgl. Geminus, Isagoge S. 200 ff.

b) Nach den Ptolemäischen Sonnentafeln beträgt in  $345 \cdot 82^{\text{d}} 1^{\text{h}}$  der mittlere Lauf der Sonne nach Abzug ganzer Kreise  $356^{\circ}59'$ , so daß an 345 Kreisen nur  $3^{\circ}1'$  fehlen. Ich vermag diese große Differenz nicht zu erklären, da die Hipparchischen Sonnentafeln doch auf demselben Werte der mittleren täglichen Bewegung der Sonne beruhen mußten. Auf 345 Sonnenjahre würden  $86\frac{1}{4}$  Schalttage entfallen; da aber in 345 Sonnenjahren nach Hipparch (S. 145, 17)  $1^{\text{s}}\frac{3}{20}^{\text{d}} = 1^{\text{d}}3^{\text{s}}\frac{3}{5}^{\text{h}}$  ausfallen, so fehlen nicht  $(86\frac{1}{4}^{\text{d}} - 82^{\text{d}}1^{\text{h}}) = 4^{\text{d}}5^{\text{h}}$ , sondern nur  $3^{\text{d}}1^{\text{s}}\frac{2}{5}^{\text{h}}$  an 345 vollen Ekliptikkreisen oder  $3^{\circ}0'50''$ .

obengenannte Zahl von Tagen dividiert, zu  $29^d 31' 50'' 8'''$   
 $20^{IV}$ .

Im Verlauf der Zeit von der angegebenen Länge weist er also die gleichgroße Zahl der von Mondfinsternis zu Mondfinsternis schlechthin sich gegenseitig entsprechenden Intervalle nach. Daß somit die Anomalie zur Wiederkehr gelangt, geht klar daraus hervor, daß nach Verlauf der Zeit von dieser Länge jedesmal wieder gleichviel Lunationen vorliegen und zu der gleichen Zahl von 4611 (Ekliptikkreisen oder) Umläufen in Länge stets wieder  $(360^0 - 7\frac{1}{2}^0 =)$  10  $352\frac{1}{2}$  Grade als Überschuß treten, wie es die Syzygien mit der Sonne erfordern.

Wenn man nicht gerade die von Mondfinsternis zu Mondfinsternis gerechnete Zahl der Lunationen zu finden bestrebt wäre, sondern nur die von Konjunktion oder Vollmond bis wieder zu der gleichen Syzygie, so würde man die Zahl, welche die Wiederkehr der Anomalie und der Lunationen umfaßt, noch kleiner finden. Dividiert man nämlich mit dem einzig gemeinsamen Faktor, d. i. mit der Zahl 17, so erhält man 251 Lunationen und 269 Wiederkehren der Anomalie.

Nicht gefunden wurde in der obengenannten Periode eine in ihr ohne Rest aufgehende Zahl für die Wiederkehr in Breite; denn die gegenseitige Entsprechung der Finsternisse erfüllte zwar scheinbar die Forderung der Gleichheit hinsichtlich der Intervalle der Zeit und der Umläufe in Länge, nicht aber auch die Forderung der Gleichheit hinsichtlich der Größe und des ähnlichen Verlaufs der Verfinsterungen, was für die Bestimmung der Breite maßgebend ist. Indessen nachdem nun vorerst die Zeit der Wiederkehr der Anomalie gewonnen war, verglich Hipparch von neuem Intervalle von Lunationen miteinander, bei welchen die ersten und die letzten Finsternisse sowohl der Dauer als der Größe der Verfinsterung nach vollkommen gleich waren, in denen aber auch keinerlei Differenz hinsichtlich der Anomalie eintrat, so daß in diesem Falle offenbar auch der Lauf in Breite zur Wiederkehr gelangte. So weist er denn an der Hand

des gebotenen Materials nach, daß die betreffende Periode 5458 Lunationen bei 5923 Umläufen in Breite ohne Rest enthalte.

Hiermit ist das Verfahren, welches unsere Vorgänger zur  
 5 Bestimmung der Wiederkehren einschlugen, beschrieben. Daß  
 es nicht einfach ist, auch nicht auf leicht zu beschaffendem  
 Material beruht, sondern vielfacher und peinlichster Prüfung  
 bedarf, dürften wir aus folgender Erwägung erkennen. Zu-  
 gegeben, daß die Zeiten der (beiden verglichenen) Intervalle  
 10 genau einander gleich gefunden werden, so ist in erster  
 Linie eine solche Gleichheit gar nichts wert, wenn nicht  
 gleichzeitig die Sonne in einem Intervall wie in dem anderen  
 entweder gar keine Anomaliedifferenz bewirkt oder wenig-  
 15 stens dieselbe. Denn wenn dies nicht der Fall ist, sondern,  
 wie gesagt, eine Differenz infolge ihrer Anomalie sich zeigt,  
 so wird, ebensowenig wie die Sonne, natürlich auch der Mond  
 in den gleichen Zeiten gleiche Umläufe gemacht haben. Wenn  
 nämlich beispielshalber jedes der beiden verglichenen Inter-  
 valle nach Abzug ganzer Kreise, d. h. gleichgroßer Jahres-  
 20 längen (von  $365\frac{1}{4}^d$ ), als Überschuß eine halbe Jahreslänge  
 zeigte, und in dieser Zeit die Sonne ihre Zusatzstrecke im  
 ersten Intervall von ihrem mittleren Lauf im Zeichen der  
 Fische ab gewonnen hätte, im zweiten Intervall aber von  
 ihrem mittleren Lauf im Zeichen der Jungfrau ab, so würde  
 25 sie im ersten Intervall einen Zusatz erlangt haben, der um  
 $4\frac{3}{4}^o$  (d. i. um das Doppelte der Anomaliedifferenz) kleiner  
 wäre als ein Halbkreis, im zweiten Intervall einen solchen,  
 der um ebensoviel größer wäre als ein Halbkreis.<sup>a)</sup> Demnach  
 30 hätte auch der Mond<sup>b)</sup> in den gleichen Zeiten nach Abzug

a) Um dieselben Intervalle handelt es sich S. 187, 18. In  $92^{\circ}23'$  Entfernung vom Apogeum  $\Pi 5^{\circ}30'$  liegt  $\mp 7^{\circ}53'$  einerseits, andererseits  $\mathcal{K} 3^{\circ}7'$ . Demnach beträgt der scheinbare erdferne Lauf von  $\mathcal{K} 3^{\circ}7'$  über das Apogeum bis  $\mp 7^{\circ}53'$   $184^{\circ}46'$ , während der scheinbare erdnahe Lauf von  $\mp 7^{\circ}53'$  über das Perigeum bis  $\mathcal{K} 3^{\circ}7'$  nur  $175^{\circ}14'$  beträgt.

b) Weil der Mond nach Abzug ganzer Kreise von Finsternisort zu Finsternisort dieselbe Strecke zurückgelegt haben muß wie die Sonne.

ganzer Kreise im ersten Intervall einen Zusatz von  $175\frac{1}{4}^{\circ}$ , im zweiten dagegen einen solchen von  $184\frac{3}{4}^{\circ}$  gewonnen. Wir halten demnach in erster Linie, was die Sonne betrifft, für notwendig, daß die Intervalle in einem der folgenden Punkte Übereinstimmung zeigen:

1. Entweder muß die Sonne ganze Kreise umfassen, oder

2. sie muß in dem einen Intervall den Halbkreis vom Apogeum ab, in dem anderen den Halbkreis vom Perigeum ab zusetzen, oder

3. in beiden Intervallen von demselben Grad ausgehen, oder

4. bei der ersten Finsternis des einen Intervalls sowohl wie bei der zweiten Finsternis des anderen beiderseits entweder von dem Apogeum oder von dem Perigeum den gleich- großen Abstand haben.

Nur in diesen Fällen dürfte in beiden Intervallen entweder gar keine oder höchstens dieselbe Differenz infolge der Anomalie der Sonne eintreten, so daß auch die als Zusatz gewonnenen (Ekliptik-) Bogen entweder einander gleich oder sowohl einander als auch den gleichförmigen Bogen (des Exzenters) gleich werden.

In zweiter Linie glauben wir auch hinsichtlich des Mondlaufs<sup>a)</sup> (auf dem Epizykel) die entsprechende Erwägung anstellen zu müssen. Wenn nämlich dieser Punkt ungesichtet bleibt, so wird es wieder möglich sein, daß auch der Mond oft scheinbar gleichgroße Bogen als Zusatz gewinnen kann, ohne daß durchaus auch seine Anomalie zur Wiederkehr gelangte. Dieser Fall wird eintreten,

1. wenn der Mond in jedem der beiden Intervalle von demselben mit dem Zusatz oder von demselben mit dem Abzug behafteten Lauf ausgeht und nicht wieder mit demselben aufhört;

a) Daß unter *δρόμος* der Lauf des Mondes auf dem Epizykel zu verstehen ist, geht aus der Stelle Heib. S. 363, 18 hervor.

2. wenn er in dem einen Intervall mit dem größten Lauf anfängt und mit dem kleinsten aufhört<sup>a)</sup>, während er in dem  
 Ha 220 anderen Intervall mit dem kleinsten anfängt und mit dem größten aufhört;

5 3. wenn sowohl der Anfangslauf des einen Intervalls wie der Endlauf des anderen beiderseits von demselben kleinsten oder demselben größten Lauf gleichweit entfernt ist.<sup>b)</sup>

Wenn eine von diesen Übereinstimmungen vorliegt, wird sie entweder wieder gar keine oder höchstens dieselbe  
 Hei 275 Differenz infolge der Anomalie des Mondes bewirken und infolgedessen den Zusatz in Länge gleichmachen, aber die  
 11 Wiederkehr der Anomalie durchaus nicht herbeiführen.

Es dürfen demnach die zum Vergleich heranzuziehenden Intervalle durchaus keine der hier aufgezählten Eigenschaften  
 15 an sich haben, wenn sie ohne weiteres die Zeit der Wiederkehr der Anomalie gewährleisten sollen. Wir müssen im Gegenteil diejenigen Intervalle aussuchen, welche, wenn nicht  
 ganze Wiederkehren der Anomalie geboten werden, die Ungleichheit ganz besonders deutlich zum Ausdruck bringen  
 20 können, d. h. sie sollen nicht nur mit verschiedenen Läufen anfangen, sondern sogar mit recht auffallend verschiedenen, sei dies nun der Größe oder der Geltung nach.

Was zunächst die Größe anbelangt, so soll z. B. in dem einen Intervall der Mond mit dem kleinsten Lauf beginnen  
 25 und nicht mit dem größten aufhören, während er in dem anderen Intervall mit dem größten Lauf anfängt und nicht mit dem kleinsten aufhört. Werden nämlich auf diese Weise nicht ganze Kreise der Anomalie ohne Rest geboten, so wird

a) D. h. wenn er von dem Perigeum des Epizykels bis zum Apogeum läuft.

b) Unter „demselben“ größten Lauf ist dasselbe genaue Apogeum des Epizykels zu verstehen, d. h. das von dem mittleren Apogeum wieder um dieselbe Differenz verschiedene genaue Apogeum. Es wird demnach die von dem mittleren Apogeum gerechnete Anomaliezahl des Mondes, auf das zur Zeit der einen Finsternis geltende genaue Apogeum reduziert, wieder gleich sein der auf das genaue Apogeum bei der anderen Finsternis reduzierten Anomaliezahl. Vgl. Buch V, Kap. 5 Anf.

ein Maximum der Differenz des Zusatzes in Länge eintreten, sobald möglichst ein Quadrant oder auch drei Quadranten eines Umlaufs in Anomalie als Zusatz gewonnen werden. Denn in diesem Falle werden die Intervalle um das Doppelte der Anomaliedifferenz ungleich sein.<sup>a)</sup>

5

Was zweitens die Geltung anbelangt, so soll z. B. in beiden Intervallen der Mond mit dem mittleren Lauf be- Ha 221  
ginnen, aber nicht mit demselben mittleren, sondern in dem einen Intervall soll es der mittlere (zwischen Apogeum und Perigeum) sein, den man durch Zusatz (zum kleinsten Lauf) 10  
erhält, in dem anderen Intervall der mittlere (zwischen Perigeum und Apogeum), den man durch Abzug (vom größten Lauf) erhält. Denn auch in diesem Falle werden die Zusätze in Länge das Maximum der Differenz aufweisen, weil Hei 276  
die Anomalie von dem Punkte der Wiederkehr am weitesten 15  
entfernt ist, indem ein oder auch wieder drei Quadranten eines Umlaufs in Anomalie einen Zusatz von dem doppelten Betrag der Anomaliedifferenz eintreten lassen, ein Halbkreis einen Zusatz von dem vierfachen Betrag.<sup>b)</sup>

So sehen wir denn auch, daß Hipparch bei der Auswahl 20  
der für vorliegenden Zweck verglichenen Intervalle, wie er es für unbedingt erforderlich hielt, eine außerordentliche Sorgfalt als Beobachter hat walten lassen. Erstens hat er den Fall (S. 200, 23) zur Verwendung herangezogen, daß

a) Weil die beiden Mondörter nicht mehr auf dem Epizykel sich gegenüberliegen, sondern beide in diejenige Hälfte des Epizykels zu liegen kommen, in welcher die Anomaliedifferenz für beide Örter positiv oder für beide negativ ist, sich also nicht mehr aufhebt, sondern summiert.

b) Hat der Mond von der Stelle des mittleren Laufs mit dem größten Abzug (zwischen Perigeum und Apogeum) auf dem erdfernen Teil seiner Bahn (über das Apogeum) die Stelle des mittleren Laufs mit dem größten Zusatz erreicht, so fehlt am Halbkreis die Summe von Zusatz und Abzug (d. i.  $5^\circ + 5^\circ$ ). Hat er aber von der Stelle mit dem größten Zusatz über das Perigeum die Stelle mit dem größten Abzug erreicht, so hat er die Summe von Abzug und Zusatz über den Halbkreis zurückgelegt. Die Differenz der Bahnstrecken beträgt demnach  $190^\circ - 170^\circ = 4 \times 5^\circ$ . Vgl. S. 188 Anm. <sup>a)</sup> und erl. Anm. 32.

der Mond in dem einen Intervall mit dem größten Lauf den Anfang gemacht und nicht mit dem kleinsten aufgehört hat, während er in dem anderen Intervall mit dem kleinsten Lauf den Anfang gemacht und nicht mit dem größten aufgehört hat. Zweitens hat er auch, so gering sie war, die Korrektio-  
 5 der Differenz, welche infolge der Anomalie der Sonne eintreten mußte, im Auge behalten, insofern zur Wiederkehr der Sonne in beiden Intervallen an ganzen Kreisen nur das Viertel eines Zeichens fehlt<sup>a)</sup>, und zwar weder desselben Zeichens,  
 10 noch desjenigen, welches die gleichgroße Anomaliedifferenz verursacht.

Vorstehende Erklärungen haben wir nicht abgegeben, um die mitgeteilte Inangriffnahme der Feststellung der periodischen Wiederkehren zu verdächtigen, sondern um  
 Ha 222 nahezulegen, daß dieselbe, mit der gehörigen scharfen Prüfung  
 16 und dem regelrechten rechnerischen Verfahren ins Werk gesetzt, wohl geeignet ist, die vorliegende Aufgabe glücklich zu lösen, daß man aber, wenn man diese oder jene der erklärten charakteristischen Eigenschaften außer acht  
 Hei 277 läßt, ein ganz falsches Ergebnis der angestellten Unter-  
 21 suchung erhalten wird. Gleichzeitig wollten wir auch darauf hinweisen, daß bei allem Scharfblick, mit dem man die Auswahl der geeigneten Beobachtungen zu treffen bemüht ist, die peinlich genaue gegenseitige Entsprechung  
 25 in allen charakteristischen Punkten, welche dem Beobachtungsmaterial eigen sein sollen, ungemein schwer zu beschaffen ist.

Von den besprochenen periodischen Wiederkehren stellt sich jedenfalls nach den von Hipparch durchgeführten Rechnungen die Wiederkehr der Lunationen als so sach-  
 30 verständig berechnet heraus, wie es nur möglich war, so daß sie von der Wirklichkeit um keinen namhaften Fehlbetrag abweicht. Dagegen sind die Wiederkehren der Anomalie und der Breite mit einem beträchtlichen Fehler behaftet, der uns daher auch bei der einfacheren

---

a) Hieraus ist zu ersehen, daß diese anerkennenden Worte sich auf die S. 196, 19 mitgeteilte Periode beziehen.

und größere Gewähr bietenden Methode, welche wir zu der einschlägigen Berechnung angewendet haben, leicht wahrnehmbar geworden ist. Dieses Verfahren werden wir bei dem Nachweis des Größenbetrags der Anomalie des Mondes alsbald (6. Kap.) mitteilen. Zunächst müssen wir jedoch, weil es uns für die weiteren Untersuchungen sehr zu statten kommen wird, die Feststellung der auf die Teilstrecken entfallenden Beträge der mittleren Bewegung in Länge, Anomalie und Breite (3. Kap.) vorausschicken, wie sie den oben (S. 197, 20; 198, 2) mitgeteilten Wiederkehrzeiten der periodischen Bewegungen entsprechen, und gleichzeitig (S. 204, 24. 26) die Zusatzbeträge zu den Werten (für Anomalie und Breite), welche aus einem Korrekturnverfahren hervorgehen, das (Kap. 7 und 9) noch näher erklärt werden wird.

### Drittes Kapitel.

#### Die Teilbeträge der gleichförmigen Bewegungen des Mondes.

Wenn wir den (S. 147, 11) mit größter Annäherung nachgewiesenen Betrag der mittleren täglichen Bewegung der Sonne von  $0^{\circ} 59' 8'' 17''' 13^{IV} 12^V 31^{VI}$  multiplizieren mit der Zahl der Tage eines synodischen Monats<sup>a)</sup>, d. i. mit  $29^{\circ} 31' 50'' 8''' 20^{IV}$ , und zu dem Ergebnis die 360 Grade eines Kreises addieren, so erhalten wir die Grade, welche der Mond in einem synodischen Monat in mittlerer Bewegung zurücklegt, mit  $389^{\circ} 6' 23'' 1''' 24^{IV} 2^V 30^{VI} 57^{VII}$ . Dividieren wir in diese Zahl mit den oben angegebenen Tagen des synodischen Monats, so erhalten wir die tägliche mittlere Bewegung in Länge mit  $13^{\circ} 10' 34'' 58''' 33^{IV} 30^V 30^{VI}$ .

Wenn wir ferner die 269 Kreise der Anomalie (s. S. 197, 20) mit den 360 Graden eines Kreises multiplizieren, so er-

a) So wird von hier ab  $\mu\eta\nu$  wiedergegeben werden, anstatt wie bisher mit „Lunation“.

halten wir als Produkt  $96840^0$ . Dividieren wir in diese Zahl mit der Summe der Tage von 251 synodischen Monaten, d. i. mit  $7412^d 10' 44'' 51''' 40^{IV}$ , so erhalten wir die tägliche mittlere Bewegung in Anomalie mit  $13^0 3' 53'' 56''' 29^{IV} 38^V 38^{VI}$ .

Desgleichen erhalten wir durch Multiplikation der 5923 Wiederkehren in Breite (s. S. 198, 2) mit den 360 Graden eines Kreises als Produkt  $2132280^0$ . Dividieren wir in diese Zahl mit der Summe der Tage von 5458 synodischen Monaten, d. i. mit  $161177^d 58' 58'' 3''' 20^{IV}$ , so erhalten wir die tägliche mittlere Bewegung in Breite mit  $13^0 13' 45'' 39''' 40^{IV} 17^V 19^{VI}$ .

Nachdem wir ferner von der täglichen Bewegung des Mondes in Länge die mittlere tägliche Bewegung der Sonne abgezogen haben, erhalten wir die mittlere tägliche Bewegung in Elongation mit  $12^0 11' 26'' 41''' 20^{IV} 17^V 59^{VI}$ .

Wir werden indessen mit Hilfe der (S. 203, 13) bereits angekündigten Methode, welche wir weiterhin (Kap. 7 und 9) zu der einschlägigen Prüfung anwenden werden, die tägliche Bewegung in Länge so gut wie vollkommen übereinstimmend mit der vorstehend mitgetheilten finden, und selbstverständlich ebenso die Bewegung in Elongation, wogegen die tägliche Bewegung in Anomalie infolge eines geringeren Betrags von  $0^0 0' 0'' 0''' 11^{IV} 46^V 39^{VI}$  sich vermindert zu  $13^0 3' 53'' 56''' 17^{IV} 51^V 59^{VI}$ , während die in Breite sich infolge eines Mehrbetrags von  $0^0 0' 0'' 0''' 8^{IV} 39^V 18^{VI}$  auf  $13^0 13' 45'' 39''' 48^{IV} 56^V 37^{VI}$  erhöht.

Wenn wir nun von diesen täglichen Beträgen je den 24<sup>ten</sup> Teil nehmen, so erhalten wir die stündliche mittlere Bewegung

in Länge	= $0^0 32' 56'' 27''' 26^{IV} 23^V 46^{VI} 15^{VII} 0^{VIII}$
in Anomalie	= $0^0 32' 39'' 44''' 50^{IV} 44^V 39^{VI} 57^{VII} 30^{VIII}$
in Breite	= $0^0 33' 4'' 24''' 9^{IV} 32^V 21^{VI} 32^{VII} 30^{VIII}$
in Elongation	= $0^0 30' 28'' 36''' 43^{IV} 20^V 44^{VI} 57^{VII} 30^{VIII}$ .

Multiplizieren wir ferner die täglichen Beträge mit 30 und ziehen von dem Produkt ganze Kreise ab, so erhalten wir den monatlichen mittleren Überschub

in Länge	= 35°17'29"16''' 45 <sup>IV</sup> 15 <sup>V</sup> 0 <sup>VI</sup>
in Anomalie	= 31°56'58" 8''' 55 <sup>IV</sup> 59 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup>
in Breite	= 36°52'49"54''' 28 <sup>IV</sup> 18 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup>
in Elongation	= 5°43'20"40''' 8 <sup>IV</sup> 59 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup> .

Multiplizieren wir weiter die täglichen Beträge mit den 5 365 Tagen des ägyptischen Jahres und ziehen von dem Produkt ganze Kreise ab, so erhalten wir den jährlichen mittleren Überschuß

in Länge	= 129°22'46"13''' 50 <sup>IV</sup> 32 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup>
in Anomalie	= 88°43' 7"28''' 41 <sup>IV</sup> 13 <sup>V</sup> 55 <sup>VI</sup>
in Breite	= 148°42'47"12''' 44 <sup>IV</sup> 25 <sup>V</sup> 5 <sup>VI</sup>
in Elongation	= 129°37'21"28''' 29 <sup>IV</sup> 23 <sup>V</sup> 55 <sup>VI</sup> .

Ha 225

11

Wenn wir endlich die jährlichen Beträge, weil es der praktischen Anlegung der Tafeln, wie wir schon (S. 147, 23) ausgesprochen haben, am besten entspricht, mit 18 multiplizieren 15 und von dem Produkt ganze Kreise abziehen, so erhalten wir den mittleren Überschuß der achtzehnjährigen Periode

in Länge	= 168°49'52" 9''' 9 <sup>IV</sup> 45 <sup>V</sup> 0 <sup>VI</sup>
in Anomalie	= 156°56'14"36''' 22 <sup>IV</sup> 10 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup>
in Breite	= 156°50' 9"49''' 19 <sup>IV</sup> 31 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup>
in Elongation	= 173°12'26"32''' 49 <sup>IV</sup> 10 <sup>V</sup> 30 <sup>VI</sup> .

20

Wir werden also nun, wie schon bei der Sonne, drei Tafeln aufstellen, jede wieder zu 45 Zeilen in 3 Spalten. Und zwar 25 wird die erste Spalte (jeder Tafel) die betreffenden Zeitabschnitte enthalten, d. h. die Spalte der ersten Tafel die achtzehnjährigen Perioden, die der zweiten die Jahre und darunter wieder die Stunden, die der dritten die Monate und darunter wieder die Tage. Die weiteren 4 Spalten werden die zugehörigen Ansätze der Gradzahlen bieten, und zwar die zweite Spalte die Beträge der Länge, die dritte die der Anomalie, die vierte die der Breite, die fünfte die der Elongation.<sup>a)</sup> 30

Die Aufstellung der Tafeln gestaltet sich demnach folgendermaßen.

a) Die Wiederholung der ersten Spalte vor der vierten und fünften zählt nicht mit.

18jähr. Peri- oden	Länge Mittlerer Ort $\gamma$ 11° 22'							Anomalie Mittlerer Ort 268° 49'						
	168°	49'	52''	9'''	9IV	45V	0VI	156°	56'	14''	36'''	22IV	10V	30VI
18	168°	49'	52''	9'''	9IV	45V	0VI	156°	56'	14''	36'''	22IV	10V	30VI
36	337	39	44	18	19	30	0	313	52	29	12	44	21	0
54	146	29	36	27	29	15	0	110	48	43	49	6	31	30
72	315	19	28	36	39	0	0	267	44	58	25	28	42	0
90	124	9	20	45	48	45	0	64	41	13	1	50	52	30
108	292	59	12	54	58	30	0	221	37	27	38	13	3	0
126	101	49	5	4	8	15	0	18	33	42	14	35	13	30
144	270	38	57	13	18	0	0	175	29	56	50	57	24	0
162	79	28	49	22	27	45	0	332	26	11	27	19	34	30
180	248	18	41	31	37	30	0	129	22	26	3	41	45	0
198	57	8	33	40	47	15	0	286	18	40	40	3	55	30
216	225	58	25	49	57	0	0	83	14	55	16	26	6	0
234	34	48	17	59	6	45	0	240	11	9	52	48	16	30
252	203	38	10	8	16	30	0	37	7	24	29	10	27	0
270	12	28	2	17	26	15	0	194	3	39	5	32	37	30
288	181	17	54	26	36	0	0	350	59	53	41	54	48	0
306	350	7	46	35	45	45	0	147	56	8	18	16	58	30
324	158	57	38	44	55	30	0	304	52	22	54	39	9	0
342	327	47	30	54	5	15	0	101	48	37	31	1	19	30
360	136	37	23	3	15	0	0	258	44	52	7	23	30	0
378	305	27	15	12	24	45	0	55	41	6	43	45	40	30
396	114	17	7	21	34	30	0	212	37	21	20	7	51	0
414	283	6	59	30	44	15	0	9	33	35	56	30	1	30
432	91	56	51	39	54	0	0	166	29	50	32	52	12	0
450	260	46	43	49	3	45	0	323	26	5	9	14	22	30
468	69	36	35	58	13	30	0	120	22	19	45	36	33	0
486	238	26	28	7	23	15	0	277	18	34	21	58	43	30
504	47	16	20	16	33	0	0	74	14	48	58	20	54	0
522	216	6	12	25	42	45	0	231	11	3	34	43	4	30
540	24	56	4	34	52	30	0	28	7	18	11	5	15	0
558	193	45	56	44	2	15	0	185	3	32	47	27	25	30
576	2	35	48	53	12	0	0	341	59	47	23	49	36	0
594	171	25	41	2	21	45	0	138	56	2	0	11	46	30
612	340	15	33	11	31	30	0	295	52	16	36	33	57	0
630	149	5	25	20	41	15	0	92	48	31	12	56	7	30
648	317	55	17	29	51	0	0	249	44	45	49	18	18	0
666	126	45	9	39	0	45	0	46	41	0	25	40	28	30
684	295	35	1	48	10	30	0	203	37	15	2	2	39	0
702	104	24	53	57	20	15	0	0	33	29	38	24	49	30
720	273	14	46	6	30	0	0	157	29	44	14	47	0	0
738	82	4	38	15	39	45	0	314	25	58	51	9	10	30
756	250	54	30	24	49	30	0	111	22	13	27	31	21	0
774	59	44	22	33	59	15	0	268	18	28	3	53	31	30
792	228	34	14	43	9	0	0	65	14	42	40	15	42	0
810	37	24	6	52	18	45	0	222	10	57	16	37	52	30

18jähr. Peri oden	Breite Mittlerer Ort 354° 15'							Elongation 70° 37' mittlerer Länge						
	156°	50'	9"	49'''	19IV	31V	30VI	173°	12'	26"	32'''	49IV	10V	30VI
18	156°	50'	9"	49'''	19IV	31V	30VI	173°	12'	26"	32'''	49IV	10V	30VI
36	313	40	19	38	39	3	0	346	24	53	5	38	21	0
54	110	30	29	27	58	34	30	159	37	19	38	27	31	30
72	267	20	39	17	18	6	0	332	49	46	11	16	42	0
90	64	10	49	6	37	37	30	146	2	12	44	5	52	30
108	221	0	58	55	57	9	0	319	14	39	16	55	3	0
126	17	51	8	45	16	40	30	132	27	5	49	44	13	30
144	174	41	18	34	36	12	0	305	39	32	24	33	24	0
162	331	31	28	23	55	43	30	118	51	58	55	22	34	30
180	128	21	38	13	15	15	0	292	4	25	28	11	45	0
198	285	11	48	2	34	46	30	105	16	52	1	0	55	30
216	82	1	57	51	54	18	0	278	29	18	33	50	6	0
234	238	52	7	41	13	49	30	91	41	45	6	39	16	30
252	35	42	17	30	33	21	0	264	54	11	39	28	27	0
270	192	32	27	19	52	52	30	78	6	38	12	17	37	30
288	349	22	37	9	12	24	0	251	19	4	45	6	48	0
306	146	12	46	58	31	55	30	64	31	31	17	55	58	30
324	303	2	56	47	51	27	0	237	43	57	50	45	9	0
342	99	53	6	37	10	58	30	50	56	24	23	34	19	30
360	256	43	16	26	30	30	0	224	8	50	56	23	30	0
378	53	33	26	15	50	1	30	37	21	17	29	12	40	30
396	210	23	36	5	9	33	0	210	33	44	2	1	51	0
414	7	13	45	54	29	4	30	23	46	10	34	51	1	30
432	164	3	55	43	48	36	0	196	58	37	7	40	12	0
450	320	54	5	33	8	7	30	10	11	3	40	29	22	30
468	117	44	15	22	27	39	0	183	23	30	13	18	33	0
486	274	34	25	11	47	10	30	356	35	56	46	7	43	30
504	71	24	35	1	6	42	0	169	48	23	18	56	54	0
522	228	14	44	50	26	13	30	343	0	49	51	46	4	30
540	25	4	54	39	45	45	0	156	13	16	24	35	15	0
558	181	55	4	29	5	16	30	329	25	42	57	24	25	30
576	338	45	14	18	24	48	0	142	38	9	30	13	36	0
594	135	35	24	7	44	19	30	315	50	36	3	2	46	30
612	292	25	33	57	3	51	0	129	3	2	35	51	57	0
630	89	15	43	46	23	22	30	302	15	29	8	41	7	30
648	246	5	53	35	42	54	0	115	27	55	41	30	18	0
666	42	56	3	25	2	25	30	288	40	22	14	19	28	30
684	199	46	13	14	21	57	0	101	52	48	47	8	39	0
702	356	36	23	3	41	28	30	275	5	15	19	57	49	30
720	153	26	32	53	1	0	0	88	17	41	52	47	0	0
738	310	16	42	42	20	31	30	261	30	8	25	36	10	30
756	107	6	52	31	40	3	0	74	42	34	58	25	21	0
774	263	57	2	20	59	34	30	247	55	1	31	14	31	30
792	60	47	12	10	19	6	0	61	7	28	4	3	42	0
810	217	37	21	59	38	37	30	234	19	54	36	52	52	30

Einzelne Jahre	Länge							Anomalie						
	129°	22'	46''	13'''	50IV	32V	30VI	88°	43'	7''	28'''	41IV	13V	55VI
1	129°	22'	46''	13'''	50IV	32V	30VI	88°	43'	7''	28'''	41IV	13V	55VI
2	258	45	32	27	41	5	0	177	26	14	57	22	27	50
3	28	8	18	41	31	37	30	266	9	22	26	3	41	45
4	157	31	4	55	22	10	0	354	52	29	54	44	55	40
5	286	53	51	9	12	42	30	83	35	37	23	26	9	35
6	56	16	37	23	3	15	0	172	18	44	52	7	23	30
7	185	39	23	36	53	47	30	261	1	52	20	48	37	25
8	315	2	9	50	44	20	0	349	44	59	49	29	51	20
9	84	24	56	4	34	52	30	78	28	7	18	11	5	15
10	213	47	42	18	25	25	0	167	11	14	46	52	19	10
11	343	10	28	32	15	57	30	255	54	22	15	33	33	5
12	112	33	14	46	6	30	0	344	37	29	44	14	47	0
13	241	56	0	59	57	2	30	73	20	37	12	56	0	55
14	11	18	47	13	47	35	0	162	3	44	41	37	14	50
15	140	41	33	27	38	7	30	250	46	52	10	18	28	45
16	270	4	19	41	28	40	0	339	29	59	38	59	42	40
17	39	27	5	55	19	12	30	68	13	7	7	40	56	35
18	168	49	52	9	9	45	0	156	56	14	26	22	10	30
Stunden	Länge							Anomalie						
1	0°	32'	56''	27'''	26IV	23V	46VI	0°	32'	39''	44'''	50IV	44V	40VI
2	1	5	52	54	52	47	32	1	5	19	29	41	29	20
3	1	38	49	22	19	11	18	1	37	59	14	32	14	0
4	2	11	45	49	45	35	5	2	10	38	59	22	58	40
5	2	44	42	17	11	58	51	2	43	18	44	13	43	20
6	3	17	38	44	38	22	37	3	15	58	29	4	28	0
7	3	50	35	12	4	46	23	3	48	38	13	55	12	40
8	4	23	31	39	31	10	10	4	21	17	58	45	57	20
9	4	56	28	6	57	33	56	4	53	57	43	36	42	0
10	5	29	24	34	23	57	42	5	26	37	28	27	26	40
11	6	2	21	1	50	21	28	5	59	17	13	18	11	20
12	6	35	17	29	16	45	15	6	31	56	58	8	56	0
13	7	8	13	56	43	9	1	7	4	36	42	59	40	39
14	7	41	10	24	9	32	47	7	37	16	27	50	25	19
15	8	14	6	51	35	56	33	8	9	56	12	41	9	59
16	8	47	3	19	2	20	20	8	42	35	57	31	54	39
17	9	19	59	46	28	44	6	9	15	15	42	22	39	19
18	9	52	56	13	55	7	52	9	47	55	27	13	23	59
19	10	25	52	41	21	31	38	10	20	35	12	4	8	39
20	10	58	49	8	47	55	25	10	53	14	56	54	53	19
21	11	31	45	36	14	19	11	11	25	54	41	45	37	59
22	12	4	42	3	40	42	57	11	58	34	26	36	22	39
23	12	37	38	31	7	6	43	12	31	14	11	27	7	19
24	13	10	34	58	33	30	30	13	3	53	56	17	51	59

Einzelne Jahre	Breite							Elongation						
	148°	42'	47''	12'''	44IV	25V	5VI	129°	37'	21''	28'''	29IV	23V	55VI
1	148°	42'	47''	12'''	44IV	25V	5VI	129°	37'	21''	28'''	29IV	23V	55VI
2	297	25	34	25	28	50	10	259	14	42	56	58	47	50
3	86	8	21	38	13	15	15	28	52	4	25	28	11	45
4	234	51	8	50	57	40	20	158	29	25	53	57	35	40
5	23	33	56	3	42	5	25	288	6	47	22	26	59	35
6	172	16	43	16	26	30	30	57	44	8	50	56	23	30
7	320	59	30	29	10	55	35	187	21	30	19	25	47	25
8	109	42	17	41	55	20	40	316	58	51	47	55	11	20
9	258	25	4	54	39	45	45	86	36	13	16	24	35	15
10	47	7	52	7	24	10	50	216	13	34	44	53	59	10
11	195	50	39	20	8	35	55	345	50	56	13	23	23	5
12	344	33	26	32	53	1	0	115	28	17	41	52	47	0
13	133	16	13	45	37	26	5	245	5	39	10	22	10	55
14	281	59	0	58	21	51	10	14	43	0	38	51	34	50
15	70	41	48	11	6	16	15	144	20	22	7	20	58	45
16	219	24	35	23	50	41	20	273	57	43	35	50	22	40
17	8	7	22	36	35	6	25	43	35	5	4	19	46	35
18	156	50	9	49	19	31	30	173	12	26	32	49	10	30
Stunden	Breite							Elongation						
1	0°	33'	4''	24'''	9IV	32V	22VI	0°	30'	28''	36'''	43IV	20V	45VI
2	1	6	8	48	19	4	43	1	0	57	13	26	41	30
3	1	39	13	12	28	37	5	1	31	25	50	10	2	15
4	2	12	17	36	38	9	26	2	1	54	26	53	23	0
5	2	45	22	0	47	41	48	2	32	23	3	36	43	45
6	3	18	26	24	57	14	9	3	2	51	40	20	4	30
7	3	51	30	49	6	46	31	3	33	20	17	3	25	15
8	4	24	35	13	16	18	52	4	3	48	53	46	46	0
9	4	57	39	37	25	51	14	4	34	17	30	30	6	45
10	5	30	44	1	35	23	35	5	4	46	7	13	27	30
11	6	3	48	25	44	55	57	5	35	14	43	56	48	15
12	6	36	52	49	54	28	19	6	5	43	20	40	9	0
13	7	9	57	14	4	0	40	6	36	11	57	23	29	44
14	7	43	1	38	13	33	2	7	6	40	34	6	50	29
15	8	16	6	2	23	5	23	7	37	9	10	50	11	14
16	8	49	10	26	32	37	45	8	7	37	47	33	31	59
17	9	22	14	50	42	10	6	8	38	6	24	16	52	44
18	9	55	19	14	51	42	28	9	8	35	1	0	13	29
19	10	28	23	39	1	14	49	9	39	3	37	43	34	14
20	11	1	28	3	10	47	11	10	9	32	14	26	54	59
21	11	34	32	27	20	19	32	10	40	0	51	10	15	44
22	12	7	36	51	29	51	54	11	10	29	27	53	36	29
23	12	40	41	15	39	24	15	11	40	58	4	36	57	14
24	13	13	45	39	48	56	37	12	11	26	41	20	17	59

Mo- nate	Länge							Anomalie							
	30	35°	17'	29''	16'''	45IV	15V	0VI	31°	56'	58''	8'''	55IV	59V	30VI
60	70	34	58	33	30	30	0	0	63	53	56	17	51	59	0
90	105	52	27	50	15	45	0	0	95	50	54	26	47	58	30
120	141	9	57	7	1	0	0	0	127	47	52	35	43	58	0
150	176	27	26	23	46	15	0	0	159	44	50	44	39	57	30
180	211	44	55	40	31	30	0	0	191	41	48	53	35	57	0
210	247	2	24	57	16	45	0	0	223	38	47	2	31	56	30
240	282	19	54	14	2	0	0	0	255	35	45	11	27	56	0
270	317	37	23	30	47	15	0	0	287	32	43	20	23	55	30
300	352	54	52	47	32	30	0	0	319	29	41	29	19	55	0
330	28	12	22	4	17	45	0	0	351	26	39	38	15	54	30
360	63	29	51	21	3	0	0	0	23	23	37	47	11	54	0
Tage	Länge							Anomalie							
	1	13°	10'	34''	58'''	33IV	30V	30VI	13°	3'	53''	56'''	17IV	51V	59VI
2	26	21	9	57	7	1	0	0	26	7	47	52	35	43	58
3	39	31	44	55	40	31	30	0	39	11	41	48	53	35	57
4	52	42	19	54	14	2	0	0	52	15	35	45	11	27	56
5	65	52	54	52	47	32	30	0	65	19	29	41	29	19	55
6	79	3	29	51	21	3	0	0	78	23	23	37	47	11	54
7	92	14	4	49	54	33	30	0	91	27	17	34	5	3	53
8	105	24	39	48	28	4	0	0	104	31	11	30	22	55	52
9	118	35	14	47	1	34	30	0	117	35	5	26	40	47	51
10	131	45	49	45	35	5	0	0	130	38	59	22	58	39	50
11	144	56	24	44	8	35	30	0	143	42	53	19	16	31	49
12	158	6	59	42	42	6	0	0	156	46	47	15	34	23	48
13	171	17	34	41	15	36	30	0	169	50	41	11	52	15	47
14	184	28	9	39	49	7	0	0	182	54	35	8	10	7	46
15	197	38	44	38	22	37	30	0	195	58	29	4	27	59	45
16	210	49	19	36	56	8	0	0	209	2	23	0	45	51	44
17	223	59	54	35	29	38	30	0	222	6	16	57	3	43	43
18	237	10	29	34	3	9	0	0	235	10	10	53	21	35	42
19	250	21	4	32	36	39	30	0	248	14	4	49	39	27	41
20	263	31	39	31	10	10	0	0	261	17	58	45	57	19	40
21	276	42	14	29	43	40	30	0	274	21	52	42	15	11	39
22	289	52	49	28	17	11	0	0	287	25	46	38	33	3	38
23	303	3	24	26	50	41	30	0	300	29	40	34	50	55	37
24	316	13	59	25	24	12	0	0	313	33	34	31	8	47	36
25	329	24	34	23	57	42	30	0	326	37	28	27	26	39	35
26	342	35	9	22	31	13	0	0	339	41	22	23	44	31	34
27	355	45	44	21	4	43	30	0	352	45	16	20	2	23	33
28	8	56	19	19	32	14	0	0	5	49	10	16	20	15	32
29	22	6	54	18	11	44	30	0	18	53	4	12	38	7	31
30	35	17	29	16	45	15	0	0	31	56	58	8	55	59	30

Mo- nate	Breite							Elongation						
30	36°	52'	49''	54'''	28IV	18V	30VI	5°	43'	20''	40'''	8IV	59V	30VI
60	73	45	39	48	56	37	0	11	26	41	20	17	59	0
90	110	38	29	43	24	55	30	17	10	2	0	26	58	30
120	147	31	19	37	53	14	0	22	53	22	40	35	58	0
150	184	24	9	32	21	32	30	28	36	43	20	44	57	30
180	221	16	59	26	49	51	0	34	20	4	0	53	57	0
210	258	9	49	21	18	9	30	40	3	24	41	2	56	30
240	295	2	39	15	46	28	0	45	46	45	21	11	56	0
270	331	55	29	10	14	46	30	51	30	6	1	20	55	30
300	8	48	19	4	43	5	0	57	13	26	41	29	55	0
330	45	41	8	59	11	23	30	62	56	47	21	38	54	30
360	82	33	58	53	39	42	0	68	40	8	1	47	54	0
Tage	Breite							Elongation						
1	13°	13'	45''	39'''	48IV	56V	37VI	12°	11'	26''	41'''	20IV	17V	59VI
2	26	27	31	19	37	53	14	24	22	53	22	40	35	58
3	39	41	16	59	26	49	51	36	34	20	4	0	53	57
4	52	55	2	39	15	46	28	48	45	46	45	21	11	56
5	66	8	48	19	4	43	5	60	57	13	26	41	29	55
6	79	22	33	58	53	39	42	73	8	40	8	1	47	54
7	92	36	19	38	42	36	19	85	20	6	49	22	5	53
8	105	50	5	18	31	32	56	97	31	33	30	42	23	52
9	119	3	50	58	20	29	33	109	43	0	12	2	41	51
10	132	17	36	38	9	26	10	121	54	26	53	22	59	50
11	145	31	22	17	58	22	47	134	5	53	34	43	17	49
12	158	45	7	57	47	19	24	146	17	20	16	3	35	48
13	171	58	53	37	36	16	1	158	28	46	57	23	53	47
14	185	12	39	17	25	12	38	170	40	13	38	44	11	46
15	198	26	24	57	14	9	15	182	51	40	20	4	29	45
16	211	40	10	37	3	5	52	195	3	7	1	24	47	44
17	224	53	56	16	52	2	29	207	14	33	42	45	5	43
18	238	7	41	56	40	59	6	219	26	0	24	5	23	42
19	251	21	27	36	29	55	43	231	37	27	5	25	41	41
20	264	35	13	16	18	52	20	243	48	53	46	45	59	40
21	277	48	58	56	7	48	57	256	0	20	28	6	17	39
22	291	2	44	35	56	45	34	268	11	47	9	26	35	38
23	304	16	30	15	45	42	11	280	23	13	50	46	53	37
24	317	30	15	55	34	38	48	292	34	40	32	7	11	36
25	330	44	1	35	23	35	25	304	46	7	13	27	29	35
26	343	57	47	15	12	32	2	316	57	33	54	47	47	34
27	357	11	32	55	1	28	39	329	9	0	36	8	5	33
28	10	25	18	34	50	25	16	341	20	27	17	28	23	32
29	23	39	4	14	39	21	53	353	31	53	58	48	41	31
30	36	52	49	54	28	18	30	5	43	20	40	8	59	30

## Fünftes Kapitel.

**Nachweis, daß auch bei der einfachen Mondhypothese  
die exzentrische wie die epizyklische Hypothese  
dieselben Erscheinungen bewirkt.**

Ha 238)  
Hei 294) Da unsere weitere Aufgabe in dem Nachweis der Art  
und des Größenbetrags der Anomalie des Mondes besteht,  
so werden wir jetzt diesen Gegenstand zunächst unter der  
Voraussetzung behandeln, daß diese Anomalie identisch sei  
5 mit derjenigen, welcher wohl alle unsere Vorgänger schon  
ihre Aufmerksamkeit unter der Annahme zugewendet haben,  
daß sie die einzig vorhandene sei. Ich verstehe darunter  
diejenige Anomalie, welche sich genau in der festgestellten  
Zeit<sup>a)</sup> der Wiederkehr vollzieht. Später werden wir jedoch  
10 zeigen, daß der Mond im Verhältnis zu seiner Elongation  
von der Sonne noch eine zweite Anomalie bewirkt, welche  
in den beiden Quadraturen ihr Maximum erreicht und zwei-  
mal in der Zeit des synodischen Monats zur Wiederkehr  
gelangt (d. h. gleich Null wird), nämlich gerade bei den  
15 Konjunktionen und den Vollmonden.

Die hier angedeutete Aufeinanderfolge des Nachweises  
werden wir deshalb einhalten, weil letztere Anomalie ohne  
die erste, welche mit ihr jederzeit eng verflochten ist, auf  
keine Weise gefunden werden kann, wohl aber jene erste  
20 ohne die zweite, weil sie eben aus den Mondfinsternissen ab-  
geleitet wird, bei denen sich infolge der (zweiten) Anomalie,  
welche im Verhältnis zur Sonne eintritt, keinerlei Differenz  
bemerkbar machen kann.

Bei dem zunächst vorzunehmenden Nachweis werden wir  
25 der theoretischen Methode folgen, welche wir schon von  
Hei 295 Hipparch angewendet sehen. Auch wir werden nämlich an  
drei ausgewählten Mondfinsternissen erstens das Maximum

---

a) In einem anomalistischen Monat, d. h. in der Zeit, in  
welcher der Mond einen Umlauf auf dem Epizykel von dem  
Apogäum desselben bis wieder zu demselben macht.

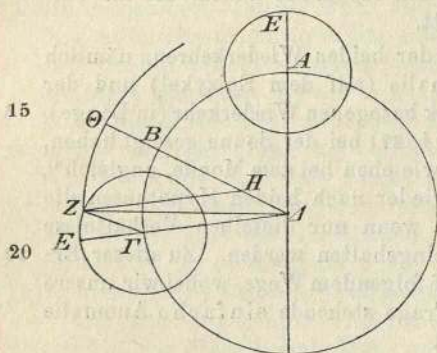
der Differenz gegen die mittlere Bewegung, und zweitens Ha 239  
 die an den Punkt der größten Erdferne (d. i. an das Apo-  
 geum des Epizykels) geknüpfte Epoche (dieser ersten Ano-  
 malie) nachweisen, von der Voraussetzung ausgehend, daß  
 diese Art der Anomalie theoretisch für sich zu betrachten 5  
 ist und mit Hilfe der epizyklischen Hypothese zum Aus-  
 druck gebracht wird. Es werden zwar auch bei Zugrunde-  
 legung der exzentrischen Hypothese die Erscheinungen  
 wieder dieselben sein, allein diese letztere wird bei der Ver-  
 mischung der beiden Anomalien eine geeignetere Verwendung 10  
 zur Darstellung der zweiten Anomalie finden, die im Ver-  
 hältnis zur Sonne eintritt.

Wenn auch die Zeiten der beiden Wiederkehren, nämlich  
 der Wiederkehr in Anomalie (auf dem Epizykel) und der  
 theoretisch auf die Ekliptik bezogenen Wiederkehr (in Länge), 15  
 nicht, wie wir dies (S. 154, 27) bei der Sonne gezeigt haben,  
 gleichgroß sind, sondern, wie eben bei dem Monde, ungleich<sup>a</sup>),  
 so sind doch auch hier wieder nach beiden Hypothesen die  
 Erscheinungen dieselben, wenn nur dieselben Verhältnisse  
 (vgl. S. 154, 26) wieder eingehalten werden. Zu dieser Er- 20  
 kenntnis gelangen wir auf folgendem Wege, wobei wir unsere  
 Betrachtung auf die in Frage stehende einfache Anomalie  
 des Mondes beschränken.

Da der Mond die auf die Ekliptik bezogene Wiederkehr  
 (in Länge) schneller bewerkstelligt als die Wiederkehr hin- 25  
 sichtlich der in Frage kommenden Anomalie, so wird nach  
 der epizyklischen Hypothese selbstverständlich der  
 Epizykel auf dem mit der Ekliptik konzentrischen Kreise —  
 anders als bei der Entsprechung (der beiden Wieder-  
 kehren) — in den gleichen Zeiten stets einen größeren Bogen 30  
 (in Länge) zurücklegen, als derjenige ist, welcher von dem Hei 296  
 Monde (in Anomalie) auf dem Epizykel beschrieben wird.

a) Insofern bei der Sonne die Wiederkehr der Anomalie an  
 das feste Apogeum des Exzenters geknüpft war, bei dem  
 Monde dagegen an das bewegliche Apogeum des Epizykels  
 geknüpft wird.

Nach der exzentrischen Hypothese wird dagegen der Mond auf dem Exzenter in den gleichen Zeiten den ähnlichen Bogen wie auf dem Epizykel ( $b Z \Theta \sim b Z E$ ) zurücklegen, während der Exzenter nach derselben Seite wie der Mond um den Mittelpunkt ( $\Delta$ ) der Ekliptik einen Bogen ( $AB = A\Gamma - \Gamma B$ ) zurücklegen wird, welcher dem Überschuß des Laufs ( $A\Gamma$ ) in Länge über den Lauf ( $EZ \sim \Gamma B$ ) in Anomalie gleichkommt, was (bei der epizyklischen Hypothese) die Differenz ( $A\Gamma - EZ$ ) zwischen dem Konzenter-  
10 bogen und dem Epizykelbogen ist. Auf diese Weise dürfte



nämlich nicht nur die (S. 154, 26 geforderte) Ähnlichkeit der Verhältnisse ( $ZH : H\Delta = \Delta\Gamma : \Gamma Z$ ), sondern auch die Ähnlichkeit der Zeiten ( $b Z \Theta \sim b Z E$ ) beider Bewegungen in beiden Hypothesen in allen Fällen gewahrt bleiben.  
25  
30  
Unter Voraussetzung dieser logisch ohne weiteres notwendigen Verhältnisse sei  $AB\Gamma$  der mit der Ekliptik konzentrische Kreis um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta$ ,<sup>a)</sup> und  $EZ$  um den Mittelpunkt  $\Gamma$  der Epizykel. Angenommen sei, daß der Mond, als der Epizykel in Punkt  $A$  war, in dem Apogäum  $E$  des Epizykels gestanden hat, daß ferner in der gleichen Zeit der Epizykel den (längeren) Bogen  $A\Gamma$ , und der Mond den (kürzeren) Bogen  $EZ$  durchlaufen hat. Nun ziehe man die Verbindungslinien  $E\Gamma\Delta$  und  $\Gamma Z$ . Da der Bogen  $A\Gamma$  — anders als bei der Entsprechung (der beiden Wiederkehren) — größer ist als der Bogen  $EZ$ , so trage man den Bogen  $\Gamma B$  als äh-

a) Die Bezeichnung des Durchmessers mit den Buchstaben des Halbmessers wiederholt sich öfter. Allerdings ist hier  $\Delta$  aus einer Korrektur im Cod. D hervorgegangen.

lich dem Bogen  $EZ$  ab<sup>a)</sup> und ziehe die Verbindungslinie  $\Delta B$ . Es leuchtet ein, daß in der gleichen Zeit auch der Exzenter den  $\angle A\Delta B$ , d. i. die Differenz der beiden Lauf- Hei 297  
strecken ( $A\Gamma - \Gamma B \sim EZ$ ) zurückgelegt hat, und daß sein Zentrum und sein Apogäum auf die Gerade  $\Delta B$  (bzw. ihre 5  
Verlängerung) zu liegen gekommen ist. In dieser Lage des Exzenter setze man  $\Delta H$  gleich  $\Gamma Z$  und ziehe die Verbindungslinie  $ZH$ . Ferner werde um  $H$  als Zentrum mit dem Abstand  $HZ$  der Exzenter  $Z\Theta$  gezogen.

Meine Behauptung geht also dahin: 10

1. Es verhält sich  $ZH : H\Delta$  wie  $\Delta\Gamma : \Gamma Z$ .

2. Der Mond wird auch nach dieser (d. i. der exzentrischen) Hypothese in Punkt  $Z$  stehen, d. h.  $bZ\Theta \sim bEZ$ . Ha 241

Beweis der ersten Behauptung.

Da  $\angle \Gamma\Delta B = \angle E\Gamma Z$ , (weil  $b\Gamma B \sim bEZ$ ) 15

so ist  $\Gamma Z \parallel \Delta H$ . (Eukl. I. 28)

Nun ist  $\Gamma Z = \Delta H$ , (nach Annahme Z. 7)

folglich  $ZH \neq \Gamma\Delta$ , (Eukl. I. 33)

mithin  $ZH : H\Delta = \Delta\Gamma : \Gamma Z$ . (im Parallelogramm)

Beweis der zweiten Behauptung. 20

Da  $\Gamma\Delta \parallel ZH$ , (wie eben bewiesen) Hei 298

so ist  $\angle \Gamma\Delta B = \angle ZH\Theta$ . (Eukl. I. 29)

Nun war  $\angle \Gamma\Delta B = \angle E\Gamma Z$  nach Annahme,

folglich  $bZ\Theta \sim bEZ$ .

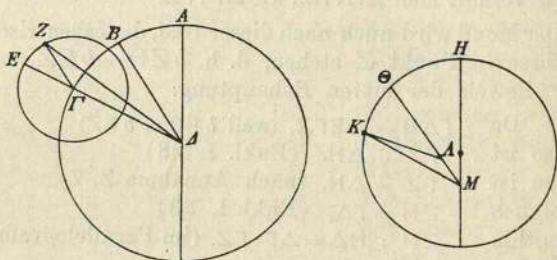
Mithin ist nach beiden Hypothesen in der gleichen Zeit 25  
der Mond in Punkt  $Z$  angelangt, weil er ja für sein Teil sowohl den Epizykelbogen  $EZ$ , als auch den Exzenterbogen  $Z\Theta$ , die als ähnlich nachgewiesen worden sind, beschrieben hat, während der Mittelpunkt des Epizykels den Bogen  $A\Gamma$ , und das Zentrum des Exzenter den Bogen  $AB$ , 30

a) Dies geschieht durch Konstruktion dadurch, daß man durch  $\Delta$  eine Parallele zu  $Z\Gamma$  zieht, welche den Exzenter in Punkt  $B$  schneidet: da  $\angle \Gamma\Delta B = \angle E\Gamma Z$ , so ist  $b\Gamma B \sim bEZ$ . Hier wird umgekehrt aus der vorausgesetzten Ähnlichkeit der Bogen der parallele Verlauf der Geraden  $\Gamma Z$  und  $\Delta H$  (Z. 16) erschlossen.

d. i. die Differenz zwischen den Bogen  $A\Gamma$  und  $EZ$  (S. 215, 4), zurückgelegt hat, was zu beweisen war.

Daß aber dasselbe Ergebnis wieder eintritt, auch wenn die Verhältnisse nur ähnlich sind, d. h. wenn sie selbst nicht 5 gleich, und auch der Exzenter nicht gleich dem Konzenter ist, wird uns auf folgendem Wege klar werden.

Die Figur sei für jede der beiden Hypothesen getrennt gezeichnet. Einerseits sei  $AB\Gamma$  der mit der Ekliptik konzentrische Kreis um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser 10  $A\Delta$ , und  $EZ$  um den Mittelpunkt  $\Gamma$  der Epizykel. Der



Mond sei Punkt  $Z$ . Andererseits sei  $H\Theta K$  der Exzenter um  $\Delta$  das Zentrum  $\Lambda$  und den Durchmesser  $\Theta\Lambda^a)$ , Mittelpunkt der Ekliptik sei auf letzterem der Punkt  $M$ . Der Mond sei Punkt  $K$ . Nun ziehe man dort die Verbindungslinien 15  $\Delta\Gamma E$ ,  $\Gamma Z$ ,  $\Delta Z$ , hier  $HM$ ,  $KM$ ,  $K\Lambda$ .

Als Annahme sei zugrunde gelegt das Verhältnis  $\Delta\Gamma : \Gamma E = \Theta\Lambda : \Lambda M$ . Ferner soll in derselben Zeit einerseits der Epizykel den  $\angle A\Delta\Gamma$ , und der Mond wieder den  $\angle E\Gamma Z$  zurückgelegt haben, andererseits der Exzenter den  $\angle HM\Theta$ , 20 und der Mond wieder den  $\angle \Theta\Lambda K$ . Demnach ist wegen der zugrunde gelegten Verhältnisse der Bewegungen (vgl. die Figur S. 214)

a) Auch vorher wurde der Durchmesser nur mit den Buchstaben des Halbmessers bezeichnet, was später sich oft wiederholen wird. Daher ist der Lesart  $\Theta\Lambda$  des Cod. D vor der Vulgata  $\Theta\Lambda M$ , welche Heiberg beibehält, der Vorzug zu geben.

$$\begin{aligned} \angle \text{E}\Gamma\text{Z} &= \angle \text{O}\Lambda\text{K}, & (\text{oben: } \angle \text{E}\Gamma\text{Z} &= \angle \text{O}\text{H}\text{Z}) \\ \angle \text{A}\Delta\Gamma &= \angle \text{H}\text{M}\text{O} + \angle \text{O}\Lambda\text{K}. & (\text{oben: } \angle \text{A}\Delta\Gamma &= \angle \text{A}\Delta\text{B} + \angle \text{O}\text{H}\text{Z}) \end{aligned}$$

Unter dieser Voraussetzung geht meine Behauptung dahin, daß wieder nach beiden Hypothesen der Mond in der gleichen Zeit scheinbar den gleichgroßen Bogen durchlaufen haben 5 wird, d. h. daß die Winkel  $\text{A}\Delta\text{Z}$  und  $\text{H}\text{M}\text{K}$  einander gleich sind. Denn hatte der Mond, als er im Anfangspunkte seiner Entfernungsstrecke in den Apogeen stand, seinen scheinbaren Ort in der Richtung der Geraden  $\Delta\text{A}$  und  $\text{M}\text{H}$ , so liegt dieser scheinbare Ort nun, wo der Mond 10 im Endpunkte seiner Entfernungsstrecke in den Punkten  $\text{Z}$  und  $\text{K}$  steht, in der Richtung der Geraden  $\Delta\text{Z}$  und  $\text{M}\text{K}$ .

Beweis. Die Bogen  $\text{B}\Gamma$ ,  $\text{O}\text{K}$  und  $\text{E}\text{Z}$  sollen wieder einander ähnlich sein. Nun ziehe man noch die Verbindungslinie  $\Delta\text{B}$ .<sup>a)</sup> Da das Verhältnis  $\Delta\Gamma : \Gamma\text{Z} = \text{K}\Lambda : \Lambda\text{M}$  (in der An- 15 nahme S. 216, 16 teilweise durch andere Halbmesser ausgedrückt) gegeben ist, und die Winkel  $\Delta\Gamma\text{Z}$  und  $\text{K}\Lambda\text{M}$  (als Nebenwinkel gleicher Winkel) einander gleich sind, so sind (nach Eukl. VI. 6) die Dreiecke  $\Delta\Gamma\text{Z}$  und  $\text{K}\Lambda\text{M}$  gleichwinklig und die den entsprechenden Seiten gegenüber- 20 liegenden Winkel einander gleich. Folglich ist

$$\angle \Gamma\text{Z}\Delta = \angle \Lambda\text{M}\text{K}.$$

Nun ist aber  $\angle \Gamma\text{Z}\Delta$  auch gleich dem  $\angle \text{B}\Delta\text{Z}$  (nach Eukl. I. 29), weil bei der Annahme, daß die Winkel  $\text{E}\Gamma\text{Z}$  <sup>Ha 243</sup> und  $\text{B}\Delta\Gamma$  einander gleich seien, die Geraden  $\Gamma\text{Z}$  und  $\text{B}\Delta$  25 (nach Eukl. I. 27) parallel sind. Folglich ist auch

$$\angle \text{B}\Delta\text{Z} = \angle \Lambda\text{M}\text{K}.$$

Nun ist nach Annahme (S. 215, 3) die Differenz der Bewegungen gleich dem Lauf des Exzenters, also

$$\angle \text{A}\Delta\text{B} = \angle \text{H}\text{M}\text{O},$$

folglich  $\angle \text{A}\Delta\text{B} + \angle \text{B}\Delta\text{Z} = \angle \text{H}\text{M}\text{O} + \angle \Lambda\text{M}\text{K},$

$$\text{d. i. } \angle \text{A}\Delta\text{Z} = \angle \text{H}\text{M}\text{K},$$

was zu beweisen war.

a) Zu dieser Geraden vergleiche man S. 215, 2.

## Sechstes Kapitel.

Nachweis der ersten oder einfachen Anomalie  
des Mondes.

Hiermit sollen unsere theoretischen Vorbetrachtungen abgeschlossen sein. Wir werden nunmehr den Nachweis der in Frage stehenden Anomalie des Mondes liefern, und zwar aus dem (S. 213, 6) angegebenen Grunde nach der epizyklischen Hypothese. Zur Benutzung herangezogen haben wir an erster Stelle von den ältesten uns zu Gebote stehenden Finsternissen drei, welche den Eindruck ganz besonders sorgfältiger Aufzeichnung machen, an zweiter Stelle aber auch von den Beobachtungen neueren Datums drei, welche von uns selbst mit größter Genauigkeit angestellt worden sind. Diese (doppelte) Beweisführung bietet uns erstens den Vorteil, daß die Prüfung sich auf eine möglichst lange Zwischenzeit stützt, zweitens wird ersichtlich werden, daß sich aus dem Beweismaterial beiderlei Art nahezu dieselbe Anomaliedifferenz herausstellt; drittens wird der Überschuß der mittleren Bewegungen (in Anomalie und Breite) stets übereinstimmend mit dem Zusatzbetrag gefunden werden, welcher sich (S. 204, 24. 26) nach den angegebenen periodischen Zeiten bei dem von uns angestellten Korrekionsverfahren ergeben hat.

Zum Nachweis der ersten theoretisch für sich betrachteten Anomalie soll nunmehr die epizyklische Hypothese, wie gesagt, folgende Fassung erhalten. Man denke sich in der Sphäre des Mondes einen mit der Ekliptik konzentrischen Kreis, der auch in derselben Ebene mit ihr liegt. Ein zweiter Konzenter sei gegen diesen ersten dem Größenbetrag des Mondlaufs in Breite entsprechend geneigt und rücke bei seinem gleichförmigen Umlauf um den Mittelpunkt der Ekliptik gegen die Richtung der Zeichen nur so weit vor, als der Überschuß der Bewegung in Breite über die Bewegung in Länge beträgt. Auf diesen schiefen Kreis verlegt nun unsere Hypothese den Lauf des sogenannten Epizykels,

der sich ebenfalls gleichförmig, und zwar nach den östlichen Teilen des Weltalls (d. i. in der Richtung der Zeichen) der Wiederkehr in Breite entsprechend vollzieht. Wird diese Wiederkehr theoretisch direkt auf die Ekliptik bezogen, Hei 302 so bringt sie selbstverständlich die Bewegung in Länge zum 5 Ausdruck.<sup>a)</sup> Auf dem Epizykel selbst endlich bewirkt der Mond auf dem erdfernen Bogen seinen Fortschritt nach den westlichen Teilen des Weltalls (d. i. gegen die Richtung der Zeichen), und zwar der Wiederkehr der Anomalie entsprechend. Eine kleine Erleichterung verschaffen wir uns 10 für den vorliegenden Nachweis dadurch, daß wir weder die mit der Breite zusammenhängende rückläufige Bewegung (der Knoten), noch die Schiefe des Mondkreises in Betracht ziehen<sup>b)</sup>, da bei einem so geringen Betrag der Neigung dem Lauf in Länge keine nennenswerte Differenz erwächst. 15

I. Von den drei alten Finsternissen, welche wir aus den einst in Babylon beobachteten ausgewählt haben, hat die erste nach dem Wortlaut der erhaltenen Aufzeichnung im ersten Jahre des Mardokempad am 29/30. ägyptischen Thoth<sup>27)</sup> (19. März 721 v. Chr.) stattgefunden. Die Finsternis be- 20 gann, heißt es, als reichlich eine Stunde nach dem Aufgang<sup>c)</sup> verflossen war, und war total. Da nun die Sonne im letzten Ha 245 Drittel der Fische stand, somit die Nacht ziemlich genau 12 Äquinoktialstunden hatte, so fiel selbstverständlich der Anfang der Finsternis  $4\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden vor Mitter- 25 nacht ( $7^h 30^m$ ), die Mitte, weil die Finsternis zentral war<sup>28)</sup>,  $2\frac{1}{2}$  Stunden vor Mitternacht ( $9^h 30^m$ ). Da wir die nach (Äquinoktial-)Stunden angegebenen Epochen auf den Meridian von Alexandria reduzieren, und dieser etwa  $\frac{5}{6}$  Äquinoktial- Hei 303 stunde (d. s.  $50^m$ ) westlich des Meridians von Babylon liegt<sup>18)</sup>, 30

a) Projiziert man den nördlichen Grenzpunkt der Breite, was der Wiederkehrpunkt der Breite ist, auf die Ekliptik, so fällt das Lot auf den Anfang des Grades in Länge, welcher gleichfalls von den Knoten beiderseits  $90^\circ$  entfernt ist.

b) D. h. der schiefe Kreis wird in der Ebene der Ekliptik als unverrückbar festliegend betrachtet.

c) D. i.  $1\frac{1}{2}$  Stunde nach dem Aufgang um  $6^h$  nachm., wie sich Z. 26 herausstellt.

so hat in Alexandria die Mitte der vorliegenden Finsternis  $3\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden vor Mitternacht ( $8^h 40^m$ ) stattgefunden, für welche Stunde nach dem von uns mitgeteilten Rechnungsverfahren (d. i. nach den Sonnentafeln) der genaue Ort der Sonne  $(24^0 30'$  war.<sup>29)</sup>

Die zweite Finsternis hat nach der Aufzeichnung im zweiten Jahre desselben Mardokempad am 18/19. ägyptischen Thoth (8. März 720 v. Chr.) stattgefunden. Die Verfinsterung betrug, heißt es, gerade um Mitternacht 3 Zoll von Süden.

Da demnach die Mitte in Babylon scheinbar genau zur Mitternachtstunde stattgefunden hat, so muß sie in Alexandria  $\frac{5}{6}$  Stunde (d. s.  $50^m$ ) vor Mitternacht ( $11^h 10^m$ ) eingetreten sein, für welche Stunde der genaue Ort der Sonne  $(13^0 45'$  war.<sup>29)</sup>

Die dritte Finsternis hat nach der Aufzeichnung in demselben Jahre des Mardokempad am 15/16. ägyptischen Phamenoth (1. September 720 v. Chr.) stattgefunden. Sie begann, heißt es, nach Aufgang und betrug über die Hälfte von Norden.

Da nun die Sonne im Anfang der Jungfrau stand, so betrug die Länge der Nacht in Babylon ungefähr 11 Äquinoktialstunden, die halbe Nacht also  $5\frac{1}{2}$  Stunden. Der Anfang hat demnach, weil er „nach Aufgang“ gewesen ist, höchstens 5 Äquinoktialstunden vor Mitternacht ( $7^h$ ) stattgefunden, und die Mitte  $3\frac{1}{2}$  Stunden vor Mitternacht ( $8^h 30^m$ ), weil der ganze Verlauf bei einer so bedeutenden Größe der Verfinsterung nahezu 3 Stunden gedauert haben muß.<sup>29)</sup>

In Alexandria trat demnach wieder die Mitte der Finsternis  $4\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden vor Mitternacht ( $7^h 40^m$ ) ein, für welche Stunde der genaue Ort der Sonne  $(17^0 15'$  war.<sup>29)</sup>

Es leuchtet also ein, daß von der Mitte der ersten Finsternis bis zur Mitte der zweiten die Sonne, und somit nach Abzug ganzer Kreise auch der Mond (von  $17^0 15'$  bis  $13^0 45'$ , d. i. einen ganzen Kreis weniger  $10^0 45' = 349^0 15'$  zurückgelegt hat, und von der Mitte der zweiten Finsternis bis zur Mitte der dritten (von  $13^0 45'$  bis  $3^0 15'$ )  $169^0 30'$ . Nun beträgt die Zwischenzeit von der ersten Mitte bis zur zweiten 354 Tage und  $2\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden, wenn man

theoretisch (mit bürgerlichen Sonnentagen) schlechthin rechnet, aber  $2\frac{1}{2}$  Stunden und 4 Minuten nach der Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen<sup>a)</sup>, ferner die Zwischenzeit von der zweiten Mitte bis zur dritten 176 Tage und  $20\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden schlechthin, nach genauer Rechnung  $20\frac{1}{5}$  Stunden. 5

Der Mond legt in gleichförmiger Bewegung — für einen so kurzen Zeitraum wird es nämlich keinen wahrnehmbaren Unterschied machen, wenn man sich an die Umläufe hält, welche den genauen nur nahe kommen<sup>b)</sup> — nach Abzug Hei 305  
ganzer Kreise zurück: 10

in $354^d 2^h 34^m$	{	$306^\circ 25'$ in Anomalie,	<span style="float: right;">Ha 247</span>
		$345^\circ 51'$ in Länge;	
in $176^d 20^h 12^m$	{	$150^\circ 26'$ in Anomalie,	
		$170^\circ 7'$ in Länge.	

Es ist klar, daß die im ersten Intervall auf dem Epizykel 15 zurückgelegten  $306^\circ 25'$  der mittleren Bewegung des Mondes (in Länge) einen Mehrbetrag von  $3^\circ 24'$ <sup>c)</sup>, dagegen die  $150^\circ 26'$  des zweiten Intervalls der mittleren Bewegung einen Fehlbetrag von  $0^\circ 37'$ <sup>d)</sup> eingebracht haben.

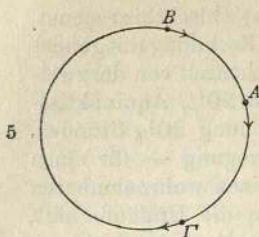
Die vorstehend ermittelten Werte sollen als gegeben 20 angenommen werden. Es sei  $AB\Gamma$  der Epizykel des Mondes, und zwar soll A der Punkt sein, in welchem der Mond zur Mitte der ersten Finsternis stand, B der Punkt, in welchem er zur Mitte der zweiten stand, und  $\Gamma$  der Punkt,

a) D. h.  $2\frac{1}{2}^{st}$  nach bürgerlicher Zeit, aber  $4^m$  mehr nach der wahren Sonnenzeit. Vgl. erl. Anm. 26.

b) Die Bemerkung bezieht sich darauf, daß Ptolemäus die Umlaufszahlen anstatt genau, d. i. bis zu den Sexten berechnet, nur bis zu den Minuten eines Grades angibt. Berechnet sind sie, wie die Nachprüfung zeigt, mit Berücksichtigung der Sekunden. Die Mondtafeln liefern die Werte:  $306^\circ 24' 2''$ ,  $345^\circ 50' 53''$ ;  $150^\circ 25' 58''$ ,  $170^\circ 7' 59''$ . Die Sekunden sind nur im letzten Fall zur Erhöhung der Minutenzahl sehr auffallenderweise unbeachtet geblieben.

c) Weil die S. 220, 33 festgestellte mittlere Bewegung in Länge  $349^\circ 15'$  beträgt, d. i.  $345^\circ 51' + 3^\circ 24'$ .

d) Weil die S. 220, 35 festgestellte mittlere Bewegung in Länge  $169^\circ 30'$  beträgt, d. i.  $170^\circ 7' - 0^\circ 37'$ .



in welchem er zur Mitte der dritten stand. Man hat sich aber das Fortschreiten des Mondes auf dem Epizykel in der Richtung von B nach A und von A nach  $\Gamma$  vor sich gehend zu denken.

Es bringt also (wie S. 221, 15 erklärt) der Bogen  $A\Gamma B$  im Betrage von  $306^{\circ}25'$ , welchen der Mond von der ersten

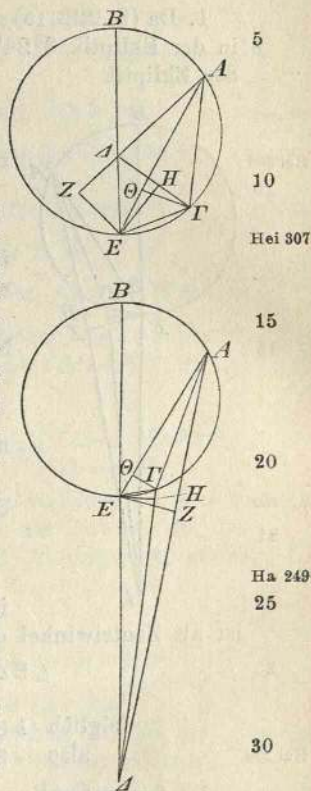
10 Finsternis bis zur zweiten seiner Bewegung (als Überschuß zu ganzen Kreisen) zugesetzt hat, der mittleren Bewegung  
 Hei 306 einen Mehrbetrag von  $3^{\circ}24'$  ein, während der Bogen  $BA\Gamma$  im Betrage von  $150^{\circ}26'$ , welchen er von der zweiten  
 15 Finsternis bis zur dritten zugesetzt hat, der mittleren Bewegung einen Fehlbetrag von  $0^{\circ}37'$  verursacht. Deshalb muß  
 aber auch der Lauf von B nach A (d. i.  $bBA$ ) im Betrage von  $53^{\circ}35'$  ( $360^{\circ} - bA\Gamma B$ ) der mittleren Bewegung (weil  
 er einen Umlauf in Anomalie abschließt) einen gleichgroßen Fehlbetrag von  $3^{\circ}24'$  verursachen, während der Lauf  
 20 von A nach  $\Gamma$  ( $bA\Gamma$ ) im Betrage von  $96^{\circ}51'$  ( $bBA\Gamma - bBA$ ) der mittleren Bewegung einen Mehrbetrag von  $2^{\circ}47'$  einbringen muß.<sup>a)</sup>

Ha 248 A. Daß das Perigeum unmöglich auf dem Bogen  $BA\Gamma$  liegen kann, geht daraus hervor, daß dieser Bogen erstens  
 25 mit dem Fehlbetrag behaftet ist, und zweitens kleiner als ein Halbkreis ist, während doch der Hypothese nach im Perigeum die größte Bewegung (also Mehrbetrag) vorausgesetzt wird. Da es aber jedenfalls auf dem Bogen  $BE\Gamma$  liegt, so sei der Mittelpunkt der Ekliptik, der zugleich Zentrum  
 30 des den Epizykel tragenden Kreises ist, als gegeben angenommen. Dasselbe soll der Punkt  $\Delta$  sein. Nun ziehe man von diesem aus nach den Punkten der drei Finsternisse die Verbindungslinien  $\Delta A$ ,  $\Delta E B$ ,  $\Delta \Gamma$ .

a) Da auf  $bBA$  ein Fehlbetrag von  $-3^{\circ}24'$  entfällt, so muß  $bA\Gamma$  einen Mehrbetrag von  $+2^{\circ}47'$  einbringen, damit der Fehlbetrag des ganzen  $bBA\Gamma$  sich auf  $-3^{\circ}24' + 2^{\circ}47' = -0^{\circ}37'$  stelle, wie S. 221, 19 dargelegt wurde.

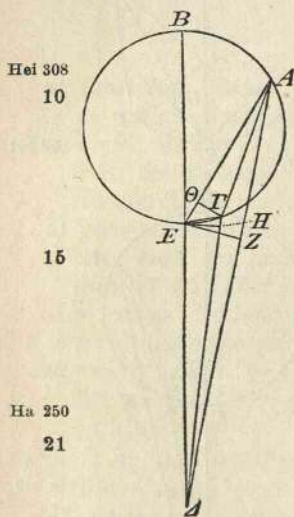
Um die Übertragung des theoretischen Verfahrens auf die ähnlichen Beweise (für die Planeten) leicht durchführbar zu machen, sei es, daß wir sie, wie jetzt, nach der epizyklischen Hypothese führen, oder nach der exzentrischen, wo dann der Mittelpunkt  $\Delta$  innerhalb angenommen werden muß, sei folgende allgemeingültige Vorschrift gegeben. Eine der drei Verbindungslinien werde bis zur gegenüberliegenden Peripherie gezogen — in dem hier gewählten Falle haben wir die Gerade  $\Delta EB$  ohne weiteres durchgezogen, bzw. von Punkt  $B$  der zweiten Finsternis bis Punkt  $E$  (die Gerade  $B\Delta E$ ). Die beiden anderen Punkte der Finsternisse verbinden wir durch eine Gerade — hier durch  $A\Gamma$  —, ziehen von dem durch die verlängerte Gerade ( $B\Delta$ ) gebildeten Schnittpunkt — hier von  $E$  aus — Verbindungslinien nach den anderen zwei Punkten — hier  $EA$  und  $E\Gamma$  — und fällen Lote auf die von diesen zwei anderen Punkten nach dem Mittelpunkte der Ekliptik gezogenen Geraden — hier  $EZ$  auf  $A\Delta$  und  $EH$  auf  $\Gamma\Delta$ . Nun fällt man auch noch von dem einen der letztgenannten beiden Punkte — in dem gewählten Falle von  $\Gamma$  aus — ein Lot auf die Gerade, welche den anderen dieser Punkte — hier  $A$  — mit dem von der durchgezogenen Geraden gebildeten überzähligen Schnittpunkt — hier  $E$  — verbindet — hier das Lot  $\Gamma\Theta$  auf  $AE$ .

Von welchem Punkte aus (ob von  $B$  oder  $A$  oder  $\Gamma$ ) wir auch den Entwurf der Figur durchführen mögen, wir werden finden, daß bei Einsetzung der Zahlen, auf welche sich der



Nachweis stützt, dieselben Verhältnisse herauskommen. Die Wahl (des Ausgangspunktes) bleibt lediglich dem praktischen Bedürfnis überlassen.

1. Da (S. 222, 19) nachgewiesen wurde, daß der Bogen BA in der Ekliptik  $3^{\circ}24'$  unterspannt, so ist als Zentriwinkel der Ekliptik



Hei 308  
10

15

Ha 250  
21

$$\begin{aligned} \angle B\Delta A &= 3^{\circ}24' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ &= 6^{\circ}48' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}, \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{mithin } bEZ &= 6^{\circ}48' \text{ wie } \ominus EZ\Delta = 360^{\circ}, \\ \text{also } sEZ &= 7^{\text{P}} 7' \text{ wie } h\Delta E = 120^{\text{P}}. \end{aligned}$$

Da ferner der Bogen BA (S. 222, 17)  $53^{\circ}35'$  beträgt, so ist als Peripheriewinkel

$$\angle BEA = 53^{\circ}35' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}.$$

$$\begin{aligned} \text{Nun war } \angle B\Delta A &= 6^{\circ}48' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}, \\ \text{folglich } \angle EAZ &= 46^{\circ}47' \text{ wie } 2R = 360^{\circ} \end{aligned}$$

[als Differenz beider;

$$\begin{aligned} \text{mithin } bEZ &= 46^{\circ}47' \text{ wie } \ominus EZA = 360^{\circ}, \\ \text{also } sEZ &= 47^{\text{P}} 38' 30'' \text{ wie } hAE = 120^{\text{P}}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Setzt man } EZ &= 7^{\text{P}} 7' \text{ wie } h\Delta E = 120^{\text{P}}, \\ \text{so wird } AE &= 17^{\text{P}} 55' 32''. \end{aligned}$$

2. Da der Bogen BA $\Gamma$  (S. 222, 15) in der Ekliptik  $0^{\circ}37'$  unterspannt, so ist als Zentriwinkel der Ekliptik

$$\begin{aligned} \angle B\Delta\Gamma &= 0^{\circ}37' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ &= 1^{\circ}14' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}, \end{aligned}$$

$$\text{folglich } bEH = 1^{\circ}14' \text{ wie } \ominus EH\Delta = 360^{\circ},$$

$$\text{also } sEH = 1^{\text{P}} 17' 30'' \text{ wie } h\Delta E = 120^{\text{P}}.$$

Hei 309

Da ferner der Bogen BA $\Gamma$  (S. 222, 13)  $150^{\circ}26'$  beträgt, so ist als Peripheriewinkel

$$\angle B'E\Gamma = 150^{\circ}26' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}.$$

$$\text{Nun war } \angle B\Delta\Gamma = 1^{\circ}14' \text{ wie } 2R = 360^{\circ},$$

$$\text{folglich } \angle E\Gamma\Delta = 149^{\circ}12' \text{ wie } 2R = 360^{\circ} \text{ als Dif-}$$

[ferenz beider,

mithin  $bEH = 149^{\circ}12'$  wie  $\ominus EHG = 360^{\circ}$ ,  
 also  $sEH = 115^{\text{P}}41'21''$  wie  $hGE = 120^{\text{P}}$ .  
 Setzt man  $EH = 1^{\text{P}}17'30''$  wie  $h\Delta E = 120^{\text{P}}$ ,  
 so wird  $GE = 1^{\text{P}}20'23''$  wie  $AE = 17^{\text{P}}55'32''$ .<sup>a)</sup>

3. Da der Bogen  $A\Gamma$  (S. 222, 20) mit  $96^{\circ}51'$  nachgewiesen 5 wurde, so ist als Peripheriewinkel

$\angle AEG = 96^{\circ}51'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ , Ha 251  
 mithin  $\left. \begin{array}{l} b\Gamma\Theta = 96^{\circ}51' \\ bE\Theta = 83^{\circ}9' \end{array} \right\}$  wie  $\ominus \Gamma\Theta E = 360^{\circ}$ ;  
 also  $\left. \begin{array}{l} s\Gamma\Theta = 89^{\text{P}}46'14'' \\ sE\Theta = 79^{\text{P}}37'55'' \end{array} \right\}$  wie  $hGE = 120^{\text{P}}$ . 10  
Hei 310  
 Setzt man  $GE = 1^{\text{P}}20'23''$ , (s. Z 4)

so wird  $\left. \begin{array}{l} \Gamma\Theta = 1^{\text{P}}0'8'' \\ E\Theta = 0^{\text{P}}53'21'' \end{array} \right\}$  wie  $AE = 17^{\text{P}}55'32''$ ,  
 folglich  $A\Theta = AE - E\Theta = 17^{\text{P}}2'11''$  wie  $\Gamma\Theta = 1^{\text{P}}0'8''$ . 15  
 Ferner ist  $A\Theta^2 = 290^{\text{P}2}14'19''$  und  $\Gamma\Theta^2 = 1^{\text{P}2}0'17''$ .

Da nun  $A\Theta^2 + \Gamma\Theta^2 = A\Gamma^2$ ,  
 so ist  $A\Gamma^2 = 291^{\text{P}2}14'36''$ ,  
 folglich  $A\Gamma = 17^{\text{P}}3'57''$  wie  $\left\{ \begin{array}{l} GE = 1^{\text{P}}20'23'' \\ \Delta E = 120^{\text{P}}. \end{array} \right.$

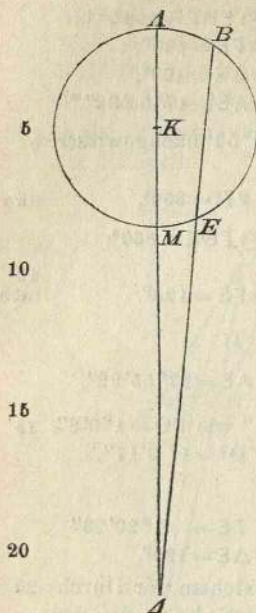
4. Nun ist aber  $A\Gamma$  in dem Maße, in welchem der Durchmesser des Epizykels gleich  $120^{\text{P}}$  ist, als Sehne, die den Bogen  $A\Gamma$  im Betrage von  $96^{\circ}51'$  unterspannt, gleich  $89^{\text{P}}46'14''$ .

Setzt man also  $A\Gamma = 89^{\text{P}}46'14''$ ,  
 so wird  $\left\{ \begin{array}{l} \Delta E = 631^{\text{P}}13'48'' \\ \Gamma E = 7^{\text{P}}2'50'' \end{array} \right\}$  wie  $epdm = 120^{\text{P}}$ ; 25  
 also  $b\Gamma E = 6^{\circ}44'1''$  wie  $ep = 360^{\circ}$ .

Nun ist  $bBA\Gamma = 150^{\circ}26'$  gegeben (S. 222, 13); Ha 252  
 folglich  $bB\Gamma E = 157^{\circ}10'1''$  als Summe beider,  
 also  $sBE = 117^{\text{P}}37'32''$ . Hei 311

Hiermit ist die Sehne  $BE$  in dem Maße gefunden, in 31 welchem der Durchmesser des Epizykels  $120^{\text{P}}$  beträgt und die Gerade  $\Delta E$  gleich  $631^{\text{P}}13'48''$  ist.

a) Weil  $AE$  S. 224, 20 ebenfalls in dem Maße von  $h\Delta E = 120^{\text{P}}$  gefunden worden ist.



B. Wäre die Sehne BE gleich groß wie der Durchmesser des Epizykels gefunden worden, so würde auf ihr natürlich der Mittelpunkt desselben liegen, und das Verhältnis der Durchmesser (von Epizykel und Konzenter) würde alsdann ohne weiteres ersichtlich sein. Da BE aber kleiner ist als der Durchmesser, und somit auch der Bogen BΓE kleiner als ein Halbkreis, so ist klar, daß der Mittelpunkt des Epizykels außerhalb des Segments BAΓE fallen wird.

Es sei demnach als Mittelpunkt (des Epizykels) der Punkt K angenommen. Man ziehe von dem Mittelpunkt Δ der Ekliptik durch K die Gerade ΔMKΛ, so daß Punkt Λ das Apogäum und Punkt M das Perigäum des Epizykels wird.

Nun ist (nach Analogie von Eukl. III. 36) das aus den Geraden BΔ und ΔE gebildete Rechteck gleich dem Rechteck, welches aus den Geraden ΛΔ und ΔM gebildet wird.

Ferner ist von uns (soeben) der Nachweis geliefert worden, 25 daß

$$\left. \begin{aligned} BE &= 117^{\text{P}} 37' 32'' \\ \Delta E &= 631^{\text{P}} 13' 48'' \end{aligned} \right\} \text{wie } epdm \text{ K}\Lambda\text{M} = 120^{\text{P}},$$

Hei 312 mithin  $B\Delta = 748^{\text{P}} 51' 20''$  als Summe beider.

$$\left. \begin{aligned} \text{Folglich ist } B\Delta \cdot \Delta E \\ \text{sowie auch } \Lambda\Delta \cdot \Delta M \end{aligned} \right\} = 472700^{\text{P}^2} 5' 32''.$$

Ha 253 31 Ferner ist  $\Lambda\Delta \cdot \Delta M + KM^2 = \Delta K^2$ . (Eukl. II. 6)

Da nun  $KM^2 = 3600^{\text{P}^2}$ , weil als  $ephm \text{ KM} = 60^{\text{P}}$ ,

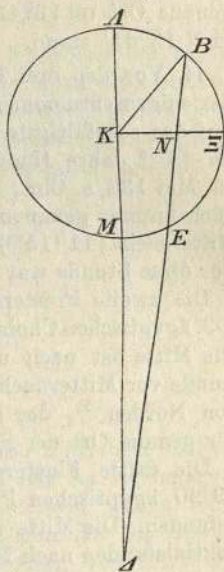
so ist  $\Delta K^2 = 476300^{\text{P}^2} 5' 32''$ ,

folglich  $\Delta K = 690^{\text{P}} 8' 42''$ .

35 So viel beträgt also der Halbmesser ΔK des mit der Ekliptik konzentrischen Kreises, welcher den Epizykel trägt, in dem Maße, in welchem der Halbmesser KM des Epizykels

gleich  $60^p$  ist. Setzt man nun den Halbmesser des den Epizykel tragenden Kreises, der konzentrisch ist mit dem Auge, gleich  $60^p$ , so wird in diesem Maße der Halbmesser Hei 313 des Epizykels ohne merklichen Fehler  $5^p 13'$  betragen.

C. Man ziehe nun an derselben Figur von dem Mittelpunkt K unter rechten Winkeln durch die Sehne BE den Halbmesser  $KN \equiv \Xi$  und verbinde B mit K. Es war nachgewiesen worden, daß  $\Delta E = 631^p 13' 48''$  } wie  $\Delta K = 690^p 8' 42''$ .  
 $(BE = 117^p 37' 22'')$



Nun ist  $EN = 58^p 48' 46''$  als  $\frac{1}{2} BE$ ;  
 folglich  $\Delta N = \Delta E + EN = 690^p 2' 34''$ .  
 Setzt man  $\angle \Delta K = 120^p$ ,

so wird  $\Delta N = 119^p 58' 57''$ ,

also  $\angle \Delta N = 178^\circ 2'$  wie  $\angle \Delta NK$   
 $[= 360^\circ,$

mithin  $\angle \Delta KN = 178^\circ 2'$  wie  $2R = 360^\circ$ ,  
 $= 89^\circ 1'$  wie  $4R = 360^\circ$ ,

folglich  $\left\{ \begin{array}{l} \angle \Xi EM = 89^\circ 1' \\ \angle \Lambda B \Xi = 90^\circ 59' \end{array} \right\}$  als *epb*.

Nun war  $\angle B \Xi E = 157^\circ 10'$ , (S. 225, 29)

mithin  $\angle \Xi B = 78^\circ 35'$  als die Hälfte,

endlich  $\angle \Lambda B = \angle \Lambda B \Xi - \angle \Xi B = 12^\circ 24'$ .

Hiermit ist der Epizykelbogen gefunden, welchen der 25  
 Mond zu der mitgeteilten Zeit der Mitte der zweiten Finsternis von dem Apogeum (des Epizykels) entfernt war. Da ferner gefunden war, daß  $\angle \Delta KN = 89^\circ 1'$  wie  $4R = 360^\circ$ , so ergibt sich als Ergänzung zu  $90^\circ$   $\angle K \Delta N$  mit  $0^\circ 59'$ . Das ist der den (Ekliptik-) Bogen unterspannende Winkel, 30  
 welcher dem (gesuchten) mittleren Ort in Länge abgeht<sup>a)</sup> Hei 314

a) Der mittlere Ort  $\Lambda$ , d. i. der in der Ekliptik von dem Epizykelmittelpunkt K eingenommene Ort, liegt dem gegebenen genauen Ort B um den Betrag  $0^\circ 59'$  in der Ekliptik voraus; folglich muß man zu dem genauen Ort B  $0^\circ 59'$  addieren, um den mittleren Ort  $\Lambda$  zu erhalten. Vgl. Anm. 32.

infolge der durch den Lauf auf dem Epizykelbogen AB eintretenden Anomalie.

Folglich war der mittlere Ort des Mondes in Länge zur Zeit der Mitte der zweiten Finsternis  $\eta 14^{\circ}44'$ , da ja der genaue Ort  $\eta 13^{\circ}45'$  war, während (S. 220, 13) die Sonne in  $\gamma 13^{\circ}45'$  stand.

II. Von den drei Finsternissen, welche wir aus der Zahl derjenigen entnommen haben, die von uns selbst in Alexandria auf das sorgfältigste beobachtet worden sind, hat die erste im 17<sup>ten</sup> Jahre Hadrians<sup>30)</sup> am 20/21. ägyptischen Payni (6. Mai 133 n. Chr.) stattgefunden. Die Mitte derselben ist nach unserer genauen Berechnung  $\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht ( $11^{\text{h}}15^{\text{m}}$ ) eingetreten. Die Finsternis war total. Für diese Stunde war der genaue Ort der Sonne  $\gamma 13^{\circ}15'$ .<sup>31)</sup>

Die zweite Finsternis hat im 19<sup>ten</sup> Jahre Hadrians am 2/3. ägyptischen Choiak (20. Okt. 134 n. Chr.) stattgefunden. Die Mitte ist nach unserer Berechnung eine Äquinoktialstunde vor Mitternacht ( $11^{\text{h}}$ ) eingetreten. Verfinstert waren von Norden  $\frac{5}{6}$  des Durchmessers. Für diese Stunde war der genaue Ort der Sonne  $\hat{\alpha} 25^{\circ}10'$ .<sup>31)</sup>

Die dritte Finsternis hat im 20<sup>ten</sup> Jahre Hadrians am 19/20. ägyptischen Pharmuthi (6. März 136 n. Chr.) stattgefunden. Die Mitte ist nach unserer Berechnung 4 Äquinoktialstunden nach Mitternacht ( $4^{\text{h}}$  früh) eingetreten. Verfinstert war von Norden die Hälfte des Durchmessers. Der genaue Ort der Sonne war für diese Stunde  $\gamma 14^{\circ}5'$ .<sup>31)</sup>

Es leuchtet ein, daß auch hier der Mond nach Abzug ganzer Kreise von der Mitte der ersten Finsternis bis zur Mitte der zweiten sich ebensoviele Grade wie die Sonne, d. s. (von  $\eta 13^{\circ}15'$  bis  $\gamma 25^{\circ}10'$ )  $161^{\circ}55'$ , und von der Mitte der zweiten bis zur Mitte der dritten (von  $\gamma 25^{\circ}10'$  bis  $\eta 14^{\circ}5'$ )  $138^{\circ}55'$  bewegt hat. Nun beträgt die Zwischenzeit des ersten Intervalls 1 ägyptisches Jahr, 166 Tage und  $23\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden schlechthin, nach genauer Rechnung  $23\frac{5}{8}$ , die des zweiten Intervalls 1 ägyptisches Jahr, 137 Tage und 5 Äquinoktialstunden schlechthin, nach genauer Rechnung  $5\frac{1}{2}$ .<sup>26)</sup>

Die mittlere Bewegung des Mondes beträgt

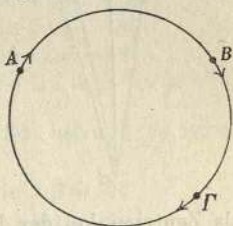
$$\begin{aligned} & \text{in } 1^{\text{a}}166^{\text{d}}23^{\text{h}}\frac{5}{8} \left\{ \begin{array}{l} 110^{\circ}21' \text{ in Anomalie,} \\ 169^{\circ}37' \text{ in Länge;} \end{array} \right. \\ & \text{in } 1^{\text{a}}137^{\text{d}}5^{\text{h}}\frac{1}{2} \left\{ \begin{array}{l} 81^{\circ}36' \text{ in Anomalie,} \\ 137^{\circ}34' \text{ in Länge.}^{\text{a)}} \end{array} \right. \end{aligned}$$

5

Es ist klar, daß die  $110^{\circ}21'$  des Epizykels des ersten Intervalls dem mittleren Lauf in Länge einen Fehlbetrag von  $(169^{\circ}37' - 161^{\circ}55' =) 7^{\circ}42'$ , und die  $81^{\circ}36'$  des zweiten Intervalls dem mittleren Lauf in Länge einen Mehrbetrag von  $(138^{\circ}55' - 137^{\circ}34' =) 1^{\circ}21'$  eingebracht haben.

10

Diese Werte sollen als gegeben angenommen werden. Der Epizykel des Mondes sei wieder  $AB\Gamma$ , und zwar sei A als der Punkt angenommen, in welchem der Mond zur Mitte der ersten Finsternis stand, B als der Punkt der zweiten, und  $\Gamma$  als der Punkt der dritten Finsternis.



15

Wie oben, denke man sich den Fortschritt des Mondes als von A nach B, und dann nach  $\Gamma$  vor sich gehend, so daß der Bogen AB im Betrage von  $110^{\circ}21'$  dem mittleren Lauf in Länge, wie gesagt, einen Fehlbetrag von  $7^{\circ}42'$ , und der Bogen  $B\Gamma$  im Betrage von  $81^{\circ}36'$  der Länge einen Mehrbetrag von  $1^{\circ}21'$  einbringt, während der noch übrige Bogen  $\Gamma A$  im Betrage von  $168^{\circ}3'$  der Länge die übrigen  $6^{\circ}21'$  (zur Aufhebung des Fehlbetrags) zusetzt.

25

A. Daß auf dem Bogen AB das Apogeum liegen muß, geht deutlich daraus hervor, daß es weder auf dem Bogen  $B\Gamma$ , noch auf dem Bogen  $\Gamma A$  liegen kann, weil jeder derselben mit dem Mehrbetrag<sup>b)</sup> behaftet und kleiner als ein

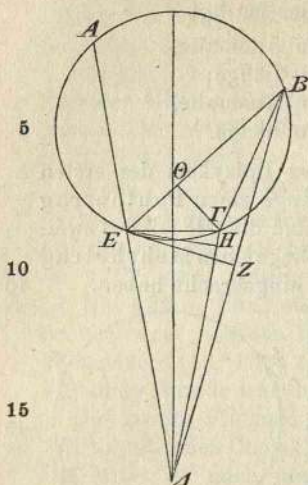
Ha 257

Hef 317

30

a) Die Nachrechnung nach den Mondtafeln ergibt folgende Werte:  $110^{\circ}21'59''$ ,  $169^{\circ}37'44''$ ;  $81^{\circ}36'53''$ ,  $137^{\circ}33'46''$ . Überschießende Sekunden sind mithin nur im letzten Fall zur Erhöhung der Minutenzahl beachtet worden. Vgl. S. 221, Anm. b)

b) Derselbe kommt dem erdnahen Bogen des Epizykels zu.



Halbkreis ist. Es werde aber gleichwohl, obgleich dieser Punkt nicht gegeben ist, das Zentrum der Ekliptik sowie des Kreises, auf dem der Epizykel sich bewegt, festgesetzt. Es sei der Punkt  $\Delta$ . Von diesem ziehe man nach den Punkten der drei Finsternisse die Verbindungslinien  $\Delta EA$ ,  $\Delta B$ ,  $\Delta \Gamma$ . Nachdem man dann noch die Verbindungslinie  $B\Gamma$ , und von dem Punkte  $E$  aus nach  $B$  und  $\Gamma$  die Geraden  $EB$  und  $E\Gamma$  gezogen hat, fälle man auf die Geraden  $B\Delta$  und  $\Delta\Gamma$  die Lote  $EZ$ ,  $EH$ , und endlich noch von  $\Gamma$  auf  $BE$  das Lot  $\Gamma\Theta$ .

1. Da der Bogen  $AB$  in der Ekliptik  $7^{\circ}42'$  unterspannt, so ist

als Zentriwinkel der Ekliptik

$$\begin{array}{lll} 20 & \angle A\Delta B = 7^{\circ}42' & \text{wie } 4R = 360^{\circ}, \\ & = 15^{\circ}24' & \text{wie } 2R = 360^{\circ}; \\ & \text{folglich } \angle EZ = 15^{\circ}24' & \text{wie } \odot EZ\Delta = 360^{\circ}, \\ \text{Hei 318} & \text{also } sEZ = 16^{\text{P}} 4'42'' & \text{wie } h\Delta E = 120^{\text{P}}. \end{array}$$

Da ferner der Bogen  $AB$   $110^{\circ}21'$  beträgt, so ist als

25 Peripheriewinkel

$$\begin{array}{lll} & \angle AEB = 110^{\circ}21' & \text{wie } 2R = 360^{\circ}. \\ \text{Nun war } & \angle A\Delta B = 15^{\circ}24' & \text{wie } 2R = 360^{\circ}, \\ \text{folglich } & \angle EB\Delta = 94^{\circ}57' & \text{wie } 2R = 360^{\circ} \text{ als Dif-} \\ & & \text{ferenz beider,} \end{array}$$

$$30 \quad \text{mithin } \angle EZ = 94^{\circ}57' \quad \text{wie } \odot EZB = 360^{\circ},$$

$$\text{Ha 258} \quad \text{also } sEZ = 88^{\text{P}} 26'17'' \quad \text{wie } hBE = 120^{\text{P}}.$$

$$\text{Hei 318} \quad \text{Setzt man } EZ = 16^{\text{P}} 4'42'' \quad \text{wie } h\Delta E = 120^{\text{P}},$$

$$\text{so wird } BE = 21^{\text{P}} 48'59''.$$

2. Da ferner nachgewiesen wurde, daß der Bogen  $\Gamma EA$  in der Ekliptik  $6^{\circ}21'$  unterspannt, so ist als Zentriwinkel der Ekliptik

35

$$\begin{aligned} \angle A\Delta\Gamma &= 6^\circ 21' && \text{wie } 4R = 360^\circ; \\ &= 12^\circ 42' && \text{wie } 2R = 360^\circ; \\ \text{folglich } b\text{EH} &= 12^\circ 42' && \text{wie } \ominus\text{EH}\Delta = 360^\circ, \\ \text{also } s\text{EH} &= 13^{\text{P}} 16' 19'' && \text{wie } h\Delta\text{E} = 120^{\text{P}}. \end{aligned}$$

Da der Bogen  $AB\Gamma$  in Summa  $191^\circ 57'$  beträgt, so ist  $s$  als Peripheriewinkel

$$\begin{aligned} \angle A\text{E}\Gamma &= 191^\circ 57' && \text{wie } 2R = 360^\circ. \\ \text{Nun war } \angle A\Delta\Gamma &= 12^\circ 42' && \text{wie } 2R = 360^\circ, \\ \text{folglich } \angle \text{E}\Gamma\Delta &= 179^\circ 15' && \text{wie } 2R = 360^\circ \text{ als Dif-} \end{aligned} \quad \text{Hel 319}$$

[ferenz beider, 10

$$\begin{aligned} \text{mithin } b\text{EH} &= 179^\circ 15' && \text{wie } \ominus\text{EH}\Gamma = 360^\circ, \\ \text{also } s\text{EH} &= 119^{\text{P}} 59' 50'' && \text{wie } h\Gamma\text{E} = 120^{\text{P}}. \\ \text{Setzt man } \text{EH} &= 13^{\text{P}} 16' 19'' && \text{wie } h\Delta\text{E} = 120^{\text{P}}, \\ \text{so wird } \Gamma\text{E} &= 13^{\text{P}} 16' 20'' && \text{wie } \text{BE} = 21^{\text{P}} 48' 59''.^a) \end{aligned}$$

3. Da ferner der Bogen  $B\Gamma$   $81^\circ 36'$  beträgt, so ist  $s$  als  $15$  Peripheriewinkel

$$\begin{aligned} \angle \text{BE}\Gamma &= 81^\circ 36' && \text{wie } 2R = 360^\circ, \\ \text{folglich } \left\{ \begin{array}{l} b\Gamma\Theta = 81^\circ 36' \\ b\text{E}\Theta = 98^\circ 24' \end{array} \right\} && \text{wie } \ominus\Gamma\Theta\text{E} = 360^\circ, \\ \text{also } \left\{ \begin{array}{l} s\Gamma\Theta = 78^{\text{P}} 24' 37'' \\ s\text{E}\Theta = 90^{\text{P}} 50' 22'' \end{array} \right\} && \text{wie } h\Gamma\text{E} = 120^{\text{P}}. \end{aligned} \quad \begin{array}{l} \text{Ha 259} \\ 20 \end{array}$$

Setzt man  $\Gamma\text{E} = 13^{\text{P}} 16' 20''$ , (s. Z 14)

$$\text{so wird } \left\{ \begin{array}{l} \Gamma\Theta = 8^{\text{P}} 40' 20'' \\ \text{E}\Theta = 10^{\text{P}} 12' 49'' \end{array} \right\} \text{ wie } \text{BE} = 21^{\text{P}} 48' 59'',$$

folglich  $\Theta\text{B} = \text{BE} - \text{E}\Theta = 11^{\text{P}} 46' 10''$  wie  $\Gamma\Theta = 8^{\text{P}} 40' 20''$ . 25

Ferner ist  $\Theta\text{B}^2 = 138^{\text{P}^2} 31' 11''$  und  $\Gamma\Theta^2 = 75^{\text{P}^2} 12' 27''$ . Hel 320

Nun ist  $\Theta\text{B}^2 + \Gamma\Theta^2 = \text{B}\Gamma^2$ ,

folglich  $\text{B}\Gamma^2 = 213^{\text{P}^2} 43' 38''$ ,

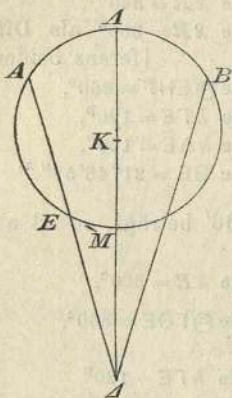
mithin  $\text{B}\Gamma = 14^{\text{P}} 37' 10''$  wie  $\left\{ \begin{array}{l} \Delta\text{E} = 120^{\text{P}} \\ \Gamma\text{E} = 13^{\text{P}} 16' 20'' \end{array} \right.$

4. Nun ist aber  $B\Gamma$  auch in dem Maße, wie der Durchmesser  $30$  des Epizykels gleich  $120^{\text{P}}$  ist, als Sehne, die den Bogen  $B\Gamma$  im Betrage von  $81^\circ 36'$  unterspannt, gleich  $78^{\text{P}} 24' 37''$ .

a) Weil  $\text{BE}$  S. 230, 33 ebenfalls in dem Maße von  $h\Delta\text{E} = 120^{\text{P}}$  gefunden worden ist.

Setzt man also  $B\Gamma = 78^{\text{P}} 24' 37''$ ,  
 so wird  $\left\{ \begin{array}{l} \Delta E = 643^{\text{P}} 36' 39'' \\ \Gamma E = 71^{\text{P}} 11' 4'' \end{array} \right\}$  wie  $epdm = 120^{\text{P}}$ ;  
 also  $b\Gamma E = 72^{\circ} 46' 10''$  wie  $ep = 360^{\circ}$ .

5 Nun ist  $b\Gamma EA = 168^{\circ} 3'$  gegeben, (S. 229, 26)  
 folglich  $bAE = 95^{\circ} 16' 50''$  als Differenz beider,  
 also  $sAE = 88^{\text{P}} 40' 17''$ .



Hiermit ist die Sehne AE in dem Maße gefunden, in welchem der Durchmesser des Epizykels  $120^{\text{P}}$  beträgt und die Gerade  $\Delta E$  gleich  $643^{\text{P}} 36' 39''$  ist.

B. Da hiermit nachgewiesen ist, daß der Bogen AE kleiner ist als ein Halbkreis, so ist klar, daß der Mittelpunkt des Epizykels außerhalb des Segments AE fallen wird. Er sei demnach mit Punkt K festgesetzt. Man ziehe die Verbindungslinie  $\Delta MK\Lambda$ , so daß  $\Lambda$  das Apogeum und M das Perigeum wird. Dann ist

$$A\Delta \cdot \Delta E = \Lambda\Delta \cdot \Delta M. \quad (\text{Eukl. III. 36})$$

Nachgewiesen wurde  $\left\{ \begin{array}{l} AE = 88^{\text{P}} 40' 17'' \\ \Delta E = 643^{\text{P}} 36' 39'' \end{array} \right\}$  wie  $epdm \wedge KM = 120^{\text{P}}$ ,  
 mithin ist  $A\Delta = 732^{\text{P}} 16' 56''$  als Summe beider.

25 Folglich ist  $\left. \begin{array}{l} A\Delta \cdot \Delta E \\ \Lambda\Delta \cdot \Delta M \end{array} \right\} = 471304^{\text{P}^2} 46' 17''$ .

Ferner ist  $\Lambda\Delta \cdot \Delta M + KM^2 = \Delta K^2$ . (Eukl. II. 6)

Da nun  $KM^2 = 3600^{\text{P}^2}$ , weil als  $ephm KM = 60^{\text{P}}$ ,  
 so ist  $\Delta K^2 = 474904^{\text{P}^2} 46' 17''$ ,

folglich  $\Delta K = 689^{\text{P}} 8'$ .

31 So viel beträgt also der Halbmesser  $\Delta K$  des mit der Ekliptik konzentrischen Kreises, welcher den Epizykel trägt, in dem Maße, in welchem der Halbmesser KM gleich  $60^{\text{P}}$  ist. Setzt man nun die Gerade zwischen den Mittelpunkten

der Ekliptik und des Epizykels<sup>a)</sup> gleich  $60^{\text{P}}$ , so wird in diesem Maße der Halbmesser des Epizykels  $5^{\text{P}}14'$  betragen. Das ist ohne merklichen Unterschied dasselbe Verhältnis, welches oben (S. 227, 4) mit Hilfe der älteren Finsternisse nachgewiesen worden ist.

C. Man ziehe nun wieder an derselben Figur von dem Mittelpunkt K unter rechten Winkeln durch die Gerade  $\triangle EA$  den Halbmesser  $KN\Xi$  und verbinde A mit K. Es war nachgewiesen worden, daß

$$\left. \begin{array}{l} \Delta E = 643^{\text{P}}36'39'' \\ (AE = 88^{\text{P}}40'17'') \end{array} \right\} \text{ wie } \Delta K = 689^{\text{P}}8'. \quad 15$$

Nun ist  $EN = 44^{\text{P}}20'8''$  als  $\frac{1}{2} AE$ ; (Eukl. III. 3)

folglich  $\Delta N = \Delta E + EN = 687^{\text{P}}56'47''$ .

Setzt man  $h \Delta K = 120^{\text{P}}$ ,

so wird  $\Delta N = 119^{\text{P}}47'36''$ , 20

folglich  $b \Delta N = 173^{\circ}17'$  wie  $\ominus \Delta NK = 360^{\circ}$ ,

mithin  $\angle \Delta KN = 173^{\circ}17'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 86^{\circ}38'30''$  wie  $4R = 360^{\circ}$ ,

folglich  $\left\{ \begin{array}{l} b \Xi EM = 86^{\circ}38'30'' \\ b \angle A\Xi = 93^{\circ}21'30'' \end{array} \right\}$  als  $epb$ . Hei 323  
25

Nun ist  $b A\Xi = 47^{\circ}38'30''$  als  $\frac{1}{2} b AE$ , (S. 232, 6)

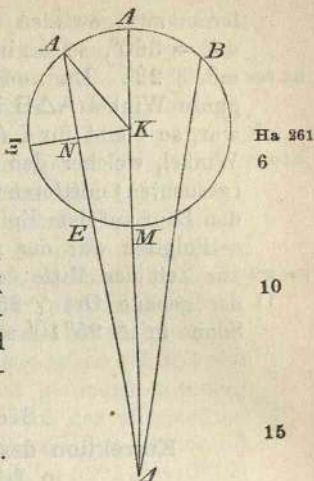
mithin  $b \angle A = b \angle A\Xi - b A\Xi = 45^{\circ}43'$ .

Ferner war  $b AB = 110^{\circ}21'$  nach Annahme, (S. 229, 22)

mithin  $b \angle B = b AB - b \angle A = 64^{\circ}38'$ .

Hiermit ist der Epizykelbogen gefunden, welchen der Mond zu der mitgeteilten Zeit der Mitte der zweiten Finsternis von dem Apogeum (des Epizykels) entfernt war. Da

a) D. i. den ebengenannten Halbmesser  $\Delta K$  des Konzenters. Der Ausdruck des griechischen Textes weicht hier auffallend ab von der Parallelstelle S. 227, 1.



ferner nachgewiesen worden ist, daß  $\angle \Delta KN = 86^{\circ}38'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ , so ergibt sich als Ergänzung zu  $90^{\circ}$   $\angle K\Delta N$  mit  $3^{\circ}22'$ . Da nun nach der Annahme (S. 229, 23) der ganze Winkel  $\Lambda\Delta B$  in demselben Maße mit  $7^{\circ}42'$  gegeben war, so bleibt für  $\angle \Lambda\Delta B$  als Differenz  $4^{\circ}20'$ . Das ist der Winkel, welcher den Ekliptikbogen unterspannt, der dem (gesuchten) mittleren Ort in Länge abgeht<sup>a)</sup> infolge der durch den Lauf auf dem Epizykelbogen  $\Lambda B$  eintretenden Anomalie.

Folglich war der mittlere Ort des Mondes in Länge zur Zeit der Mitte der zweiten Finsternis  $\gamma 29^{\circ}30'$ , da ja der genaue Ort  $\gamma 25^{\circ}10'$  war, während (S. 228, 20) die Sonne in  $\underline{\underline{r}} 25^{\circ}10'$  stand.

### Siebentes Kapitel.

#### Korrektion des mittleren Laufs des Mondes in Länge und Anomalie.

Bei der zweiten von den alten Finsternissen stand der Mond, wie wir (S. 228, 4) nachgewiesen haben, zur Zeit der Mitte bei gleichförmiger Bewegung in Länge in  $\eta 14^{\circ}44'$ , in Anomalie (S. 227, 24) vom Apogeum des Epizykels  $12^{\circ}24'$  entfernt, während er bei der zweiten der zu unserer Zeit beobachteten drei Finsternisse, wie (oben Z. 10) nachgewiesen wurde, gleichfalls bei (gleichförmiger oder) mittlerer Bewegung in Länge in  $\gamma 29^{\circ}30'$ , in Anomalie vom Apogeum  $64^{\circ}38'$  entfernt stand. Daraus ist ersichtlich, daß der Mond in der zwischen den beiden ebengenannten Finsternissen verstrichenen Zeit in mittlerer Bewegung nach Abzug ganzer Kreise in Länge (von  $\eta 14^{\circ}44'$  bis  $\gamma 29^{\circ}30'$ )  $224^{\circ}46'$ , in Anomalie ( $64^{\circ}38' - 12^{\circ}24' =$ )  $52^{\circ}14'$  als Überschuß zugesetzt hat. Nun beträgt die Zwischenzeit zwischen dem zweiten Jahre des Mardokempad von dem 18/19. Thoth

a) Der gesuchte mittlere Ort  $\Lambda$  ist dem gegebenen genauen Ort  $B$  in der Ekliptik  $4^{\circ}20'$  voraus; folglich muß man zu dem gegebenen genauen Ort  $B$   $4^{\circ}20'$  addieren, um den mittleren Ort  $\Lambda$  zu erhalten. Vgl. Anm. 32.

$\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht (8. März 720 v. Chr.  $11^h 10^m$  abends) und dem 19<sup>ten</sup> Jahre Hadrians von dem  $\frac{2}{3}$ . Choiak 1 Äquinoktialstunde vor Mitternacht (20. Oktober 134 n. Chr.  $11^h$  abends) 854 ägyptische Jahre, 73 Tage und  $23\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunden schlechthin, nach genauer <sup>5</sup> Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen<sup>a)</sup>  $23\frac{1}{3}$ , d. s. Hei 325 311 783 volle Tage und  $23\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden. Aus den früher mitgetheilten Beträgen der täglichen Bewegung finden wir nach den Grundwerten (S. 203, 26; 204, 4), die wir vor der Korrektion (S. 204, 24) ermittelt hatten, daß auf diese Zahl <sup>10</sup> von Tagen nach Abzug ganzer Kreise als Überschuß in Länge  $224^0 46'$ , als Überschuß in Anomalie  $52^0 31'$  entfallen. Folglich ist der Überschuß in Länge, wie schon (S. 204, 20) bemerkt, vollkommen übereinstimmend gefunden mit dem Ergebnis, welches von uns an der Hand der mitgetheilten <sup>15</sup> Beobachtungen erzielt worden ist, während der Überschuß in Anomalie einen Mehrbetrag von  $(52^0 31' - 52^0 14' =) 0^0 17'$  aufweist.

Deshalb haben wir vor der Aufstellung der Tafeln, um die Korrektion der Werte des täglichen Laufs zu ermöglichen, <sup>20</sup> diese 17 Minuten eines Grades auf die vorliegende Zahl von Tagen verteilt und den auf den einzelnen Tag entfallenden Quotienten im Betrage von  $0^0 0' 0'' 0''' 11^{IV} 46^V 39^{VI}$  von dem vor der Korrektion gewonnenen Werte der täglichen mittleren Bewegung in Anomalie abgezogen.<sup>b)</sup> Auf diese Weise <sup>25</sup> haben wir den berichtigten Wert zu  $13^0 3' 53'' 56''' 17^{IV} 51^V 59^{VI}$  gefunden und dementsprechend auch die weiteren für die Tafeln bestimmten sukzessiven Summierungen vorgenommen.

a) Der ausführlichere griechische Wortlaut der Stelle Hei 304, 19 ist sowohl hier als auch in späteren Stellen der Übersetzung zugrunde gelegt worden. Vgl. S. 221, 2.

b) Die Multiplikation mit der alten Anomaliezahl hat ein zu großes Ergebnis erbracht, folglich war die alte Zahl zu groß.

## Achstes Kapitel.

Die Epoche der gleichförmigen Bewegungen  
des Mondes in Länge und Anomalie.

- Ha 264 Um auch die Epoche dieser Bewegungen an dasselbe erste Jahr Nabonassars, und zwar an die Mittagstunde des 1. ägyptischen Thoth (26. Februar 747 v. Chr.) zu knüpfen, haben wir die Zwischenzeit von da bis zur Mitte der zweiten
- Hei 326 von den drei ersten diesem Datum näher liegenden Finsternissen gewählt. Diese Finsternis hat, wie (S. 220, 6) gesagt, stattgefunden im zweiten Jahre des Mardokempad am 18/19. ägyptischen Thoth  $\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht (8. März 720 v. Chr.  $11^h 10^m$  abends). Die Zwischenzeit beträgt 27 ägyptische Jahre, 17 Tage und  $11\frac{1}{6}$  Stunden sowohl schlechthin wie nach der genauen Rechnung. Für diese Zeit bieten die Tafeln nach Abzug ganzer Kreise als Überschuß in Länge  $123^{\circ}22'$ , und als Überschuß in Anomalie  $103^{\circ}35'$ .<sup>a)</sup> Wenn wir diese Beträge von den zur
- 10 Mitte der zweiten Finsternis (S. 227 f.) festgestellten Epochen des Mondes ( $\eta$   $14^{\circ}44'$  L. und  $12^{\circ}24'$  i. A.) in Abzug bringen, d. h. jeden Betrag von dem ihm entsprechenden, so werden wir für die Mittagstunde des 1. ägyptischen Thoth des ersten Jahres Nabonassars finden
- 15
- |    |  |                               |
|----|--|-------------------------------|
| 20 | 1. als mittleren Ort in Länge <sup>b)</sup>                              | $\varnothing 11^{\circ}22'$ , |
|    | 2. als Entfernung vom Apogeum<br>des Epizykels in Anomalie <sup>c)</sup> | $268^{\circ}49'$ ,            |
|    | 3. als Elongation <sup>d)</sup>  | $70^{\circ}37'$ .             |
- Letztere ergibt sich mit Rücksicht darauf, daß als Epoche der Sonne zur nämlichen Stunde (S. 185, 7)  $\Upsilon 0^{\circ}45'$  nachgewiesen wurde.

a) Die Nachprüfung ergibt  $123^{\circ}22'32''$  und  $103^{\circ}35'20''$ .

b)  $164^{\circ}44'$  Länge vom Frühlingspunkt ab gezählt, fallen auf  $\eta 14^{\circ}44'$ , von da  $123^{\circ}22'$  rückwärts gezählt, d. i. abgezogen, führen auf  $41^{\circ}22'$ , d. i.  $\varnothing 11^{\circ}22'$ .

c)  $360^{\circ} + 12^{\circ}24' - 103^{\circ}35' = 268^{\circ}49'$ .

d)  $29^{\circ}15'$  der Fische,  $30^{\circ}$  des Widders und  $11^{\circ}22'$  des Stiers geben in Summa  $70^{\circ}37'$ .

## Neuntes Kapitel.

**Korrektion der mittleren Bewegung  
des Mondes in Breite und Epoche derselben.**

Die periodischen Bewegungen in Länge und in Anomalie, sowie die Epochen derselben haben wir auf dem vorstehend beschriebenen methodischen Wege festgestellt. Für die Bewegung in Breite haben wir dagegen früher fehlerhafte Beträge erzielt, solange auch wir von der Voraussetzung Hipparch's ausgingen, daß der Mond ohne merklichen Fehler 650 mal den von ihm durchlaufenen Kreis und  $2\frac{1}{2}$  mal den Kreis des (Erd-) Schattens in seiner mittleren Entfernung bei den Syzygien messe.<sup>a)</sup> Denn nur wenn diese Verhältnisse und der Betrag der Neigung des schiefen Kreises des Mondes gegeben sind, lassen sich die beiderseits des Knotens liegenden Grenzen seiner partialen Finsternisse bestimmen. Wir nahmen damals Finsternisintervalle vor, berechneten aus der Größe der Verfinsterungen zur Zeit ihrer Mitten die genauen Örter in Breite auf dem schiefen Kreise von irgendeinem der Knoten aus, gewannen durch Anbringung der nachgewiesenen Anomaliedifferenz aus dem genauen Ort den periodischen und fanden so die für die Mitte jeder Finsternis geltenden Epochen der periodischen Breite und nach Abzug ganzer Kreise den in der Zwischenzeit gewonnenen Überschuß.

Neuerdings haben wir aber bei Anwendung gefälligerer Methoden, welche zur Erlangung der angestrebten Ergebnisse von den früher gemachten Voraussetzungen unabhängig sind, den mit Hilfe jener ersten Grundlagen berechneten Ort in Breite fehlerhaft gefunden und haben nach dem jetzt unabhängig davon festgestellten Ort die Hypothesen selbst, die sich mit den Größen und den Entfernungen befassen, berichtigt, nachdem wir den Beweis ihrer Haltlosigkeit geführt

a) D. h. daß der Durchmesser des vom Monde bei mittlerer Entfernung durchmessenen Schattenkreises  $2\frac{1}{2}$  Monddurchmesser betrage.

hatten. Das entsprechende Verfahren haben wir (Buch XIII, Kap. 1) bei den Hypothesen des Saturn und des Merkur angewendet unter Beseitigung einiger früheren Ergebnisse, die nicht mit genügender Genauigkeit erzielt waren, weil wir später in den Besitz von besser fundierten Beobachtungen gelangt waren. Denn wer mit wirklichem Wahrheitssinn und unermüdlicher Gründlichkeit an die theoretische Behandlung dieser Verhältnisse herantritt, der soll sich nicht allein zur Berichtigung der alten Hypothesen die von der Neuzeit gebotenen Mittel und Wege, die sicherer zum Ziele führen, zunutze machen, sondern auch zur Berichtigung der eigenen Hypothesen, wenn sie besserungsbedürftig sind, und soll es bei der Größe und Göttlichkeit der Lehre, zu deren Verkündiger er sich berufen fühlt, für keine Schande halten, wenn ihm die zu größerer Genauigkeit führende Berichtigung auch von anderer Seite zu Teil wird, und nicht nur aus eigener Erkenntnis.

Auf welche Weise wir den Beweis für die hier angedeuteten Einzelheiten liefern, werden wir in den weiteren Büchern (Buch VI, Kap. 5) unseres Handbuchs an den geeigneten Stellen darlegen. Vorläufig werden wir uns, wie es die logische Reihenfolge verlangt, dem Nachweis des Laufs in Breite zuwenden, dessen Gang folgender ist.

I. Zunächst haben wir zur Korrektur des mittleren Laufs an sich aus der Zahl der zuverlässig aufgezeichneten Mondfinsternisse solche von möglichst langer Zwischenzeit ausgesucht, bei denen erstens die Größen der Verfinsterungen gleich waren, die zweitens in der Nähe desselben Knotens stattfanden, die drittens entweder beide von Norden oder beide von Süden eintraten, und bei denen viertens der Mond in der gleichen Entfernung stand. Wenn diese Umstände zusammenwirken, muß unbedingt das Zentrum des Mondes bei jeder der beiden Finsternisse die gleichgroße Entfernung nach derselben Seite von demselben Knoten haben, d. h. der genaue Lauf des Mondes muß in der zwischen den Beobachtungen liegenden Zeit ganze Kreise der Breite umfassen.

Als erste Finsternis haben wir diejenige genommen, welche unter Darius I. in Babylon im 31<sup>ten</sup> Jahre seiner Regierung am 3/4. ägyptischen Tybi in der Mitte der 6<sup>ten</sup> (Nacht-) Stunde (25. April 491 v. Chr. 11<sup>h</sup>30<sup>m</sup> abends) beobachtet worden ist. Bei derselben wurde der Mond, 5. wie die genaue Angabe lautet, 2 Zoll (d. i. den sechsten Teil seines Durchmessers) von Süden verfinstert.

Als zweite haben wir diejenige gewählt, welche in Alexandria im 9<sup>ten</sup> Jahre Hadrians am 17/18. ägyptischen Pachon 3<sup>3</sup>/<sub>5</sub> Äquinoktialstunden vor Mitternacht (5. April 125 n. Chr. 10 8<sup>h</sup>24<sup>m</sup> abends) beobachtet worden ist. Bei derselben wurde der Mond gleichfalls den sechsten Teil seines Durchmessers von Süden verfinstert.

Bei jeder der beiden Finsternisse lag der Ort des Mondes in Breite in der Nähe des niedersteigenden Knotens. 15 Dieser Umstand läßt sich nämlich schon aus Unterlagen, die noch allgemeiner gehalten sind, abnehmen.<sup>a)</sup> Die Entfernung des Mondes war nahezu die gleiche und ein wenig erdnäher als die mittlere. Auch dieser Umstand ergibt sich ja klar aus den früher geführten Nachweisen, welche die 20 Anomalie betreffen.<sup>b)</sup> Da nun, wenn der Mond von Süden Hei 330 verfinstert wird, sein Zentrum nördlich der Ekliptik liegt, so leuchtet ein, daß bei jeder der beiden Finsternisse das Zentrum des Mondes um den gleichen Betrag vor (d. i. Ha 268 westlich von) dem niedersteigenden Knoten stand. 25

Nun hatte der Mond bei der ersten Finsternis von dem Apogeum des Epizykels eine Entfernung von 100°19'. Es fand nämlich die Mitte in Babylon 1/2 Stunde vor Mitternacht statt, in Alexandria 1<sup>1</sup>/<sub>3</sub> Äquinoktialstunde<sup>c)</sup> vor Mitternacht. Somit beträgt die Zeit von der Nabonassarischen 30 Epoche (1. Thoth 747 v. Chr.) ab gerechnet 256 Jahre,

a) Insofern Verfinsternung von Süden vor dem niedersteigenden, Verfinsternung von Norden vor dem aufsteigenden Knoten eintreten muß.

b) Insofern der Stand des Mondes auf dem Epizykel, d. i. seine Entfernung vom Apogeum desselben, maßgebend ist für die größere oder geringere Entfernung von der Erde.

c) d. i. 50<sup>m</sup> früher, vgl. S. 219, 30.

122 Tage und  $10\frac{2}{3}$  Äquinoktialstunden schlechthin, nach der Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen  $10\frac{1}{4}$ . Folglich war der genaue Lauf  $5^0$  kleiner als der periodische.<sup>a)</sup>

Bei der zweiten Finsternis hatte der Mond von dem Apogeum des Epizykels eine Entfernung von  $251^0 53'$ . In diesem Fall beträgt nämlich die Zeit von Beginn der Epoche bis zur Mitte der Finsternis 871 Jahre, 256 Tage und  $8\frac{2}{5}$  Äquinoktialstunden schlechthin,  $8\frac{1}{12}$  nach genauer Rechnung. Folglich war der genaue Lauf  $4^0 53'$  größer als der mittlere.<sup>b)</sup>

In der zwischen den beiden Finsternissen liegenden Zeit von 615 ägyptischen Jahren, 133 Tagen und  $21\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunden umfaßt demnach der genaue Lauf des Mondes in Breite (nach S. 238, 35) ganze Kreise, während dem periodischen an ganzen Kreisen die aus beiden Anomaliebeträgen sich summierenden  $9^0 53'$  fehlen. Führt man die Rechnung mit dem früher (S. 204, 11) mitgetheilten Wert für den mittleren (täglichen) Lauf (in Breite) aus, welcher auf den von Hipparch angenommenen Grundlagen beruht, so fehlen in der obengenannten Zeit an ganzen Wiederkehren  $10^0 2'$ . Folglich ist (nach unserer Rechnung) der mittlere Lauf in Breite im Widerspruch mit den (von Hipparch angenommenen) Grundlagen  $0^0 9'$  größer geworden.<sup>c)</sup>

Diese 9 Minuten eines Grades haben wir nun auf die rund 224 609 Tage, welche in der obengenannten Zeit enthalten sind, verteilt und den aus der Division erhaltenen Quotienten von  $0^0 0' 0'' 0''' 8^{\text{IV}} 39^{\text{V}} 18^{\text{VI}}$  addiert<sup>d)</sup> zu dem

a) Die Nachprüfung ergibt nach den Tafeln der Anomalie für diese Zwischenzeit  $100^0 19' 19''$ , wozu die Tabelle der einfachen Anomalie die Anomaliedifferenz  $-5^0$  liefert.

b) Die Nachprüfung ergibt  $251^0 52' 30''$  mit der Anomaliedifferenz  $+4^0 53'$ .

c) Der Hipparchische Fehlbetrag an ganzen Kreisen von  $10^0 2'$  macht den mittleren Lauf zu klein; durch den Ptolemäischen Fehlbetrag von  $9^0 53'$  wird er um die Differenz beider Beträge größer gemacht.

d) Weil der Hipparchische Wert für den mittleren Lauf in Breite durch Multiplikation zu einem zu großen Unterschied gegen den genauen Lauf in Breite führte, mithin zu klein war.

früher mitgetheilten Betrage der mittleren täglichen Bewegung in Breite, der auf den Grundlagen Hipparchs beruht. So fanden wir (S. 204, 27) den berichtigten Wert zu  $13^{\circ}13'45''39'''48^{\text{IV}}56^{\text{V}}37^{\text{VI}}$ . Dementsprechend haben wir dann auch wieder die weiteren für die Tafeln bestimmten sukzessiven 5 Summierungen vorgenommen.

II. Nachdem auf diese Weise ein für allemal die periodische Bewegung in Breite nachgewiesen war, suchten wir weiter auch zur Feststellung ihrer Epochen wieder das Intervall von zwei zuverlässig beobachteten Finsternissen, bei denen Hei 332 die übrigen Verhältnisse dieselben waren wie im vorigen 11 Fall, d. h. wir suchten Finsternisse, bei denen die Entfernung des Mondes nahezu die gleiche war, die Verfinsterungen von gleicher Größe waren und entweder beide nördlich oder beide südlich eintraten, bei denen aber der Knoten nicht 15 mehr derselbe war, sondern der gegenüberliegende.

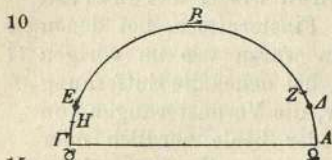
Die erste von diesen Finsternissen haben wir (S. 220, 6) bereits zum Nachweis der Anomalie benutzt: sie fand statt im zweiten Jahre des Mardokempad am 18/19. ägyptischen Thoth (8. März 720 v. Chr.), in Babylon zur Mitternacht- 20 stunde, in Alexandria  $\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht ( $11^{\text{h}}10^{\text{m}}$ ). Bei derselben war laut ausdrücklicher Angabe der Mond 3 Zoll von Süden verfinstert.

Die zweite, welche auch Hipparch benutzt hat, fand statt im 20<sup>ten</sup> Jahre des Darius, des Nachfolgers des Kambyzes, 25 am 28/29. ägyptischen Epiphi (19. November 502 v. Chr.), als die Nacht  $6\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden<sup>a)</sup> vorgeschritten war. Bei derselben war der Mond gleichfalls (drei Zoll, d. i.) den Ha 370 vierten Teil seines Durchmessers von Süden verfinstert. Da die halbe Nacht damals  $6\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden betrug, 30 so war die Mitte in Babylon  $\frac{2}{5}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht ( $11^{\text{h}}36^{\text{m}}$ ), in Alexandria  $1\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht ( $10^{\text{h}}45^{\text{m}}$ ).

a) Da die halbe Nacht  $6^{\text{st}}45^{\text{m}}$  beträgt, so entfallen auf den halben Tag von Mittag bis Sonnenuntergang  $5^{\text{st}}15^{\text{m}}$ ; folglich fällt die Mitte der Finsternis  $6^{\text{st}}20^{\text{m}}$  nach dem Sonnenuntergang auf  $11^{\text{h}}35^{\text{m}}$ .

Hei 333 Jede von diesen beiden Finsternissen fand statt, als der Mond in der größten Entfernung stand<sup>a)</sup>, aber die erste im aufsteigenden, die zweite im niedersteigenden Knoten, so daß auch in diesem Fall das Zentrum des Mondes bei ihnen (nach S. 239, 21) um den gleichen Betrag nördlich der Ekliptik lag.

Es sei  $AB\Gamma$  der schiefe Kreis des Mondes um den Durchmesser  $A\Gamma$ . Punkt  $A$  sei als der aufsteigende Knoten angenommen, Punkt  $\Gamma$  als der niedersteigende und Punkt  $B$  als der nördlichste Grenzpunkt. Von den beiden Knoten  $A$  und  $\Gamma$  trage man nach  $B$  zu zwei gleichgroße Bogen  $A\Delta$  und  $\Gamma E$  ab, d. h.: bei der ersten



10 Finsternis stand das Zentrum des Mondes in  $\Delta$ , bei der zweiten in  $E$ .

Nun beträgt bis zur ersten Finsternis die Zeit vom Beginn der Epoche 27 ägyptische Jahre, 17 Tage und  $11\frac{1}{6}$  Äquinoktialstunden sowohl schlechthin wie nach genauer Rechnung. Daher war der Mond von dem Apogeum des Epizykels  $12^{\circ}24'$  entfernt, und der periodische Lauf war  $0^{\circ}59'$  größer als der genaue (vgl. S. 227, 24. 29). Desgleichen beträgt die Zeit bis zur zweiten Finsternis 245 ägyptische Jahre, Ha 271 25 327 Tage und  $10\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden schlechthin,  $10\frac{1}{4}$  Hei 334 nach genauer Rechnung. Daher war der Mond von dem Apogeum des Epizykels  $2^{\circ}44'$  entfernt, und der periodische Lauf war  $0^{\circ}13'$  größer als der genaue.<sup>b)</sup> Endlich umfaßt die zwischen den Beobachtungen verstrichene Zeit 218 30 ägyptische Jahre, 309 Tage und  $23\frac{1}{12}$  Äquinoktialstunden und bringt nach der Rechnung mit der (S. 241, 3) nach-

a) Wie aus den weiterhin angegebenen Entfernungen des Mondes von dem Apogeum des Epizykels hervorgeht.

b) Die Nachprüfung ergibt für diese Zwischenzeit  $2^{\circ}44'14''$  in Anomalie, wozu sich nach der Tabelle der einfachen Anomalie, welche bei  $6^{\circ}$  des Epizykels mit der Anomaliedifferenz  $-0^{\circ}29'$  beginnt,  $0^{\circ}13'$  berechnen lassen.

gewiesenen mittleren Bewegung in Breite einen Überschuß von  $160^{\circ}4'$  (genau  $32''$  mehr).

Den ermittelten Werten entsprechend sei nun der mittlere Ort des Mondzentrums bei der ersten Finsternis Z, bei der zweiten H. Aus den gegebenen Größen

$b ZBH = 160^{\circ}4'$ ,  $b \Delta Z = 0^{\circ}59'$ ,  $b EH = 0^{\circ}13'$ ,  
ergibt sich  $b \Delta E = b ZBH + b \Delta Z - b EH = 160^{\circ}50'$ .

Folglich ist  $b A\Delta + b E\Gamma = 19^{\circ}10'$  als Ergänzung zu  $180^{\circ}$ .

Da nun diese beiden Bogen einander gleich sind, so beträgt jeder derselben  $9^{\circ}35'$ . Um diesen Betrag war also der genaue Lauf des Mondes zur Zeit der ersten Finsternis ( $\Delta$ ) bereits über den aufsteigenden Knoten (östlich) hinaus, während er zur Zeit der zweiten Finsternis (E) noch ebensoweit vor (d. i. westwärts von) dem niedersteigenden Knoten verlief. Folglich ist

$$AZ = A\Delta + \Delta Z = 10^{\circ}34',$$

$$\Gamma H = \Gamma E - EH = 9^{\circ}22'.$$

Das heißt: der periodische Lauf des Mondes war zur Zeit der ersten Finsternis (Z) bereits  $10^{\circ}34'$  über den aufsteigenden Knoten (östlich) hinaus und vom nördlichen Grenzpunkt B (als dem Ausgangspunkt der Bewegung in Breite  $270^{\circ} + 10^{\circ}34' = 280^{\circ}34'$  entfernt, während er zur Zeit der zweiten Finsternis (H) noch  $9^{\circ}32'$  vor (d. i. westwärts von) dem niedersteigenden Knoten verlief und von demselben nördlichen Grenzpunkt ( $90^{\circ} - 9^{\circ}22' = 80^{\circ}38'$  entfernt war.

Nun bleibt noch folgende Operation übrig. Für die Zeit vom Beginn der Epoche bis zur Mitte der ersten Finsternis ergibt sich (nach den Tafeln berechnet) ein Überschuß in Breite von  $286^{\circ}19'$  (genau  $18'18''$ ). Wenn wir (um diesen Überschuß nach rückwärts abtragen zu können) zu den oben (Z. 22) für die Epoche der ersten Finsternis gefundenen  $280^{\circ}34'$  einen ganzen Kreis addieren und von der Summe obigen Betrag von  $286^{\circ}19'$  abziehen (d. i. rückwärts zählen), so erhalten wir für die Mittagstunde des 1. ägyptischen

Thoth des ersten Jahres Nabonassars als Epoche der periodischen Breite, vom nördlichen Grenzpunkt ab gerechnet,  $354^{\circ}15'$ .

Zur regelrechten Erledigung des rechnerischen Verfahrens, welches sich bei den Konjunktionen und den Vollmonden nötig macht, werden wir, da wir in diesen Positionen der noch nachzuweisenden zweiten Anomalie in keiner Weise bedürfen, wieder eine Tabelle für die einzelnen Abschnitte (des Epizykels) aufstellen. Die praktische Gewinnung dieser Abschnitte haben wir wieder auf dem Wege der geometrischen Konstruktion wie bei der Sonne (S. 175 f., 179 f.) erzielt und hierbei das Verhältnis  $60 : 5\frac{1}{4}$ <sup>a)</sup> (statt wie dort  $60 : 2\frac{1}{2}$ ) in Anwendung gebracht. Wir haben wieder die am Apogäum liegenden Quadranten in Abschnitte von 6 zu 6 Grad zerlegt, die am Perigeum liegenden Quadranten aber in solche von 3 zu 3 Grad, so daß das Äußere der Tabelle wieder ähnlich wie bei der Sonne wird, d. h. sich auf 45 (d. i.  $3 \times 15$ ) Zeilen zu 3 Spalten erstreckt. Die ersten zwei Spalten enthalten die Argumentzahlen der Grade der Anomalie (d. i. der Grade vom Apogäum des Epizykels ab), die dritte die zu jedem Abschnitt gesetzten, auf ihn entfallenden Prosthaphäresisbeträge, so genannt, weil bei der (nach dieser Tabelle vorzunehmenden) Berechnung zur Gewinnung der (genauen) Länge und Breite (aus der periodischen) Abzug des Betrags (Aphäresis) eintritt, wenn die Argumentzahl der Anomalie, vom Apogäum des Epizykels ab gerechnet, unter  $180^{\circ}$  beträgt, Zusatz des Betrags (Prosthesis), wenn sie über  $180^{\circ}$  hinausgeht.<sup>32)</sup>

Die Tabelle gestaltet sich folgendermaßen.

a) Dasselbe war S. 233, 3 mit  $60^{\circ} : 5^{\circ}14'$  gewonnen worden.

## Zehntes Kapitel.

Tabelle der ersten, d. i. einfachen Anomalie des Mondes. (Ha 273  
Hei 337)

Gemeinsame Argumentzahlen		Prosthaphäresis	Gemeinsame Argumentzahlen		Prosthaphäresis	Gemeinsame Argumentzahlen		Prosthaphäresis
6°	354°	0° 29'	93°	267°	5° 0'	138°	222°	3° 35'
12	348	0° 57'	96	264	5° 1'	141	219	3° 23'
18	342	1° 25'	99	261	5° 0'	144	216	3° 10'
24	336	1° 53'	102	258	4° 59'	147	213	2° 57'
30	330	2° 19'	105	255	4° 57'	150	210	2° 43'
36	324	2° 44'	108	252	4° 53'	153	207	2° 28'
42	318	3° 8'	111	249	4° 49'	156	204	2° 13'
48	312	3° 31'	114	246	4° 44'	159	201	1° 57'
54	306	3° 51'	117	243	4° 38'	162	198	1° 41'
60	300	4° 8'	120	240	4° 31'	165	195	1° 25'
66	294	4° 24'	123	237	4° 24'	168	192	1° 9'
72	288	4° 38'	126	234	4° 16'	171	189	0° 52'
78	282	4° 49'	129	231	4° 7'	174	186	0° 35'
84	276	4° 56'	132	228	3° 57'	177	183	0° 18'
90	270	4° 59'	135	225	3° 46'	180	180	0° 0'

## Elftes Kapitel.

Nachweis, daß sich nicht wegen Verschiedenheit der Hypothesen, sondern infolge der Berechnungen nach Hipparch eine Differenz im Betrage der Anomalie des Mondes herausstellt.

Im Hinblick auf die vorstehend geführten Nachweise (Ha 273  
Hei 338) könnte wohl mit Recht jemand die Frage aufwerfen, wie es kommt, daß sich aus den Mondfinsternissen, die Hipparch zur Feststellung der einfachen Anomalie in Vergleich gestellt hat, weder dasselbe Verhältniß ergibt, wie das von uns (S. 233, 3 mit  $60:5\frac{1}{4}$ ) nachgewiesene, noch Übereinstimmung des ersten Verhältnisses, welches (von Hipparch) mit Hilfe der exzentrischen Hypothese nachgewiesen worden ist, mit dem zweiten, welches mit Hilfe der epizyklischen Hypothese errechnet worden ist. Nämlich bei dem ersten <sup>10</sup> Nachweis erhält er das Verhältniß des Halbmessers des

Exzentrers zu der Verbindungslinie der Mittelpunkte des Exzentrers und der Ekliptik<sup>a)</sup> mit  $(\Theta\Lambda) 3144^p : (\Lambda M) 327\frac{2}{3}^p = 60^p : 6^p 15'$ , während er bei dem zweiten Nachweis das Verhältnis der Verbindungslinie der Mittelpunkte der Ekliptik und des Epizykels<sup>b)</sup> zu dem Halbmesser des Epizykels mit  $(\Delta K) 3122\frac{1}{2}^p : (KM) 247\frac{1}{2}^p = 60^p : 4^p 46'$  findet. Es bewirkt aber das Verhältnis  $60^p : 6\frac{1}{4}^p$  als Maximum der Anomaliedifferenz  $5^0 49'$ , das Verhältnis  $60^p : 4^p 46'$  nur  $4^0 34'$ , während nach unserer Berechnung das Verhältnis  $60^p : 5\frac{1}{4}^p$  die (in der Tabelle) mitgeteilte Differenz von rund  $5^0$  (genau  $5^0 1'$ ) verursacht.

Daß nun nicht infolge mangelnder Übereinstimmung der Hypothesen, wie manche meinen, ein so auffallend abweichendes Ergebnis sich herausgestellt hat, das ist uns erstens bei der gelegentlichen Erörterung kurz vorher (S. 213 – 217) daraus ersichtlich geworden, daß nach beiden Hypothesen unterschiedslos dieselben Erscheinungen eintreten, zweitens aber würden wir auch mit Hilfe der Zahlen, wenn wir uns auf die Berechnungen einlassen wollten<sup>c)</sup>, nach beiden Hypothesen dasselbe Verhältnis als Ergebnis finden. Allerdings müßten wir uns bei dem Nachweis nach jeder der beiden Hypothesen an dieselben Erscheinungen halten, und nicht an verschiedene, wie dies Hipparch tut. Denn in diesem Fall, d. h. wenn nicht dieselben Finsternisse zugrunde gelegt sind, wird es leicht möglich sein, daß der die Abweichung verursachende Faktor entweder in den Beobachtungen selbst zu suchen ist oder sich bei der Berechnung der Intervalle (der Finsternismitten) eingeschlichen hat. So werden wir denn wirklich bei jenen Finsternissen

a) Es ist das Verhältnis der Exzentrizität, zu welchem man S. 216, 17 vergleiche.

b) Es ist das Verhältnis des Halbmessers des den Epizykel tragenden Konzenters zu dem Halbmesser des Epizykels. Man vergleiche hierzu S. 232, 18.

c) Dieselben müßten wieder auf dem umständlichen Wege geführt werden, für welchen Beispiele (S. 222–27; 229–33) in den Abteilungen A und B des Nachweises der Anomaliedifferenz vorliegen.

finden, daß zwar die Syzygien sachverständig beobachtet und mit den von uns nachgewiesenen Grundwerten der gleichförmigen und ungleichförmigen Bewegung in Übereinstimmung sind<sup>a)</sup>, daß aber die Berechnung der Intervalle, auf welcher der Nachweis des zahlenmäßigen Betrags des Verhältnisses beruht, nicht mit der erforderlichen Sorgfalt angestellt worden ist. Wir werden unseren Nachweis auf jeden dieser beiden Punkte erstrecken und machen den Anfang mit den drei ersten Finsternissen.

I. Diese drei Finsternisse versichert er aus der Zahl der von Babylon herübergebrachten als dort beobachtet in Vergleich gestellt zu haben.<sup>b)</sup> Die erste habe stattgefunden unter dem athenischen Archonten Phanostratos im Monat Poseideon; vom Monde sei ein kleiner Teil der Scheibe vom Sommeraufgang (d. i. von Nordost) her verfinstert gewesen, als von der Nacht noch eine halbe Stunde übrig war; „und noch verfinstert“, sind seine Worte, „ist er untergegangen.“ Dieser Zeitpunkt fällt demnach in das 366<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar, und zwar, wie er selbst angibt, auf den 26/27. ägyptischen Thoth (23. Dezember 383 v. Chr.) 5<sup>1/2</sup> bürgerliche Stunden nach Mitternacht, da ja „von der Nacht noch eine halbe Stunde übrig war“. Da nun die Sonne am Ende des Schützen stand, so betrug die Nachtstunde in Babylon 18 Zeitgrade (d. s. 72<sup>m</sup>) — denn die Nacht ist gleich 14<sup>2/5</sup> Äquinoktialstunden — folglich machen die 5<sup>1/2</sup> bürgerlichen Stunden 6<sup>3/5</sup> Äquinoktialstunden aus.<sup>c)</sup> Der Anfang der Finsternis hat also stattgefunden ( $12 + 6^{3/5} =$ )  $18^{3/5}$

a) D. h. bei Berechnung der Syzygien nach den Sonnen- und den Mondtafeln werden Ergebnisse erzielt, welche mit den Beobachtungen Hipparchs übereinstimmen.

b) Oppolzer (Ginzel, Kanon der Finsternisse S. 233) bezweifelt, daß diese Finsternisse in Babylon beobachtet worden seien; sie sollen vielmehr aus Beobachtungen, die vielleicht aus Athen oder einer ionischen Kolonie herrühren, reduziert sein; ob mit den richtigen Längenunterschieden, bleibe fraglich.

c) Man vergleiche die erste u. dritte Aufgabe Anm. 17:

$$1. \frac{15^{\circ} \cdot 14^{2/5} \cdot 4}{12} = 5 \cdot 14^{2/5} = 72^m. \quad 3. \frac{5^{1/2 \text{ st.}} \cdot 18}{15} = \frac{5^{1/2} \cdot 6}{5} = 6^{3/5 \text{ st.}}$$

Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 26<sup>ten</sup> (27. Thoth 6<sup>h</sup>36<sup>m</sup> früh); da aber nur ein kleiner Teil in den Schatten trat, so kann die ganze Dauer der Finsternis höchstens 1<sup>1</sup>/<sub>2</sub> Stunde betragen haben; die Mitte muß demnach  
 5 (18<sup>3</sup>/<sub>5</sub> + <sup>3</sup>/<sub>4</sub> =) 19<sup>1</sup>/<sub>3</sub> Äquinoktialstunden nach dem Mittag (27. Thoth 7<sup>h</sup>20<sup>m</sup> früh) gewesen sein. In Alexandria hat folglich die Mitte der Finsternis 18<sup>1</sup>/<sub>2</sub> Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 26<sup>ten</sup> (27. Thoth 6<sup>h</sup>30<sup>m</sup> früh) stattgefunden.

10 Nun beträgt die Zeit von der mit dem ersten Jahre  
 Hei 341 Nabonassars beginnenden Epoche bis zu dem vorliegenden Zeitpunkt 365 ägyptische Jahre, 25 Tage und 18<sup>1</sup>/<sub>2</sub> Äquinoktialstunden schlechthin, 18<sup>1</sup>/<sub>4</sub> nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir, wenn wir die Rechnung nach den  
 15 von uns gegebenen Grundlagen (d. i. den Sonnen- und Mondtafeln) anstellen:

- als genauen Ort der Sonne  $\nearrow 28^{\circ}18'$  ( $27^{\circ}24' + 0^{\circ}54'$ ),
- als mittleren Ort des Mondes  $\Pi 24^{\circ}20'$  ( $24^{\circ}18'58''$ ),
- als genauen Ort des Mondes  $\Pi 28^{\circ}17'$  ( $24^{\circ}20' + 3^{\circ}57'$ ),

20 weil der Mond in Anomalie 227<sup>o</sup>43'(2'') von dem Apogeum des Epizykels entfernt war.

Weiter soll die folgende Finsternis stattgefunden haben unter  
 Ha 277 dem athenischen Archonten Phanostratos im Monat Skirophorion am 24/25. ägyptischen Phamenoth (18. Juni 382 v. Chr.).  
 25 „Verfinstert war er“, so lautet seine Angabe, „vom Sommeraufgang (d. i. von Nordost) her in der vorgerückten ersten (Nacht-) Stunde“ (d. i. <sup>1</sup>/<sub>2</sub><sup>st</sup> nach Sonnenuntergang). Es fällt demnach auch dieser Zeitpunkt in das 366<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar auf den 24/25. Phamenoth etwa 5<sup>1</sup>/<sub>2</sub> bürgerliche  
 30 Stunden vor Mitternacht. Da nun die Sonne im letzten Drittel der Zwillinge stand, so beträgt die Nachtstunde in Babylon 12 Zeitgrade (d. s. 48<sup>m</sup>); folglich machen die 5<sup>1</sup>/<sub>2</sub> bürgerlichen Stunden 4<sup>2</sup>/<sub>5</sub> Äquinoktialstunden aus. Der Anfang der Finsternis hat also (4<sup>2</sup>/<sub>5</sub><sup>st</sup> vor Mitternacht  
 35 oder) 7<sup>3</sup>/<sub>5</sub> Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 24<sup>ten</sup>  
 Hei 342 (7<sup>h</sup>36<sup>m</sup> abends) stattgefunden; da aber die ganze Dauer

der Finsternis mit 3 Stunden angegeben wird, so ist die Mitte selbstverständlich ( $7\frac{3}{5} + 1\frac{1}{2} =$ )  $9\frac{1}{10}$  Äquinoktialstunden nach Mittag ( $9^h 6^m$  abends) gewesen. In Alexandria muß sie also  $8\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 24<sup>ten</sup> ( $8^h 15^m$  abends) eingetreten sein. 5

Nun beträgt wieder die Zeit von den Epochen ab gerechnet 365 ägyptische Jahre, 203 Tage und  $8\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden schlechthin,  $7\frac{5}{6}$  nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir

als genauen Ort der Sonne	$\Pi 21^{\circ} 46'$ ( $22^{\circ} 25' - 0^{\circ} 42'$ ),	10
als mittleren Ort des Mondes	$\sphericalangle 23^{\circ} 58'$ ( $23^{\circ} 59' 38''$ ),	
als genauen Ort des Mondes	$\sphericalangle 21^{\circ} 48'$ ( $23^{\circ} 58' - 2^{\circ} 10'$ ),	

weil der Mond in Anomalie von dem Apogeum des Epizykels  $27^{\circ} 37'$  ( $1''$ ) entfernt war.

Es beträgt mithin das Intervall von der ersten Finsternis 15 zur zweiten (vom 27. Thoth  $6^h 15^m$  früh<sup>a</sup>) bis zum 24. Phamenoth  $7^h 50^m$  abends<sup>b</sup>) 177 Tage und  $13\frac{3}{5}$  Äquinoktialstunden, oder in Graden, welche sich die Sonne weiter bewegt hat, (von  $\sphericalangle 28^{\circ} 18'$  bis  $\Pi 21^{\circ} 46'$ )  $173^{\circ} 28'$ , während Hipparch seinen Nachweis mit dem Ergebnis abschließt, 20 daß das Intervall 177 Tage und  $13\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden, Ha 278 oder in Graden  $172^{\circ} 52' 30''$  betrage.

Die dritte Finsternis soll stattgefunden haben unter dem athenischen Archonten Euandros im Poseideon I am 16/17. ägyptischen Thoth (12. Dezember 382 v. Chr.). „Der Mond Hei 345 war“, so lautet seine Angabe, „total verfinstert, nachdem der Anfang vom Sommeraufgang (d. i. von Nordost) her in der vorgerückten vierten (Nacht-) Stunde<sup>c</sup>) (d. i.  $3\frac{1}{2}$  bürgerliche Stunden nach Sonnenuntergang) eingetreten war. Es fällt also dieser Zeitpunkt in das 367<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar 30 auf den 16/17. Thoth etwa  $2\frac{1}{2}$  (bürgerliche) Stunden vor Mitter-

a) Weil nach genauer Rechnung (S. 248, 13)  $\frac{1}{4}$ <sup>st</sup> früher.

b) Weil nach genauer Rechnung (oben Z. 8)  $25^m$  früher.

c) Die Zeitbestimmung  $\delta \acute{\omega}\rho\acute{\omega}\nu \pi\alpha\rho\epsilon\lambda\eta\lambda\nu\theta\nu\iota\acute{\omega}\nu$  ist sicher verderbt; ich vermute  $\tau\eta\varsigma \delta' \acute{\omega}\rho\alpha\varsigma \pi\rho\omicron\epsilon\lambda\eta\lambda\nu\theta\nu\iota\acute{\alpha}\varsigma$ . Man vergleiche die ähnliche Zeitbestimmung zur zweiten Finsternis.

nacht. Da nun die Sonne im zweiten Drittel des Schützen stand, so beträgt in Babylon die Nachtstunde 18 Zeitgrade (d. s.  $72^m$ ); folglich machen die  $2\frac{1}{2}$  bürgerlichen Stunden 3 Äquinoktialstunden aus. Der Anfang hat also (3<sup>st</sup> vor 5 Mitternacht oder) 9 Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 16<sup>ten</sup> ( $9^h$  abends) stattgefunden; da aber die Finsternis total war, so betrug die ganze Dauer ungefähr 4 Äquinoktialstunden<sup>28)</sup>, und die Mitte ist selbstverständlich ( $9 + 2 =$ ) 11 Stunden nach Mittag ( $11^h$  abends) gewesen. In Alexandria muß also die Mitte der Finsternis  $10\frac{1}{6}$  Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 16<sup>ten</sup> ( $10^h 10^m$  abends) stattgefunden haben.

Nun beträgt die Zeit von den Epochen ab 366 ägyptische Jahre, 15 Tage und  $10\frac{1}{6}$  Äquinoktialstunden schlechthin, 15  $9\frac{5}{6}$  nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir

als genauen Ort der Sonne	$\sphericalangle 17^{\circ}30' (16^{\circ}57' + 0^{\circ}28')$ ,
als mittleren Ort des Mondes	$\Pi 17^{\circ}21' (17^{\circ}18'42'')$ ,
als genauen Ort des Mondes	$\Pi 17^{\circ}28' (17^{\circ}21' + 0^{\circ}7')$ ,

weil der Mond in Anomalie von dem Apogeum des Epizykels 20  $181^{\circ}12' (28'')$  entfernt war.

Ha 279)  
Hel 344) Es beträgt mithin das Intervall von der zweiten Finsternis zur dritten (vom 24. Phamenoth  $7^h 50^m$  abends bis zum 16. Thoth  $9^h 50^m$  abends<sup>a)</sup>) 177 Tage und 2 Äquinoktialstunden<sup>b)</sup>, oder in Graden (von  $\Pi 21^{\circ}46'$  bis  $\sphericalangle 17^{\circ}30'$ ) 25  $175^{\circ}44'$ , während Hipparch auch dieses Intervall wieder mit 177 Tagen und  $1\frac{2}{3}$  Stunde, oder in Graden mit  $175^{\circ}8'$  als weitere Unterlage benutzt hat.<sup>c)</sup>

a) Weil nach genauer Rechnung am 24. Phamenoth (S. 249, 8)  $25^m$ , am 16. Thoth (oben Z. 15)  $20^m$  früher.

b) Addiert man die beiden Intervalle des Ptolemäus, so erhält man für das Mondjahr  $354^d 15^h 36^m$ , während die beiden Intervalle des Hipparch  $354^d 15^h 25^m$  geben.

c) Mit diesen beiden Intervallen ist das Zahlenmaterial gegeben, auf Grund dessen Hipparch den ersten Nachweis nach der exzentrischen Hypothese (S. 245, 10) führte, dessen Ergebnis die Bestimmung des Verhältnisses der Exzentrizität mit  $60^p : 6^p 15'$  war.

Offenbar hat demnach Hipparch bei der Berechnung der Intervalle sich verrechnet. Der Fehler beträgt bei den Tagen  $\frac{1}{6}$  Äquinoktialstunde (genau  $\frac{3}{20}$  oder  $9^m$  im ersten Intervall zu viel) und  $\frac{1}{3}$  (oder  $20^m$  im zweiten Intervall zu wenig), bei den Graden in beiden Intervallen ungefähr  $5 \frac{3}{5}^0$  (oder  $35\frac{1}{2}'$  bzw.  $36'$  zu wenig). Das sind aber Beträge, welche einen nicht unbedeutlichen Unterschied in der zahlenmäßigen Bestimmung des Verhältnisses zu bewirken vermögen.

II. Wir werden nunmehr zu den später von ihm mitgeteilten drei Finsternissen übergehen, welche, wie er versichert, in Alexandria beobachtet worden sind. Von diesen hat die erste seiner Angabe nach stattgefunden im 54<sup>ten</sup> Jahre der zweiten Kallippischen Periode am 16. ägyptischen Mesore (22. September 201 v. Chr.). Bei derselben begann der Mond sich zu verfinstern eine halbe Stunde vor Aufgang (d. i.  $5^h 30^m$  nachm.) und trat in die letzte Phase des Austritts um die Mitte der dritten Stunde (d. i.  $8^h 30^m$  nach Verlauf von 3 Stunden). Folglich ist die Mitte der Finsternis zu Beginn der zweiten Stunde (d. i.  $1\frac{1}{2}$  Stunde nach  $5^h 30^m$  um  $7^h$  abends) eingetreten, d. i. 5 bürgerliche Stunden oder ebensoviele Äquinoktialstunden vor Mitternacht, weil die Sonne im letzten Drittel der Jungfrau stand.<sup>a)</sup> Somit trat in Alexandria die Mitte der Finsternis 7 Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 16<sup>ten</sup> ( $7^h$  abends) ein.

Nun beträgt die Zeit von den Epochen im ersten Jahre Nabonassars ab gerechnet 546 ägyptische Jahre, 345 Tage und 7 Äquinoktialstunden schlechthin,  $6\frac{1}{2}$  nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir

als genauen Ort der Sonne	$\mp 26^{\circ}6'(28^{\circ}18' - 2^{\circ}16')$ ,
als mittleren Ort des Mondes	$\kappa 22^{\circ}(21^{\circ}59'54'')$ ,
als genauen Ort des Mondes	$\kappa 26^{\circ}7'(22^{\circ} + 4^{\circ}7')$ ,

weil der Mond in Anomalie von dem Apogeum des Epizykels  $300^{\circ}13'$  (genau  $12^{\circ}27''$ ) entfernt war.

a) D. i. kurz vor der Herbstnachtgleiche, womit die Aufgangszeit des verfinsterten Mondes um  $6^h$  nachm., da sie mit Untergang der Sonne zusammenfällt, gut übereinstimmt.

Die folgende Finsternis fand nach seiner Angabe in dem-  
(selben) 54<sup>ten</sup> Jahre<sup>33)</sup> derselben Periode statt am 9. ägyptischen  
Mechir (19. März 200 v. Chr.). Sie begann nach  
Verlauf von  $5\frac{1}{3}$  (bürgerlichen) Stunden der Nacht und war  
5 total. Folglich hat der Anfang der Finsternis ( $6 + 5\frac{1}{3} =$ )  
 $11\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden<sup>a)</sup> nach dem Mittag des 9<sup>ten</sup> ( $11^{\text{h}}20^{\text{m}}$   
abends) stattgefunden, weil die Sonne im letzten Drittel der  
Fische stand, und die Mitte trat  $13\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden  
nach dem Mittag ( $1^{\text{h}}20^{\text{m}}$  nachts) ein, weil die Finsternis  
10 total war.<sup>b)</sup>

Nun beträgt die Zeit von den Epochen bis zu diesem Zeit-  
Hei 346 punkt 547 ägyptische Jahre, 158 Tage und  $13\frac{1}{3}$  Äquinoktial-  
stunden sowohl schlechthin wie nach genauer Rechnung.  
Für diese Zeit finden wir

- 15 als genauen Ort der Sonne  $\kappa 26^{\circ}17' (24^{\circ}2' + 2^{\circ}14')$ ,  
als mittleren Ort des Mondes  $\sqcup 1^{\circ}7' (1^{\circ}8'44'')$ ,  
als genauen Ort des Mondes  $\eta 26^{\circ}16' (31^{\circ}7' - 4^{\circ}51')$ ,

weil der Mond in Anomalie von dem Apogeum (des Epi-  
zykels)  $109^{\circ}28'$  (genau  $29'40''$ ) entfernt war.

- 20 Es beträgt mithin das Intervall von der ersten Finster-  
nis zur zweiten (vom 16. Mesore  $6^{\text{h}}30^{\text{m}}$  abends<sup>c)</sup> bis zum  
9. Mechir  $1^{\text{h}}20^{\text{m}}$  nachts) 178 Tage und  $6\frac{5}{6}$  Äquinoktial-  
stunden, oder in Graden (von  $\eta 26^{\circ}6'$  bis  $\kappa (26^{\circ}17')$ )  $180^{\circ}11'$ ,  
während Hipparch seinen Nachweis mit dem Ergebnis ab-  
25 schließt, daß dieses Intervall 178 Tage und 6 Äquinoktial-  
stunden, oder in Graden  $180^{\circ}20'$  betrage.

- Ha 281 Die dritte Finsternis fand nach seiner Angabe in dem  
[selben] 55<sup>ten</sup> Jahre<sup>33)</sup> der zweiten Periode statt am 5. ägyptischen  
Mesore (12. September 200 v. Chr.). Sie begann  
30 nach Verlauf von  $6\frac{2}{3}$  Stunden der Nacht (d. i.  $\frac{2}{3}$  Stunde  
nach Mitternacht) und war total. Die Mitte der Finsternis

a) Weil so kurz vor der Nachtgleiche bürgerliche Stunden  
und Äquinoktialstunden einander gleich sind.

b) D. i. 2 Äquinoktialstunden später, weil die ganze Dauer  
4 Äquinoktialstunden beträgt. Vgl. Anm. 28.

c) Weil nach genauer Rechnung (S. 251, 28)  $\frac{1}{2}$ <sup>st</sup> früher.

ist nach seiner Angabe nach Verlauf von etwa  $8\frac{1}{3}$  Stunden, d. i. (nach Abzug der ersten 6 Nachtstunden)  $2\frac{1}{3}$  bürgerliche Stunden nach Mitternacht gewesen. Da nun die Sonne in der Mitte der Jungfrau stand, so beträgt in Alexandria die Nachtstunde  $14\frac{2}{5}$  Zeitgrade (d. s.  $57\frac{3}{5}^m$ ); folglich machen die  $2\frac{1}{3}$  bürgerlichen Stunden (nach Mitternacht)  $2\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden aus. Somit ist die Mitte  $14\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden nach dem Mittag des 5<sup>ten</sup> ( $2^h 15^m$  nachts) gewesen. Hei 347

Nun beträgt wieder die Zeit von den Epochen bis zu diesem Zeitpunkt 547 ägyptische Jahre, 334 Tage und  $14\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden schlechthin,  $13\frac{3}{4}$  nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir

als genauen Ort der Sonne	$\mp 15^{\circ} 12' (17^{\circ} 31' - 2^{\circ} 14')$ ,
als mittleren Ort des Mondes	$\propto 10^{\circ} 24' (10^{\circ} 25' 3'')$ ,
als genauen Ort der Sonne	$\propto 15^{\circ} 13' (10^{\circ} 24' + 4^{\circ} 49')$ ,

weil der Mond in Anomalie von dem Apogeum des Epizykels  $249^{\circ} 9' (29'')$  entfernt war.

Es beträgt mithin das Intervall von der zweiten Finsternis zur dritten (vom 9. Mechir  $1^h 20^m$  nachts bis zum 5. Mesore  $1^h 45^m$  nachts<sup>a)</sup>) 176 Tage und  $\frac{2}{5}$  Äquinoktialstunde<sup>b)</sup>, oder in Graden (von  $\propto 26^{\circ} 17'$  bis  $\mp 15^{\circ} 12'$ )  $178^{\circ} 55'$ , während Hipparch wieder auch dieses Intervall mit 176 Tagen und  $\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunde, oder in Graden mit  $178^{\circ} 33'$  als weitere Unterlage benutzt hat. 20

Auch hier also hat Hipparch sich offenbar verrechnet, und zwar beträgt der Fehler bei den Graden  $\frac{1}{6}^{\circ}$  (oder  $9'$  im ersten Intervall zu viel) und  $\frac{1}{3}^{\circ}$  (oder  $22'$  im zweiten Intervall zu wenig), bei den Tagen  $\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunden (oder  $50^m$  zu wenig im ersten Intervall) und  $\frac{1}{12}$  (oder  $5^m$  zu wenig im zweiten Intervall).<sup>c)</sup> Das sind Beträge, welche gleichfalls einen beträchtlichen Unterschied hinsicht- Ha 282

a) Weil nach genauer Rechnung (oben Z. 11)  $\frac{1}{2}^h$  früher.

b) Addiert man die beiden Intervalle des Ptolemäus, so erhält man für das Mondjahr  $354^d 7^h 15^m$ , während die beiden Intervalle des Hipparch  $354^d 6^h 20^m$  ausmachen.

c) Ich gebe  $\frac{1}{12}$  nach Cod. D;  $\delta\epsilon\kappa\acute{\alpha}\tau\omega$  ist sicher falsch.

lich des Verhältnisses, das er seiner Hypothese zugrunde legt<sup>a)</sup>, zu bewirken vermögen.

Hei 348 So ist uns also einerseits die Ursache des vorliegenden Mangels an Übereinstimmung vor Augen getreten, anderseits  
5 aber auch klar geworden, daß wir mit noch verstärkter Zuversicht das auf unseren Grundlagen nachgewiesene Verhältnis der Anomalie ( $60 : 5\frac{1}{4}$ ) zur Anwendung bringen können, insofern hinsichtlich der Syzygien des Mondes gerade diese (von Hipparch benutzten) Finsternisse mit unseren  
10 Hypothesen ganz besonders in Einklang gefunden wurden.<sup>b)</sup>

## Fünftes Buch.

### Erstes Kapitel.

#### Konstruktion des Astrolabs.

Ha 283 } Für die Syzygien des Mondes mit der Sonne, sowohl bei  
Hei 350 } Konjunktion wie bei Vollmond, und für die gelegentlich derselben eintretenden Finsternisse finden wir die zur Erklärung der ersten einfachen Anomalie mitgeteilte Hypothese  
15 vollkommen ausreichend, vorausgesetzt, daß diese Beziehung (zur Sonne in den Syzygien) ganz für sich allein von uns in Betracht gezogen wird. Dagegen dürfte man die Hypothese nicht mehr ausreichend finden für die einzelnen Positionen in den anderen Stellungen zur Sonne, weil sich hier-

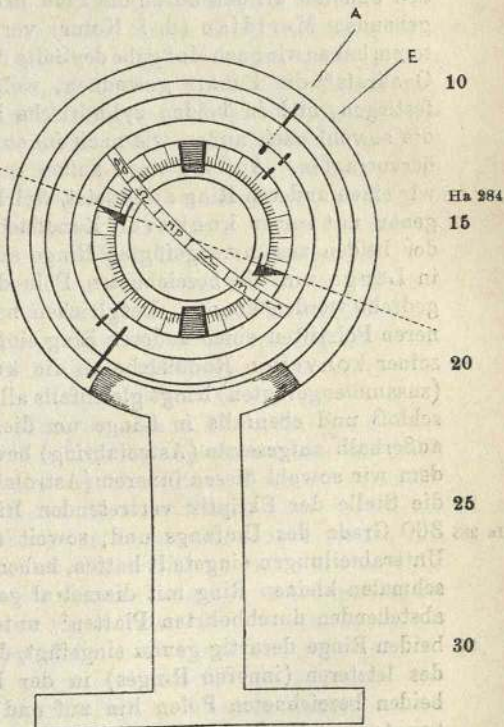
a) Da es sich bei den letzten drei Finsternissen um den Nachweis auf Grund der epizyklischen Hypothese handelt (s. S. 246, 6), so erzielte Hipparch durch die Rechnung mit dem vorliegend gewonnenen Zahlenmaterial das a. a. O. angegebene Verhältnis  $60^p : 4^p 46'$ .

b) Insofern bei sämtlichen 6 Finsternissen nach den Ptolemäischen Sonnen- und Mondtafeln die genauen Örter von Sonne und Mond mit nur einer oder höchstens zwei Minuten Unterschied als diametral gegenübergelegen errechnet wurden. Die Nachprüfung, welche sich bis auf die Sekunden erstreckt, hat diese Übereinstimmung nicht allenthalben bestätigen können, so daß Ptolemäus mit recht günstig abgerundeten Minutenzahlen gerechnet zu haben scheint.

bei, wie wir schon (S. 212, 9) andeuteten, noch eine zweite Hel 351  
Anomalie des Mondes bemerkbar macht, die im Verhältnis  
zu seiner Elongation von der Sonne eintritt. Diese  
zweite Anomalie bewerkstelligt in beiden Syzygien ihre  
Wiederkehr zur ersten (d. h. wird dort ebenfalls gleich Null) 5  
und erreicht ihr Maximum in den beiden Quadraturen. Gebracht

wurden wir zu  
solcher Erwä-  
gung, die uns  
schließlich zur  
Gewißheit wur-  
de, durch Prü-  
fung einerseits  
des Mondlaufs,  
wie ihn Hipparch  
beobachtet und  
aufgezeichnet  
hat, anderseits  
des Laufs, wie  
wir selbst ihn mit  
Hilfe eines für  
diesen und ähn-  
liche Zwecke von  
uns konstruier-  
ten Instruments  
festgestellt ha-  
ben. Mit diesem  
hat es folgende  
Bewandtnis.

Wir haben zwei  
an ihren Rund-  
flächen genau  
vierkantig<sup>a)</sup> ab-



a) So daß die Querschnitte der Ringe Quadrate sind. Vgl. Proklus S. 200, Z. 14. Ebendaher ist die beigegebene Figur entnommen. Zur Sache vgl. meine Abhandlung im Weltall, 5. Jahrg. S. 399 ff.: Fixsternbeobachtungen des Altertums.

geschliffene Ringe von angemessener Größe genommen, die allenthalben einander gleich und ähnlich waren. Diese Ringe haben wir an diametral gegenüberliegenden Stellen unter rechten Winkeln derartig zusammengefügt, daß ihre Oberflächen (an den Verbindungsstellen) glatten Verlauf zeigten. Somit hat man sich den einen von ihnen als die Ekliptik, den anderen als den durch die Pole dieser und des Äquators gehenden Meridian (d. i. Kolor) vorzustellen. Auf letzterem haben wir nach Maßgabe der Seite des (eingeschriebenen) Quadrats<sup>a)</sup> die Punkte gewonnen, welche die Ekliptikpole festlegen, und in beiden zylindrische Polstifte angebracht, die sowohl nach außen wie nach innen über die Rundfläche hervorragten. Auf die nach außen ragenden Stifte haben wir einen anderen Ring aufgesetzt, welcher sich allenthalben genau mit seiner konkaven Rundfläche an die konvexe der beiden zusammengefügtten Ringe anschloß und (somit) in Länge um die bezeichneten Pole der Ekliptik herumgedreht werden konnte. Desgleichen haben wir an den inneren Polstiften einen anderen Ring eingesetzt, der sich mit seiner konvexen Rundfläche an die konkave der beiden (zusammengefügtten) Ringe gleichfalls allenthalben genau anschloß und ebenfalls in Länge um dieselben Pole wie der außerhalb aufgesetzte (Astrolabring) beweglich war. Nachdem wir sowohl diesen inneren (Astrolabring) als auch den die Stelle der Ekliptik vertretenden Ring in die üblichen 360 Grade des Umfangs und, soweit zugänglich, in deren Unterabteilungen eingeteilt hatten, haben wir einen anderen schmalen kleinen Ring mit diametral gegenüber (seitwärts) abstehenden durchbohrten Platten<sup>b)</sup> unter dem inneren der beiden Ringe derartig genau eingefügt, daß er in der Ebene des letzteren (inneren Ringes) in der Richtung nach den beiden bezeichneten Polen hin auf und ab bewegt werden konnte, um die Beobachtung in Breite zu ermöglichen.

a) Insofern diese Seite einen Bogen von  $90^\circ$  unterspannt (S. 27, 20).

b) Es ist die nämliche Visiervorrichtung, welche Anm. 5 erläutert wird.

Nachdem das Instrument so weit fertig gestellt war, haben wir auf dem durch die beiden Pole (der Ekliptik und des Äquators) gedachten (Kolor-)Kreis von jedem der beiden Ekliptikpole aus den zwischen den zwei Polen der Ekliptik und des Äquators (S. 41, 5) nachgewiesenen Bogen abgetragen<sup>a)</sup> und die hierdurch einander wieder diametral gegenüber gewonnenen Endpunkte gleichfalls als Pole (des Äquators) durch Stifte unter einem entsprechend großen Meridiankreis festgelegt, wie wir solche im ersten Buche unseres Handbuchs (S. 41 f.) für die Beobachtungen des zwischen den Wendepunkten gelegenen Meridianbogens beschrieben haben. Nachdem also dieser Meridiankreis mit jenem (Kolorkreis) in dieselbe Lage gebracht worden war — was der Fall ist, wenn er erstens senkrecht zur Ebene des Horizonts steht, zweitens auf die Polhöhe des betreffenden Beobachtungsortes eingestellt ist, und drittens parallel zur Ebene des natürlichen Meridians verläuft —, war hiermit erreicht, daß sich die Drehung der innerhalb (des Meridiankreises) gelegenen Ringe, dem ersten Umschwung des Weltalls entsprechend, von Osten nach Westen um die Pole des Äquators vollzog.

Hatten wir nun das Instrument auf die beschriebene Weise aufgestellt, so stellten wir, sobald die Sonne und der Mond gleichzeitig über dem Horizont sichtbar waren, den äußeren Astrolabring auf den für diese Stunde ohne merklichen Fehler ermittelten Grad der Sonne ein und versetzten den durch die Pole gehenden (Kolor-)Kreis in Umdrehung, damit, wenn der am Sonnengrad liegende Schnittpunkt der Ringe genau der Sonne zugewendet wäre, diese beiden Ringe, d. h. der Ekliptikring und der durch dessen Pole gehende (Astrolabring), sich selbst (d. i. durch ihre konvexen ihre konkaven Hälften) gleichzeitig in Schatten setzen sollten. Ist aber das anzuvisierende Objekt ein Stern, so ist mit dieser Drehung zu erreichen, daß unter Anlegung des einen

a) Derselbe ist nahezu gleich der Seite des eingeschriebenen Fünfzehnecks, welche einen Bogen von  $24^{\circ}$  überspannt. S. Proklus, Hypot. S. 206, 7.

Auges an die eine Seite des äußeren Astrolabringes, welcher an dem für den Stern ermittelten Grad auf den Ekliptikring eingestellt ist, mit Zuhilfenahme der gegenüber parallel verlaufenden Ringseite der Stern in der durch diese Seiten gelegten Ebene anvisiert werden könne, als ob er an beide Seitenflächen des Ringes gewissermaßen angeklebt wäre. Den anderen, d. i. den inneren Astrolabring, drehten wir aber (nach Einstellung des äußeren, sei es auf die Sonne, sei es auf einen Stern) auf den Mond oder auch auf ein anderes zu bestimmendes Objekt, damit gleichzeitig mit der Anvisierung der Sonne oder eines anderen gegebenen Ausgangspunktes (an dem äußeren Astrolabring) auch der Mond oder ein anderes zu bestimmendes Objekt durch die beiden an dem zu unterst eingefügten kleinen Ring angebrachten Absehöffnungen anvisiert werden könne. Ist dies geschehen, so ist abzulesen

1. der Grad, welchen das zu bestimmende Objekt in Länge in der Ekliptik einnimmt, an dem Schnittpunkt, den der innere Astrolabring an der Gradteilung des die Stelle der Ekliptik vertretenden Ringes bildet;

2. die Grade, welche das Objekt nördlich oder südlich von der Ekliptik auf dem durch ihre Pole gehenden Kreise (in Breite) absteht, an der Gradeinteilung, welche der innere Astrolabring selbst trägt; denn diese Grade messen das Intervall, welches zwischen dem Mittelpunkt der über dem Horizont stehenden (d. i. oberen) Absehöffnung<sup>a)</sup> des unter dem Astrolabring drehbaren kleinen Ringes und der Mittellinie des Ekliptikringes<sup>b)</sup> gefunden wird.

a) Durch welche die Visierlinie nach dem zu bestimmenden Objekt verläuft.

b) Welcher durch Umdrehung des Kolorkreises (S. 257, 26) genau in die Ebene der Ekliptik verlegt worden ist.

## Zweites Kapitel.

Die Hypothese zur Erklärung der doppelten  
Anomalie des Mondes.

Wenn das vorstehend beschriebene Beobachtungsverfahren schlechthin nach Vorschrift gehandhabt wurde, so wurden die Elongationen des Mondes von der Sonne sowohl nach den Aufzeichnungen Hipparchs als auch nach unseren eigenen Beobachtungen bald übereinstimmend mit den auf der mitgetheilten Hypothese beruhenden Berechnungen gefunden, bald nicht übereinstimmend, und zwar wichen sie bald um einen geringen, bald um einen bedeutenden Betrag ab. Als wir aber unsere Aufmerksamkeit ununterbrochen in verstärktem Maße diesem Punkte zuwendeten, machten wir hinsichtlich des regelmäßigen Verlaufs der betreffenden Anomalie folgende Wahrnehmung. Bei den Konjunktionen und den Vollmonden tritt stets entweder gar kein merklicher oder nur ein kleiner Fehler ein, und zwar höchstens eine Differenz, wie sie wohl die Parallaxen des Mondes bewirken könnten. Dagegen zeigt sich in den beiden Quadraturen ein Minimum oder gar kein Fehler, wenn der Mond gerade im Apogeum oder Perigeum des Epizykels steht, und ein Maximum, wenn er in den in der Mitte (zwischen Apogeum und Perigeum) liegenden Stellen seines Laufs auch schon infolge der ersten Anomalie das Maximum der Differenz bewirkt. Ist nun die erste Anomalie negativ, so wird in der betreffenden Quadratur, sei es die erste oder die zweite<sup>34)</sup>, der Ort des Mondes noch weiter zurückliegend gefunden, als er aus der ersten Subtraktion errechnet wird; ist sie aber positiv, so wird er gleichermaßen noch weiter vorausliegend gefunden, und zwar im steten Verhältnis zur Größe der ersten Prosthaphäresis. Infolge dieses regelmäßigen Verlaufs sahen wir uns nachgerade zu der Annahme genötigt, daß der Epizykel des Mondes sich derartig auf einem Exzenter bewege, daß er (der Epizykel) bei den Konjunktionen und den Vollmonden in das

Hei 356 Apogeum und in den beiden Quadraturen in das Perigeum dieses Exzenters gelangt. Diese Forderung ist erfüllbar, wenn die erste Hypothese folgende berichtigte Fassung erhält.

- 5 Man stelle sich vor, daß der mit der Ekliptik konzentrische Kreis in der schiefen Ebene des Mondes, wie schon früher (S. 218, 25) erwähnt, wegen der Breite<sup>a)</sup> um die Pole der Ekliptik gegen die Richtung der Zeichen nur so weit vorrücke, als der Überschuß der Bewegung in Breite  
10 über die Bewegung in Länge beträgt, während der Mond seinen Umlauf auf dem sogenannten Epizykel wieder unter der Annahme macht, daß er seinen Fortschritt auf dem erdfernen Bogen desselben gemäß der Wiederkehr der ersten Anomalie gegen die Richtung der Zeichen bewerkstellige.  
15 In dieser schiefen Ebene nehmen wir nun zwei einander entgegengesetzte gleichförmige Bewegungen an, welche beide um den Mittelpunkt der Ekliptik verlaufen: die eine führt den Mittelpunkt des Epizykels in der Richtung der Zeichen der Bewegung in Breite gemäß herum, während die andere  
Ha 289 Zentrum und Apogeum des in derselben Ebene anzunehmen-  
21 den Exzenters herumführt, auf dessen Peripherie jederzeit der Mittelpunkt des Epizykels sich befinden wird, aber herumführt gegen die Richtung der Zeichen und nur so viel, als der Überschuß der doppelten Elongation — unter  
25 Elongation ist die Differenz der mittleren Bewegung des Mondes und der Sonne in Länge zu verstehen — über die Bewegung in Breite beträgt.

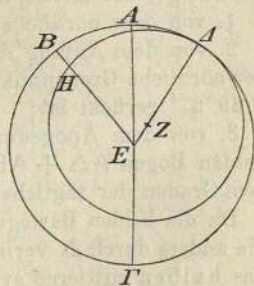
Wenn sich z. B. in einem Tage einerseits der Mittelpunkt  
Hei 357 des Epizykels die  $13^{\circ}14'$ , welche rund<sup>b)</sup> auf die Bewegung  
30 in Breite entfallen, in der Richtung der Zeichen bewegt hat, so hat er in der Ekliptik scheinbar nur  $13^{\circ}11'$  in Länge zurückgelegt, weil der ganze schiefe Kreis infolge seiner Be-

a) D. h. infolge der rückläufigen Bewegung der Knoten der Mondbahn.

b) Bis auf die Sekunden beträgt (S. 203 f.) die tägliche mittlere Bewegung in Länge  $13^{\circ}10'34''$ , in Breite  $13^{\circ}13'45''$ , in Elongation  $12^{\circ}11'26''$ .

wegung gegen die Richtung der Zeichen die  $0^{\circ}3'$  des Unterschieds in Abzug bringt; anderseits wird das Apogeum des Exzenters in entgegengesetzter Richtung, d. i. wieder gegen die Richtung der Zeichen,  $11^{\circ}9'$  herumgeführt, d. i.  $24^{\circ}23' - 13^{\circ}14'$ , was die Differenz zwischen den verdoppelten Graden 5  
der Elongation und den Graden in Breite ist. Auf diese Weise werden nämlich infolge der entgegengesetzten Herumleitung der beiden Bewegungen, welche wie gesagt um den Mittelpunkt der Ekliptik vor sich geht, die beiden Leitlinien, von denen die eine durch den Mittelpunkt des Epizykels, die andere durch das Zentrum des Exzenters geht, einen Abstand voneinander gewinnen, der in Summa einem Bogen von  $13^{\circ}14' + 11^{\circ}9'$  gleichkommt und somit das Doppelte der Elongation wird, welche ohne merklichen Fehler (d. i. nach oben abgerundet)  $12^{\circ}11'30''$  beträgt. 15  
Deshalb wird in der Zeit des mittleren synodischen Monats der Epizykel zwei Umläufe auf dem Exzenter machen, womit der (S. 259, 29 gemachten) Annahme entsprochen wird, daß die Wiederkehr, welche man sich an das Apogeum des Exzenters geknüpft zu denken hatte, bei den theoretisch 20  
im Mittel betrachteten Konjunktionen und Vollmonden eintrete.<sup>a)</sup>

Damit uns die Bewegungsverhältnisse der Hypothese anschaulicher vor Augen treten, denke man sich  $AB\Gamma\Delta$  als den in der schiefen Ebene des Mondes mit der Ekliptik konzentrischen Kreis um das Zentrum  $E$  und den Durchmesser  $A\Gamma$ . Angenommen soll sein, daß in Punkt  $A$  gleichzeitig sich befinde das Apogeum des Exzenters, der Mittel-



Ha 290

25

Hei 358

30

a) Insofern alsdann nach Verlauf eines halben synodischen Monats, z. B. nach dem Neumond, der Epizykel zur Zeit des Vollmonds wieder in dem Apogeum des Exzenters steht, welches nunmehr der Stelle des vorangegangenen Neumonds diametral gegenüberliegt.

punkt des Epizykels, der nördliche Grenzpunkt, der Anfang des Widders und endlich die mittlere Sonne.

Ich behaupte also, daß bei dem Lauf eines Tages die ganze Ebene (des schiefen Kreises) sich gegen die Richtung  
 5 der Zeichen von A bis  $\Delta$  ungefähr  $0^0 3'$  um das Zentrum E bewege, so daß der nördliche Grenzpunkt A nach  $\gamma (29^0 57'$  zu liegen kommt. Da nun die beiden entgegengesetzten Bewegungen durch die (jeweilig) der Geraden EA entsprechende Leitlinie ebenfalls um das Ekliptikzentrum E gleichförmig  
 10 vollzogen werden, so behaupte ich weiter, daß bei dem Lauf eines Tages einerseits die EA entsprechende Leitlinie, welche durch das Zentrum Z des Exzenters geht, gleichförmig gegen die Richtung der Zeichen bis E $\Delta$  herumgeführt, das Apogäum des Exzenters nach  $\Delta$  verlege, um das Zentrum Z den  
 15 Exzenter  $\Delta H$  beschreibe und den Bogen A $\Delta$  gleich  $11^0 9'$  (S. 261, 4) mache, während anderseits die Leitlinie, welche durch den Mittelpunkt des Epizykels geht, ebenfalls gleichförmig um E, aber in der Richtung der Zeichen bis EB herumgeführt, den Mittelpunkt des Epizykels nach H trage und  
 Hei 359 den (Ekliptik-) Bogen AB gleich  $13^0 14'$  (S. 260, 29) mache.  
 21 Infolge dieser Bewegungen beträgt die scheinbare Entfernung<sup>a)</sup> des Mittelpunktes H des Epizykels:

Ha 291 1. von dem nördlichen Grenzpunkt A  $13^0 14'$  in Breite;  
 2. von dem Anfang des Widders  $13^0 11'$  in Länge, weil  
 25 der nördliche Grenzpunkt A in der angenommenen Zeit nach  $\gamma (29^0 57'$  gerückt ist;

3. von dem Apogäum  $\Delta$  des Exzenters die Summe der beiden Bogen A $\Delta$  + AB =  $24^0 23'$ , was das Doppelte von den Graden der täglichen mittleren Elongation ist.

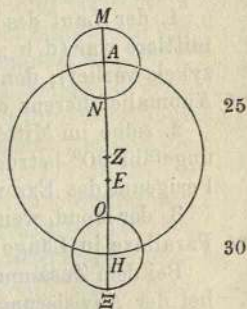
30 Da die beiden Bewegungen, von denen die eine durch B, die andere durch  $\Delta$  verläuft, demnach zusammen in der Zeit des halben mittleren synodischen Monats eine Wiederkehr zueinander bewirken, so ist klar, daß sie in einem Viertel derselben Zeit, und dann wieder in drei Vierteln, d. h. in

a) D. i. die Entfernung, wie sie dem in E befindlichen Auge auf die Ekliptik bezogen erscheint.

den theoretisch im Mittel betrachteten Quadraturen, einander genau diametral gegenüber verlaufen werden: der auf EB liegende Mittelpunkt (H) des Epizykels wird diametral gegenüber dem auf EΔ liegenden Apogeum des Exzentrers im Perigeum des letzteren stehen.

Es leuchtet ein, daß unter diesen Umständen infolge des Exzentrers an sich, d. i. infolge der Unähnlichkeit der Bogen ΔB und ΔH, keinerlei Differenz mit der gleichförmigen Bewegung eintreten wird; denn die Leitlinie EB beschreibt bei ihrem gleichförmigen Umlauf nicht den Exzenterbogen  $\Delta H$ , sondern den Ekliptikbogen ΔB, weil die Herumführung nicht um das Zentrum Z des Exzentrers, sondern um E (den Mittelpunkt der Ekliptik) vor sich geht. Vielmehr tritt eine Differenz (mit der gleichförmigen Bewegung) lediglich infolge des Unterschieds ein, der am Epizykel selbst liegt, insofern der Epizykel, sobald er in größere Erdnähe gelangt, die Anomaliedifferenz, mag sie positiv oder negativ sein, stets entsprechend vergrößern muß, weil der am Auge gebildete Winkel, unter welchem der Epizykel erscheint, in den erd-näheren Lagen größer wird.

Ganz und gar keine Differenz gegen die erste (einfache) Hypothese wird demnach eintreten, wenn der Mittelpunkt des Epizykels in dem Apogeum A steht, was bei den theoretisch im Mittel betrachteten Konjunktionen und Vollmonden der Fall ist.<sup>a)</sup> Beschreiben wir nämlich um A den Epizykel MN, so ist das Verhältnis  $AE : AM$  dasselbe, wie wir es mit Hilfe der Finsternisse nachgewiesen haben. Das Maximum der Differenz wird dagegen eintreten, wenn



a) Die fehlerhafte Figur des Originals ist dahin abgeändert worden, daß der Exzenter um das Zentrum Z den Epizykel in A in der Erdferne ( $AE > EH$ ), in H in der Erdnähe zeigt, wo das Verhältnis  $EH : HE = 8 : 60$  eintritt (S. 268, 23).

der Epizykel in seinem Lauf im erdnächsten Punkte H des Ex-  
 Hei 361 zenters angelangt ist, wie der durch die Punkte  $\Xi, O$  beschriebene  
 Epizykel, was in den theoretisch im Mittel betrachteten Qua-  
 draturen der Fall ist. Das Verhältnis  $\Xi H : HE$  ist nämlich  
 5 größer als alle Verhältnisse, welche in den übrigen Lagen  
 (des Epizykels) sich herausstellen; denn während der Halb-  
 messer  $\Xi H$  konstant derselbe bleibt, ist die aus dem Mittel-  
 punkt der Erde gezogene Gerade  $EH$  (nach Eukl. III. 7)  
 kleiner als alle anderen Verbindungslinien, die sich nach dem  
 10 Exzenter ziehen lassen.

### Drittes Kapitel.

#### Betrag der im Verhältnis zur Sonne eintretenden Anomalie des Mondes.

Ha 293 Um eine Anschauung davon zu erhalten, wie groß das  
 Maximum der Anomaliedifferenz werden kann, wenn sich der  
 Epizykel gerade im Perigeum des Exzenters befindet, haben  
 wir solche durch Anvisieren gewonnene Elongationen des  
 15 Mondes von der Sonne der vergleichenden Beobachtung unter-  
 zogen, bei denen

1. der Lauf des Mondes (auf dem Epizykel) nahezu der  
 mittlere war (d. h. zwischen Apogeum und Perigeum des Epi-  
 zyklus verlief); denn in diesem Fall tritt das Maximum der  
 20 Anomaliedifferenz ein;

2. seine im Mittel genommene Elongation von der Sonne  
 ungefähr  $90^\circ$  betrug, wo dann auch der Epizykel genau im  
 Perigeum des Exzenters stand;

3. der Mond, wenn diese Bedingungen erfüllt waren, keine  
 25 Parallaxe in Länge zeigte.

Bei dem Zusammentreffen dieser Umstände, d. h. wenn die  
 bei der Anvisierung gewonnene scheinbare Elongation die-  
 selbe ist wie die genaue<sup>a)</sup>, kann nämlich mit Sicherheit  
 Hei 362 auch die gesuchte Differenz der zweiten Anomalie bestimmt  
 30 werden.

a) Was durch die dritte Bedingung, das Fehlen einer Par-  
 allaxe in Länge, bewirkt wird (vgl. S. 265, 17).

Als wir aus den Beobachtungen der oben bezeichneten Art das Schlußergebnis zogen, fanden wir, daß, wenn der Epizykel im Perigeum steht, das Maximum der Anomaliedifferenz gegen den mittleren Lauf ohne merklichen Fehler  $7^{\circ}40'$  beträgt, was gegen die erste Anomalie einen Unterschied von  $2^{\circ}40'$  (genau  $2^{\circ}39'$ ) ausmacht. 5

Damit uns das hierbei angewendete rechnerische Verfahren vor Augen trete, mögen ein oder zwei Beobachtungen als Beispiel dienen. Im zweiten Jahre Antonins am 25. ägyptischen Phamenoth nach Sonnenaufgang,  $5\frac{1}{4}$  Äquinoktialstunden vor Mittag (8. Februar 139 n. Chr.  $6^{\text{h}}45^{\text{m}}$  früh), 11 haben wir die Sonne und den Mond anvisiert. Bei Anvisierung der Sonne in  $\approx 18^{\circ}50'$ , während  $\nabla 4^{\circ}$  kulminierte, ergab sich als der scheinbare Ort des Mondes  $\text{m} 9^{\circ}40'$ , was zugleich der genaue Ort sein mußte, weil der Mond im ersten 15 Drittel des Skorpions, wenn er etwa  $1\frac{1}{2}$  Stunde westlich des Meridians steht, in Alexandria keine wahrnehmbare Parallaxe in Länge zeigt.

Nun beträgt die Zeit von den Epochen im ersten Jahr Nabonassars bis zur Beobachtung 885 ägyptische Jahre, 20 203 Tage und  $18\frac{3}{4}$  Äquinoktialstunden sowohl schlechthin Hei 363 wie nach genauer Rechnung. Für diese Zeit fanden wir als mittleren Ort der Sonne  $\approx 16^{\circ}27'$ , als genauen  $\approx 18^{\circ}50'$ , wie er auch am Astrolab durch Anvisierung festgestellt war. Als mittlerer Ort des Mondes in Länge wird für jene Stunde 25 nach der ersten Hypothese  $\text{m} 17^{\circ}20'$  gefunden<sup>a)</sup>, so daß die mittlere Elongation von der Sonne (von  $\text{m} 17^{\circ}20'$  bis  $\approx 16^{\circ}27'$ ) nahezu  $90^{\circ}$  (genau  $89^{\circ}7'$ ) beträgt, als Entfernung von dem Apogeum des Epizykels in Anomalie  $87^{\circ}19'$ , bei welchen Graden das Maximum der Anomaliedifferenz eintritt. 30 Folglich lag der genaue Ort ( $\text{m} 9^{\circ}40'$ ) hinter dem Ort der gleichförmigen Bewegung (d. i. dem mittleren in  $\text{m} 17^{\circ}20'$ )  $7^{\circ}40'$  weiter zurück, anstatt nur  $5^{\circ}$  nach der ersten Anomalie.

a) Die Nachprüfung ergibt für die Sonne  $\approx 16^{\circ}26'18'' + 2^{\circ}17' = 18^{\circ}43'18''$ , für den Mond  $\text{m} 17^{\circ}19'49''$  in Länge,  $87^{\circ}18'2''$  in Anomalie mit der Anomaliedifferenz  $-4^{\circ}59'$ .

Damit uns auch nach den von Hipparch beobachteten  
 Ha 295 Positionen der bezeichneten Art die an den entsprechenden  
 Stellen eintretende Differenz ersichtlich werde, wollen wir  
 auch von diesen Elongationen eine Beobachtung zum Vergleich  
 5 mitteilen, die er im 50<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen  
 Periode am 16. ägyptischen Epiphi (5. August 128 v. Chr.),  
 „als  $\frac{2}{3}$  der ersten (Tag-) Stunde verstrichen waren“, an-  
 gestellt zu haben versichert. „Der Lauf war 259<sup>a)</sup>); als  
 10 aber die Sonne in  $\Omega$   $8^{\circ}35'$  anvisiert wurde, ergab sich als  
 der scheinbare Ort des Mondes  $\gamma$   $12^{\circ}20'$ , was zugleich (bei  
 fehlender Parallaxe in Länge) nahezu der genaue war.<sup>b)</sup> Es  
 beträgt also theoretisch betrachtet die genaue Elongation  
 zwischen Sonne und Mond (von  $\gamma$   $12^{\circ}20'$  bis  $\Omega$   $8^{\circ}35'$ )  $86^{\circ}15'$ .  
 Da nun die Tagstunde, wenn die Sonne im ersten Drittel  
 15 des Löwen steht, in Rhodus, wo die Beobachtung stattfand,  
 Hei 364  $17\frac{1}{3}$  Zeitgrade (d. s.  $69\frac{1}{3}^m$ ) beträgt, so machen die  $5\frac{1}{3}$  bürger-  
 lichen Stunden vor Mittag  $6\frac{1}{6}$  Äquinoktialstunden aus. Die  
 Beobachtung hat demnach  $6\frac{1}{6}$  Äquinoktialstunden vor dem  
 Mittag des 16<sup>ten</sup> ( $5^h 50^m$  früh) stattgefunden, während  $\gamma$   $9^{\circ}$   
 20 im Meridian stand.

Nun beträgt auch hier die Zeit von den Epochen bis zur  
 Beobachtung 619 ägyptische Jahre, 314 Tage und  $17\frac{5}{6}$  Äqui-  
 noktialstunden schlechthin,  $17\frac{3}{4}$  nach genauer Rechnung. Für  
 diese Zeit finden wir nach unseren Unterlagen (d. i. den Sonnen-  
 25 und Mondtafeln), da bekanntlich durch Rhodus und Alexandria  
 derselbe Meridian geht<sup>c)</sup>,

als mittleren Ort der Sonne

$$\odot 10^{\circ}27'(10^{\circ}28'32'').$$

als genauen Ort der Sonne

$$\odot 8^{\circ}20'(10^{\circ}28' - 2^{\circ}6').$$

a) Halma vermutet μέσος statt σμα; ich habe dafür σνθ ge-  
 ändert, wodurch der Lauf mit den  $257^{\circ}47'$  des Ptolemäus einiger-  
 maßen in Einklang gesetzt wird.

b) Da der beobachtete genaue Ort der Sonne ein Plus von  
 $15'$ , und der scheinbare Ort des Mondes ein solches von  $3^{\circ}$  gegen  
 die Berechnung des Ptolemäus aufweist, so bleibt mir unver-  
 ständlich, wie Ptolemäus zur Feststellung der zweiten Anomalie  
 (S. 267, 12) auf die beobachtete genaue Elongation von  $86^{\circ}15'$   
 Bezug nehmen kann, wo doch seine Rechnung zu  $88^{\circ}55'$  führt.

c) Tatsächlich beträgt der Unterschied über  $1\frac{1}{2}^{\circ}$ .

als mittleren Ort des Mondes in Länge  $\gamma 4^{\circ}25'$  ( $4^{\circ}24'38''$ ),  
 als mittlere Elongation demnach wieder c.  $90^{\circ a)}$ ,  
 als Entfernung vom Apogeum des Epizykels in Anomalie  $257^{\circ}47'(9'')$ , Ha 296  
 bei welchen Graden wieder rund (mit  $+5^{\circ}$ ) das Maximum 6  
 der Differenz der auf dem Epizykel beruhenden (ersten)  
 Anomalie eintritt.

Es beträgt folglich die Elongation von dem mittleren Monde zur genauen Sonne (von  $\gamma 4^{\circ}25'$  bis  $\Omega 8^{\circ}20'$ )  $93^{\circ}55'$ . 10  
 Nun waren aber beobachtungsgemäß von dem genauen Monde zur genauen Sonne nur  $86^{\circ}15'$  festgestellt worden. Folglich hatte theoretisch betrachtet der genaue Mond über den gleichförmigen Lauf (d. i. den mittleren Mond) einen Überschub von wieder ( $93^{\circ}55' - 86^{\circ}15' =$ )  $7^{\circ}40'$ , anstatt nur  $5^{\circ}$  nach 15 der ersten Hypothese.

Noch ein Punkt ist hierbei ersichtlich geworden. Obgleich beide mitgeteilte Beobachtungen um die Zeit der zweiten Quadratur gemacht waren <sup>b)</sup>, wurde die von uns angestellte hinter der Berechnung nach der ersten Anomalie um  $2^{\circ}40'$  Hei 365 zurückliegend gefunden, während die Hipparchische um 21 denselben Betrag darüber hinausging, indem ja in unserem Fall die ganze Anomaliedifferenz negativ, bei Hipparch dagegen positiv war. <sup>c)</sup>

Auch noch aus einer Mehrzahl von anderen Beobachtungen 25 der bezeichneten Art fanden wir das Maximum der Anomaliedifferenz zu  $7^{\circ}40'$ , wenn der Epizykel genau im Perigeum des Exzenters steht.

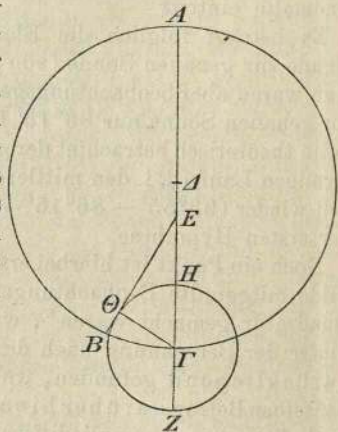
a) Die mittlere Elongation von  $\gamma 4^{\circ}25'$  bis  $\Omega 10^{\circ}27'$  beträgt genau  $25^{\circ}35' + 60^{\circ} + 10^{\circ}27' = 96^{\circ}2'$ , d. h. seit der mittleren Elongation von  $90^{\circ}$  war bereits ein halber Tag verstrichen.

b) Beide waren nach Sonnenaufgang angestellt.

c) Die Quadratur des Ptolemäus folgte auf einen Vollmond im Apogeum des Epizykels, die Quadratur des Hipparch auf einen Vollmond im Perigeum desselben. Vgl. Anm. 34.

Viertes Kapitel.  
Das Verhältniß der Exzentrizität  
des Mondkreises.

Unter Voraussetzung des vorstehend gefundenen Ergebnisses sei  $AB\Gamma$  der Exzenter des Mondes um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ .  
 5 Auf letzterem sei als Mittelpunkt der Ekliptik der Punkt  $E$  angenommen, so daß  $A$  das  
 Ha 297 Apogeum und  $\Gamma$  das Perigeum  
 10 des Exzenter wird. Um  $\Gamma$  als Zentrum beschreibe man den Epizykel  $Z\Theta H$  des Mondes, ziehe die Gerade  $E\Theta B$  als Tangente an denselben und  
 15 verbinde  $\Gamma$  mit  $\Theta$ .



Da nun das Maximum der Anomaliedifferenz eintritt, wenn der Mond an der Tangente des Epizykels steht<sup>a)</sup>, und dieses in Summa zu  $7^{\circ}40'$  nachgewiesen wurde, so ist als Zentriwinkel der Ekliptik

$$\begin{aligned} \angle \Gamma E \Theta &= 7^{\circ}40' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ &= 15^{\circ}20' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{Folglich } b \Gamma \Theta &= 15^{\circ}20' \text{ wie } \ominus \Gamma \Theta E = 360^{\circ}, \\ \text{also } s \Gamma \Theta &= 16^{\text{p}} \text{ wie } h E \Gamma = 120^{\text{p}}. \end{aligned}$$

Nun ist (S. 233, 3) der Epizykelhalbmesser  $\Gamma\Theta$  in dem  
 25 Maße, in welchem der von dem Mittelpunkt der Ekliptik bis zum Apogeum des Exzenter gezogene Halbmesser  $EA$   $60^{\text{p}}$  beträgt, mit  $5^{\text{p}}15'$  nachgewiesen worden. Setzt man also  $\Gamma\Theta = 5^{\text{p}}15'$ , so wird in diesem Maße die von demselben Mittelpunkt bis zum Perigeum des Exzenter  
 30 gezogene Gerade (nach dem Verhältniß  $16:120 = 5\frac{1}{4}:x$ )

a) Wie für die einfache Anomalie S. 158, 26 nachgewiesen.

$$E\Gamma = 39^{\text{P}}22' \text{ wie } EA = 60^{\text{P}}$$

$$A\Gamma = E\Gamma + EA = 99^{\text{P}}22'$$

$$\Delta A = (\frac{1}{2} A\Gamma =) 49^{\text{P}}41' \text{ als } exhm$$

$$\Delta E = (EA - \Delta A =) 10^{\text{P}}19'.$$

Hiermit ist, da  $\Delta E$  die Verbindungslinie zwischen dem 5. Mittelpunkt der Ekliptik und dem Zentrum des Exzentrers ist, das Verhältnis der Exzentrizität nachgewiesen.

## Fünftes Kapitel.

### Die Neigung des Epizykels des Mondes.

Was die Erscheinungen in den Syzygien und in den Qua-<sup>{Ha 298</sup>  
draturen des Mondes anbelangt, so dürften hiermit die Zu-<sup>{Hei 367</sup>  
sätze, welche zu den Hypothesen der für den Mond ange- 10  
nommenen Kreise nötig waren, erledigt sein. Nun finden  
wir aber aus den Teilbeträgen des Laufs, welchen die Theorie  
in den Elongationen (den sog. Oktanten) feststellt, in denen  
der Mond (einerseits) die Sichelform und (andererseits) die  
beiderseits konvexe Rundung zeigt<sup>a)</sup>, — es ist der Lauf, bei 15  
welchem der Epizykel gerade in die Mitte zwischen Apogeum  
und Perigeum des Exzentrers zu stehen kommt — eine gleich-  
zeitig eintretende Eigentümlichkeit am Monde, welche mit  
der Neigung des Epizykels<sup>b)</sup> zusammenhängt.

Allgemein muß nämlich ein und derselbe Punkt der Epi- 20  
zyklen als derjenige angenommen werden, mit Bezug auf  
welchen sich ein für allemal die Wiederkehr der auf ihnen  
sich bewegenden Planeten vollziehen muß. Wir nennen diesen  
Punkt das gleichförmige (mittlere) Apogeum, von  
dem aus wir auch die Zahlen der auf dem Epizykel ver- 25

a) D. i. vor dem ersten und nach dem letzten Viertel die Sichelform, nach dem ersten und vor dem letzten Viertel die Gestalt, welche der Römer mit gibbus (bucklig) bezeichnet.

b) Unter „Neigung des Epizykels“ ist der Positionswinkel zu verstehen, welchen die durch den Mittelpunkt des Epizykels gezogene Gerade mit einem bestimmten Punkte des Durchmessers  $A\Gamma$  bildet, auf dem die Syzygien liegen (s. Fig. S. 261).

laufenden Bewegung beginnen lassen. Dies ist an der oben vorgelegten Figur der Punkt  $Z$ . Genau bestimmt wird dieser Punkt bei der Stellung des Epizykels in den Apogeen und den Perigeen der Exzenter von der durch alle (drei) Mittelpunkte gehenden Geraden, wie an der Figur von  $\triangle E\Gamma$ . Bei allen anderen Hypothesen sehen wir nun aus den Erscheinungen absolut keinen Widerspruch gegen die Annahme hervorgehen, daß auch in den übrigen Positionen der Epizyklen der durch das obenbezeichnete (mittlere) Apogeum gehende Epizykelhalbmesser, d. i.  $Z\Gamma H$ , immer dieselbe Lage beibehalte, wie die den Mittelpunkt des Epizykels gleichförmig herumführende Leitlinie, wie hier  $E\Gamma$ , d. h. daß dieser Epizykeldurchmesser jederzeit, was man auch für das logisch richtige halten möchte, die normale Richtung nach dem Zentrum der Herumführung einhalte, in welchem in den gleichen Zeiten gleiche Winkel der gleichförmigen Bewegung gebildet werden.

Nur bei dem Monde stehen die Erscheinungen der Annahme entgegen, daß auch in den Positionen des Epizykels zwischen  $A$  und  $\Gamma$  der Durchmesser  $ZH$  die normale Richtung nach dem Zentrum  $E$  der Herumführung einhalte, d. h. dieselbe Lage bewahre wie die Leitlinie  $E\Gamma$ . Wir finden nämlich, daß die angedeutete Neigung zwar konstant nach einem und demselben Punkte, der auf dem Durchmesser  $A\Gamma$  liegt, gerichtet bleibt, aber weder nach  $E$ , dem Mittelpunkt der Ekliptik, noch nach  $\Delta$ , dem Zentrum des Exzenter, sondern nach einem Punkte, der von  $E$  um eine Strecke, die der Verbindungslinie  $\Delta E$  der Mittelpunkte gleichkommt, nach dem Perigeum zu entfernt liegt.

Daß dem so ist, werden wir nachweisen, indem wir wieder aus einer Mehrzahl von Beobachtungen zwei mitteilen, welche ganz besonders geeignet sind, auf den fraglichen Punkt ein helles Licht zu werfen. Das sind solche Beobachtungen, bei denen erstens der Epizykel sich in den mittleren Elongationen (Oktanten) befand, und zweitens der Mond in der Nähe des Apogeums oder des Perigeums des Epizykels stand, weil an diesen Stellen das Maximum der Differenz der betreffenden Neigungen eintritt.

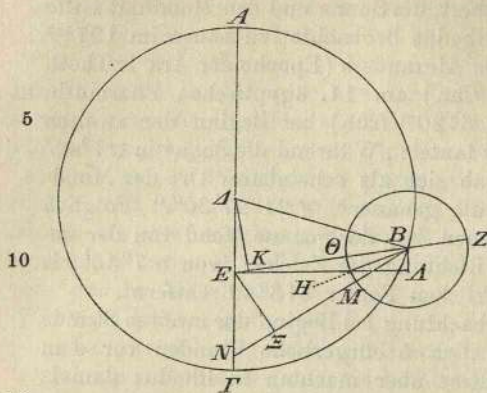
I. Hipparch versichert, die Sonne und den Mond mit Hilfe der Instrumente in Rhodus beobachtet zu haben im 197<sup>ten</sup> Jahre nach dem Tode Alexanders (Epoche der Ära 1. Thoth = 12. Nov. 324 v. Chr.) am 11. ägyptischen Pharmuthi Ha 300  
 (2. Mai 126 v. Chr. 6<sup>h</sup>20<sup>m</sup> früh) bei Beginn der zweiten 5  
 Stunde. Sein Bericht lautet: „Während die Sonne in  $\gamma$  7°45' anvisiert wurde, ergab sich als scheinbarer Ort des Mondzentrums  $\kappa$  21°40', als genauer<sup>a)</sup>  $\kappa$  21°27'30".“ Folglich war zu der angegebenen Zeit der genaue Mond von der genauen Sonne in der Richtung der Zeichen (von  $\gamma$  7°45' bis  $\kappa$  21°27') ohne merklichen Fehler 313°42' entfernt. 10

Nun hatte die Beobachtung bei Beginn der zweiten Stunde stattgefunden, d. i. etwa 5 bürgerliche Stunden vor dem Mittag des 11<sup>ten</sup>; diese aber machten in Rhodus damals  $5\frac{2}{3}$  Äquinoktialstunden aus; folglich beträgt die Zeit von 15  
 unserer Epoche bis zu dem Zeitpunkt der Beobachtung 620 ägyptische Jahre, 219 Tage und  $18\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden schlechthin, 18 nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir

als Ort der gleichförmigen Sonne	$\gamma$ 6°41' 20	
als Ort der genauen Sonne	$\gamma$ 7°45'	
als Ort des gleichförmigen Mondes in Länge	$\kappa$ 22°13'	
als Entfernung vom mittleren Apogeum des Epizykels in Anomalie	185°30'	Hei 370
mithin die Elongation des gleichförmigen Mondes		25
von der genauen Sonne (von $\gamma$ 7°45' bis $\kappa$ 22°13')	314°28'.	

Diese Zahlen sollen als gegeben angenommen sein. Es sei ABΓ der Exzenter des Mondes um das Zentrum Δ und den Durchmesser AΔΓ. Auf letzterem sei der Mittelpunkt der Ekliptik der Punkt E. Um B als Zentrum beschreibe 30  
 man ZHΘ als Epizykel des Mondes. Der Epizykel soll in der in der Richtung der Zeichen vor sich gehenden Bewegung von B nach A, der Mond in der auf dem Epizykel Ha 301

a) Der genaue Ort ist der um die Anomaliedifferenz 0°46' (S. 273, 7) verminderte gleichförmige Ort, der scheinbare der um die Längenparallaxe vermehrte genaue Ort, weil der Mond östlich des Meridians stand.



verlaufenden Bewegung von Z über H nach  $\Theta$  herumgeleitet werden. Als Verbindungslinien ziehe man die Geraden  $\Delta B$  und  $E\Theta BZ$ .

A. Da, wie (S. 261, 17) gesagt, in der Zeit des mittleren synodischen Monats zwei Umläufe des Epizykels auf dem Exzenter zustande kommen, und

da in der gegebenen Position der mittlere Mond von der mittleren Sonne (von  $\delta 6^{\circ} 41'$  bis  $\gamma 22^{\circ} 13'$ ) eine Elongation von  $315^{\circ} 32'$  hatte, so werden wir, wenn wir von dem Doppelten dieses Betrags (S. 262, 27) einen Kreis abziehen, die damalige Entfernung des Epizykels von dem Apogäum des Exzenters in der Richtung der Zeichen mit  $271^{\circ} 4'$  erhalten. Demnach wird  $\angle AEB$  als Ergänzung zu  $360^{\circ}$  gleich  $88^{\circ} 56'$  sein. Nun fälle man auf EB das Lot  $\Delta K$ . Es ist also

$$\begin{aligned} \angle \Delta EB &= 88^{\circ} 56' & \text{wie } 4R &= 360^{\circ}, \\ &= 177^{\circ} 52' & \text{wie } 2R &= 360^{\circ}, \end{aligned}$$

folglich  $\left\{ \begin{array}{l} b \Delta K = 177^{\circ} 52' \\ b \text{ EK} = 2^{\circ} 8' \end{array} \right\}$  wie  $\ominus \Delta KE = 360^{\circ}$ ,

also  $\left\{ \begin{array}{l} s \Delta K = 119^{\text{P}} 59' \\ s \text{ EK} = 2^{\text{P}} 14' \end{array} \right\}$  wie  $dm \Delta E = 120^{\text{P}}$ .

30 Setzt man  $\Delta E = 10^{\text{P}} 19'$  als *vbl*<sup>a)</sup> wie *exhm*  $\Delta B = 49^{\text{P}} 41'$ ,  
so wird  $\Delta K = 10^{\text{P}} 19'$  und  $\text{EK} = 0^{\text{P}} 12'$ .

a) So soll fortan die Verbindungslinie zwischen den Mittelpunkten der Ekliptik und des Exzenters bezeichnet werden. Die Größen  $\Delta E$  und  $\Delta B$  sind S. 269, s. 4 gefunden.

Nun ist  $\Delta B^2 - \Delta K^2 = BK^2$ ,  
 mithin  $BK = 48^p 36'$ ,  
 folglich  $EB = BK + EK = 48^p 48'$ .

Ha 302

B. Es betrug (S. 271,26) die Elongation des gleichförmigen Mondes von der genauen Sonne  $314^0 28'$ , und (S. 271,11) <sup>Hei 372</sup> die Elongation des genauen der Beobachtung gemäß  $313^0 42'$ ; 6 folglich beträgt die Anomaliedifferenz  $- 0^0 46'$ . Da der Ort des gleichförmigen Mondes der Theorie nach auf der Geraden EB liegt, so werde der (genaue) Mond, weil er in der Nähe des Perigeums des Epizykels stand, (um diesen 10 Betrag rückwärts) in Punkt H angenommen. Man ziehe die Verbindungslinien EH und BH und falle von B auf die Verlängerung von EH das Lot BΛ. Da  $\angle BE\Lambda$  die Anomaliedifferenz des Mondes mißt, so ist

$\angle BE\Lambda = 0^0 46'$  wie  $4R = 360^0$ , 15  
 $= 1^0 32'$  wie  $2R = 360^0$ ,  
 folglich  $b B\Lambda = 1^0 32'$  wie  $\ominus B\Lambda E = 360^0$ ,  
 also  $s B\Lambda = 1^p 36'$  wie  $h EB = 120^p$ .  
 Setzt man  $EB = 48^p 48'$  wie  $ephm BH = 5^p 15'$ ,  
 so wird  $B\Lambda = 0^p 39'$  in diesem Maße. 20  
 Setzt man  $ephm BH = 120^p$ ,  
 so wird  $s B\Lambda = 14^p 52'$  in diesem Maße,  
 also  $b B\Lambda = 14^0 14'$  wie  $\ominus B\Lambda H = 360^0$ , <sup>Hei 373</sup>  
 mithin  $\angle B\Lambda H = 14^0 14'$  wie  $2R = 360^0$ .  
 (Nun war  $\angle BE\Lambda = 1^0 32'$  wie  $2R = 360^0$ ) 25  
 mithin  $\angle EBH = 12^0 42'$  als Differenz,  
 $= 6^0 21'$  wie  $4R = 360^0$ , <sup>Ha 303</sup>  
 folglich  $b \Theta H = 6^0 21'$  wie  $4R = 360^0$ .

Hiermit ist der Epizykelbogen gefunden, welcher das Intervall vom Monde bis zu dem genauen Perigeum mißt. 30

C. Da der Mond von dem mittleren Apogeum (S. 271,24) zur Zeit der Beobachtung  $185^0 30'$  entfernt war, so liegt offenbar das mittlere Perigeum rückwärts des Mondes (weil er schon  $5\frac{1}{2}^0$  darüber hinaus ist), d. h. rückwärts des Punktes H

(nach Z zu). Es sei also der Punkt M. Man ziehe durch M die Gerade BMN und falle von E auf diese Gerade das Lot EΞ. Nachgewiesen war, daß

$$b \Theta H = 6^{\circ} 21'.$$

5 Nun ist  $bHM = 5^{\circ} 30'$  als Entfernung vom Perigeum  
folglich  $b\Theta M = 11^{\circ} 51'$  als Summe, [gegeben;

$$\text{mithin } \angle E\Theta\Xi = 11^{\circ} 51' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ = 23^{\circ} 42' \text{ wie } 2R = 360^{\circ},$$

$$\text{folglich } bE\Xi = 23^{\circ} 42' \text{ wie } \ominus E\Xi B = 360^{\circ},$$

10 also  $sE\Xi = 24^{\text{P}} 39'$  wie  $hEB = 120^{\text{P}}$ .

Setzt man  $EB = 48^{\text{P}} 48'$ , (S. 273,19)

Hei 374 so wird  $E\Xi = 10^{\text{P}} 2'$  in diesem Maße.

Nun ist  $\angle AEB = 177^{\circ} 52'$  wie  $2R = 360^{\circ}$  (S. 272,25)

und  $\angle EBN = 23^{\circ} 42'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ; (s. Z. 9)

15 folglich  $\angle ENB = 154^{\circ} 10'$  als Differenz,

mithin  $bE\Xi = 154^{\circ} 10'$  wie  $\ominus E\Xi N = 360^{\circ}$ ,

Ha 304 also  $sE\Xi = 116^{\text{P}} 58'$  wie  $hEN = 120^{\text{P}}$ .

Setzt man  $E\Xi = 10^{\text{P}} 2'$  wie  $vbl \Delta E = 10^{\text{P}} 19'$ ,

so wird  $EN = 10^{\text{P}} 18'$  in diesem Maße.

20 Folglich ist EN, d. i. die Strecke, welche die Gerade BM abgrenzt, deren Neigung durch das mittlere Perigeum (M) hindurch auf N zu gerichtet ist, ohne merklichen Fehler gleich der Strecke  $\Delta E$ .

II. Um zu zeigen, daß auch auf den entgegengesetzten

25 Seiten des Exzenters und des Epizykels dieselbe Erscheinung eintritt, haben wir wieder aus den von Hipparch, wie gesagt, in Rhodus beobachteten Elongationen diejenige ausgewählt, welche er in dem nämlichen 197<sup>ten</sup> Jahre nach dem Tode Alexanders am 17. ägyptischen Payni (7. Juli 126 v. Chr.

30 4<sup>h</sup> nachm.) nach Verlauf von  $9\frac{1}{3}$  (bürgerlichen) Stunden

Hei 375 (nach Sonnenaufgang) durch Anvisieren festgestellt hat. Sein Bericht lautet: „Als zu dieser Stunde (d. i.  $2\frac{2}{3}$  bürgerliche Stunden vor Untergang) die Sonne in  $\odot 10^{\circ} 54'$  anvisiert wurde, ergab sich als der scheinbare Ort des Mondes gerade

$\Omega 29^{\circ}$ ; das war zugleich der genaue Ort, weil in Rhodus im letzten Drittel des Löwen ungefähr eine Stunde nach der Kulmination der Mond keine Parallaxe in Länge zeigt.“ Folglich war zu dem angegebenen Zeitpunkt der genaue Mond von der genauen Sonne in der Richtung der Zeichen (von  $\odot 10^{\circ}54'$  bis  $\Omega 29^{\circ} 48^{\circ}6'$  entfernt. 5

Nun hatte die Beobachtung  $3\frac{1}{3}$  bürgerliche (Tag-)Stunden nach dem Mittag des 17. Payni stattgefunden; diese aber machten in Rhodus damals nahezu 4 Äquinoktialstunden aus; folglich beträgt die Zeit von unserer Epoche bis zur 10 Beobachtung wieder 620 ägyptische Jahre, 286 Tage und 4 Äquinoktialstunden schlechthin,  $3\frac{2}{3}$  nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir in gleicher Weise

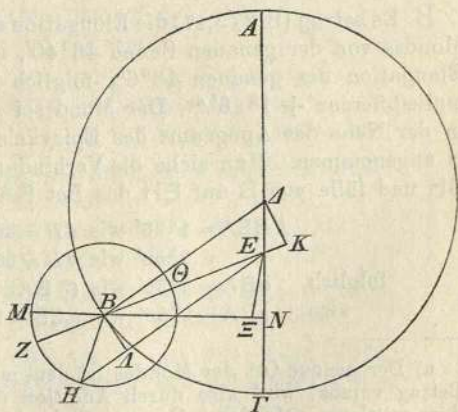
als Ort der gleichförmigen Sonne	$\odot 12^{\circ} 5'$ , Ha 303
als Ort der genauen Sonne	$\odot 10^{\circ}40'$ , 15
als Ort des gleichförmigen Mondes in Länge	$\odot 27^{\circ}20'$ ,
mithin die Elongation des gleichförmigen Mondes von der genauen Sonne	$46^{\circ}40'$ ,
als Entfernung vom mittleren Apogeum des Epizykels in Anomalie	$333^{\circ}12'. 20$

Diese Zahlen sollen als gegeben angenommen sein. Es sei wieder  $AB\Gamma$  der

Exzenter des Mondes um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ . Auf letzterem sei der Mittelpunkt der

Ekliptik der Punkt  $E$ . Um den Punkt  $B$  be-

schreibe man  $ZH\Theta$  als den Epizykel des Mondes und ziehe die Verbindungslinien  $\Delta B$ ,  $E\Theta BZ$ .



25

Hei 376  
30

35

A. Da das Doppelte der mittleren Elongation der Sonne und des Mondes (von  $\odot$   $12^{\circ}5'$  bis  $\odot$   $27^{\circ}20'$ )  $90^{\circ}3'$  beträgt, so ist aus den früher (S. 272,18) erörterten theoretischen Gründen

$$\begin{aligned} 5 \quad \angle AEB &= 90^{\circ}30' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ &= 181^{\circ} \text{ wie } 2R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$

Nun fälle man auf die Verlängerung von BE von  $\Delta$  das Lot  $\Delta K$ , so ist

$$\angle \Delta EK = 179^{\circ} \text{ als Nebenwinkel,}$$

$$10 \quad \text{Hei 377} \quad \text{folglich} \quad \left\{ \begin{array}{l} b \Delta K = 179^{\circ} \\ b EK = 1^{\circ} \end{array} \right\} \text{ wie } \ominus \Delta KE = 360^{\circ},$$

$$\text{also} \quad \left\{ \begin{array}{l} s \Delta K = 119^{\text{P}}59' \\ s EK = 1^{\text{P}}3' \end{array} \right\} \text{ wie } h \Delta E = 120^{\text{P}}.$$

$$10 \quad \text{Ha 306} \quad \text{Setzt man} \quad \Delta E = 10^{\text{P}}19' \text{ als } vbl \text{ wie } exhm \Delta B = 49^{\text{P}}41',$$

$$15 \quad \text{so wird} \quad \Delta K = 10^{\text{P}}19' \text{ und } EK = 0^{\text{P}}5'.$$

$$\text{Nun ist} \quad \Delta B^2 - \Delta K^2 = BK^2,$$

$$\text{mithin} \quad BK = 48^{\text{P}}36',$$

$$\text{folglich} \quad EB = BK - EK = 48^{\text{P}}31'.$$

B. Es betrug (S. 275,17) die Elongation des gleichförmigen  
20 Mondes von der genauen Sonne  $46^{\circ}40'$ , und (S. 275,6) die  
Elongation des genauen  $48^{\circ}6'$ ; folglich beträgt die Anomaliedifferenz  $+1^{\circ}26'$ .<sup>a)</sup> Der Mond sei demnach, weil er  
in der Nähe des Apogeums des Epizykels stand, in Punkt  
H angenommen. Man ziehe die Verbindungslinien EH und  
25 BH und fälle von B auf EH das Lot B $\Lambda$ . Dann ist

$$\angle BE\Lambda = 1^{\circ}26' \text{ wie } 4R = 360^{\circ},$$

$$= 2^{\circ}52' \text{ wie } 2R = 360^{\circ},$$

$$\text{folglich} \quad b B\Lambda = 2^{\circ}52' \text{ wie } \ominus B\Lambda E = 360^{\circ},$$

$$10 \quad \text{Hei 378} \quad \text{also} \quad s B\Lambda = 2^{\text{P}}59' \text{ wie } h EB = 120^{\text{P}}.$$

a) Der genaue Ort des Mondes ist dem mittleren um diesen Betrag voraus, wird also durch Addition dieses Betrags aus dem mittleren gefunden. Der von Ptolemäus berechnete mittlere Ort  $\odot$   $27^{\circ}20'$  bleibt, um  $1^{\circ}26'$  vermehrt, mit  $28^{\circ}46'$  allerdings noch  $14'$  hinter dem von Hipparch beobachteten genauen Ort  $\odot$   $29^{\circ}$  zurück.

Setzt man  $EB = 48^{\text{P}} 31'$  wie *ephm*  $BH = 5^{\text{P}} 15'$ ,  
so wird  $BA = 1^{\text{P}} 12'$  in diesem Maße.

Setzt man  $hBH = 120^{\text{P}}$ ,  
so wird  $sBA = 27^{\text{P}} 34'$  in diesem Maße,  
also  $bBA = 26^{\circ} 34'$  wie  $\ominus BAH = 360^{\circ}$ ; 5  
mithin  $\angle BHA = 26^{\circ} 34'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ . Ha 307

(Nun war  $\angle BEA = 2^{\circ} 52'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ),  
folglich  $\angle ZBH = 29^{\circ} 26'$  als Summe,  
 $= 14^{\circ} 43'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ ,  
mithin  $bHZ = 14^{\circ} 43'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ . 10

Hiermit ist der Epizykelbogen gefunden, welcher das Intervall vom Monde bis zu dem genauen Apogeum mißt.

C. Da der Mond zur Zeit der Beobachtung vom mittleren Apogeum  $333^{\circ} 12'$  entfernt war, so wird als Ergänzung zum Kreise, nachdem wir das mittlere Apogeum 15 in M angenommen, die Verbindungslinie MBN gezogen und auf dieselbe von E das Lot  $E\Xi$  gefällt haben,

$$bHZM = 26^{\circ} 48'.$$

(Nun war  $bHZ = 14^{\circ} 43'$ ),  
folglich  $bZM = 12^{\circ} 5'$  als Differenz, 20  
mithin  $\angle MBZ = 12^{\circ} 5'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .  
 $= 24^{\circ} 10'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ .

Es ist aber  $\angle EB\Xi = \angle MBZ$ , (als Scheitelwinkel)  
folglich auch  $\angle EB\Xi = 24^{\circ} 10'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,  
mithin  $bE\Xi = 24^{\circ} 10'$  wie  $\ominus E\Xi B = 360^{\circ}$ , 25  
also  $sE\Xi = 25^{\text{P}} 7'$  wie  $hEB = 120^{\text{P}}$ . Hei 379

Setzt man  $EB = 48^{\text{P}} 31'$  wie *vbl*  $\Delta E = 10^{\text{P}} 19'$ ,  
so wird  $E\Xi = 10^{\text{P}} 8'$  in diesem Maße.

Nun ist  $\angle AEB = 181^{\circ}$  wie  $2R = 360^{\circ}$ , (S. 276,6)  
und  $\angle EBN = 24^{\circ} 10'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ , (s. Z. 24) 30  
folglich  $\angle ENB = 156^{\circ} 50'$  als Differenz,  
mithin  $bE\Xi = 156^{\circ} 50'$  wie  $\ominus E\Xi N = 360^{\circ}$ ,  
also  $sE\Xi = 117^{\text{P}} 33'$  wie  $hEN = 120^{\text{P}}$ . Ha 308

Setzt man  $E\Xi = 10^P 8'$  wie *vbl*  $\Delta E = 10^P 19'$ ,  
 so wird  $EN = 10^P 20'$  in diesem Maße.

Auch aus dieser Beweisführung geht also hervor, daß die Strecke  $EN$ , welche die Gerade  $MB$  abgrenzt, deren Neigung 5 durch das mittlere Apogeum  $M$  hindurch auf  $N$  zu gerichtet ist, ohne merklichen Fehler gleich ist der Strecke  $\Delta E$ , der Verbindungslinie der Mittelpunkte.

Auch aus einer Mehrzahl von anderen Beobachtungen fanden wir als Ergebnis nahezu dieselben Verhältnisse, so 10 daß hieraus mit Sicherheit folgende Eigentümlichkeit hervorgeht, die sich nur bei der Hypothese des Mondes hinsichtlich der Neigung des Epizykels bemerkbar macht. Die Herumleitung des Mittelpunktes des Epizykels geht zwar um den Mittelpunkt  $E$  der Ekliptik vor sich, allein der 15 Epizykeldurchmesser, welcher konstant denselben Punkt als Hei 380 das mittlere Apogeum des Epizykels bestimmt, hält nicht mehr die Neigung nach  $E$ , dem Zentrum der gleichförmigen Herumleitung ein, wie bei den anderen Planeten, sondern ist jederzeit nach Punkt  $N$  gerichtet unter Wahrung des- 20 selben Intervalls, welches nach der anderen Seite hin die Verbindungslinie  $\Delta E$  der Mittelpunkte einhält.

### Sechstes Kapitel.

#### Gewinnung des genauen Mondlaufs aus den periodischen Bewegungen auf dem Wege geometrischer Konstruktion.

Nachdem die vorstehenden Beweise gelietert sind, dürfte sich daran folgerichtig die Darstellung der Methode knüpfen, nach welcher wir bei den beliebigen Positionen des Mondes 25 (auf dem Epizykel) unter Feststellung der Epochen seiner mittleren Bewegungen (in Länge und Anomalie), d. i. aus Ha 309 der Zahl der Elongation (von dem Apogeum des Exzenters) und aus der Zahl (der Anomalie), welche die Stelle des Mondes auf dem Epizykel angibt, die auf den mittleren Lauf 30 in Länge (d. i. auf den Ort des Epizykelmittelpunktes) entfallende positive oder negative Anomaliedifferenz finden

können. Die Berechnung dieses Betrags erfolgt auf dem Wege geometrischer Konstruktion nach ganz ähnlichen theoretischen Beweisgängen, wie sie oben von uns zur Anwendung gebracht worden sind.

Um ein Beispiel zu bieten, wollen wir an der letzten der vorstehenden Figuren dieselben periodischen Bewegungen der Elongation (d. i. der Entfernung in Länge vom Apogeum des Exzenters S. 276,2) und der Anomalie (d. i. der Entfernung von dem mittleren Apogeum des Epizykels S. 275,19) gegeben sein lassen, d. h. für die Elongation (vom Apogeum des Exzenters) die aus der Verdoppelung (der Elongation von der Sonne) gewonnenen  $90^{\circ}30'$ , und für die Anomalie die von dem mittleren Apogeum des Epizykels ab gezählten  $333^{\circ}12'$ . An-

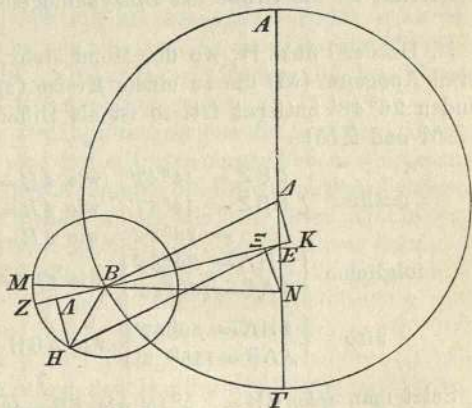
statt der Lote  $E\Xi$  und  $BA$  fälle man die Lote  $N\Xi$  und  $HA$ .

A. Daraus, daß die beiden Winkel am Zentrum E ( $\angle AEB$  und  $\angle \Delta EK$ ) gegeben und die Hypotenusen  $\Delta E$  und  $EN$  einander gleich sind,

wird sich wieder auf demselben Wege (wie S. 276,15) der Nachweis führen lassen, daß

$$\left. \begin{array}{l} \Delta K = N\Xi = 10^{\text{P}}19' \\ EK = E\Xi = 0^{\text{P}}5' \end{array} \right\} \text{ wie } \left\{ \begin{array}{l} \text{exhm } \Delta B = 49^{\text{P}}41' \\ \text{ephm } BH = 5^{\text{P}}15'. \end{array} \right.$$

Hieraus folgt weiter, wie wir schon vorher (a. a. O.) nachgewiesen haben (weil  $\Delta B^2 - \Delta K^2 = BK^2$ ), daß



15

20

25

35

- $BK = 48^{\text{P}} 36'$  in diesem Maße,  
 folglich  $EB = BK - EK = 48^{\text{P}} 31'$ ,  
 und  $B\Xi = EB - E\Xi = 48^{\text{P}} 26'$ .
- Nun ist auch  
 5 folglich  $B\Xi^2 + N\Xi^2 = BN^2$ ,  
 $BN = 49^{\text{P}} 31'$  wie  $N\Xi = 10^{\text{P}} 19'$ .
- Hei 382 Setzt man  $hBN = 120^{\text{P}}$ ,  
 so wird  $sN\Xi = 25^{\text{P}}$  in diesem Maße;  
 Ha 310 also  $bN\Xi = 24^{\circ} 3'$  wie  $\ominus N\Xi B = 360^{\circ}$ ,  
 mithin  $\angle NB\Xi = 24^{\circ} 3'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ .
- 10 Es ist aber  $\angle ZBM = \angle NB\Xi$ , (als Scheitelwinkel)  
 folglich auch  $\angle ZBM = 24^{\circ} 3'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 12^{\circ} 1'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .
- Hiermit ist die Größe des Epizykelbogens  $ZM$  gefunden.
- B. Da der Punkt  $H$ , wo der Mond steht, von dem mitt-  
 15 leren Apogeum ( $M$ ) die zu einem Kreise (an  $333^{\circ} 12'$ ) feh-  
 lenden  $26^{\circ} 48'$  entfernt ist, so ist als Differenz (der Bogen  
 $HZM$  und  $ZM$ )
- 20 mithin  $bHZ = 14^{\circ} 47'$  (wie  $4R = 360^{\circ}$ );  
 $\angle HBZ = 14^{\circ} 47'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 29^{\circ} 34'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ;  
 folglich  $\left\{ \begin{array}{l} bH\Lambda = 29^{\circ} 34' \\ b\Lambda B = 150^{\circ} 26' \end{array} \right\}$  wie  $\ominus H\Lambda B = 360^{\circ}$ ,  
 also  $\left\{ \begin{array}{l} sH\Lambda = 30^{\text{P}} 37' \\ s\Lambda B = 116^{\text{P}} 2' \end{array} \right\}$  wie  $hBH = 120^{\text{P}}$ .
- 25 Setzt man *ephm*  $BH = 5^{\text{P}} 15'$  wie  $EB = 48^{\text{P}} 31'$ , (s. Z. 2)  
 so wird  $H\Lambda = 1^{\text{P}} 20'$  und  $\Lambda B = 5^{\text{P}} 5'$ ,  
 Hei 383 folglich  $E\Lambda = EB + \Lambda B = 53^{\text{P}} 36'$ .
- Ha 311 Nun ist  
 mithin  $E\Lambda^2 + H\Lambda^2 = EH^2$ ,  
 $EH = 53^{\text{P}} 37'$  (wie  $H\Lambda = 1^{\text{P}} 20'$ ).
- 30 Setzt man  $hEH = 120^{\text{P}}$ ,  
 so wird  $sH\Lambda = 2^{\text{P}} 59'$  in diesem Maße,  
 also  $bH\Lambda = 2^{\circ} 52'$  wie  $\ominus H\Lambda E = 360^{\circ}$ ,

$$\begin{aligned} \text{mithin } \angle HEA &= 2^{\circ} 52' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}, \\ &= 1^{\circ} 26' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$

Hiermit ist der Winkel der Anomaliedifferenz gefunden, was das Endziel des Beweises war.

### Siebentes Kapitel.

#### Praktische Anleitung zur Aufstellung einer Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes.

Um wieder durch Aufstellung einer Tabelle die sofortige 5  
Berechnung der Prosthaphäresisbeträge von Fall zu Fall  
auf methodischem Wege ausführbar zu machen, haben wir  
die nach der einfachen Hypothese früher (Buch IV, Kap. 10)  
von uns aufgestellte Tabelle durch Hinzufügung von Spalten  
ergänzt, welche durch ein bequemes Korrekionsverfahren 10  
auch die Anbringung der zweiten Anomalie ermöglichen.  
Diese Aufgabe haben wir wieder wie bisher, auf dem Wege  
der geometrischen Konstruktion gelöst.

Nach den ersten zwei Spalten, welche die Argumentzahlen  
bieten, haben wir eine dritte Spalte eingeschoben, welche zu 15  
der Argumentzahl der Anomalie die Prosthaphäresisbeträge Hei 384  
angibt, die dazu dienen sollen, die von dem mittleren  
Apogeum, d. i. von M ab gezählte, aus dem mittleren Lauf ge-  
wonnene (Anomalie-) Zahl auf das genaue Apogeum, d. i.  
Z, zu reduzieren. So hatten wir (S. 280,12) bei der ge- Ha 312  
gebenen Elongation (vom Apogeum des Exzenters) von  $90^{\circ} 30'$  21  
den Bogen ZM mit  $+ 12^{\circ} 1'$  nachgewiesen, um bei der  $333^{\circ} 12'$   
betragenden Entfernung des Mondes von dem mittleren  
Apogeum M ohne weiteres seine Entfernung von dem ge-  
nauen Apogeum Z mit  $345^{\circ} 13'$  zu finden, weil nach Maß- 25  
gabe letzterer Zahl die infolge (der Stellung) des Epizykels  
(auf dem Exzenter) eintretende Prosthaphäresis zur mittleren  
Bewegung in Länge<sup>a)</sup> gewonnen werden muß. So wie hier  
haben wir auch bei den anderen Argumentzahlen der Elongation

a) D. i. zur gleichförmigen Bewegung des Epizykelmittelpunktes.

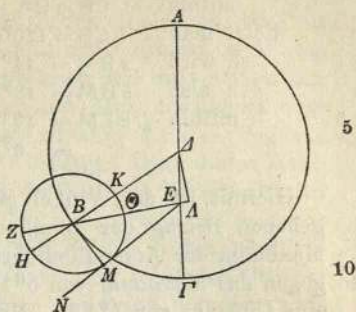
(vom Apogeum des Exzenters) in Abschnitten, welche die Symmetrie der Anordnung zu wahren geeignet sind, die auf sie entfallenden Größenbeträge der betreffenden Prosthaphäresis auf demselben Wege, um uns nicht in jedem Einzelfall  
 5 in lange Erörterungen einzulassen, festgestellt und zu jeder Argumentzahl gehörigen Ortes in der dritten Spalte hinzugesetzt.

Von den folgenden Spalten wird die vierte die früher in der ersten Tabelle (Buch IV, Kap. 10) angesetzten Anomaliedifferenzen enthalten, welche der (Lauf auf dem) Epizykel  
 10 verursacht, wo wir fanden, daß bei dem Verhältnis  $60^{\text{P}} : 5^{\text{P}}15'$  das Maximum der Prosthaphäresis den Wert  $5^{\circ}1'$  erreicht. Die fünfte Spalte wird die Überschüsse der Differenzen enthalten, welche sich infolge der zweiten Anomalie im  
 Hei 385 Vergleich zur ersten ergeben, wo wir bei dem Verhältnis  
 15  $(39^{\text{P}}22' : 5^{\text{P}}15' =) 60 : 8^{\text{a}})$  gleichfalls als das Maximum der Prosthaphäresis  $7^{\circ}40'$  feststellten. (Diese Art der Trennung der beiden Anomalien hat den Zweck, daß) die vierte Spalte diene für die Stellung des Epizykels im Apogeum des Exzenters, welche in den Syzygien eintritt, die fünfte für die  
 20 Überschüsse, welche infolge der im Perigeum des Exzenters in den Quadraturen zustande kommenden (zweiten) Anomalie zu addieren sind.

Ha 313 Damit auch für die zwischen Syzygie und Quadratur liegenden Stellungen des Epizykels die auf sie entfallenden  
 25 Bruchteile der (in der fünften Spalte) angesetzten Überschüsse entsprechend gewonnen werden, haben wir die sechste Spalte hinzugefügt, welche die Sechzigteile enthält, die für jede Argumentzahl der Elongation (vom Apogeum des Exzenters) von dem (in der fünften Spalte) angesetzten Unterschied  
 30 genommen und zu dem nach der ersten Anomalie in der vierten Spalte angesetzten Prosthaphäresisbetrag addiert werden müssen. Diese Sechzigteile sind von uns auf folgendem Wege festgestellt worden.

a) Nach dem Verhältnis  $16 : 120 = 5 \frac{1}{4} : x$  (S. 268,30) erhält man die mittlere Entfernung im Perigeum des Exzenters mit  $39 \frac{3}{8}$ . Nun ist auf das genaueste  $39 \frac{3}{8} : 5 \frac{1}{4} = 60 : 8$ .

Es sei wieder  $AB\Gamma$  der Exzenter des Mondes um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ . Auf letzterem sei als Mittelpunkt der Ekliptik der Punkt  $E$  angenommen. Man trage den Bogen  $AB$  ab, beschreibe um  $B$  den Epizykel  $ZH\Theta K$  und ziehe durch ihn die Gerade  $EBZ$ .



Gegeben sei beispielshalber  $60^\circ$  Elongation (von der mittleren Sonne). Demnach ist wieder aus demselben Grunde wie in den oben geführten Beweisen  $\angle AEB$  gleich  $120^\circ$ , d. i. das Doppelte der gegebenen Elongation. Auf die Verlängerung der Geraden  $BE$  fälle man von  $\Delta$  das Lot  $\Delta\Lambda$  und ziehe (durch den Epizykel) die Gerade  $HBK\Delta$ . Angenommen sei, daß die vom Mittelpunkt  $E$  nach dem Mond gezogene Gerade  $EMN$  eine Tangente des Epizykels sei, damit das Maximum der Anomaliedifferenz eintrete. Nun ziehe man noch die Verbindungslinie  $BM$ . Es ist also

$$\begin{aligned} \angle AEB &= 120^\circ \text{ wie } 4R = 360^\circ, \\ &= 240^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ; \end{aligned}$$

folglich  $\angle \Delta E \Lambda = 120^\circ$  wie  $2R = 360^\circ$  als Neben- [winkel, 25

mithin  $\left\{ \begin{array}{l} b \Delta \Lambda = 120^\circ \\ b E \Lambda = 60^\circ \end{array} \right\}$  wie  $\ominus \Delta \Lambda E = 360^\circ$ ; Ha 314

also  $\left\{ \begin{array}{l} s \Delta \Lambda = 103^p 55' \\ s E \Lambda = 60^p \end{array} \right\}$  wie  $h \Delta E = 120^p$ .

Setzt man  $\Delta E = 10^p 19'$  wie  $\left\{ \begin{array}{l} \Delta B = 49^p 41' \\ (BM = 5^p 15'), \end{array} \right.$  Hei 337

so wird  $\Delta \Lambda = 8^p 56'$  und  $E \Lambda = 5^p 10'$ . 31

Nun ist  $\Delta B^2 - \Delta \Lambda^2 = B \Lambda^2$ ,  
folglich  $B \Lambda = 48^p 53'$ ;

mithin  $EB = BA - EA = 43^{\text{P}} 43'$  wie  $BM = 5^{\text{P}} 15'$ .  
 Setzt man  $h EB = 120^{\text{P}}$ ,  
 so wird  $s BM = 14^{\text{P}} 25'$  in diesem Maße;  
 also  $b BM = 13^{\circ} 48'$  wie  $\odot BME = 360^{\circ}$ ,  
 5 mithin  $\angle BEM = 13^{\circ} 48'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 6^{\circ} 54'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .

Hiermit ist der Winkel gefunden, welcher bei dem gegebenen Betrag der Elongation (von  $60^{\circ}$  bzw.  $120^{\circ}$ ) das Maximum der Anomaliedifferenz mißt. Dasselbe zeigt also  
 10 gegen das Maximum von  $5^{\circ} 1'$  im Apogeum (des Exzenters) eine Differenz von  $1^{\circ} 53'$ . Nun beträgt (S. 265,6) die ganze Differenz, welche bis zum Perigeum eintritt,  $2^{\circ} 39'$ . Setzen wir dieses Maximum der Differenz gleich  $60'$ , so werden wir für den Überschuß von  $1^{\circ} 53'$  den Bruchteil  $42' 38''$  erhalten.  
 Hei 388 Diesen Betrag werden wir zu der Argumentzahl 120 der  
 16 Elongation (von dem Apogeum des Exzenters) in die sechste Spalte setzen.

Ebenso haben wir auch für die übrigen Gradabschnitte die in diesem Sinne genommenen Bruchteile der Differenz  
 20 beider Anomalien wieder auf demselben Wege berechnet und  
 Ha 315 zu der betreffenden Argumentzahl die auf sie entfallenden Sechzigteile des bei ihr (in der fünften Spalte) angegebenen Überschusses hinzugesetzt. Der volle Betrag  $60'$  steht natürlich bei der doppelten Argumentzahl der Elongation von  $90^{\circ}$ ,  
 25 welche auf den Grad 180, d. h. auf das Perigeum des Exzenters fällt.

Schließlich haben wir eine siebente Spalte hinzugefügt, welche die Örter des Mondes in Breite nördlich und südlich der Ekliptik enthält, gemessen auf dem durch die Pole  
 30 der Ekliptik gehenden Kreise, d. h. sie bietet, von Ort zu Ort auf dem schiefen Kreise fortschreitend, die Bogen dieses (Breiten-) Kreises, welche zwischen der Ekliptik und dem mit ihr konzentrischen schiefen Kreise des Mondes liegen. Wir haben für diesen Zweck dasselbe Verfahren angewendet,  
 35 nach welchem wir schon (Buch I, Kap. 14) die zwischen

Äquator und Ekliptik liegenden Bogen des durch die Pole des Äquators gehenden (Deklinations-) Kreises berechnet haben, natürlich mit dem Unterschied, daß im vorliegenden Fall der zwischen der Ekliptik und dem nördlichen oder dem südlichen Grenzpunkt des schiefen Kreises liegende 5 Bogen  $5^{\circ}$  (statt wie dort  $23\frac{1}{2}^{\circ}$ ) beträgt. Denn dieses Maximum des Mondlaufs beiderseits der Ekliptik wird nicht nur auf dem Wege der Rechnung von uns, genau wie es schon dem Hipparch geglückt ist, mit Hilfe der in den nördlichsten und den südlichsten Positionen sich zeigenden Erscheinungen <sup>a)</sup> ohne merklichen Fehler gewonnen, sondern auch so ziemlich die gesamte Handhabung der Beobachtungen <sup>Hei 389</sup> des Mondes, mögen sie nun theoretisch mit Bezug auf die Fixsterne oder mit Hilfe der Instrumente angestellt werden, steht mit diesem Maximum des Laufs in Breite im besten <sup>15</sup> Einklang, wie auch aus den noch weiterhin zu führenden Beweisen zur Genüge hervorgehen wird.

### Achtes Kapitel.

#### Die Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes

gestaltet sich demnach folgendermaßen (s. S. 286).

(Ha 316  
Hei 390)

### Neuntes Kapitel.

#### Gesamtberechnung des Mondlaufs nach der Tabelle.

Jedesmal, wenn wir nach dem Ansatz der Tabelle die Berechnung der Anomalie des Mondes vorzunehmen beabsichtigen, stellen wir zunächst für den in Alexandria zugrunde gelegten Zeitpunkt die mittleren Bewegungen des Mondes in Länge, Elongation, Anomalie und Breite in der dargelegten Weise (nach den Mondtafeln) fest.<sup>35)</sup> Alsdann verdoppeln wir jedesmal die zunächst ermittelte Zahl der <sup>25</sup>

(Ha 318  
Hei 392)

a) Gemeint sind die scheinbaren Örter des Mondes bei größter nördlicher oder südlicher Breite.

1		2		3		4		5		6		7	
Gemeinsame Argumentzahlen		Unterschied des genauen Apogeums		Prostaphäresis der 1. Anomalie		Überschuß der 2. Anomalie		Sechzigstel		Breite			
6°	354°	0'	53'	0°	29'	0°	14'	0'	12''	0'	12''	4°	58'
12	348	1	46	0	57	0	28	0	24	0	24	4	54
18	342	2	39	1	25	0	42	1	20	1	20	4	45
24	336	3	31	1	53	0	56	2	16	2	16	4	34
30	330	4	23	2	19	1	10	3	24	3	24	4	20
36	324	5	15	2	44	1	23	4	39	4	39	4	3
42	318	6	7	3	8	1	35	6	25	3	25	3	43
48	312	6	58	3	31	1	45	8	18	3	18	3	20
54	306	7	48	3	51	1	54	10	22	2	22	2	56
60	300	8	36	4	8	2	3	12	26	2	26	2	30
66	294	9	22	4	24	2	11	15	5	2	5	2	2
72	288	10	6	4	38	2	18	17	44	1	44	1	33
78	282	10	48	4	49	2	25	20	34	1	34	1	3
84	276	11	27	4	56	2	31	23	24	0	23	0	32
90	270	12	0	4	59	2	35	26	36	0	36	0	0
96	264	12	28	5	1	2	38	29	49	0	49	0	32
99	261	12	39	5	0	2	39	31	25	0	25	0	48
102	258	12	48	4	59	2	39	33	1	1	1	1	3
105	255	12	56	4	57	2	39	34	37	1	37	1	17
108	252	13	3	4	53	2	38	36	14	1	14	1	33
111	249	13	6	4	49	2	38	37	50	1	50	1	48
114	246	13	9	4	44	2	37	39	26	2	26	2	2
117	243	13	7	4	38	2	35	41	2	2	41	2	16
120	240	13	4	4	31	2	32	42	38	2	38	2	30
123	237	12	59	4	24	2	28	44	3	2	44	2	43
126	234	12	50	4	16	2	24	45	28	2	45	2	56
129	231	12	36	4	7	2	20	46	53	3	53	3	8
132	228	12	16	3	57	2	16	48	18	3	48	3	20
135	225	11	54	3	46	2	11	49	32	3	49	3	32
138	222	11	29	3	35	2	5	50	45	3	50	3	43
141	219	11	2	3	23	1	58	51	59	3	59	3	53
144	216	10	33	3	10	1	51	53	12	4	53	4	3
147	213	10	0	2	57	1	43	54	3	4	54	4	11
150	210	9	22	2	43	1	35	54	54	4	54	4	20
153	207	8	38	2	28	1	27	55	45	4	55	4	27
156	204	7	48	2	13	1	19	56	36	4	56	4	34
159	201	6	56	1	57	1	11	57	15	4	57	4	40
162	198	6	3	1	41	1	2	57	55	4	55	4	45
165	195	5	8	1	25	0	52	58	35	4	58	4	50
168	192	4	11	1	9	0	42	59	4	4	59	4	54
171	189	3	12	0	52	0	31	59	26	4	59	4	56
174	186	2	11	0	35	0	21	59	37	4	59	4	58
177	183	1	7	0	18	0	10	59	49	4	59	4	59
180	180	0	0	0	0	0	0	60	0	5	60	5	0

Nördl. Grenzpunkt

Knoten

Südl. Grenzpunkt

Elongation, ziehen, wenn es geht, einen Kreis ab und gehen (mit der so gewonnenen Zahl) in die Tabelle der Anomalie ein. Wenn die verdoppelte Zahl bis  $180^{\circ}$  geht, so werden wir die in der dritten Spalte bei ihr stehenden Grade zu den mittleren Graden<sup>a)</sup> der Anomalie addieren; <sup>5</sup> geht sie aber über  $180^{\circ}$  hinaus, so werden wir diese Grade davon abziehen. Mit der erhaltenen genauen Zahl<sup>b)</sup> der Anomalie werden wir nun in dieselbe Tabelle eingehen und uns erst die in der vierten Spalte bei ihr stehende Prosthaphäresis, alsdann den in der fünften Spalte dabeistehenden Überschuß <sup>10</sup> getrennt notieren. Hierauf gehen wir wieder mit der verdoppelten Zahl der mittleren Elongation in dieselben Spalten ein, nehmen so viel Sechzigteile des notierten Überschusses, <sup>Ha 319</sup> als in der sechsten Spalte zu der Argumentzahl gesetzt sind, und addieren dieselben jedesmal zu der in der vierten Spalte <sup>Hei 393</sup> angesetzten Prosthaphäresis. Wenn die genaue Zahl der <sup>16</sup> Anomalie bis  $180^{\circ}$  geht, werden wir die erhaltene Summe der Grade von den mittleren Graden der Länge und der Breite<sup>c)</sup> abziehen; geht sie aber über  $180^{\circ}$  hinaus, so werden wir sie dazu addieren. Von den als Ergebnis gewonnenen <sup>20</sup> Zahlen zählen wir nun die Zahl der Länge von dem für die Epoche (S. 236,20) festgestellten Gradansatz ( $\varnothing 11^{\circ}22'$ ) aus weiter und werden sagen, daß dort, wo sie ausgeht, der genaue Ort des Mondes sei.

Mit der von dem nördlichen Grenzpunkt ab gerechneten <sup>25</sup> Zahl der Breite aber werden wir wieder in dieselbe Tabelle eingehen. So viel Grade, als in der siebenten Spalte der Breite bei der betreffenden Argumentzahl stehen, wird das Zentrum des Mondes von der Ekliptik auf dem durch ihre Pole gezogenen größten (Breiten-)Kreis Abstand haben, <sup>30</sup> und zwar, wenn die als Argument gebrauchte Zahl in den

a) D. s. die von dem mittleren Apogeum des Epizykels gezählten Grade der Anomalie.

b) D. i. die von dem genauen oder scheinbaren Apogeum des Epizykels gerechnete Zahl der Anomalie.

c) Wie sie durch die Rechnung nach den Mondtafeln an die Hand gegeben sind.

ersten 15 Zeilen steht, nach Norden, wenn sie in den tieferen Zeilen steht, nach Süden. Denn die erste Spalte der Argumentzahlen betrifft den Lauf des Mondes von Norden nach Süden, die zweite Spalte den Lauf von Süden nach

5 Norden.

### Zehntes Kapitel.

#### Nachweis, daß in den Syzygien infolge des Exzenters des Mondes keine wesentliche Differenz eintritt.

Ha 320 |  
Hei 394 |

Da man mit Fug und Recht die zweifelnde Frage aufwerfen dürfte, ob nicht auch bei den Konjunktionen und Vollmonden und den bei ihnen eintretenden Finsternissen eine beträchtliche Differenz auch infolge des Exzenters

10 des Mondes als Begleiterscheinung sich einstellen könnte, weil bei ihnen durchaus nicht jedesmal der Mittelpunkt des Epizykels gerade genau im Apogeum (des Exzenters) stehen muß, sondern auch eine ziemliche Bogenstrecke davon entfernt sein kann — nur für die theoretisch im Mittel betrachteten

15 Syzygien sind die Stellungen (des Epizykels) im Apogeum selbst maßgebend, während die genauen Konjunktionen und Vollmonde unter Berücksichtigung der beiden Lichtkörpern eigenen Anomalie bestimmt werden —, so wollen wir versuchen klarzustellen, daß eine derartige Differenz in den

20 Syzygien hinsichtlich der Erscheinungen<sup>a)</sup> keinen beträchtlichen Fehler zu bewirken vermag, auch wenn der infolge der Exzentrizität des Kreises eintretende Unterschied (der Anomaliedifferenz)<sup>b)</sup> bei der Berechnung (des Eintritts der genauen Syzygien) nicht mit in Betracht gezogen wird.

25 Es sei  $AB\Gamma$  der Exzenter des Mondes um das Zentrum  $\Delta$  und den Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ . Auf letzterem sei der Mittelpunkt der Ekliptik in Punkt  $E$  angenommen, und der auf der

Hei 395

a) D. i. hinsichtlich der scheinbaren Örter von Sonne und Mond, welche bei den genauen Syzygien in Betracht kommen.

b) Die Anomaliedifferenz muß ja mit der größeren Erdnähe, die eintritt, wenn der Epizykel nicht genau im Apogeum des Exzenters steht, größer werden.

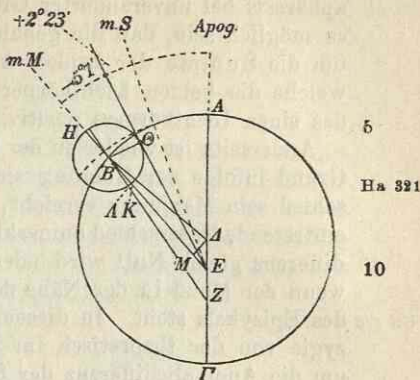
entgegengesetzten Seite von  $\Delta$  gelegene Punkt der Neigung (des Epizykels) in Punkt Z. Von dem Apogeum A aus trage man den Bogen AB ab, beschreibe um B den Epizykel  $H\Theta K\Lambda$  und ziehe die Verbindungslinien  $B\Delta$ ,  $HBKE$ ,  $B\Lambda Z$ .

Zwei Punkte sind zu berücksichtigen, weshalb in der Größe der Anomaliedifferenz ein Unterschied gegen die Stellung des Epizykels im Apogeum A eintreten kann:

erstens, weil der Epizykel, wenn er in größere Erdnähe gelangt, einen größeren Winkel<sup>a)</sup> bei E bildet;

zweitens, weil die Neigung des (Epizykel-)Durchmessers, auf welchem das mittlere Apogeum und Perigeum liegt, dann nicht mehr nach dem Mittelpunkt E, sondern nach Z gerichtet ist.

Das Maximum des Unterschieds infolge des ersten Grundes tritt ein, wenn auch die Anomaliedifferenz des Mondes ihr Maximum erreicht<sup>b)</sup>, das Maximum infolge des zweiten Grundes, wenn der Mond in der Nähe des Apogeums oder Perigeums des Epizykels steht.<sup>c)</sup> Es ist daher klar, daß zu der Zeit, wo der infolge des ersten Grundes sich geltend machende Unterschied sein Maximum zeigt, der aus dem zweiten Grund eintretende Unterschied ganz unmerklich sein wird, weil der Mond, wenn er an den Tangenten des Epizykels steht, auf eine ziemliche Strecke hin die Prosth-



a) D. h. Gesichtswinkel, der den Epizykel umspannt; s. S. 263, 19.

b) D. h. wenn der Mond an den Tangenten des Epizykels steht.

c) Nur dann kann sich der Unterschied zwischen dem genauen und dem mittleren Apogeum oder Perigeum geltend machen.

aphäresis bei unveränderter Größe beläßt.<sup>a)</sup> Dagegen wird es möglich sein, daß die genaue Syzygie von der mittleren um die Summe der beiden Anomaliedifferenzen abweicht, welche die beiden Lichtkörper zeigen, wenn die Differenz des einen Lichtkörpers positiv, die des anderen negativ ist.

Andererseits ist wieder zu der Zeit, wo der aus dem zweiten Grund infolge der Neigung sich geltend machende Unterschied sein Maximum erreicht, der aus dem ersten Grund eintretende Unterschied unmerklich, weil die ganze Anomaliedifferenz gleich Null wird oder wenigstens ganz klein ist, wenn der Mond in der Nähe des Apogeums oder Perigeums des Epizykels steht. In diesem Falle wird die genaue Syzygie von der theoretisch im Mittel betrachteten lediglich um die Anomaliedifferenz der Sonne abweichen.

I. So sei denn angenommen, daß die Sonne das Maximum von  $+2^{\circ}23'$ , der Mond dagegen das Maximum von  $-5^{\circ}1'$  bewirke, damit  $\angle AEB$  das Doppelte der Summe  $7^{\circ}24'$ , d. i.  $14^{\circ}48'$  betrage. Man ziehe von E an den Epizykel die Tangente  $E\Theta$ , sowie (von B) die zu ihr (nach Eukl. III. 18) senkrechte Verbindungslinie  $B\Theta$  und fälle noch von  $\Delta$  auf  $BE$  das Lot  $\Delta M$ . Es ist also

$$\begin{aligned} \angle AEB &= 14^{\circ}48' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ &= 29^{\circ}36' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}; \\ \text{Hei 397} \quad \text{folglich} \quad \left\{ \begin{array}{l} b \Delta M = 29^{\circ}36' \\ b EM = 150^{\circ}24' \end{array} \right\} &\text{ wie } \odot \Delta ME = 360^{\circ}, \\ 25 \quad \text{also} \quad \left\{ \begin{array}{l} s \Delta M = 30^{\text{p}}39' \\ s EM = 116^{\text{p}}1' \end{array} \right\} &\text{ wie } h \Delta E = 120^{\text{p}}. \\ \text{Setzt man} \quad vbl \Delta E = 10^{\text{p}}19' \text{ wie } exhm B \Delta = 49^{\text{p}}41', \\ \text{so wird} \quad \Delta M = 2^{\text{p}}38' \text{ und } EM = 9^{\text{p}}59'. \\ 30 \quad \text{Nun ist} \quad B \Delta^2 - \Delta M^2 = BM^2, \\ \text{folglich} \quad BM = 49^{\text{p}}37', \\ \text{mithin} \quad EB = BM + EM = 59^{\text{p}}36' \text{ wie } ephm B \Theta = 5^{\text{p}}15'. \end{aligned}$$

a) So daß sich bei gleichbleibender Prosthaphäresis ein merklicher Unterschied zwischen der Entfernung von dem genauen und dem mittleren Apogeum des Epizykels nicht geltend machen kann.

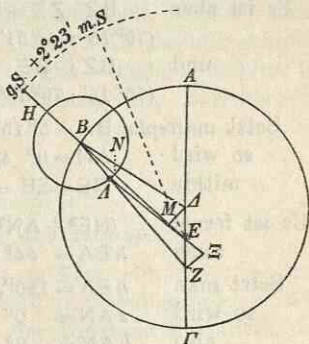
Setzt man  $h EB = 120^p$ ,  
 so wird  $s B\Theta = 10^p 34'$  in diesem Maße,  
 folglich  $b B\Theta = 10^\circ 6'$  wie  $\ominus B\Theta E = 360^\circ$ ,  
 mithin  $\sphericalangle BE\Theta = 10^\circ 6'$  wie  $2R = 360^\circ$ ,  
 $= 5^\circ 3'$  wie  $4R = 360^\circ$ .

Ha 323

5

Somit beträgt der Winkel des Maximums der Anomalie-  
 differenz  $5^0 3'$  anstatt  $5^0 1'$ , welche eintreten, wenn der Epi- Hei 398  
 zykel im Apogeum A steht. Es beträgt also aus dem ersten  
 Grund der Unterschied der Anomaliedifferenz nur 2 Sechzig-  
 theile eines Grades, die noch nicht einmal einen Fehler von  $10$   
 $\frac{1}{16}$  Stunde (oder  $3^{\frac{3}{4}m}$ ) bewirken können.<sup>a)</sup>

II. Der Mond sei in dem  
 mittleren Perigeum  $\Lambda$  an-  
 genommen, damit, wie leicht  
 zu begreifen, der  $\sphericalangle AEB$  ledig-  
 lich von der Anomalie der  
 Sonne das Doppelte, d. i.  $4^0 46'$   
 betrage. Man ziehe an der  
 ähnlichen Figur die Verbin-  
 dungslinie  $E\Lambda$ , falle auf  $BE$   
 von  $\Lambda$  das Lot  $\Lambda N$  und von  $\Delta$   
 das Lot  $\Delta M$ , schließlich von  $Z$   
 auf die Verlängerung von  $BE$   
 das Lot  $Z\Xi$ . Der Gang des  
 Beweises ist derselbe wie oben.



15

20

Es ist

25

$$\begin{aligned} \sphericalangle AEB &= 4^0 46' \text{ wie } 4R = 360^\circ, \\ &= 9^0 32' \text{ wie } 2R = 360^\circ; \end{aligned}$$

$$\text{folglich } \left\{ \begin{array}{l} b \Delta M = 9^0 32' \\ b EM = 170^0 28' \end{array} \right\} \text{ wie } \ominus \Delta ME = 360^\circ;$$

$$\text{desgleichen } \left\{ \begin{array}{l} b Z\Xi = 9^0 32' \\ b E\Xi = 170^0 28' \end{array} \right\} \text{ wie } \ominus Z\Xi E = 360^\circ;$$

$$\text{also } \left\{ \begin{array}{l} s \Delta M = 9^p 58' \\ s EM = 119^p 35' \end{array} \right\} \text{ wie } h \Delta E = 120^p;$$

30

{ Ha 324  
Hei 399

a) Weil der mittlere Mond stündlich  $32' 56''$  in Länge zurück-  
 legt, also in  $\frac{1}{16}$  Stunde  $2' 3'' 30''$ , mithin  $2'$  in weniger Zeit.

desgleichen  $\left\{ \begin{array}{l} s Z\Xi = 9^p 58' \\ s E\Xi = 119^p 35' \end{array} \right\}$  wie  $h EZ = 120^p$ .

Setzt man  $\Delta E$  und  $EZ = 10^p 19'$  wie  $exhm B\Delta = 49^p 41'$ ,

so wird  $\Delta M$  und  $Z\Xi = 0^p 51'$ ,

5  $EM$  und  $E\Xi = 10^p 17'$ .

Nun ist ferner  $B\Delta^2 - \Delta M^2 = BM^2$ ,

folglich  $BM = 49^p 41'$ ,

mithin  $\left\{ \begin{array}{l} EB = BM + EM = 59^p 58' \\ B\Xi = EB + E\Xi = 70^p 15' \end{array} \right\}$  wie  $Z\Xi = 0^p 51'$ ,

10 Nun ist auch  $B\Xi^2 + Z\Xi^2 = BZ^2$ ,

folglich  $h BZ = 70^p 15'$ .

Es ist aber  $BZ : Z\Xi = B\Lambda : \Lambda N$ , (Eukl. VI. 4)

$(70^p 15' : 0^p 51' = B\Lambda : \Lambda N)$

und  $BZ : B\Xi = B\Lambda : BN$ .

15  $(70^p 15' : 70^p 15' = B\Lambda : BN)$

Setzt man  $ephm B\Lambda = 5^p 15'$  wie  $EB = 59^p 58'$ ,

so wird  $\Lambda N = 0^p 4'^a)$  und  $BN = 5^p 15'^b)$

Hei 400 mithin  $NE = EB - BN = 54^p 43'$  wie  $\Lambda N = 0^p 4'$ .

Es ist ferner  $(NE^2 + \Lambda N^2 = E\Lambda^2)$ , folglich

20 auch  $h E\Lambda = 54^p 43'$  weil von  $NE$  unwesentlich

Setzt man  $h E\Lambda = 120^p$ , [verschieden.

so wird  $s \Lambda N = 0^p 8'$  in diesem Maße,

also  $b \Lambda N = 0^0 8'$  wie  $\ominus \Lambda NE = 360^0$ ,

Ha 325 mithin  $\sphericalangle BE\Lambda = 0^0 8'$  wie  $2R = 360^0$ ,

25  $= 0^0 4'$  wie  $4R = 360^0$ .

Das ist der Winkel, welchen der Mond infolge der Neigung (des Epizykels) nach dem Punkte  $Z$  als Unterschied (der Anomalie) bewirkt. Es beträgt demnach auch in diesem Falle der Unterschied von der Anomalie des Mondes (die 30 gleich Null war) nur 4 Sechzigteile (eines Grades), welche

a) Aus der ersten Proportion  $BZ : Z\Xi = B\Lambda : \Lambda N$ , die dann lautet:  $70^p 15' : 0^p 51' = 5^p 15' : 0^p 4'$ .

b) Aus der zweiten Proportion  $BZ : B\Xi = B\Lambda : BN$ , die dann lautet:  $70^p 15' : 70^p 15' = 5^p 15' : 5^p 15'$ .

gleichfalls keinen beträchtlichen Fehler hinsichtlich der Erscheinungen in den Syzygien bewirken, weil sie noch nicht einmal einen Fehler von  $\frac{1}{8}$  Stunde (oder  $7^m 30^s$ ) verursachen können<sup>a)</sup>, der sich bis zu diesem Betrage auch bei den Beobachtungen selbst in vielen Fällen nicht wider Erwarten 5 einstellen wird.

Die vorstehenden Beweisführungen haben wir nur nebenbei mitgeteilt, nicht als ob es unmöglich wäre, zur Feststellung der Syzygien auch noch diese Unterschiede, und wenn sie noch so klein sind, mit in Rechnung zu ziehen, 10 sondern um zu zeigen, daß von uns bei den Beweisen, die wir mit Hilfe der mitgeteilten Mondfinsternisse geführt haben, kein merkbarer Fehler gemacht worden ist, wenn wir dabei nicht die (komplizierte) Hypothese zur Anwendung gebracht haben, welche mit den Ergänzungen versehen worden ist, 15 die sich weiterhin aus der Einführung des Exzenters ergaben.<sup>b)</sup>

## Elftes Kapitel.

### Die Parallaxen des Mondes.

Die Mittel und Wege, welche zur Feststellung des genauen Hei 401 Mondlaufs führen, dürften hiermit zur Genüge erörtert sein. Da aber bei dem Monde noch der Umstand hinzutritt, daß 20 sein scheinbarer Lauf für die sinnliche Wahrnehmung Ha 326 keineswegs mit dem genauen (d. i. geozentrischen) zusammenfällt, weil, wie (S. 192, 18) gesagt, die Erde zur Entfernung seiner Sphäre nicht das Verhältnis eines Punktes hat, so dürfte es dringend geboten und logisch richtig sein, 25 sowohl wegen der übrigen Erscheinungen als auch insbesondere

a) Insofern der Mond in  $\frac{1}{8}$  Stunde  $4' 7''$  in Länge zurücklegt, mithin  $4'$  in etwas weniger Zeit. Zur Übersetzung nehme ich an, daß hinter *δυναμένα διαψεύσασθαι* ausgefallen ist (vgl. Heiberg, S. 398, 4).

b) D. h. wenn wir uns bei diesen Beweisen lediglich auf die einfache Mondhypothese gestützt haben, die zur Erklärung der ersten Anomalie dient.

wegen der theoretischen Behandlung der Sonnenfinsternisse das Kapitel von den Parallaxen des Mondes anzuschließen. Denn nur mit Rücksicht auf diese wird es möglich sein, aus dem genauen Lauf, welcher von der Vorstellung auf  
 5 den Mittelpunkt der Erde und der Ekliptik bezogen wird, auch den vom Auge des Beobachters, d. h. von irgendeinem Punkte der Erdoberfläche aus theoretisch betrachteten (scheinbaren) Lauf durch Rechnung zu finden, und dann wieder umgekehrt aus dem scheinbaren den genauen.

10 Die Behandlung dieses Gegenstandes hat sich mit dem Umstand abzufinden, daß weder die Einzelbeträge der Parallaxen ermittelt werden können, ohne daß das Verhältnis der Entfernung gegeben ist, noch das Verhältnis der Entfernung selbst bestimmt werden kann, ohne daß eine Parallaxe  
 15 gegeben ist. Man kann daher bei Körpern, welche gar keine wahrnehmbare Parallaxe zeigen, d. h. bei solchen, zu  
 Hei 402 welchen die Erde das Verhältnis eines Punktes hat, begreiflicher Weise auch das Verhältnis der Entfernung nicht bestimmen, während bei solchen Körpern, die eine Parallaxe  
 20 zeigen, wie bei dem Monde, es füglich erreichbar sein dürfte, mit Hilfe einer zunächst gegebenen Parallaxe — eine solche Parallaxenbeobachtung kann nämlich für sich allein erzielt werden — lediglich das Verhältnis der Entfernung zu finden, wogegen die Ermittlung des zahlmäßigen Be-  
 25 trags der Entfernung vollständig ausgeschlossen ist.

Hipparch ist bei dem Versuch einer Parallaxengewinnung vornehmlich von der Sonne ausgegangen. Da sich nämlich  
 Ha 327 aus einigen anderen an der Sonne und dem Monde zutage tretenden Verhältnissen<sup>a)</sup>, von denen in den nächsten Kapiteln  
 30 (14 — 16) die Rede sein wird, der Schluß ziehen läßt, daß,

a) Gemeint ist das eingangs Kap. 14 mitgeteilte Beobachtungsergebnis, daß der Durchmesser des Mondes bei den Syzygien in seiner größten Entfernung unter dem gleichgroßen Winkel erscheint, wie der konstant nahezu unter demselben Winkel erscheinende Durchmesser der Sonne, und daß dieser Winkel gemessen werden kann, d. h. daß die Größe der Durchmesser von Sonne und Mond gegeben ist.

wenn die Entfernung des einen der beiden Lichtkörper gegeben ist, auch die Entfernung des anderen sich bestimmen läßt, so versucht er durch annähernde Schätzung der Sonnenentfernung auf diesem Wege auch die Entfernung des Mondes nachzuweisen. Zuerst geht er hierbei von der Voraussetzung aus, daß die Sonne nur das Minimum einer gerade noch wahrnehmbaren Parallaxe zeige, um daraus ihre Entfernung zu bestimmen. Später aber, weil angeblich die Sonne bald gar keine wahrnehmbare, bald eine genügend große Parallaxe zeige, sucht er sein Ziel mit Hilfe der von ihm mitgeteilten Sonnenfinsternis<sup>36)</sup> zu erreichen. Daher sind ihm auch die Verhältnisse der Mondentfernung je nach der gemachten Voraussetzung verschieden ausgefallen, da die Entfernung der Sonne durchaus zweifelhaft bleibt, nicht nur im Punkte des Betrags ihrer Parallaxe, sondern weil es fraglich ist, ob sie überhaupt eine zeigt.

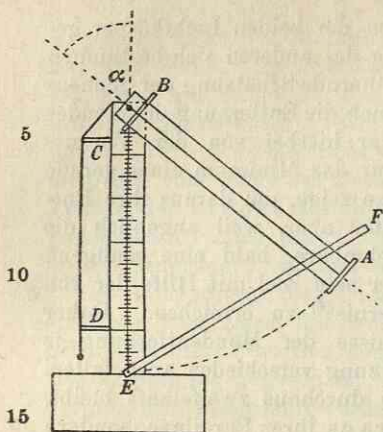
## Zwölftes Kapitel.

### Konstruktion eines parallaktischen Instruments.

Um bei der so wichtigen Untersuchung keinerlei unsichere Faktoren zuzulassen, haben wir ein Instrument konstruiert, mit dessen Hilfe wir durch Beobachtung mit möglichster Genauigkeit festzustellen vermöchten, in welcher Stärke und in welchem Zenitabstand der Mond auf dem durch ihn und die Pole des Horizonts gehenden größten (Höhen-)Kreis eine Parallaxe zeigt. Hei 403

Wir haben zwei vierseitige Richtscheite<sup>a)</sup> angefertigt, beide nicht unter vier Ellen lang, um eine feinere Teilung zu ermöglichen, aber auch von einem angemessenen Umfang, damit sie sich nicht infolge ihrer (überwiegenden) Länge verziehen könnten, sondern allseitig genau wie nach der Schnur glatt und gerade verliefen. Auf beiden haben wir Ha 398

a) Die Figur ist meiner Abhandlung: „Die Parallaxen des Mondes und seine Entfernung von der Erde nach Ptolemäus“, Weltall 10. Jahrg. S. 34, entnommen.



alsdann der Länge nach in der Mitte der breiteren Seite gerade Linien eingeritzt und auf das eine Richtscheit an den beiden äußersten Enden quer über die Mittellinie senkrecht stehende kleine vier-eckige Platten (A und B) auf-gesetzt, beide gleichgroß und zueinander parallel. Beide Platten haben eine genau in der Mitte angebrachte Ab-sehöffnung, die eine Platte, welche (bei dem Gebrauch des Instruments) am Auge sein soll, eine kleine, die

andere am Monde eine verhältnismäßig größere, so daß, wenn man das eine Auge an die Platte mit der kleineren Absehöffnung anlegt, durch die in geradliniger Fortsetzung liegende Absehöffnung der anderen Platte der Mond in seinem  
 21 ganzen Umfang gesehen werden kann. Nachdem wir nun beide Richtscheite auf den Mittellinien an dem einen Ende, und zwar das eine dicht vor der Platte (B) mit der größeren Absehöffnung, gleichmäßig durchbohrt hatten, haben wir  
 25 durch beide einen kleinen Achsenstift gesteckt, so daß von ihm die an den Mittellinien der Richtscheite verbundenen Seiten wie von einem Zentrum zusammengehalten werden und das die Platten tragende Richtscheit beliebig, ohne aus der Richtung zu kommen, herumbewegt werden kann. Nach-  
 30 dem wir das andere Richtscheit, welches keine Platten trägt, in einen Standfuß fest eingelassen hatten, haben wir auf den Mittellinien beider an den am Standfuß befindlichen Enden gewisse Punkte festgelegt, welche von dem im Achsenstift liegenden Zentrum gleichweit, und zwar so weit als  
 35 Ha 329 möglich entfernt sind. Hierauf haben wir die so abgegrenzte Linie des mit dem Standfuß versehenen Richtscheits in 60 Teile geteilt und von diesen noch jeden in so viele

Unterabteilungen als angängig. Endlich haben wir auch an der Rückseite des nämlichen Richtscheits an seinen Endpunkten (d. h. oben und unten) kleine Platten (C und D) angebracht, welche ihre nach derselben Seite gerichteten Flächen dicht an derselben eingeritzten Linie in geradliniger 5 Richtung einander zuwenden und von derselben Mittellinie allenthalben gleichweit abstehen. Diese Vorrichtung hat den Zweck, daß vermittels eines an diesen Platten herabhängenden Lotes das Richtscheit senkrecht, d. h. ohne jede Neigung gegen die Ebene des Horizonts, aufgestellt werden 10 könne.

Nachdem wir vorher auf einer mit dem Horizont parallelen Ebene eine Mittagslinie gezogen hatten, haben wir das Instrument an einem schattenfreien Orte senkrecht aufgestellt, so daß die Seiten der Richtscheite, an denen sie 15 durch den Achsenstift miteinander verbunden sind, zu der danebengezogenen Mittagslinie parallel verlaufend die Richtung nach Süden einhalten. Dann steht das Richtscheit mit dem Standfuß senkrecht ohne Neigung, ohne Verschiebung und unerschütterlich fest, während das andere, dem 20 ausgeübten Druck entsprechend nachgebend, um den Achsenstift in der Ebene des Meridians beweglich ist.

Schließlich haben wir noch ein weiteres Richtscheit in Gestalt eines schmalen geraden Lineals angebracht. Dasselbe ist vermittels eines kleinen Nagels an dem am Standfuß 26 befindlichen Endpunkt (E) der eingetheilten Linie (d. i. der sechzigteiligen Skala) angefügt, damit es gleichfalls herum bewegt werden könne. Es reicht bis zu dem äußersten Punkt, bis an welchen der gleichweit (vom Achsenstift) entfernte Endpunkt der Mittellinie des anderen Richtscheits durch 30 Drehung einen Kreisbogen beschreibt, und vermag daher, mit dem Richtscheit gleichzeitig in Bewegung gesetzt, den zwischen den beiden Endpunkten in der Richtung der Sehne entstehenden Abstand anzuzeigen.

Wir haben nun die Beobachtungen des Mondes auf folgende Weise angestellt. Dabei mußte er gerade im Meridian und in den Wendepunkten der Ekliptik stehen, weil in diesen 35

Positionen die durch die Pole des Horizonts und das Zentrum des Mondes gezogenen größten (Höhen-) Kreise ohne merklichen Fehler mit den durch die Pole der Ekliptik gehenden (Breiten-) Kreisen zusammenfallen, auf welche die Örter des Mondes in Breite theoretisch bezogen werden. Deshalb kann der genaue Zenitabstand ohne weiteres bequem bestimmt werden.

Wir richteten also, während der Mond genau im Meridian stand, das die Platten tragende Richtscheit auf ihn, bis sein Zentrum, durch beide Absehöffnungen anvisiert, in die Mitte der größeren Öffnung zu stehen kam. Nun merkten wir auf dem schmalen Lineal den Abstand zwischen den äußersten Endpunkten der auf den Richtscheiten gezogenen geraden Linien durch einen Punkt an und legten es an die sechzigteilige Skala des senkrecht stehenden Richtscheits. Hiermit fanden wir, wieviel Teile die den obenbezeichneten Abstand messende Sehne von solchen Teilen enthielt, deren bekanntlich 60 auf den Halbmesser des von der Drehung (des Richtscheits) in der Ebene des Meridians beschriebenen Kreises gerechnet werden. Alsdann entnahmen wir (den Sehnentafeln) den die gefundene Sehne überspannenden Bogen und erhielten somit den Bogen, welchen zurzeit der scheinbare Mond auf dem durch sein Zentrum und die Pole des Horizonts gezogenen größten (Höhen-) Kreis, der zurzeit mit dem durch die Pole des Äquators und der Ekliptik gehenden Meridian zusammenfiel, Abstand von dem Zenit hatte.

Um weiter das Maximum der Breite, welches der Mond erreichen kann, genau in Erfahrung zu bringen, haben wir von der Anvisierung Gebrauch gemacht, als der Mond in möglichster Nähe des Sommerwendepunktes und außerdem genau im nördlichsten Grenzpunkt seines schiefen Kreises stand, weil in der Nähe dieser Punkte erstens der Mondlauf für die sinnliche Wahrnehmung auf eine ziemliche Strecke in Breite unverändert bleibt, und weil zweitens der Mond für den Parallel von Alexandria, auf welchem wir unsere Beobachtungen angestellt haben, in diesem Falle dicht am Zenit steht, wo (vgl. S. 192, 32) sein scheinbarer Ort ohne

merklichen Fehler mit dem genauen (d. i. geozentrischen) zusammenfällt. Es wurde aber in den bezeichneten Positionen das Zentrum des Mondes konstant in einem Zenitabstand von  $2\frac{1}{8}^{\circ}$  festgestellt, so daß auch aus dieser Art der Prüfung der Nachweis des Maximums der Breite beiderseits der Ekliptik mit  $5^{\circ}$  hervorgeht. Denn zieht man von den in Alexandria vom Zenit bis zum Äquator nachgewiesenen  $30^{\circ}58'$  diese  $2\frac{1}{8}^{\circ}$  des scheinbaren Zenitabstandes ab, so ergibt der Rest einen Überschuß von  $5^{\circ}$  über die vom Äquator bis zum Sommerwendepunkt nachgewiesenen  $23^{\circ}51'$ .

Um auch die Aufgabe der Parallaxenbestimmung zu lösen, haben wir wieder auf dieselbe Weise den Mond beobachtet, als er in der Nähe des Winterwendepunktes stand, erstens aus dem obengenannten Grunde<sup>a)</sup>, und zweitens, weil er in diesem Falle bei dem entsprechend tieferen Stande im Meridian in seinem größten Zenitabstand auch eine größere und deutlicher wahrnehmbare Parallaxe zeigen muß.

Aus einer Mehrzahl von Parallaxenbeobachtungen, welche von uns bei den Positionen dieser Art angestellt worden sind, wollen wir nun wieder eine mitteilen, an der wir sowohl den Gang der Berechnung erläutern, als auch den Nachweis der weiteren Konsequenzen in der gebotenen Reihenfolge erbringen werden.

### Dreizehntes Kapitel.

#### Nachweis der Entfernungen des Mondes.

Im 20<sup>ten</sup> Jahre Hadrians am 13. ägyptischen Athyr  $5\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunden nach Mittag (1. Oktober 135 n. Chr.  $5^h 50^m$  nachmittags) haben wir, als die Sonne gerade unterging, den Mond beobachtet, nachdem er in den Meridian getreten war. Mit dem Instrument stellten wir für sein Zentrum einen scheinbaren Zenitabstand von  $50^{\circ}55'$  fest; denn der auf dem schmalen Lineal angemerkte Abstand be-

a) Weil dort ebenfalls seine Breite auf eine ziemliche Strecke unverändert bleibt.

trug  $51^{\text{P}}35'$  von den  $60^{\text{P}}$ , in welche der Halbmesser des durch die Drehung beschriebenen Kreises geteilt war. Es Ha 333  
 unterspannt aber die Sehne von dieser Größe einen Bogen von  $50^{\circ}55'$ , wie der Kreis  $360^{\circ}$  hat.

5 I. Nun beträgt die Zeit von den Epochen im ersten Jahr Nabonassars bis zu der vorliegenden Beobachtung  $882$  ägyptische Jahre,  $72$  Tage und  $5\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunden schlechthin,  $5\frac{1}{3}$  nach genauer Rechnung. Für diese Zeit finden wir Hei 409

	als mittleren Ort der Sonne	$\underline{\text{D}} 7^{\circ}31'$
10	als genauen Ort der Sonne	$\underline{\text{D}} 5^{\circ}28'$
	als mittleren Ort des Mondes	$\times 25^{\circ}44'$
	als Elongation (von $\underline{\text{D}} 7^{\circ}31'$ bis $\times 25^{\circ}44'$ )	$78^{\circ}13'$
	als Entfernung vom mittleren Apogeum des Epizykels	$262^{\circ}20'$
	als Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt der Breite	$354^{\circ}40'$

15 Es betrug mithin die Anomaliedifferenz, in ihrem Gesamtbetrag nach der betreffenden Tabelle berechnet,  $+7^{\circ}26'$ , so daß der genaue Ort des Mondes in Länge zu jener Stunde ( $\times 25^{\circ}44' + 7^{\circ}26'$  d. i.)  $\bar{\text{C}} 3^{\circ}10'$  war, während das Mondzentrum in Breite auf dem schiefen Kreise ( $354^{\circ}40' + 7^{\circ}26'$  d. i.)  $2^{\circ}6'$  von dem nördlichen Grenzpunkt entfernt war und auf dem durch die Pole der Ekliptik gehenden (Breiten-) Kreis, der zurzeit ohne merklichen Fehler mit dem Meridian zusammenfiel, von der Ekliptik einen nördlichen Abstand von  $4^{\circ}59'$  hatte.<sup>a)</sup>

25 Nun hat der Punkt  $\bar{\text{C}} 3^{\circ}10'$  auf dem letztgenannten Kreise (nach der Tabelle der Schiefe zu  $87^{\circ}$ ) vom Äquator eine südliche Deklination von  $23^{\circ}44'$ , und der Äquator vom Zenit in Alexandria einen gleichfalls südlichen Abstand von Ha 334  
 $30^{\circ}58'$ ; mithin hatte das Zentrum des Mondes einen genauen  
 30 Zenitabstand von  $49^{\circ}48'$ .<sup>b)</sup> Nun betrug der scheinbare Ab-

a) Vgl. die Tabelle der Gesamtanomalie, 7 Spalte der Breite, erste Zeile, wo zur ersten Argumentzahl 6 die nördliche Breite mit  $4^{\circ}58'$  angesetzt ist.

b) Da die nördliche Breite den Mond dem Zenit näher bringt, als der tiefste Punkt der Ekliptik im Meridian steht, so ist der Zenitabstand  $23^{\circ}49' + 30^{\circ}58'$  um  $4^{\circ}59'$  zu verkürzen.

stand  $50^{\circ}55'$ ; folglich zeigte der Mond in der Entfernung, Hei 410  
 in welcher er zur Zeit der beobachteten Position stand, bei  
 dem genauen Zenitabstand von  $49^{\circ}48'$  auf dem durch ihn  
 und die Pole des Horizonts gehenden größten (Höhen-) Kreis  
 eine Parallaxe von  $(50^{\circ}55' - 49^{\circ}48' =) 1^{\circ}7'$ . 5

II. Dieser Wert mußte fürs erste festgestellt werden. Es  
 seien in der Ebene des durch den Mond und die Pole des  
 Horizonts gehenden größten (Höhen-) Kreises um ein und  
 dasselbe Zentrum gezogen:

1. AB als größter Kreis der  
 Erde;

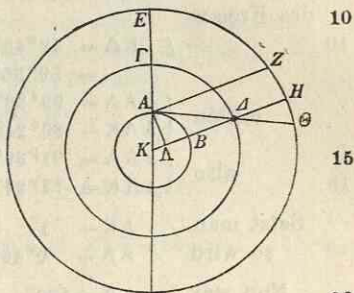
2.  $\Gamma\Delta$  als der zur Zeit der  
 Beobachtung durch das Mond-  
 zentrum gehende (Höhen-)  
 Kreis;

3. EZH $\Theta$  als der Kreis, zu  
 welchem die Erde das Ver-  
 hältnis eines Punktes hat.

Gemeinsames Zentrum aller  
 drei Kreise sei K, die durch  
 die Scheitelpunkte g $\ddot{a}$ hende Gerade sei KAGE. Der Mond  
 soll bei dem oben festgestellten Zenitabstand von  $49^{\circ}48'$  in  
 Punkt  $\Delta$  angenommen sein. Man ziehe die Verbindungslinien  
 K $\Delta$ H, A $\Delta$  $\Theta$ , fälle von Punkt A, der das Auge des Beob- Hei 411  
 achters wird, auf KB das Lot A $\Lambda$  und ziehe parallel zu 25  
 KH die Gerade AZ.

1. Daß der Bogen H $\Theta$  für den Beobachter in A die Paral-  
 laxe des Mondes darstellt, ist klar; er beträgt mithin der  
 Beobachtung gemäß  $1^{\circ}7'$ . Da aber der Bogen Z $\Theta$  nur un-  
 beträchtlich größer ist als der Bogen H $\Theta$ , weil die Erde als 30  
 Ganzes zu dem Kreis EZH $\Theta$  das Verhältnis eines Punktes hat,  
 so dürfte auch der Bogen ZH $\Theta$  ohne merklichen Fehler  $1^{\circ}7'$  Ha 335  
 betragen. Da nun Punkt A wieder im Verhältnis zu dem  
 Kreis Z $\Theta$  nur unwesentlich verschieden von dem Mittel-  
 punkt desselben ist, so ist auch 35

$$\begin{aligned} \angle ZA\Theta &= 1^{\circ} 7' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ &= 2^{\circ} 14' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$



Nun ist  $\angle A\Delta\Lambda = \angle ZA\Theta$ , (Eukl. I. 29)  
 folglich auch  $\angle A\Delta\Lambda = 2^\circ 14'$  wie  $2R = 360^\circ$ ;  
 mithin  $bA\Lambda = 2^\circ 14'$  wie  $\ominus A\Delta\Delta = 360^\circ$ ,  
 also  $sA\Lambda = 2^p 21'$  wie  $hA\Delta = 120^p$ .

5 Da nun  $\Lambda\Delta$  unbedeutend  $< A\Delta$ ,  
 so ist auch  $\Lambda\Delta = 120^p$  wie  $A\Lambda = 2^p 21'$ .

Hei 412 2. Es ist ferner nach der gemachten Voraussetzung der  
 Bogen  $\Gamma\Delta$  mit  $49^\circ 48'$  gegeben; folglich ist als Zentriwinkel  
 des Kreises

10  $\angle \Gamma K\Delta = 49^\circ 48'$  wie  $4R = 360^\circ$ ,  
 $= 99^\circ 36'$  wie  $2R = 360^\circ$ ;  
 mithin  $\left\{ \begin{array}{l} bA\Lambda = 99^\circ 36' \\ b\Lambda K = 80^\circ 24' \end{array} \right\}$  wie  $\ominus A\Lambda K = 360^\circ$ ,  
 also  $\left\{ \begin{array}{l} sA\Lambda = 91^p 39' \\ s\Lambda K = 77^p 27' \end{array} \right\}$  wie  $hAK = 120^p$ .

Setzt man  $AK = 1^r$  als Erdhalbmesser,  
 so wird  $A\Lambda = 0^r 46'$  und  $\Lambda K = 0^r 39'$ .

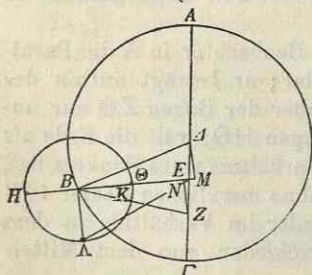
Nun war  $\Lambda\Delta = 120^p$  wie  $A\Lambda = 2^p 21'$ . (s. Z. 6)

Setzt man  $A\Lambda = 0^r 46'$ , so wird  $\Lambda\Delta = 39^r 6'$ .

Ha 336 Ferner war  $\Lambda K = 0^r 39'$  wie  $AK = 1^r$ ;  
 21 folglich ist  $K\Lambda\Delta = \Lambda\Delta + \Lambda K = 39^r 45'$ .

Hiermit ist (in Erdhalbmessern ausgedrückt) die Ent-  
 fernung des Mondes gefunden,  
 wie sie zur Zeit der Beob-  
 achtung war.

25



30

Hei 413 der Ekliptik der Punkt E angenommen, und als Punkt der  
 Neigung des Epizykels der Punkt Z. Um B beschreibe

III. Nachdem diese Entfer-  
 nung nachgewiesen ist, sei  
 $AB\Gamma$  der Exzenter des Mondes  
 um das Zentrum  $\Delta$  und den  
 Durchmesser  $A\Delta\Gamma$ . Auf letz-  
 terem sei als der Mittelpunkt

man den Epizykel  $H\Theta K\Lambda$  und ziehe die Verbindungslinien  $HB\Theta E$ ,  $B\Delta$ ,  $BKZ$ . Der Mond soll nach der vorliegenden Beobachtung in Punkt  $\Lambda$  angenommen sein. Man ziehe die Verbindungslinien  $\Lambda E$ ,  $\Lambda B$  und fälle auf die Verlängerung von  $BE$  von  $\Delta$  das Lot  $\Delta M$ , von  $Z$  das Lot  $ZN$ . 5

1. Da zur Zeit der Beobachtung (S. 300, 12) die Zahl der Elongation  $78^{\circ}13'$  betrug, so ist aus den früher (S. 262, 27) mitgetheilten theoretischen Gründen

$$\begin{aligned} & \angle AEB = 156^{\circ}26' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \\ \text{mithin } & \angle ZEN = 23^{\circ}34' \text{ wie } 4R = 360^{\circ} \text{ als Nebenw., } 10 \\ \text{folglich auch } & \angle \Delta EM = 23^{\circ}34' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}, \text{ (Eukl. I. 15)} \\ & = 47^{\circ}8' \text{ wie } 2R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$

Hei 414

$$\begin{aligned} & \text{Weil } \Delta E = EZ, \text{ (S. 278, 19)} \\ & \text{(mithin } \Delta \Delta ME \cong \Delta ZNE, \text{ a)} \end{aligned}$$

$$\text{so ist } \left\{ \begin{array}{l} b \Delta M \\ b ZN \end{array} \right\} = 47^{\circ}8' \text{ wie } \ominus \Delta ME = 360^{\circ}; \quad 15$$

$$\text{desgleichen } \left\{ \begin{array}{l} b EM \\ b EN \end{array} \right\} = 132^{\circ}52' \text{ wie } \ominus ZNE = 360^{\circ}; \quad \text{Ha 337}$$

$$\text{also } \left\{ \begin{array}{l} s \Delta M \\ s ZN \end{array} \right\} = 47^{\text{P}}59' \text{ wie } \left\{ \begin{array}{l} h \Delta E = 120^{\text{P}}, \\ h EZ = 120^{\text{P}}, \end{array} \right. \quad 20$$

$$\text{desgleichen } \left\{ \begin{array}{l} s EM \\ s EN \end{array} \right\} = 110^{\text{P}}0' \text{ wie } \left\{ \begin{array}{l} h \Delta E = 120^{\text{P}}, \\ h EZ = 120^{\text{P}}. \end{array} \right.$$

Setzt man  $\Delta E$  und  $EZ = 10^{\text{P}}19'$  wie *exhm*  $B\Delta = 49^{\text{P}}41'$ ,  
so wird  $\Delta M$  und  $ZN = 4^{\text{P}}8'$ ,  $EM$  und  $EN = 9^{\text{P}}27'$ .

$$\begin{aligned} & \text{Nun ist } B\Delta^2 - \Delta M^2 = BM^2, \quad 25 \\ & \text{folglich } BM = 49^{\text{P}}31', \end{aligned}$$

$$\text{mithin } \left\{ \begin{array}{l} BE = BM - EM = 40^{\text{P}}4' \\ BN = BE - EN = 30^{\text{P}}37' \end{array} \right\} \text{ wie } ZN = 4^{\text{P}}8'.$$

$$\begin{aligned} & \text{Es ist ferner } BN^2 + ZN^2 = BZ^2, \\ & \text{folglich } h BZ = 30^{\text{P}}54' \text{ wie } ZN = 4^{\text{P}}8'. \quad 30 \end{aligned}$$

a) Diese rechtwinkligen Dreiecke sind kongruent, weil die Hypotenusen und die beiden spitzen Winkel gleich sind; denn durch den einen ist auch der andere als Komplementwinkel ( $132^{\circ}52'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ) gegeben.



Nachdem von uns auf die dargelegte Weise die Entfernungen des Mondes nachgewiesen worden sind, dürfte es der Reihenfolge nach die nächste Aufgabe sein, auch die Entfernung der Sonne mit nachzuweisen, da auch diese Aufgabe auf dem Wege der geometrischen Konstruktion bequem zu lösen ist, wenn außer den Entfernungen des Mondes in den Syzygien noch die Größen der Winkel gegeben sind, unter welchen die Durchmesser der Sonne, des Mondes und des (Erd-) Schattens in den Syzygien dem Auge erscheinen.

### Vierzehntes Kapitel.

#### Größenbetrag der scheinbaren Durchmesser der Sonne, des Mondes und des Schattens in den Syzygien.

Von den zur Untersuchung dieses Gegenstandes angewendeten Methoden haben wir alle anderen, welche mit Hilfe von Gefäßen zum Messen von Wassermengen oder nach Maßgabe der Zeiten, die bei den Nachtgleichenaufgängen verstreichen, angeblich zur Messung der Lichtkörper führen sollen, absichtlich außer acht gelassen, weil die vorliegende Aufgabe durch derartige Verfahren nicht mit dem erforderlichen Erfolg gelöst werden kann. Wir haben vielmehr das schon von Hipparch erklärte Instrument<sup>a)</sup>, die auf dem vier Ellen langen Richtscheit (verschiebbare) Dioptra konstruiert und sind bei den damit angestellten Beobachtungen zu folgenden Ergebnissen gelangt.

Der Durchmesser der Sonne erscheint konstant nahezu unter dem gleichgroßen Winkel, d. h. ein beträchtlicher Unterschied infolge ihrer (verschiedenen) Entfernungen tritt nicht ein. Dagegen erscheint der Durchmesser des Mondes nur dann ebenfalls unter demselben Winkel wie der Durchmesser der Sonne, wenn der Mond zur Zeit des Vollmonds im Apo-

a) Man vergleiche die Gebrauchserklärung in der Hypotyposis des Proklus S. 127 ff. und die von mir dazu gegebenen Erläuterungen, welche die Größenverhältnisse des Instruments und den Unterschied von der Dioptra des Pappus betreffen.

geum des Epizykels in seiner größten Entfernung von der Erde steht, nicht in der mittleren, wie die früheren Astronomen auf Grund ihrer Hypothesen annahmen. Außerdem finden wir auch die Winkel an sich um ein beträchtliches kleiner als die überlieferten. Indessen haben wir dieses Ergebnis nicht durch das Meßverfahren auf dem Richtscheit errechnet, sondern mit Hilfe gewisser Mondfinsternisse festgestellt. Nämlich die Frage: wann erscheinen beide Durchmesser unter den gleichgroßen Winkeln? konnte bequem vermöge der Konstruktion des Richtscheits beantwortet werden, weil hiermit keinerlei Meßarbeit verbunden war; allein die Beantwortung der Frage: wie groß ist der Winkel? erschien uns recht zweifelhaft, weil bei den Verschiebungen der Deckplatte die Feststellung (des Verhältnisses) ihrer Breite zur Länge der Strecke auf dem Richtscheit vom Auge bis zu der (beweglichen) Platte auf mühsamer Meßarbeit beruht<sup>a)</sup>, wodurch die Genauigkeit des Ergebnisses stark beeinträchtigt werden kann. Da aber ein für allemal der Mond in seiner größten Entfernung dem Auge unter dem gleichgroßen Winkel wie die Sonne erschien, so haben wir mit Hilfe der Mondfinsternisse, welche bei dieser Entfernung beobachtet worden sind, die Größe des Winkels, unter dem der Mond erschien, durch Rechnung festgestellt, womit wir ohne weiteres gleichzeitig den Winkel der Sonne nachgewiesen hatten. Den Gang des hierbei eingeschlagenen Verfahrens wollen wir wieder an zwei von den zugrunde gelegten Finsternissen verständlich machen.

Im 5<sup>ten</sup> Jahre Nabopollassars, welches das 127<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar ist, begann am 27/28. ägyptischen Athyr (22. April 621 v. Chr.) gegen Ende der 11<sup>ten</sup> (Nacht-) Stunde in Babylon der Mond sich zu verfinstern; das Maximum der Verfinsternung betrug  $\frac{1}{4}$  des Durchmessers von Süden. Da also der Anfang der Finsternis 5 bürgerliche Stunden nach Mitternacht stattfand, die Mitte aber ungefähr 6 solche Stunden

a) Hultsch, Winkelmessungen durch die Hipparchische Dioptra. Abh. zur Gesch. der Math. 1899.



dann fällt der vierte Teil des Monddurchmessers in den Schatten.<sup>a)</sup>

Ferner war im 7<sup>ten</sup> Jahre des Kambyses, welches das 225<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar ist, am 17/18. ägyptischen 5 Phamenoth (16. Juli 523 v. Chr.) eine (Äquinoktial-)Stunde vor Mitternacht in Babylon eine Mondfinsternis, welche sich auf die Hälfte des Durchmessers von Norden erstreckte. Es hat demnach auch diese Finsternis (d. h. ihre Mitte) in Ale-  
Ha 342 xandria 1<sup>5</sup>/<sub>6</sub> Äquinoktialstunde vor Mitternacht (10<sup>h</sup> 10<sup>m</sup>  
10 abends) stattgefunden.

Nun beträgt die Zeit seit der Epoche 224 ägyptische Jahre, 196 Tage und 10<sup>1</sup>/<sub>6</sub> Äquinoktialstunden schlechthin, 9<sup>5</sup>/<sub>6</sub> nach genauer Rechnung, weil der genaue Ort der Sonne  
Hei 420 ☉ 18° 12' <sup>b)</sup> war. Folglich war

15	der mittlere Ort des Mondes in Länge	1e	20° 22';
	der genaue Ort des Mondes in Länge	1e	18° 14';
	die Entfernung vom Apogeum des Epizykels		28° 5';
	die Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt des schiefen Kreises		262° 12'.

20 Hieraus ist wieder folgendes ersichtlich. Wenn das Zentrum des Mondes, während er wieder in seiner größten Entfernung steht, auf dem schiefen Kreise eine Entfernung von 7° 48' von den Knoten <sup>c)</sup> hat, und wenn das Zentrum des Erdschattens die bezeichnete Lage zu ihm einnimmt, dann  
25 fällt die Hälfte des Monddurchmessers in den Schatten.

Nun beträgt, wenn das Mondzentrum auf dem schiefen Kreise eine Entfernung von 9° 20' von den Knoten hat, sein Abstand von der Ekliptik auf dem senkrecht zu dem schiefen Kreis (des Mondes) durch dasselbe gezogenen größten Kreise

a) Die von mir beigegebene Figur soll auf den erst später (Buch VI, Kap. 5) erörterten Unterschied zwischen einem Breitenkreise (*AC*) des Mondkreises und einem Breitenkreise (*ED*) der Ekliptik aufmerksam machen.

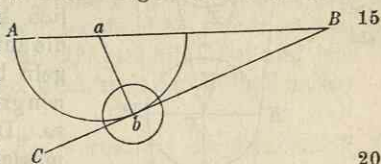
b) Die Nachprüfung ergibt ☉ 19° 52' - 1° 37' = ☉ 18° 15'.

c) Es handelt sich demnach im vorliegenden Fall (s. Z. 19) um die südliche Seite des aufsteigenden Knotens.

$0^{\circ}48'30''$ .<sup>a)</sup> Hat es aber auf dem schiefen Kreise eine Entfernung von  $7^{\circ}48'$  von den Knoten, so beträgt sein Abstand von der Ekliptik auf dem senkrecht zu dem schiefen Kreis durch dasselbe gezogenen größten Kreise  $0^{\circ}40'40''$ . Da nun der Unterschied der beiden Finsternisse ( $\frac{1}{2}dm - \frac{1}{4}dm$ ) den vierten Teil des Monddurchmessers und der Unterschied der beiden festgestellten Abstände des Mondzentrums von der Ekliptik, d. i. vom Schattenzentrum, ( $0^{\circ}48'30'' - 0^{\circ}40'40'' = 0^{\circ}7'50''$ ) beträgt, so leuchtet ein, daß der ganze Durchmesser des Mondes (als das Vierfache davon) den Bogen eines größten Kreises im Betrage von  $0^{\circ}31'20''$  unterspannt.

Ohne weiteres ist ferner verständlich, daß auch der Halbmesser des bei derselben Mondentfernung eintretenden (Durchschnittskreises des) Schattens einen Bogen von  $0^{\circ}40'40''$  unterspannt. Denn als (bei der zweiten Finsternis) das Mondzentrum ( $b$ ) so viel Sechzigtheile Abstand von dem Schattenzentrum ( $a$ ) hatte,

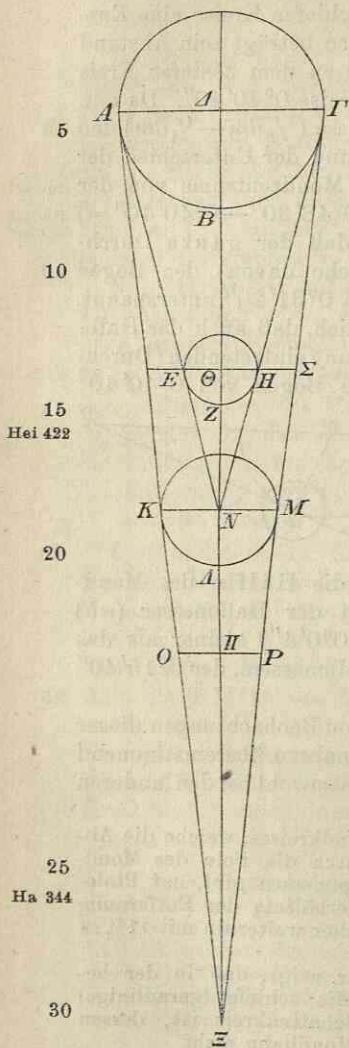
berührte es den Kreis des Schattens, weil die Verfinsterung die Hälfte des Mondhalbmessers betrug.<sup>b)</sup> Folglich ist der Halbmesser ( $ab$ ) des Schattens unbeträchtlich (d. i.  $0^{\circ}0'4''$ ) kleiner als das  $2\frac{3}{5}$ fache ( $= 0^{\circ}40'44''$ ) des Mondhalbmessers, der  $0^{\circ}15'40''$  beträgt.



Da wir noch aus einer Mehrzahl von Beobachtungen dieser Art die mitgetheilten Größenbeträge nahezu übereinstimmend erhielten, so haben wir von denselben sowohl bei den anderen

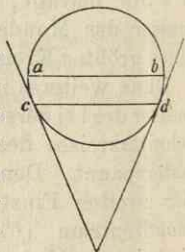
a) Eine Tabelle der Schiefe des Mondkreises, welche die Abstände von der Ekliptik auf den durch die Pole des Mondkreises gezogenen größten Kreisen gemessen gibt, hat Ptolemäus nicht aufgestellt. Über das Verhältnis der Entfernung vom Knoten zum Ekliptikabstand, welcher weiterhin mit  $11\frac{1}{2} : 1$  angesetzt wird, siehe erl. Anm. 45.

b) Die von mir beigegebene Figur zeigt, daß in der betreffenden Entfernung vom Knoten die schiefe (geradlinige) Mondbahn  $CB$  Tangente an den Schattenkreis ist, dessen Halbmesser  $ab$  mithin normal zur Mondbahn steht.



theoretischen Untersuchungen, welche die Finsternisse betreffen, Gebrauch gemacht, als auch jetzt zum Nachweis der Entfernung der Sonne. Derselbe wird auf dem nämlichen Wege geführt werden, den schon Hipparch eingeschlagen hat. Als notwendige Voraussetzung gilt der Satz:

Die von den Kegeln umschlossenen Kreise der Sonne, des Mondes und der Erde sind unbedeutend kleiner als die auf ihren Kugeln beschriebenen größten Kreise. Dasselbe gilt von den Durchmessern der betreffenden Kreise ( $cd < ab$ , d. h. die scheinbaren Durchmesser sind kleiner als die wahren).



### Fünfzehntes Kapitel.

#### Die Entfernung der Sonne und die aus deren Nachweis sich ergebenden Konsequenzen.

Unter der Voraussetzung, daß die besprochenen Verhältnisse gegeben sind, wozu noch die Annahme kommt, daß die größte Entfernung des Mondes in den Syzygien, wenn man den Erdhalbmesser gleich  $1^r$  setzt,  $64^r 10'$  beträgt — denn die mittlere Entfernung war (S. 304, 28.30) mit  $59^r$  und der Halbmesser des Epizykels

mit  $5^{\circ}10'$  nachgewiesen worden —, wollen wir nun sehen, welcher Betrag sich hieraus für die Entfernung der Sonne ergibt.

Es seien die größten in derselben Ebene gelegenen Kreise: der Kreis  $AB\Gamma$  der Sonnenkugel um das Zentrum  $\Delta$ , der Kreis  $EZH$  der Mondkugel in der größten Entfernung um das Zentrum  $\Theta$ , endlich der Kreis  $K\Lambda M$  der Erdkugel um das Zentrum  $N$ . Von den durch die Mittelpunkte gelegten Ebenen sei  $A\Xi\Gamma$  diejenige, welche die Erde und die Sonne umfaßt,  $AN\Gamma$  diejenige, welche die Sonne und den Mond umfaßt. Die gemeinsame Achse sei  $\Delta\Theta N\Xi$ . Die durch die Berührungspunkte gezogenen Geraden, welche natürlich parallel und für die sinnliche Wahrnehmung den Durchmessern gleich werden, seien in dem Sonnenkreise  $A\Delta\Gamma$ , in dem Mondkreise  $E\Theta H$ , in dem Erdkreise  $KNM$ , endlich in dem Kreise des Schattens, in welchen der Mond bei seiner größten Entfernung tritt,  $OT\Gamma$ , so daß  $\Theta N$  gleich  $N\Gamma$  sei und jede dieser Geraden  $64^{\circ}10'$  betrage, wenn man den Erdhalbmesser  $N\Lambda$  gleich  $1^{\circ}$  setzt.

1. Finden soll man also das Verhältnis der Sonnenentfernung  $N\Delta$  zu dem Erdhalbmesser  $N\Lambda$ .

Man verlängere die Gerade  $EH$  bis  $\Sigma$ . Wir haben (S. 309, 11) nachgewiesen, daß der Monddurchmesser in der angenommenen größten Entfernung in den Syzygien einen Bogen von  $0^{\circ}31'20''$  unterspannt, wie der mit der Mondentfernung um den Mittelpunkt der Erde beschriebene Kreis gleich  $360^{\circ}$  ist. Mithin ist

	$\angle ENH = 0^{\circ}31'20''$	wie $4R = 360^{\circ}$ .	Hei 424
Nun ist	$\angle \Theta NH = \frac{1}{2} \angle ENH,$		
folglich	$\angle \Theta NH = 0^{\circ}31'20''$	wie $2R = 360^{\circ};$	30
mithin	$\left\{ \begin{array}{l} b\Theta H = 0^{\circ}31'20'' \\ b\Theta N = 179^{\circ}28'40'' \end{array} \right\}$	wie $\ominus H\Theta N = 360^{\circ};$	
also	$\left\{ \begin{array}{l} s\Theta H = 0^{\text{p}}32'48'' \\ s\Theta N = 120^{\text{p}} \text{ nahezu} \end{array} \right\}$	wie $dm NH = 120^{\text{p}}.$	

Setzt man	$\Theta N = 64^{\circ}10',$	(nach Annahme)	35
so wird	$\Theta H = 0^{\circ}17'33''$	wie $erdhm NM = 1^{\circ}.$	

Nun ist  $\Pi P : \Theta H = 2^{3/5} : 1$ , (s. S. 309, 24)  
 folglich  $\Pi P = 0^r 45' 38''$ , (d. i.  $17' 33'' \times 2^{3/5}$ )  
 mithin  $\Theta H + \Pi P = 1^r 3' 11''$  wie  $NM = 1^r$ .

Es ist aber  $\Pi P + \Theta \Sigma = 2^r$ , weil  $= 2NM$ ; denn  
 [  $\Theta \Sigma \parallel NM \parallel \Pi P$  u.  $N\Pi = N\Theta$ ; <sup>37)</sup>

(mithin  $\Theta \Sigma = 2^r - \Pi P = 1^r 14' 22''$ .)

Hei 425 folglich  $H\Sigma = \Theta \Sigma - \Theta H = 0^r 56' 49''$  wie  $NM = 1^r$ .

Ha 346 Nun verhält sich  $NM : H\Sigma = N\Gamma : \Gamma H = N\Delta : \Delta\Theta$ .  
 ( $1^r : 0^r 56' 49'' = N\Delta : \Delta\Theta$ .)

10 Setzt man  $N\Delta = 1^R$ , (als Sonnenentfernung)  
 so wird  $\Delta\Theta = 0^R 56' 49''$ ,  
 mithin  $N\Theta = N\Delta - \Delta\Theta = 0^R 3' 11''$ .

Setzt man aber  $N\Theta = 64^r 10'$  wie  $NM = 1^r$ ,  
 so wird  $N\Delta = 1210^r$  in diesem Maße.

15 Hiermit ist ohne wesentlichen Fehler (genau mit  $1209^{81/191}$ )  
 der Betrag der Sonnenentfernung gefunden.

2. Es war (oben Z. 2) bewiesen, daß

Nun ist  $\Pi P = 0^r 45' 38''$  wie  $NM = 1^r$ .

20  $NM : \Pi P = N\Xi : \Xi\Pi$ . (Eukl. VI. 1)  
 ( $1^r : 0^r 45' 38'' = N\Xi : \Xi\Pi$ .)

Setzt man  $N\Xi = 1^Q$ , so wird  $\Xi\Pi = 0^Q 45' 38''$ ,  
 mithin  $N\Pi = N\Xi - \Xi\Pi = 0^Q 14' 22''$ .

Setzt man aber  $N\Pi = 64^r 10'$ , so wird  $\Xi\Pi = 203^r 50'$ ,  
 mithin  $N\Xi = \Xi\Pi + N\Pi = 268^r$ .

25 Wir haben also, wenn man den Erdhalbmesser gleich  $1^r$   
 setzt, folgende Ergebnisse erzielt:

die mittlere Entfernung des Mondes in den Syzygien =  $59^r$ ;

die Entfernung der Sonne =  $1210^r$ ;

die vom Erdmittelpunkt bis zur Spitze des Kegels

30 reichende Länge des Schattens =  $268^r$ .

## Sechzehntes Kapitel.

## Die Größe der Sonne, des Mondes und der Erde.

Ohne weiteres wird aus dem Verhältnis der Durchmesser (Ha 347  
der Sonne, des Mondes und der Erde auch das Verhältnis (Hei 426  
der Volumina leicht ersichtlich.

Nachgewiesen ist, daß, wenn man den Erdhalbmesser  
gleich  $1^r$  setzt, der Halbmesser des Mondes

$$\Theta H = 0^r 17' 33'' \text{ und } N\Theta = 64^r 10'.$$

Nun verhält sich  $N\Theta : \Theta H = N\Delta : \Delta\Gamma$ . (Eukl. VI. 1)  
( $64^r 10' : 0^r 17' 33'' = N\Delta : \Delta\Gamma$ .)

Setzt man  $N\Delta = 1210^r$ , wie nachgewiesen,  
so wird  $\Delta\Gamma = 5^r 30'$  als Halbmesser der Sonne. 10

Für die Durchmesser werden demnach dieselben Verhält-  
nisse (wie für die Halbmesser) gelten. Setzen wir also

den Durchmesser des Mondes = 1, so wird  
der Durchmesser der Erde =  $3\frac{2}{5}$ <sup>a)</sup>  
der Durchmesser der Sonne =  $18\frac{4}{5}$ <sup>b)</sup> 15

Es ist mithin der Durchmesser der Erde  $3\frac{2}{5}$  mal so groß  
wie der des Mondes, der Durchmesser der Sonne aber  
 $18\frac{4}{5}$  mal so groß wie der des Mondes, und  $5\frac{1}{2}$  mal so groß (Hei 427  
wie der der Erde.

Auf demselben Wege sind wir, da der Kubus<sup>c)</sup> von  $1 = 1$ , 20  
der von  $3\frac{2}{5} = 39\frac{1}{4}$ , und der von  $18\frac{4}{5} = 6644\frac{1}{2}$ , zu dem  
Ergebnis gelangt, daß, wenn man das Volumen des Mondes  
gleich 1 setzt, das der Erde  $39\frac{1}{4}$  mal und das der Sonne (Ha 348  
 $6644\frac{1}{2}$  mal so groß ist. Folglich ist das Volumen der  
Sonne nahezu 170 mal so groß wie das der Erde.<sup>d)</sup> 25

a) Nach dem Verhältnis Durchmesser des Mondes zum Durch-  
messer der Erde, d. i.  $0^r 35' 6'' : 2^r = 1 : x$ .

b) Nach dem Verhältnis Durchmesser des Mondes zum Durch-  
messer der Sonne, d. i.  $0^r 35' 6'' : 11^r = 1 : x$ .

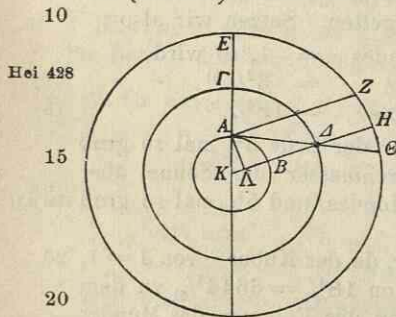
c) Kugeln verhalten sich zueinander wie die dritten Poten-  
zen der Durchmesser nach Eukl. XII. 18.

d) Man vergleiche die Erörterungen des Proklus in der Hy-  
potypsis S. 135 ff.

## Siebzehntes Kapitel.

Die Einzelbeträge der Parallaxen der Sonne  
und des Mondes.

Nachdem wir uns diese Grundlagen geschaffen haben, dürfte es der logischen Reihenfolge nach am Platze sein, wieder in aller Kürze den Nachweis zu liefern, auf welche Weise man aus dem Größenbetrag der Entfernungen der Sonne und des Mondes auch die Einzelbeträge der Parallaxen dieser Körper durch Rechnung gewinnen kann. Wir fassen zuerst nur diejenigen Parallaxen ins Auge, welche auf dem durch den Zenit und diese Körper gezogenen größten (Höhen-) Kreis theoretisch ermittelt werden.



Es seien in der Ebene des bezeichneten größten Kreises  $AB$  wieder der größte Kreis der Erde,  $\Gamma\Delta$  der Kreis in der Entfernung der Sonne oder des Mondes, endlich  $EZH\Theta$  der Kreis, zu welchem die Erde das Verhältnis eines Punktes hat. Gemeinsames Zentrum aller drei Kreise sei  $K$ , der durch die Scheitelpunkte gehende Durchmesser sei  $KA\Gamma E$ . Man trage

von dem Scheitelpunkte  $\Gamma$  aus den Bogen  $\Gamma\Delta$  ab, der beispielshalber zu  $30^\circ$  angenommen sein soll, wie der Kreis  $\Gamma\Delta$  gleich  $360^\circ$  ist, und ziehe wieder die Verbindungslinien  $K\Delta H$ ,  $A\Delta\Theta$ . Schließlich ziehe man von  $A$  aus zu  $KH$  die Parallele  $AZ$  und fälle auf  $KH$  das Lot  $AA$ .

Da infolge nicht konstant gleichbleibender Entfernung der beiden Lichtkörper der an der Sonne deshalb eventuell eintretende Unterschied der Parallaxen ganz klein und unmerklich sein wird, weil die Exzentrizität ihres Kreises gering und ihre Entfernung groß ist, während dieser Unter-

Ha 349  
31

schied an dem Monde sogar recht wahrnehmbar sein dürfte, sowohl wegen seiner Bewegung auf dem Epizykel, als auch wegen der Bewegung des Epizykels selbst auf dem Exzenter, indem beide Bewegungen keinen geringen Unterschied hinsichtlich der Entfernungen verursachen, so werden wir die Parallaxen der Sonne nur bei dem einen (Entfernungs-) Verhältnis nachweisen, ich meine bei dem Verhältnis von  $1210^r : 1^r$ , die Parallaxen des Mondes dagegen bei vier Verhältnissen, welche sich zur Durchführung des nächst dem einzuschlagenden Verfahrens als zutreffend gewählt erweisen werden. Wir haben folgende vier Entfernungen herangezogen:

1. Die beiden Entfernungen, welche eintreten, wenn der Epizykel in dem Apogeum des Exzenters steht:

a) die Entfernung bis zum Apogeum des Epizykels im Betrage, wie oben (S. 304, 28. 30) nachgewiesen, von  $64^r 10'$ ;

b) die Entfernung bis zum Perigeum des Epizykels im Betrage von  $(64^r 10' - 10^r 20' =) 53^r 50'$ .

2. Die beiden Entfernungen, welche eintreten, wenn der Epizykel im Perigeum des Exzenters steht:

c) die Entfernung bis zum Apogeum des Epizykels im Betrage, wie oben (S. 304, 29) nachgewiesen, von  $(38^r 43' + 5^r 10' =) 43^r 53'$ .

d) die Entfernung bis zum Perigeum des Epizykels im Betrage von  $(43^r 53' - 10^r 20' =) 33^r 33'$ .

Da der Bogen  $\Gamma\Delta$  zu  $30^0$  angenommen worden ist, so muß auch sein

$$\begin{aligned} \angle \Gamma K \Delta &= 30^0 \text{ wie } 4R = 360^0, & \text{Ha } 350 \\ &= 60^0 \text{ wie } 2R = 360^0; & 30 \end{aligned}$$

$$\text{folglich } \left\{ \begin{array}{l} b A \Lambda = 60^0 \\ b K \Lambda = 120^0 \end{array} \right\} \text{ wie } \ominus A \Lambda K = 360^0; \quad \text{Hei } 430$$

$$\text{also } \left\{ \begin{array}{l} s A \Lambda = 60^p \\ s K \Lambda = 103^p 55' \end{array} \right\} \text{ wie } \text{dm } A K = 120^p.$$

Setzt man  $\cdot A K = 1^r$ , so wird  $A \Lambda = 0^r 30'$  und  $K \Lambda = 0^r 52'$ . 35

Nun ist  $K\Delta = 1210^r$  als Entfernung der Sonne,

$$\begin{array}{l} = 64^r 10' \text{ an der Grenze } a \\ = 53^r 50' \text{ ,, ,, ,, } b \\ = 43^r 53' \text{ ,, ,, ,, } c \\ = 33^r 33' \text{ ,, ,, ,, } d \end{array} \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{der Entfernung} \\ \text{des Mondes;} \end{array}$$

5

folglich  $K\Delta - K\Lambda = \Lambda\Delta$ , aber auch

$= \Lambda\Delta$ , weil  $\Lambda\Delta$  von  $\Lambda\Delta$  unbetr. verschieden.

Mithin ist (unter Abzug von  $K\Lambda = 0^r 52'$ )

$$\begin{array}{l} 1. \Lambda\Delta = 1209^r 8' \text{ als Entfernung der Sonne,} \\ 2. \Lambda\Delta = 63^r 18' \text{ an der Grenze } a \\ = 52^r 58' \text{ ,, ,, ,, } b \\ = 43^r 1' \text{ ,, ,, ,, } c \\ = 32^r 41' \text{ ,, ,, ,, } d \end{array} \left. \begin{array}{l} \\ \\ \\ \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{als Entfernung} \\ \text{des Mondes.} \end{array}$$

Setzt man nun  $\Lambda\Delta = 120^p$ , so wird<sup>a)</sup>, immer dieselbe Reihenfolge vorausgesetzt, um Wiederholungen zu vermeiden,

	1	2a	2b	
	$s \Lambda\Lambda = 0^p 2' 59''$	$0^p 56' 52''$	$1^p 7' 58''$	
	also $b \Lambda\Lambda = 0^0 2' 50''$	$0^0 54' 18''$	$1^0 4' 54''$	wie $\odot \Lambda\Lambda\Delta = 360^0$ ,
Ha 351) Hei 481)	$\sphericalangle \Lambda\Delta B = \sphericalangle Z\Lambda\Theta = 0^0 2' 50''$	$0^0 54' 18''$	$1^0 4' 54''$	wie $2R = 360^0$ ,
20	$= 0^0 1' 25''$	$0^0 27' 9''$	$0^0 32' 27''$	wie $4R = 360^0$ ,
	schließlich $b\Theta\Theta = 0^0 1' 25''$	$0^0 27' 9''$	$0^0 32' 27''$	wie $\odot EZH\Theta = 360^0$ ,

	2c	2d	
	$s \Lambda\Lambda = 1^p 23' 41''$	$1^p 50' 9''$	
	also $b \Lambda\Lambda = 1^0 20' 0''$	$1^0 45' 0''$	wie $\odot \Lambda\Lambda\Delta = 360^0$ ,
25	$\sphericalangle \Lambda\Delta B = \sphericalangle Z\Lambda\Theta = 1^0 20' 0''$	$1^0 45' 0''$	wie $2R = 360^0$ ,
	$= 0^0 40' 0''$	$0^0 52' 30''$	wie $4R = 360^0$ ,
	schließlich $b\Theta\Theta = 0^0 40' 0''$	$0^0 52' 30''$	wie $\odot EZH\Theta = 360^0$ ,

als der Bogen der Parallaxe (den man dem Bogen  $ZH\Theta$  gleichsetzen kann), weil erstens Punkt  $A$  unwesentlich verschieden von dem Mittelpunkt  $K$  (des Kreises  $EZH\Theta$ ), und zweitens der Bogen  $ZH\Theta$  unbedeutend größer als der

a) Nach dem Verhältnis  $\Lambda\Lambda : \Lambda\Delta = 0^r 30' : 1209^r 8' = 0^p 2' 59'' : 120^p$  für 1,  $0^r 30' : 63^r 18' = 0^r 56' 52'' : 120^p$  für 2a, usw.

Bogen  $H\Theta$  ist, da die Erde als Ganzes zu dem Kreis  $EZH\Theta$  das Verhältniß eines Punktes hat.

Hiermit sind wir bei dem Endergebnis unserer Beweisführung angelangt.

Auf dieselbe Weise haben wir auch bei den übrigen Zenit- 5  
abständen die für jede Grenze eintretenden Parallaxen von  
6 zu 6 Grad des Quadranten berechnet und zu der zahlen-  
mäßigen Feststellung der Parallaxen eine Tabelle von wieder  
45 Zeilen zu 9 Spalten entworfen.

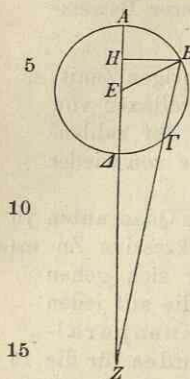
In die erste Spalte haben wir die 90 Grade des Quadranten 10  
gesetzt, wobei wir selbstverständlich<sup>a)</sup> die sukzessive Zu- Hei 432  
nahme in Abschnitten von 2 zu 2 Grad vor sich gehen  
lassen mußten. In der zweiten Spalte stehen die auf jeden  
Abschnitt entfallenden Sechzigtheile der Sonnenparal-  
laxen, in der dritten die Parallaxen des Mondes für die 15  
erste Grenze ( $a$ ), in der vierten die Überschüsse der Paral-  
laxen der zweiten Grenze ( $b$ ) über die Parallaxen der ersten,  
in der fünften die Parallaxen für die dritte Grenze ( $c$ ), in Ha 352  
der sechsten die Überschüsse der Parallaxen der vierten  
Grenze ( $d$ ) über die Parallaxen der dritten. So stehen z. B. 20  
in der Zeile für den Ansatz bei  $30^\circ$  die  $0^\circ 1' 25''$  der Sonne,  
dann weiter die  $0^\circ 27' 9''$  der ersten Grenze des Mondes und  
weiterhin  $0^\circ 5' 18''$ , was der Überschuß der zweiten Grenze  
über die erste ist, dann wieder die  $0^\circ 40'$  der dritten Grenze  
und weiterhin  $0^\circ 12' 30''$ , was der Überschuß der vierten Grenze 25  
über die dritte ist.

Um aber auch die Parallaxen für die zwischen den Apo-  
geen und Perigeen (sowohl des Epizykels wie des Exzenters)  
eintretenden Entfernungen den einzelnen (Grad-) Abschnitten  
(des Quadranten) entsprechend<sup>b)</sup> aus den für die vier an 30  
genommenen Grenzen gegebenen Parallaxen durch ein be-  
quemes Verfahren vermittels Ansetzung der Sechzigstel ab-  
leiten zu können, haben wir die übrigen drei Spalten zum

a) Um eine Tabelle von 45 Zeilen zu erzielen.

b) D. h. den in der ersten Spalte stehenden Argumentzahlen  
entsprechend.

Ansatz der (zur Ausführung der Berechnung) erforderlichen  
 Hei 433 Differenzen<sup>38)</sup> hinzugefügt. Die Berechnung auch dieser  
 Differenzen haben wir auf folgende Weise an-  
 gestellt.



I. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der Epizykel des Mondes um den Mittelpunkt  $E$ ; Mittelpunkt der Ekliptik und der Erde sei Punkt  $Z$ . Man ziehe die Verbindungslinie  $AE\Delta Z$  und die durch den Kreis gehende Gerade  $Z\Gamma B$ , dann weiter die Verbindungslinien  $BE, \Gamma E^a)$ , und fälle auf  $A\Delta$  von  $B$  das Lot  $BH$ , von  $\Gamma$  das Lot  $\Gamma O$ .

A. 1. Der Mond sei zunächst den Bogen  $AB$ , der beispielshalber  $60^\circ$  betragen soll, von dem genauen Apogeum  $A$  entfernt, welches theoretisch auch für den Mittelpunkt  $Z$  das genaue ist.<sup>b)</sup> Es ist demnach

$$\begin{aligned} \angle BEH &= 60^\circ \text{ wie } 4R = 360^\circ, \\ &= 120^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ; \end{aligned}$$

Ha 353 }  
 Hei 434 }  
 20 }  
 folglich  $\left\{ \begin{array}{l} b BH = 120^\circ \\ b EH = 60^\circ \end{array} \right\}$  wie  $\ominus BHE = 360^\circ$ ,

also  $\left\{ \begin{array}{l} s BH = 103^p 55' \\ s EH = 60^p \end{array} \right\}$  wie  $dm EB = 120^p$ .

Nun gilt, wenn der Mittelpunkt  $E$  des Epizykels im Apogeum des Exzentrers steht, die Proportion

25  $ZE : EB = 60^p : 5^p 15'.$

Setzt man  $EB = 5^p 15'$  (als *ephm*),  
 so wird  $BH = 4^p 33'$  und  $EH = 2^p 38'$ ;  
 mithin  $ZH = ZE + EH = 62^p 38'$ .

Nun ist  $ZH^2 + BH^2 = ZB^2$ ,

a) Da ich für jeden Fall die Figur getrennt gebe, so bezieht sich die Angabe der Hilfslinien  $\Gamma E$  und  $\Gamma O$  auf die Figur für den zweiten Fall.

b) Weil der Epizykel im Apogeum des Exzentrers steht, wo ebenso wie im Perigeum die Neigung des Epizykels gleich Null ist. Vgl. S. 270, 2.

folglich  $ZB = 62^{\text{P}} 48'$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{wie } ZA = 65^{\text{P}} 15' \text{ als Grenze } a, \\ \text{wie } Z\Delta = 54^{\text{P}} 45' \text{ als Grenze } b, \\ \text{wie } A\Delta = 10^{\text{P}} 30' \text{ als Differenz,} \end{array} \right.$

mithin  $ZA - ZB = 2^{\text{P}} 27'$ .

Das ist also die in Punkt B gegen die erste Grenze eintretende Differenz in dem Maße, in welchem die ganze Differenz ( $A\Delta$ )  $10^{\text{P}} 30'$  beträgt. Wird nun die ganze Differenz gleich  $60'$  gesetzt, so beträgt in diesem Verhältnis die im vorliegenden Fall (mit  $2^{\text{P}} 27'$ ) eintretende Differenz ( $ZA - ZB$ )  $14' 0''$ . Diesen Betrag werden wir in der siebenten Spalte in die Zeile setzen, welche die Hälfte der Zahl 60 enthält, d. i. zu 30, weil die in der ersten Spalte der Tabelle angesetzten 90 Grade in ihrer Gesamtheit (auf den Epizykel bezogen) nur die Hälfte der 180 Grade von A bis  $\Delta$  umfassen.<sup>a)</sup>

2. Auf demselben Wege wird, wenn wir den Bogen  $\Gamma\Delta$  ebenfalls zu  $60^{\circ}$  annehmen, sich beweisen lassen, daß

$$\Gamma\Theta = 4^{\text{P}} 33' \text{ (wie } exhm \text{ } ZE = 60^{\text{P}}),$$

$$E\Theta = 2^{\text{P}} 38' \text{ wie } eplm \text{ } E\Gamma = 5^{\text{P}} 15',$$

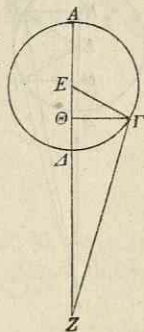
mithin  $Z\Theta = ZE - E\Theta = 57^{\text{P}} 22'$ .

(Nun ist  $Z\Theta^2 + \Gamma\Theta^2 = Z\Gamma^2$ .)

folglich  $h Z\Gamma = 57^{\text{P}} 33'$ .

Ziehen wir diesen Betrag wieder von den  $65^{\text{P}} 15'$  der ersten Grenze ab, so erhalten wir als Differenz  $7^{\text{P}} 42'$ , was in Sechzigsteln der ganzen Differenz ( $10^{\text{P}} 30'$ ) ausgedrückt  $44' 0''$  gibt. Auch diesen Betrag werden wir in dieselbe (siebente) Spalte eintragen, und zwar zu der Argumentzahl 60, weil der Bogen  $A\Gamma$   $120^{\circ}$  beträgt.

B. Unter Annahme derselben Bogen denke man sich ferner den Mittelpunkt E in dem Perigeum des Exzenters, für



Ha 354  
15

20

a) D. h. die 90 Grade der ersten Spalte bedeuten auf einen Halbkreis des Epizykels oder des Exzenters bezogen Doppelgrade.

welche Stellung die dritte und vierte Grenze in Betracht kommt. Da in dieser Stellung das Verhältniß  $ZE : EB = 60^\pi : 8^\pi$  (s. S. 282, 15) gilt, so wird man, wenn jeder der beiden Bogen  $AB$  und  $\Gamma\Delta$  zu  $60^\circ$  angenommen wird, zu

Hei 436

$BH$  und  $\Gamma\Theta = 6^\pi 56'$  wie  $ZE = 60^\pi$ ,

$EH$  und  $E\Theta = 4^\pi 0'$  wie  $EB = 8^\pi$ ;

mithin  $\begin{cases} ZH = ZE + EH = 64^\pi, \\ Z\Theta = ZE - E\Theta = 56^\pi. \end{cases}$

10 (Nun ist  $ZH^2 + BH^2 = ZB^2$  und  $Z\Theta^2 + \Gamma\Theta^2 = Z\Gamma^2$ ),

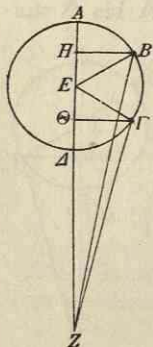
folglich  $\begin{cases} h ZB = 64^\pi 23' \\ h Z\Gamma = 56^\pi 26' \end{cases} \begin{cases} \text{wie } ZA = 68^\pi \text{ als Grenze } c, \\ \text{(wie } Z\Delta = 52^\pi \text{ als Grenze } d,) \\ \text{wie } A\Delta = 16^\pi \text{ als Differenz.}^a \end{cases}$

Ha 355

15

20

25



1. Wenn wir also  $64^\pi 23'$  von  $68^\pi$  abziehen, so werden wir als Differenz  $3^\pi 37'$  erhalten, was in Sechzigsteln der ganzen Differenz  $16^\pi$  ausgedrückt  $13' 33''$  ergibt. Diesen Betrag werden wir wieder zur Argumentzahl 30 setzen, und zwar in der achten Spalte.

2. Wenn wir ferner  $56^\pi 26'$  von  $68^\pi$  abziehen, so werden wir als Differenz  $11^\pi 34'$  erhalten, was gleichfalls in Sechzigsteln der ganzen Differenz  $16^\pi$  ausgedrückt  $43' 24''$  ergibt. Diesen Betrag werden wir wieder zu der Argumentzahl 60 setzen<sup>b)</sup>, und zwar in der nämlichen achten Spalte.

Das ist der Weg, auf welchem wir die Differenzen in Ansatz bringen werden, die sich wegen des Fortschritts des Mondes auf dem Epizykel ergeben. Diejenigen Differenzen dagegen, welche eintreten infolge des Laufs des Epizykels

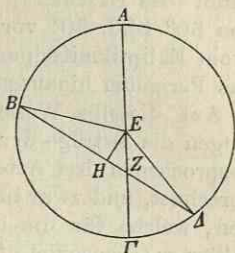
a) Der scheinbare Widerspruch, daß im Perigeum des Exzenters die Grenzen größer seien als im Apogeum, wird dadurch aufgehoben, daß  $60^\pi < 60^\pi$ . Zur weiteren Erklärung s. erl. Anm. 38 B.

b) Weil der Bogen  $A\Gamma$  wieder wie oben (S. 319, 28)  $120^\circ$  beträgt.

selbst auf dem Exzenter, werden wir durch ein methodisches Verfahren folgendermaßen ermitteln.

II. Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der Exzenter des Mondes um das Zen- Hei 437  
trum  $E$  und den Durchmesser  $A\Gamma$ ; auf letzterem denke man

sich als den Mittelpunkt der Eklip- 5  
tik den Punkt  $Z$ . Man ziehe durch  
den Kreis die Gerade  $BZ\Delta$  und  
nehme jeden der beiden Winkel  $AZB$   
und  $\Gamma Z\Delta$  wieder zu  $60^\circ$  an. Das  
ist der Fall, wenn bei dem Stande  
des Epizykelmittelpunktes in  $B$  die  
Elongation (von der mittleren Sonne)  
 $30^\circ$  beträgt, während sie bei  
dem Stande in  $\Delta$   $120^\circ$  (d. i. die  
Hälfte von  $240^\circ$ ) betragen muß. Man ziehe die Verbindungs- 10  
linien  $BE$ ,  $E\Delta$ , und fälle von  $E$  auf  $BZ\Delta$  das Lot  $EH$ .  
Dann ist



folglich  $\left\{ \begin{array}{l} \angle AZB = 120^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ; \\ b \text{ EH} = 120^\circ \\ b \text{ HZ} = 60^\circ \end{array} \right\}$  wie  $\ominus \text{EHZ} = 360^\circ$ , Ha 356  
20

also  $\left\{ \begin{array}{l} s \text{ EH} = 103^p 55' \\ s \text{ HZ} = 60^p \end{array} \right\}$  wie  $h \text{ EZ} = 120^p$ . Hei 438

Setzt man  $vbl \text{EZ} = 10^p 19'$  wie  $exhm \text{EB} = 49^p 41'$ , (S. 269, 3. 4)  
so wird  $\text{EH} = 8^p 56'$  und  $\text{HZ} = 5^p 10'$  in diesem Maße.

Nun ist  $\text{EB}^2 - \text{EH}^2 = \text{BH}^2$ , 25  
folglich  $\text{BH} = \Delta \text{H} = 48^p 53'$ , (Eukl. III. 3)

mithin  $\left\{ \begin{array}{l} \text{ZB} = \text{BH} + \text{HZ} = 54^p 3' \\ \text{Z}\Delta = \Delta \text{H} - \text{HZ} = 43^p 43' \end{array} \right\}$  } wie  $\text{ZA} = 60^p$  für die  
Grenzen  $a$  u.  $b$ ,  
} wie  $\text{Z}\Gamma = 39^p 22'$  für  
die Grenzen  $c$  u.  $d$ ,  
} wie  $\text{ZA} - \text{Z}\Gamma = 20^p 38'$ .

Nun gibt  $60^p - 54^p 3'$  als Differenz  $5^p 57'$ , was in Sechzigsteln der ganzen Differenz  $20^p 38'$  ausgedrückt  $17' 18''$  30  
ergibt. Andererseits gibt  $60^p - 43^p 43'$  als Differenz  $16^p 17'$ ,  
was gleichfalls in Sechzigsteln von  $20^p 38'$  ausgedrückt  
 $47' 21''$  ergibt. Den ersten Betrag von  $17' 18''$  werden wir

selbstverständlich in die neunte Spalte zur Argumentzahl 30, der Zahl der Elongation, setzen, und den zweiten Betrag von  $47'21''$  zur Elongationszahl 120, d. h. wieder (wie S. 319, 27) zu der Argumentzahl 60; denn weil das Peri-  
 5 geum (des Exzenters) bei  $90^{\circ}$  liegt, so ist die Elongation von  $60^{\circ}$  (d. i.  $30^{\circ}$  vor dem Perigeum) für die Entfernung (vom Ekliptikmittelpunkt) gleichwertig mit der ( $30^{\circ}$  über das Perigeum hinausgehenden) Elongation von  $120^{\circ}$ .

Hei 439 Auf dieselbe Weise haben wir auch bei den übrigen  
 10 Bogen die Beträge der Differenzen in Sechzigstel nach den besprochenen drei Arten (*IAB* und *II*) von Überschüssen berechnet, und zwar in (15) Abschnitten von 12 zu 12 Graden, welche für die in der Tabelle stehenden Argumentzahlen zu (ebensoviel) Abschnitten von 6 zu 6 Graden werden,  
 Ha 357 weil die (in Betracht gezogenen) 180 Grade von den Apogeen bis  
 16 zu den Perigeen (des Epizykels und des Exzenters) in den 90 Graden der Tabelle voll zum Ausdruck kommen.<sup>39)</sup> Die auf dem Wege geometrischer Konstruktion gewonnenen Sechzigstel haben wir dann zu jeder der erklärten Argumentzahlen ge-  
 20 hörigen Ortes hinzugesetzt. Den Ansatz der Zwischenabschnitte (von je  $2^{\circ}$ ) haben wir jedoch unter Annahme der gleichmäßigen Zunahme der Differenz innerhalb der je  $6^{\circ}$  betragenden Abschnitte (der Tabelle) gemacht, weil in diesen Zwischenabschnitten (von je  $2^{\circ}$ ) bei den in so kleinen  
 25 Absätzen fortschreitenden (Entfernungs-)Differenzen kein wesentlicher Unterschied gegen die auf dem Wege geometrischer Konstruktion gewonnenen Werte zum Ausdruck kommen kann, und zwar weder bei den Sechzigstel noch bei den Parallaxen selbst.

## Achtzehntes Kapitel.

### Die Parallaxentafel

Ha 358 } gestaltet sich folgendermaßen (S. 323).  
 Hei 442 }

Gradzahlen	Sonnen- paral- laxen	Mondparallaxen								Sechzigstel				
		1. Grenze		Über- schuß der 2. Grenze		3. Grenze		Über- schuß der 4. Grenze		den Epizykel betr.		den Erzenter betr.		
										für Syzgie	für Quadratur			
20	0° 0' 7"	0° 0' 13"	0° 1' 54"	0' 0' 23"	0' 0' 45"	0' 0' 6"	0' 0' 14"	0' 0' 22"	0' 0' 30"	0' 14'	0' 11'	0' 15"		
4	0 0 13	0 3 48	0 0 45	0 6 0	0 1 40	0 28 0	0 22 0	0 30 0	0 42 0	0 28 0	0 22 0	0 30 0		
6	0 0 19	0 5 41	0 1 7	0 9 0	0 2 30	0 42 0	0 33 0	0 10 0	0 15 0	0 42 0	0 33 0	0 45 0		
8	0 0 25	0 7 34	0 1 29	0 11 40	0 3 20	1 22	1 7	1 33						
10	0 0 31	0 9 27	0 1 51	0 14 20	0 4 10	2 2	1 41	2 21						
12	0 0 37	0 11 19	0 2 12	0 17 0	0 5 0	2 42	2 15	3 9						
14	0 0 42	0 13 10	0 2 33	0 19 40	0 5 50	3 35	3 13	4 22						
16	0 0 48	0 15 0	0 2 54	0 22 20	0 6 40	4 28	4 11	5 35						
18	0 0 53	0 16 49	0 3 15	0 25 0	0 7 30	5 21	5 9	6 48						
20	0 0 58	0 18 36	0 3 36	0 27 40	0 8 20	6 39	6 25	8 25						
22	0 1 4	0 20 22	0 3 57	0 30 20	0 9 10	7 57	7 41	10 2						
24	0 1 9	0 22 6	0 4 18	0 33 0	0 10 0	9 15	8 57	11 39						
26	0 1 14	0 23 49	0 4 39	0 35 20	0 10 50	10 50	10 29	13 32						
28	0 1 20	0 25 30	0 4 59	0 37 40	0 11 40	12 25	12 1	15 25						
30	0 1 25	0 27 9	0 5 18	0 40 0	0 12 30	14 0	13 33	17 18						
32	0 1 30	0 28 46	0 5 37	0 42 20	0 13 20	15 52	15 22	19 23						
34	0 1 35	0 30 21	0 5 55	0 44 40	0 14 10	17 44	17 11	21 28						
36	0 1 40	0 31 54	0 6 13	0 47 0	0 15 0	19 36	19 0	23 33						
38	0 1 44	0 33 24	0 6 30	0 49 0	0 15 40	21 36	20 59	25 40						
40	0 1 49	0 34 51	0 6 47	0 51 0	0 16 20	23 36	22 58	27 47						
42	0 1 54	0 36 14	0 7 4	0 53 0	0 17 0	25 36	24 57	29 54						
44	0 1 58	0 37 37	0 7 20	0 55 0	0 17 40	27 40	27 1	32 0						
46	0 2 3	0 38 57	0 7 35	0 57 0	0 18 20	29 44	29 5	34 6						
48	0 2 8	0 40 14	0 7 49	0 59 0	0 19 0	31 48	31 9	36 12						
50	0 2 12	0 41 28	0 8 3	1 0 40	0 19 40	33 52	33 14	38 9						
52	0 2 16	0 42 39	0 8 16	1 2 20	0 20 20	35 56	35 19	40 6						
54	0 2 20	0 43 45	0 8 29	1 4 0	0 21 0	38 0	37 24	42 3						
56	0 2 23	0 44 48	0 8 42	1 5 20	0 21 20	40 0	39 24	43 49						
58	0 2 26	0 45 48	0 8 53	1 6 40	0 21 40	42 0	41 24	45 35						
60	0 2 29	0 46 46	0 9 3	1 8 0	0 22 0	44 0	43 24	47 21						
62	0 2 32	0 47 40	0 9 13	1 9 20	0 22 20	45 50	45 13	48 49						
64	0 2 34	0 48 30	0 9 22	1 10 40	0 22 40	47 40	47 2	50 17						
66	0 2 36	0 49 15	0 9 31	1 12 0	0 23 0	49 30	48 51	51 45						
68	0 2 38	0 49 57	0 9 39	1 13 0	0 23 10	50 56	50 24	52 57						
70	0 2 40	0 50 36	0 9 46	1 14 0	0 23 20	52 22	51 57	54 9						
72	0 2 42	0 51 11	0 9 53	1 15 0	0 23 30	53 48	53 30	55 41						
74	0 2 44	0 51 44	0 9 59	1 15 40	0 23 40	54 57	54 41	56 12						
76	0 2 46	0 52 12	0 10 4	1 16 20	0 23 50	56 6	55 52	57 3						
78	0 2 47	0 52 34	0 10 8	1 17 0	0 24 0	57 15	57 3	57 54						
80	0 2 48	0 52 53	0 10 11	1 17 20	0 24 10	57 57	57 47	58 26						
82	0 2 49	0 53 9	0 10 14	1 17 40	0 24 20	58 39	58 31	58 58						
84	0 2 50	0 53 21	0 10 16	1 18 0	0 24 30	59 21	59 15	59 30						
86	0 2 50	0 53 29	0 10 16	1 18 20	0 24 40	59 34	59 30	59 40						
88	0 2 51	0 53 33	0 10 17	1 18 40	0 24 50	59 47	59 45	59 50						
90	0 2 51	0 53 34	0 10 17	1 19 0	0 25 0	60 0	60 0	60 0						

## Neunzehntes Kapitel.

## Berechnung der Parallaxen nach der Tafel.

- Ha 360 }  
Hei 444 } Wenn wir bestimmen wollen, wie groß in einer beliebigen Position die Parallaxe des Mondes zunächst auf dem durch ihn und den Scheitelpunkt gezogenen größten (Höhen-) Kreis ist, so werden wir feststellen, wieviel Äquinoktial-
- 5 stunden der Mond je nach der zugrunde gelegten geographischen Breite von dem Meridian entfernt steht. Mit der gefundenen Stundenzahl gehen wir dann in die Winkeltabelle (Buch II, Kap. 13) der betreffenden Breite und des in Betracht kommenden Zeichens ein und werden in den bei
- 10 der (festgestellten) Stunde in der zweiten Spalte stehenden Beträgen entweder die ganzen oder die auf den Teil der Stunde entfallenden Grade erhalten, welche der Mond auf dem durch sein Zentrum und den Scheitelpunkt gehenden größten (Höhen-)Kreis Zenitabstand hat.<sup>39)</sup>
- 15 Mit diesen Graden gehen wir in die Parallaxentafel ein, d. h. wir sehen nach, in welcher Zeile der ersten Spalte der betreffende Gradbetrag steht, und notieren uns getrennt für sich die bei der Argumentzahl in den vier Spalten, welche auf die Spalte mit den Sonnenparallaxen folgen, d. h. die
- 20 in der dritten, vierten, fünften und sechsten Spalte stehenden Beträge. Hierauf nehmen wir die für jene Stunde (nach den Mondtafeln) genau berechnete Zahl der auf das genaue Apogeum reduzierten Anomalie, und zwar entweder sie selbst
- Hei 445 }  
25 } oder, wenn sie über  $180^{\circ}$  hinausgeht, ihre Ergänzung zu  $360^{\circ}$ , und gehen allemal mit der Hälfte der so erhaltenen Grade<sup>a)</sup> in die nämlichen Argumentzahlen ein. Nun sehen

a) Weil die Argumentzahlen 2—90 der Parallaxentafel als Doppelgrade auf den Epizykel und den Exzenter zu beziehen sind. Da sie demnach nur einen Halbkreis ( $0^{\circ}$ — $180^{\circ}$ ) von Apogeum bis Perigeum umfassen, so können die Hälften von über  $180^{\circ}$  hinausgehenden Anomalie- oder Elongationszahlen nicht mehr in ihr Bereich fallen.

wir nach, wieviel Sechzigstel bei der Argumentzahl je in Ha 361 der siebenten und der achten Spalte angesetzt sind. Den ganzen Betrag von Sechzigsteln, welcher in der siebenten Spalte gefunden wird, nehmen wir von dem in der vierten Spalte stehenden Überschuß und addieren jedesmal den erhaltenen Bruchteil zu der Parallaxe der dritten Spalte. Den ganzen Betrag von Sechzigsteln aber, welcher in der achten Spalte gefunden wird, nehmen wir von dem in der sechsten Spalte stehenden Überschuß und addieren wieder jedesmal den erhaltenen Bruchteil zu der Parallaxe der fünften Spalte. Hierauf stellen wir die Differenz der so gewonnenen zwei Parallaxen fest. 5

Nachdem wir weiter festgestellt haben, wieviel Grade der Mond entweder von dem Grade der Sonne oder von dem diesem diametral gegenüberliegenden, je nachdem dieses oder jenes Intervall das nähere ist<sup>a)</sup>, mittlere Elongation hat, gehen wir auch mit diesen Graden in die Argumentzahlen der ersten Spalte ein. Den ganzen Betrag von Sechzigsteln, der nun wieder in der neunten und letzten Spalte steht, nehmen wir von der festgestellten Differenz der zwei Parallaxen und addieren jedesmal den erhaltenen Bruchteil zu der kleineren Parallaxe, d. i. zu der aus der dritten und vierten Spalte berechneten. In dem schließlichen Ergebnis werden wir den Betrag der Parallaxe erhalten, welche der Mond auf dem durch ihn und den Zenit gezogenen größten (Höhen-)Kreis zeigt. 15

Die Sonnenparallaxe ergibt sich bei der gleichen Stellung (d. i. auf einem Höhenkreis gemessen), soweit sie für die Sonnenfinsternisse in Betracht kommt, theoretisch schlechthin ohne weiteres aus den Gradbeträgen, welche in der zweiten Spalte bei dem Betrag des Zenitabstandes stehen. 20

Um nun auch die mit Bezug auf die Ekliptik in dem gegebenen Falle eintretende Parallaxe nach Länge und 25

a) Um nicht Elongationen über  $180^\circ$  vom Apogeum des Exzeters zu erhalten. Die Elongation von der Sonne braucht nicht verdoppelt zu werden, weil die Argumentzahlen für den Exzenter Doppelgrade bedeuten.

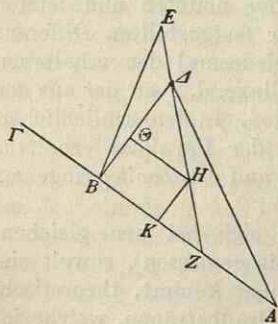
Breite zu berechnen<sup>40)</sup>, gehen wir wieder mit denselben Äquinoktialstunden, welche der Mond von dem Meridian entfernt ist, in denselben Teil der Winkeltabelle ein und fassen die bei der Argumentzahl der Stunden stehenden  
 5 Grade ins Auge, und zwar, wenn der Mond östlich des Meridians steht, die in der dritten Spalte, steht er westlich des Meridians, die in der vierten Spalte angesetzten Grade. Sind sie unter  $90^0$ , werden wir sie selbst uns notieren, sind sie über  $90^0$ , ihre Ergänzungen zu  $180^0$ ; denn damit werden  
 10 wir in Graden, wie der Rechte 90 hat, den kleineren<sup>a)</sup> der an dem (vorläufig) in Frage kommenden Schnittpunkt (B) liegenden Winkel erhalten. Die notierten Grade verdoppeln wir nun und gehen sowohl mit der gewonnenen Zahl als auch mit ihrer Ergänzung zu  $180^0$  in die (erste Spalte  
 15 der) Sehnentafeln ein. In dem Verhältnis, in welchem die zu dem Bogen der verdoppelten Grade gehörige Sehne ( $s \Delta \Theta$ ) zu der Sehne des Supplementbogens ( $s \Theta H$ ) steht, wird dann die Breitenparallaxe ( $b \Delta \Theta$ ) zu der Längenparallaxe ( $b \Theta H$ ) stehen, da ja so kleine

Hei 447

20

25

30



Kreisbogen von den Sehnen ganz unbedeutend verschieden sind. Indem wir nun die Zahl der (zu den gegebenen Bogen in der Tafel) angesetzten Sehnen mit der (Höhen-)Parallaxe ( $b \Delta H$ ), welche auf dem durch den Zenit gezogenen (Höhen-)Kreis (EZ) gefunden wurde, multiplizieren und in die Produkte getrennt für sich mit  
 120 dividieren, werden wir in den

bei der Division herauskommenden Quotienten die Teilbeträge der Breiten- und der Längenparallaxe erhalten.

Im allgemeinen gilt

A. für die Breitenparallaxen folgendes.

a) D. i.  $\angle EBF$ , der dem  $\angle \Delta H\Theta$  des Parallaxendreiecks  $\Delta \Theta H$  nur annähernd gleich ist.

1. Wenn der Zenit auf dem Meridian nördlich des zurzeit Ha 363 kulminierenden Punktes der Ekliptik liegt, so wird die parallaktische Verschiebung vom Zenit aus südwärts gerichtet sein.

2. Wenn dagegen der Zenit südlich des kulminierenden Punktes liegt, wird die parallaktische Verschiebung in 5 Breite nordwärts gerichtet sein.

B. Für die Längenparallaxen gilt, weil die in der Winkeltabelle angesetzten Winkelgrößen den nördlichen von den zwei Winkeln betreffen, deren gemeinsamer Schenkel das östlich liegende Ekliptikstück ist (S. 102,5), folgendes. 10

1. Ist die parallaktische Verschiebung in Breite nordwärts gerichtet, so wird die Längenparallaxe,

a) wenn der maßgebende Winkel  $> 90^\circ$ , gegen die Richtung der Zeichen (d. i. westwärts) wirken,

b) wenn  $< 90^\circ$ , in der Richtung der Zeichen (d. i. 15 ostwärts).

2. Ist die parallaktische Verschiebung in Breite südwärts gerichtet, so wird umgekehrt die Längenparallaxe,

a) wenn der maßgebende Winkel  $> 90^\circ$ , in der Richtung der Zeichen (d. i. ostwärts) wirken, 20

b) wenn  $< 90^\circ$ , gegen die Richtung der Zeichen Hei 448 (d. i. westwärts).

Was die Sonne anbelangt, so haben wir die vorstehend erörterten Verhältnisse auf sie unter der Annahme in Anwendung gebracht, daß sie keine sinnlich wahrnehmbare 25 Parallaxe zeige, nicht als ob wir nicht wüßten, daß die auch an ihr, wie wir weiterhin (Buch VI, Kap. 5) sehen werden, wahrgenommene Parallaxe eine kleine Differenz in den Verhältnissen verursachen würde, sondern weil wir der Meinung waren, daß für die Erscheinungen deshalb kein so 30 beträchtlicher Fehler im Gefolge sein werde, daß es notwendig wäre, an den bisher ohne Berücksichtigung der Sonnenparallaxe dargelegten Verhältnissen irgend etwas zu ändern, weil sie ja nur ganz gering ist.

Eine ähnliche Vernachlässigung ist es, wenn wir uns auch 35 für die Parallaxen des Mondes mit den Bogen (wie EB) Ha 364 und Winkeln (wie  $\angle EBF$ ) begnügt haben, welche von dem



AK, von den Ekliptikabständen in Breite der genaue  $B\Delta$ , der scheinbare KH. Endlich sind, als die theoretisch auf die Ekliptik bezogenen Komponenten der (Höhen-)Parallaxe  $\Delta H$ , die (ostwärts d. i. in der Richtung der Zeichen wirkende) Längenparallaxe gleich  $\Theta H$ , und die (südwärts wirkende) 5 Breitenparallaxe gleich  $\Delta \Theta$ .

Aus der oben gegebenen Anleitung (der Parallaxen- Hei 450 berechnung) ist hervorgegangen, daß die Parallaxe  $\Delta H$  gefunden wird, wenn der Bogen  $E\Delta$  (d. i. der Zenitabstand des Mondes) gegeben ist, die beiden Parallaxen  $\Delta \Theta$  10 und  $\Theta H$  aber, wenn der Winkel  $\Gamma ZE$  gegeben ist.<sup>a)</sup> In einem früheren Kapitel (Buch II, Kap. 13) haben wir die Bogen und Winkel des durch den Zenit gehenden Kreisbogens nachgewiesen, welche mit gegebenen Punkten der Ekliptik (d. h. den Zeichenanfängen) gebildet werden. 15 So haben wir denn in dem vorliegenden Falle (durch die Winkeltabelle) einzig und allein den Punkt B der Ekliptik als gegeben. Es ist also klar, daß wir (fälschlich) den Bogen  $EB$  anstatt des Bogens  $E\Delta$  benutzen, und den Winkel  $\Gamma BE$  anstatt des Winkels  $\Gamma ZE$ . 20

Hipparch hat nun zwar den Versuch gemacht, die Korrektion dieses fehlerhaften Verfahrens in die Wege zu leiten, hat dieselbe aber offenbar ganz ohne Verständnis und gegen alle Logik in Angriff genommen. Erstens hat er nämlich einzig und allein die Entfernung  $A\Delta$  in Betracht gezogen, und nicht 25 alle oder wenigstens mehrere Entfernungen, wie es für einen Forscher, der Wert darauf legt auch im Kleinen peinlichste Genauigkeit walten zu lassen, das richtige gewesen wäre, zweitens ist er auch, ohne es gewahr zu werden, in noch mehr und andere Ungereimtheiten verfallen. Nach- 30 dem nämlich auch er zuvor gerade nur die theoretisch mit

a) Tatsächlich hat er diesen heiklen Punkt an beiden Stellen (S. 324, 6—14 und S. 326, 1—12) wie absichtlich in mystisches Dunkel gehüllt. Der Mond war an erster Stelle stillschweigend ohne Breite angenommen worden (in Punkt B), an zweiter Stelle war nicht der dem  $\angle \Delta H \Theta$  genau gleiche  $\angle \Gamma ZE$ , sondern der nur annähernd gleiche  $\angle EB\Gamma$  verwendet worden.

der Ekliptik gebildeten Bogen und Winkel nachgewiesen und klarge stellt hat, daß (die Höhenparallaxe)  $\Delta H$  gewonnen wird, wenn (der Zenitabstand)  $E\Delta$  gegeben ist — diesen Nachweis  
 Ha 366 bringt er im ersten Buche der „Parallaxenberechnungen“ —  
 Hei 451 wendet er zur Gewinnung des Bogens  $E\Delta$  dennoch den Bogen  
 6  $EZ$  und den Winkel  $\Gamma ZE$  an: nachdem er nämlich im zweiten Buche  $Z\Delta$  auf diesem Wege berechnet hat, nimmt er (den Zenitabstand)  $E\Delta$  als Rest an. Irreführt hat ihn, wohl zu merken, das Übersehen des Umstandes, daß  $B$  der gegebene Punkt der Ekliptik ist, und nicht  $Z$ , und daß infolgedessen von den Bogen  $EB$ , nicht  $EZ$ , gegeben ist, und von den Winkeln  $\Gamma BE$ , nicht  $\Gamma ZE$ .

Von da ab sind zur Anbringung einer auch nur teilweisen Korrektion vielfache Anstrengungen gemacht worden, da  
 15 zwischen den Bogen  $E\Delta$  und  $EZ$  sich eine recht beträchtliche Differenz ( $Z\Delta$ ) geltend macht, (was sehr erklärlich ist) weil die Bogen  $EZ$  noch viel weniger gegeben sind, als die Bogen  $E\Delta$ .<sup>a)</sup> Demgegenüber wird das Maximum der Differenz zwischen dem tatsächlich gegebenen Bogen  $EB$   
 20 und dem Bogen  $E\Delta$  lediglich von der mit der Entfernung vom Knoten sich ändernden Größe des Bogens  $\Delta B$  (d. i. von der Breite des Mondes) abhängig sein.<sup>b)</sup>

Der logisch richtige Weg, welcher zu der einzig sachlich (weil mathematisch) genauen Korrektion führt<sup>c)</sup>, dürfte  
 25 von uns folgendermaßen zur Anschauung gebracht werden.

Es sei  $AB\Gamma$  die Ekliptik und rechtwinklig zu ihr  $\Delta BE$ . Der Mond stehe entweder in  $\Delta$  oder in  $E$  von der Ekliptik  
 Hei 452 in Breite einen gegebenen Bogen, wie  $\Delta B$  oder  $BE$ , entfernt.

a) D. i. als die Zenitabstände des Mondes, die ja gesucht werden.

b) D. h. die Differenz  $EB - E\Delta$  wird gleich Null sein, wenn der Mond keine Breite hat: dann ist eben sein Zenitabstand gleich  $EB$ ; dagegen wird sie das Maximum erreichen, wenn der Mond seine größte Breite nördlich oder südlich der Ekliptik hat.

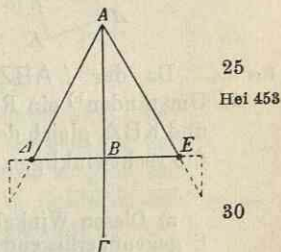
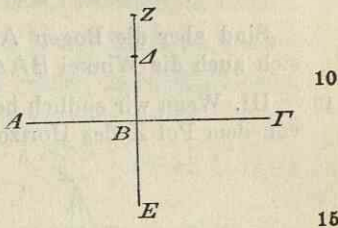
c) Insofern der gesuchte  $\angle \Gamma ZE$ , der von dem durch das Mondzentrum gezogenen Höhenkreis mit der Ekliptik gebildet wird, dem einen spitzen Winkel des Parallaxendreiecks als Gegenwinkel mathematisch genau gleich ist.

Somit sollen gegeben sein die Bogen vom Zenit bis zum Ekliptikpunkt B und die daselbst gebildeten Winkel (als Rechte), gesucht seien die bei  $\Delta$  oder E entstehenden Bogen und Winkel.<sup>a)</sup>

I. Wenn die Ekliptik die Lage einnimmt, daß sie den größten (Höhen-)Kreis unter rechten Winkeln schneidet, welcher, wie ZB, durch den als Pol des Horizonts angenommenen Punkt Z und durch Punkt B geht, so wird dieser Kreis selbstverständlich<sup>b)</sup> mit dem Bogen  $\Delta E$  zusammenfallen und der theoretisch bei  $\Delta$  und E (an der Mondbahn) gebildete Winkel unterschiedslos gleich sein dem bei B (als gegeben) angenommenen (Rechten); denn die von diesen Bogen (des Breitenkreises) mit der Ekliptik gebildeten Winkel sind gleichfalls Rechte. Die (bei  $\Delta$  und E abgeschnittenen) Bogen aber werden, da die Bogen  $\Delta B$  und BE (als die Breite des Mondes) gleichfalls gegeben sind, betragen:

$$b Z \Delta = b Z B - b \Delta B \quad \text{und} \quad b Z E = b Z B + b B E.$$

II. Wenn die Ekliptik AB $\Gamma$  mit dem durch den Zenit gehenden größten (Höhen-)Kreis zusammenfällt, und wir, A als Pol des Horizonts angenommen, die verbindenden Bogen A $\Delta$  und AE ziehen, so werden sowohl diese Bogen von dem Bogen AB verschieden sein, als auch die Winkel B A  $\Delta$  und B A E verschieden von dem Winkel, der



a) D. s. die oben S. 328, 3 erwähnten Bogen und Winkel, welche von dem Höhenkreise an dem schiefen Kreise des Mondes gebildet werden.

b) Weil der Breitenkreis des Mondes ebenfalls senkrecht zur Ekliptik steht.



das Verhältniß von  $ZB$  zu den Seiten (d. i. zu den Katheten dieser Dreiecke), welche um die Rechten liegen, weil es (von vornherein) zu den Hypotenusen  $\Delta B$  und  $BE$  gegeben ist. Daher werden (weil nun in den rechtwinkligen Dreiecken  $Z\Lambda E$  und  $ZK\Delta$  außer den Katheten  $\Lambda E$  und  $K\Delta$  auch die Katheten  $Z\Lambda$  mit  $ZB - B\Lambda$  und  $ZK$  mit  $ZB + BK$  gegeben sind, nach Eukl. I. 47) auch die Hypotenusen  $ZE$  und  $Z\Delta$  gegeben sein, und in folgedessen (durch die Funktionen  $\frac{K\Delta}{Z\Delta}$  und  $\frac{\Lambda E}{ZE}$ ) auch die Winkel  $\Delta ZK$  und  $EZ\Lambda$ , um welche die gesuchten Winkel einerseits größer, andererseits kleiner als der gegebene sind; denn

$$\left. \begin{aligned} \angle AHZ &= \angle ABZ + \angle \Delta ZB, \\ \angle AOZ &= \angle ABZ - \angle EZ\Lambda. \end{aligned} \right\} \text{(Eukl. I. 32)}$$

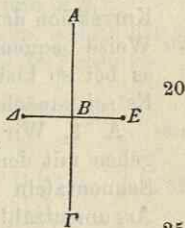
Hieraus ist ersichtlich, daß bei Annahme desselben Abstandes in Breite (d. i. wenn  $BE = \Delta B$ ) das Maximum des Unterschieds (gegen die Bogen  $ZB$  und die Winkel bei  $B$ ) eintreten wird

1. bei den Winkeln, wenn der Punkt  $B$  der Scheitelpunkt selbst ist. Denn wenn bei  $B$  kein Winkel (von einem Höhenkreis) gebildet wird, so bilden die vom Scheitelpunkt nach  $\Delta$  und  $E$  gezogenen Bogen an der Ekliptik rechte Winkel.<sup>a)</sup>

2. bei den Bogen,

a) wenn dieselbe Lage (des Punktes  $B$ ) stattfindet. Denn wenn wieder (vom Scheitelpunkt) kein Bogen nach  $B$  gezogen werden kann, so werden die nach  $\Delta$  und  $E$  (von dort) gezogenen Bogen genau so groß sein, wie die Bogen, die den Ort des Mondes in Breite messen.

b) wenn der durch den Scheitelpunkt gehende (Höhen-) Kreis die Ekliptik unter rechten Winkeln schneidet (s. Fig. zu I). Denn alsdann werden die Bogen  $Z\Delta$  und  $ZE$  wieder



Hei 455

30

a) Da die Figur von den vorhergehenden verschieden ist, so habe ich sie hinzugefügt.

um den ganzen Betrag in Breite von dem Bogen ZB verschieden sein.

Ha 369 In den anderen Lagen (s. Fig. zu III), in welchen  $\Delta E$  mit ZB (in Punkt B) einen spitzen oder einen stumpfen Winkel bildet, werden die Unterschiede sowohl der Bogen wie der Winkel geringer ausfallen.

[Daher wird auch, wenn der Mond die (nördliche!) Breite von  $5^{\circ}$  hat, das Maximum des Unterschieds der Parallaxen etwa  $0^{\circ}10'$  betragen; denn so viel Sechzigtheile der Parallaxe machen bei den größten Überschüssen und den kleinsten Entfernungen die  $5^{\circ}$  des größten Unterschieds der Bogen (des Zenitabstands und der nördlichen Breite!) aus. Hat aber der Mond in seinem Lauf die größte Breite, bei welcher noch Sonnenfinsternisse eintreten können — sie beträgt 15 nahezu  $1\frac{1}{2}^{\circ}$  — so wird der Unterschied der Parallaxe den gleichgroßen Betrag von  $1\frac{1}{2}^{\circ}$  ausmachen. So etwas trifft aber selten zusammen.]<sup>41)</sup>

Das methodische Verfahren, welches zu der angedeuteten Korrektur der Winkel und Bogen führt, dürfte auf folgende 20 Weise bequem zu handhaben sein, falls jemand Lust hat, es bei so kleinen Verhältnissen in Anwendung zu bringen. Es sei zunächst der Gang im allgemeinen mitgeteilt.<sup>a)</sup>

Hei 456 A. 1. Wir verdoppeln die Gradzahl der Winkel<sup>b)</sup> und gehen mit den gewonnenen Zahlen in die (erste Spalte der) 25 Sehnentafeln ein. Die Beträge, welche sowohl bei der Argumentzahl ( $60^{\circ}$ ), als auch bei ihrer Ergänzung ( $120^{\circ}$ ) zu 2 Rechten, d. i. zu  $180^{\circ c)$  stehen, multiplizieren wir,

a) Der Vergleich mit dem folgenden Zahlenbeispiel von Abschnitt zu Abschnitt dient wesentlich zur Erleichterung des Verständnisses. Zu diesem Zweck sind in Parenthese die Zahlen des speziellen Falles hinzugefügt.

b) D. i. des gegebenen Winkels ABZ und seines Komplementwinkels ABE, d. i. des einen spitzen Winkels des rechtwinkligen Dreiecks EAB, dessen anderer spitzer Winkel BEA dem gegebenen Winkel ABZ unter allen Umständen gleich ist, weil beide sich mit dem nämlichen Winkel ABE zu  $90^{\circ}$  ergänzen.

c) Weil in den Sehnentafeln die Bogen der doppelten Winkel, d. i. der Zentriwinkel, zu den zugehörigen Sehnen gesetzt sind.

jeden für sich, mit den (gegebenen) Graden der Breite und notieren uns von beiden Produkten den 120<sup>ten</sup> Teil ( $2^{\circ}30'$  und  $4^{\circ}20'$ ).

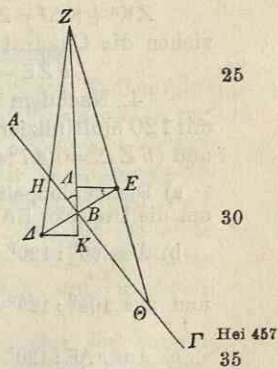
2. Das aus dem ersten Winkel ( $ABZ = B\Delta K$  und  $BE\Lambda$ ) erzielte Ergebnis ( $bBK$  und  $bB\Lambda = 2^{\circ}30'$ ) subtrahieren wir nun von dem vom Zenit ab gegebenen Bogen (ZB), wenn der Mond auf derselben Seite (der Ekliptik) wie der Zenit steht, addieren es aber zu demselben, wenn der Mond auf der anderen Seite (d. i. südlich der Ekliptik) steht.

3. Das Ergebnis ( $bZ\Lambda$  und  $bZK$ ) multiplizieren wir mit sich selbst, addieren es zu dem gleichfalls ins Quadrat erhobenen aus dem Komplementwinkel ( $\Lambda BE$  und  $KB\Delta$ ) gewonnenen Ergebnis ( $b\Lambda E$  und  $bK\Delta$ ), und werden in der Quadratwurzel den gesuchten Bogen (ZE und Z $\Delta$ ) erhalten.

4. Hierauf multiplizieren wir das aus dem Komplementwinkel erhaltene Ergebnis ( $bK\Delta$  und  $b\Lambda E = 4^{\circ}20'$ ), welches wir uns notiert hatten, mit 120 und dividieren in das Produkt je mit den gefundenen Bogen (ZE und Z $\Delta$ ).

5. Die Hälften (S. 337, 5) von den Bogen, welche bei den erhaltenen Quotienten in der (ersten Spalte der) Sehnentafel stehen, werden wir nun, wenn der durch das Korrekionsverfahren gewonnene Bogen (Z $\Delta$ ) größer ist als der erste (gegebene) Bogen (ZB), zu den Graden des ersten (gegebenen) Winkels ( $ABZ$ ) addieren, wenn kleiner ( $bZE$ ), davon subtrahieren, und werden somit den korrekten Winkel ( $AHZ$  und  $A\theta Z$ ) erhalten.

B. Wir lassen ein Beispiel folgen. An der schon oben vorgelegten Figur<sup>a)</sup> sei der Bogen ZB mit  $45^{\circ}$  gegeben, der  $\angle ABZ$  mit  $30^{\circ}$  wie  $1R = 90^{\circ}$ , endlich die beiden Bogen  $\Delta B$  und  $BE$  mit je  $5^{\circ}$  Breite.



a) Eine Figur mit den genauen Winkeln habe ich diesem Beispiel hinzugefügt.

1. Da bei dem Doppelten von  $30^0$ , d. i. bei  $60^0$ , die Sehne mit  $60^P$ , und bei dem Supplementwinkel<sup>a)</sup>, d. i. bei  $120^0$ , die Sehne mit  $104^P$  angegeben steht, so erhalten wir die Verhältnisse

$$5 \quad b B \Lambda : b \Lambda E = 60^P : 104^P \quad \text{wie} \quad h(BE) = 120^P;$$

$$b B K : b K \Delta = 60^P : 104^P \quad \text{wie} \quad h(\Delta B) = 120^P.$$

Ha 371 Nachdem wir nun beide Zahlen mit den  $5^0$  der Hypotenuse multipliziert und von dem Produkt den  $120^{\text{ten}}$  Teil genommen haben<sup>b)</sup>, werden wir erhalten

$$10 \quad b B K \text{ und } b B \Lambda = 2^0 30'; \quad b K \Delta \text{ und } b \Lambda E = 4^0 20'.$$

2. Nun werden wir zuerst  $2^0 30'$ , wenn der Mond in Punkt E angenommen ist, von den  $45^0$  des Bogen ZB subtrahieren, weil der Breitenabstand des Mondes auf derselben Seite wie der Zenit liegt — unter den beiden „Seiten“ ist  
15 entweder nördlich oder südlich der Ekliptik zu verstehen — und werden den Bogen ZΛ mit  $(b ZB - b B \Lambda =) 42^0 30'$  erhalten. Steht aber der Mond in Punkt Δ, so addieren wir die  $2^0 20'$ , weil sein Abstand auf der entgegengesetzten

Hei 458 Seite liegt, und werden den Bogen ZK mit  $(b ZB + b B K =)$   
20  $47^0 30'$  erhalten.

3. Hierauf bilden wir die Summe der Quadrate  
 $Z\Lambda^2 + \Lambda E^2 = Z E^2$ , d. i.  $(42^0 30')^2 + (4^0 20')^2 = Z E^2$ ,  
 $ZK^2 + K \Delta^2 = Z \Delta^2$ , d. i.  $(47^0 30')^2 + (4^0 20')^2 = Z \Delta^2$ ,  
ziehen die Quadratwurzel und werden erhalten

$$25 \quad b Z E = 42^0 46' \quad \text{und} \quad b Z \Delta = 47^0 44'.$$

4. Nachdem wir schließlich  $(b K \Delta \text{ und } b \Lambda E =) 4^0 20'$  mit 120 multipliziert und in das Produkt mit  $(b Z E =) 42^0 46'$  und  $(b Z \Delta =) 47^0 44'$  dividiert haben<sup>c)</sup>, werden wir erhalten

a) Die verdoppelten Winkel sind Zentriwinkel der Kreise um die Dreiecke EΛB und ΔKB.

$$b) \text{ Aus } 60^P : 120^P = x : 5^0 \text{ ergibt sich } x = \frac{5^0 \cdot 60}{120},$$

$$\text{und aus } 104^P : 120^P = y : 5^0 \text{ ergibt sich } y = \frac{5^0 \cdot 104}{120}.$$

$$c) \text{ Aus } s \Lambda E : 120^P = 4^0 20' : 42^0 46' \text{ ergibt sich } s \Lambda E = \frac{4^0 20' \cdot 120}{42^0 46'},$$

$$\text{und aus } s K \Delta : 120^P = 4^0 20' : 47^0 44' \text{ ergibt sich } s K \Delta = \frac{4^0 20' \cdot 120}{47^0 44'}.$$

$$\begin{aligned} s \wedge E &= 12^{\circ} 8' & \text{wie } h Z E &= 120^{\circ}, \\ s K \Delta &= 10^{\circ} 50' & \text{wie } h Z \Delta &= 120^{\circ}. \end{aligned}$$

Hierzu ist  $\left\{ \begin{array}{l} b \wedge E = 11^{\circ} 36' \\ b K \Delta = 10^{\circ} 20' \end{array} \right\}$  (wie  $\ominus E \wedge Z$  und  $\Delta K Z = 360^{\circ}$ ),

mithin  $\left\{ \begin{array}{l} b \wedge E = 5^{\circ} 48' \\ b K \Delta = 5^{\circ} 10' \end{array} \right\}$  als Hälften<sup>a)</sup>, 5

folglich  $\left\{ \begin{array}{l} \sphericalangle E Z \wedge = 5^{\circ} 48' \\ \sphericalangle K Z \Delta = 5^{\circ} 10' \end{array} \right\}$  (wie  $4 R = 360^{\circ}$ ).

5. Nun ist einerseits, weil  $b Z E < b Z B$ ,

Hei 459

$$\sphericalangle A B Z - \sphericalangle E Z \wedge = \sphericalangle A \Theta Z = 24^{\circ} 12',$$

Ha 372

andererseits, weil  $b Z \Delta > b Z B$ ,

11

$$\sphericalangle A B Z + \sphericalangle K Z \Delta = \sphericalangle A H Z = 35^{\circ} 10'.$$

Hiermit sind wir bei dem Endergebnis des methodischen Verfahrens angelangt.

## Sechstes Buch.

### Erstes Kapitel.

#### Konjunktionen und Vollmonde.

Wir kommen nunmehr in der gebotenen Reihenfolge<sup>Hei 373</sup> zu der theoretischen Ermittlung der mit Finsternissen verbundenen Syzygien der Sonne und des Mondes. Vorausgehen muß dieser Darstellung wieder die Bestimmung der theoretisch genau genommenen Konjunktionen und Vollmonde. Wir sind zwar der Meinung, daß für die erste<sup>Hei 461</sup> Feststellung dieser Verhältnisse die für jeden der beiden Lichtkörper nachgewiesenen periodischen und ungleich-

a) Die übliche Umrechnung geschieht unter der Formel:  $b \wedge E = 11^{\circ} 36'$  wie  $2 R = 360^{\circ}$ , mithin  $= 5^{\circ} 48'$  wie  $4 R = 360^{\circ}$ . Hiermit ist die Größe des Bogens gefunden, der den bisher als Peripheriewinkel betrachteten Dreieckswinkel als Zentriwinkel überspannt. S. erl. Anm. 9.

förmigen Bewegungen<sup>a)</sup> ausreichend sind; denn wenn man die Mühe nicht scheut, die einzelnen Epochen der Lichtkörper von Fall zu Fall zahlenmäßig miteinander zu vergleichen, so können mit Hilfe dieser Bewegungen die Stellen und die Zeiten der kommenden Syzygien sehr wohl durch Rechnung gefunden werden, und zwar sowohl der Syzygien, die nach den mittleren Bewegungen bestimmt werden, als auch der genauen, die unter Anbringung der Anomalie gewonnen werden. Indessen haben wir, um die letzteren durch ein methodisches Verfahren bequemer ermitteln zu können, nicht nur die für die periodischen Konjunktionen und Vollmonde geltenden Stellen und Zeiten zum sofortigen Gebrauch im voraus zusammengestellt<sup>b)</sup>, sondern auch die nach den mittleren Zeiten berechneten Epochen des Mondes in Anomalie und Breite<sup>c)</sup>, mit deren Hilfe sowohl die Korrektion zu den genauen Syzygien vorgenommen wird, als auch von diesen aus die Korrektion zu den mit Finsternissen verbundenen Syzygien. Für den hier angedeuteten Zweck haben wir Tabellen bearbeitet, über deren Beschaffenheit wir im folgenden Aufschluß erteilen.

## Zweites Kapitel.

### Praktische Anleitung zur Aufstellung von Tabellen der mittleren Syzygien.

Zuerst müssen wir wieder, wie schon die anderen Epochen, so auch die Epochen der synodischen Monate an das erste Jahr Nabonassars knüpfen. Der Überschuß der Elongation (des Mondes von der Sonne), welcher in diesem Jahre am 1. ägyptischen Thoth<sup>d)</sup> für die Mittagstunde galt, war

a) Wie sie mit Hilfe der Sonnen- und der Mondtafeln in Verbindung mit den Anomalietabellen der beiden Lichtkörper berechnet werden können.

b) In der zweiten und dritten Spalte der Tabellen.

c) In der vierten und fünften Spalte der Tabellen.

d) Die Bezeichnung des Monatsersten durch *νομήνια* kann nur durch irrthümliche Assimilation an den griechischen Kalender durch einen griechischen Abschreiber in den Text geraten sein; denn der ägyptische Monatsanfang kann nicht an den Neumond gebunden sein.

(S. 236, 23) mit  $70^{\circ}37'$  nachgewiesen worden. Indem wir in diese Zahl mit der täglichen mittleren Bewegung der Elongation (d. i. mit  $12^{\circ}11'$ ) dividierten, fanden wir  $5^{\text{d}}47'33''$ , d. h. vor soviel Tagen hat die vor dem Mittag des 1. Thoth liegende mittlere Konjunktion stattgefunden. 5 Die darauf folgende ist also  $(29^{\text{d}}31'50'' - 5^{\text{d}}47'33'' =) 23^{\text{d}}44'17''$  nach demselben Mittag gewesen, d. i.  $0^{\text{d}}44'17''$  nach dem Mittag des 24. Thoth. In den  $23^{\text{d}}44'17''$  legt die Sonne in mittlerer Bewegung  $23^{\circ}23'50''$  zurück, der Mond in Anomalie  $310^{\circ}8'15''$ , in Breite  $314^{\circ}2'21''$ . 10 Nun war der mittlere Ort der Sonne (S. 185, 7) am 1. Thoth  $\text{J}(0^{\circ}45'$ ; ihre Entfernung von dem Apogeum des Ha 375 eigenen Kreises — diese Zählung eignet sich besser<sup>a)</sup> — betrug demnach (von  $\text{J}(0^{\circ}45'$  bis  $\text{II } 5^{\circ}30'$ )  $265^{\circ}15'$ , die Entfernung des Mondes von dem Apogeum des Epizykels in Anomalie be- 15 trug (S. 236, 22)  $268^{\circ}49'$ , die vom nördlichen Grenzpunkt Hei 463 des schiefen Kreises in Breite (S. 244, 3)  $354^{\circ}15'$ . Folglich betrug zu dem obengenannten Zeitpunkt der mittleren Konjunktion nach dem Monatsersten (am 24. Thoth) die mittlere Entfernung der Sonne sowohl wie des Mondes<sup>b)</sup> 20 von dem Apogeum der Sonne, d. i. von  $\text{II } 5^{\circ}30'$ ,  $(265^{\circ}15' + 23^{\circ}23'50'' =) 288^{\circ}38'50''$ , die des Mondes von dem Apogeum des Epizykels in Anomalie  $(268^{\circ}49' + 310^{\circ}8'15'' - 360^{\circ} =) 218^{\circ}57'15''$ , die von dem nördlichen Grenzpunkt in Breite  $(354^{\circ}15' + 314^{\circ}2'21'' - 360^{\circ} =) 308^{\circ}17'21''$ . 25

Wir werden also an erster Stelle eine Tabelle der Konjunktionen wieder in 45 Zeilen, und zwar in 5 Spalten aufstellen. In der ersten Zeile werden wir setzen: in die erste Spalte das erste Jahr Nabonassars, in die zweite die  $24^{\text{d}}44'17''$  des Thoth — denn die überschießenden 30 Sechzigteile zählen von der Mittagstunde des 24<sup>ten</sup> ab — in die dritte Spalte die  $288^{\circ}38'50''$  der mittleren Ent-

a) D. h. besser als die Zählung von der Epoche  $\text{J}(0^{\circ}45'$ .

b) Die Konjunktionsstelle ist für beide Lichtkörper vom Apogeum der Sonne in mittlerem Lauf gleichweit entfernt, während in der Opposition der Mondort dem Sonnenort natürlich diametral gegenüber liegt.

fernung der Sonne von ihrem Apogeum, in die vierte die  $218^{\circ}57'15''$  der Entfernung des Mondes in Anomalie von dem Apogeum (des Epizykels), in die fünfte die  $308^{\circ}17'21''$  der Entfernung in Breite von dem nördlichen Grenzpunkt.

- 5 Nun entfallen auf die halbe Zeit<sup>a)</sup> des mittleren synodischen Monats:  $14^{\text{d}}45'55''$ ,  $14^{\circ}33'12''$  Sonnenbewegung,  $192^{\circ}54'30''$  Mondbewegung in Anomalie,  $195^{\circ}20'6''$  in  
 Hei 464 Breite. Diese Zahlen werden wir von denen der festgestellten Konjunktion (am 24. Thoth) subtrahieren und die Rest-  
 Ha 376 zahlen in der zweiten, ähnlich eingerichteten Tabelle der  
 11 Vollmonde gleichfalls voranstellen, ganz in der nämlichen Weise wie in der ersten Tabelle. Die verbleibenden Restzahlen sind:  $9^{\text{d}}58'22''$ ,  $274^{\circ}5'38''$  der Entfernung der Sonne von ihrem Apogeum,  $26^{\circ}2'45''$  der Entfernung des  
 15 Mondes in Anomalie von dem Apogeum (des Epizykels),  $112^{\circ}57'15''$  der Entfernung in Breite von dem nördlichen Grenzpunkt.

Nun gehen ohne merklichen Fehler in 25 ägyptischen Jahren ganze synodische Monate mit dem kleinen Rest von  
 20  $0^{\text{d}}2'47''5'''$  auf<sup>b)</sup>, die Sonne setzt (in dieser Zeit) in mittlerer Bewegung nach Abzug ganzer Kreise  $353^{\circ}52'34''13'''$  zu, der Mond in Anomalie  $57^{\circ}21'44''1'''$ , in Breite  $117^{\circ}12'49''54'''$ . Daher werden wir in beiden Tabellen die ersten Spalten (von Zeile zu Zeile) um 25 Jahre zunehmen, und  
 25 die zweiten Spalten um  $0^{\text{d}}2'47''5'''$  abnehmen lassen, von den übrigen aber die dritten um  $353^{\circ}52'34''13'''$ , die vierten um  $57^{\circ}21'44''1'''$ , die fünften um  $117^{\circ}12'49''54'''$  anwachsen lassen.

Im Anschluß an diese Tabellen werden wir noch eine  
 30 Jahrestabelle in 24 Zeilen und darunter noch eine Monatstabelle in 12 Zeilen aufstellen, beide mit der gleichen Anzahl von Spalten wie die ersten.

a) Zu welcher Zeit Vollmond gewesen sein muß.

b) 25 ägyptische Jahre enthalten 309 volle synodische Monate:  $309 \times 29^{\text{d}}31'50''8'''20'''' = 9124^{\text{d}}57'12''55'''$ ; es fehlen also an 9125 Tagen  $0^{\text{d}}2'47''5'''$ .

In der Monatstabelle setzen wir in der ersten Zeile: in die erste Spalte den ersten synodischen Monat, in die zweite die Tage desselben mit  $29^{\text{d}}31'50''8'''20'''$ , in die dritte die in dieser Zeit sich summierenden Grade der Sonne mit  $29^{\text{o}}6'23''1'''$ , in die vierte die (überschießenden) Grade des Mondes in Anomalie mit  $25^{\text{o}}49'0''8'''$ , in die fünfte die (überschießenden) Grade der Breite mit  $30^{\text{o}}40'14''9'''$ . Auch diese Spalten werden wir um dieselben Zahlen anwachsen lassen, wie sie in der ersten Zeile stehen.

In der Jahrestabelle setzen wir in der ersten Zeile: in die erste Spalte das erste Jahr, in die zweite Spalte die in 13 synodischen Monaten (über  $365^{\text{d}}$ ) überschießenden Tage mit  $(29^{\text{d}}31'50''8''' - 10^{\text{d}}37'58''20''' =) 18^{\text{d}}53'51''48'''^{\text{a}}$ , in die dritte die in ebensolanger Zeit (d. i. in  $18^{\text{d}}21\frac{2}{5}^{\text{h}}$  über den Jahresbetrag von  $359^{\text{o}}45'24''45'''$ ) überschießenden Grade der Sonne mit  $18^{\text{o}}22'59''18'''$ , in die vierte die (in derselben Zeit über den Jahresüberschuß von  $88^{\text{o}}43'7''28'''$  überschießenden) Grade des Mondes in Anomalie mit  $335^{\text{o}}37'1''51'''$ , und in die fünfte die (über den Jahresüberschuß von  $148^{\text{o}}42'47''12'''$  überschießenden) Grade der Breite mit  $38^{\text{o}}43'3''51'''$ . Anwachsen lassen wir diese Spalten um die vorstehend aufgeführten, in 13 synodischen Monaten sich ergebenden Überschüsse abwechselnd mit den auf 12 synodische Monate entfallenden Beträgen, welche sind:  $354^{\text{d}}22'1''40'''$ ,  $349^{\text{o}}16'36''16'''$  der Weiterbewegung<sup>b)</sup> der Sonne (in diesen  $354^{\text{d}}8\frac{4}{5}^{\text{h}}$ ),  $309^{\text{o}}48'1''42'''$  der Weiterbewegung des Mondes in Anomalie (über ganze Kreise),  $8^{\text{o}}2'49''42'''$  (über ganze Kreise) der Weiterbewegung in Breite.

a) Ganz richtig bietet Cod. D in diesem Betrag  $51''$  statt  $52''$ ; nur wenn die  $48'''$  wegfallen, kann dadurch  $51''$  auf  $52''$  gehoben werden. Die Differenz beträgt den synodischen Monat weniger der über das mittlere Mondjahr von  $354^{\text{d}}22'1''40'''$  überschießenden Tage des ägyptischen Jahres.

b) Ich vermute statt *ἐποχῆς* wie einige Zeilen vorher *ἐπονοσίας*. Dasselbe Wort ist wohl statt *ἀποχῆς* auch über die dritten Spalten der Jahres- und der Monatstabelle zu setzen; denn dort kann nur von Vergrößerung der Entfernung vom Apogeum die Rede sein.

Dieser Wechsel ist mit Rücksicht darauf notwendig, um die Ansetzung der ersten Syzygie (eines jeden Jahres) nach ganzen ägyptischen Jahren durchführen zu können. Was die Ansätze der Beträge anbelangt, so wird es genügen, dieselben 5 bis zu den zweiten Sechzigteilen gehen zu lassen.

### Drittes Kapitel.

**Die Tabellen der Konjunktionen und Vollmonde**  
gestalten sich folgendermaßen (s. S. 343—345).

### Viertes Kapitel.

#### Berechnung der periodischen und der genauen Syzygien nach den Tabellen.

(a 384)  
Hei 466) Wenn wir für irgendein in die Untersuchung einbezogenes Jahr die theoretisch im Mittel betrachteten Syzygien feststellen wollen<sup>42)</sup>, so berechnen wir, das wievielte das betreffende Jahr von dem ersten Jahre Nabonassars ab ist, und sehen nach, welche Zeilen die Gesamtzahl der Jahre enthalten, die sich teils aus den 25 jährigen Perioden in einer der beiden ersten Tabellen (d. h. je nachdem es sich um Konjunktionen oder Vollmonde handelt), teils aus den Einzeljahren nach der dritten (d. i. Jahres-) Tabelle zusammensetzt. Die Beträge, welche in den beiden Zeilen in den nächstfolgenden Spalten stehen, werden wir in zugehöriger Weise addieren, d. h. wenn es sich um synodische Syzygien handelt, die Beträge aus der ersten und dritten (der Jahres-) Tabelle, 15 wenn es sich um Vollmondszyzygien handelt, die Beträge aus der zweiten und dritten Tabelle. In der Summe der aus der zweiten Spalte entnommenen Beträge werden wir den Zeitpunkt der von Anfang jenes Jahres ab gerechneten Syzygie erhalten. Kommen z. B.  $24^d44'$  heraus, so fällt der Zeitpunkt der Syzygie  $44'$  nach dem Mittag des 24. Thoth; 20 kommen  $34^d44'$  heraus, so fällt der Zeitpunkt ebensoviel Sechzigteile nach dem Mittag des 4. Phaophi. Ferner er-

I. Tabelle der Konjunktionen.

25 jährige Perioden	Tage des Thoth			Entfernung der Sonne und des Mondes vom Apo- geum II 5°30'			Entfernung des Mondes					
							von dem Apo- geum des Epi- zykels in Anomalie			von dem nördl. Grenzpunkt in Breite		
1	24d	44'	17''	288°	38'	50''	218°	57'	15''	308°	17'	21''
26	24	41	30	282	31	24	276	18	59	65	30	11
51	24	38	43	276	23	58	333	40	43	182	43	1
76	24	35	56	270	16	33	31	2	27	299	55	51
101	24	33	9	264	9	7	88	24	11	57	8	41
126	24	30	22	258	1	41	145	45	55	174	21	31
151	24	27	35	251	54	15	203	7	39	291	34	20
176	24	24	47	245	46	50	260	29	23	48	47	10
201	24	22	0	239	39	24	317	51	7	166	0	0
226	24	19	13	233	31	58	15	12	51	283	12	50
251	24	16	26	227	24	32	72	34	35	40	25	40
276	24	13	39	221	17	6	129	56	19	157	38	30
301	24	10	52	215	9	41	187	18	3	274	51	20
326	24	8	5	209	2	15	244	39	47	32	4	10
351	24	5	18	202	54	49	302	1	31	149	17	0
376	24	2	31	196	47	23	359	23	15	266	29	50
401	23	59	44	190	39	57	56	44	59	23	42	39
426	23	56	57	184	32	32	114	6	43	140	55	29
451	23	54	10	178	25	6	171	28	27	258	8	19
476	23	51	23	172	17	40	228	50	11	15	21	9
501	23	48	35	166	10	14	286	11	55	132	33	59
526	23	45	48	160	2	49	343	33	39	249	46	49
551	23	43	1	153	55	23	40	55	23	6	59	39
576	23	40	14	147	47	57	98	17	7	124	12	29
601	23	37	27	141	40	31	155	38	51	241	25	19
626	23	34	40	135	33	5	213	0	35	358	38	9
651	23	31	53	129	25	40	270	22	19	115	50	58
676	23	29	6	123	18	14	327	44	3	233	3	48
701	23	26	19	117	10	48	25	5	47	350	16	38
726	23	23	32	111	3	22	82	27	31	107	29	28
751	23	20	45	104	55	57	139	49	16	224	42	18
776	23	17	57	98	48	31	197	11	0	341	55	8
801	23	15	10	92	41	5	254	32	44	99	7	58
826	23	12	23	86	33	39	311	54	28	216	20	48
851	23	9	36	80	26	13	9	16	12	333	33	38
876	23	6	49	74	18	48	66	37	56	90	46	28
901	23	4	2	68	11	22	123	59	40	207	59	17
926	23	1	15	62	3	56	181	21	24	325	12	7
951	22	58	28	55	56	30	238	43	8	82	24	57
976	22	55	41	49	49	4	296	4	52	199	37	47
1001	22	52	54	43	41	39	353	26	36	316	50	37
1026	22	50	7	37	34	13	50	48	20	74	3	27
1051	22	47	20	31	26	47	108	10	4	191	16	17
1076	22	44	32	25	19	21	165	31	48	308	29	7
1101	22	41	45	19	11	56	222	53	32	65	41	57

## II. Tabelle der Vollmonde.

25 jährige Perioden	Tage des Thoth			Entfernung der Sonne vom Apogeum II 5° 30'			Entfernung des Mondes					
							von dem Apo- geum des Epi- zykels in Anomalie			von dem nördl. Grenzpunkt in Breite		
							26°	2'	45''	112°	57'	15''
1	9d	58'	22''	274°	5'	38''	26°	2'	45''	112°	57'	15''
26	9	55	35	267	58	12	83	24	29	230	10	5
51	9	52	48	261	50	46	140	46	13	347	22	55
76	9	50	1	255	43	21	198	7	57	104	35	45
101	9	47	14	249	35	55	255	29	41	221	48	35
126	9	44	27	243	28	29	312	51	25	339	1	25
151	9	41	40	237	21	3	10	13	9	96	14	14
176	9	38	52	231	13	38	67	34	53	213	27	4
201	9	36	5	225	6	12	124	56	37	330	39	54
226	9	33	18	218	58	46	182	18	21	87	52	44
251	9	30	31	212	51	20	239	40	5	205	5	34
276	9	27	44	206	43	54	297	1	49	322	18	24
301	9	24	57	200	36	29	354	23	33	79	31	14
326	9	22	10	194	29	3	51	45	17	196	44	4
351	9	19	23	188	21	37	109	7	1	313	56	54
376	9	16	36	182	14	11	166	28	45	71	9	44
401	9	13	49	176	6	45	223	50	29	188	22	33
426	9	11	2	169	59	20	281	12	13	305	35	23
451	9	8	15	163	51	54	338	33	57	62	48	13
476	9	5	27	157	44	28	35	55	41	180	1	3
501	9	2	40	151	37	2	93	17	25	297	13	53
526	8	59	53	145	29	37	150	39	9	54	26	43
551	8	57	6	139	22	11	208	0	53	171	39	33
576	8	54	19	133	14	45	265	22	37	288	52	23
601	8	51	32	127	7	19	322	44	21	46	5	13
626	8	48	45	120	59	53	20	6	5	163	18	3
651	8	45	58	114	52	28	77	27	49	280	30	52
676	8	43	11	108	45	2	134	49	33	37	43	42
701	8	40	24	102	37	36	192	11	17	154	56	32
726	8	37	37	96	30	10	249	33	1	272	9	22
751	8	34	50	90	22	45	306	54	45	29	22	12
776	8	32	2	84	15	19	4	16	29	146	35	2
801	8	29	15	78	7	53	61	38	14	263	47	52
826	8	26	28	72	0	27	118	59	58	21	0	42
851	8	23	41	65	53	1	176	21	42	138	13	32
876	8	20	54	59	45	36	233	43	26	255	26	22
901	8	18	7	53	38	10	291	5	10	12	39	11
926	8	15	20	47	30	44	348	26	54	129	52	1
951	8	12	33	41	23	18	45	48	38	247	4	51
976	8	9	46	35	15	52	103	10	22	4	17	41
1001	8	6	59	29	8	27	160	32	6	121	30	31
1026	8	4	12	23	1	1	217	53	50	238	43	21
1051	8	1	25	16	53	35	275	15	34	355	56	11
1076	7	58	37	10	46	9	312	37	18	113	9	1
1101	7	55	50	4	38	44	29	59	2	230	21	51

III. Jahrestabelle.

Einzel- jahre	Über- schießende Tage			Überschuß der Sonnen- bewegung			Überschuß der Mondbewegung					
							in Anomalie			in Breite		
1	18d	53'	52''	18°	22'	59''	335°	37'	2''	38°	43'	4''
2	8	15	53	7	39	36	285	25	4	46	45	54
3	27	9	45	26	2	35	261	2	5	85	28	57
4	16	31	47	15	19	11	210	50	7	93	31	47
5	5	53	49	4	35	47	160	38	9	101	34	37
6	24	47	40	22	58	47	136	15	11	140	17	41
7	14	9	42	12	15	23	86	3	12	148	20	30
8	3	31	44	1	31	59	35	51	14	156	23	20
9	22	25	36	19	54	59	11	28	16	195	6	24
10	11	47	37	9	11	35	321	16	18	203	9	14
11	1	9	39	358	28	11	271	4	19	211	12	3
12	20	3	31	16	51	10	246	41	21	249	55	7
13	9	25	32	6	7	47	196	29	23	257	57	57
14	28	19	24	24	30	46	172	6	25	296	41	1
15	17	41	26	13	47	22	121	54	26	304	43	50
16	7	3	28	3	3	59	71	42	28	312	46	40
17	25	57	19	21	26	58	47	19	30	351	29	44
18	15	19	21	10	43	34	357	7	32	359	32	34
19	4	41	23	0	0	10	306	55	33	7	35	23
20	23	35	14	18	23	10	282	32	35	46	18	27
21	12	57	16	7	39	46	232	20	37	54	21	17
22	2	19	18	356	56	22	182	8	39	62	24	7
23	21	13	10	15	19	22	157	45	41	101	7	10
24	10	35	11	4	35	58	107	33	42	109	10	0

Finsternisgrenzen

der Sonne: 69°19' — 101°22' und 258°38' — 290°41' } mittleren Laufs.  
 des Mondes: 74°48' — 105°12' und 254°48' — 285°12' }

IV. Monatstabelle.

Syn. Mo- nate	Tage			Sonnen- bewegung			Überschuß der Mondbewegung					
							in Anomalie			in Breite		
1	29d	31'	50''	29°	6'	23''	25°	49'	0''	30°	40'	14''
2	59	3	40	58	12	46	51	38	0	61	20	28
3	88	35	30	87	19	9	77	27	0	92	0	42
4	118	7	21	116	25	32	103	16	1	122	40	57
5	147	39	11	145	31	55	129	5	1	153	21	11
6	177	11	1	174	38	18	154	54	1	184	1	25
7	206	42	51	203	44	41	180	43	1	214	41	39
8	236	14	41	232	51	4	206	32	1	245	21	53
9	265	46	31	261	57	27	232	21	1	276	2	7
10	295	18	21	291	3	50	258	10	1	306	42	21
11	324	50	12	320	10	13	283	59	2	337	22	36
12	354	22	2	349	16	36	309	48	2	8	2	50

halten wir in der Summe der aus der dritten Spalte entnommenen Beträge die Grade (der Sonne und des Mondes) vom Apogeum der Sonne<sup>a)</sup> ab, in der Summe der aus der vierten Spalte entnommenen die Grade des Mondes in Anomalie vom Apogeum (des Epizykels) ab, endlich in der Summe  
 Hei 473 der aus der fünften entnommenen die Grade der Breite von  
 7 dem nördlichen Grenzpunkt ab.

Ha 385 Die weiteren Syzygien (des in Frage stehenden Jahres), mögen wir alle oder nur einige zu erhalten beabsichtigen,  
 10 werden wir der Reihe nach durch Addition der in der vierten, d. i. der Monatstabelle stehenden Beträge zu den zugehörigen Werten auf bequeme Weise mit dazuberechnen. Hierbei werden wir bei jeder Zeitangabe, weil dies dem praktischen Gebrauch entspricht, die Sechzigtheile des Tages  
 15 in Äquinoktialstunden verwandeln. Freilich wird der aus der Summierung hervorgehende Überschuß an Stunden auf der Annahme beruhen, daß die Sonnentage gleichförmig sind; indessen entspricht dieser Überschuß keineswegs immer dem nach bürgerlicher Zeit festgestellten, sondern muß mit Rücksicht auf die Ungleichförmigkeit der Sonnentage berechnet  
 20 werden.<sup>b)</sup> Daher werden wir auch den hier sich einstellenden Fehler durch Korrektion beseitigen, indem wir, wie (S. 190, 29) gezeigt ist, die aus diesem Grunde eintretende Differenz bilden und, wenn der nach dem ungleichförmigen  
 25 Intervall sich ergebende Überschuß der Zeitgrade größer ist, diese Differenz von dem nach der gleichförmigen Sonnenbewegung gegebenen Zeitbetrag abziehen; ist er aber kleiner, so werden wir die Differenz zu letzterem Betrag addieren.

30 Hat man nun auf diese Weise den theoretisch nach dem mittleren Lauf bemessenen Zeitpunkt einer Konjunktion

---

a) Bei Berechnung der Vollmonde natürlich die dem Sonnenorte diametral gegenüberliegenden Grade des Mondes.

b) D. h. die gegebenen gleichförmigen Sonnentage sind in bürgerliche umzurechnen, weil die Beobachtung des Eintritts der Syzygie nach bürgerlicher Zeit angestellt wird. Vgl. S. 191, 10.



den) genauen Ort des Mondes auf dem schiefen Kreise erzielen.<sup>a)</sup>

Noch bleibt mitzuteilen, wie die in der Nähe der Syzygien verlaufende stündliche ungleichförmige Bewegung des Mondes von Fall zu Fall gefunden wird. Mit der für den gegebenen Zeitpunkt gefundenen Zahl der Anomaliegrade gehen wir zunächst in die Tabelle der Anomalie (Buch V, Kap. 8) des Mondes ein und stellen aus der Differenz, welche sich aus den bei dieser Argumentzahl (in der 4<sup>ten</sup> Spalte eine Zeile höher oder tiefer) stehenden Prosthaphäresisbeträgen ergibt, den auf einen Grad der Anomalie entfallenden Betrag der Differenz fest. Diesen Betrag multiplizieren wir mit der stündlichen mittleren Bewegung in Anomalie, d. i. (S. 204, 32) mit  $0^{\circ}32'40''$ , und ziehen das Ergebnis, wenn die Argumentzahl der Anomalie in den Zeilen oberhalb des Maximums ( $5^{\circ}1'$ ) der Prosthaphäresis steht, von der stündlichen mittleren Bewegung in Länge, d. i. (S. 204, 31) von  $0^{\circ}32'56''$  ab, addieren es aber zu diesem Betrage, wenn die Argumentzahl in den Zeilen unterhalb besagten Maximums steht.<sup>b)</sup> In dem Endergebnis werden wir den Betrag erhalten, den sich der Mond in dem betreffenden Falle im Verlauf einer Äquinoktialstunde in Länge ungleichförmig bewegt.<sup>43)</sup>

Durch das vorstehend mitgeteilte methodische Verfahren wird der für Alexandria geltende Zeitpunkt der genauen Syzygie ermittelt werden, weil für alle Epochen die Feststellung der Zeit nach Stunden für den Meridian von Alexandria gemacht sind. Es ist aber leicht aus der für Alexandria geltenden Zeit auch die zu finden, welche in jeder beliebigen geographischen Breite für dieselbe Syzygie gelten wird, wenn für den Eintritt der Syzygie die Zahl der Äqui-

a) Und somit nach der siebenten Spalte der Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes seine Breite, nach welcher es sich entscheidet, ob die Syzygie mit einer Finsternis verbunden ist oder nicht.

b) Weil im ersten Falle der Mond auf dem erdfernen Halbkreise sich mit kleinerer als mittlerer Geschwindigkeit in Länge bewegt, im zweiten Falle auf dem erdnahen mit größerer.

noktialstunden des Meridianabstandes gegeben ist. Denn nachdem wir aus der unterschiedlichen Lage der Wohnorte festgestellt haben, um wieviel Raumgrade (des Äquators) der Meridian des in Frage stehenden Landes von dem durch Alexandria gehenden differiert, so wird anzunehmen sein, 5 daß dort die Erscheinung um ebensoviele Zeitgrade später beobachtet worden ist, wenn der durch das fragliche Land gehende Meridian östlich des Meridians von Alexandria liegt, dagegen um ebensoviele Zeitgrade früher, wenn er westlich davon liegt, wobei natürlich wieder 15 Zeitgrade 10 auf eine Äquinoktialstunde zu rechnen sind.<sup>1)</sup>

### Fünftes Kapitel.

#### Die Grenzen der Sonnen- und Mondfinsternisse.

Nach diesen grundlegenden Erörterungen dürfte es der<sup>(Ha 388  
Hei 47)</sup> logischen Reihenfolge nach am Platze sein, die näheren Umstände zu besprechen, von denen die Bestimmung der Grenzen von Sonnen- und Mondfinsternissen abhängig ist. Durch 15 diese Bestimmung erreichen wir, falls wir nicht alle periodischen Syzygien zu berechnen beabsichtigen, sondern nur diejenigen, welche möglicherweise in das Bereich der charakteristischen Anzeichen von Finsternissen fallen, eine leicht zu handhabende zahlenmäßige Feststellung solcher 20 Fälle aus dem mittleren Ort des Mondes in Breite, der für jede periodische Syzygie an die Hand gegeben sein muß.

In dem vorhergehenden Buche haben wir (S. 309, 11) nachgewiesen, daß der Durchmesser des Mondes auf dem größten Kreise, welcher in seiner größten Entfernung um den 25 Mittelpunkt der Ekliptik gezogen ist, als Sehne einen Bogen von  $0^{\circ}31'20''$  unterspannt. Errechnet hatten wir dieses Ergebnis mit Hilfe von zwei Finsternissen, welche in der Nähe des Apogeums seines Epizykels stattgefunden hatten. So werden wir denn jetzt, wo wir die weitesten Grenzen der 30 mit Finsternissen verbundenen Syzygien zu bestimmen beabsichtigen — es sind die Grenzen, welche sich einstellen, wenn der Mond direkt im Perigeum des Epizykels steht —

wieder mit Hilfe von zwei in der Nähe des Perigeums beobachteten Finsternissen — denn die Sicherheit ist unbedingt größer, wenn man solche Verhältnisse direkt an den Erscheinungen darlegt — den Nachweis liefern, einen wie großen Bogen der Durchmesser des Mondes auch in diesem 6 Falle in gleichem Sinne<sup>a)</sup> unterspannt.

Im 7<sup>ten</sup> Jahre Philometers, welches das 574<sup>te</sup> seit Nabonnassar ist, am 27/28. ägyptischen Phamenoth (30. April 174 v. Chr.), war von Beginn der achten Stunde bis Ende der zehnten in Alexandria eine Mondfinsternis, deren Maximum 7 Zoll von Norden betrug. Demnach hat die Mitte der Finsternis  $2\frac{1}{2}$  bürgerliche Stunden nach Mitternacht ( $2^h 20^m$ ) stattgefunden, welche  $2\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden ausmachten<sup>b)</sup>, weil der genaue Ort der Sonne  $\delta 6^{\circ} 15'$  ( $5^{\circ} 3' 19'' + 1^{\circ} 10'$ ) war.<sup>c)</sup>

Nun beträgt die Zeit von der Epoche bis zur Mitte der Finsternis 573 ägyptische Jahre, 206 Tage und  $14\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden schlechthin, aber nur 14 nach der Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen. Für diese Zeit war

20	der mittlere Ort des Zentrums des Mondes	$\eta 7^{\circ} 49'$ ,
	der genaue Ort     "     "     "     "	$\eta 6^{\circ} 16'$ ,
	die Entfernung von dem Apogeum des Epizykels	$163^{\circ} 40'$ ,
	die Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt des schiefen Kreises	$98^{\circ} 20'$ .

25 Hieraus ist folgendes ersichtlich. Wenn das Zentrum des Mondes, während er in seiner kleinsten Entfernung steht,

a) D. h. auf dem größten Kreise, welcher in der kleinsten Entfernung des Mondes durch sein Zentrum um den Mittelpunkt der Ekliptik gezogen wird.

b) Da hiernach die bürgerliche Nachtstunde  $56^m$  beträgt, so beginnt, weil das Ende der sechsten auf Mitternacht fällt, die achte Stunde  $12^h 56^m$ ; mithin war das Ende der von Beginn der achten bis Ende der zehnten Stunde 3 Stunden zu  $56^m$  (oder 2 Äquinoktialstunden und  $48^m$ ) dauernden Finsternis  $3^h 44^m$ , die Mitte  $12^h 56^m + 1$  Äquinoktialstunde  $+ 24^m = 2^h 20^m$  nachts.

c) Die Nachprüfung ergibt, daß  $\delta'$ , d. i.  $\frac{1}{4}$ , zu lesen ist.

auf dem schiefen Kreise eine Entfernung von  $8^{\circ}20'$  von den Knoten<sup>a)</sup> hat, und wenn das Zentrum des Schattens auf dem größten Kreise liegt, der durch das Zentrum des Mondes senkrecht zu seinem schiefen Kreise gezogen wird, was die Lage ist, in welcher (bei der genannten Entfernung von den 5 Knoten) das Maximum der Verfinsterungen eintritt, dann fallen  $\frac{7}{12}$  von seinem Durchmesser in den Schatten.

Im 37<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen Periode, welches Ha 390 das 607<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar ist, hat am  $\frac{2}{3}$ . ägyptischen Hei 478 Tybi (27. Januar 141 v. Chr.) zu Anfang der fünften Stunde 10 auf Rhodus der Beginn einer Mondfinsternis stattgefunden, deren Maximum drei Zoll von Süden betrug. Demnach fand auch hier wieder der Anfang der Finsternis 2 bürgerliche Stunden vor Mitternacht ( $9^{\text{h}}40^{\text{m}}$ ) statt, welche in Rhodus und Alexandria ( $2 \times 70^{\text{m}} = 2\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden<sup>44)</sup> aus- 15 machten, weil der genaue Ort der Sonne  $\approx 5^{\circ}8'$  war. Die Mitte<sup>b)</sup>, zu welcher das Maximum der Verfinsterung eintrat, fiel  $1\frac{5}{6}$  Äquinoktialstunde vor Mitternacht ( $10^{\text{h}}10^{\text{m}}$ ).

Nun beträgt die Zeit von der Epoche bis zur Mitte der Finsternis 606 ägyptische Jahre, 121 Tage und  $10\frac{1}{6}$  Äqui- 20 noktialstunden sowohl schlechthin als auch nach der Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen. Für diese Zeit war

der mittlere Ort des Zentrums des Mondes	$\oslash 5^{\circ}16'$ ,
der genaue Ort „ „ „ „	$\oslash 5^{\circ}8'$ , 25
die Entfernung von dem Apogeum des Epizykels	$178^{\circ}46'$ ,
die Entfernung von dem nördlichen Grenzpunkt des schiefen Kreises	$280^{\circ}36'$ .

Hieraus ist wieder folgendes ersichtlich. Wenn das Zentrum des Mondes, während er wieder in seiner kleinsten 30 Entfernung steht, auf dem schiefen Kreise eine Entfernung

a) Es handelt sich um die entgegengesetzte (d. i. südliche) Seite des niedersteigenden Knotens wie S. 307, 22.

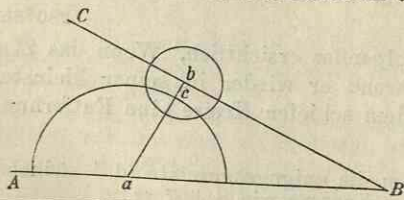
b) Da die Mitte schon nach  $30^{\text{m}}$  eintritt, so kommt auf die ganze Dauer nur eine Stunde, was ganz unzureichend ist. Vgl. erl. Anm. 44.

von  $10^{\circ}36'$  von den Knoten<sup>a)</sup> hat, während das Zentrum des (Erd-) Schattens in dem gemeinsamen Schnittpunkt der Ekliptik und des größten Kreises liegt, der durch das Zentrum des Mondes senkrecht zu seinem schiefen Kreise gezogen wird, dann wird der vierte Teil des Monddurchmessers in den Schatten fallen.

- Hei 479 Nun beträgt, wenn das Mondzentrum auf dem schiefen Kreise eine Entfernung von  $8^{\circ}20'$  von den Knoten hat, sein  
 Ha 391 Abstand von der Ekliptik auf dem durch die Pole des schiefen Kreises (des Mondes) gezogenen größten Kreis  $0^{\circ}43'3''$ .<sup>b)</sup>  
 10 Hat es aber auf dem schiefen Kreise von den Knoten eine Entfernung von  $10^{\circ}36'$ , so beträgt sein Abstand von der Ekliptik auf dem durch die Pole des schiefen Kreises gezogenen größten Kreis  $0^{\circ}54'50''$ . Da nun der Unterschied  
 15 der beiden Finsternisse ( $\frac{7}{12}$  dm —  $\frac{1}{4}$  dm) den dritten Teil des Monddurchmessers und der Unterschied der beiden festgestellten Abstände des Mondzentrums auf demselben größten Kreise von demselben Punkte der Ekliptik, d. i. von dem Schattenzentrum, ohne merklichen Fehler ( $0^{\circ}54'50''$  —  
 20  $0^{\circ}43'3''$ )  $= 0^{\circ}11'47''$  beträgt, so leuchtet ein, daß der ganze Durchmesser des Mondes auf dem in seiner kleinsten Entfernung um den Mittelpunkt der Ekliptik gezogenen größten Kreis (als das Dreifache davon) einen Bogen von  $0^{\circ}35'20''$  unterspannt.

- 25 Da ferner bei der zweiten Finsternis, bei welcher ein Viertel des Monddurchmessers verfinstert war, das Mondzentrum von dem Schattenzentrum  $0^{\circ}54'50''$  und von dem

- 30 Punkte (c), in welchem die Verbindungslinie der beiden Mittelpunkte die Peripherie des Schattens schneidet, den vierten Teil des  
 Hei 480 Monddurchmessers, d. i.



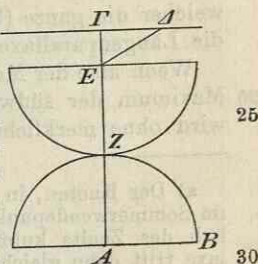
a) Es handelt sich um die entgegengesetzte (d. i. nördliche) Seite des aufsteigenden Knotens wie S. 308, 23.  
 b) Hierzu vgl. Anm. a) S. 309.

0°8'50'' abstand, so leuchtet ohne weiteres ein, daß für den Halbmesser ( $ac$ ) des Schattens in der kleinsten Entfernung des Mondes der Rest ( $0^{\circ}54'50'' - 0^{\circ}8'50'' =$ )  $0^{\circ}46'$  verbleibt.<sup>a)</sup> Folglich ist der Halbmesser des Schattens unbeträchtlich (d. i.  $0^{\circ}0'4''$ ) größer als das  $2\frac{3}{5}$ fache ( $= 0^{\circ}45'56''$ ) des Mondhalbmessers, der  $0^{\circ}17'40''$  beträgt. 5

I. Grenzen der Sonnenfinsternisse.

Auch der Halbmesser der Sonne unterspannt im gleichen Sinne auf dem in ihrer Entfernung um den Mittelpunkt der Ekliptik gezogenen größten Kreise einen Bogen von  $0^{\circ}15'40''$ . 10  
Denn es wurde (S. 305, 25) nachgewiesen, daß sowohl die Sonne als auch der Mond bei seiner größten Entfernung in den Syzygien als Maß gleichoft in dem eigenen (Entfernungs-) Kreise aufgeht. Wenn also das scheinbare Zentrum des Mondes<sup>b)</sup> von dem Zentrum der Sonne beiderseits der Ekliptik einen Abstand von ( $0^{\circ}17'40'' + 0^{\circ}15'40'' =$ )  $0^{\circ}33'20''$  hat, dann wird erstmalig die Möglichkeit eintreten, daß die scheinbare Lage des Mondes mit der Sonne in Berührung komme. 15

Denken wir uns z. B.  $AB$  als einen Bogen der Ekliptik 20 und  $\Gamma\Delta$  als einen Bogen des schiefen Kreises des Mondes. Diese Bogen mögen für die sinnliche Wahrnehmung als parallel gelten, insoweit es sich um die Laufstrecken handelt, welche während der Dauer einer Finsternis zurückgelegt werden. Wenn wir durch die Pole der Ekliptik den Bogen  $A\Gamma E$  ziehen und uns um Punkt  $A$  den Halbkreis der Sonne und um Punkt  $E$  den scheinbaren Halb-



a) Die von mir beigegebene Figur zeigt, daß in der kleinsten Entfernung des Mondes der Schattenhalbmesser die Differenz  $ab - bc = ac$  beträgt. Vgl. S. 309, 22.

b) D. h. der infolge der Parallaxe eingenommene Ort des Mondzentrums in der kleinsten Entfernung (d. i. bei dem Mondhalbmesser von  $17'40''$ ).

Hei 481 kreis des Mondes denken, so daß er den der Sonne in Punkt Z erstmalig berührt, so kann der Bogen AE, welchen das scheinbare Mondzentrum E als Abstand von dem Sonnenzentrum A hat, einmal gleich den oben festgestellten  $0^{\circ}33'20''$  5 werden.

Nun beträgt in dem Gebiete von Meroë, wo der längste Tag 13 Äquinoktialstunden hat, bis zu den Mündungen des Borysthenes, wo der längste Tag 16 Äquinoktialstunden hat, (d. i. von  $16^{\circ}27'$  bis  $48^{\circ}32'$  nördlich des Äquators) Ha 393 in der kleinsten Entfernung zur Zeit der Syzygien, wenn 11 man die Parallaxe der Sonne in Rechnung bringt, das Maximum der nordwärts wirkenden Parallaxe des Mondes (in Meroë) ohne merklichen Fehler  $0^{\circ}8'^a$ , das Maximum der südwärts wirkenden (am Borysthenes) unter gleicher Vor- 15 aussetzung<sup>b)</sup>  $0^{\circ}58'$ . Es beträgt ferner einerseits bei der nordwärts wirkenden Parallaxe von  $0^{\circ}8'$  das Maximum der Längenparallaxe im Löwen und in den Zwillingen  $0^{\circ}30'$ , anderseits bei der südwärts wirkenden Parallaxe von  $0^{\circ}58'$  das Maximum der Längenparallaxe im Skorpion und in den 20 Fischen  $0^{\circ}15'$ . Wenn wir demnach das genaue Mondzentrum in  $\Delta$  annehmen und als Verbindung den Bogen  $\Delta E$  ziehen, welcher die ganze (Höhen-) Parallaxe darstellt, so wird  $\Delta \Gamma$  die Längenparallaxe und  $\Gamma E$  die Breitenparallaxe sein.

Wenn also der Mond nördlich der Sonne steht und das 25 Maximum der südwärts wirkenden Parallaxe zeigt<sup>c)</sup>, dann wird ohne merklichen Fehler  $\Delta \Gamma$  gleich  $0^{\circ}15'$  und  $A \Gamma$

a) Der Knoten, in dessen Nähe der Mond steht, muß dann im Sommerwendepunkt liegen, der in Meroë ungefähr  $7^{\circ}$  nördlich des Zenits kulminiert. Das Maximum der Längenparallaxe tritt dann gleichweit beiderseits von  $\odot 0^{\circ}$  im Löwen und in den Zwillingen ein.

b) Der Knoten muß dort im Winterwendepunkt liegen, der am Borysthenes mit  $72^{\circ}$  Zenitabstand kulminiert. Das Maximum der Längenparallaxe tritt dann gleichweit beiderseits von  $\approx 0^{\circ}$  im Skorpion und in den Fischen ein.

c) Am Borysthenes; denn wenn er dort südlich der Sonne steht, wird er durch die südwärts wirkende Parallaxe von der Sonne abgerückt.

gleich ( $0^{\circ}33'20'' + 0^{\circ}58' =$ )  $1^{\circ}31'$  sein. Da ferner der Hei 482  
 Bogen vom Knoten bis  $\Gamma$  zu dem Bogen  $\Gamma A$  auf der inner-  
 halb der Finsternisgrenzen liegenden Strecke das Verhältnis  
 von  $11\frac{1}{2}:1$  hat<sup>45)</sup> — verständlich wird uns dies mit Hilfe  
 der früher (S. 284, 34) bei der Neigung des Mondkreises 5  
 geführten Nachweise —, so wird der Bogen vom Knoten  
 bis  $\Gamma$  gleich  $17^{\circ}26'$  und mit dem Zusatz von  $\Delta\Gamma$  ( $0^{\circ}15'$ )  
 im ganzen gleich  $17^{\circ}41'$  sein.

Wenn aber der Mond südlich der Sonne steht und das  
 Maximum der nordwärts wirkenden Parallaxe zeigt<sup>a)</sup>, dann 10  
 wird  $\Delta\Gamma$  gleich  $0^{\circ}30'$  und der ganze Bogen  $A\epsilon\Gamma$  gleich  
 ( $0^{\circ}33'20'' + 0^{\circ}8' =$ )  $0^{\circ}41'$  sein. Alsdann wird aus den-  
 selben Gründen der Bogen vom Knoten bis  $\Gamma$  gleich  $7^{\circ}52'$   
 und mit dem Zusatz von  $\Delta\Gamma$  ( $0^{\circ}30'$ ) im ganzen gleich  
 $8^{\circ}22'$  sein. 15

Wenn also die genaue Entfernung des Mondzentrums von  
 irgendeinem der Knoten auf dem schiefen Kreise nach Ha 394  
 Norden  $17^{\circ}41'$ , nach Süden aber  $8^{\circ}22'$  beträgt, dann  
 wird erstmalig in dem oben näher bezeichneten Gebiete der  
 zurzeit bewohnten Erde die Möglichkeit eintreten, daß die 20  
 scheinbare Lage des Mondes mit der Sonne in Berührung kommt.

Nun wurde das Maximum der Anomaliedifferenz bei der  
 Sonne (S. 171, 21) mit  $2^{\circ}23'$  und das Maximum bei dem  
 Monde, welches in den Syzygien eintritt, (S. 246, 11) mit  
 $5^{\circ}1'$  nachgewiesen. Es kann also einmal der Fall eintreten, 25  
 daß zur Zeit der periodischen Syzygien die genaue Elongation  
 des Mondes von der Sonne  $7^{\circ}24'$  beträgt (vgl. S. 290, 17).  
 Nun wird in derselben Zeit, in welcher der Mond diese Hei 483  
 $7^{\circ}24'$  durchläuft, die Sonne ungefähr den 13<sup>ten</sup> Teil davon,  
 d. i.  $0^{\circ}34'$  weiter zurücklegen; in der Zeit aber, in welcher der 30  
 Mond wieder diese  $0^{\circ}34'$  sich weiterbewegt, wird auch die  
 Sonne wieder den 13<sup>ten</sup> Teil davon, d. i.  $0^{\circ}3'$  durch ihre Weiter-  
 bewegung zusetzen. Ein weiteres Dreizehntel hiervon kann nicht

a) In Meroë; denn wenn er dort bei der oben angedeuteten  
 Lage des Knotens jenseits des Zenits nördlich, d. i. unterhalb  
 der Sonne steht, wird er durch die nordwärts wirkende Parallaxe  
 von der Sonne abgerückt.

mehr in Betracht kommen. Wenn wir also die Summe ( $0^{\circ}34' + 0^{\circ}3' =$ )  $0^{\circ}37'$ , was (genau) der  $12^{\text{te}}$  Teil (vgl. S. 347, 14) der anfänglichen  $7^{\circ}24'$  ist, zu den  $2^{\circ}23'$  der Anomalie der Sonne addieren, so werden wir  $3^{\circ}$  erhalten.

5 Dies wird das Maximum des Unterschieds sein, welcher zwischen den für die periodischen Syzygien maßgebenden mittleren Örtern in Länge und Breite und den genauen Syzygien eintreten kann.<sup>46)</sup>

Wenn demnach der mittlere Ort des Mondzentrums auf dem schiefen Kreise von den Knoten nach Norden ( $17^{\circ}41' + 3^{\circ} =$ )  $20^{\circ}41'$  oder nach Süden ( $8^{\circ}22' + 3^{\circ} =$ )  $11^{\circ}22'$  entfernt ist, dann wird erstmalig für das oben bezeichnete Gebiet die Möglichkeit eintreten, daß die scheinbare Lage des Mondes mit der Sonne in Berührung kommt; d. h. (auf die Gradzählung des schiefen Kreises bezogen): Nur dann, Ha 395 wenn die zu den periodischen Syzygien (in den 5<sup>ten</sup> Spalten der betr. Tabellen) gesetzte Zahl der von dem nördlichen Grenzpunkte des schiefen Kreises des Mondes ab gezählten Grade innerhalb der Grenzen ( $90^{\circ} - 20^{\circ}41' =$ )  $69^{\circ}19'$  bis 20 ( $90^{\circ} + 11^{\circ}22' =$ )  $101^{\circ}22'$  oder ( $270^{\circ} - 11^{\circ}22' =$ )  $258^{\circ}38'$  bis ( $270^{\circ} + 20^{\circ}41' =$ )  $290^{\circ}41'$  liegt, wird für das bezeichnete Gebiet die Möglichkeit des in Frage stehenden Falles (d. i. einer Berührung der Sonne durch den Mond) gegeben sein.

## II. Grenzen der Mondfinsternisse.

Hei 484 Was anderseits die Grenzen der Mondfinsternisse an- 26 belangt, so wurde (S. 353, 6) nachgewiesen, daß der Halbmesser des Mondes in der kleinsten Entfernung einen Bogen von  $0^{\circ}17'40''$  unterspannt, während der Halbmesser des Schattens als das  $2\frac{3}{5}$  fache des Mondhalbmessers  $0^{\circ}45'56''$  30 beträgt.

Hieraus ist folgendes ersichtlich. Wenn der genaue Abstand des Mondzentrums von dem Schattenzentrum auf dem durch beide Mittelpunkte und die Pole des schiefen Kreises gezogenen größten Kreis, sei es nördlich, sei es südlich der 35 Ekliptik, ( $0^{\circ}17'40'' + 0^{\circ}45'56'' =$ )  $1^{\circ}3'36''$  beträgt und das Mondzentrum auf dem schiefen Kreise in dem Verhält-

nis von  $1:11\frac{1}{2}$  (s. S. 355, 4) von einem der beiden Knoten  $12^{\circ}12'$  entfernt ist, dann wird erstmalig die Möglichkeit eintreten, daß der Mond den Schatten berührt.

Mit Rücksicht auf den oben (S. 356, 4) geführten Nachweis hinsichtlich der Anomalie wird es (unter Hinzufügung 5 der betr.  $3^{\circ}$ ) heißen: Wenn das nach dem mittleren Ort bestimmte Mondzentrum auf dem schiefen Kreise ( $12^{\circ}12' + 3^{\circ} = 15^{\circ}12'$  von den Knoten entfernt ist, so daß es nach Maßgabe der vom nördlichen Grenzpunkt ab gerechneten Zahlen zwischen die Grenzen ( $90^{\circ} - 15^{\circ}12' = 74^{\circ}48'$  bis  $90^{\circ} + 15^{\circ}12' = 105^{\circ}12'$  oder ( $270^{\circ} - 15^{\circ}12' = 254^{\circ}48'$  bis  $270^{\circ} + 15^{\circ}12' = 285^{\circ}12'$  fällt, dann wird erstmalig die Möglichkeit gegeben sein, daß der Mond den Schatten berührt. Ha 396

Wir werden daher in die oben vorgelegten Tabellen<sup>a)</sup> der Syzygien auch noch die (vorstehend gefundenen) Zahlen der Breite des Mondes, welche für die Bestimmung der Grenzen von Sonnen- und Mondfinsternissen maßgebend sind, mit aufnehmen, um die Berechnung derjenigen Syzygien, die möglicherweise in das Bereich einer Finsternis fallen, bequem ausführen zu können. Hei 485 16 20

## Sechstes Kapitel.

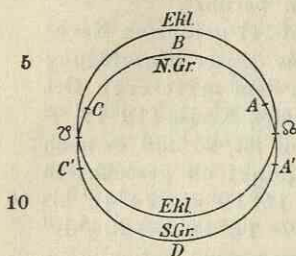
### Das Intervall der mit Finsternissen verbundenen synodischen Monate.

Eine brauchbare Zugabe dürfte noch die Beantwortung der Frage sein, innerhalb welcher Zahl von synodischen Monaten im großen ganzen die Möglichkeit geboten sein wird, daß die Syzygien mit Finsternissen verbunden sind, damit man, nachdem eine Epoche einer Finsternis-Syzygie festgestellt ist, nicht alle weiterhin folgenden Syzygien behufs Prüfung der Grenzen heranzuziehen braucht, sondern nur diejenigen, welche solche Monatsintervalle einschließen, innerhalb welcher eine Finsternis eintreten kann. 25

Daß nach Verlauf von 6 synodischen Monaten die Möglichkeit sowohl einer (zweiten) Sonnen- wie einer (zweiten) 30

a) Zwischen Monats- und Jahrestabelle S. 345.

Mondfinsternis geboten ist, dürfte ohne weiteres klar sein. In diesen 6 synodischen Monaten erreicht nämlich der



mittlere Lauf des Mondes in Breite (nach der Monatstabelle) einen Überschuß (über 6 ganze Kreise) von  $184^{\circ}1'25''$ . Demgegenüber belaufen sich sowohl für die Sonne wie für den Mond die zwischen den Finsternisgrenzen liegenden Bögen, einerseits als innerhalb eines Halbkreises liegend (wie  $bABC$  und  $bC'DA'$ ), auf weniger Grade als die genannten

( $184^{\circ}$ ), andererseits als über den Halbkreis hinausgehend (wie  $bA'BC'$  und  $bCDA$ ), auf mehr Grade.<sup>a)</sup>

1. Für die Sonne betragen nämlich die Grenzen von beiden Knoten her auf dem schiefen Kreise des Mondes, wie (S. 356, 11) nachgewiesen, nach Norden zu einen Bogen von  $20^{\circ}41'$ , nach Süden zu einen solchen von  $11^{\circ}22'$ . Folglich beläuft sich der nördliche Bogen ( $ABC$ ), in welchem keine (Sonnen-) Finsternisse stattfinden können, auf  $(180^{\circ} - 41^{\circ}22' =) 138^{\circ}38'$ , der südliche ( $C'DA'$ ) auf  $(180^{\circ} - 22^{\circ}44' =) 157^{\circ}16'$ .

2. Für den Mond betragen (S. 357, 8) die Grenzen nördlich wie südlich der Ekliptik auf dem schiefen Kreise von den Knoten her einen Bogen von je  $15^{\circ}12'$ . Folglich beläuft sich jeder der beiden Bögen ( $ABC$  und  $C'DA'$ ), in welchen keine (Mond-) Finsternisse stattfinden können, auf  $(180^{\circ} - 30^{\circ}24' =) 149^{\circ}36'$ .

### I. Mondfinsternisse.

A. Daß schon innerhalb des größten Intervalls von fünf synodischen Monaten, d. h. auf der Strecke (der Ekliptik),

a) Hat der Mond inmitten des Finsternisgebiets  $A'A$  eine Finsternis erlitten oder verursacht, so tragen ihn seine  $184^{\circ}$  Überschuß nicht über das gegenüberliegende Finsternisgebiet  $CC'$  hinaus, ohne daß er mit der Sonne oder dem Schatten innerhalb desselben wieder zusammentrifft.

auf welcher die Sonne den größten und der Mond (zurzeit gerade) den kleinsten Lauf hat, auf Grund obiger Voraussetzungen das Zustandekommen einer (zweiten) Mondfinsternis möglich sein wird, dürfte uns auf folgendem Wege verständlich werden. 5

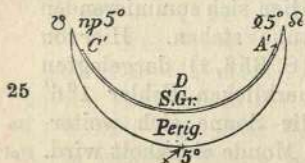
Bei dem mittleren Intervall von 5 synodischen Monaten erreicht der mittlere Lauf in Länge beider Lichtkörper einen Zuwachs, wie wir (in der Monatstabelle) finden, von  $145^{\circ}32'$ <sup>a)</sup>, während der Mond in Anomalie auf dem Epizykel als Überschuß (über ganze Kreise)  $129^{\circ}5'$  gewinnt. Nun 10 erhalten die  $145^{\circ}32'$  der Sonne bei dem größten Lauf (auf je  $72^{\circ}46'$ ) zu beiden Seiten des Perigeums (von  $\eta 20^{\circ}$  bis  $\approx 20^{\circ}$ ) einen Zusatz von ( $2 \times 2^{\circ}19' =$ )  $4^{\circ}38'$ , während die  $129^{\circ}5'$  des Mondes (in Anomalie) bei dem kleinsten Lauf (auf je  $64^{\circ}32'$ ) zu beiden Seiten des 15 Apogeums des Epizykels einen Abzug von ( $2 \times 4^{\circ}20' =$ )  $8^{\circ}40'$  von dem mittleren Lauf (in Länge) verursachen. Folglich wird nach Verlauf der Zeit des größten Intervalls<sup>b)</sup> von 5 synodischen Monaten, wenn die Sonne ihren größten Lauf (von  $145^{\circ}32' + 4^{\circ}38' = 150^{\circ}10'$ ) und der Mond 20 seinen kleinsten (von  $145^{\circ}32' - 8^{\circ}40' = 136^{\circ}52'$ ) hat, der letztere um die aus beiden Anomalien sich summierenden  $13^{\circ}18'$  noch westlich vor der Sonne stehen. Hiervon nehmen wir wieder aus den oben (S. 356, 2) dargelegten Gründen ein Zwölftel, d. i. ohne merklichen Fehler  $1^{\circ}6'$  25 (genau  $1^{\circ}6'30''$ ), welchen Betrag die Sonne sich weiterbewegt haben wird, bis sie von dem Monde eingeholt wird. Ha 398 Hei 487 Da sie nun infolge der eigenen Anomalie einen Zusatz von

a) D. h. für den Mond Überschuß über ganze Kreise, für die Sonne die Strecke von  $\eta 20^{\circ}$  bis  $\approx 20^{\circ}$  (= nahezu  $145^{\circ}32' + 4^{\circ}38'$ ). Vgl. S. 364, 15.

b) Der griechische Text bietet *της μέσης πενταμήνου*, offenbar falsch; die ganze Erörterung dient ja dazu, aus den Laufstrecken des mittleren Intervalls die des größten abzuleiten. Dieser Fehler wiederholt sich Heib. 488, 25, wo die bessere Überlieferung (darunter Cod. D) das Richtige bietet; außerdem Heib. 493, 14 ohne Variante. Übrigens vergleiche man Heib. 490, 16, wo richtig *μυλίστης* steht.

4°38' und infolge der Einholung bis zur genauen Syzygie noch einen weiteren Zusatz von 1°6' erhalten hat, so wird auch das größte Intervall von 5 synodischen Monaten gegen das mittlere einen Zusatz von (4°38' + 1°6' =) 5°44' in Länge (zu 145°32') erhalten haben. Einen ohne wesentlichen Fehler gleichgroßen Zusatz wird also auch der Lauf des Mondes in Breite auf dem schiefen Kreise zu dem Überschub von 153°21' in Breite erlangt haben, der (nach der Monatstabelle) im Verlauf von 5 mittleren synodischen Monaten erreicht wird. Somit wird der auf theoretischem Wege gewonnene genaue Lauf in Breite bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten in Summa (153°21' + 5°44' =) 159°5' betragen.

Nun erreichen in der mittleren Entfernung des Mondes<sup>a)</sup> seine beiderseits der Ekliptik liegenden Finsternisgrenzen auf dem durch die Pole des schiefen Kreises gezogenen größten Kreis einen Abstand (in Breite) von etwa 1° — weil der Abstand in der kleinsten Entfernung (S. 356, 35) 1°3'36'' und der in der größten (S. 309, 24: 0°40'44'' + 0°15'40'' =) 0°56'24'' beträgt — und auf dem schiefen Kreise von dem Knoten eine Entfernung von 11°30'.<sup>b)</sup> Somit wird der zwischen ihnen liegende Bogen (C'DA')<sup>c)</sup>, auf dem keine Finsternisse eintreten können, zu (180° — 23° =) 157°0'. Dieser Betrag ist um 2°5' kleiner als der Bogen des schiefen Kreises von 159°5', der sich (oben Z. 13) als



a) Um diese handelt es sich, weil der Mond am Anfang und am Ende des Intervalls (s. S. 359, 15) in der Mitte zwischen Apogeum und Perigeum des Epizykels steht.

b) Über das Verhältnis 1 : 11½ s. erl. Anm. 45 zu S. 355, 4.

c) An der Figur ist angedeutet, daß dieser Bogen des größten Intervalls von 5 synodischen Monaten zu beiden Seiten des Perigeums  $\times 5^\circ$  verläuft. Ob dort der nördliche oder der südliche Grenzpunkt des schiefen Kreises liegt, ist für Mondfinsternisse gleichgültig, da bei diesen die Wirkung der Parallaxe nicht in Betracht kommt. Vgl. S. 193, 22–27.

Überschuß bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten ergibt. Hieraus ist ersichtlich, daß es möglich sein wird, Hei 488 daß der Mond bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten bei dem ersten Vollmond eine Finsternis bei dem Fort-  
rücken von einem der beiden Knoten (d. h. nach Passierung 5  
desselben) erleidet, und dann wieder eine bei dem letzten Ha 399  
Vollmond (des Intervalls) bei der Annäherung an den gegen-  
überliegenden Knoten (d. h. vor Passierung desselben).  
Somit vollzieht sich bei beiden Finsternissen der Eintritt  
in den Schatten auf derselben Seite der Ekliptik, niemals auf 10  
entgegengesetzten Seiten derselben.

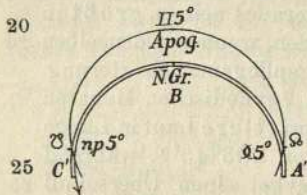
Daß bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten  
zwei Mondfinsternisse möglich sind, ist uns auf diese Weise  
klar geworden.

B. Daß aber im Verlauf von 7 synodischen Monaten diese 15  
Möglichkeit ausgeschlossen ist, selbst wenn wir das kleinste  
Intervall von 7 synodischen Monaten zugrunde legen, d. h.  
die Strecke (der Ekliptik), auf welcher die Sonne ihren  
kleinsten und der Mond (zurzeit gerade) seinen größten  
Lauf hat, dürfte uns verständlich werden, wenn wir denselben 20  
Weg einschlagen wie bei der eben gepflogenen Erörterung.

Bei dem mittleren Intervall von 7 synodischen Monaten  
erreicht (nach der Monatstabelle) der mittlere Lauf in Länge  
beider Lichtkörper einen Zuwachs von  $203^{\circ}45'$ <sup>a)</sup>, während  
der Lauf des Mondes auf dem Epizykel einen Überschuß 25  
von  $180^{\circ}43'$  gewinnt. Nun erleiden die  $203^{\circ}45'$  der Sonne  
bei ihrem kleinsten Lauf (auf je  $101^{\circ}52'$ ) zu beiden Seiten  
des Apogeums (von  $\approx 26^{\circ}$  bis  $\eta 15^{\circ}$ ) einen Abzug von  
der mittleren Bewegung von  $(2 \times 2^{\circ}21' =) 4^{\circ}42'$ , während  
die  $180^{\circ}43'$  des Mondes auf dem Epizykel bei dem größten 30  
Lauf (auf je  $90^{\circ}22'$ ) zu beiden Seiten des Perigeums (des  
Epizykels) der mittleren Bewegung (in Länge) einen Zusatz  
von  $(2 \times 4^{\circ}59' =) 9^{\circ}58'$  (zu  $203^{\circ}45'$ ) einbringen. Folglich

a) Für den Mond wieder Überschuß über ganze Kreise, für  
die Sonne die Strecke von  $\approx 26^{\circ}$  bis  $\eta 15^{\circ}$  (vgl. S. 367, 17),  
was für den kleinsten Lauf  $203^{\circ}45' - 4^{\circ}42' = 199^{\circ}3'$  ergibt.

wird in der Zeit des kleinsten Intervalls<sup>a)</sup> von 7 synodischen  
 Hei 489 Monaten, wenn die Sonne ihren kleinsten Lauf (von  $199^{\circ}3'$ )  
 und der Mond seinen größten (von  $213^{\circ}43'$ ) hat, der letztere  
 die Sonne um die aus beiden Anomalien sich summierenden  
 5  $14^{\circ}40'$  überholt haben. Hiervon nehmen wir wieder ein  
 Zwölftel (d. i. genau  $1^{\circ}13'20''$ ), addieren es zu dem infolge  
 der Anomalie der Sonne eingetretenen Abzug von  $4^{\circ}42'$   
 Ha 400 und werden in der Summe von  $5^{\circ}55'$  ohne merklichen  
 Fehler den Betrag erhalten, um welchen der Lauf in Länge  
 10 bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten  
 hinter dem Lauf bei dem mittleren Intervall zurück sein  
 wird. Ebenso wird auch der Lauf in Breite um den gleichen  
 Betrag kleiner sein als der Überschuß von  $214^{\circ}42'$ , welcher  
 (nach der Monatstabelle) bei dem mittleren Intervall von  
 15 7 synodischen Monaten eintritt, d. h. bei dem kleinsten  
 Intervall von 7 synodischen Monaten wird der Mond in  
 Breite auf dem schiefen Kreise einen Überschuß von nur  
 ( $214^{\circ}42' - 5^{\circ}55' =$ )  $208^{\circ}47'$  erlangt haben. Nun beträgt



in Summa nur  $203^{\circ}$  (d. i.  $180^{\circ} + 2 \times 11^{\circ}30'$ , vgl. S. 360, 21) der  
 größte Bogen des schiefen Kreises  
 ( $A'BC'$ )<sup>b)</sup> zwischen den Finsternis-  
 grenzen des Mondes in seiner mitt-  
 leren Entfernung<sup>c)</sup>, d. h. der Bo-  
 gen zwischen der Grenze (A'), die  
 auf der Strecke der Annäherung

a) Der griechische Text bietet falsch  $\tau\eta\varsigma \mu\acute{\epsilon}\sigma\eta\varsigma \acute{\epsilon}\pi\tau\alpha\mu\acute{\eta}\nu\omicron\nu$ ,  
 das richtige  $\acute{\epsilon}\lambda\alpha\chi\iota\sigma\tau\eta\varsigma$  bietet die bessere Überlieferung (darunter  
 Cod. D); vgl. S. 359, Anm. b).

b) An der Figur ist angedeutet, daß der Bogen des kleinsten  
 Intervalls von 7 synodischen Monaten zu beiden Seiten des  
 Apogeums  $\Pi 5^{\circ}$  verläuft. Ob dort der nördliche oder südliche  
 Grenzpunkt des schiefen Kreises liegt, ist für die Mondfinster-  
 nisse gleichgültig, da bei diesen die Wirkung der Parallaxe  
 nicht in Betracht kommt.

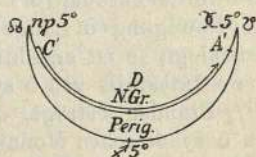
c) Um diese handelt es sich, weil der Mond am Anfang und  
 am Ende des Intervalls (s. S. 361, 31) in der Mitte zwischen  
 Apogäum und Perigäum des Epizykels steht.

an den einen Knoten (d. i. vor demselben) liegt, und der Grenze ( $C'$ ), die auf der Strecke des Fortrückens von dem gegenüberliegenden Knoten (d. i. hinter demselben) liegt. Folglich<sup>a)</sup> wird es selbst bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten schlechterdings nicht möglich sein, 5 daß der Mond bei dem ersten Vollmond eine Finsternis erleide und dann bei dem letzten Vollmond abermals eine.

## II. Sonnenfinsternisse.

Es ist nun anderseits der Nachweis zu führen, daß es möglich sein wird, daß es bei dem größten Intervall von 10 5 synodischen Monaten auch zwei Sonnenfinsternisse für denselben Beobachtungsort gebe, und zwar überall in dem zurzeit bewohnten Gebiete der Erde.

A. Bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten hatten wir (S. 360, 13) den (genauen) Lauf des Mondes in 15 Breite mit  $159^{\circ}5'$  nachgewiesen. Nun beträgt der von Finsternissen freie Bogen ( $C'DA'$ )<sup>b)</sup> für die Sonne bei der mittleren Entfernung des Mondes<sup>c)</sup> ( $180^{\circ} - 2 \times 6^{\circ}12' =$ )  $167^{\circ}36'$ , weil ihre Finsternisgrenzen (vgl. S. 353, 16) von der Ekliptik auf dem durch deren Pole gehenden Kreis einen Abstand von ( $0^{\circ}15'40'' + 0^{\circ}16'40'' =$ )  $0^{\circ}32'20''$  und (in dem Verhältnis von  $1:11\frac{1}{2}$ ) auf dem schiefen Kreise des Mondes (von den 25 Knoten) ohne merklichen Fehler eine Entfernung von  $6^{\circ}12'$  haben. Folglich ist klar, daß, wenn der Mond keine Parallaxe zeigt, eine zweite Sonnenfinsternis unmöglich sein wird,



Hei 490  
20

a) Weil der Mond nach Zurücklegung des Bogens  $A'BC'$  noch über  $5^{\circ}$  über die Finsternisgrenze  $C'$  hinausgeht.

b) Der Bogen des größten Intervalls von 5 Monaten verläuft beiderseits des Perigeums  $\times 5^{\circ}$ . Da nördlich des Äquators vorwiegend die südwärts wirkende Parallaxe in Betracht kommt, so ist an der Figur angedeutet, daß dort der nördliche Grenzpunkt des schiefen Kreises liegt.

c) S. Anm. c) zu Seite 362.

Ha 401 weil der finsternisfreie Bogen (von  $167^{\circ}36'$ ) auf dem schiefen  
 Kreise um  $8^{\circ}31'$  größer ist als der Lauf (von  $159^{\circ}5'$ ) bei  
 dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten und (letz-  
 terer) auf dem die Ekliptik rechtwinklig schneidenden Kreis  
 5 einen um  $0^{\circ}45'$  größeren Abstand hat.<sup>47)</sup> Wo aber der  
 Mond eine so bedeutende Parallaxe haben kann, daß die  
 bei einer der beiden äußersten Konjunktionen eintretenden  
 Parallaxen, oder auch die Parallaxen beider Konjunktionen  
 zusammen, den Betrag  $0^{\circ}45'$  überschreiten, dort wird es  
 10 möglich sein, daß die äußersten Konjunktionen beide, so-  
 wohl die erste wie die letzte, mit einer Finsternis ver-  
 bunden sind.

Wir hatten (S. 359, 23) nachgewiesen, daß nach Verlauf  
 der Zeit des größten Intervalls von 5 synodischen Monaten,  
 15 wenn der Mond seinen kleinsten und die Sonne von  $\mathfrak{M} 20^{\circ}$   
 bis  $\approx 20^{\circ}$  ihren größten Lauf hat, der Mond um die aus  
 beiden Anomalien sich summierenden  $13^{\circ}18'$  noch westlich  
 vor der Sonne steht. Da er nun diese Strecke und noch  
 ein Zwölftel darüber (d. i.  $13^{\circ}18' + 1^{\circ}6' = 14^{\circ}24'$ ) in mitt-  
 20 lerer Bewegung (in Länge) in einem Tage und  $2\frac{1}{4}$  Stunden<sup>a)</sup>  
 zurücklegt, so ist ersichtlich, daß, da die Dauer des mitt-  
 leren Intervalls von 5 synodischen Monaten 147 Tage und  
 $15\frac{3}{4}$  Stunden beträgt, die Dauer des größten Intervalls  
 von 5 synodischen Monaten 148 Tage und 18 Stunden aus-  
 Hei 491 machen wird. Deshalb wird die letzte in  $\approx 20^{\circ}$  eintretende  
 26 Konjunktion die an einem ganzen Tage fehlenden 6 Stunden  
 früher eintreten als die erste, welche in  $\mathfrak{M} 20^{\circ}$  statt-  
 gefunden hatte.<sup>b)</sup> Es muß also untersucht werden, wo und  
 wann der Mond bei seiner Stellung im Wassermann, welche  
 30 6 Stunden früher fällt als die, die in der Jungfrau gewesen  
 war, entweder in dem einen der beiden genannten Zeichen

a) In einem Tage (S. 203, 26)  $13^{\circ}10'$ , von den übrig bleibenden  
 $74'$  in 2 Stunden (S. 204, 31)  $65'52''$ , den Rest von  $8'8''$  in  
 einer Viertelstunde.

b) Hatte die Konjunktion in  $\mathfrak{M} 20^{\circ}$  im westlichen Horizont  
 bei Untergang stattgefunden, so wird die Konjunktion in  $\approx 20^{\circ}$   
 im Meridian um Mittag eintreten. S. S. 365, 17.

eine größere Parallaxe als die in Frage stehenden  $0^{\circ}45'$  zeigen kann, oder in beiden Zeichen (zusammen) eine größere.

Eine nordwärts wirkende Parallaxe des Mondes von so Ha 402 hohem Betrage wird in dem zurzeit bewohnten Gebiete der Erde, soweit wir es oben (S. 354, 6) bezeichnet haben, nirgends gefunden.<sup>a)</sup> Daher ist es unmöglich, daß bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten zwei Sonnenfinsternisse eintreten, wenn der Mond (in  $C'$  und vor  $A'$  Fig. S. 360) südlich der Ekliptik steht, d. h. wenn er bei der ersten Konjunktion von dem niedersteigenden Knoten 10 wegrückt und bei der letzten sich dem aufsteigenden Knoten nähert.

Dagegen kann der Mond eine südwärts wirkende Parallaxe von so hohem Betrage in dem bewohnten Gebiete nördlich des Äquators bei der 6 Stunden differierenden Stellung 15 in beiden genannten Zeichen (in Summa) haben, wenn er bei der ersten Konjunktion in  $\text{m} 20^{\circ}$  im westlichen Horizont und bei der zweiten Konjunktion in  $\approx 20^{\circ}$  im Meridian angenommen wird. Wir finden nämlich, daß in den so gewählten Stellungen der Mond bei mittlerer Entfernung (schon) 20 unter dem Äquator mit Berücksichtigung der Sonnenparallaxe Hei 492 in der Stellung der Jungfrau (im Horizont) eine südwärts wirkende Parallaxe von  $0^{\circ}22'$  und in der Stellung des Wassermanns (im Meridian) eine solche von  $0^{\circ}14'$  zeigt. Dort aber (d. i. im Aualitischen Meerbusen), wo der Tag 25  $12\frac{1}{2}$  Stunden hat, zeigt er in der Stellung der Jungfrau eine südwärts wirkende Parallaxe von  $0^{\circ}27'$  und in der Stellung des Wassermanns eine solche von  $0^{\circ}22'$ , so daß von da ab bereits die Summe beider Parallaxen die in Frage stehenden  $0^{\circ}45'$  um  $0^{\circ}4'$  übersteigt. Da nun die 30 südwärts wirkende Parallaxe desto größer wird, je weiter

a) Weil selbst in Meroë, wenn der Grenzpunkt des schiefen Kreises südlich des Perigeums  $\times 5^{\circ}$  liegt, sogar der nördlich des Äquators gelegene Knoten  $\text{m} 5^{\circ}$  noch etwa  $6^{\circ}$  südlich des Zenits kulminiert, so daß auch dort der Mond südlich der Ekliptik durch die südwärts wirkende Parallaxe von der Sonne abgerückt werden muß.

Ha 403 nördlich die Beobachtungsorte liegen<sup>a)</sup>, so leuchtet ein, daß die Möglichkeit immer zunehmen wird, daß die Bewohner dieser Orte bei dem größten Intervall von 5 synodischen Monaten zwei Sonnenfinsternisse zu sehen bekommen, jedoch nur, wenn der Mond (in  $C'$  und vor  $A'$  Fig. S. 363) nördlich der Ekliptik steht, d. h. wenn er bei der ersten Finsternis (des Intervalls) von dem aufsteigenden Knoten wegrückt und bei der zweiten sich dem niedersteigenden nähert.

10 B. Nun behaupte ich weiter, daß auch bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten zwei Sonnenfinsternisse für denselben Beobachtungsort möglich sein werden.

Bei 493 Bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten hatten wir (S. 362, 18) den (genauen) Lauf des Mondes in Breite mit  $208^{\circ}47'$  nachgewiesen. Nun beträgt für die Sonne bei der mittleren Entfernung des Mondes (vgl. S. 363, 16—27) in Summa<sup>b)</sup> (d. i.  $180^{\circ} + 2 \times 6^{\circ}12' =$ )  $192^{\circ}24'$

20 der größte Bogen ( $A'BC'$ )<sup>c)</sup> des schiefen Kreises zwischen den Finsternisgrenzen, d. h. der Bogen zwischen der Grenze ( $A'$ ), die auf der Strecke der Annäherung an den einen Knoten (d. i. vor demselben) liegt, und der Grenze ( $C'$ ), die auf der Strecke des Fortrückens von dem gegenüberliegenden Knoten (d. i. hinter demselben) liegt.

25 Folglich ist klar, daß, wenn der Mond wieder keine Parallaxe

a) Weil die Ekliptik in immer größerem Zenitabstand verläuft.

b) Der Text ist korrupt: statt *συνάγεται* lese ich *συναγομένης* und streiche *ἢ τοιαύτη διάστασις*.

c) Zunächst sei wieder dieselbe Figur wie S. 362 vorgelegt, um zu zeigen, daß, wenn der Grenzpunkt des schiefen Kreises nördlich des Apogeums  $115^{\circ}$  liegt, überhaupt keine zweite Sonnenfinsternis in dem Gebiet von Meroë bis zum Borysthenes möglich ist, weil der Endpunkt des Mondlaufs südlich der Ekliptik liegt, wo nur eine nordwärts wirkende Parallaxe eine Sonnenfinsternis zustande bringen könnte.

zeigt, eine zweite Sonnenfinsternis unmöglich sein wird, weil der Bogen des schiefen Kreises (von  $208^{\circ}47'$ ), den der Mond bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten zurücklegt, auf dem schiefen Kreise um  $16^{\circ}23'$  größer ist als der zwischen den Finsternisgrenzen der Sonne 5 liegende Bogen (von  $192^{\circ}24'$ ) und auf dem durch die Pole der Ekliptik gehenden Kreis um  $1^{\circ}25'$  größeren Abstand hat.<sup>48)</sup> Wo aber der Mond eine so bedeutende Parallaxe haben kann, daß die bei einer der beiden äußersten Kon- Ha 404  
 junktionen eintretenden Parallaxen, oder auch die Paral- 10  
 laxen beider Konjunktionen zusammen, den Betrag  $1^{\circ}25'$  überschreiten, dort wird es möglich sein, daß die äußersten Konjunktionen beide, sowohl die erste wie die letzte, mit einer Finsternis verbunden sind.

Wir hatten (S. 362, 1) nachgewiesen, daß in der Zeit des 15  
 kleinsten<sup>a)</sup> Intervalls von 7 synodischen Monaten, wenn der Mond seinen größten und die Sonne von  $\approx 26^{\circ b)$  bis  $\eta 15^{\circ}$  ihren kleinsten Lauf hat, der Mond die Sonne im genauen Lauf bereits um  $14^{\circ}40'$  überholt haben wird. Da nun der Mond diese Strecke und noch ein Zwölftel darüber (d. i. 20  
 $14^{\circ}40' + 1^{\circ}13'20''$ ) in mittlerer Bewegung (in Länge) in einem Tage und 5 Stunden<sup>c)</sup> zurücklegt, so ist ersichtlich, daß, da die Dauer des mittleren Intervalls 206 Tage und ziemlich genau 17 Stunden beträgt, die Dauer des kleinsten Intervalls von 7 synodischen Monaten (von genauer Syzygie 25  
 zu genauer Syzygie  $1^d 5^h$  weniger d. i.) 205 Tage und 12 Stunden ausmachen wird. Deshalb wird die letzte in  $\eta 15^{\circ}$  eintretende Konjunktion 12 Stunden später eintreten Hei 494  
 als die erste Konjunktion, welche in  $\approx 26^{\circ}$  stattgefunden

a) Im griechischen Text falsch  $\mu\acute{\epsilon}\sigma\eta\varsigma$ ; vgl. S. 359, 18.

b) Von den letzten Graden ( $\tau\acute{\omega}\nu \acute{\epsilon}\sigma\chi\acute{\alpha}\tau\omega\nu$ ) habe ich den 26<sup>ten</sup> gewählt, weil das Intervall dem kleinsten Lauf der Sonne entsprechend (S. 361, 26)  $199^{\circ}$  umfaßt, und weil es mit dem Aufgangs- und Untergangsverhältnis in Rhodus (S. 368, 21) gut übereinstimmt.

c) In einem Tage (S. 203, 26)  $13^{\circ}10'$ , die von  $15^{\circ}53'20''$  übrigen  $2^{\circ}43'20''$  in 5 Stunden.

hatte. Es muß also untersucht werden, wo und wann der Mond eine größere Parallaxe als  $1^{\circ}25'$  entweder in einem der beiden genannten Zeichen haben kann, oder bei der 12 Stunden differierenden Stellung in beiden Zeichen (zusammen), d. h. wenn das eine Zeichen untergeht und das andere aufgeht, weil andernfalls die Finsternisse ganz unmöglich beide über dem Horizont stattfinden können.

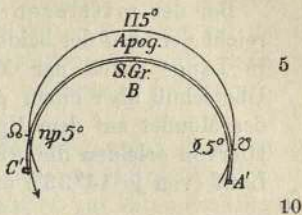
Eine nordwärts wirkende Parallaxe des Mondes von so hohem Betrage wird nun wieder (wie S. 365, 3) nirgends in dem zurzeit bewohnten Gebiete der Erde in keiner Stellung (der beiden Zeichen) gefunden. Denn selbst für die Bewohner unter dem Äquator (vgl. S. 365, 21) ist bei der größten<sup>a)</sup> Entfernung des Mondes die (hier in Betracht kommende) Breitenparallaxe nicht größer als  $0^{\circ}23'$ . Daher wird es bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten unmöglich sein, daß zwei Sonnenfinsternisse eintreten, wenn der Mond (in  $A'$  und jenseits  $C'$ ) südlich der Ekliptik steht, d. h. wenn er bei der ersten Konjunktion sich dem aufsteigenden Knoten nähert und bei der letzten von dem niedersteigenden Knoten wegrückt (s. Fig. S. 366).

Dagegen finden wir, daß, wenn  $\approx 26^{\circ}$  aufgeht und  $\eta$   $15^{\circ}$  untergeht, ungefähr von dem durch Rhodus gehenden Parallelkreis ab eine südwärts wirkende Parallaxe von so großem Betrage zustande kommt. Denn in Rhodus und den unter demselben Parallelkreis gelegenen Orten hat in jeder der bezeichneten Stellungen<sup>b)</sup> der Mond in seiner mittleren Entfernung unter Berücksichtigung der Sonnenparallaxe eine südwärts wirkende Parallaxe von nahezu  $0^{\circ}46'$ , so daß die Parallaxen bei beiden Konjunktionen in Summa von dort ab bereits größer als  $1^{\circ}25'$  werden. Da nun die südwärts

a) Es handelt sich um die mittlere Entfernung; vgl. außer Z. 26 noch S. 360, 14; 366, 17. Übrigens wird die Parallaxe mit der Entfernung des Mondes kleiner, was mit dem Suchen nach einer möglichst großen Parallaxe in direktem Widerspruch steht. Daher ist wohl μέσον statt μέγιστον zu schreiben.

b) D. i. bei nahezu  $88^{\circ}$  Zenitabstand, weil in beiden Fällen dicht über dem Horizont.

wirkende Parallaxe desto größer wird, je weiter die Beobachtungsorte nördlich dieses Parallelkreises liegen<sup>a)</sup>, so leuchtet ein, daß es für die Bewohner dieser Orte möglich sein wird, bei dem kleinsten Intervall von 7 synodischen Monaten zwei Sonnenfinsternisse zu Gesicht zu bekommen, jedoch wieder nur, wenn der Mond (in  $A'$  und hinter  $C'$  beiderseits) nördlich der Ekliptik steht, d. h. wenn er bei der ersten Finsternis sich dem niedersteigenden Knoten nähert und bei der zweiten von dem aufsteigenden Knoten wegrückt.

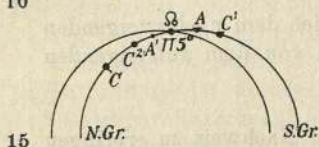


C. Es dürfte schließlich noch der Nachweis zu erbringen sein, daß im Lauf eines synodischen Monats zwei Sonnenfinsternisse in dem zurzeit bewohnten Gebiete der Erde nicht möglich sein werden, und zwar weder in derselben geographischen Breite noch in verschiedenen Breiten, selbst wenn man alle Bedingungen voraussetzt, welche unmöglich zusammen eintreten können, übrigens aber zusammengenommen wohl geeignet wären, die zweite Finsternis möglich zu machen. Die Bedingungen, welche ich meine, sind folgende: erstens müßte der Mond in seiner kleinsten Entfernung stehen, damit er die größere Parallaxe zeigte; zweitens müßte der synodische Monat von der kürzesten Dauer sein, damit die in dieser Zeit zu erreichende Breite möglichst wenig größer (d. i. nördlicher) ausfiele, als die Breite beträgt, in welcher die Finsternisgrenzen der Sonne liegen; drittens müßten wir von den Stunden<sup>b)</sup> und Zeichen<sup>c)</sup>, in welchen der scheinbare

a) Weil die Ekliptik in immer größerem Zenitabstand verläuft.  
 b) D. i. von den nach Äquinoktialstunden bemessenen Meridianabständen, in denen die größeren Zenitabstände eintreten und infolgedessen auch die größeren Parallaxen stattfinden.  
 c) Es sind die Zeichen, in denen beiderseits des Meridians keine Längenparallaxe sich geltend macht und deshalb die Höhenparallaxe die reine Breitenparallaxe darstellt.

Ort des Mondes von der größten Parallaxe beeinflusst wird, unterschiedslos Gebrauch machen.

Bei der mittleren Dauer des synodischen Monats erreicht der Lauf der beiden Lichtkörper in mittlerer Bewegung  
 5 in Länge (nach der Monatstabelle) einen Zuwachs (oder  
 Überschuß über einen ganzen Kreis) von  $29^{\circ}6'$ , der Lauf  
 des Mondes auf dem Epizykel einen Überschuß von  $25^{\circ}49'$ .  
 Hiervon erleiden die  $29^{\circ}6'$  der Sonne bei ihrem kleinsten  
 Lauf (von je  $14^{\circ}33'$ ) auf beiden Seiten des Apogeums (in  
 10  $\Pi 5^{\circ}30'$ )<sup>a)</sup> einen Abzug von der  
 mittleren Bewegung im Betrage  
 von ( $2 \times 0^{\circ}34' =$ )  $1^{\circ}8'$ , während  
 die  $25^{\circ}49'$  des Epizykels des Mondes  
 bei dem größten Lauf (von je  
 15  $12^{\circ}54'30''$ ) auf beiden Seiten



des Perigeums (des Epizykels) einen Zusatz zur mittleren  
 Bewegung (in Länge) von ( $2 \cdot 1^{\circ}14' =$ )  $2^{\circ}28'$  einbringen.  
 Wenn wir nun genau wie bei den früher (S. 359 u. 362)  
 geführten Beweisen die Summe der aus beiden Anomalien  
 20 sich ergebenden Beträge bilden, die  $3^{\circ}36'$  ausmacht, und  
 ein Zwölftel davon, d. i.  $0^{\circ}18'$  zu dem Betrag (von  $1^{\circ}8'$ ),  
 um welchen die Sonne (in Länge) zurückgeblieben war,  
 addieren, so werden wir  $1^{\circ}26'$  erhalten. Um so viel werden  
 wir den Lauf bei der kürzesten Dauer des synodischen  
 1a 407 Monats kleiner finden als den im mittleren synodischen  
 26 Monat erreichten, und zwar sowohl den Lauf in Länge wie  
 den in Breite. Da nun der auf den mittleren synodischen  
 Monat entfallende Lauf in Breite (nach der Monatstabelle)  
 $30^{\circ}40'$  (über den vollen Kreis) beträgt, so wird er folglich  
 30 bei der kürzesten Dauer des synodischen Monats zu  $29^{\circ}14'$ ,  
 welche auf dem die Ekliptik rechtwinklig schneidenden  
 größten (Breiten-)Kreis (einen Abstand von)  $2^{\circ}33'$  aus-

a) Die Knotenlinie der Mondbahn muß demnach mit der Apsidenlinie der Sonnenbahn zusammenfallen. Um bei den zweiten Konjunktionen (C und C<sup>2</sup>) nördliche Breite zu erzielen, ist an der Figur der aufsteigende Knoten in das Apogeum der Sonnenbahn verlegt worden.

machen.<sup>a)</sup> Nun beläuft sich das Maximum der an den Finsternisgrenzen (A und A') der Sonne eintretenden Breite, wenn der Mond in der kleinsten Entfernung steht, auf  $1^{\circ}6'$  (d. i. beiderseits des Knotens  $0^{\circ}33'$ )<sup>b)</sup>, so daß die bei der Hei 497 kürzesten Dauer des synodischen Monats erreichte Breite 5 (von  $2^{\circ}33'$ ) noch um  $1^{\circ}27'$  (d. i. beiderseits des Knotens um je  $0^{\circ}43'30''$ ) größer ist.

Es wäre demnach unbedingt notwendig, wenn in einem synodischen Monat zwei Sonnenfinsternisse eintreten sollten, daß der Mond bei der einen Konjunktion gar keine Parallaxe 10 hätte und bei der anderen eine größere als  $1^{\circ}27'$ . Andernfalls, d. h. wenn er bei jeder der beiden Konjunktionen eine Parallaxe hätte, müßte entweder die Differenz beider Parallaxen größer als  $1^{\circ}27'$  sein, falls die Parallaxe (auf jeder Seite des Knotens) wieder nach derselben Seite wirksam 15 wäre, oder ihre Summe müßte den nämlichen Betrag überschreiten, falls die Parallaxe bei der einen Konjunktion nordwärts und bei der anderen südwärts wirkte.

Allein nirgends auf der Erde hat der Mond in den Syzygien selbst in seiner kleinsten Entfernung unter Berücksichtigung 20 der Sonnenparallaxe eine größere Breitenparallaxe als  $1^{\circ}$ . Bei der kürzesten Dauer des synodischen Monats werden also zwei Sonnenfinsternisse unmöglich sein, mag auch der Mond bei der einen Konjunktion gar keine Parallaxe haben oder bei beiden Konjunktionen eine nach derselben Seite wirkende: 25 denn die Differenz beider Parallaxen wird nicht größer als (günstigsten Falls)  $1^{\circ}$ , während sie doch mehr betragen müßte als  $1^{\circ}27'$ .

Die einzige Möglichkeit, daß die zweite Finsternis eintreten könnte, wäre also die, daß, falls jede der beiden Paral- Ha 408

a) Nämlich in dem Fall, daß die erste Konjunktion direkt im aufsteigenden Knoten stattgefunden hat, so daß die zweite (C) in der vollen Entfernung von  $29^{\circ}14'$  jenseits des Knotens, d. i.  $60^{\circ}46'$  vor dem nördlichen Grenzpunkt eintreten muß. Für diese Stelle gibt die 7.<sup>te</sup> Spalte der Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes die nördliche Breite mit  $2^{\circ}33'$  an.

b) Genau  $2 \times 0^{\circ}33'20''$  nach S. 353, 16.

laxen nach der entgegengesetzten Seite (d. h. die eine süd-  
 Hei 498 wärts, die andere nordwärts) wirkte, aus beiden sich eine  
 größere Summe ergeben könnte als  $1^{\circ}27'$ . Das wird aber  
 nur für ein (zweites) verschieden gelegenes bewohntes Ge-  
 5 biet der Erde möglich sein, weil für die nördlich des  
 Äquators gelegenen Orte des zurzeit bewohnten Gebietes der  
 Erde der Mond eine südwärts wirkende Parallaxe hat,  
 die unter Berücksichtigung der Sonnenparallaxe  $0^{\circ}25'$  bis  
 $1^{\circ}$  betragen kann, während er für die südlich des Äquators  
 10 liegenden Orte der sogenannten Gegenwohner eine nord-  
 wärts wirkende Parallaxe zwischen den gleichen Grenzen  
 haben kann. Für dasselbe bewohnte Gebiet der Erde  
 kann aber eine zweite Finsternis niemals zustande kommen,  
 weil das Maximum der (in Betracht kommenden) Parallaxe  
 15 (in beiden Gebieten) genau innerhalb derselben Grenzen liegt:  
 einerseits beträgt die Parallaxe für die direkt unter dem  
 Äquator liegenden Orte, sowohl nordwärts wie südwärts  
 wirkend, nicht mehr als  $0^{\circ}25'$ , anderseits übersteigt sie  
 für die am weitesten (d. i.  $48^{\circ}32'$ ) nördlich oder südlich  
 20 des Äquators liegenden Orte mit Wirkung nach entgegen-  
 gesetzter Seite (d. h. südwärts für den nördlichen, nordwärts  
 für den südlichen Grenzpunkt des Gebietes) nicht den Be-  
 trag von wie gesagt  $1^{\circ}$ . Es kommt also in diesen extremsten  
 Fällen (für dasselbe Gebiet) als Summe beider Parallaxen  
 25 immer noch ein (um  $0^{\circ}2'$ ) kleinerer Betrag als  $1^{\circ}27'$  heraus.  
 Da aber für die (in jedem Gebiete) innerhalb des Äquators  
 und des betreffenden Grenzpunkts liegenden Orte die Paral-  
 laxen, mögen sie hier südwärts oder dort nordwärts wirken,  
 stets noch viel kleiner werden, so dürfte sich für diese Orte  
 30 die Unmöglichkeit (der zweiten Finsternis) nur noch steigern.  
 Folglich werden für denselben Ort nirgends auf der  
 Erde in einem synodischen Monat zwei Sonnenfinsternisse  
 möglich sein, aber auch für verschiedene Orte nirgends  
 in demselben bewohnten Gebiete der Erde. Damit ist der  
 35 Nachweis erbracht, den wir uns als Aufgabe gestellt hatten.

Siebentes Kapitel.  
**Praktische Anleitung zur Aufstellung  
 von Finsternistabellen.**

Die vorstehende Erörterung hat uns darüber belehrt, wie <sup>(Ha 409</sup>  
 groß die Intervalle der Syzygien sein müssen, welche wir <sup>(Hei 499</sup>  
 zur Feststellung der Finsternisse heranzuziehen haben. Um  
 aber nach zahlenmäßiger Festsetzung der für sie geltenden  
 mittleren Zeiten und nach Berechnung der zu diesen Zeiten 5  
 von dem Monde eingenommenen Örter, d. h. der schein-  
 baren bei den Konjunktionen und der genauen bei den  
 Vollmonden<sup>a)</sup>, nach den Epochen des Mondes in Breite  
 erstens die Syzygien, welche voraussichtlich überhaupt mit  
 Finsternissen verbunden sind, und zweitens Größe und Dauer 10  
 der Finsternisse bequem feststellen zu können, haben wir  
 zur Erleichterung des erforderlichen Rechengeschäfts Tabellen  
 aufgestellt: zwei für die Sonnenfinsternisse und zwei für die  
 Mondfinsternisse, je für die größte und die kleinste Entfer-  
 nung des Mondes. Die allmähliche Zunahme der Verfinsterungen 15  
 haben wir nach Zwölfteln des verdunkelten Durchmessers  
 eines jeden der beiden Lichtkörper vor sich gehen lassen.

I. Die Sonnenfinsternistabellen.

Die erste Tabelle, welche die Finsternisgrenzen bei der  
 größten Entfernung des Mondes umfaßt, werden wir in 20  
 25 Zeilen zu 4 Spalten aufstellen.

Die ersten beiden Spalten werden für jede Verfinsterung  
 den scheinbaren Ort des Mondes in Breite auf dem schiefen  
 Kreise enthalten. Da der Sonnendurchmesser (vgl. S. 305, 25) <sup>(Ha 410</sup>  
<sup>(Hei 500</sup>

a) Weil bei den Konjunktionen oder Sonnenfinsternissen die  
 für den Standpunkt des Beobachters geltenden, von der Paral-  
 laxen beeinflussten (daher scheinbaren) Örter des Mondes in-  
 betracht kommen, bei den Vollmonden oder zentralen Mond-  
 finsternissen die geozentrischen, d. i. dem Sonnenorte genau  
 diametral gegenüberliegenden Örter des Mondes. Vgl. S. 194, 5.

$0^{\circ}31'20''$  beträgt, und der Monddurchmesser in der größten Entfernung (S. 309, 11) ebenfalls zu  $0^{\circ}31'20''$  nachgewiesen wurde, so wird der Mond mit der Sonne erstmalig in Berührung treten, wenn das scheinbare Mondzentrum auf dem durch  
 5 beide Mittelpunkte gehenden größten Kreis <sup>a)</sup> von dem Sonnenzentrum (die Summe der beiden Halbmesser, d. i.)  $0^{\circ}31'20''$  Abstand hat und auf dem schiefen Kreise von dem Knoten in dem früher (S. 355, 4) dargelegten Verhältnis von  $11\frac{1}{2}:1$   
 10  $6^{\circ}$  entfernt ist. <sup>b)</sup> Demnach werden wir in der ersten Zeile  $(90^{\circ} - 6^{\circ} =) 84^{\circ}$  in die erste Spalte und  $(270^{\circ} + 6^{\circ} =) 276^{\circ}$  in die zweite Spalte setzen, ferner in der letzten Zeile  $(90^{\circ} + 6^{\circ} =) 96^{\circ}$  in die erste und  $(270^{\circ} - 6^{\circ} =) 264^{\circ}$  in die zweite Spalte. Da auf ein Zwölftel des Sonnendurchmessers ungefähr 30 Sechzigteile von einem (der sechs)  
 15 Grade des schiefen Kreises entfallen, so werden wir die Zahlen in diesen beiden ersten Spalten auf folgende Weise fortschreiten lassen: in der ersten Spalte werden wir sie von oben abwärts um  $0^{\circ}30'$  zunehmen und von unten aufwärts abnehmen lassen bis zur mittelsten Zeile, während  
 20 wir sie in der zweiten Spalte um denselben Betrag umgekehrt von oben abwärts bis zur mittelsten Zeile abnehmen und von unten aufwärts bis dahin zunehmen lassen; denn in die Mitte werden wir (die Knoten selbst mit)  $90^{\circ}$  und  $270^{\circ}$  setzen.

Die dritte Spalte wird die Größen der Verfinsterungen  
 25 enthalten, d. h. wir setzen in die erste und in die letzte Zeile dieser Spalte als den Betrag der Berührung 0 und in die nach unten oder nach oben folgende Zeile die Zahl 1, indem wir  $\frac{1}{12}$  des Durchmessers einem Zoll gleichsetzen; dann in die übrigen Zeilen unter Zunahme um je einen Zoll die  
 30 Zahlen 2, 3, 4 usw. bis zur mittelsten Zeile, in welcher sich  
 Hei 501 durch Begegnung (von oben und von unten) die Zahl 12 einstellen wird.

a) Das ist nach S. 351, 2 und 352, 3 der durch die Pole des schiefen Kreises des Mondes gezogene Kreis. Vgl jedoch S. 353, 22.

b) Bei  $6^{\circ}$  Entfernung findet nur Berührung statt, bei  $5\frac{1}{2}^{\circ}$  Entfernung ist  $\frac{1}{12}$  bedeckt, bei  $5^{\circ}$   $\frac{2}{12}$ , bei  $4\frac{1}{2}^{\circ}$   $\frac{3}{12}$  usw., bei  $1^{\circ}$   $\frac{10}{12}$ , bei  $\frac{1}{2}^{\circ}$   $\frac{11}{12}$ , bei  $0^{\circ}$ , d. i. im Knoten,  $\frac{12}{12}$ .

Die vierte Spalte wird die Laufstrecken angeben, die das Zentrum des Mondes in jeder Phase der Bedeckungen (s. S. 377, 3) zurücklegt, wobei jedoch die Weiterbewegung der Sonne und die weiteren Wirkungen der Parallaxen des Mondes noch nicht in Rechnung gezogen werden. Ha 411  
5

Die zweite Tabelle der Sonnenfinsternisse, welche die Finsternisgrenzen bei der kleinsten Entfernung des Mondes umfaßt, werden wir im übrigen genau so wie die erste, aber zu 27 Zeilen und 4 Spalten einrichten, weil der Halbmesser des Mondes in der kleinsten Entfernung (S. 353, 6) in dem Maße, in welchem der Halbmesser der Sonne  $0^{\circ}15'40''$  beträgt, zu  $0^{\circ}17'40''$  nachgewiesen wurde.<sup>a)</sup> Wenn der Mond mit der Sonne erstmalig in Berührung tritt, hat daher das scheinbare Mondzentrum von dem Sonnenzentrum einen Abstand von  $(0^{\circ}17'40'' + 0^{\circ}15'40'' =) 0^{\circ}33'20''$  und ist von den Knoten auf dem schiefen Kreise  $6^{\circ}24'$  entfernt. Somit kommen in die erste Zeile als Argumentzahlen der scheinbaren Breite  $(90^{\circ} - 6^{\circ}24' =) 83^{\circ}36'$  und  $(270^{\circ} + 6^{\circ}24' =) 276^{\circ}24'$ , in die letzte  $(90^{\circ} + 6^{\circ}24' =) 96^{\circ}24'$  und  $(270^{\circ} - 6^{\circ}24' =) 263^{\circ}36'$  usw., als Zahl in die mittelste Zeile der Spalte für die Zolle nach Maßgabe der Differenz (der beiden Durchmesser)  $12\frac{4}{5}$ .<sup>b)</sup> Nach dieser Zahl bestimmt sich auch die Laufstrecke des Verharrens (d. i. die längste Dauer der Totalität). 15  
20

## II. Die Mondfinsternistabellen.

Jede der beiden Mondtabellen werden wir zu 45 Zeilen und 5 Spalten aufstellen. In der ersten Tabelle werden wir die Argumentzahlen der Breite unter der Annahme ansetzen, Hei 502  
26

a) Infolgedessen ergibt sich im Knoten selbst eine fast 13zöllige zentrale Bedeckung und die zwölfzöllige tritt zweimal ein, einmal  $24'$  vor jedem Knoten und einmal  $24'$  nachher. Deshalb werden zwei Zeilen mehr erforderlich.

b) Die Differenz der Durchmesser beträgt  $2(17'40'' - 15'40'') = 4'$ , d. h. bei zentraler Bedeckung überragt allseitig die Mondscheibe um  $2'$  die Sonnenscheibe. Diese  $4'$  betragen, wenn man den Sonnendurchmesser gleich  $12$  Zoll und den Monddurchmesser gleich  $60'$  setzt, nach dem Verhältnis  $4 : 60 = x : 12$ ,  $\frac{48}{60} = \frac{4}{5}$  Zoll.

daß der Mond in seiner größten Entfernung steht. Der Halbmesser des Mondes wurde (S. 309, 24) bei der größten Entfernung mit  $0^{\circ}15'40''$  und der des Schattens mit  $0^{\circ}40'44''$  nachgewiesen. Wenn der Mond den Schatten erstmalig berührt, hat demnach sein Zentrum von dem Schattenzentrum einen Abstand von  $0^{\circ}56'24''$  und ist von den Knoten auf dem schiefen Kreise  $10^{\circ}48'$  entfernt. Daher werden wir in die erste Zeile ( $90^{\circ} - 10^{\circ}48' =$ )  $79^{\circ}12'$  und ( $270^{\circ} + 10^{\circ}48' =$ )  $280^{\circ}48'$ , in die letzte ( $90^{\circ} + 10^{\circ}48' =$ )  $100^{\circ}48'$  und ( $270^{\circ} - 10^{\circ}48' =$ )  $259^{\circ}12'$  setzen. Endlich werden wir gerade wie in den ersten Tabellen die Ab- und Zunahme der Argumentzahlen um den auf  $\frac{1}{12}$  des zurzeit (mit rund  $30'$ ) angenommenen Monddurchmessers entfallenden Betrag von 30 Sechzigteilen (eines Grades des schiefen Kreises) vor sich gehen lassen.<sup>a)</sup>

In der zweiten Tabelle werden wir die Argumentzahlen der Breite unter der Annahme ansetzen, daß der Mond in seiner kleinsten Entfernung steht. Bei dieser Entfernung wurde (S. 353, 5) sein Halbmesser zu  $0^{\circ}17'40''$  und der des Schattens zu  $0^{\circ}45'56''$  nachgewiesen. Wenn der Mond den Schatten erstmalig berührt, dann hat sein Zentrum also von dem Schattenzentrum wieder entsprechend einen Abstand von  $1^{\circ}3'36''$  und ist von den Knoten auf dem schiefen Kreise  $12^{\circ}12'$  entfernt. Daher setzen wir in die erste Zeile ( $90^{\circ} - 12^{\circ}12' =$ )  $77^{\circ}48'$  und ( $270^{\circ} + 12^{\circ}12' =$ )  $282^{\circ}12'$ , in die letzte ( $90^{\circ} + 12^{\circ}12' =$ )  $102^{\circ}12'$  und ( $270^{\circ} - 12^{\circ}12' =$ )  $257^{\circ}48'$ . Die Ab- und Zunahme der Argumentzahlen werden wir um den auf  $\frac{1}{12}$  des nunmehr (mit rund  $34'$ ) angenommenen Monddurchmessers entfallenden Betrag von 34 Sechzigteilen (eines Grades des schiefen Kreises) vor sich gehen lassen.<sup>a)</sup>

Die dritten Spalten (beider Mondtabellen) werden in demselben Sinne wie in den Sonnentabellen die Einträge für

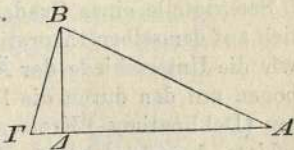
a) Je nachdem der Mond um seinen Durchmesser, d. i. im ersten Falle um  $30'$ , im zweiten um  $34'$ , dem Knoten näher rückt, wird er je  $\frac{1}{12}$  des jeweiligen Durchmessers oder 1 Zoll tiefer in den Schatten eindringen.

die Zolle enthalten. Gleicherweise (für Sonnen- und Mondtabellen geltend) werden die folgenden (vierten) Spalten für jede Phase der Verfinsterungen, d. h. sowohl für die Phase Ha 413 des Eintritts als für die Phase des Wiedervollwerdens (d. i. des Austritts) die Laufstrecke des Mondes angeben, und 5 hierüber noch (eine fünfte Spalte) die Laufstrecke in der halben Zeit des Verharrens (d. i. die halbe Dauer der Totalität).

### III. Erklärung der beiden letzten Spalten.

Berechnet haben wir für jede Phase der Verfinsterungen die betreffenden Laufstrecken des Mondes auf dem Wege 10 geometrischer Konstruktion. Dabei haben wir jedoch die Beweisführung derartig gehandhabt, als ob es sich um eine Ebene und um Gerade handelte, weil die Bogen bis zu einer so geringen Größe herab für die sinnliche Wahrnehmung 15 von den sie unterspannenden Sehnen ganz unwesentlich verschieden sind. Ferner haben wir angenommen, daß zwischen dem Lauf des Mondes (in Breite) auf dem schiefen Kreise und dem theoretisch auf die Ekliptik bezogenen Lauf (in Länge) kein beträchtlicher Unterschied sei. Es wird ja wohl niemand annehmen, daß wir nicht gewußt hätten, daß im 20 großen ganzen für den Lauf des Mondes in Länge allerdings ein Unterschied herauskommt, wenn man die Bogen des schiefen Kreises anstatt der Ekliptikbogen verwendet. Ebenso sind wir uns bewußt, daß es nicht richtig ist anzunehmen, daß die Zeiten der Syzygien unterschiedslos dieselben seien Hei 504 wie die Zeiten der Finsternismitten. 26

Wenn wir nämlich von dem Knoten A aus zwei gleichgroße Bogen AB und AΓ der betreffenden Kreise abtragen und dann die Verbindungslinie 30 BΓ und von B aus unter rechten Winkeln zu AΓ die Gerade BΔ ziehen, so wird ohne weiteres folgendes klar sein. Es sei zunächst in B der Mond angenommen. Verwenden wir den Ekliptikbogen AΓ anstatt des 35 Bogens AΔ, so wird, weil der auf die Ekliptik bezogene Lauf



theoretisch nach den durch die Pole der Ekliptik gehenden (Breiten-) Kreisen bemessen wird, der infolge der Neigung des Mondkreises eintretende Unterschied die Strecke  $\Gamma\Delta$  ausmachen. Denkt man sich dagegen die Sonne oder das Schattenzentrum in B, so wird bei dem unbeträchtlichen Unterschied der Kreise die Zeit der Syzygie sein, wenn der Mond nach Punkt  $\Gamma$  gekommen ist, während die Zeit der Finsternismitte sein wird, wenn er nach Punkt  $\Delta$  gekommen ist, weil die Zeiten der Finsternismitten theoretisch nach den durch die Pole des Mondkreises gehenden Kreisen bemessen werden. Mithin wird die Zeit der Syzygie von der Zeit der Finsternismitte um den Bogen  $\Gamma\Delta$  differieren.<sup>49)</sup>

Der Grund, welcher uns bestimmt, bei der speziellen Behandlung des Gegenstandes nicht auch diese Bogen mit in Rechnung zu ziehen, ist der, daß ihre Unterschiede klein und kaum bemerkbar sind. Auch meinen wir, daß es zwar unverantwortlich wäre, von solchen Verhältnissen keine Ahnung zu haben, daß aber zur Förderung äußerster Knappheit bei der Kleinarbeit methodischer Beweisführungen das absichtliche Ignorieren eines so minimalen Betrags — wie ja gleichgeringe Differenzen, die sich zwischen den Hypothesen und den Beobachtungen selbst einstellen, von der Theorie ruhig übersehen werden können — zugunsten des Grundsatzes „je einfacher, desto praktischer“ ganz bedeutend in die Wagschale fällt, während es für die Größe des Fehlers, der sich hinsichtlich der Erscheinungen etwa einstellt, entweder gar keine oder doch nur ganz geringe Bedeutung hat.

Was nun den der Strecke  $\Gamma\Delta$  entsprechenden Bogen anbelangt, so finden wir ihn im allgemeinen nicht größer als 5 Sechzigteile eines Grades. Dieser Nachweis beruht nämlich auf demselben theoretischen Verfahren, mit dessen Hilfe wir die Unterschiede der Äquatorbogen gegen die Ekliptikbogen auf den durch die Pole des Äquators gehenden größten (Deklinations-) Kreisen (d. i. die Tabelle der Ekliptik-schiefe) berechnet haben. Bei den Finsternissen aber finden wir diesen Bogen nicht größer als 2 Sechzigteile. Setzt man nämlich die beiden Bogen AB und A $\Gamma$  gleich  $12^0$  —

so weit erstrecken sich ja etwa (S. 376, 24) die Örter des Mondes bei den (Mond-) Finsternissen —, so ist in diesem Maße  $B\Delta$  ohne merklichen Fehler gleich  $1^{\circ a)}$  und deshalb  $A\Delta$  etwa gleich  $11^{\circ}58' b)$ ; als Rest bleibt (für  $\Gamma\Delta$ )  $0^{\circ}2'$ , ein Betrag, der noch nicht einmal den  $16^{\text{ten}}$  Teil einer Äquinoctialstunde (oder  $3\frac{3}{4}^m$ ) ausmacht.<sup>c)</sup> Mit einem so minimalen Betrag es peinlich genau zu nehmen, das dürfte mehr Sache des pedantischen Tüftlers als des wahrheitsliebenden Hei 506 Forschers sein.

Aus diesen Gründen haben wir die zu bestimmenden Laufstrecken des Mondes bei den Verfinsterungen unter der Annahme behandelt, daß die (beiden) Kreise für die sinnliche Wahrnehmung keinerlei Differenz aufkommen lassen.<sup>d)</sup> Die zum Ziele führende Berechnung ist, wie wir wieder an einem oder zwei Beispielen erläutern wollen, von uns auf folgende Weise ausgeführt worden.

Punkt A sei das Zentrum der Sonne oder des Schattens, und  $B\Gamma\Delta$  sei die statt des Bogens des Mondkreises genommene

Sehne. Punkt B sei als das Mondzentrum in dem Moment angenommen, wo der Mond im Heranrücken die Sonne oder den Schatten erstmalig berührt, Punkt  $\Delta$  als das Mondzentrum in dem Moment, wo die Berührung im

Wegrücken stattfindet. Man ziehe die Verbindungslinien AB, A $\Delta$  und fälle von A auf B $\Delta$  das Lot A $\Gamma$ .

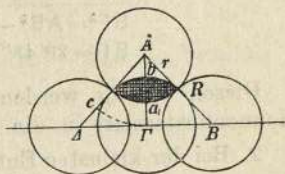
Daß in dem Moment, wo das Mondzentrum nach  $\Gamma$  gelangt, die Zeit der Finsternismitte ist und zugleich das Maximum

a)  $1^{\circ}3'$  bei  $(90^{\circ} - 12^{\circ}) = 78^{\circ}$  Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt nach der 7<sup>ten</sup> Spalte der Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes S. 286; übrigens ist die Abweichung von dem Verhältnis  $1:11\frac{1}{2}$  zu bemerken. Vgl. S. 355, 4.

b) Weil  $A\Delta^2 = AB^2 - B\Delta^2$ , d. i.  $A\Delta = \sqrt{144^{\circ} - 1^{\circ}}$ .

c) Weil der Mond in der Stunde noch  $56''$  mehr als  $2 \times 16' = 32'$  zurücklegt.

d) Insofern die in Betracht kommenden Strecken AB und A $\Gamma$  als gleichgroß angenommen werden.



der Verfinsterung eintritt, geht erstens daraus hervor, daß  $AB$  gleich  $A\Delta$  und deshalb auch die Laufstrecke  $B\Gamma$  gleich der Laufstrecke  $\Gamma\Delta$  ist; zweitens daraus, daß  $A\Gamma$  (als Normale) kleiner ist als alle Geraden, welche auf der Strecke

5  $B\Delta$  als Verbindungslinien der beiden Mittelpunkte gezogen werden können. Ferner ist klar, daß  $AB$  sowohl wie  $A\Delta$   
 Ha 416 gleich der Summe der Halbmesser des Mondes und der Sonne oder des Schattens ist, und daß  $A\Gamma$  um den von der Verfinsterung abgegrenzten Teil des Durchmessers des verfinster-  
 10 ten Körpers kleiner ist als jede dieser beiden Geraden.<sup>a)</sup>

Hei 507 A. Unter Voraussetzung dieser Verhältnisse soll beispielsweise die Verfinsterung 3 Zoll betragen, und A sei zunächst als das Zentrum der Sonne angenommen.

1. Wenn der Mond in der größten Entfernung steht, ist

$$\begin{aligned}
 15 \quad & AB = 31' 20'', \quad AB^2 = 981' 47'' \\
 & A\Gamma = AB - \frac{1}{4} \text{ Sonnenbreite} = 31' 20'' - 7' 50'' \\
 & A\Gamma = 23' 30'', \quad A\Gamma^2 = 552' 15'' \\
 & \underline{B\Gamma^2 = AB^2 - A\Gamma^2 = 429' 32''} \\
 & B\Gamma = 20' 43''.
 \end{aligned}$$

20 Diesen Betrag werden wir in der ersten Tabelle der Sonnenfinsternisse in die vierte Spalte zu „3 Zoll“ setzen.

2. Bei der kleinsten Entfernung des Mondes (S. 375, 15) ist

$$\begin{aligned}
 25 \quad & AB = 33' 20'', \quad AB^2 = 1111' 7'' \\
 & A\Gamma = AB - \frac{1}{4} \text{ Sonnenbreite} = 33' 20'' - 7' 50'' \\
 & A\Gamma = 25' 30'', \quad A\Gamma^2 = 650' 15'' \\
 & \underline{B\Gamma^2 = AB^2 - A\Gamma^2 = 460' 52''} \\
 & B\Gamma = 21' 28''.
 \end{aligned}$$

Diesen Betrag werden wir in der zweiten Tabelle der Sonnenfinsternisse ebenfalls zu „3 Zoll“ in die vierte Spalte  
 30 setzen.

a) Da im vorliegenden Beispiel  $AB = R + r$  und  $A\Gamma = R + \frac{1}{2}r$ , so ist eben  $A\Gamma$  um  $\frac{1}{2}r$ , d. i. um den verfinsterten Teil  $ab$  des Durchmessers der Sonne kleiner.

B. Nun sei weiter Punkt A als das Zentrum des Schattens angenommen, und die Verfinsternung soll auch wieder  $\frac{1}{4}$  des Monddurchmessers betragen.

1. Bei der größten Entfernung des Mondes (S. 376, 3) ist

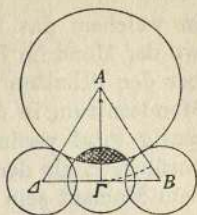
$$AB = 56' 24'' \quad AB^2 = 3180' 58''$$

$$A\Gamma = AB - \frac{1}{4} \text{ Mondbreite} = 56' 24'' - 7' 50'' \text{ in Erdferne} \quad \text{Hei 508}$$

$$A\Gamma = 48' 34'', \quad A\Gamma^2 = 2358' 43''$$

$$B\Gamma^2 = AB^2 + A\Gamma^2 = 822' 15''$$

$$B\Gamma = 28' 21''.$$



5

Ha 417

Hei 508

10

Diesen Betrag werden wir in der ersten Tabelle der Mondfinsternisse zu „3 Zoll“ in die vierte Spalte setzen. Er gibt die Laufstrecke in der Phase des Eintritts an, der für die sinnliche Wahrnehmung gleich ist der Laufstrecke in der 15 Phase des Austritts.

2. Bei der kleinsten Entfernung (S. 376, 19) ist

$$AB = 63' 36'', \quad AB^2 = 4044' 58''$$

$$A\Gamma = AB - \frac{1}{4} \text{ Mondbreite} = 63' 36'' - 8' 50'' \text{ in Erdnähe}$$

$$A\Gamma = 54' 46'', \quad A\Gamma^2 = 2999' 23''$$

$$B\Gamma^2 = AB^2 - A\Gamma^2 = 1045' 35''$$

$$B\Gamma = 32' 20''.$$

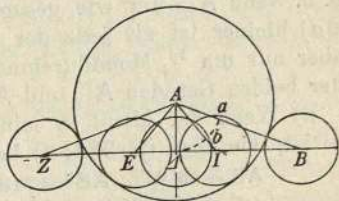
20

Diesen Betrag werden wir in der zweiten Tabelle der Mondfinsternisse gleichfalls wieder zu „3 Zoll“ in die vierte Spalte setzen.

25

3. Was nun weiter die Mondfinsternisse anbelangt, welche eine Zeit des Verharrens (im Schatten, d. i. eine gewisse Dauer der Totalität) haben, so sei Punkt A das Schattenzentrum und

$B\Gamma\Delta EZ$  die anstatt des Bogens des schiefen Kreises des Mondes genommene Sehne. B sei als der Punkt angenommen,



30

Hei 509

in welchem das Mondzentrum in dem Moment sein wird, wo der Mond im Heranrücken begriffen erstmalig von außen her den Schatten berührt,  $\Gamma$  als der Punkt, in welchem das Mondzentrum in dem Moment sein wird, wo der Mond erstmalig total verfinstert von innen den Kreis des Schattens berührt,  $E$  als der Punkt, in welchem das Mondzentrum in dem Moment sein wird, wo der Mond im Weiterrücken begriffen erstmalig von innen den Kreis des Schattens berührt, endlich  $Z$  als der Punkt, in welchem das Mondzentrum in dem Moment sein wird, wo der Mond im Austreten begriffen letztmalig von außen den Schatten berührt. Man falle wieder von  $A$  auf  $BZ$  das Lot  $A\Delta$ . Indem nun auch hier die oben (S. 380, 1—8) besprochenen Verhältnisse gültig bleiben<sup>a)</sup>, leuchtet außerdem noch der Umstand ein, daß jede der beiden Geraden  $A\Gamma$  und  $AE$  die Differenz der Halbmesser von Schatten und Mond darstellt. Somit wird erstens die Laufstrecke  $\Gamma\Delta$  gleich der Laufstrecke  $\Delta E$ , von denen jede die halbe Dauer der Totalität ausdrückt, zweitens wird die (als Rest von  $B\Delta - \Gamma\Delta$ ) übrigbleibende Laufstrecke  $B\Gamma$  in der Phase des Eintritts gleich der (anderseits als Rest von  $\Delta Z - \Delta E$ ) übrigbleibenden Laufstrecke  $EZ$  in der Phase des Austritts.

Es soll nun eine Finsternis angenommen sein, bei welcher 15 Zoll des Mondes (in der Tabelle) angesetzt stehen, d. i. eine solche, bei welcher das Mondzentrum  $\Delta$  noch  $1\frac{1}{4}$  Mond- durchmesser (d. i. 15 Zoll) weiter innerhalb des nach Maßgabe der Finsternisgrenzen bestimmten Grenzpunktes steht, d. h. wenn  $A\Delta$  um wie gesagt  $1\frac{1}{4}$  Monddurchmesser (d. i.  $Ba$ ) kleiner ist als jede der beiden Geraden  $AB$  und  $AZ$ , aber nur um  $\frac{1}{4}$  Monddurchmesser (d. i.  $\Gamma b$ ) kleiner als jede der beiden Geraden  $A\Gamma$  und  $AE$ .

a) Wenn der Mond in seiner größten Entfernung steht, so ist, wie oben (S. 381, 7) bekanntgegeben,

$$AB = 56' 24'', \quad AB^2 = 3180' 58''$$

$$A\Gamma = AB - \text{Mondbreite} = 56' 24'' - 31' 20'' \text{ in Erdferne}$$

a) 1.  $AZ = AB$ , folglich  $B\Delta = \Delta Z$ ; 2.  $A\Delta < AZ$ ,  $AE$  etc  
3.  $AZ$  und  $AB = R + r$ .

$$A\Gamma = 25' 4'', \quad A\Gamma^2 = 628' 20''$$

Ha 419

$$A\Delta = AB - \frac{5}{4} \text{ Mondbreite} = 56' 24'' - 39' 10''$$

$$A\Delta = 17' 14'', \quad A\Delta^2 = 296' 59''$$

$$B\Delta^2 (= AB^2 - A\Delta^2) = 2883' 59''$$

$$\Gamma\Delta^2 (= A\Gamma^2 - A\Delta^2) = 331' 21''$$

5

$$B\Delta = 53' 42'' \text{ und } \Gamma\Delta = 18' 12''$$

$$B\Gamma = B\Delta - \Gamma\Delta = 35' 30''.$$

Wir werden demnach zu der Zahl „15 Zoll“ in der ersten Tabelle der Mondfinsternisse in die vierte Spalte als Betrag der Phase des Eintritts, welcher gleich ist dem Betrag der Phase des Austritts,  $35' 30''$  setzen und in die fünfte Spalte als Betrag der halben Dauer der Totalität  $18' 12''$ .

b) Wenn der Mond in seiner kleinsten Entfernung steht, wie oben (S. 381, 18) bekanntgegeben, ist, Hei 511

$$AB = 63' 36'', \quad AB^2 = 4044' 58''$$

15

$$A\Gamma = AB - \text{Mondbreite} = 63' 36'' - 35' 20'' \text{ in Erdnähe}$$

$$A\Gamma = 28' 16'', \quad A\Gamma^2 = 799' 0''$$

$$A\Delta = AB - \frac{5}{4} \text{ Mondbreite} = 63' 36'' - 44' 10''$$

$$A\Delta = 19' 26'', \quad A\Delta^2 = 377' 39''$$

$$B\Delta^2 (= AB^2 - A\Delta^2) = 3667' 19''$$

20

$$\Gamma\Delta^2 (= A\Gamma^2 - A\Delta^2) = 421' 21''$$

$$B\Delta = 60' 34'' \text{ und } \Gamma\Delta = 20' 32''$$

$$B\Gamma = B\Delta - \Gamma\Delta = 40' 2''.$$

Wir werden also auch in der zweiten Tabelle der Mondfinsternisse zu der Zahl „15 Zoll“ in die vierte Spalte als Betrag der Phase des Eintritts, der wieder dem Betrag der Phase des Austritts gleich ist,  $40' 2''$  setzen und in die fünfte Spalte als Betrag der halben Dauer der Totalität  $20' 32''$ . Ha 420

#### IV. Erklärung der Korrektionstabelle.

Um auch bei den Stellungen des Mondes auf dem Epizykel, welche zwischen der größten und der kleinsten Entfernung liegen, den auf die jeweiligen Positionen (zwischen Apogeum und Perigeum des Epizykels) entfallenden Bruchteil der ganzen Differenz (zwischen größter und kleinster Entfernung, 31 35

vgl. S. 318 1) auf dem methodischen Wege der Rechnung mit Sechzigsteln bequem zu erzielen, so haben wir den vorstehend erklärten Tabellen eine weitere kleine Tabelle beigegeben, welche die Argumentzahlen des Laufs auf dem Epizykel und die Sechzigstel enthält, welche auf die je-  
 Hei 512 6 weiligen scheinbaren Differenzen entfallen, die sich aus den ersten und zweiten Finsternistabellen ergeben. Die Berechnung hat uns den Größenbetrag dieser Sechzigstel geliefert, wie er in der Parallaxentafel des Mondes in der siebenten  
 10 Spalte steht<sup>a)</sup>, weil der Epizykel, wo es sich um die Syzygien handelt, in dem Apogeum des Exzenters anzunehmen ist.

#### V. Erklärung der Flächentabelle.

Weil die meisten Astronomen, die sich mit der Beobachtung der Finsternisphasen beschäftigen, als Maß für die Größe  
 15 der Verfinsterungen nicht die Durchmesser der Kreise angeben, sondern in Bausch und Bogen den ganzen Flächenraum, den die Verfinsterungen einnehmen, indem nach dem bloßen Augenmaße die ganze sichtbare Fläche an sich gegen die nicht sichtbare vergleichsweise abgeschätzt wird, so haben  
 20 wir diesen Tabellen noch eine kleine Tabelle zu 12 Zeilen und 3 Spalten hinzugefügt. In die erste dieser Spalten haben wir die 12 Zolle gesetzt in dem Sinne, daß jeder Zoll, wie schon in den Finsternistabellen selbst, dem zwölften  
 25 Teile des Durchmessers eines jeden der beiden Lichtkörper entspreche, in die folgenden Spalten die auf sie entfallenden  
 IIIa 421 Teile der ganzen Flächenräume, was auch wieder Zwölftel sind, und zwar in der zweiten Spalte Zwölftel (der Fläche) der Sonne, in der dritten Zwölftel (der Fläche) des Mondes. Berechnet haben wir diese Teilbeträge nur für die Größen  
 30 (der Verfinsterungen), welche eintreten, wenn der Mond in seiner mittleren Entfernung steht; denn bei der unbedeutenden Ab- und Zunahme der Durchmesser bleibt das Ver-  
 Hei 513 hältnis (von Fläche zu Durchmesser) dasselbe wie  $3\ 8'30'' : 1$

a) Da die Argumentzahlen der Parallaxentafel für den Epizykel Doppelgrade waren, so stehen hier die gleichen Beträge bei den doppeltgroßen Argumentzahlen.

(oder  $3^{17}/_{120} = 3,14166 \dots : 1$ ), was das Verhältniß des Kreisumfangs zum Durchmesser ist. Dieses Verhältniß liegt nämlich ohne beträchtlichen Fehler in der Mitte zwischen den Werten  $3^{1}/_7$  (oder 3,14285) und  $3^{10}/_{71}$  (oder 3,14084), welche Archimedes schlechthin<sup>a)</sup> nebeneinander angewendet hat.

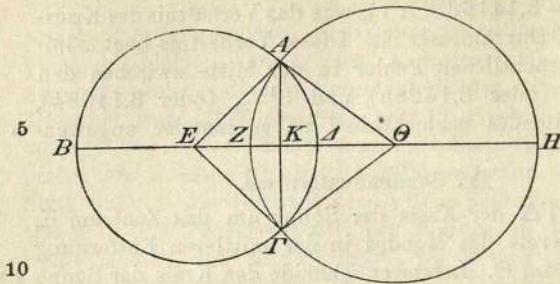
### A. Sonnenfinsternisse.

Es sei  $AB\Gamma\Delta$  der Kreis der Sonne um das Zentrum E,  $AZ\Gamma H$  der Kreis des Mondes in der mittleren Entfernung um das Zentrum  $\Theta$ . Letzterer schneide den Kreis der Sonne 10 in den Punkten A und  $\Gamma$ . Man ziehe die Verbindungslinie  $BE\Theta H$  und nehme an, daß der vierte Teil des Sonnendurchmessers verfinstert sei. Demnach kommen auf  $Z\Delta$  3 solche Teile ( $p$ ) wie  $B\Delta$  12 enthält (d. i.  $Z\Delta = \frac{1}{4} B\Delta$ ). Der Durchmesser  $ZH$  des Mondes beträgt somit nach dem 15 Verhältniß ( $B\Delta : ZH =$ )  $15' 40'' : 16' 40''$  ohne merklichen Fehler<sup>b)</sup>  $12\frac{1}{3}^p$ , und deshalb beläuft sich auch  $E\Theta$  (d. i.  $\frac{1}{2} B\Delta + \frac{1}{2} ZH - Z\Delta$ ) auf  $9\frac{1}{6}^p$  (d. i.  $6^p + 6\frac{1}{6}^p - 3^p$ ). Hei 514 Von den Kreisumfängen werden folglich unter Zugrundelegung des Verhältnisses  $1 : 3$   $8' 30''$  der Umfang der Sonne 20 gleich  $37^p 42'$ , der des Mondes gleich  $38^p 46'$ .<sup>c)</sup> Desgleichen wird von den ganzen Flächenräumen — der Halbmesser mit Ha 422 dem Kreisumfang multipliziert gibt den doppelten Flächeninhalt des Kreises — der Flächeninhalt des Sonnenkreises gleich  $113^p 2' 6'$ , der des Mondkreises gleich  $119^p 2' 32'$ . 25

a) D. h., wie ich vermute: ohne das Mittel (3,14185) zu ziehen und zu verwenden, wie es Ptolemäus (mit 3,14166) anstrebt. Die Ludolf'sche Zahl ist 3,14159.

b) Das genaue Verhältniß ist  $15\frac{2}{3} : 16\frac{2}{3} = 12 : 12\frac{36}{47}$ , also  $ZH$  nahezu  $12\frac{3}{4}$ , mithin der Fehler recht merklich.

c) Die Multiplikation  $12\frac{1}{3}^p \times 3^{17}/_{120}$  gibt knapp  $38^p 45'$ ; indessen beruht (Z. 25) das Ergebnis  $119^p 2' 32'$  auf der Multiplikation  $19^p 23' \times 6\frac{1}{6}^p$ : es ist nicht der halbe Halbmesser mit dem Umfang, sondern der halbe Umfang mit dem Halbmesser multipliziert worden. Genau stimmt von vornherein für die Sonne die Rechnung:  $3^{17}/_{120} \times 12^p = 37^p 7'$ , d. i.  $37^p 42'$ , und schließlich  $\frac{37^p 42' \cdot 6^p}{2} = 113^p 2' 6'$ .



Unter Festhaltung dieser Verhältnisse sei uns demnach die Aufgabe gestellt zu finden: Wie groß ist der von  $A\Delta\Gamma Z$  begrenzte

Flächenraum, wenn man den ganzen Flächenraum des Sonnenkreises gleich 12 setzt?

Man ziehe die Verbindungslinien  $AE$ ,  $A\Theta$ ,  $\Gamma E$ ,  $\Gamma\Theta$  und außerdem die (zu der Verbindungslinie der Mittelpunkte nach Eukl. III. 3) senkrechte Gerade  $AK\Gamma$ .

Da  $E\Theta$  mit  $9^p 10'$ ,  $AE$  und  $E\Gamma$  mit  $6^p$ ,  $A\Theta$  und  $\Theta\Gamma$  mit  $6^p 10'$  gegeben und die Winkel bei  $K$  Rechte sind, so erhalten wir als Endergebnis (folgender Berechnung:

$$\begin{aligned}
 20 \quad & A\Theta^2 - AK^2 = K\Theta^2 \\
 & AE^2 - AK^2 = EK^2 \\
 & A\Theta^2 - AE^2 = K\Theta^2 - EK^2 \\
 & \quad = [K\Theta - EK][K\Theta + EK] \\
 & \quad = [K\Theta - EK]E\Theta \\
 25 \quad & \frac{A\Theta^2 - AE^2}{E\Theta} = K\Theta - EK \text{ d. i. } \frac{2^p 2'}{9^p 10'} = 0^p 13' 3''
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{(Nun ist } E\Theta &= K\Theta + EK & = 9^p 10' \\
 & 2K\Theta & = 9^p 23' 3'' \\
 & K\Theta & = 4^p 42' \\
 & EK = E\Theta - K\Theta & = 4^p 28'.
 \end{aligned}$$

30 Demnach werden wir  $AK = K\Gamma$  (aus  $AK^2 = AE^2 - EK^2$  Hei 515 oder aus  $K\Gamma^2 = \Theta\Gamma^2 - K\Theta^2$ ) mit  $4^p$  erhalten und somit den Flächeninhalt des  $\triangle A\Gamma E$  mit  $(AK \cdot EK =)$   $17^p 52'$ , und den des  $\triangle A\Theta\Gamma$  mit  $(K\Theta \cdot K\Gamma =)$   $18^p 28'$ .

Vorstehend haben wir (als Summe von  $AK + K\Gamma$ ) gewonnen

$$A\Gamma = 8^P \begin{cases} \text{wie } dm\ B\Delta = 12^P, \\ \text{wie } dm\ ZH = 12^P 20'. \end{cases}$$

Setzt man  $B\Delta = 120^P$ , so wird  $A\Gamma = 80^P$ .

Setzt man  $ZH = 120^P$ , so wird  $A\Gamma = 77^P 50'$ .

Mithin  $\begin{cases} b\ A\Delta\Gamma = 83^\circ 37' \text{ wie } \bigcirc\ AB\Gamma\Delta = 360^\circ; \\ b\ AZ\Gamma = 80^\circ 52' \text{ wie } \bigcirc\ AZ\Gamma H = 360^\circ. \end{cases}$  Ha 42  
5

Nun verhalten sich die Kreise zu den Bogen wie die Kreisflächen zu den Flächen der von den Bogen überspannten Sektoren. Wir werden daher erhalten (nach den Verhältnissen  $83^\circ 37' : 360^\circ$  und  $80^\circ 52' : 360^\circ$ )

$$skt\ A\epsilon\Gamma\Delta = 26^P 2 16' \text{ wie } krfl\ AB\Gamma\Delta = 113^P 2 6' \quad 10$$

$$skt\ A\theta\Gamma Z = 26^P 2 51' \text{ wie } krfl\ AZ\Gamma H = 119^P 2 32'$$

$$\left. \begin{array}{l} \Delta\ A\epsilon\Gamma = 17^P 2 52' \\ \Delta\ A\theta\Gamma = 18^P 2 48' \end{array} \right\} \text{ in demselben Maße}$$

$$skt\ A\epsilon\Gamma\Delta - \Delta\ A\epsilon\Gamma \text{ d. i. } sgm\ A\Delta\Gamma K = 8^P 2 24'.$$

$$skt\ A\theta\Gamma Z - \Delta\ A\theta\Gamma \text{ d. i. } sgm\ AZ\Gamma K = 8^P 2 3'. \quad 15$$

Mithin  $fl\ AZ\Gamma\Delta = 16^P 2 27'$  wie  $krfl\ AB\Gamma\Delta = 113^P 2 6'$ .

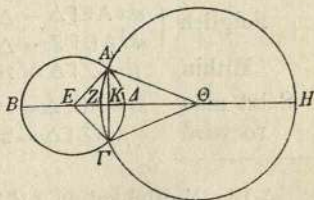
Setztman  $krfl\ AB\Gamma\Delta = 12$ ,

so wird  $fl\ AZ\Gamma\Delta = 1\frac{3}{4}$  ohne beträchtlichen Fehler. Hei 51

Diesen Betrag der von der Verfinsternung eingenommenen Fläche werden wir in unserer Flächentabelle zu der Zeile, 20 in welcher „3 Zoll“ steht, in die zweite Spalte setzen.

### B. Mondfinsternisse.

An derselben Figur sei  $AB\Gamma\Delta$  als der Kreis des Mondes und  $AZ\Gamma H$  als der des Schattens in der mittleren Entfernung angenommen. Die Finsternis soll gleichfalls ein Viertel des Monddurchmessers betragen. Demnach ist  $Z\Delta$ , der verfinsterte Teil des Durchmessers, gleich  $3^P$ , wie der Durchmesser  $B\Delta$  gleich  $12^P$  ist. Der Schattendurchmesser  $ZH$  beträgt



25

30

Ha 424 somit  $31^p 12'$ , entsprechend dem Verhältnis  $1:2^{3/5}$  (S. 309, 24),  
 und deshalb beläuft sich auch  $E\Theta$  (d. i.  $\frac{1}{2}B\Delta + \frac{1}{2}ZH - Z\Delta$ )  
 auf  $18^p 36'$  (d. i.  $6^p + 15^p 36' - 3^p$ ). Von den Kreisumrängen  
 5 wird folglich wieder (S. 385, 21) der des Mondkreises gleich  
 $37^p 42'$ , der des Schattenkreises gleich  $98^p 1'$ , von den Flächen  
 die des Mondkreises gleich  $113^p 6'$ , die des Schattenkreises  
 gleich  $764^p 32'$ .<sup>a)</sup>

Da auch hier  $E\Theta$  mit  $18^p 36'$ ,  $AE$  und  $E\Gamma$  mit  $6^p$ ,  $A\Theta$   
 und  $\Theta\Gamma$  mit  $15^p 36'$  gegeben sind, so erhalten wir wieder

$$10 \quad \frac{A\Theta^2 - AE^2}{E\Theta} = K\Theta - EK = 11^p 8',$$

Hei 517 folglich  $EK = 3^p 44'$  u.  $K\Theta = 14^p 52'$ ,  $AK$  u.  $K\Gamma = 4^p 42'$ .

Demnach  $\Delta AEG = 17^p 33'$ ,  $\Delta A\Theta\Gamma = 69^p 52'$ .

Ferner ist  $A\Gamma = 9^p 24'$   $\left\{ \begin{array}{l} \text{wie } dm B\Delta = 12^p, \\ \text{wie } dm ZH = 31^p 12'. \end{array} \right.$

Setzt man  $B\Delta = 120^p$ , so wird  $A\Gamma = 94^p$ .

15 Setzt man  $ZH = 120^p$ , so wird  $A\Gamma = 36^p 9'$ .

Ha 425 Mithin  $\left\{ \begin{array}{l} b A\Delta\Gamma = 103^0 8' \text{ wie } \bigcirc AB\Gamma\Delta = 360^0, \\ b AZ\Gamma = 35^0 4' \text{ wie } \bigcirc AZ\Gamma H = 360^0. \end{array} \right.$

Aus dem (S 387, 6) angeführten Grunde erhalten wir ferner

20  $skt AEG\Delta = 32^p 24'$  wie  $krfl AB\Gamma\Delta = 113^p 6'$ ,  
 $skt A\Theta\Gamma Z = 74^p 28'$  wie  $krfl AZ\Gamma H = 764^p 32'$ .

Nun war  $\left\{ \begin{array}{l} \Delta AEG = 17^p 33' \\ \Delta A\Theta\Gamma = 69^p 52' \end{array} \right\}$  in demselben Maße.

Folglich  $\left\{ \begin{array}{l} skt AEG\Delta - \Delta AEG \text{ d. i. } sgm A\Delta\Gamma K = 14^p 51', \\ skt A\Theta\Gamma Z - \Delta A\Theta\Gamma \text{ d. i. } sgm AZ\Gamma K = 4^p 36'. \end{array} \right.$

Hei 518 Mithin  $fl AZ\Gamma\Delta = 19^p 27'$  wie  $krfl AB\Gamma\Delta = 113^p 6'$ .

25 Setzt man  $krfl AB\Gamma\Delta = 12$ ,

so wird  $fl AZ\Gamma\Delta = 2^{1/15}$  ohne beträchtlichen Fehler.

a) Die Multiplikation  $31^p 12' \times 3^{17/120}$  gibt  $98^p \frac{1}{50}$ ; indessen  
 beruht das Ergebnis  $764^p 32'$  auf dem Ansatz  $\frac{98^p 1' \cdot 15^p 36'}{2}$ ,  
 d. i. Umfang mal Halbmesser durch 2.

Diesen Betrag der von der Verfinsternung eingenommenen Fläche werden wir in der nämlichen Tabelle zu der Zeile, in welcher „3 Zoll“ steht, in die dritte für den Mond geltende Spalte setzen.

### Achtes Kapitel. Finsternistabellen.

I. Tabellen der Sonnenfinsternisse  
bei  
größter Entfernung                      kleinster Entfernung  
des Mondes.

{ Ha 426  
  Hei519

1		2		3		4	
Argumentzahlen der Breite		Zolle	Dauer des Ein- und Austritts	Argumentzahlen der Breite		Zolle	Dauer des Ein- und Austritts
84° 0'	276° 0'	0	0' 0''	83°36'	276°24'	0	0' 0''
84 30	275 30	1	12 32	84 6	275 54	1	12 57
85 0	275 0	2	17 19	84 36	275 24	2	17 54
85 30	274 30	3	20 43	85 6	274 54	3	21 28
86 0	274 0	4	23 27	85 36	274 24	4	24 14
86 30	273 30	5	25 38	86 6	273 54	5	26 27
87 0	273 0	6	27 8	86 36	273 24	6	28 16
87 30	272 30	7	28 29	87 6	272 54	7	29 45
88 0	272 0	8	29 32	87 36	272 24	8	30 55
88 30	271 30	9	30 20	88 6	271 54	9	31 51
89 0	271 0	10	30 54	88 36	271 24	10	32 33
89 30	270 30	11	31 13	89 6	270 54	11	33 1
90 0	270 0	12	31 20	89 36	270 24	12	33 16
90 30	269 30	11	31 13	90 0	270 0	12 <sup>1/5</sup>	33 22
91 0	269 0	10	30 54	90 24	269 36	12	33 16
91 30	268 30	9	30 20	90 54	269 6	11	33 1
92 0	268 0	8	29 32	91 24	268 36	10	32 33
92 30	267 30	7	28 29	91 54	268 6	9	31 51
93 0	267 0	6	27 8	92 24	267 36	8	30 55
93 30	266 30	5	25 38	92 54	267 6	7	29 45
94 0	266 0	4	23 27	93 24	266 36	6	28 16
94 30	265 30	3	20 43	93 54	266 6	5	26 27
95 0	265 0	2	17 19	94 24	265 36	4	24 14
95 30	264 30	1	12 32	94 54	265 6	3	21 28
96 0	264 0	0	0 0	95 24	264 36	2	17 54
				95 54	264 6	1	12 57
				96 24	263 36	0	0 0

II Tabellen der Mondfinsternisse  
bei  
größter Entfernung                      kleinster Entfernung

1		2		3		4		5		1		2		3		4		5		
Argument- zahlen der Breite		Zolle		Dauer d. Aus.-u. Eintritts		Halbe Dauer der Totalität				Argument- zahlen der Breite		Zolle		Dauer d. Aus.-u. Eintritts		Halbe Dauer der Totalität				
79° 12'	280° 48'	0	0' 0"							77° 48'	282° 12'	0	0' 0"							
79 42	280 18	1	16 59							78 22	281 38	1	19 9							
80 12	279 48	2	23 43							78 56	281 4	2	26 45							
80 42	279 18	3	28 41							79 30	280 30	3	32 20							
81 12	278 48	4	32 42							80 4	279 56	4	36 53							
81 42	278 18	5	36 6							80 38	279 22	5	40 42							
82 12	277 48	6	39 1							81 12	278 48	6	43 59							
82 42	277 18	7	41 34							81 46	278 14	7	46 53							
83 12	276 48	8	43 50							82 20	277 40	8	49 25							
83 42	276 18	9	45 48							82 54	277 6	9	51 40							
84 12	275 48	10	47 35							83 28	276 32	10	53 39							
84 42	275 18	11	49 9							84 2	275 58	11	55 25							
85 12	274 48	12	50 31							84 36	275 24	12	56 59							
85 42	274 18	13	40 35	11' 9"						85 10	274 50	13	45 47	12' 34"						
86 12	273 48	14	37 28	15 20						85 44	274 16	14	42 15	17 17						
86 42	273 18	15	35 30	18 12						86 18	273 42	15	40 2	20 32						
87 12	272 48	16	34 6	20 22						86 52	273 8	16	38 28	22 58						
87 42	272 18	17	33 7	22 0						87 26	272 34	17	37 20	24 49						
88 12	271 48	18	32 23	23 14						88 0	272 0	18	36 37	26 1						
88 42	271 18	19	31 51	24 8						88 34	271 26	19	35 55	27 13						
89 12	270 48	20	31 32	24 43						89 8	270 52	20	35 34	27 42						
89 42	270 18	21	31 22	25 1						89 42	270 18	21	35 22	28 12						
90 0	270 0	zentral	31 20	25 4						90 0	270 0	zentral	35 20	28 6						
90 18	269 42	21	31 22	25 1						90 18	269 42	21	35 22	28 12						
90 48	269 12	20	31 32	24 43						90 52	269 8	20	35 34	27 42						
91 18	268 42	19	31 51	24 8						91 26	268 34	19	35 55	27 13						
91 48	268 12	18	32 23	23 14						92 0	268 0	18	36 37	26 1						
92 18	267 42	17	33 7	22 0						92 34	267 26	17	37 20	24 49						
92 48	267 12	16	34 6	20 22						93 8	266 52	16	38 28	22 58						
93 18	266 42	15	35 30	18 12						93 42	266 18	15	40 2	20 32						
93 48	266 12	14	37 28	15 20						94 16	265 44	14	42 15	17 17						
94 18	265 42	13	40 35	11 9						94 50	265 10	13	45 47	12 34						
94 48	265 12	12	50 31							95 24	264 36	12	56 59							
95 18	264 42	11	49 9							95 58	264 2	11	55 25							
95 48	264 12	10	47 35							96 32	263 28	10	53 39							
96 18	263 42	9	45 48							97 6	262 54	9	51 40							
96 48	263 12	8	43 50							97 40	262 20	8	49 25							
97 18	262 42	7	41 34							98 14	261 46	7	46 53							
97 48	262 12	6	39 1							98 48	261 12	6	43 59							
98 18	261 42	5	36 6							99 22	260 38	5	40 42							
98 48	261 12	4	32 41							99 56	260 4	4	36 53							
99 18	260 42	3	28 41							100 30	259 30	3	32 20							
99 48	260 12	2	23 43							101 4	258 56	2	26 45							
100 18	259 42	1	16 59							101 38	258 22	1	19 9							
100 48	259 12	0	0 0							102 12	257 48	0	0 0							

Korrektionstabelle.

Argumentzahlen der Anomalie		Sechzigstel der Unter- schiede	Argumentzahlen der Anomalie		Sechzigstel der Unter- schiede
6°	354°	0' 21''	96°	264°	31' 48''
12	348	0 42	102	258	34 54
18	342	1 42	108	252	38 0
24	336	2 42	114	246	41 0
30	330	4 1	120	240	44 0
36	324	5 21	126	234	46 45
42	318	7 18	132	228	49 30
48	312	9 15	138	222	51 39
54	306	11 37	144	216	53 48
60	300	14 0	150	210	55 32
66	294	16 48	156	204	57 15
72	288	19 36	162	198	58 18
78	282	22 36	168	192	59 21
84	276	25 36	174	186	59 41
90	270	28 42	180	180	60 0

Flächentabelle.

Zolle	Quadratzolle		Zolle	Quadratzolle	
	der Sonne	des Mondes		der Sonne	des Mondes
1	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{2}$	7	$5\frac{5}{6}$	$6\frac{3}{4}$
2	1	$1\frac{1}{6}$	8	7	8
3	$1\frac{3}{4}$	$2\frac{1}{15}$	9	$8\frac{1}{3}$	$9\frac{1}{6}$
4	$2\frac{2}{3}$	$3\frac{1}{6}$	10	$9\frac{2}{3}$	$10\frac{1}{3}$
5	$3\frac{2}{3}$	$4\frac{1}{3}$	11	$10\frac{5}{6}$	$11\frac{1}{3}$
6	$4\frac{2}{3}$	$5\frac{1}{2}$	12	12	12

## Neuntes Kapitel.

## Berechnung von Mondfinsternissen.

Ha 431 }  
Hei 523 } Nachdem vorstehende Erklärungen vorausgeschickt worden sind, werden wir die Berechnung der Mondfinsternisse auf folgende Weise vornehmen. Zunächst stellen wir für den Vollmond, dem die Untersuchung gilt, nach der in Alexandria für die mittlere Syzygie geltenden Stunde erstens die Zahl der Grade der sogenannten Anomalie von dem Apogäum des Epizykels ab fest, zweitens die Zahl der Grade der Breite von dem nördlichen Grenzpunkt ab.<sup>50)</sup>

Hierauf gehen wir nach Anbringung der Anomaliedifferenz<sup>a)</sup> zuerst mit der Zahl der Breite in die Tabellen der Mondfinsternisse ein. Fällt sie in das Bereich der Argumentzahlen der ersten zwei Spalten, so werden wir uns die Beträge, welche bei der Zahl der Breite nach jeder der beiden Tabellen in den Spalten für die Laufstrecken und in den Spalten für die Zolle stehen, getrennt für sich notieren. Dann gehen wir mit der Zahl der Anomalie in die Korrektions-tabelle ein, nehmen so viele Sechzigstel, als bei ihr stehen, von der Differenz der aus beiden Tabellen notierten Zolle (der dritten) und Gradteile (der vierten Spalte) und addieren den erhaltenen Bruchteil zu den aus der ersten Tabelle entnommenen Beträgen. Wenn jedoch der Fall vorliegt, daß die Zahl der Breite nur in das Bereich der zweiten Tabelle fällt<sup>b)</sup>, so nehmen wir die (in der Korrektions-tabelle) gefundenen Sechzigstel von den Zollen und den Gradteilen,

a) Weil die Argumentzahlen der Finsternistabellen die scheinbaren Mondörter angeben.

b) Dies wird der Fall sein, wenn die Anomaliezahl genau  $180^\circ$  beträgt, d. h. wenn der Mond im Perigeum des Epizykels, mithin in der kleinsten Entfernung steht, für welche die zweite Tabelle bestimmt ist. Die in der Korrektions-tabelle bei  $180^\circ$  stehenden  $\frac{60}{100}$  bedeuten, daß die Zahlen für Zolle und Gradteile voll zu nehmen sind, wie sie die zweite Tabelle bietet.

welche nur in dieser Tabelle stehen, und werden sagen: Ha 432  
 die Verfinsterung wird zur Zeit der Finsternismitte so viele  
 Zwölftel des Monddurchmessers betragen, als wir gefunden  
 haben, daß bei der vorgenommenen Korrektion Zolle heraus-  
 gekommen sind. Zu den Sechzigsteln (der Gradeile) aber, 5  
 welche sich bei der nämlichen Korrektion ergeben haben,  
 addieren wir in jedem Falle ein Zwölftel davon für das Stück,  
 welches die Sonne sich weiterbewegt, und dividieren mit der  
 zurzeit geltenden stündlichen ungleichförmigen Bewegung  
 des Mondes (vgl. S. 348, 3). In dem Quotienten erhalten 10  
 wir den Betrag an Äquinoktialstunden für die Dauer der  
 einzelnen Phasen der Finsternis: aus der vierten Spalte  
 ergibt sich je für sich die Dauer des Eintritts und die  
 Dauer des Austritts, und aus der fünften die halbe Dauer  
 der Totalität. Ohne weiteres ergibt sich ferner die Stunden- 15  
 epoche (d. i. Tageszeit) für den Anfang des Eintritts, wenn  
 wir von der Zeit der Mitte der Totalität, welche ohne be-  
 trächtlichen Fehler (vgl. S. 378, 11) die Zeit des genauen  
 Vollmonds ist<sup>a)</sup>, die für die Dauer des Eintritts und die  
 halbe Totalitätsdauer gefundenen Beträge abziehen, end- 20  
 lich die Stundenepoche für das Ende des Austritts, wenn  
 wir die für die Dauer des Austritts und die halbe Totali-  
 tätsdauer gefundenen Beträge zu der Zeit der Mitte der  
 Totalität addieren. Ebenfalls ohne weiteres finden wir  
 dadurch, daß wir mit den Zwölfteln des Durchmessers in 25  
 die letzte kleine Tabelle eingehen, aus den Ansätzen der dritten  
 Spalte die Zwölftel der ganzen Flächen [wie die für die Sonne  
 aus den Ansätzen der zweiten Spalte].<sup>b)</sup>

Es versteht sich von selbst, daß nicht in allen Fällen die Hei 525  
 Zeit vom Beginn der Finsternis bis zur Mitte gleich ist der 30  
 Zeit von der Mitte bis zum Zeitpunkt des Endes. Der Grund  
 liegt in der Anomalie der Sonne und des Mondes, in Folge  
 welcher die gleichgroßen Strecken in ungleichen Zeiten zu-  
 rückgelegt werden. Für die sinnliche Wahrnehmung dürfte Ha 433

a) Diese Zeit muß nach der Vollmondstabelle bereits fest-  
 gestellt sein.

b) Offenbar ein nicht hergehöriger Zusatz.

indessen die Annahme, daß diese Zeiten nicht ungleich sind, keinen beträchtlichen Fehler hinsichtlich der Erscheinungen im Gefolge haben; denn selbst wenn Sonne und Mond sich in den Stellen des mittleren Laufs befinden, wo sich die 5 Differenzen hinsichtlich der Zunahme (ihrer Geschwindigkeiten) stärker geltend machen, verursacht der Lauf, welcher sich auf so wenige Stunden beschränkt, wie auf die Gesamtzeit einer totalen Finsternis entfallen, absolut keine bemerkbare Differenz in dem Unterschied (der beiden vor und nach 10 der Mitte liegenden Zeiten).

Daß wir richtig herausgefunden haben, daß der von Hipparch nachgewiesene Umlauf des Mondes in Breite mit einem Fehler behaftet ist, insofern nach seiner Annahme der in 15 der Zwischenzeit der von ihm behandelten Finsternisse erreichte Überschuß sich als zu klein erwies, während der nach unserer Berechnung (S. 240, 23) festgestellte größer ist, läßt sich aus der Nachprüfung desselben Materials un- schwer erkennen.

Hipparch wählte nämlich zu dem Nachweis des Umlaufs 20 in Breite zwei Mondfinsternisse, welche innerhalb 7160 synodischer Monate stattgefunden haben. Bei beiden war in Hei 526 derselben Position vom aufsteigenden Knoten ab<sup>a)</sup> der vierte Teil des Monddurchmessers verfinstert. Die erste Finsternis ist im zweiten Jahre des Mardokempad (S. 241, 20 : 8. März 25 720 v. Chr.) beobachtet worden, die zweite im 37<sup>ten</sup> Jahre der dritten Kallippischen Periode (S. 351, 10 : 27. Januar 141 v. Chr.). Bei Verwendung dieser Finsternisse zum Nachweis der Wiederkehr betont er den Umstand, daß bei jeder derselbe Lauf in Breite glatt ausgeglichen vorliege, insofern 30 die erste Finsternis stattgefunden habe, als der Mond genau im Apogeum<sup>b)</sup> des Epizykels stand, und die zweite, als er

a) Bei der ersten Finsternis lag (S. 243, 19) der mittlere Ort des Mondes in Breite  $10^{\circ}34'$  über den aufsteigenden Knoten hinaus, bei der zweiten ergibt die Nachprüfung  $280^{\circ}45'$  mittlere Breite. Folglich ist (S. 351, 28)  $280^{\circ}36'$  die genaue Zahl.

b) Nach S 242, 22 betrug die Entfernung  $12^{\circ}24'$  über das Apogeum hinaus mit der Anomaliedifferenz  $0^{\circ}59'$ .

genau im Perigeum stand; aus diesem Grunde sei, wie er wenigstens meinte, keine Differenz infolge der Anomalie Ha 434 eingetreten. Gerade hierin liegen aber die Fehler, die er macht.

Erstens trat infolge der Anomalie eine ziemlich beträchtliche 5  
Differenz ein, insofern bei beiden Finsternissen die gleichförmige Bewegung (in Länge und Breite) nicht um den gleichen Betrag größer gefunden wird als die genaue, sondern bei der ersten (im Apogeum) ohne merklichen Fehler um  $1^\circ$ , bei der zweiten (im Perigeum) um  $\frac{1}{8}^\circ$  größer<sup>a)</sup>, 10  
so daß demgemäß an dem Umlauf in Breite zur ganzen Wiederkehr ( $1^\circ - \frac{1}{8}^\circ = \frac{7}{8}^\circ$ ) von solchen Graden fehlen, wie der schiefe Kreis deren 360 hat<sup>b)</sup>.

Zweitens hat er auch den infolge der (wechselnden) Entfernungen des Mondes eintretenden Unterschied in der Größe 15  
der Verfinsterungen nicht mit in Rechnung gezogen, der bei diesen Finsternissen gerade das Maximum erreicht haben mußte, weil die erste stattgefunden hat, als der Mond in seiner größten Entfernung stand, die zweite, als er in der Hei 527  
kleinsten stand; denn die genau wieder ein Viertel be- 20  
tragende Verfinsterung mußte bei der ersten Finsternis in geringerer Entfernung ( $9^\circ 18'$ ) von dem aufsteigenden Knoten erfolgen, bei der zweiten dagegen in größerer ( $10^\circ 30'$ ). Den Differenzbetrag dieser Entfernungen haben wir (Tab. 1, Z. 4 u. Tab. 2, Z. 4 bei dreizölliger Finsternis) zu ( $280^\circ 30' - 25$   
 $279^\circ 18' =$ )  $1^\circ 12'$  nachgewiesen. Daher muß, von dieser Seite betrachtet, der Umlauf in Breite nach Abzug ganzer Wiederkehren um diesen ansehnlichen Betrag zu groß sein.

Käme es nur auf den Betrag an, der sich auf Grund der 30  
Irrung an sich einstellt, so würde die periodische Wieder-

a) Nach S. 351, 26 betrug die Entfernung vom Apogeum  $178^\circ 46'$ ; der Mond stand demnach  $1^\circ 14'$  vor dem Perigeum, wozu die Anomaliedifferenz  $0^\circ 7' 30''$ , d. i. genau  $\frac{1}{8}^\circ$  beträgt.

b) Von demselben genauen Ort aus liegt der gleichförmige der ersten Finsternis  $1^\circ$ , der der zweiten  $7' 30''$  weiter vorwärts, was einen Fehlbetrag von  $52' 30''$  ergibt.

kehr in Breite um rund  $2^{\circ}$ , die sich aus beiden Fehlern summieren, fehlerhaft geworden sein, wenn zufällig beide Fehler die Differenz verminderten, oder beide sie vermehrten. Da aber der erste Fehler die Wiederkehr verkürzte, während der zweite sie vergrößerte, so stellte sich nur dank einem günstigen Zufall, von dessen aufhebender Wirkung vielleicht auch Hipparch schon eine Ahnung hatte, das Ergebnis ein, daß der Überschuß der Wiederkehr nur um den dritten Teil eines Grades, d. i. um die Differenz der beiden Fehler ( $1^{\circ}12' - 0^{\circ}52' = 0^{\circ}20'$ ) zu groß wurde.

## Zehntes Kapitel.

### Berechnung von Sonnenfinsternissen.

Die Feststellung der Mondfinsternisse dürfte sich, da sie sich auf die angegebenen Operationen beschränkt, mit gutem Erfolg durchführen lassen, sobald die Berechnungen genau nach Vorschrift gehandhabt werden. Komplizierter ist wegen der Parallaxen des Mondes die Berechnung der Sonnenfinsternisse, welche wir jetzt folgen lassen. Wir werden dieselbe auf folgende Weise vornehmen.

Zunächst stellen wir den für Alexandria geltenden Zeitpunkt der genauen Konjunktion nach der Zahl der Äquinoktialstunden vor oder nach Mittag (nach der Tabelle der Konjunktionen) fest. Falls die zugrundegelegte geographische Breite des Wohnortes, auf den die Untersuchung sich bezieht, eine andere ist, d. h. wenn dieser Ort nicht unter demselben Meridian wie Alexandria liegt, so addieren oder subtrahieren wir (vgl. S. 130, 3) den Unterschied in Länge, der sich zwischen den beiden Meridianen in den Äquinoktialstunden ausdrückt, und erfahren dadurch, wie viel Äquinoktialstunden vor oder nach Mittag auch an jenem Orte der Zeitpunkt der genauen Konjunktion eingetreten ist. Hierauf werden wir zuerst auch den Zeitpunkt der scheinbaren Konjunktion für die geographische Breite, der die Untersuchung gilt, zahlenmäßig feststellen, da er ohne beträchtlichen Fehler (vgl. S. 378, 11) mit der Finsternis-

mitte zusammenfallen wird. Wir gehen dabei von dem Verfahren aus, welches von uns in dem Kapitel von den Ha 436 Parallaxen (S. 324 f.) näher erklärt worden ist.

Wir bestimmen teils aus der Winkeltabelle, teils aus der Parallaxentafel, unter gehöriger Berücksichtigung erstens 5 der geographischen Breite, zweitens des Stundenabstandes von dem Meridian, drittens des Teiles der Ekliptik, in welchem die Konjunktion stattfindet, endlich viertens mit Rücksicht auf die Entfernung des Mondes, zunächst diejenige Parallaxe des Mondes, welche auf dem durch Zenit und 10 Mondzentrum gehenden größten (Höhen-) Kreise gemessen wird. Von dieser ziehen wir jedesmal die in derselben Zeile stehende Parallaxe der Sonne ab und berechnen aus dem Rest, wie (S. 325 f.) gezeigt worden ist, mit Hilfe des an Hei 529 dem Schnittpunkt der Ekliptik und des durch den Zenit 15 gehenden größten (Höhen-) Kreises gefundenen Winkels den Betrag der Parallaxe, welche nur auf den Lauf in Länge entfällt. Zu ihr addieren wir jedesmal den Unterschied der weiterhin eintretenden Parallaxe, welcher auf die ihr entsprechenden Zeitgrade entfällt, d. h. die wieder allein auf 20 die Längenparallaxe entfallenden Gradteile des Unterschieds der aus derselben Tafel zu entnehmenden Differenz zwischen den zwei Parallaxen, welche bei dem ersten Zenitabstand und bei dem mit dem Zusatz der Zeitgrade versehenen (d. i. um so viel später eintretenden) Zenitabstand angesetzt sind, wo 25 zu, wenn er wahrnehmbar ist, derjenige Teil von Gradteilen kommt, welcher schon von der ersten Parallaxe den Teilbetrag (der Längenparallaxe) ausmachte. Zu den so summierten Gradteilen der ganzen Längenparallaxe addieren wir nun wieder  $\frac{1}{12}$  davon für das Stück, welches die Sonne sich 30 weiterbewegt, und verwandeln die Summe dadurch in Äquinoctialstunden, daß wir in dieselbe mit der für die Zeit der Ha 437 Konjunktion geltenden stündlichen ungleichförmigen Bewegung des Mondes (vgl. S. 348, 3) dividieren.

Ist die Längenparallaxe in der Richtung der Zeichen 35 wirksam — nach welchem Zahlenverhältnis der sich so äußernde Unterschied bestimmt wird, ist in einem früheren

Kapitel (S. 327, 11) gezeigt worden —, so subtrahieren wir die in Äquinoktialstunden verwandelten Gradteile von den  
 Hei 530 für die genaue Zeit der Konjunktion schon vorher berechneten Graden des Mondes in Länge, Breite und Anomalie,  
 5 und zwar wird jede Subtraktion für sich getrennt ausgeführt. Dadurch werden wir die genauen Örter des Mondes zur Zeit der scheinbaren Konjunktion erhalten und zugleich gefunden haben, um wieviel Stunden die scheinbare Konjunktion vor der genauen eintritt.

10 Ist dagegen die Längenparallaxe gegen die Richtung der Zeichen wirksam gefunden worden, so werden wir umgekehrt die betreffenden Gradteile zu den für die genaue Zeit der Konjunktion schon vorher berechneten Örtern in Länge,  
 Breite und Anomalie addieren, und zwar zu jedem für sich,  
 15 und werden somit die Stunden erhalten, um welche die scheinbare Konjunktion später als die genaue eintritt.

Nun stellen wir ferner nach dem für die scheinbare Konjunktion geltenden Stundenabstand von dem Meridian vermittels desselben Verfahrens fest, wie groß die Parallaxe des  
 20 Mondes zunächst auf dem durch Mond und Zenit gehenden größten (Höhen-) Kreise ist, und ziehen von dem gefundenen Betrag die bei derselben Argumentzahl angegebene Parallaxe der Sonne ab. Aus dem Rest berechnen wir nun wieder nach dem im vorliegenden Fall am Schnittpunkt der Kreise  
 Hei 438 gefundenen Winkel die auf dem zur Ekliptik senkrechten  
 26 (Breiten-) Kreise eintretende Breitenparallaxe und verwandeln die sich ergebenden Gradteile durch Multiplikation mit 12 in die auf den schiefen Kreis entfallenden Grade.<sup>a)</sup>

Hei 531 Äußert nun die Breitenparallaxe ihre Wirkung nördlich  
 30 der Ekliptik, so werden wir, wenn der Mond in der Nähe des aufsteigenden Knotens steht (z. B. mit  $275^{\circ}$  Lauf in Breite), die als Ergebnis erhaltenen Grade (des schiefen Kreises) zu dem für die Zeit der scheinbaren Konjunktion

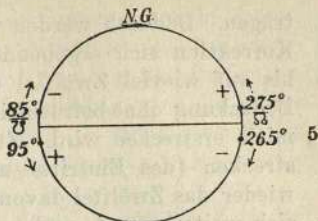
a) Eine Erklärung dafür, daß die auf den schiefen Kreis entfallenden Grade das Zwölffache der Breitenparallaxe sein sollen, vermag ich nicht zu finden. Die Berechnung scheint mit dem S. 355, 4 erwähnten Verhältnis  $1 : 11\frac{1}{2}$  zusammenzuhängen.

schon vorher berechneten Lauf in Breite addieren; steht er aber in der Nähe des niedersteigenden (z. B. mit  $85^\circ$  Lauf in Breite), so werden wir sie subtrahieren.

Äußert dagegen die Breitenparallaxe ihre Wirkung südlich der Ekliptik, so werden wir um-

gekehrt, wenn der Mond in der Nähe des aufsteigenden Knotens steht (z. B. mit  $265^\circ$  Lauf in Breite), die aus der Parallaxe erwachsenden Grade (des schiefen Kreises) von den für die Zeit der scheinbaren Konjunktion schon vorher berechneten Graden (des Laufs) der Breite abziehen, während wir sie in der Nähe des niedersteigenden Knotens (z. B. bei  $95^\circ$  Lauf in Breite) addieren werden.

Auf diese Weise werden wir die zur Zeit der scheinbaren Konjunktion geltende Zahl der scheinbaren Breite<sup>a)</sup> erhalten, mit welcher wir nunmehr in die Tabellen der Sonnenfinsternisse eingehen. Fällt sie in das Bereich der Argumentzahlen der beiden ersten Spalten, so werden wir sagen: es wird eine Sonnenfinsternis geben, deren Mitte ohne beträchtlichen Fehler mit der Zeit der scheinbaren Konjunktion zusammenfällt. Nachdem wir den Betrag der bei der Argumentzahl der scheinbaren Breite angegebenen Zolle und der Gradteile sowohl des Eintritts wie des Austritts aus jeder der beiden Tabellen getrennt für sich entnommen haben, gehen wir weiter mit der Zahl der Anomalie des Mondes, welche für die Zeit der scheinbaren Konjunktion die Entfernung von dem Apogeum (des Epizykels) angibt, in die Korrektionsstabelle ein, nehmen die bei ihr stehenden Sechzigstel, so viele es sind, von der Differenz der für sich notierten Beträge und addieren den Bruchteil jedesmal zu den aus der ersten Tabelle entnommenen Be-



a) D. i. die Zahl der Grade, durch welche die Entfernung des scheinbaren, d. i. des von der Parallaxe beeinflussten Mondortes von dem nördlichen Grenzpunkt angegeben wird, wie sie in den ersten Spalten der Tabellen für die Sonnenfinsternisse verzeichnet wird.

tragen. Dadurch werden wir die aus der so vorgenommenen Korrektion sich ergebenden Zolle erhalten, die angeben, bis auf wieviel Zwölftel des Sonnendurchmessers sich die Bedeckung ohne beträchtlichen Fehler zur Zeit der Finsternis-  
 5 mitte erstrecken wird. Zu den Gradteilen der beiden Laufstrecken (des Eintritts und Austritts) aber addieren wir wieder das Zwölftel davon für das Stück, welches die Sonne sich weiterbewegt, und verwandeln die Summe nach Maßgabe der (stündlichen) ungleichförmigen Bewegung des Mondes  
 10 in Äquinoktialstunden. In dem Ergebnis werden wir einerseits die Dauer des Eintritts, andererseits die Dauer des Austritts erhalten, jedoch unter der Voraussetzung, daß hinsichtlich dieser Zeiten keinerlei Differenz infolge der Parallaxen weiter hinzutritt.

15 Nun gibt es allerdings eine wahrnehmbare Ungleichheit hinsichtlich dieser Zeiten, und zwar infolge der Parallaxen des Mondes, nicht wegen der Anomalie der Lichtkörper. Da infolgedessen jede der beiden Zeiten für sich jedesmal größer ausfällt als die vorläufig angesetzten Beträge und  
 20 in den meisten Fällen beide einander ungleich werden, so wollen wir auch diese Ungleichheit nicht unerörtert lassen, wenn sie zufälligerweise auch nur gering ist.

Der Eintritt dieser Erscheinung ist eine Folge davon, daß bei dem scheinbaren Lauf des Mondes infolge der Parallaxen  
 25 jederzeit sozusagen der Schein einer rückläufigen Bewegung entsteht, als ob an ihm keine Eigenbewegung in der Richtung der Zeichen wahrgenommen würde. Wenn der Mond nämlich seinen scheinbaren Lauf vor dem Meridian verfolgt, so macht  
 Ha 440 er den Eindruck, indem er allmählich höher steigt und nach  
 30 Osten zu eine immer kleinere (Längen-)Parallaxe bekommt  
 Hei 533 als die vorhergehende, als ob er den Fortschritt in der Richtung der Zeichen langsamer bewerkstelligte. Verfolgt er aber seinen Lauf jenseits des Meridians, so macht er den Eindruck, indem er allmählich wieder tiefer sinkt und nach  
 35 Westen zu eine immer größere (Längen-)Parallaxe als die vorhergehende bekommt, als ob er ebenfalls wieder den Fortschritt in der Richtung der Zeichen langsamer bewerk-

stelligte. Deshalb werden also die obengenannten Zeiten jederzeit größer sein als die schlechthin ohne diese Rücksicht gewonnenen. Da aber in den Differenzen der Parallaxen ein immer größerer Unterschied wahrnehmbar wird, je näher am Meridian der Lauf sich vollzieht, so müssen auch die 5  
Zeiten der Finsternisse, je näher am Meridian, um so langsamer verlaufen.

Aus diesem Grunde wird nur dann, wenn die Zeit der Finsternismitte genau auf die Mittagstunde fällt, die Zeit des Eintritts der Zeit des Austritts gleich sein, da in diesem 10  
Falle auch der infolge der Parallaxe eintretende Schein der Rückläufigkeit (des Mondes) auf beiden Seiten (des Meridians) nahezu die gleiche Größe erreicht. Fällt aber die Zeit der Finsternismitte vor Mittag, so wird die Zeit des Austritts, weil sie dem Meridian näher liegt, größer werden, fällt sie 15  
nach Mittag, die Zeit des Eintritts, weil dann diese dem Meridian näher liegt.

Um nun auch die in dieser Beziehung erforderliche Korrektion der Zeiten anzubringen, werden wir erstens auf die (S. 400, 10) mitgeteilte Weise die vor dieser Korrektion Hei 534  
sich ergebende Zeit der beiden in Frage stehenden Laufstrecken 21  
feststellen, und zweitens den zur Zeit der Finsternismitte Ha 441  
stattfindenden Zenitabstand.

Es betrage beispielshalber jede der beiden Zeiten eine Äquinoktialstunde, und der Zenitabstand sei gleich  $75^{\circ}$ . 25  
Demnach werden wir in der Parallaxentafel die bei der Argumentzahl 75 stehenden Sechzigteile der Parallaxe aufsuchen, beispielshalber unter der Annahme, daß der Mond in seiner größten Entfernung stehe, für welche die in der dritten Spalte angesetzten Zahlen zu nehmen sind. Da finden wir, daß 30  
auf  $75^{\circ}$  der Betrag  $52'$  entfällt. Da nun die Zeit des Eintritts und des Austritts, theoretisch im Mittel genommen, nach Annahme je eine Äquinoktialstunde von  $15^{\circ}$  Äquatorgraden beträgt, so ziehen wir letztere von  $75^{\circ}$  Zenitabstand ab und finden für den Rest  $60^{\circ}$  die in derselben (dritten) 35  
Spalte stehenden Sechzigteile der Parallaxe mit  $47'$ . Mit hin beträgt das westliche Voraussein infolge der Parallaxe

für den am Meridian gelegenen mittleren Lauf (des Eintritts) ( $52' - 47' = 5'$ ). Addieren wir aber die (15) Äquatorgrade zu  $75^0$ , so finden wir für die Summe  $90^0$  in derselben Spalte als Betrag der ganzen Parallaxe  $53'30''$ . Mithin beträgt

5 auch hier das westliche Voraussein für den am Horizont liegenden Lauf (des Austritts) ( $53'30'' - 52' = 1'30''$ ). Von den gefundenen Differenzen ( $5'$  und  $1'30''$ ) nehmen wir nun

HeI 535 die auf die Länge entfallenden Beträge und verwandeln jeden derselben, wie (S. 348, 20) mitgeteilt ist, nach der ungleich-

10 förmigen Bewegung des Mondes in einen Bruchteil der Äquinoktialstunde. Den beiderseits sich ergebenden Betrag

Ha 442 addieren wir nun zu jeder der beiden schlechthin im Mittel genommenen Zeiten des Eintritts und des Austritts in zugehöriger Weise, d. h. den größeren Betrag zu der Zeit für

15 die näher am Meridian liegende Laufstrecke, den kleineren zu der Zeit für die näher am Horizont liegende. Wie man sieht, haben sich als Differenz der vorher angesetzten Zeiten ( $5' - 1'30'' = 3'30''$ ) (Raum-)Minuten herausgestellt, welche etwa dem  $9^{\text{ten}}$  Teile einer Äquinoktialstunde

20 (d. i.  $6\frac{2}{3}^m$ ) entsprechen, insofern in dieser Zeit der Mond (bei der stündlichen mittleren Bewegung in Länge von  $32'56''$ ) diese  $3'30''$  in mittlerer Bewegung zurücklegen wird. Es erübrigt nur noch sofort auch die Äquinoktialstunden, wenn wir wollen, auf dem in dem vorbereitenden Teil unseres Hand-

25 buches (S. 98, 32) mitgetheilten Wege für jeden Meridianabstand in die entsprechenden bürgerlichen Stunden zu verwandeln.

### Elftes Kapitel.

#### Die bei den Finsternissen gebildeten Positionswinkel.

Unsere weitere Aufgabe ist, die bei den Finsternissen gebildeten Positionswinkel in Betracht zu ziehen. Die Untersuchung dieses Gegenstandes hat ihr Augenmerk erstens auf

30 die von den Verfinsterungen selbst mit der Ekliptik gebildeten Positionswinkel zu richten, zweitens auf die von der Ekliptik ihrerseits mit dem Horizont gebildeten.

Die eingehende Behandlung einer jeden dieser beiden Arten von Positionswinkeln würde für jede einzelne Phase der Finsternis die Rücksichtnahme auf einen überaus großen, ja schier unkontrollierbaren Wechsel hinsichtlich der Lagenveränderungen erheischen, wenn man auf die Positionswinkel, Hel 536 die während der ganzen Dauer eintreten können, eine höchst 6 überflüssige Mühe verwenden wollte; denn eine so weit gehende Voraussage ist durchaus nicht notwendig und hat auch gar keinen praktischen Wert. Da nämlich die Lage der Ekliptik Ha 443 zum Horizont theoretisch nach dem Horizontort ihrer auf- 10 oder untergehenden Punkte betrachtet wird, so müssen, weil während der Dauer der Finsternis die auf- und untergehenden Teile der Ekliptik fortlaufend andere werden, auch die von ihnen mit dem Horizont gebildeten Schnittpunkte einer fortlaufenden Veränderung unterworfen sein. Da ferner die 15 von den Verfinsterungen mit der Ekliptik selbst gebildeten Positionswinkel der Theorie nach auf dem durch die beiden Mittelpunkte des Mondes und des Schattens oder der Sonne gehenden größten Kreis beruhen, so muß wieder, weil das Mondzentrum während der Dauer der Finsternis weiterrückt, 20 auch der durch die beiden Mittelpunkte gehende Kreis immer wieder eine andere Lage zur Ekliptik einnehmen und so die an den Schnittpunkten dieses Kreises mit der Ekliptik gebildeten Winkel fortlaufend ungleich machen.

Da nun die Untersuchung des Gegenstandes genügend 25 ausfallen wird, wenn sie ausschließlich für die besonders charakteristischen Phasen der Verfinsterungen und nur nach allgemeiner Schätzung der theoretisch auf den Horizont bezogenen Bogen <sup>a)</sup> vorgenommen wird, so wird es möglich sein, wenn wir unser Augenmerk auf die betreffende Er- 30 scheinung richten, vermöge einer auf beide Arten der Positionswinkel eingehenden theoretischen Betrachtung die besonders Hel 537

a) Es sind die Horizontbogen, welche vom Ost- und Westpunkt aus die Abstände der Punkte messen, in welchen die Teile der Ekliptik auf- und untergehen. Steht die Sonne in dem auf- oder untergehenden Grad der Ekliptik, so werden diese Abstände die Morgen- und Abendweiten der Sonne genannt.

günstig sich darbietenden Positionswinkel ohne weiteres zu taxieren. Denn eine, wie gesagt, auf allgemeiner Schätzung beruhende Bestimmung ist bei diesem Gegenstand ausreichend. Gleichwohl werden wir versuchen, um das Kapitel nicht  
 5 übergangen zu haben, auch für die Inangriffnahme dieser Aufgabe einige möglichst leicht durchführbare Methoden mitzuteilen.

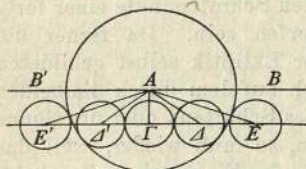
I. Als besonders charakteristische Phasen der Verfinsterungen haben auch wir angenommen:

Ha 444

11 1. Die erste Phase der Verfinsterung ( $\angle BAE$ ), welche mit Beginn der Gesamtzeit der Finsternis eintritt.

2. Die letzte Phase der Verfinsterung ( $\angle B\Delta\Delta$ ), welche mit Beginn der Totalitätsdauer eintritt.

15



20

Totalitätsdauer eintritt.

5. Die letzte Phase des Austritts ( $\angle B'AE'$ ), welche am Ende der Gesamtzeit der Finsternis eintritt.

3. Die Phase des Maximums der Verfinsterung

( $\angle BA\Gamma$ ), welche mit der Mitte der Totalitätsdauer eintritt.

4. Die erste Phase des Austritts ( $\angle B' A \Delta'$ ), welche mit dem Ende der ganzen

25 II. Andererseits haben wir von den Positionswinkeln (im Horizont) als die selbstverständlichsten und bedeutsamsten diejenigen herangezogen, welche erstens von dem Meridian und zweitens in den Nachtgleichen-, Sommer- und Winterauf- und -untergängen von der Ekliptik gebildet werden, weil die (Bestimmung nach der) Herkunft der Winde<sup>a)</sup> viel  
 30 fach recht verschieden verstanden werden könnte, obgleich es, wenn man wollte, ganz gut möglich wäre, ihr nach den

a) Die von mir an der Kreisfigur als unwesentlich weggelassenen Namen der Winde sind: am Nachtgleichenaufgang ἀπηνλιώτης, südlich davon εὔρος und εὐρόνοτος, nördlich davon καικίας und βορέας; am Nachtgleichenuntergang ζέφυρος, südlich davon λιβη und λιβόνοτος, nördlich davon λάπυς und θρασκίας, an der Nord-Südlinie ἀπαρκτίας und νότος.

im Horizont gebildeten Winkeln einen nicht mißzuverstehenden Ausdruck zu verleihen.

A. Von den Schnittpunkten, welche im Horizont von dem Meridian gebildet werden, nennen wir Hei 538

1. den nördlichen „Nordpunkt“, 5
2. den südlichen „Südpunkt“.

B. Von den Auf- und Untergangspunkten nennen wir

1. die von dem Anfang des Widders und dem Anfang der Scheren mit dem Horizont gebildeten Schnittpunkte, welche von den vom Meridian gebildeten Schnittpunkten unter allen Umständen den gleichen Abstand von  $90^{\circ}$  haben, „Nachtgleichenaufgang“ und „Nachtgleichenuntergang“; 10

2. die von dem Anfang des Krebses gebildeten Schnittpunkte „Sommeraufgang“ und „Sommeruntergang“; 15

3. die von dem Anfang des Steinbocks gebildeten Schnittpunkte „Winteraufgang“ und „Winteruntergang“.

Die Abstände der (vier) letzteren (von dem Nachtgleichen- auf- und -untergang) ändern sich zwar mit der geographischen Breite, aber die Angabe der Positionswinkel fällt genügend aus, wenn sie nach irgend einer der oben bezeichneten Grenzen oder auch nach Zwischenpunkten innerhalb irgend zweier derselben gemacht wird. 20

### Erklärung der Kreisfigur.

Um die jeweilige Lage der Ekliptik zum Horizont bestimmen zu können, haben wir nach dem in den ersten Büchern unseres Handbuchs (Buch II, Kap. 11) mitgeteilten Verfahren für die geographischen Breiten von Meroë bis zum Borysthenes, für welche wir auch die Winkeltabellen (Buch II, Kap. 13) aufgestellt haben, die Abstände berechnet, welche beiderseits der vom Äquator gebildeten Schnittpunkte (d. i. des Ost- und des Westpunktes) bei den Auf- und Untergängen der Anfänge jedes Zeichens im Horizont entstehen.<sup>a)</sup> 25  
Ha 445

a) Es sind die sog. Morgen- und Abendweiten, wenn die Sonne in den betreffenden Punkten der Ekliptik steht.

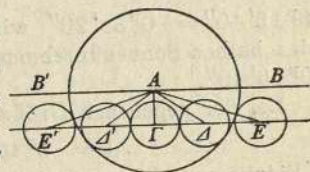
Anstatt eine Tabelle zu bieten, haben wir auf eine theoretisch leicht zu begreifende Weise um einen gemeinsamen Mittelpunkt acht Kreise gezogen, welche in der Ebene des Horizonts zu denken sind und die Abstände der sieben Breitenzonen sowie deren Benennungen enthalten. Dann haben wir durch sämtliche Kreise zwei unter rechten Winkeln sich schneidende Gerade gezogen: die Querlinie stellt die gemeinsame Schnittlinie der Ebene des Horizonts und des Äquators (d. i. die Ostwestlinie) dar, die andere, welche erstere unter rechten Winkeln schneidet, die gemeinsame Schnittlinie der Ebenen des Horizonts und des Meridians (d. i. die Mittagslinie). An die am äußersten Kreise gelegenen Endpunkte der Querlinie haben wir „Nachtgleichenaufgang“ und „Nachtgleichenuntergang“ gesetzt, an die Endpunkte der sie unter rechten Winkeln schneidenden Linie „Nord“ und „Süd“. Desgleichen haben wir beiderseits der Nachtgleichenlinie in gleichem Abstand von derselben wieder durch sämtliche Kreise zwei Gerade gezogen und auch an diese in den sieben Zwischenräumen die auf dem Horizont gemessenen Äquatorabstände der Wendepunkte, wie sie für jede Breitenzone gefunden werden, in dem Maße gesetzt, in welchem der Quadrant gleich  $90^{\circ}$  ist. An die am inneren Kreise gelegenen Endpunkte dieser Linien haben wir einerseits auf der Südseite „Winteraufgang“ und „Winteruntergang“, andererseits auf der Nordseite „Sommeraufgang“ und „Sommeruntergang“ gesetzt. Um die dazwischenliegenden Zeichen unterzubringen, haben wir innerhalb eines jeden der vier Intervalle noch zwei weitere Linien eingeordnet und auch an diese die auf dem Horizont gemessenen Äquatorabstände der betreffenden Zeichen dazugesetzt, während der Name eines jeden Zeichens an dem äußeren Kreise steht. Endlich haben wir, mit der Beischrift der das nördlichste Breitengebiet betreffenden Angaben an dem größten Kreise, der alle einschließt, beginnend, zu beiden Seiten der Mittagslinie (oben) die Benennungen der Parallelkreise, (unten) die Dauer des längsten Tages in Äquinoktialstunden und die Polhöhen angegeben.

## Erklärung der Tabelle.

Um aber auch die von den Verfinsterungen selbst mit der Ekliptik gebildeten scheinbaren<sup>a)</sup> Positionswinkel zur Verfügung zu haben, d. h. die Winkel, welche in jeder der besprochenen Phasen in der Ekliptik am Schnittpunkt mit dem durch die beiden in Betracht kommenden Mittelpunkte (von Mond und Sonne oder Schatten) gelegten größten Kreis gebildet werden, so haben wir auch diese für alle um je einen Zoll der Verfinsterung differierenden Örter des Mondes berechnet, indessen nur für die Örter — denn das genügt —, welche für die mittlere Entfernung gelten, und zwar unter der Annahme, daß die bei den Verfinsterungen in Betracht kommenden Bogen der Ekliptik und des schiefen Kreises des Mondes für die sinnliche Wahrnehmung parallel sind.

Beispielshalber sei wieder  $AB$  die anstatt des Ekliptikbogens genommene Gerade, auf welcher der Punkt  $A$  als das Zentrum der Sonne oder des Schattens angenommen sei.

Die anstatt des Bogens des schiefen Kreises des Mondes genommene Gerade sei  $\Gamma\Delta E$ , und zwar sei  $\Gamma$  der Punkt, in welchem das Zentrum des Mondes zur Zeit der Finsternismitte steht,  $\Delta$  der Punkt, in welchem sein Zentrum



steht, wenn er erstmalig total verfinstert ist oder ( $\Delta'$ ) wieder erstmalig klar zu werden beginnt, d. h. wenn er den Kreis des Schattens (nach dem Eintritt oder vor dem Austritt) von innen berührt,  $E$  endlich der Punkt, in welchem sein Zentrum steht, wenn er oder die Sonne erstmalig verfinstert zu werden beginnt oder ( $E'$ ) in der letzten Phase des Wiederklarwerdens steht, d. h. wenn sich die Kreise (vor dem Eintritt oder nach dem Austritt) von außen berühren. Man ziehe die Verbindungslinien  $A\Gamma$ ,  $A\Delta$ ,  $AE$ .

a) Weil es sich bei den Finsternissen um die scheinbaren, d. i. die von der Parallaxe beeinflussten genauen Örter der Lichtkörper handelt, nicht um die mittleren.

Daß die Winkel  $B\hat{A}\Gamma$  und  $A\hat{\Gamma}E$ , welche die Zeit der Finsternismitte bestimmen, für die sinnliche Wahrnehmung Rechte sind, daß ferner  $\angle B\hat{A}E$  derjenige Winkel ist, welcher in der ersten Phase der Verfinsterung und auch in der letzten Phase des Austritts gebildet wird, endlich  $\angle B\hat{A}\Delta$  derjenige, welcher in der letzten Phase der Verfinsterung und auch in der ersten Phase des Austritts gebildet wird, bedarf keiner Erklärung. Ohne weiteres ist ferner klar, daß  $AE$  die Summe,  $A\Delta$  die Differenz der Halbmesser der beiden Kreise ist.

### A. Sonnenfinsternisse.

- 11 Beispielshalber sei eine Finsternis angenommen, bei welcher zur Zeit der Mitte die Hälfte des Sonnendurchmessers verfinstert wird. Punkt  $A$  sei das Zentrum der Sonne, so daß in allen Fällen, weil die mittlere Entfernung des Mondes zugrunde gelegt ist,  $AE$  gleich ( $0^p 15' 40'' + 0^p 16' 40'' =$ )  $0^p 32' 20''$  wird<sup>a)</sup>, und als Rest nach Abzug des halben Sonnendurchmessers (d. i.  $0^p 15' 40''$ )  $A\Gamma$  gleich
- 15 
- 20  $0^p 16' 40''$ .

Bei der gegebenen Größe der Verfinsterung ist also

Hei 542

$$A\Gamma = 0^p 16' 40'' \text{ wie } hAE = 0^p 32' 20''.$$

Setzt man  $hAE = 120^p$ , so wird  $A\Gamma = 61^p 51'$ ,

also  $bA\Gamma = 62^o 2'$  wie  $\ominus A\Gamma E = 360^o$ ;

Ha 448

mithin  $\angle A\hat{E}\Gamma = 62^o 2'$  wie  $2R = 360^o$ .

26 Da nun  $\angle A\hat{E}\Gamma = \angle B\hat{A}E$ , (Eukl. I. 29)

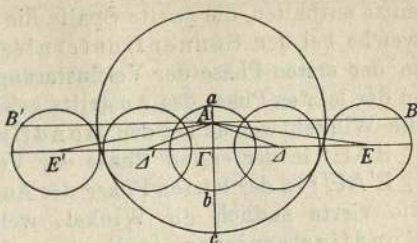
so ist auch  $\angle B\hat{A}E = 62^o 2'$  wie  $2R = 360^o$ ,  
 $= 31^o 1'$  wie  $4R = 360^o$ .

### B. Mondfinsternisse.

- 30 Es sei der Punkt  $A$  das Schattenzentrum, so daß, da gleichfalls die mittlere Entfernung des Mondes zugrunde gelegt ist,  $AE$  gleich ( $43' 20'' + 16' 40'' =$ )  $60'$  und  $A\Delta$  gleich

a)  $0^p$  ist zu setzen statt  $0^o$ , weil anstatt der Bogen Gerade angenommen werden, d. h. der Sonnenhalbmesser als Sehne gleich dem Bogen  $0^o 15' 40''$  gesetzt wird.

( $43' 20'' - 16' 40'' =$   
 $26' 40''$  wird. Verfinstert sei der Mond in der Position, für welche 18 Zoll ( $ac = 3a\Gamma$  d. i.  $3r$ ) angesetzt sind.  $A\Gamma$  ist somit nochmals um die Hälfte des Monddurchmessers (d. i. um 6 Zoll =  $16' 40''$ ) kleiner als  $A\Delta^a$ ); es verbleibt also als Rest 10



5

1.  $A\Gamma = 10'$  wie  $AE = 60'$ .

Setzt man  $\angle A\Gamma E = 120^{\text{P}}$ , so wird  $A\Gamma = 20^{\text{P}}$ ;

also  $\angle B A \Gamma = 19^{\circ} 12'$  wie  $\angle A \Gamma E = 360^{\circ}$ ;

mithin  $\angle A E \Gamma = 19^{\circ} 12'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ .

Da nun  $\angle A E \Gamma = \angle B A E$ ,

15

so ist auch  $\angle B A E = 19^{\circ} 12'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 9^{\circ} 36'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .

Es ist aber auch

Hei 543

2.  $A\Gamma = 10'$  wie  $A\Delta = 26' 40''$ .

Setzt man  $\angle A \Delta \Gamma = 120^{\text{P}}$ , so wird  $A\Gamma = 45^{\text{P}}$ ;

20

also  $\angle B A \Gamma = 44^{\circ} 2'$  wie  $\angle A \Gamma \Delta = 360^{\circ}$ ,

mithin  $\angle A \Delta \Gamma = 44^{\circ} 2'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ .

Da nun  $\angle A \Delta \Gamma = \angle B A \Delta$ ,

so ist auch  $\angle B A \Delta = 44^{\circ} 2'$  wie  $2R = 360^{\circ}$ ,  
 $= 22^{\circ} 1'$  wie  $4R = 360^{\circ}$ .

25

Indem wir nun auf dieselbe Weise auch für die anderen Zollangaben die Größenbeträge der Winkel, die kleiner als der Rechte ( $\angle B A \Gamma$ ) sind, unter der Annahme bestimmten, daß ein Rechte gleich  $90^{\circ}$  sei, zu welchem Betrag auch der Quadrant des Horizonts angenommen ist, haben wir eine 30 Tabelle von 22 Zeilen zu 4 Spalten aufgestellt. Die erste Spalte wird die gefundenen Zolle der nach dem Durchmesser Ha 449 bemessenen Verfinsternung an sich zur Zeit der Finsternis-

a) Da  $bc = 6 \text{ Zoll} = r$  und  $Ac = R$ , so ist  $Ab = R - r$ ; nun ist auch  $A\Delta = R - r$ , folglich  $Ab = A\Delta$ . Da ferner  $\Gamma b = r$ , so ist  $Ab - \Gamma b$  d. i.  $A\Gamma = A\Delta - r$ .

mitte enthalten, die zweite Spalte die (gleichgroßen) Winkel, welche bei den Sonnenfinsternissen einerseits ( $\angle BAE$ ) in der ersten Phase der Verfinsterung, anderseits ( $\angle B'AE'$ ) in der letzten Phase des Austritts gebildet werden, die dritte  
 5 die Winkel, welche bei den Mondfinsternissen einerseits ( $\angle BAE$ ) in der ersten Phase der Verfinsterung, anderseits ( $\angle B'AE'$ ) in der letzten Phase des Austritts gebildet werden, die vierte endlich die Winkel, welche ebenfalls bei den  
 10 Mondfinsternissen (und zwar den totalen) einerseits ( $\angle BAA\Delta$ ) in der letzten Phase der Verfinsterung; anderseits ( $\angle B'A\Delta'$ ) in der ersten Phase des Austritts gebildet werden. Tabelle und Kreisfigur (am Ende des Bandes) gestalten sich folgendermaßen.

## Zwölftes Kapitel.

## Tabelle der Positionswinkel.

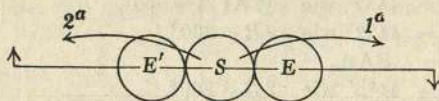
(S. 411.)

## Dreizehntes Kapitel.

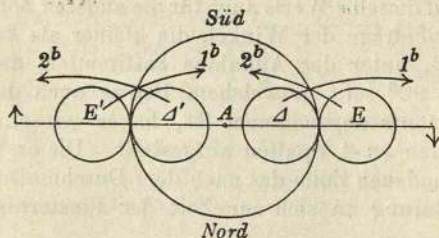
## Bestimmung der (im Horizont gebildeten) Positionswinkel.

Ha 452 )  
Hei 545 )

15



20



25

Es stehen also zur Verfügung:

1. auf die (S. 393, 15 u. 400, 10) angegebene Weise im voraus berechnet, die (in Äquinoctial- oder bürgerlichen Stunden des Tages oder der Nacht ausgedrückten) Zeiten einer jeden der hervorgehobenen Phasen;

2. aus den Zeiten begreiflicherweise (S. 99, 3) hervorgehend, die zurzeit auf- und untergehenden Teile der Ekliptik;

1	2	3	4
Zolle	Sonne Erste Phase der Verfinsterung und letzte des Austritts.	Mond Erste Phase der Verfinsterung und letzte des Austritts.	Mond Letzte Phase der Verfinsterung und erste des Austritts.
0	90° 0'	90° 0'	
1	66 50	72 30	
2	56 59	65 10	
3	49 16	59 27	
4	42 36	54 27	
5	36 35	50 14	
6	31 1	46 15	
7	25 46	42 31	
8	20 44	39 2	
9	15 51	35 42	
10	11 6	32 29	
11	6 25	29 23	
12	1 47	26 23	90° 0'
13		23 28	63 37
14		20 36	52 24
15		17 48	43 26
16		15 1	35 41
17		12 18	28 38
18		9 36	22 1
19		6 55	15 43
20		4 15	9 36
21		1 36	3 35

3. aus der Kreisfigur zu entnehmen, die Lage dieser auf- und untergehenden Teile im Horizont.<sup>51)</sup>

I. Wenn das Zentrum des Mondes in der Ekliptik selbst steht — das scheinbare<sup>a)</sup> bei den Sonnenfinsternissen, das genaue<sup>b)</sup> bei den Mondfinsternissen —, so erhalten wir 5

a) Das durch die Parallaxe beeinflusste Zentrum des Mondes.

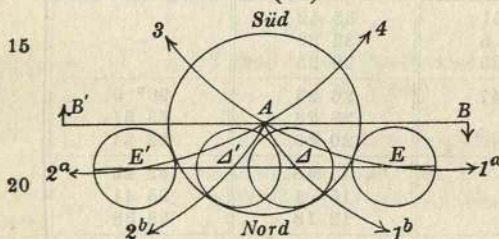
b) Das der genauen Sonne in der Ekliptik diametral gegenüberliegende Mondzentrum, was der Fall ist bei den zentralen Finsternissen, welche direkt in einem der Knotenpunkte stattfinden. Vgl. S. 194, 17.

1. von der Lage des zurzeit untergehenden Ekliptikgrades im Horizont:

- a) den Positionswinkel der Sonne in der ersten Phase (E) der Verfinsterung;  
 5 b) den Positionswinkel des Mondes sowohl in der letzten Phase der Verfinsterung ( $\Delta$ ), als auch in der letzten Phase des Austritts ( $E'$ );

2. von der Lage des aufgehenden Grades:

- a) den Positionswinkel der Sonne in der letzten Phase des Austritts ( $E'$ );  
 10 b) den Positionswinkel des Mondes sowohl in der ersten Phase der Verfinsterung (E), als auch in der ersten Phase des Austritts ( $\Delta'$ ).



II. Wenn das Zentrum des Mondes nicht in der Ekliptik steht, so nehmen wir aus der Tabelle die zugehörigen bei dem Betrag der Zolle stehenden Winkel-

zahlen und tragen sie von den gemeinsamen Schnittpunkten des Horizonts und der Ekliptik aus ab:

25 A. wenn das Mondzentrum nördlich der Ekliptik steht:

1. nach Norden von dem Untergangsschnittpunkt:

- a) für die erste Phase der Verfinsterung (E) der Sonne<sup>a)</sup>;  
 b) für die letzte Phase der Verfinsterung ( $\Delta$ ) des  
 30 Mondes;

2. nach Norden von dem Aufgangsschnittpunkt:

- a) für die letzte Phase des Austritts ( $E'$ ) der Sonne;  
 Ha 453 b) für die erste Phase des Austritts ( $\Delta'$ ) des Mondes;

a) An der Figur gilt der Kreis des Schattens unter der nötigen Beschränkung zugleich für die Sonne.



## Anhang.

### Erläuternde Anmerkungen.

1) S. 10. 100. 349. Unter „Stunden, welche gleichweit von der Mittagstunde entfernt liegen“, sind Äquinoktialstunden zu verstehen, welche die Ortszeit zum Ausdruck bringen: „zwei Äquinoktialstunden vor der Mittagstunde“ entspricht 10 Uhr vormittags, „vier Äquinoktialstunden vor der Mitternachtstunde“ 8 Uhr abends. Da in einer Äquinoktialstunde 15 Äquatorgrade durch den Meridian gehen, so wird ein Unterschied in der Ortszeit von beispielsweise 4 Stunden einer auf dem Äquator gemessenen räumlichen Entfernung der betreffenden Orte von  $4 \times 15 = 60$  Graden entsprechen. Ein um diesen Betrag weiter östlich gelegener Ort wird eine 4 Stunden spätere Ortszeit haben, ein um denselben Betrag weiter westlich gelegener eine 4 Stunden frühere. Vgl. Anm. 18.

2) S. 11. Der griechische Text ist teils entstellt, teils lückenhaft. Zunächst muß (Hei. S. 16, 4)  $\alpha\lambda\lambda' \eta$  in  $\alpha\lambda\lambda\alpha$  geändert werden, worauf sich (2 Zeilen weiter) hinter  $\pi\alpha\sigma\iota\nu$  der Einschub  $\alpha\epsilon\iota \varphi\alpha\nu\epsilon\rho\acute{\alpha}$   $\kappa\alpha\iota$  von selbst ergibt. Zur Erläuterung diene folgendes. Daß „die Seiten der ebenen Grundflächen der Walze nach den Weltpolen gerichtet“ sein sollen, kann zunächst nur so verstanden werden, daß die Längsachse der Walze, deren Mitte im Zentrum des Weltalls angenommen werden muß, mit der Weltachse zusammenfällt: dann treten für alle Bewohner der gekrümmten Oberfläche die Erscheinungen ein, welche auf der kugelförmigen Erde bei Sphaera recta, d. i. unter dem Äquator, stattfinden: alle Sterne gehen auf und unter, keiner bleibt immer sichtbar oder immer unsichtbar. Sobald aber von immerunsichtbaren Sternen (Hei. S. 16, 7) die Rede ist, muß es auch immersichtbare geben, d. h. die Längsachse muß in der durch die Weltpole gehenden Ebene gegen die Weltachse geneigt angenommen werden. Steht infolgedessen z. B. der Nordpol über dem Horizont der Walze, während der Südpol unter ihm liegt, so treten für alle Bewohner der gekrümmten Oberfläche die Erscheinungen ein, welche auf der kugelförmigen Erde bei Sphaera obliqua für die gleiche Polhöhe stattfinden: die Sterne, welche vom Nordpol den gleichen Abstand haben, d. h. den Abstand von diesem Pol bis zum Nordpunkt des

Horizonts, werden von dem immersichtbaren Kreis umschlossen, welchem der immerunsichtbare um den Südpol entspricht. Aber ein wesentlicher Unterschied gegen die kugelförmige Erde wird sich bemerkbar machen: der immersichtbare Kreis wird nie größer werden, für keinen Ort werden weitere Sterne einerseits immer sichtbar, anderseits immer unsichtbar werden, weil die Polhöhe für alle Bewohner der Walze die gleiche ist und stets unveränderlich bleibt. Je weiter man dagegen auf der kugelförmigen Erde nach Norden wandert, um so höher erhebt sich der Pol und um so mehr nördliche Sterne werden immer sichtbar, während von den südlichen immer mehr dauernd unsichtbar werden.

3) S. 27. Der unterrechten Winkeln durch die Sehne  $AB$  gezogene Halbmesser  $ME$  halbiert (nach Eukl. III. 3) sowohl die Sehne  $AB$  als auch den Bogen  $AEB$ : folglich ist die Sehne  $AE$  als die Seite des eingeschriebenen Sechsecks gleich dem Halbmesser  $r$  des umschriebenen Kreises. Demnach ist das Dreieck  $EAM$  ein gleichseitiges, in welchem die Höhenlinie  $AD$  die Grundlinie  $ME=r$  halbiert. Mithin ist

$$AD^2 = r^2 - \frac{1}{4}r^2 = \frac{3}{4}r^2;$$

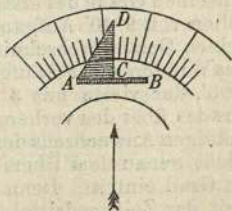
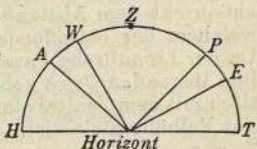
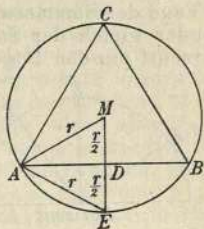
$$\text{also } AD = \frac{1}{2}r\sqrt{3}.$$

Nun ist  $AB = 2AD$ , folglich  $AB^2 = 3r^2$ .

4) S. 41. Der zwischen den Polen des Äquators und der Ekliptik liegende Bogen des Kolorkreises ist gleich dem zwischen Äquator und Wendepunkt gelegenen Bogen.

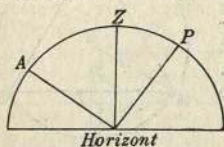
Es sei  $P$  der Pol des Äquators. Ist  $W$  der Sommerwendepunkt, so ist  $E$  der Pol der Ekliptik. Vermindert man die beiden Quadranten  $WZPE$  und  $A WZP$  um das gemeinsame Stück  $WZP$ , so bleiben als gleichgroße Reste dieser Quadranten die Bogen  $PE = AW$  übrig.

5) S. 42. Nach der Beschreibung des Proklus (Hypotyp. S. 46 f.) hat es mit der Visiervorrichtung folgende Bewandnis. Die beiden gleichgroßen Platten von der Form eines Rechtecks sind mit ihrer kleineren Seite  $AB$  auf die Seitenfläche des unteren drehbaren Ringes an diametral gegenüberliegenden Stellen derartig senkrecht aufgesetzt, daß diese Standlinien den Durchmesser des Ringes unter rechten Winkeln schneiden, während die Flächen der



Rechtecke einander zugekehrt sind. An diese zueinander parallel verlaufenden Standlinien sind die Dreiecke mit ihrer halbso großen Basis  $AC$  ihrerseits senkrecht zur Fläche der Rechtecke derartig angeschlossen, daß die Kathete  $CD$ , welche die Höhe des Dreiecks darstellt, mit der Hypotenuse  $AD$  einen Zeiger bildet, der genau in der Richtung der Visierlinie in die Gradeinteilung des Meridiankreises hineinragt. Abschöffnungen der Platten werden von Ptolemäus nicht erwähnt, weil es sich hier um die Beobachtung der Sonne handelt, bei welcher die Richtung der Visierlinie mit Hilfe der Beschattung des unteren Rechtecks durch das obere ermittelt wird.

6) S 45. 67. Die Äquatorhöhe ist gleich der Sonnenhöhe am Tage der Sommerwende, vermindert um den Bogen der Schiefe, oder gleich der Sonnenhöhe am Tage der Winterwende, vermehrt um den Bogen der Schiefe.



Die Äquatorhöhe ergänzt sich mit der Polhöhe zu  $90^\circ$ , weil der zwischen Äquator und Pol liegende Bogen ( $AZP$ ) stets ein Quadrant ist. Da sich also auch die Zenitabstände des Äquators ( $AZ$ ) und des Pols ( $ZP$ ) stets zu  $90^\circ$  ergänzen, so folgt daraus:

1. Die Äquatorhöhe ist gleich dem Zenitabstand des Pols.
2. Die Polhöhe ist gleich dem Zenitabstand des Äquators.

Unter der geographischen Breite eines Ortes versteht man seine nördliche oder südliche Entfernung vom irdischen Äquator. Sie entspricht dem Abstand des himmlischen Parallelkreises, unter welchem der betreffende Ort liegt, vom himmlischen Äquator. Da der himmlische Parallelkreis stets durch den Zenit des unter ihm liegenden Ortes geht, so ist die geographische Breite identisch mit dem Zenitabstand des Äquators, der, wie oben bewiesen, der Polhöhe gleich ist.

7) S. 57. Die nicht recht klare Auseinandersetzung habe ich so wiedergegeben, wie es dem Sachverhalt entsprechen dürfte. Will man die Aufgangszeit kleinerer Ekliptikbogen, z. B. die der einzelnen Grade des ersten Drittels des Widders berechnen, so entfallen von  $9^\circ 10'$  Aufgangszeit des ganzen Drittels auf den einzelnen Grad durchschnittlich  $55'$ . Es würde also der erste Grad des Widders mit  $55'$  aufgehen, der zweite mit  $1^\circ 10'$ , der dritte mit  $2^\circ 5'$ , der vierte mit  $3^\circ$  usw. Dieser Überschuß des folgenden Grades über den vorhergehenden, welcher unter Annahme gleichmäßigen Anwachsens der Aufgangszeit  $55'$  beträgt, entspricht aber nicht genau dem Überschuß, welcher in Wirklichkeit von Grad zu Grad eintritt. Denn gerade wie sich (S. 57) in der Aufgangszeit der Zeichendrittel ( $27^\circ 50' - 29^\circ 54' - 32^\circ 16'$ ) ein zuneh-

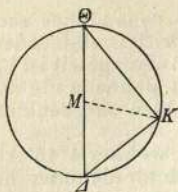
mender Überschuß ( $2^{\circ}4' - 2^{\circ}22'$ ) herausstellt, so muß dies auch schon bei den einzelnen Graden eines jeden Drittels stattfinden. Aber das Anwachsen dieses Überschusses der Aufgangszeit ist bei so kleinen Ekliptikabschnitten so unbedeutend, daß man die den Durchschnitt der Aufgangszeit angehenden Zahlen unbedenklich für die genauen nehmen kann.

8) S. 66. 71. Soll z. B. für den Parallelkreis, welcher  $4^{\circ}15'$  Abstand vom Äquator hat, bestimmt werden, wann für die unter ihm liegenden Orte die Sonne in den Zenit kommt, so geht man mit dieser Deklination des Parallelkreises in die zweite Spalte der Tabelle der Schiefe ein. Da der Meridianbogen  $4^{\circ}15'$  zwischen den Argumentzahlen  $4^{\circ}1'38''$  und  $4^{\circ}25'32''$  liegt, denen in der ersten Spalte die Ekliptikgrade 10 und 11 entsprechen, so geht aus der Differenz ( $23'54''$ ) der Argumentzahlen hervor, daß auf einen ganzen Ekliptikgrad der Meridianbogen (rund)  $24'$ , auf einen halben  $12'$  zunimmt. Der Meridianbogen  $4^{\circ}15'$  wird also ohne wesentlichen Fehler in die Mitte zwischen den  $10^{\text{ten}}$  und  $11^{\text{ten}}$  Ekliptikgrad fallen. Demnach wird die Sonne, wenn sie  $10\frac{1}{2}^{\circ}$  vom Frühlingspunkt oder  $79\frac{1}{2}^{\circ}$  vom Sommerwendepunkt entfernt ist, für diesen Parallelkreis erstmalig in den Zenit kommen. Zum zweiten Male wird dies geschehen, nachdem sich die Sonne  $79\frac{1}{2}^{\circ}$  vom Sommerwendepunkt nach dem Herbstpunkt zu entfernt hat, d. i. wenn sie  $10\frac{1}{2}^{\circ}$  vor letzterem steht.

9) S. 67. 170. 173. 174. Die Annahme von Halbgraden, deren 360 auf 2 Rechte gehen, ist ein wichtiges Hilfsmittel bei jeder trigonometrischen Berechnung, welche Peripheriewinkel zu Zentriwinkeln in Beziehung setzt, deren Bogen in den Sehnentafeln natürlich nach ganzen Graden ( $360^{\circ} = 4R$ ) gerechnet sind. Die zu lösende Aufgabe ist eine zwifache. Entweder wird, wenn einer von den spitzen Winkeln eines rechtwinkligen Dreiecks gegeben ist, die Größe der diesem gegenüberliegenden Kathete im Verhältnis zur Hypotenuse gesucht, oder, wenn eine Kathete gegeben ist, die Größe des dieser Kathete gegenüberliegenden Winkels. Die Lösung der beiden Aufgaben mögen je zwei Beispiele erläutern. Bei dem einen soll das Endergebnis den Sehnentafeln glatt zu entnehmen sein, bei dem anderen soll die Entnahme mit einer Komplikation der Berechnung verbunden sein.

1<sup>a</sup> (S. 173, 28). In dem rechtwinkligen Dreieck  $\Theta K \Delta$  sei der der Kathete  $\Delta K$  gegenüberliegende  $\angle \Delta \Theta K$  mit  $30^{\circ}$  gegeben<sup>a)</sup>; gesucht seien die Größen der den spitzen Winkeln gegenüberliegenden Katheten  $\Delta K$  und  $K\Theta$ . Beschreibt man um das Dreieck einen

a) In den Figuren ist z. T. auf die Größe der Winkel keine Rücksicht genommen. Wegen der geringen Größe der Winkel mußte in vielen Fällen zugunsten einer klaren Figur von der genauen Entsprechung abgesehen werden.



Kreis, so wird die Hypotenuse  $\Delta\Theta$  der Durchmesser dieses Kreises und die Katheten  $K\Theta$  und  $\Delta K$  werden Sehnen desselben, überspannt von den Kreisbogen der ihnen gegenüberliegenden Winkel des Dreiecks, welche Peripheriewinkel des umschriebenen Kreises sind. Peripheriewinkel sind bekanntlich halb so groß als die mit ihnen auf demselben Bogen stehenden Zentriwinkel. Die Verdoppelung des gegebenen Peripheriewinkels  $\Delta\Theta K$  zu dem zugehörigen Zentriwinkel  $\Delta MK$  erzielt nun die antike Rechnungsweise durch Annahme von Halbgraden unter der Formel

$$\begin{aligned} \sphericalangle \Delta\Theta K &= 30^\circ \text{ wie } 4R = 360^\circ \\ &= 60^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ. \end{aligned}$$

Was den Bogen anbelangt, welcher den gegebenen Peripheriewinkel überspannt, so enthält er ebensoviel Grade des umschriebenen Kreises, als der zugehörige Zentriwinkel unterspannt, dessen Bogen man zum Eingehen in die Sehnentafeln braucht. Dieser Bogen wird ausgedrückt durch die Formel

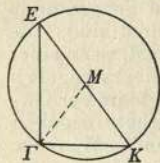
$$b \Delta K = 60^\circ \text{ wie } \ominus \Theta K \Delta = 360^\circ.$$

Mithin ist  $b K\Theta = 120^\circ$  als Supplementbogen.

Zu diesen Argumentzahlen entnimmt man schließlich den Tafeln:

$$s \Delta K = 60^p \text{ und } ,s K\Theta = 103^p 55'.$$

1<sup>b</sup> (S. 67, 33). In dem rechtwinkligen Dreieck  $K\Gamma E$  sei der



$\sphericalangle KE\Gamma$  mit  $12^\circ 8' 40''$  gegeben, gesucht sei die ihm gegenüberliegende Kathete  $\Gamma K$ . Geht man mit dem verdoppelten Winkel  $24^\circ 17' 20''$ , d. i. mit dem Zentriwinkel  $\Gamma MK$  in die erste Spalte der Sehnentafeln ein, so findet man zur Argumentzahl  $24^\circ$  die Sehne mit  $24^p 56' 58''$ . Den Zusatz zur Sehne bei Anwachsen des Bogens um  $0^p 1'$  gibt die dritte Spalte mit  $0^p 1' 1'' 26'''$ . Es ent-

fallen demnach auf den Mehrbetrag von  $0^p 17' 20''$ :

$$\text{zunächst: } 17 \times 0^p 1' 1'' 26''' = 0^p 17' 24'' 22'''$$

$$\text{hierüber: } \frac{1}{3} \times 0^p 1' 1'' 26''' = 0^p 0' 20'' 29'''$$

$$\text{in Summa } 0^p 17' 44'' 51'''.$$

Addiert man  $0^p 17' 45''$  zu der Sehne  $24^p 56' 58''$ , so erhält man die Kathete  $\Gamma K$  mit  $25^p 14' 43''$ , ein Ergebnis, welches mit S. 68,7 genau übereinstimmt

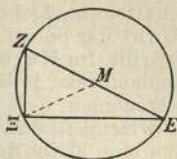
2<sup>a</sup> (S 170, 14). In dem rechtwinkligen Dreieck  $Z\Xi E$  sei die Kathete  $Z\Xi$  mit  $49^p 46'$  in dem Maße gegeben, in welchem die Hypotenuse  $EZ$  gleich  $120^p$  ist; gesucht sei der dieser Kathete gegenüberliegende Winkel  $Z\Xi E$ . Geht man mit  $49^p 46'$  in die zweite

Spalte der Sehnentafeln ein, so findet man zu der ohne wesentlichen Fehler entsprechenden Argumentzahl  $49^{\circ} 45' 48''$

$$b \text{ Z}\Xi = 49^{\circ} \text{ wie } \ominus \text{ Z}\Xi\text{E} = 360^{\circ}.$$

Das heißt: dieser Bogen überspannt den Zentriwinkel  $\text{ZM}\Xi$  und mißt denselben in solchen ganzen Graden ( $4R = 360^{\circ}$ ), wie der um das Dreieck  $\text{Z}\Xi\text{E}$  beschriebene Kreis deren 360 hat. Gesucht ist aber der auf demselben Bogen stehende Peripheriewinkel  $\text{Z}\Xi\text{E}$ , der nur ebensoviel Halbrade enthält, also

$$\begin{aligned} \sphericalangle \text{Z}\Xi\text{E} &= 49^{\circ} \text{ wie } 2R = 360^{\circ} \\ &= 24^{\circ} 30' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$

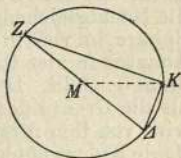


$2^b$  (S. 174, 10). In dem rechtwinkligen Dreieck  $\Delta\text{KZ}$  sei die Kathete  $\Delta\text{K}$  mit  $2^{\text{p}} 25'$  in dem Maße gegeben, in welchem die Hypotenuse  $\text{Z}\Delta$  gleich  $120^{\text{p}}$  ist, gesucht sei der dieser Kathete gegenüberliegende Winkel  $\Delta\text{ZK}$ . Geht man mit  $2^{\text{p}} 25'$  in die zweite Spalte der Sehnentafeln ein, so findet man zu der nächstniedrigen Argumentzahl  $2^{\text{p}} 5' 40''$  den zugehörigen Bogen mit  $2^{\circ}$  und entnimmt der dritten Spalte den Zusatzbetrag, welcher bei Anwachsen der Sehne auf  $0^{\circ} 1'$  des Bogens entfällt, mit rund  $0^{\text{p}} 1' 3''$ . Da die gegebene Sehne um  $(25' - 5' 40'' =) 0^{\text{p}} 19' 20''$  größer ist als die zunächst gewählte Argumentzahl, so berechnet sich der Zuschlag zu dem Bogen von  $2^{\circ}$  nach dem Verhältnis

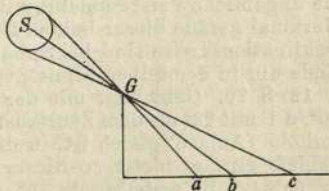
$$\begin{aligned} 0^{\text{p}} 1' 3'' : 0^{\circ} 1' &= 0^{\text{p}} 19' 20'' : x^{\circ} \\ 63'' : 60'' &= 1160'' : x'' \end{aligned}$$

Unter Hinzufügung des für  $x$  sich ergebenden Betrags von  $0^{\circ} 18' 25''$  erhält man demnach

$$\begin{aligned} \sphericalangle \Delta\text{ZK} &= 2^{\circ} 18' 25'' \text{ wie } 2R = 360^{\circ} \\ &= 1^{\circ} 9' 13'' \text{ wie } 4R = 360^{\circ}. \end{aligned}$$



10) S. 68. Je tiefer die Sonne steht, um so länger wird der über den Kernschatten hinausgehende Halbschatten. Das Ende des Kernschattens ( $a$ ) liegt da, wo eine vom oberen Sonnenrande durch die Spitze des Gnomon gezogene Gerade die horizontale Ebene trifft, das Ende des Halbschattens ( $c$ ) da, wo die vom unteren Sonnenrande gezogene Gerade auftritt. Es liegt mithin der für die Länge des



Schattens maßgebende Punkt (*b*), in welchem die von dem Mittelpunkt der Sonne durch die Spitze des Stabes gezogene Gerade auftritt, im Halbschatten und wird um so schwieriger zu bestimmen sein, je länger der Schatten ist. Erst die byzantinischen Astronomen des fünften Jahrhunderts n. Chr. suchten dieser Schwierigkeit dadurch abzuweichen, daß sie an der Spitze des Gnomon eine kleine Scheibe mit einer kreisrunden Öffnung anbrachten, um in dem Mittelpunkt des so erzeugten Sonnenbildchens den maßgebenden Endpunkt der Schattenlänge zu erhalten.

11) S. 70. Von den durch die Pole des Äquators gehenden Deklinationskreisen, so genannt, weil auf ihnen die Abweichung vom Äquator gemessen wird, werden zwei als Kolkure bezeichnet: der Kolkur der Wenden (Solstitialkolkur), welcher durch die Wendepunkte geht und deshalb die Pole der Ekliptik trägt, und der Kolkur der Nachtgleichen (Äquinoktialkolkur), welcher durch die Nachtgleichenpunkte geht. Diese beiden Kolkure zerlegen die Sphäre in vier gleiche Teile und die Ekliptik ebenso wie den Äquator in vier Quadranten, so daß auf jede Jahreszeit ein Quadrant entfällt. Dem Ptolemäus gilt (S. 23, 18) der Solstitialkolkur als die Grenze des täglichen Umschwungs, der Äquinoktialkolkur wird von ihm nirgends (vgl. Anm. \*) S. 23) ausdrücklich erwähnt. Beide Kolkure unterschied bereits Eudoxus (Hipparchi Comment. S. 117 f.). Eine Erklärung der Bezeichnung gibt der Achilles genannte Verfasser einer Isagoge (Kap. 27) mit folgenden Worten: „Kolkure heißen sie, weil sie uns verstümmelt erscheinen wie die Schwänze (*κεκολοῦσθαι ὁσπερ τὰς οὐράς*), indem die von dem arktischen, d. i. dem immerunsichtbaren Kreise (bis zum Südpol) sich erstreckenden Teile für uns unsichtbar sind und an dieser Stelle verstümmelt zu sein scheinen; denn die von dem immersichtbaren, d. i. dem arktischen Kreise ab (bis zum Nordpol) sich erstreckenden Teile sind sichtbar, während die im antarktischen Kreise liegenden Teile der Kolkurkreise immer unsichtbar sind.“ Aus dieser Erklärung geht hervor, daß die Kolkure dort, wo es keinen immersichtbaren und keinen immerunsichtbaren Kreis gibt, d. i. unter dem Äquator, wo beide Pole im Horizont liegen, nicht verstümmelt werden können. Dort gibt es demnach keinen Kolkur. Einwenden läßt sich allerdings gegen diese Erklärung, daß die angebliche Verstümmelung durchaus kein charakteristisches Merkmal gerade dieser beiden Deklinationskreise ist; denn alle Deklinationskreise sind bei Sphaera obliqua gegen ihr südliches Ende hin in demselben Sinne „verstümmelt“.

12) S. 79. Geht man mit der Ergänzung der Polhöhe  $67^{\circ}$  zu  $90^{\circ}$ , d. i. mit  $23^{\circ}$  als dem Zenitabstand des Pols, welcher der Äquatorhöhe (Anm 6) gleich ist, in die zweite Spalte der Tabelle der Schiefe ein, so bietet zu dieser Argumentzahl (in der Tabelle  $22^{\circ}59'41''$ ) die erste Spalte  $75^{\circ}$ . Mithin wird  $15^{\circ}$  beiderseits des

Sommerwendepunktes der Parallelkreis mit der nördlichen Deklination von  $23^\circ$  die Ekliptik schneiden. Auf demselben Wege findet man bei der Polhöhe  $69^\circ 30'$  zur Äquatorhöhe  $20^\circ 30'$  den  $60^{\text{ten}}$  Grad der Ekliptik und somit die Schnittpunkte des  $20^\circ 30'$  nördlich des Äquators verlaufenden Parallelkreises in der Entfernung von  $30^\circ$  beiderseits des Sommerwendepunktes, usw. in den übrigen Fällen.

13) S. 79. Über die Frage, welcher Parallelkreis von Polhöhe zu Polhöhe der immersichtbare Kreis wird, orientiert man sich am besten auf folgendem Wege. Wenn die Polhöhe weniger als  $45^\circ$  beträgt, so hat der immersichtbare Kreis (Fig. 1  $CT$ ) einen Zenitabstand ( $ZC$ ) von  $90^\circ$  weniger der doppelten Polhöhe im nördlichen Meridian. Beträgt die Polhöhe gerade  $45^\circ$ , so ist der Zenitabstand des immersichtbaren Kreises (Fig. 2  $ZT$ ) gleich Null ( $90^\circ - 2 \times 45^\circ$ ). Beträgt endlich die Polhöhe mehr als  $45^\circ$

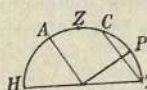


Fig. 1.

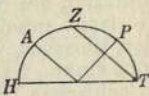


Fig. 2.

(Fig. 3), so beträgt der Zenitabstand ( $ZC$ ) des immersichtbaren Kreises ( $CT$ ) die doppelte Polhöhe weniger  $90^\circ$  im südlichen Meridian oder, da der Zenitabstand ( $ZP$ ) des Pols (Anm. 6) gleich der Äquatorhöhe ( $AH$ ) ist,  $90^\circ$  weniger der doppelten Äquatorhöhe. So erhält man z. B. bei der Polhöhe  $67^\circ$  die Äquatorhöhe ( $AH$ ) mit  $23^\circ$  und hiermit zunächst die südliche Deklination des den Horizont in Punkt  $H$  berührenden immerunsichtbaren Kreises ( $HC'$ ).

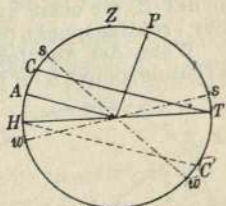


Fig. 3.

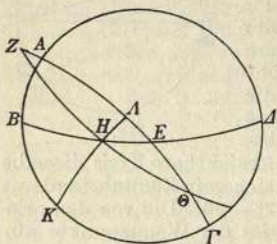
Da aber der immersichtbare Kreis dieselbe nördliche Deklination hat, so ergibt sich sein Zenitabstand mit  $90^\circ - 2 \times 23^\circ = 44^\circ$ , was gleich ist  $2 \times 67^\circ - 90^\circ$ . Die von den arktischen Kreisen  $CT$  und  $HC'$  beiderseits der Wendepunkte abgeschnittenen Ekliptikstücke, welche nicht zum Untergang bzw. Aufgang gelangen, sind an der Figur durch Bezeichnung der Wendepunkte mit  $s$  und  $w$  kenntlich gemacht.

14) S. 81. Hipparch (Comment. S. 129 und 133) versichert, fast alle alten Mathematiker hätten die Ekliptik so eingeteilt, daß die Punkte der Wenden und Nachtgleichen die Anfänge von Zeichen waren, während Eudoxus die genannten Punkte in die Mitte von Zeichen gesetzt habe, und zwar die Wendepunkte in die Mitte des Krebses und des Steinbocks, die Nachtgleichenpunkte in die Mitte des Widders und der Scheren. Indessen hat Eudoxus (s. Böckh, Sonnenkreise der Alten, S. 184 f.) diese Neusetzung der Jahrpunkte wohl erst in seinen späteren astrognostischen Schriften, in den Phänomena und in dem Enoptron, durchgeführt; in seiner

Oktaëteris, die in jüngeren Jahren verfaßt war, hat er ohne Zweifel aus kalendarischen Gründen die von Meton überkommene Setzung der Jahrpunkte auf den achten Tag oder Grad der Zeichen angewendet, die auch in der Isagoge des Achilles (cap. 23) und von dem Scholiasten des Arat (schol. 499) erwähnt wird.

15) S. 83. Wenn der Solstitialkolor mit dem Meridian zusammenfällt, d. h. wenn die Wendepunkte kulminieren, liegen die Nachtgleichenpunkte sowohl bei Sphaera recta als auch bei Sphaera obliqua im Horizont. Wenn dagegen der Äquinoktialkolor mit dem Meridian zusammenfällt, d. h. wenn die Nachtgleichenpunkte kulminieren, liegen nur bei Sphaera recta die Wendepunkte im Horizont. Denn wenn sich mit zunehmender Polhöhe die Kulmination der Nachtgleichenpunkte, d. i. der Äquator selbst, dem Horizont zuneigt, so erhebt sich der Sommerwendepunkt über den Horizont, während der Winterwendepunkt unter den Horizont sinkt. Nach diesem Verhältnis mußte die falsche Figur des griechischen Textes (Hei 120) abgeändert werden. Da der Winterwendepunkt (H) an der Figur im Horizont liegt, so muß der Herbstpunkt (Z) die obere Kulmination hinter sich haben, ebenso wie der Frühlingspunkt (Θ) die untere.

Wenn der Äquatorbogen ΘE aufgegangen ist, d. i. wenn der Frühlingspunkt Θ im Horizont steht, dann wird der Winterwendepunkt H im oberen Meridian kulminieren.



Der Ekliptikbogen ΘH wird demnach gleichzeitig mit dem Äquatorbogen ΘE, d. i. in der halben Zeitdauer des kürzesten Tages aufgehen.

Als der Herbstpunkt Z im Horizont stand, kulminierte der Winterwendepunkt H im unteren Meridian. Der Ekliptikbogen ZH ist demnach mit dem Äquatorbogen ZE, d. i. in der halben Zeitdauer der längsten Nacht aufgegangen.

16) S. 85. 86. In derselben Zeit wie der Widder gehen nach Lehrsatz I (S. 81,16) auch die Fische auf, also mit  $19^{\circ}12'$ . Nun gehen die Scheren und die Fische bei Sphaera recta (S. 57,13) mit je  $27^{\circ}50'$  auf, und ihre Aufgangssumme ist nach Lehrsatz II (S. 82,18) bei Sphaera obliqua dieselbe wie bei Sphaera recta, also

$$\varpi + \kappa = 27^{\circ}50' + 27^{\circ}50'.$$

Folglich ist  $\varpi = 55^{\circ}40' - \kappa$  bei Sphaera obliqua,

$$\text{also } \varpi = 55^{\circ}40' - 19^{\circ}12' = 36^{\circ}28'.$$

In derselben Zeit wie die Scheren geht aber nach Lehrsatz I auch die Jungfrau auf.

Ebenso (S. 86) geht in derselben Zeit wie der Stier nach Lehrsatz I auch der Wassermann auf, also mit  $22^{\circ}46'$ . Nun gehen der Löwe und der Wassermann bei Sphaera recta (S. 57,17) mit je  $29^{\circ}54'$  auf, und ihre Aufgangssumme ist nach Lehrsatz II bei Sphaera obliqua dieselbe wie bei Sphaera recta, also

$$\varnothing + \infty = 29^{\circ}54' + 29^{\circ}54'$$

$$\begin{aligned} \text{Folglich ist } \varnothing &= 59^{\circ}48' - \infty \text{ bei Sphaera obliqua} \\ \text{also } \varnothing &= 59^{\circ}48' - 22^{\circ}46' = 37^{\circ}2'. \end{aligned}$$

In derselben Zeit wie der Löwe geht aber nach Lehrsatz I auch der Skorpion auf.

17) S. 93. Jede Aufgabe soll durch ein Beispiel für den Parallel von Rhodus unter Zugrundelegung desselben Tages erläutert werden. Es sei zu diesem Zweck der 2. ägyptische Tybi des 607<sup>ten</sup> Jahres seit Nabonassar (27. Januar 141 v. Chr.) gewählt, an welchem die Sonne (S. 351,16) in  $\infty 5^{\circ}$  stand.

1. Es soll die Länge des Lichttages am 2. Tybi bestimmt werden.

Wenn der Tagbogen der Sonne auf dem durch  $\infty 5^{\circ}$  gehenden südlichen Parallelkreis zum Äquator verläuft, passiert der Halbkreis der Ekliptik von  $\infty 5^{\circ}$  bis  $\varnothing 5^{\circ}$  nach der Aufgangstafel für Rhodus (S. 95) die sichtbare Hemisphäre mit  $150^{\circ}32'$  des Äquators. Demnach beträgt

die Länge des Lichttages	$150^{\circ}32' : 15 = 10^{\text{st}} 2^{\text{m}} 8^{\text{s}}$
die bürgerliche Tagstunde <sup>a)</sup>	$\frac{150^{\circ}32' \cdot 4}{12} = 50^{\text{m}} 10^{\text{s}} 40^{\text{t}}$
die bürgerliche Nachtstunde	$= 69^{\text{m}} 49^{\text{s}} 20^{\text{t}}$

2. Die bequemere Berechnung der bürgerlichen Stunde beruht darauf, daß man zunächst die Differenz ( $bEA$ ) zwischen dem halben Tagbogen des zwölfstündigen Tages bei Sphaera recta (d. i. allgemein des Nachtgleichentags) und dem halben Tagbogen des für Rhodus als gegeben vorliegenden Tages feststellt. Die nach der dritten Spalte der Tafel für Sphaera recta (S. 94) auf  $\infty 5^{\circ}$  entfallende Aufgangssumme beträgt (vom Frühlingspunkt ab gezählt)  $307^{\circ}24'$ , die aus der Tafel für Rhodus hervorgehende

a) Die vorgeschriebene Teilung durch 12 ergibt zunächst  $12^{\circ}32'40''$ ; da auf den Zeitgrad 4 Minuten entfallen, so hat man noch die Multiplikation mit 4 vorzunehmen. Die bürgerliche Nachtstunde ist natürlich die Ergänzung der bürgerlichen Tagstunde zu 2 Äquinoktialstunden.

322° 8' <sup>a</sup>). Indem man diese Summen um drei Quadranten vermindert, erhält man je den halben Tagbogen. Indes bleibt es sich für das Ergebnis gleich, ob man diese 270° vorher abzieht oder nicht. Die Differenz beträgt jedenfalls 14° 44'. Man hat sich den Verlauf so vorzustellen, daß bei Sphaera recta (oder am Nachtgleichen-tag) die Sonne vom Aufgang bis zum Meridian in 90 Zeitgraden gelangt, während für Rhodus diese Strecke (d. i. der halbe Tagbogen des 2. Tybi) nur (90° - 14° 44' =) 75° 16' beträgt. Der 6<sup>te</sup> Teil der Differenz 14° 44' stellt mit 2° 27' 20" den Betrag dar, um welchen die bürgerliche Stunde des 2. Tybi kürzer ist als die Äquinoktialstunde von 15°. Sie beträgt demnach

$$15^{\circ} - 2^{\circ} 27' 20'' = 12^{\circ} 32' 40'' \text{ oder } 50^m 10^s 40^t.$$

Man kann die bequemere Berechnung der bürgerlichen Stunde auch mit Hilfe der oben gewonnenen halben Tageslänge ausführen, welche 5<sup>st</sup> 1<sup>m</sup> 4<sup>s</sup> beträgt. Die Differenz der halben Tagbogen ist (6<sup>st</sup> - 5<sup>st</sup> 1<sup>m</sup> 4<sup>s</sup> =) 58<sup>m</sup> 56<sup>s</sup>. Der 6<sup>te</sup> Teil davon, d. s. 9<sup>m</sup> 49<sup>s</sup> 20<sup>t</sup>, gibt von 60<sup>m</sup> abgezogen die bürgerliche Tagstunde und zu 60<sup>m</sup> addiert die bürgerliche Nachtstunde.

3. Es sollen 3 bürgerliche Tagstunden von 50<sup>m</sup> 10<sup>s</sup> 4<sup>t</sup> in Äquinoktialstunden verwandelt werden.

Auf die bürgerliche Tagstunde des 2. Tybi entfallen 12° 32' 40". In Befolgung der vorgeschriebenen Berechnung erhält man

$$\frac{3 \cdot 12^{\circ} 32' 40''}{15^{\circ}} = 2 \text{ Äquinoktialstunden } 30^m 32^s.$$

Sollen umgekehrt 3 Äquinoktialstunden in bürgerliche Tagstunden von der gegebenen Länge verwandelt werden, so erhält man (unter gelegentlicher Abrundung)

$$\frac{3 \cdot 15^{\circ}}{12^{\circ} 32' 40''} = \frac{15^{\circ}}{4^{\circ} 11'} = \frac{900'}{250'} = 3\frac{3}{5} \text{ bürgerliche Tagstunden.}$$

4. Es sei die bürgerliche Tagstunde des 2. Tybi mit rund 12° 30' zugrunde gelegt.

a) Soll der am 2. Tybi 4 bürgerliche Stunden nach Sonnenaufgang aufgehende Ekliptikgrad gefunden werden, so addiert man das Produkt  $4 \times 12^{\circ} 30' = 50^{\circ}$  zu der nach der Tafel für Rhodus auf  $\approx 5^{\circ}$  entfallenden Aufgangssumme 322° 8'. Hierauf geht man (nach Abzug eines ganzen Kreises) mit der erhaltenen Zahl (372° 8' -

a) Der vom Widderpunkt ab numerierte Grad des Äquators, welcher mit  $\approx 5^{\circ}$  gleichzeitig im Horizont steht, ist der 307<sup>te</sup>, wenn man den Globus auf Sphaera recta, der 322<sup>te</sup>, wenn man ihn auf die Polhöhe von Rhodus einstellt. Die Handhabung des Globus erleichtert wesentlich die Lösung derartiger Aufgaben, da die Benutzung der Tafeln für innerhalb der Zeichendrittel liegende Ekliptikgrade meist mit mühsamer Rechenarbeit verbunden ist.

$360^{\circ} = 12^{\circ} 8'$  wieder in die Tafel für Rhodus ein und findet zu dieser Aufgangszahl  $\gamma 19^{\circ}$  als den 4 bürgerliche Stunden nach Sonnenaufgang aufgehenden Grad.<sup>a)</sup>

b) Soll der 4 bürgerliche Stunden nach dem Mittag des 2. Tybi über dem Horizont kulminierende Ekliptikgrad gefunden werden, so addiert man die oben erhaltenen 50 Zeitgrade zu der nach der Tafel für Sphaera recta auf  $\approx 5^{\circ}$  entfallenden Summe  $307^{\circ} 24'$ , die jetzt, auf den Meridian bezogen, als Durchgangssumme zu bezeichnen ist. Hierauf geht man mit der erhaltenen Durchgangssumme  $357^{\circ} 24'$  wieder in die Tafel für Sphaera recta ein und findet zu dieser Zahl, und zwar für alle unter demselben Meridian liegenden Orte geltend,  $\kappa 27^{\circ}$  als den für Rhodus 4 bürgerliche Stunden oder (allgemein geltend  $\frac{4 \cdot 12^{\circ} 30'}{15} = 3\frac{1}{3}$  Äquinoktialstunden nach Mittag über dem Horizont kulminierenden Ekliptikgrad.<sup>b)</sup>

5. Soll der am 2. Tybi bei Aufgang von  $\approx 5^{\circ}$  über dem Horizont kulminierende Ekliptikgrad gefunden werden, so zieht man von der nach der Tafel von Rhodus erhaltenen Aufgangssumme  $322^{\circ} 8'$  die 90 Zeitgrade des Quadranten ab und geht mit der sich ergebenden Differenz  $232^{\circ} 8'$  in die Tafel für Sphaera recta ein, um aus ihr zu der Durchgangssumme dieses Betrags den für alle unter demselben Meridian liegenden Orte über dem Horizont kulminierenden Grad mit  $\eta 24\frac{1}{2}^{\circ}$  zu entnehmen.<sup>c)</sup>

Will man umgekehrt aus dem kulminierenden Grad  $\eta 24\frac{1}{2}^{\circ}$  den für Rhodus aufgehenden Grad bestimmen, so addiert man die 90 Zeitgrade des Quadranten zu der in der Tafel für Sphaera recta auf  $\eta 24\frac{1}{2}^{\circ}$  entfallenden Durchgangssumme  $232^{\circ} 8'$ . Geht man mit der erhaltenen Summe  $322^{\circ} 8'$  in die elbe Tafel ein, so findet man als den zurzeit unter dem Äquator aufgehenden Grad  $\approx 19\frac{2}{3}^{\circ}$ . Um den für Rhodus aufgehenden Grad zu erhalten, muß man demnach mit  $322^{\circ} 8'$  in die Tafel für Rhodus eingehen,

a) Während bei der Polhöhe von  $36^{\circ} \approx 5^{\circ}$  im Horizont des Globus steht, kulminiert der 232. Äquatorgrad. Dreht man den Globus 50 Äquatorgrade westwärts, so wird man im Meridian den 282. Äquatorgrad und im Horizont zum 12. Äquatorgrad  $\gamma 19^{\circ}$  finden.

b) Es kulminiert  $\approx 5^{\circ}$  mit dem 308. Äquatorgrad. Dreht man den Globus 50 Äquatorgrade westwärts, so wird man  $\kappa 27^{\circ}$  im Meridian finden. Dreht man dieselbe Anzahl von Äquatorgraden ostwärts, so erhält man als den 4 bürgerliche Stunden vor Mittag mit dem 258. Äquatorgrad kulminierenden Ekliptikgrad  $\sphericalangle 18^{\circ}$ .

c) Steht bei der Polhöhe von Rhodus  $\approx 5^{\circ}$  im Horizont, so entnimmt man dem Globus als den mit dem 232. Äquatorgrad kulminierenden Ekliptikgrad rund  $\eta 24^{\circ}$ .

um dort  $\approx 5^\circ$  zu finden, was mit der oben (S. 424) festgestellten Differenz  $14^\circ 44'$  ohne wesentlichen Fehler übereinstimmt.

18) S. 130. 219. Der Sachverhalt ist ganz klar, wenn  $\acute{\omicron} \acute{\upsilon} \rho \alpha \kappa \acute{\epsilon} \iota \mu \epsilon \nu \omicron \varsigma$  gestrichen wird. Bei der Mondfinsternis am 19. März 721 v. Chr. trat die Mitte für Babylon, wo sie beobachtet wurde,  $2\frac{1}{2}$  Äquinoktialstunden vor Mitternacht ( $9^h 30^m$  abends) ein. Mithin ist Babylon der „zugrunde gelegte Ort“, d. h. der Ort, dessen Zeit gegeben ist. Der „in die Untersuchung einbezogene Ort“, d. h. der Ort, dessen Zeit gesucht wird, weil nach seinem Meridian die Berechnung durchgeführt werden soll, ist Alexandria, welches (nach antiker Messung)  $12\frac{1}{2}^\circ$ , auf dem Äquator gemessen, westlich von Babylon liegt. Von der Ortszeit Babylons sind demnach  $12\frac{1}{2}$  Zeitgrade =  $50^m$  zu subtrahieren, d. h. die Mitte der Finsternis trat für Alexandria als den weiter westlich gelegenen Ort um so viel früher, also  $8^h 40^m$  abends ein. Wäre Alexandria der zugrunde gelegte Ort mit der gegebenen Zeit, so würden für das weiter östlich gelegene Babylon als den in die Untersuchung einbezogenen Ort  $50^m$  zur Ortszeit zu addieren sein.

19) S. 134. Derartige Metallringe zur Beobachtung der Nachtgleichen hat man sich an der Südseite einer Mauer, die sich genau in der Ostwestlinie erstreckt, mittels eines Halters angebracht zu denken, welcher die Ringebene genau in der Ebene des Äquators schwebend erhält. Stand die Sonne südlich des Äquators, wie vor der Frühlingsnachtgleiche, so belichtete sie die konkave (d. i. innere) Fläche der hinteren Ringhälfte von unten; trat sie in den Äquator, so stellte sich der Moment ein, wo die vordere (d. i. die der Sonne näher liegende) Ringhälfte die hintere konkave derart in Schatten setzte, daß auf letzterer ein beiderseits von einem gleichbreiten Lichtstreifen (s. S. 135,5) umrahmter Kernschatten erschien. Dies mußte der Moment des Eintritts der Nachtgleiche sein. Erhob sich die Sonne nun über den Äquator, d. h. bekam sie nördliche Deklination, so belichtete sie erstmalig die konkave Innenfläche von oben, also von der anderen Seite wie bisher. Umgekehrt fand unmittelbar nach dem Eintritt der Herbstnachtgleiche die erstmalige Belichtung von unten statt, also wieder von der anderen Seite als bisher.

20) S. 134. 135. Um Jahre der zweiten, dritten usw. Kallippischen Periode auf Jahre der christlichen Zeitrechnung zu reduzieren, multipliziert man die Zahl der verflossenen Perioden mit 76, addiert zum Produkt das Jahr der laufenden Periode und zieht die Summe von 331 ab. Die Differenz  $331 - 169$  ergibt im vorliegenden Fall das Jahr 162 v. Chr. Nun läuft das Kallippische Jahr von Sommerwende zu Sommerwende. Folglich wird das Jahr 17. III Kall. von Ende Juni 162 bis Ende Juni 161 v. Chr. laufen. Der September fällt demnach noch in das Jahr 162. In diesem Jahre liegt der 1. Thoth des ägyptischen Wandeljahres

(s. die Ärentafel im Hdb. d. klass. Altertumsw., hgg. von Iwan Müller, I. Bd. S. 655 ff.) auf dem 3. Oktober. Mithin fallen die 5 Zusatztage des vorangehenden Wandeljahres auf den 28. September bis 2. Oktober, der 30. Mesore auf den 27. September.

Für das Jahr 32. III Kall. (S. 135) ergibt die Differenz 331 — 184 als Anfangsjahr 147 v. Chr. Folglich fällt der März in das Jahr 146. Nun ist der 27. Mechir der 177<sup>te</sup> Tag des mit dem 29. September 147 beginnenden ägyptischen Jahres, fällt also auf den 24. März des Jahres 146 v. Chr.

21) S. 135. 136. Der Grund dieser Erscheinung ist in der emporhebenden Wirkung der Refraktion zu suchen, welche den Alten unbekannt war. Sie beträgt im Horizont 33 Bogenminuten, d. i. einen Sonnendurchmesser, und verschwindet in größerer Höhe völlig. Ging die Sonne unmittelbar vor der Frühlingsnachtgleiche mit einer geringen südlichen Deklination auf, so erschien sie dem Beobachter bei oder kurz nach dem Aufgang bereits im Äquator. Der Ring zeigte demnach den beiderseits von einem gleichbreiten Lichtstreifen umrahmten Kernschatten. Erhob sich die Sonne höher über den Horizont, so machte sich infolge der Abnahme der Refraktion die südliche Deklination bemerklich: die Beschattung verschwand wieder. Bald darauf trat aber die Sonne wirklich in den Äquator: die signifikante Belichtung der konkaven Ringhälfte erschien wieder. So wurde es möglich, daß der Ring an demselben Tage zweimal hintereinander das Äquinoktium anzeigte.

Die Erklärung der zweimaligen Belichtung, welche sich (S. 136, 10) Ptolemäus in Ermangelung der einzig richtigen aus der Altersschwäche der Ringe zurechtlegt, ist natürlich unzureichend. Es konnte wohl durch eine geringe Veränderung der Lage eines Ringes die Feststellung eines verfrühten oder verspäteten Eintritts der Nachtgleiche verursacht werden, aber wie aus der fehlerhaften Lage eines Ringes die zweimalige Belichtung der konkaven Fläche zustande gekommen sein soll, ist unerfindlich; denn für die wenigen Stunden, welche am Beobachtungstag in Betracht kommen, dürfte wohl auch ein falsch eingestellter Ring seine Lage dauernd beibehalten haben.

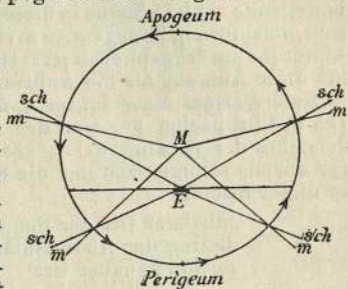
22) S. 135. Liegt der Frühlingspunkt des Instruments infolge fehlerhafter Gradteilung oder Aufstellung um den Betrag von  $0^{\circ}6'$  z. B. südlich des himmlischen Äquators, so wird die Sonne auf dem schiefen Kreise, nachdem sie in den Äquator des Instruments getreten ist, noch den letzten Viertelgrad der Fische zurückzulegen haben, ehe sie den wirklichen Frühlingspunkt erreicht. Da nämlich nach der Tabelle der Schiefe am Anfang des 30<sup>ten</sup> Grades der Fische die südliche Deklination noch  $0^{\circ}24'$  beträgt, so entfällt auf den letzten Viertelgrad dieses Zeichens ein südlicher Abstand von 6 Minuten, was genau der Betrag des Fehlers ist. Setzt man die tägliche Bewegung der Sonne in Länge mit rund  $1^{\circ}$  an,

so wird sie diesen letzten Viertelgrad vor dem Frühlingspunkt in einem Vierteltag zurücklegen und erst hiermit in den himmlischen Äquator treten. Nun muß sich aber der Beobachter den Zeitpunkt notiert haben, zu welchem die Sonne in den Äquator seines Instruments getreten ist; somit hat er die Beobachtung 6 Stunden zu früh für beendet gehalten und wird bei dem Vergleich mit einer vorjährigen genauen Beobachtung der Gleiche die Wahrnehmung machen, daß ihm der über 365 Tage überschießende Vierteltag fehlt.

23) S. 167 zweimal. Infolge dieser irrtümlichen Annahme des Ptolemäus blieb die Entdeckung der Bewegung der Apsidenlinie der Sonnenbahn 780 Jahre später dem großen Astronomen der Araber Albatenus († 928 n. Chr.) vorbehalten. Er beobachtete das Apogeum in  $\Pi 22^\circ$  und schloß aus der Differenz seit Ptolemäus auf eine in der Richtung der Zeichen vor sich gehende langsame Änderung des Apogeums, welche scheinbar vergrößert wird durch die rückläufige Bewegung des Frühlingspunktes. Es ist begreiflich, daß dieses Vorrücken des Apogeums einen Einfluß auf die Dauer der astronomischen Jahreszeiten haben muß. Je näher das Apogeum (im Sinne der Alten) dem Sommerwendepunkt ( $\odot 0^\circ$ ) kommt, um so mehr muß die Dauer des astronomischen Frühlings (zu Hipparchs Zeit  $94\frac{1}{2}^a$ ) verkürzt und die Dauer des astronomischen Sommers (zu Hipparchs Zeit  $92\frac{1}{2}^a$ ) verlängert werden, bis bei der Lage des Apogeums im Wendepunkt selbst (1250 n. Chr.) die völlige Gleichheit der Dauer beider Jahreszeiten eintrat. Rechnet man mit dem heutzutage feststehenden Werte der säkularen Bewegung des Apogeums von  $1^\circ, 71$ , welcher sich aus  $0^\circ, 32$  der eigenen Änderung und aus  $1^\circ, 39$  der rückläufigen Bewegung des Frühlingspunktes zusammensetzt, so war das Apogeum in den rund 2,85 Jahrhunderten (S. 142, 14; 143, 1 handelt es sich um ägyptische Jahre), welche Ptolemäus später als Hipparch beobachtete,  $1^\circ, 71 \times 2,85 = 4^\circ, 87$  oder  $4^\circ 52'$  in der Richtung der Zeichen vorgerückt und lag demgemäß in  $\Pi 10^\circ 22'$ . Der Veränderung des Verhältnisses  $94\frac{1}{2} : 92\frac{1}{2}$  entsprechend mußte Ptolemäus daher den  $\angle ZEE$  (S. 170, 14) mit höchstens  $20^\circ$  statt  $24^\circ 30'$  ableiten. Daß ihm eine so bedeutende Differenz in der Lage des Apogeums unerkannt bleiben konnte, wirft auf sein Beobachertalent kein sehr günstiges Licht. Zweifelhaft kann allerdings erscheinen, ob er die Sommerwende überhaupt beobachtet hat. Von Beobachtung ist nur einmal (S. 144, 12) die Rede, während er an drei anderen Stellen (S. 143, 19. 23; 167, 22) dieselbe „genau berechnet“ zu haben versichert. Nun mußte aber seine Berechnung, er mochte sie anstellen, wie er wollte, sich auf die Anomalietabelle der Sonne stützen, deren Werte auf der Annahme des Apogeums in  $\Pi 5^\circ 30'$  beruhen. Es kam also hier lediglich auf eine genaue Beobachtung an. Daß es aber an einer solchen gefehlt hat, scheint auch aus

dem mit Stillschweigen übergangenen Umstand hervorzugehen, daß die Zwischenzeit zwischen Frühlingsnachtgleiche und Sommerwende nicht, wie in Folge des Vorrückens des Apogeums zu erwarten steht, um einen merklichen Betrag kürzer als  $94\frac{1}{2}$  Tage gefunden wird, sondern (s. S. 168 Anm.) um eine volle Stunde länger.

24) S. 182. 185. Zwischen Apogeum und Perigeum muß der scheinbare (*sch*) oder genaue Ort der Sonne hinter dem mittleren Ort (*m*) zurückliegen, weil auf diesem Halbkreis die ungleichförmige oder scheinbare Bewegung der Sonne kleiner ist als die gleichförmige oder mittlere. Will man also aus dem nach den Tafeln errechneten mittleren Ort den scheinbaren finden, so muß Abzug ( $\alpha\varphi\alpha\iota\varrho\epsilon\sigma\iota\varsigma$ ) der Anomaliedifferenz vorgenommen werden. Umgekehrt bedarf es zwischen Perigeum und Apogeum, weil auf diesem Halbkreis die scheinbare Bewegung größer ist als die mittlere, zur Gewinnung des scheinbaren Ortes aus dem mittleren des Zusatzes ( $\pi\rho\acute{o}\sigma\theta\epsilon\sigma\iota\varsigma$ ).



Soll aber der mittlere Ort aus dem durch die Beobachtung gegebenen scheinbaren Orte gewonnen werden, so tritt natürlich umgekehrt zwischen Apogeum und Perigeum der Zusatz, und zwischen Perigeum und Apogeum der Abzug ein.

25) S. 184. Die Zwischenzeit von 879 ägyptischen Jahren, 66 Tagen und 2 Äquinoktialstunden ist in einzelne Abschnitte zu zerlegen, wie sie nach der Einrichtung der Tafeln geboten werden. Hierauf notiert man die den betreffenden Abschnitten beigesetzten Gradbeträge und erhält aus der Summe nach Abzug ganzer Kreise die Anzahl der Grade, welche die Sonne in dem Zeitraum, um welchen es sich handelt, in mittlerer Bewegung zurückgelegt hat. Die einzelnen Posten, welche man im vorliegenden Fall zu summieren hat, sind folgende:

810 ägyptische Jahre:	163°	4'	12''
54 " " :	346	52	16
15 " " :	356	21	11
60 Tage:	59	8	17
6 " :	5	54	49
2 Stunden:	0	4	55
	<hr/>	<hr/>	<hr/>
	931°	25'	40''
2 volle Kreise	720°	—	—
Überschuß	<hr/>	<hr/>	<hr/>
	211°	25'	40''.

26) S. 191. 228. Es sollen in dem Intervall  $1^{\text{a}} 137^{\text{d}} 5^{\text{h}}$ , welches zwischen der Mondfinsternis am 20. Oktober 134 n. Chr.  $11^{\text{h}}$  abends bis zu der Mondfinsternis am 6. März 136  $4^{\text{h}}$  früh liegt, die über das Jahr überschießenden bürgerlichen Tage in gleichförmige Sonnentage umgerechnet werden, d. h. es soll die Differenz berechnet werden, um welche die in der Ekliptik sich ungleichförmig bewegende wahre Sonne in dieser Zwischenzeit einer im Äquator sich gleichförmig bewegenden mittleren Sonne vorausgeeilt oder hinter ihr zurückgeblieben ist. Die moderne Astronomie bezeichnet diese Aufgabe als die Anbringung der Zeitgleichung.

Nach Verlauf eines Jahres von  $365^{\text{d}} 6^{\text{h}}$ , d. i. am 20. Oktober 135 n. Chr. nachm.  $6^{\text{h}}$ , war der mittlere Ort der Sonne wieder derselbe, d. i. (s. Anm. 31)  $\underline{\underline{26^{\circ} 41'}}$ . Da nun in weiteren  $5^{\text{st}}$  bis  $11^{\text{h}}$  abends selbigen Datums die Sonne  $0^{\circ} 12'$  zurücklegt, so war zu dieser Stunde

mittlerer Ort der Sonne	$\underline{\underline{26^{\circ} 53'}}$
Betrag der Anomaliedifferenz	$- 1^{\circ} 33'$
mithin genauer Ort	$\underline{\underline{25^{\circ} 20'}}$

Es war aber von dieser Stunde ab nach 137 Tagen und 5 Stunden, d. i. am 6. März 136 (Schaltjahr)  $4^{\text{h}}$  früh (s. Anm. 31)

mittlerer Ort der Sonne	$\text{X} 11^{\circ} 42'$
Betrag der Anomaliedifferenz	$+ 2^{\circ} 21'$
mithin genauer Ort	$\text{X} 14^{\circ} 3'$

Es beträgt folglich

das gleichförmige Intervall von  $\underline{\underline{26^{\circ} 53'}}$  bis  $\text{X} 11^{\circ} 42'$   $134^{\circ} 49'$   
 das ungleichförmige „ „  $\underline{\underline{25^{\circ} 20'}}$  bis  $\text{X} 14^{\circ} 3'$   $138^{\circ} 43'$ .

Mit diesem Intervall von  $138^{\circ} 43'$  der Ekliptik gehen nach der Tafel für Sphaera recta (S. 94)  $143^{\circ}$  des Äquators durch den Meridian. Die Differenz zwischen diesen Graden und dem gleichförmigen Intervall von (rund)  $135^{\circ}$  der Ekliptik beträgt  $8^{\circ}$  oder 32 Minuten, welche Ptolemäus mit  $\frac{1}{2}$  Stunde in Rechnung bringt. In dem gegebenen Intervall von 137 Tagen und 5 Stunden, welches in der Erdnahe verläuft, ist also die wahre Sonne der gleichförmigen um eine halbe Stunde vorangeeilt; folglich muß zur Bestimmung der wahren Sonnenzeit am Ende des Intervalls eine halbe Stunde hinzugefügt werden. Dieser Zusatz ist notwendig für die nunmehr (S. 229, 1) sich anschließende Berechnung der Laufstrecke, welche der Mond in der gegebenen Zwischenzeit von dem der Sonne diametral gegenüberliegenden Orte bis zu dem wieder diametral gegenüberliegenden, d. h. bis zum Eintritt der genauen Vollmondszygie zurückgelegt hat. Er würde ohne diesen Zusatz zu der bürgerlichen Zeit am 6. März  $4^{\text{h}}$  früh in Länge noch  $16' 28''$  zurück sein; denn so viel beträgt seine mittlere Bewegung in einer halben Stunde.

27) S. 219. Daß die Ägypter den Tag mit Sonnenaufgang anfangen, steht allgemein fest (Ideler, Chron. I, S. 100 f.; Lepsius, Chron. der Ägypter I, S. 130; Ginzel, Chron. I, S. 161). Diese Definition des ägyptischen Tages muß vorausgesetzt werden zur richtigen Beurteilung des astronomischen Tages, welcher von Mittag zu Mittag gerechnet wird und deshalb durch ein doppeltätiges Datum zu bezeichnen ist ( $\Theta\acute{\omega}\delta' \kappa\theta' \epsilon\iota\varsigma \tau\eta\nu \lambda'$ ). Diese doppeltätigen Daten wendet Ptolemäus überall da an, wo es sich auf Grund einer längeren oder kürzeren Zwischenzeit um Berechnungen nach den Sonnen- und den Mondtafeln handelt, weil diesen Tafeln als Epoche, d. i. als Ausgangspunkt der Berechnung, der Mittag des 1. Thoth des ersten Regierungsjahres des Nabonassar zugrunde gelegt ist. Der astronomische Tag umfaßt also vom ersten Datum die 6 bürgerlichen Tagstunden von Mittag bis Sonnenuntergang und die 12 bürgerlichen Nachtstunden bis Sonnenaufgang, vom zweiten Datum dagegen nur die 6 bürgerlichen Tagstunden von Sonnenaufgang bis Mittag. Daß die beiden Daten nicht wie bei dem modernen astronomischen Doppeltag durch die Mitternachtstunde geschieden werden, ist von Böckh (Sonnenkreise der Alten, S. 303 f.) eingehend nachgewiesen worden. Ein besonders deutliches Beispiel hierfür liefert die Setzung der Sommerwende (S. 144,1; 167,30) auf den 11. Mesore ungefähr 2 Stunden „nach der Mitternacht auf den 12<sup>ten</sup>“. Diese ausdrückliche Setzung der Wende auf den 11<sup>ten</sup>, obgleich sie nach Mitternacht eintrat, läßt keinen Zweifel aufkommen, daß Mitternacht nicht die Grenzscheide zwischen den beiden Daten ist. Die ähnliche Bestimmung mit Beziehung auf die Mitternacht liegt bei einer von Hipparch beobachteten Frühlingsnachtgleiche (S. 135,13) vor. Sonst wird bei reinen Beobachtungen, d. i. bei solchen, mit denen keinerlei Berechnung des Sonnenortes nach den Tafeln verbunden ist, in der Regel das eintägige Datum gesetzt, wie bei Angaben von Nachtgleichen und Wendepunkten oder Mondbeobachtungen (S. 134 f.; 265,9; 266,6). Zweideutig könnte die Ansetzung einer Beobachtung durch das einfache Datum nur dann werden, wenn sie in die Morgendämmerung fällt, weil der ägyptische Tag beiderseits von einer Morgendämmerung begrenzt wird. Somit könnte es für Planetenbeobachtungen, welche kurz vor Sonnenaufgang angestellt werden, bei Anwendung des eintägigen Datums zweifelhaft sein, in welche der beiden Morgendämmerungen sie fallen. Da nun Planetenbeobachtungen stets mit einer Berechnung des jeweiligen Sonnenortes verbunden sind, so wird zur Bestimmung ihrer Zeit in der Regel der astronomische Doppeltag angewendet, welcher keinen Zweifel darüber läßt, daß die Beobachtung in die Morgendämmerung des zweiten Datums fällt. Hieraus ist zu schließen, daß die Zeit der Morgendämmerung grundsätzlich zum Anfang des beginnenden, nicht

zum Ende des verflossenen Tages gerechnet wird. Wird ausnahmsweise das eintägige Datum gebraucht, so kann, wenn es sich um eine Abendbeobachtung handelt (wie Hei I<sup>2</sup> S. 270,21; 273,17; 274,1), überhaupt kein Zweifel sein, während die Zugehörigkeit einer Morgenbeobachtung so deutlich ausgedrückt wird (wie z. B. Heil<sup>2</sup> S. 275,12: *Μεσορῆ εἰς τὴν κδ' ὄρθρου*), daß jede Beziehung auf den vorhergehenden Tag ausgeschlossen ist. Daß aber schon das einfache Datum (Hei I<sup>2</sup> S. 273,23: 19. Epiphi) unzweideutig die diesen Tag beginnende Morgendämmerung angibt, beweist die anderweitige Bezeichnung derselben Beobachtung (Hei I<sup>2</sup> S. 262,21: 18/19. Epiphi früh) durch den Doppeltag. Noch deutlicher geht dies aus einer auf den 18/19. Thoth datierten Beobachtung des Merkur (Hei I<sup>2</sup> S. 288,11) hervor, bei welcher „die mittlere Sonne am 19. Thoth in der Morgendämmerung in  $\eta$  20°50' stand“.

28) S. 219. 220. 250. Zur Berechnung der Dauer einer Finsternis bietet die vierte Spalte der Mondfinsternistabellen in Gradteilen die Laufstrecke, welche der Mond während der Phase des Eintritts, und die fünfte Spalte die Laufstrecke, welche er bis zur Hälfte der Totalität zurücklegt. Durch Umrechnung dieser Laufstrecken in Zeit, d. h. in die Zeit, welche der Mond bei ungleichförmiger Bewegung braucht, um diese Strecke zurückzulegen, erhält man demnach die halbe Dauer der Finsternis. Für die halbe Dauer einer zentralen Mondfinsternis geben diese Tabellen (S. 390) folgende Laufstrecken:

bei der kleinsten Entfernung	$35^{\circ}20''$	+	$28'6''$	=	$63'26''$
bei der größten	„	„	$31^{\circ}20''$	+	$25'4''$
			die Differenz beträgt		$4'0'' + 3'2'' = 7'2''$ .

A. Dauer der ersten (zentralen) Finsternis (S. 219). Da die Entfernung des Mondes von dem Apogeum des Epizykels bei der zweiten Finsternis (in Punkt B Fig. S. 222) den Bogen  $\Lambda B = 12^{\circ}24'$  (S. 227,24) betrug, so hat man zu diesem Bogen, um die Entfernung bei der ersten Finsternis (in Punkt A) zu erhalten, den Bogen  $BA = 53^{\circ}35'$  (S. 222,17) zu addieren. Mithin stand der Mond  $66^{\circ}$  vom Apogeum des Epizykels entfernt. Für diese Anomaliezahl gibt die Korrektionsstabelle (S. 391)  $\frac{17}{60}$ , der oben mit  $7'2''$  festgestellten Differenz. Die für die vorliegende Erdentfernung anzusetzende Finsternislaufstrecke findet man dadurch, daß man diese  $\frac{17 \cdot 7'2''}{60} = 2'$  zu der kleineren der oben festgestellten Summen addiert, was  $58'24''$  gibt, wozu  $\frac{1}{12} = 4'52''$  für die Weiterbewegung des Schattenzentrums während der halben Dauer zu rechnen ist. Auf die stündliche ungleichförmige Bewegung des Mondes entfallen (Anm. 43 a. E.) bei  $66^{\circ}$  Anomalie  $31'40''$ . Er legt also in zwei Stunden bei einer Bewegung von  $63'20''$  über die Strecke  $58'24'' + 4'52'' = 63'16''$  noch  $4''$  zurück, so daß er

in dieser Zeit die halbe Dauer schon um knapp  $8^s$  überschritten haben wird. Da dies für die ganze Dauer nur ein Minus von etwa  $15^s$  an 4 Stunden ausmacht, so ist der Ansatz der ganzen Dauer dieser zentralen Finsternis in der vorliegenden Entfernung mit 4 Stunden (von  $7^h 30^m$  bis  $11^h 30^m$ ) als zutreffend zu bezeichnen.

Eine nahezu zentrale Finsternis in Erdnähe, deren ganze Dauer (S. 250) mit „ungefähr 4 Äquinoktialstunden“ angegeben wird, muß natürlich infolge der schnelleren Bewegung des Mondes hinter der Zeit von 4 Stunden etwas zurückbleiben. Bei der stündlichen Bewegung von  $36' 12''$  in Erdnähe (s. Anm. 43) wird der Mond über die  $(63' 26'' + 5' 17'' =) 68' 43''$  betragende Strecke der halben Dauer bei Zurücklegung von  $72' 24''$  in 2 Stunden schon  $3' 41''$  hinaus sein, folglich in weiteren 2 Stunden den Rand des Kernschattens  $7' 22''$  hinter sich haben, d. h. der Austritt aus dem Schatten wird schon  $12^m 28^s$  vor Ablauf von 4 Stunden erfolgt sein.

Dagegen wird in Erdferne der Mond bei der stündlichen Bewegung von  $30' 12''$  (Anm. 43) von der  $(56' 24'' + 4' 44'' =) 61' 8''$  betragenden Strecke der halben Dauer bei Zurücklegung von  $60' 24''$  in 2 Stunden noch  $44''$  bis zur Mitte der Finsternis zu durchlaufen haben, was  $1^m 28^s$  ausmacht, folglich nach weiteren 2 Stunden noch  $2^m 56^s$  brauchen, um den völligen Austritt aus dem Schatten zu bewerkstelligen.

B. Dauer der (partialen) dritten Finsternis (S. 220). Die Größe mag, weil über die Hälfte, 7 Zoll betragen haben. Für die halbe Dauer einer solchen Finsternis geben die beiden Finsternistabellen des Mondes als Laufstrecken

bei der kleinsten Entfernung	$46' 53''$
bei der größten	$41' 34''$
die Differenz beträgt	$5' 19''$

Die Entfernung des Mondes vom Apogeum des Epizykels war bei der dritten Finsternis (in Punkt  $\Gamma$ ) um den Bogen  $A\Gamma = 96^{\circ} 51'$  (S. 222, 20) größer als bei der ersten (in Punkt A), betrug demnach  $66^{\circ} + 96^{\circ} 51' = 162^{\circ} 51'$ . Für diese Anomaliezahl gibt die Korrektionstabelle  $^{58}/_{60}$ , so daß für die vorliegende Erdentfernung die Finsternislaufstrecke unter Zuschlag von  $\frac{5' 19'' \cdot 58}{60} = 5' 2''$  zu  $41' 34''$

mit  $46' 36''$  anzusetzen ist, wozu  $\frac{1}{12} = 3' 53''$  für die Weiterbewegung des Schattenzentrums zu rechnen ist, während die ungleichförmige Bewegung des Mondes bei dieser Entfernung in Länge  $35' 50''$  beträgt. Legt der Mond also von der Strecke  $(46' 36'' + 3' 53'' =) 50' 30''$  in einer Stunde  $35' 50''$  zurück, so wird er den Rest von  $14' 40''$  in  $24\frac{1}{2}^m$  zurücklegen. Die ganze Dauer einer siebenzölligen Finsternis wird demnach in der vorliegenden Entfernung 2 Stunden und 49 Minuten betragen, so daß die Angabe mit „nahezu 3 Stunden“ etwas reichlich bemessen erscheint.

29) S. 220 dreimal. Will man die Örter, welche die Sonne zur Zeit der Mitte der drei Finsternisse eingenommen hat, durch Berechnung nach den Sonnentafeln nachprüfen, so hat man zunächst für jede Finsternis den seit der Epoche bis zur Mitte verfloffenen Zeitraum in ägyptischen Jahren, Tagen und Äquinoktialstunden nach der genauen Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen festzustellen. Angegeben wird dieser Zeitraum (S. 236,10; 242,19) nur für die zweite Finsternis nach genauer Rechnung, wonach sich auch für die beiden anderen die seit der Epoche verstrichene Zeit gleichfalls nach genauer Rechnung bestimmen läßt.

Seit dem Mittag des 1. Thoth des ersten Jahres Nabonassars sind verfloffen

1. bis zur Mitte der ersten Finsternis, d. i. bis zum 29. Thoth  $8^h 40^m$  abends im ersten Jahre des Mardokempad, welches das 27<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar ist:  $26^a 28^d$  und  $8^h 40^m$  schlechthin, aber nur  $8^h 36^m$  nach genauer Rechnung, wenn man das von da ab bis zur zweiten Finsternis verstrichene Intervall von  $354^d 2^h 34^m$  (S. 221) von dem genauen Zeitpunkt der zweiten Finsternis subtrahiert;

2. bis zur Mitte der zweiten Finsternis, d. i. bis zum 18. Thoth  $11^h 10^m$  abends im zweiten Jahre des Mardokempad, welches das 28<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar ist:  $27^a 17^d 11^h 10^m$  sowohl schlechthin wie nach genauer Rechnung;

3. bis zur Mitte der dritten Finsternis, d. i. bis zum 15. Phaenoth  $7^h 40^m$  abends in demselben Jahre des Mardokempad:  $27^a 19^d$  und  $7^h 40^m$  schlechthin, aber nur  $7^h 22^m$  nach genauer Rechnung, wenn man das seit der zweiten Finsternis verstrichene Intervall von  $176^d 20^h 12^m$  (S. 221) zu dem genauen Zeitpunkt der zweiten Finsternis addiert.

Für die nach der Einrichtung der Sonnentafeln gebotenen Zeitabschnitte dieser Zwischenzeiten (vgl. Anm. 25) hat man folgende Gradbeträge den Tafeln zu entnehmen, ihrer Summe (nach S. 185,6) zur Bestimmung der Entfernung der Sonne vom derzeitigen Apogäum  $265^0 15'$  hinzuzufügen und vom Ergebnis ganze Kreise abzuziehen:

$18^a$	$355^0 37' 25''$	$18^a$	$355^0 37' 25''$	$18^a$	$355^0 37' 25''$
$8^a$	$35^0 3 18$	$9^a$	$357 48 42$	$9^a$	$357 48 42$
$28^d$	$27 35 52$	$17^d$	$16 45 20$	$180^d$	$177 24 51$
$8^h$	$19 42$	$11^h$	$27 6$	$14^d$	$13 47 56$
$\frac{3}{5}^h$	$1 27$	$\frac{1}{6}^h$	$24$	$7 \frac{11}{30}^h$	$18 9$
	<hr/>		<hr/>		<hr/>
	$741^0 37' 44''$		$730^0 38' 57''$		$904^0 57' 3''$
	$265^0 15'$		$265^0 15'$		$265^0 15'$
	<hr/>		<hr/>		<hr/>
	$1006^0 52' 44''$		$995^0 53' 57''$		$117^0 12' 3''$
	$720^0$		$720^0$		$1080^0$
	<hr/>		<hr/>		<hr/>
	$286^0 52' 44''$		$275^0 53' 57''$		$90^0 12' 3''$

Um aus diesen Endzahlen, welche die Entfernung der Sonne von dem Apogeum  $\Pi 5^{\circ}30'$  angeben, den mittleren Ort der Sonne nach Ekliptikzeichen zu finden, addieren wir zu jeder dieser Entfernungszahlen noch die ersten  $5^{\circ}30'$  der Zwillinge, um von der Summe ganze Zeichen zu  $30^{\circ}$  abziehen zu können, wodurch wir als Rest die Grade des gesuchten Zeichens erhalten. Um dann weiter den genauen Ort zu finden, gehen wir mit der vorstehend festgestellten Entfernung vom Apogeum in die Tabelle der Anomalie der Sonne (S. 182) ein und addieren den gefundenen Betrag (vgl. Anm. 24) in den beiden ersten Fällen, weil der Ort der Sonne zwischen Perigeum und Apogeum liegt, subtrahieren ihn aber im dritten Fall, weil der Ort zwischen Apogeum und Perigeum liegt. Die weitere Rechnung gestaltet sich demnach folgendermaßen:

Entfernung vom Apogeum	286° 52'	275° 54'	90° 12'
Grade der Zwillinge	5° 30'	5° 30'	5° 30'
	<u>292° 22'</u>	<u>281° 24'</u>	<u>95° 42'</u>
Ganze Zeichen	270°	270°	90°
Mittlerer Ort	⊕ 22° 22'	⊕ 11° 24'	⊖ 5° 42'
Anomalie	+ 2° 14'	+ 2° 21'	- 2° 23'
Genauer Ort	⊕ 24° 36'	⊕ 13° 45'	⊖ 3° 19'

30) S. 228. Zur Nachprüfung der Sonnenörter der drei Finsternisse unter Hadrian ist zunächst wieder für jede die seit der Epoche verflossene Zeit nach der genauen Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen festzustellen.

Seit dem Mittag des 1. Thoth des ersten Jahres Nabonassars sind verflossen

1. bis zur Mitte der ersten Finsternis, d. i. bis zum 20/21. Payni  $11^h 15^m$  abends im 17<sup>ten</sup> Jahre Hadrians, welches das 880<sup>te</sup> seit Nabonassar ist:  $879^a 289^d 11^h 15^m$  schlechthin;

2. bis zur Mitte der zweiten Finsternis, d. i. bis zum 2/3. Choiak  $11^h$  abends im 19<sup>ten</sup> Jahre Hadrians, welches das 882<sup>te</sup> seit Nabonassar ist:  $881^a 91^d 11^h$  schlechthin;

3. bis zur Mitte der dritten Finsternis, d. i. bis zum 19/20. Pharmuthi  $4^h$  früh im 20<sup>ten</sup> Jahre Hadrians, welches das 883<sup>te</sup> seit Nabonassar ist:  $882^a 228^d 16^h$  schlechthin.

Zur Bestimmung der nach genauer Rechnung seit der Epoche verflossenen Zeit gibt Ptolemäus (S. 235,4) einen Anhalt durch Angabe des genauen Intervalls von  $854^a 73^d 23^h 20^m$  zwischen der Finsternis im zweiten Jahre des Mardokempad und der zweiten Finsternis im 19<sup>ten</sup> Jahre Hadrians. Addiert man dazu das ebenfalls genaue Intervall von  $27^a 17^d 11^h 10^m$  seit der Epoche (s. Anm. 29) so erhält man für die zweite Finsternis  $881^a 91^d 10^h 30^m$  nach genauer Rechnung, mithin  $\frac{1}{2}$  Stunde Differenz.

Indem man die S. 229 gegebenen Intervalle einerseits hiervon subtrahiert, anderseits dazu addiert, erhält man für die erste und die dritte Finsternis

$$\begin{array}{r} 881^a \ 91^d \ 10^h \ 30^m \\ \underline{1^a \ 166^d \ 23^h \ 37 \frac{1}{2}^m} \\ 879^a \ 289^d \ 10^h \ 52 \frac{1}{2}^m \end{array} \qquad \begin{array}{r} 881^a \ 91^d \ 10^h \ 30^m \\ \underline{1^a \ 137^d \ 5^h \ 3 \frac{1}{2}^m} \\ 882^a \ 228^d \ 16^h \ 0^m. \end{array}$$

Somit ist die Mitte der ersten Finsternis nach genauer Rechnung  $22 \frac{1}{2}^m$  früher eingetreten, während für die Mitte der dritten der Zeitpunkt derselbe bleibt.

Da das 20<sup>te</sup> Jahr Hadrians das 883<sup>te</sup> seit Nabonassar ist, so ergibt sich das 21<sup>te</sup> als das 884<sup>te</sup>, mithin das erste als das 863<sup>te</sup>. Diesen Zahlen genau entsprechend werden in dem Ptolemäischen Kanon der Regenten dem Hadrian 21 Jahre vom 863<sup>ten</sup> bis zum 884<sup>ten</sup> Jahre seit Nabonassar zugeschrieben, und dem Antonin weitere 23 bis zum 907<sup>ten</sup> Jahre. Nach dem ägyptischen Wandeljahre (Ginzel, Chron. I S. 139) regiert diesen Angaben entsprechend

Hadrian: 25. Juli 116—19. Juli 137 n. Chr.,  
Antonin: 20. Juli 137—13. Juli 160 n. Chr.

In diesen Ansätzen liegt ein scheinbarer chronologischer Zwiespalt gegen den üblichen Ansatz der Regierungszeit beider Kaiser nach der christlichen Zeitrechnung:

Hadrian: 11. August 117—10. Juli 138 n. Chr.,  
Antonin: 11. Juli 138—6. März 161 n. Chr.

Daß Ptolemäus dem Hadrian bereits das Jahr 116 zuschreibt, erklärt Ideler (Chron. I S. 113) damit, daß Hadrian nach Erlangung der *tribunicia potestas* vom Jahre 116 ab als der Mitregent des Trajan angesehen worden sei, und daß nach einer auch sonst befolgten Regel des Kanon die gemeinsamen Regierungsjahre dem späteren Regenten zugeschrieben würden. Nun erwächst aber dem Hadrian über den 19. Juli 137 hinaus bis zu seinem Tode am 10. Juli 138 ein 22<sup>tes</sup> Regierungsjahr; allein da in dieses Jahr noch 9 Regierungstage des Antonin fallen, so mußte dieses 22<sup>te</sup> Jahr des Hadrian dem Antonin als erstes Jahr zugeschrieben werden, gerade wie das Wandeljahr vom 14. Juli 160 bis 13. Juli 161, in welchem am 6. März Antonin gestorben ist, als erstes für Mark Aurel zu gelten hat.

Für die Regierungsjahre Hadrians, in welche Finsternisse (25. April 125, 6. Mai 133, 20. Oktober 134, 6. März 136) fallen, läßt sich demnach folgender Kanon aufstellen, der noch bis zum dritten Regierungsjahr Antonins (S. 142,9) weitergeführt sei:

9<sup>tes</sup> Jahr Hadrians, das 872<sup>te</sup> seit Nab., vom 23. Juli 124—22. Juli 125;  
17<sup>tes</sup> " " " 880<sup>te</sup> " " " 21. Juli 132—20. Juli 133;  
19<sup>tes</sup> " " " 882<sup>te</sup> " " " 21. Juli 134—20. Juli 135;

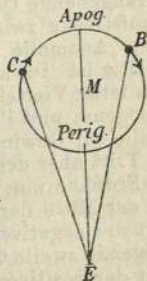
20 <sup>tes</sup> Jahr Hadrians, das 883 <sup>te</sup> seit Nab., vom 21. Juli 135—19. Juli 136;	
21 <sup>tes</sup> „ „ „ 884 <sup>te</sup> „ „ „ 20. Juli 136—19. Juli 137;	
1 <sup>tes</sup> Jahr Antonins, „ 885 <sup>te</sup> „ „ „ 20. Juli 137—19. Juli 138;	
2 <sup>tes</sup> „ „ „ 886 <sup>te</sup> „ „ „ 20. Juli 138—19. Juli 139;	
3 <sup>tes</sup> „ „ „ 887 <sup>te</sup> „ „ „ 20. Juli 139—18. Juli 140.	

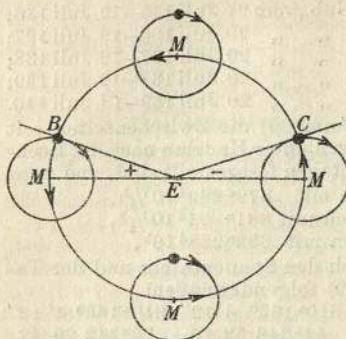
31) S. 228 3mal. Nachdem (Anm. 30) die Zwischenzeiten seit der Epoche bis zu den Finsternissen unter Hadrian nach der Rechnung mit gleichförmigen Sonnentagen festgestellt sind, und zwar die Zeit bis zur ersten mit  $879^a 289^d 10^{\frac{7}{8}} h$ ,  
 „ „ „ „ zweiten mit  $881^a 91^d 10^{\frac{1}{2}} h$ ,  
 „ „ „ „ dritten mit  $882^a 228^d 16^h$ ,

gestaltet sich die Rechnung nach den Sonnentafeln und der Tabelle der Anomalie (vgl. Anm. 29) folgendermaßen:

	810 <sup>a</sup> 163 <sup>o</sup> 4' 12''	810 <sup>a</sup> 163 <sup>o</sup> 4' 12''	810 <sup>a</sup> 163 <sup>o</sup> 4' 12''
	54 <sup>a</sup> 346 52 16	54 <sup>a</sup> 346 52 16	72 <sup>a</sup> 342 29 42
	15 <sup>a</sup> 356 21 11	17 <sup>a</sup> 355 52 —	
	270 <sup>d</sup> 266 7 17	90 <sup>d</sup> 88 42 25	210 <sup>d</sup> 206 59 —
	19 <sup>d</sup> 18 43 37	1 <sup>d</sup> 59 8	18 <sup>d</sup> 17 44 29
	10 <sup>7/8</sup> h 26 44	10 <sup>1/2</sup> h 25 52	16 <sup>h</sup> 39 25
	<u>1151<sup>o</sup> 35' 17''</u>	<u>955<sup>o</sup> 55' 53''</u>	<u>730<sup>o</sup> 56' 48''</u>
	265 <sup>o</sup> 15'	265 <sup>o</sup> 15'	265 <sup>o</sup> 15'
	<u>1416<sup>o</sup> 50' 17''</u>	<u>1221<sup>o</sup> 10' 53''</u>	<u>996<sup>o</sup> 11' 48''</u>
	1080 <sup>o</sup>	1080 <sup>o</sup>	720 <sup>o</sup>
Entfernung v. Apog.	<u>336<sup>o</sup> 50' 17''</u>	<u>141<sup>o</sup> 10' 53''</u>	<u>276<sup>o</sup> 11' 48''</u>
Grade der Zwillinge	5 <sup>o</sup> 30'	5 <sup>o</sup> 30'	5 <sup>o</sup> 30'
	<u>342<sup>o</sup> 20' 17''</u>	<u>141<sup>o</sup> 40' 53''</u>	<u>281<sup>o</sup> 41' 48''</u>
Ganze Zeichen	330 <sup>o</sup>	120 <sup>o</sup>	270 <sup>o</sup>
Mittlerer Ort	<u>8<sup>o</sup> 12<sup>o</sup> 20' 17''</u>	<u>26<sup>o</sup> 40' 53''</u>	<u>11<sup>o</sup> 41' 48''</u>
Anomalie	+ 0 <sup>o</sup> 53' 40''	- 1 <sup>o</sup> 32'	+ 2 <sup>o</sup> 21'
Genauer Ort	<u>8<sup>o</sup> 13<sup>o</sup> 13' 57''</u>	<u>25<sup>o</sup> 8' 53''</u>	<u>14<sup>o</sup> 2' 48''</u>

32) S. 244. Da der Mond sich auf dem Epizykel gegen die Richtung der Zeichen bewegt, so liegt auf der Laufstrecke vom Apogeum zum Perigeum (d. i. von 0° bis 180°) der genaue Ort *B* hinter dem vom Epizykelmittelpunkt *M* in der Ekliptik eingenommenen mittleren Ort um den  $\angle MEB$  zurück. Soll also der genaue Ort *B* aus dem gegebenen mittleren Ort *M* gefunden werden, so tritt Abzug des Winkels ein. Dagegen liegt auf der Laufstrecke vom Perigeum zum Apogeum (d. i. von 180° bis 360°, der genaue Ort *C* dem mittleren Ort *M* um den  $\angle MEC$  voraus. Soll also der genaue Ort *C* aus dem gegebenen mittleren gefunden werden, so muß Zusatz des Winkels eintreten.





Soll dagegen umgekehrt (S. 227 Anm., 234 Anm.) der mittlere Ort ( $M$ ) aus dem durch die Beobachtung gegebenen genauen Ort ( $B$  oder  $C$ ) gefunden werden, so wird der Winkel der Anomaliedifferenz zwischen Apogäum und Perigäum addiert, zwischen Perigäum und Apogäum aber subtrahiert.

33) S. 252 zweimal. Zweifellos richtig hat Ideler (Hist. Unters. über die astron. Beob. der Alten S. 216 f.)  $\nu\delta'$  (54) für  $\nu\varepsilon'$  (55) korrigiert, eine Verbesserung, welche dadurch bestätigt wird,

daß im Codex  $D$   $\nu\varepsilon'$  von der Korrektur der zweiten Hand herrührt. Weil nämlich das Kallippische Jahr von Sommerwende zu Sommerwende läuft, müssen die beiden Finsternisse, von welchen die erste (22. Sept. 201 v. Chr.) im Herbst, die zweite (19. März 200 v. Chr.) im Frühling stattfand, in dasselbe Kallippische Jahr (201/200 v. Chr.), also in das für die erste Finsternis angegebene 54<sup>te</sup> fallen (vgl. Anm. 20). Demnach ist hier nach Änderung von 55 in 54 der Zusatz „in dem(selben)“ 54<sup>ten</sup> Jahre ebenso gerechtfertigt wie bei der dritten Finsternis (S. 252, 28) die schon von Ideler vorgenommene Streichung von  $\alpha\delta\tau\phi$ ; denn die durch die Sommerwende getrennten Daten (19. März 200 v. Chr. und 12. Sept. 200 v. Chr.) der zweiten und der dritten Finsternis können nicht demselben 55<sup>ten</sup> Kallippischen Jahr angehören. Heiberg schreibt im Index (II p. 277 unter  $\text{Κάλλιππος}$ ) den Fehler dem Ptolemäus selbst zu.

34) S. 259. Wenn der Vollmond im Apogäum des Epizykels, d. i. in Erdferne eintritt, liegt die erste, d. i. die dem Vollmond vorangehende Quadratur oder das erste Viertel in der Mitte der Laufstrecke zwischen Perigäum und Apogäum, auf welcher die erste Anomalie zur Gewinnung des genauen Ortes (s. Anm. 32) positiv ist. Die auf den Vollmond folgende zweite Quadratur oder das letzte Viertel wird dann in der Mitte der Laufstrecke zwischen Apogäum und Perigäum eintreten, auf welchem die erste Anomalie zur Gewinnung des genauen Ortes negativ ist.

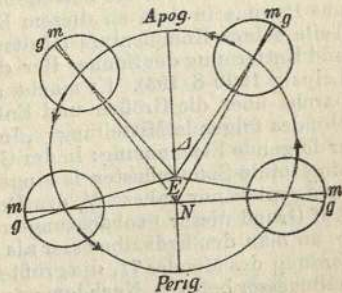
Tritt aber der Vollmond in dem Perigäum des Epizykels, d. i. in Erdnähe ein, so liegt die ihm vorangehende erste Quadratur in der Mitte der Laufstrecke zwischen Apogäum und Perigäum mit der negativen Anomaliedifferenz, worauf die dem Vollmond folgende zweite Quadratur auf der entgegengesetzten Laufstrecke mit der positiven Anomaliedifferenz eintritt.

Diese in der zweiten Anomalie sich äußernde Veränderung der Geschwindigkeit des Mondlaufs wird von der modernen Astronomie als die Evekation bezeichnet. Sie ist die Folge der Anziehungskraft der Sonne, welche auf den Mond bald stärker bald schwächer wirkt, je nachdem sich seine Entfernung von der Sonne mit dem Umlauf der Apsidenlinie seiner elliptischen Bahn verändert.

35) S. 285. Einem Beispiel der Berechnung habe ich in der Abhandlung über „Hipparchs Theorie des Mondes nach Ptolemäus (Weltall 8. Jahrg. S. 1,26 und 45 ff.) die (S. 274,32; 279,5) besprochene Beobachtung des Hipparch zugrunde gelegt. Die seit der Epoche bis zur Beobachtung verflossene Zeit hatte Ptolemäus a. a. Orte mit  $620^{\circ}286^{\circ}3\frac{2}{8}^{\text{h}}$  nach genauer Rechnung festgestellt. Nach den Sonnen- und den Mondtafeln werden für diese Zwischenzeit folgende Grundzahlen zur Berechnung des Mondlaufs an die Hand gegeben:

1. mittlerer Ort der Sonne  $\odot 12^{\circ} 5'$
2. mittlerer Ort des Mondes
  - a) in Länge von  $\gamma 0^{\circ}$  ab  $117^{\circ}20 = \odot 27^{\circ}20'$
  - b) in Anomalie vom mittleren Apogeum  $333^{\circ}12'$
  - c) in Breite vom nördlichen Grenzpunkt  $200^{\circ} 0'$
  - d) in mittlerer Elongation (s S. 276,1)  $45^{\circ}15'$ .

Um nun nach der Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes (S. 286) die Anomaliedifferenz zu ermitteln, verdoppelt man zunächst die Elongation des mittleren Mondes von der mittleren Sonne, um mit  $2 \times 45^{\circ}15' = 90^{\circ}30'$  die Entfernung des Epizykelmittelpunktes von dem Apogeum des Exzenters zu erhalten. Geht man (zur Vereinfachung der Rechnung) mit der Argumentzahl 90 in die Tabelle ein, so bietet die dritte Spalte als Unterschied des genauen Apogeums des Epizykels von dem mittleren  $+12^{\circ}$  (S. 280,12). Zu addieren ist diese Zahl zur Gewinnung des genauen Apogeums, weil der Epizykel bei der Elongation  $90^{\circ}$  auf dem Halbkreis ( $0^{\circ}$  bis  $180^{\circ}$ ) des Exzenters zwischen Apogeum und Perigeum steht, auf welchem das genaue Apogeum ( $g$ ) des Epizykels dem mittleren ( $m$ ) vorangeht. Zur Argumentzahl  $333^{\circ} + 12^{\circ} = 345^{\circ}$  gibt weiter die vierte Spalte (als Mittel zwischen  $0^{\circ}57'$  und  $1^{\circ}25'$ ) die Differenz der einfachen Anomalie mit  $1^{\circ}11'$ . Gleichzeitig notiert man sich aus der fünften Spalte den dieser Differenz entsprechenden Überschuß der zweiten Anomalie (als Mittel zwischen  $0^{\circ}28'$  und  $0^{\circ}42'$ ) mit



$0^{\circ}35'$ . Von diesem Überschuß sind jedoch, wie die Sechzigstel der sechsten Spalte zur Argumentzahl 90 an die Hand geben, nur  $\frac{26}{60}$  (mit Vernachlässigung von  $36''$ ) in Rechnung zu bringen. Es sind demnach nur  $0^{\circ}35' \times \frac{26}{60} = 0^{\circ}15'$  zu  $1^{\circ}11'$  zu addieren. Hiermit ist die Differenz der Gesamtanomalie mit  $+1^{\circ}26'$  (S. 276, 23) gefunden. Denn weil die genaue Zahl 345 der Anomalie über 180 hinausgeht, so addiert man diesen Betrag (vgl. Anm. 32) zu den Graden der mittleren Länge des Mondes und erhält den genauen Ort des Mondes mit  $117^{\circ}20' + 1^{\circ}26' = 118^{\circ}46'$ , d. i. mit  $\odot 28^{\circ}46'$ . Somit fehlen  $14'$  an dem von Hipparch mit  $\odot 29^{\circ}$  beobachteten scheinbaren Ort, der zugleich der genaue in Länge, d. h. der durch eine Längenparallaxe nicht beeinflusste Ort (S. 275, 1) sein soll, worauf bereits (S. 276 Anm.) aufmerksam gemacht worden ist.

Geht man schließlich mit der um die Anomaliedifferenz gleichfalls vermehrten Zahl der Breite, d. i. mit  $222^{\circ} + 1^{\circ}26' = 223^{\circ}26'$  in die siebente Spalte der Tabelle der Gesamtanomalie ein, so findet man den wahren (geozentrischen) Ort des Mondes in Breite (als Mittel zwischen  $3^{\circ}32'$  und  $3^{\circ}43'$ ) mit  $3^{\circ}38'$  südlich der Ekliptik; denn die Argumentzahl steht in den tieferen Zeilen, welche von  $90^{\circ}$  bis  $270^{\circ}$  den vom niedersteigenden bis zum aufsteigenden Knoten verlaufenden Halbkreis der Mondbahn betreffen. Hierzu ist noch zu bemerken, daß, wenn der scheinbare, d. i. der von dem Standpunkt des Beobachters erschaute Ort des Mondes gefunden werden soll, die südlich der Ekliptik die Breite vermehrende Breitenparallaxe des Mondes zu berücksichtigen ist, was im vorliegenden Fall eine reine Breitenparallaxe sein würde, weil in Rhodus die Ekliptik im letzten Drittel des Löwen, wenn dasselbe eine Stunde westlich des Meridians steht, von dem durchgezogenen Höhenkreis unter rechten Winkeln geschnitten wird, woraus sich das Fehlen einer Längenparallaxe zur Stunde der Beobachtung (S. 275, 1) erklärt.

36) S. 295. Über die betreffende Sonnenfinsternis unterrichtet uns Pappus in dem zu diesem Kapitel der Syntaxis erhaltenen Teile seines Kommentars (Hultsch, Hipparchos über die Größe und Entfernung der Sonne. Ber. d. phil.-hist. Kl. d. K. S. Ges. d. W. Leipzig 1900 S. 195). Er macht aus der verlorenen Schrift Hipparchos über die Größen und Entfernungen der Sonne und des Mondes folgende Mitteilung. „In dem ersten Buche verzeichnet er folgende Erscheinung: in der Gegend des Hellespont ist genau eine totale Sonnenfinsternis eingetreten, während in Alexandria in Ägypten nur nahezu  $\frac{4}{5}$  des Durchmessers verfinstert wurden. Auf Grund dieser Beobachtungen zeigt er im ersten Buche, daß, wenn man den Erdhalbmesser als Einheit setzt, die kleinste Entfernung des Mondes 71, die größte 83, mithin die mittlere 77 Erdhalbmesser beträgt. Nachdem er nun dies, was ihm zunächst vor-

lag, nachgewiesen hatte, fügt er am Ende desselben Buches hinzu: in dieser Abhandlung habe ich den Beweis bis zu diesen Folgerungen geführt; damit der Leser aber nicht glaube, daß die Erörterung über die Entfernung des Mondes schon zu einem völlig klaren Abschluß gediehen sei, bemerke ich, daß hierzu noch eine weitere Untersuchung zu erledigen ist, nach welcher die Entfernung des Mondes sich kleiner als die soeben berechnete Entfernung erweisen wird, womit er selbst zugestehet, daß er über die Parallaxen durchaus nichts Zuverlässiges melden kann. Ferner zeigt er ausführlich im zweiten Buche über die Größen und Entfernungen, daß die kleinste Entfernung des Mondes 62, die mittlere  $67\frac{1}{2}$  Erdhalbmesser und die Entfernung der Sonne 2490 Erdhalbmesser beträgt. Hieraus ist auch klar, daß auf die größte Entfernung des Mondes  $72\frac{3}{4}$  Erdhalbmesser kommen.“

Was den Zeitpunkt der erwähnten Sonnenfinsternis anbelangt, so entscheidet sich Hultsch a. a. O. für die Finsternis am 20. November 129 v. Chr., weil erstens die Verfinsternung am nächsten an die von Hipparch mit  $\frac{4}{5}$  angegebene Größe herankommt, und weil zweitens die Erwartung zutrifft, daß die Himmelserscheinung von ihm selbst hat beobachtet werden können.

37) S. 312. Es ist zu beweisen, daß  $\Pi P + \Theta \Sigma = 2NM$ . Zieht man die an der Figur punktierten Hilfslinien, so verhält sich nach Eukl. VI. 4

$$\Theta \Pi : \Pi T = \Theta N : NM.$$

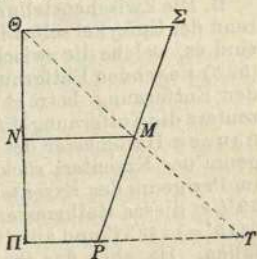
Nun ist  $\Theta \Pi = 2\Theta N$  nach Annahme

$$\text{also } \Pi T = 2NM. \quad [(S. 311, 17),$$

Es ist aber  $\Pi T = \Pi P + PT$  und  $PT = \Theta \Sigma$ ,  
mithin  $\Pi T = \Pi P + \Theta \Sigma$ .

$$\text{Nun war } \Pi T = 2NM,$$

folglich ist  $\Pi P + \Theta \Sigma = 2NM$ .



38) S. 318. An erster Stelle (I) handelt es sich um die Veränderung der Entfernung von der Erde, welche eintritt, wenn der Mond nicht genau im Apogeum oder Perigeum des Epizykels steht, sondern in den beiderseits vom Apogeum oder beiderseits vom Perigeum gleichweit entfernten Punkten des Epizykels. Hierbei sind zu unterscheiden:

A. Die Zwischenstellungen des Mondes auf dem Epizykel, während der Epizykel selbst im Apogeum des Exzentrers steht. Diese sind es, welche die zwischen der Grenze  $a$  ( $65^{\circ} 15'$ ) und der Grenze  $b$  ( $54^{\circ} 45'$ ) liegenden Entfernungen von der Erde verursachen. Die ganze Differenz zwischen größter und kleinster Entfernung beträgt  $10^{\circ} 30'$ . Je kleiner die Entfernung des Mondes von der Erde durch Annäherung an das Perigeum des Epizykels, d. i. an die Grenze  $b$  wird, um so mehr nähert sich der Unterschied zwischen

der Grenze  $a$  und der Entfernung der jeweiligen Zwischenstellung der ganzen Differenz  $10^{\text{p}} 30'$ , bis er im Perigeum selbst gleich der ganzen Differenz wird: somit hat die Entfernung die Grenze  $b$  erreicht. Es ist also zunächst von Gradabschnitt zu Gradabschnitt die Entfernung des Mondes in der Zwischenstellung auf dem Epizykel zu berechnen, alsdann der Unterschied der gefundenen Entfernung gegen die größte Entfernung  $65^{\text{p}} 15'$  zu bilden und schließlich dieser Unterschied als ein Sexagesimalbruchteil der ganzen Differenz darzustellen. So beträgt bei  $60^{\circ}$  Entfernung vom Apogeum des Epizykels die Entfernung des Mondes von der Erde  $62^{\text{p}} 48'$ , der Unterschied gegen die größte Entfernung  $65^{\text{p}} 15'$  ist demnach  $2^{\text{p}} 27'$ . Setzt man nun die ganze Differenz  $10^{\text{p}} 30'$  gleich  $60'$ , so ergibt sich als Verhältniszahl für den Unterschied  $2^{\text{p}} 27'$  aus der Proportion

$$2^{\text{p}} 27' : 10^{\text{p}} 30' = x : 60'$$

$$x = \frac{60 \cdot 2^{\text{p}} 27'}{10^{\text{p}} 30'} = \frac{8820'}{630} = 14'.$$

D. h.: bei  $60^{\circ}$  Entfernung vom Apogeum des Epizykels beträgt der Unterschied der Entfernung gegen die größte Entfernung  $\frac{14}{60}$  der Differenz zwischen der größten und der kleinsten Entfernung.

B. Die Zwischenstellungen des Mondes auf dem Epizykel, während der Epizykel selbst im Perigeum des Exzenters steht. Diese sind es, welche die zwischen der Grenze  $c$  ( $68\pi$ ) und der Grenze  $d$  ( $52\pi$ ) liegenden Entfernungen verursachen. Die ganze Differenz der Entfernung beträgt  $16\pi$ . Während im Apogeum des Exzenters die Entfernung (EA S. 269,1) des Epizykelmittelpunktes den ganzen Halbmesser des Konzenters, auf welchem sich das Apogeum des Exzenters rückläufig bewegt, (d. i.  $60^{\text{p}}$ ) beträgt, macht im Perigeum des Exzenters diese Entfernung (EΓ) rund  $\frac{2}{3}$  (genau  $39\frac{3}{8}^{\text{p}}$ ) dieses Halbmessers aus, so daß auf die Grenze  $c$  ( $39^{\text{p}} 22' + 5^{\text{p}} 15' =$ )  $44^{\text{p}} 37'$  und auf die Grenze  $d$  ( $39^{\text{p}} 22' - 5^{\text{p}} 15' =$ )  $34^{\text{p}} 7'$  entfallen. Da aber das im Perigeum des Exzenters geltende Verhältnis ( $39\frac{3}{8}^{\text{p}} : 5\frac{1}{4}^{\text{p}}$ ) in das Sexagesimalmaß ( $60\pi : 8\pi$ ) umgewandelt wird, so müssen auch die Grenzen der Entfernung des Mondes, wenn er bei Stand des Epizykels im Perigeum des Exzenters im Apogeum oder Perigeum des Epizykels steht, in Sechzigteilen der kleinsten Entfernung (EΓ) des Epizykelmittelpunktes, d. i. durch  $60\pi + 8\pi$  und  $60\pi - 8\pi$  ausgedrückt werden, so daß sich als ganze Differenz ( $68\pi - 52\pi =$ )  $16\pi$  ergibt. Ist nun bei  $60^{\circ}$  Entfernung vom Apogeum des Epizykels die Zwischenentfernung mit  $64\pi 23'$  errechnet, so erhält man den Unterschied gegen die größte Entfernung mit ( $68\pi - 64\pi 23' =$ )  $3\pi 37'$  und, wenn man die ganze Differenz  $16\pi$  gleich  $60'$  setzt, für  $3\pi 37'$  als Verhältniszahl aus der Proportion

$$3\pi 37' : 16\pi = x : 60'$$

$$x = \frac{60 \cdot 3\pi 37'}{16\pi} = \frac{13020'}{960} = 13\frac{54'}{96} \text{ oder } 13' 33''.$$

An zweiter Stelle (II) handelt es sich um die Veränderung der Entfernung von der Erde, welche eintritt, wenn der Epizykel nicht genau im Apogeum oder im Perigeum des Exzenters steht, sondern zwischen Apogeum und Perigeum des Exzenters, wobei natürlich auf die beiderseits gleich weit entfernten Punkte dieselbe Erdentfernung entfällt. Die größte Entfernung (EA) des Epizykelmittelpunktes beträgt, wie gesagt, im Apogeum des Exzenters  $60^p$ , die kleinste (EΓ) im Perigeum desselben  $39^p 22'$ . Die ganze Differenz der Entfernung ist demnach  $20^p 38'$ . Wieder ist zunächst die in jeder Einzellage eintretende Erdentfernung des Epizykelmittelpunktes zu berechnen, hierauf der Unterschied gegen die größte oder die kleinste Entfernung festzustellen und schließlich dieser Unterschied als ein Sexagesimalbruchteil der ganzen Differenz darzustellen. Ist z. B. bei  $60^\circ$  Entfernung vom Apogeum des Exzenters die Zwischenentfernung mit  $54^p 3'$  gefunden, so beträgt der Unterschied gegen die größte Entfernung ( $60^p - 54^p 3' =$ )  $5^p 57'$ . Setzt man nun die ganze Differenz  $20^p 38'$  gleich  $60'$ , so ergibt sich für  $5^p 57'$  als Verhältniszahl aus der Proportion

$$5^p 57' : 20^p 38' = x : 60'$$

$$x = \frac{60 \cdot 5^p 57'}{20^p 38'} = \frac{21420'}{1238} = 17 \frac{374'}{1238} \text{ oder } 17' 18''.$$

39) S. 322. 324. Zu den Argumentzahlen der Parallaxentafel ist folgendes zu bemerken. Während sie für die Spalten der Parallaxen die auf dem Quadranten eines Höhenkreises gemessenen scheinbaren Zenitabstände des Mondes angeben, bedeuten sie für die Spalten der Sechzigstel, auf den Epizykel und den Exzenter bezogen, Doppelgrade, insofern die Argumentzahl 90 auf die Perigeen, d. i. auf den 180. Grad dieser Kreise entfällt. Zur Bestimmung der Erdentfernungen reichen die Gradzahlen des einen Halbkreises vom Apogeum bis zum Perigeum aus, weil in den genau entsprechenden Punkten des Halbkreises vom Perigeum bis zum Apogeum die Erdentfernungen und somit auch die Parallaxen gleichgroß sind. Daher genügte es, den einen Halbkreis von Epizykel und Exzenter in 15 Abschnitten von je  $12^\circ$  in Rechnung zu ziehen, welche natürlich für die Argumentzahlen, die nur bis 90 gehen, von  $6^\circ$  zu  $6^\circ$  laufen. Um schließlich die auf je  $2^\circ$  dieser Zählung entfallenden Beträge der Sechzigstel zu erhalten, welche für Abschnitte von je 6 Doppelgraden des Exzenters und Epizykels gewonnen worden sind, hat Ptolemäus unter der Annahme, daß die Zunahme in so kleinen Abschnitten gleichmäßig sei, die von  $12^\circ$  zu  $12^\circ$  berechneten Sechzigstel einfach durch 3 dividiert, wie aus den drei ersten Zeilen der drei letzten Spalten ohne weiteres hervorgeht.

Einem Beispiel der Parallaxenberechnung sei die Annahme zugrunde gelegt, daß der Mond in Rhodus in  $48^\circ$  mittlerer Elongation

von der Sonne, d. i. ungefähr im ersten Oktanten, 2 Stunden westlich des Meridians im ersten Grad der Fische stehe. In Anomalie mag für diese Stunde nach den Mondtafeln die auf das genaue Apogeum des Epizykels bereits reduzierte Entfernung mit  $132^\circ$  errechnet sein.

Um zunächst den Zenitabstand des Mondes festzustellen, gehen wir mit der Stundenzahl 2 in die Winkeltabelle für Rhodus (S. 125), und zwar in die Tabelle für das Zeichen der Fische ein. Dort finden wir in der zweiten Spalte (rund)  $56^\circ$ . Hierzu ist zu bemerken, daß Ptolemäus stillschweigend voraussetzt, daß der Mond keine Breite habe, d. i. genau in der Ekliptik stehe; denn der in der Tabelle angesetzte Zenitabstand kommt zu diesem Zeitpunkt lediglich dem ersten Grad der Fische zu. Indem wir nun mit der Argumentzahl 56 in die erste Spalte der Parallaxentafel (S. 323) eingehen, notieren wir uns (mit Vernachlässigung der Sekunden) die in der dritten bis sechsten Spalte stehenden Beträge:  $44'$ ,  $8'$ ,  $1^\circ 5'$ ,  $21'$ . Hierauf gehen wir, weil es Epizykelgrade sind, mit der Hälfte der Anomaliezahl, also mit 66, wieder in die erste Spalte der Parallaxentafel ein und notieren uns die in der siebenten und achten Spalte stehenden Sechzigstel 49 und 48. Erstere  $\frac{49}{60}$  nehmen wir von dem Überschuß  $8'$  der vierten Spalte und addieren das Ergebnis  $6' 33''$  zu der Parallaxe  $44'$  der dritten Spalte, was  $50' 33''$  gibt, während wir  $\frac{48}{60}$  von dem Überschuß  $21'$  der sechsten Spalte nehmen und das Ergebnis  $16' 4''$  zu der Parallaxe  $1^\circ 5'$  der fünften Spalte addieren, was  $1^\circ 21' 4''$  gibt. Hiermit sind die Höhenparallaxen festgestellt, welche der Mond, wenn er  $132^\circ$  von dem genauen Apogeum des Epizykels entfernt steht, bei  $56^\circ$  Zenitabstand einerseits in der Syzygie ( $50' 33''$ ), d. i. bei dem Stand des Epizykels im Apogeum des Exzenters zeigt, anderseits in der Quadratur ( $1^\circ 21' 4''$ ), d. i. bei dem Stand des Epizykels im Perigeum des Exzenters. Hierauf stellen wir mit  $30' 31''$  die Differenz dieser beiden Parallaxen fest.

Nunmehr gehen wir mit der Zahl der mittleren Elongation des Mondes von der Sonne, d. i. mit 48, und zwar mit der einfachen Zahl, weil sie für den Exzenter Doppelgrade vom Apogeum ab bedeutet, wieder in die erste Spalte der Parallaxentafel ein, nehmen die in der neunten Spalte stehenden  $\frac{36}{60}$  von der soeben festgestellten Differenz  $30' 31''$  und addieren das Ergebnis  $18' 18''$  zu der Syzygieparallaxe  $50' 33''$ . In dem schließlichen Ergebnis  $1^\circ 8' 50''$  ist die Höhenparallaxe gefunden, welche der Mond bei dem Stand des Epizykels nahezu in der Mitte zwischen Apogeum und Perigeum des Exzenters bei  $132^\circ$  Entfernung vom genauen Apogeum des Epizykels bei  $56^\circ$  Zenitabstand zeigt.

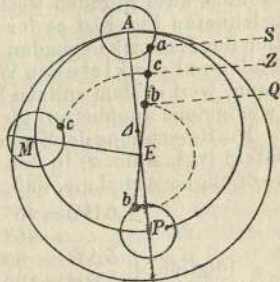
Will man sich das komplizierte Rechenexempel durch Aufstellung einer Formel übersichtlich machen, so bezeichne man die in den Spalten 3—6 stehenden Parallaxenbeträge für die vier Entfernungsgrenzen mit  $e^1$ ,  $e^2 - e^1$ ,  $e^3$ ,  $e^4 - e^3$ , die in den Spalten 7

und 8 angesetzten Sechzigstel mit  $s^1$  und  $s^2$ , endlich die in der 9<sup>ten</sup> Spalte stehenden Sechzigstel mit  $s$ . Alsdann erhält man

$$\begin{aligned} \text{die Syzygieparallaxe} & S = e^1 + s^1(e^2 - e^1) = 50' 33'' \\ \text{die Quadraturparallaxe} & Q = e^2 + s^2(e^4 - e^3) = 1^\circ 21' 4'' \\ \text{die Zwischenparallaxe} & Z = S + s(Q - S) = 1^\circ 8' 51''. \end{aligned}$$

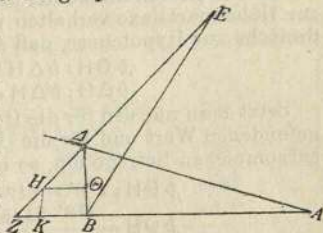
Das räumliche Verhältnis dieser drei Parallaxen zueinander veranschaulicht die beistehende Figur, welche die in Frage kommen-

den Mondentfernungen  $Ea$  mit der Parallaxe  $S$ ,  $Eb$  mit der Parallaxe  $Q$  und  $Ec$  mit der Parallaxe  $Z$  auf denselben Halbmesser des Konzenters abgetragen zeigt. Die Strecke der ganzen Differenz  $ab$ , welche nahezu den doppelten Durchmesser des Epizykels oder das Doppelte der Exzentrizität ( $2E\Delta = 20^\circ 38'$ ) beträgt, bleibt stets dieselbe, weil nur Positionen des Mondes zueinander in Vergleich gestellt werden, bei denen er dieselbe Entfernung vom Apo-



geum des Epizykels und denselben Zenitabstand hat. Die Lage des Punktes  $c$  rückt auf diesem Halbmesser von  $a$  nach  $b$  zu in dem Verhältnis, in welchem sich der Epizykelmittelpunkt  $M$  dem Perigeum  $P$  des Exzentrums nähert, liegt demnach bei dem durchgeführten Beispiel der Parallaxenberechnung nahezu in der Mitte zwischen  $a$  und  $b$ , weil  $s = \frac{36}{60}$  war. Die Strecke  $ab$  ist daher sozusagen die Skala, welche in die Sechzigstel der neunten Spalte eingeteilt zu denken ist, um welche Punkt  $c$  von vier zu vier Graden des Exzentrums dem Punkte  $b$  näherrückt.

40) S. 326. Die Zerlegung der gefundenen Höhenparallaxe  $\Delta H$  in ihre Komponenten, d. i. in die Längenparallaxe  $\Theta H$  und die Breitenparallaxe  $\Delta \Theta$ , wird auf folgendem Wege erzielt. Der Winkeltabelle für das Zeichen der Fische (S. 125) entnehmen wir aus der vierten Spalte den zur 2<sup>ten</sup> Stunde gesetzten westlichen Winkel  $EBA$ , welcher von dem Höhenkreis  $EB$  im Anfang der Fische mit der Ekliptik gebildet wird: derselbe beträgt (rund)  $40^\circ$ .



Hierzu ist wieder zu bemerken, daß dieser Höhenkreis keineswegs identisch ist mit dem Höhenkreis  $EZ$ , auf welchem der Mond steht. Einzig der von letzterem Höhenkreis mit der Ekliptik gebildete Winkel  $EZB$  ist als Gegen-

winkel gleich dem  $\angle \Delta H\Theta$  des rechtwinkligen Parallaxendreiecks  $\Delta\Theta H$ , während der durch die Tabelle gegebene Winkel  $EBA$  demselben nur annähernd gleich sein kann. Daher bedarf das Verfahren der weiterhin (S. 330 ff.) von Ptolemäus dargelegten komplizierten Korrektur.

Von den vier Winkeln, welche um den Schnittpunkt  $B$  herumliegen, ist allgemein (S. 102,7) der maßgebende der nördlich der Ekliptik nach Osten zu gelegene Winkel. An dem Stande des Mondes zwei Stunden westlich des Meridians entsprechend gezeichneten Figur ist es der spitze Winkel  $EBA$  der beiden nördlich der Ekliptik liegenden Nebenwinkel. Es ist klar, daß in allen Fällen nur der kleinere Winkel (vgl. S. 326,10) in Frage kommen kann, weil er dem spitzen Winkel eines rechtwinkligen Dreiecks (wenigstens annähernd) gleich sein soll.

Die Berechnung der Katheten  $\Delta\Theta$  und  $\Theta H$  geht nach den Sehnentafeln (vgl. Anm. 9) in der üblichen Weise vor sich. Unter der vorläufigen Annahme, daß  $\angle EBA = \angle \Delta H\Theta$ , ist auch

$$\begin{aligned} \angle \Delta H\Theta &= 40^\circ \text{ wie } 4R = 360^\circ, \\ &= 80^\circ \text{ wie } 2R = 360^\circ; \end{aligned}$$

$$\text{folglich } \left\{ \begin{array}{l} b \Delta\Theta = 80^\circ \\ b \Theta H = 100^\circ \end{array} \right\} \text{ wie } \ominus \Delta\Theta H = 360^\circ,$$

$$\text{also } \left\{ \begin{array}{l} s \Delta\Theta = 77^p 8' \\ s \Theta H = 91^p 55' \end{array} \right\} \text{ wie } h \Delta H = 120^p.$$

Unter der bei so kleinen Größengerechtfertigten Voraussetzung, daß die Bogen des um das Parallaxendreieck gezogenen Kreises ganz unbedeutend verschieden seien von den sie unterspannenden Sehnen, gelangt man zunächst zu der Annahme, daß die Breitenparallaxe zur Längenparallaxe sich verhalte wie die ersterer entsprechende Sehne zu der letzterer entsprechenden. Um aber ihre Größen aus dem gefundenen Betrag der Höhenparallaxe abzuleiten, bedarf es der von Ptolemäus stillschweigend gemachten weiteren Annahme, daß die beiden Parallaxen sich auch zur Höhenparallaxe verhalten wie die Katheten des Parallaxendreiecks zur Hypotenuse, daß also

$$\begin{aligned} b \Theta H : b \Delta H &= k \Theta H : h \Delta H, \\ b \Delta \Theta : b \Delta H &= k \Delta \Theta : h \Delta H. \end{aligned}$$

Setzt man nun den für die Höhenparallaxe  $\Delta H$  mit (rund)  $1^\circ 9'$  gefundenen Wert und für die Dreieckseiten die den Sehnentafeln entnommenen Beträge ein, so erhält man

$$\begin{aligned} b \Theta H : 1^\circ 9' &= 91^p 55' : 120^p, \\ b \Theta H &= \frac{1^\circ 9' \cdot 91^p 55'}{120^p} = 52' 51''; \\ b \Delta \Theta : 1^\circ 9' &= 77^p 8' : 120^p, \\ b \Delta \Theta &= \frac{1^\circ 9' \cdot 77^p 8'}{120^p} = 44' 21''. \end{aligned}$$

Da  $\angle EBA$  kleiner als  $90^\circ$  ist, so wirkt die Längenparallaxe ( $BK = \Theta H$ ) westwärts (S. 327,21), d. i. gegen die Richtung der Zeichen, so daß der scheinbare Ort des Mondes in Länge nicht identisch ist mit dem genauen Ort in  $\mathcal{C} 0^\circ (B)$ , sondern ( $53'$  rückwärts) in  $\approx 29^\circ 7' (K)$  liegt. Die südwärts wirkende Breitenparallaxe wird die an der Figur nördlich angesetzte wahre Breite des Mondes vermindern, so daß die scheinbare Breite ( $HK = \Theta B$ ) um  $\frac{3}{4}^\circ$  kleiner wird als die wahre oder geozentrische ( $\Delta B$ ).

41) S. 334. Die Unklarheit des Ausdrucks spricht ebenso wie der mangelnde Zusammenhang dafür, daß hier ein in den Text eingedrungenes Scholion vorliegt. Der erste Teil wird durch folgende Erörterung einigermaßen verständlich. Wenn der Mond in seiner kleinsten Entfernung eine nördliche Breite von  $5^\circ$  hat, so daß sein Zenitabstand beispielshalber für Alexandria (S. 299,4) rund  $2^\circ$  ausmacht, so beträgt seine Parallaxe bei diesem Zenitabstand für die vierte Entfernungsgrenze, d. i. in Erdnähe, nach der Parallaxentafel  $0^\circ 3' 50''$ . Hat er aber keine Breite, so beträgt sie bei  $7^\circ$  Zenitabstand gleichfalls in Erdnähe  $0^\circ 13' 15''$ . Der Unterschied beträgt demnach nur mit Vernachlässigung der Sekunden  $10'$ .

Eine verständliche Interpretation des zweiten Teils kann nur lauten: wenn der Mond in der Konjunktion nördlich eines Knotens eine wahre Breite von  $1\frac{1}{2}^\circ$  hat, so wird eine Berührung des Sonnenrandes nur dann möglich sein, wenn die Breitenparallaxe des Mondes mindestens ebensoviel beträgt. Die Bemerkung „so etwas trifft aber selten zusammen“ ist so oberflächlich und nichtsagend, daß sie mit der Gründlichkeit, mit welcher Ptolemäus (S. 363 - 72) diesen Fall erörtert, unvereinbar erscheint.

42) S. 342. Es soll z. B. nach den Syzygietabellen festgestellt werden, an welchem Tage und zu welcher Stunde im 10<sup>ten</sup> Monat des 17<sup>ten</sup> Jahres Hadrians, d. i. im Payni (Mai 133 n. Chr.), der genaue Vollmond eingetreten ist (vgl. S. 228,10). Es ist das 880<sup>te</sup> Jahr seit Nabonassar (s. Anm. 30).

Zur Bestimmung der mittleren Vollmondsyzygie liefert die Tabelle der Vollmonde, die Jahrestabelle und die Monatstabelle folgende zu summierende Posten:

876 <sup>a</sup>	8 <sup>d</sup> 20'54"	59 <sup>o</sup> 45'36"	233 <sup>o</sup> 43'26"	255 <sup>o</sup> 26'22"
4 <sup>a</sup>	16 <sup>d</sup> 31'47"	15 <sup>o</sup> 19'11"	210 <sup>o</sup> 50'7"	93 <sup>o</sup> 31'47"
9 <sup>m</sup>	265 <sup>d</sup> 46'31"	261 <sup>o</sup> 57'27"	232 <sup>o</sup> 21'1"	276 <sup>o</sup> 2'7"
	290 <sup>d</sup> 39'12"	337 <sup>o</sup> 2'14"	676 <sup>o</sup> 54'34"	625 <sup>o</sup> 0'16"
- 270 <sup>d</sup>	+ 5 <sup>o</sup> 30'	- 360 <sup>o</sup>	- 360 <sup>o</sup>	
Payni	20 <sup>d</sup> 39'12"	342 <sup>o</sup> 32'14"	316 <sup>o</sup> 54'34"	265 <sup>o</sup> 0'16"
		330 <sup>o</sup> — —		
		$\Sigma$ 12 <sup>o</sup> 32'		

Verwandeln wir  $0^{\text{h}}39'12''$  in Äquinoktialstunden, so erhalten wir den Eintritt der mittleren Vollmondszygie mit  $15^{\text{st}}41^{\text{m}}$  nach dem Mittag des 20. Payni. Weiter geben obige Zahlen folgende Grundlagen der Berechnung an die Hand. Nach ihnen ist

der mittlere Ort der Sonne	$\gamma$ $12^{\circ}32'$
die Entfernung vom Apogeum	$337^{\circ}2'$
die dort eintretende Anomaliedifferenz	$+0^{\circ}54'$
folglich der genaue Ort der Sonne	$\gamma$ $13^{\circ}26'$
der mittlere Ort des Mondes	$\eta$ $12^{\circ}32'$
die Entfernung vom Apogeum des Epizykels	$316^{\circ}54'$
die dort eintretende Anomaliedifferenz	$+3^{\circ}4'$
folglich der genaue Ort des Mondes	$\eta$ $15^{\circ}36'$
der genaue Ort des Schattenzentrums	$\eta$ $13^{\circ}26'$
die genaue östliche Elongation vom Schattenzentrum	$2^{\circ}10'$
die Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt	$265^{\circ}0'$

Zunächst ist der Überschuß an Stunden, welcher aus der Summierung gleichförmiger Sonnentage hervorgegangen ist, der erforderlichen Korrektur zu unterziehen, indem man das Intervall der gleichförmigen Sonnentage der zurückliegenden Ekliptikhälfte mit dem entsprechenden Intervall bürgerlicher Tage in Vergleich stellt, d. h. indem man die gleichförmigen Sonnentage in bürgerliche Tage (nach Anm. 26) umrechnet. Das gleichförmige Intervall zwischen den mittleren Sonnenörtern ( $\eta$   $12^{\circ}32'$  bis  $\gamma$   $12^{\circ}32'$ ) beträgt  $180^{\circ}$ , das ungleichförmige zwischen den genauen Sonnenörtern ( $\eta$   $12^{\circ}32' - 0^{\circ}57' = \eta$   $11^{\circ}35'$  bis  $\gamma$   $13^{\circ}26'$ ) beträgt  $181^{\circ}51'$ . Letzteres Intervall geht nach der Tabelle für Sphaera recta (S. 94) genau mit ebensoviele Äquatorgraden durch den Meridian, verursacht also gegen das gleichförmige Intervall die kleine Differenz von  $1^{\circ}51'$ , d. h. ein Voraussein der ungleichförmigen Sonne vor der mittleren von  $7^{\text{m}}24^{\text{s}}$ . Folglich hat nach der wahren Sonnenzeit der Eintritt der mittleren Syzygie  $15^{\text{st}}41^{\text{m}} + 7^{\text{m}}24^{\text{s}} = 15^{\text{st}}48^{\text{m}}24^{\text{s}}$  nach dem Mittag des 20. Payni stattgefunden.

Um die Stelle der genauen Syzygie aus der oben festgestellten genauen östlichen Elongation von  $2^{\circ}10'$  zu ermitteln, welche der Mond zu diesem Zeitpunkt der mittleren Syzygie, d. i.  $3^{\text{h}}48^{\text{m}}24^{\text{s}}$  früh hatte, ist zu berücksichtigen, daß auch das Schattenzentrum in der zwischen genauer und mittlerer Syzygie verstrichenen Zeit seinen Ort ostwärts verlegt hatte. Daß die Weiterbewegung der Sonne, bzw. des Schattenzentrums,  $\frac{1}{12}$  der Strecke  $2^{\circ}10'$  des Mondlaufs, also  $10'50''$  (rund  $11'$ ) ausmacht, ist ausführlich (S. 355, 28) erklärt. Hieraus ergibt sich für die Zeit der genauen Syzygie der genaue Ort der Sonne  $0^{\circ}11'$  rückwärts von  $\gamma$   $13^{\circ}26'$  mit  $\gamma$   $13^{\circ}15'$  (S. 228, 14), der genaue Ort des Mondes, und somit die Stelle der genauen Syzygie,  $2^{\circ}21'$  rückwärts von  $\eta$   $15^{\circ}36'$  mit  $\eta$   $13^{\circ}15'$ , also der Sonne diametral gegenüber. Um

zweitens die Zeit der genauen Syzygie festzustellen, bedarf es zunächst der Ermittlung der ungleichförmigen stündlichen Bewegung des Mondes. Sie beträgt bei der Entfernung  $317^{\circ}$  vom Apogeum des Epizykels (s. Anm. 43)  $30' 45''$ , so daß auf die Zurücklegung der Strecke  $2^{\circ} 21' 4^{\text{st}} 35^{\text{m}}$  entfallen. Folglich hat der Eintritt der genauen Syzygie  $15^{\text{st}} 48^{\text{m}} 24^{\text{s}} - 4^{\text{st}} 35^{\text{m}} = 11^{\text{h}} 13^{\text{m}} 24^{\text{s}}$  abends, d. i. nur  $1^{\text{m}} 36^{\text{s}}$  vor der  $11^{\text{h}} 15^{\text{m}}$  eingetretenen Mitte der Finsternis (S. 228, 13) stattgefunden. Daß diese Zwischenzeit genügend bemessen ist, wird in der Anm. 49 a. E. erörtert.

Endlich erhält man den genauen Ort des Mondes in Breite mit  $265^{\circ} + 3^{\circ} 4' - 2^{\circ} 21' = 265^{\circ} 43'$  Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt, also mit nur  $4^{\circ} 17'$  vor dem aufsteigenden Knoten, wozu die 7<sup>te</sup> Spalte der Gesamtanomalie des Mondes die südliche Breite  $0^{\circ} 22'$  gibt.

Die Berechnung der Dauer und der Größe der unter diesen Umständen eintretenden Mondfinsternis wird in der Anm. 50 durchgeführt.

43) S. 348. Soll die größte stündliche Bewegung in Länge, d. i. diejenige, welche der Mond in der Erdnähe hat, festgestellt werden, so berechnet man die im Perigeum des Epizykels auf einen Grad entfallende Bewegung in Anomalie. Zwischen  $180^{\circ}$  und  $177^{\circ}$  beträgt nach der Tabelle die Anomaliedifferenz (S. 245)  $0^{\circ} 18'$ , so daß auf einen Grad  $0^{\circ} 6'$  kommen. Da auf dem erdnahen Halbkreis des Epizykels, d. i. in den Graden, die in den Zeilen unterhalb des Maximums  $5^{\circ} 1'$  stehen, die Bewegung in Anomalie in derselben Richtung vor sich geht wie die Bewegung in Länge, mithin die letztere vergrößert, so sind die auf einen Grad entfallenden 6 Sechzigstel ( $= \frac{1}{10}$ ) von der mittleren stündlichen Bewegung in Anomalie zu nehmen und zu der mittleren Bewegung in Länge zu addieren. Dadurch, daß man  $\frac{1}{10} \times 32' 40'' = 3' 16''$  zu  $32' 56''$  hinzufügt, erhält man demnach für die Erdnähe die größte stündliche Bewegung in Länge mit  $36' 12''$ .

Weil dagegen auf dem erdfernen Halbkreis des Epizykels, d. i. in den Graden, welche in den Zeilen oberhalb des Maximums  $5^{\circ} 1'$  stehen, die Bewegung in Anomalie der Bewegung in Länge entgegengesetzt verläuft, mithin letztere vermindert, so sind, wenn der Mond im Apogeum des Epizykels steht, wo auf einen Grad nur  $0^{\circ} 5'$  Bewegung in Anomalie entfallen,  $\frac{5}{60}$  oder  $\frac{1}{12}$  der stündlichen mittleren Bewegung in Anomalie, d. s.  $2' 44''$  von  $32' 56''$  zu subtrahieren, so daß man die größte stündliche Bewegung in Länge, welche der Mond in der Erdferne hat, mit  $30' 12''$  erhält.

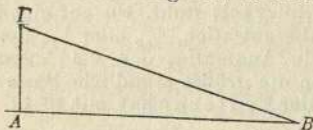
Nach derselben Vorschrift wird sich die stündliche ungleichförmige Bewegung für jede beliebige Entfernung vom Apogeum des Epizykels ermitteln lassen. So beträgt z. B. bei der Entfernung von  $66^{\circ}$  der Unterschied der auf die Gradzahlen 66 bis 72

entfallenden Anomaliedifferenzen ( $4^{\circ}38' - 4^{\circ}24' =$ )  $14'$ , so daß auf einen Grad  $2\frac{1}{3}'$  kommen. Nimmt man diese  $2\frac{1}{3}'$  Sechzigstel ( $= \frac{140}{8600}$  oder  $\frac{7}{180}$ ) von der stündlichen mittleren Bewegung in Anomalie, d. i. von  $32'40''$ , und subtrahiert das Produkt  $1'16''$  von der stündlichen mittleren Bewegung in Länge, d. i. von  $32'56''$ , so erhält man die stündliche ungleichförmige Bewegung bei  $66^{\circ}$  Entfernung vom Apogeum mit  $31'40''$ .

44) S. 351. Diese Behauptung ist nicht richtig. Zwei auf demselben Meridian liegende Orte haben dieselbe Ortszeit, d. h. die Sonne kulminiert für beide gleichzeitig, aber Aufgang und Untergang findet nicht zu gleichen Zeiten statt; denn die Dauer des Lichttages ist für den nördlicher gelegenen Ort länger. Folglich ist auch die Länge der bürgerlichen Stunde für ein und denselben Tag an beiden Orten verschieden. So beträgt am 27. Januar die bürgerliche Nachtstunde für Rhodus (Anm. 17,1)  $69^m49^s20''$ , d. s. rund  $70^m$ , während sich für Ägypten (nach Anm. 17,2) die Länge derselben mit  $73^m36^s$  berechnen läßt.

Die Bestimmung von Anfang bis Mitte der Finsternis nach Äquinoktialstunden vor Mitternacht trifft natürlich für beide Orte zu, ist aber mit einer halben Stunde ( $9^h40^m$  bis  $10^h10^m$ ) ganz unzureichend gegeben. Die halbe Dauer einer dreizölligen Mondfinsternis beträgt bei Erdnähe des Mondes, die (s. S. 351,26) hier vorliegt, nach der vierten Spalte der zweiten Tabelle  $32'20''$ ; zählt man hierzu  $\frac{1}{12} = 2'41''$  für die Weiterbewegung des Schattenzentrums, so legt der Mond die Strecke  $35'$  mit der stündlichen ungleichförmigen Bewegung von  $36'12''$  (s. Anm. 43) in  $\frac{35}{36}$  st. oder  $58\frac{1}{3}^m$  zurück. Rechnet man rund  $60^m$ , d. i. die ganze Dauer 2 Stunden, so mußte die Mitte auf  $10^h40^m$  fallen. An der Richtigkeit der Überlieferung ist jedoch nicht zu zweifeln; denn aus der Stundenzahl  $10\frac{1}{6}$ , welche (S. 351,20) die Angabe der Zwischenzeit schließt, geht hervor, daß die unzureichende Ansetzung der halben Dauer dem Ptolemäus selbst zuzuschreiben ist.

45) S. 355. Zu dem Verhältnis  $11\frac{1}{2} : 1$ , welches die Entfernung des Mondes vom Knoten zu seiner Breite hat, führt folgende einfache Berechnung. Es sei AB eine Strecke der Ekliptik,  $\Gamma$ B eine



Strecke der die Ekliptik in Punkt B unter einem Winkel von  $5^{\circ}$  schneidenden Mondbahn,  $\Gamma$ A die Normale zur Ekliptik, d. i. die Breite des in  $\Gamma$  stehenden Mondes. Die Kathete  $\Gamma$ A des rechtwinkligen

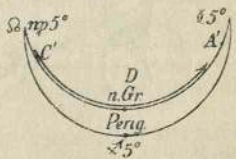
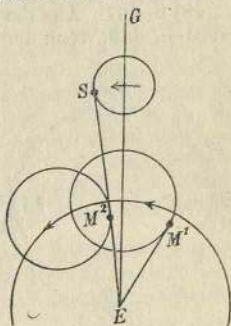
Dreiecks  $\Gamma$ AB entnimmt man den Sehnentafeln zu dem verdoppelten Winkel  $\Gamma$ BA mit  $10^p27'32''$ . Man erhält demnach zwischen  $\Gamma$ B, d. i. der Entfernung des Mondes vom Knoten, und  $\Gamma$ A, d. i. der Breite, das Verhältnis

$$\begin{aligned}\Gamma B : \Gamma A &= 120^p : 10^p 27' = 7200' : 627' \\ &= 11^{303/627} : 1 \text{ oder } 11,483 : 1.\end{aligned}$$

Es stellt sich demnach  $11\frac{1}{2}$  als ein nach oben abgerundeter Wert heraus.

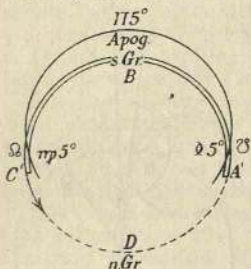
46) S. 356. Es sei auch für die Sonne die Bewegung auf einem Epizykel angenommen. Wenn der genaue Ort der Sonne das Maximum der positiven Anomaliedifferenz ( $\angle GES = +2^{\circ} 23'$ ) zeigt, der genaue Ort des Mondes ( $M^1$ ) dagegen das Maximum der negativen ( $\angle GEM^1 = -5^{\circ} 1'$ ), dann werden die beiden Lichtkörper zur Zeit der mittleren Syzygie noch um die Summe der beiden Anomaliedifferenzen, d. i. um den  $\angle M^1ES = 7^{\circ} 24'$  voneinander entfernt sein, während die mittleren Örter, d. s. die Mittelpunkte der beiden Epizykel, in der Richtung der durch den Mittelpunkt des Mondepizykels gehenden Leitlinie  $EG$  liegen, die nördlich des Knotens über, südlich des Knotens unter dem Sonnenepizykel um den Betrag der jeweiligen Breite des Mondes hinweggeht. Die genaue Syzygie, bei welcher die Lichtkörper in der Richtung der in der Einholungszeit um  $37'$  (s. S. 356, 2) weiter vorgerückten Geraden  $ES$  stehen, wird erst eintreten, nachdem der Epizykel den Mond um den  $\angle M^1EM^2 = 7^{\circ} 24' + 37'$  auf dem schiefen Kreise weitergetragen hat. Der Ort der genauen Syzygie wird dann um den  $\angle GES = 2^{\circ} 23' + 37'$ , d. i. um  $3^{\circ}$  Länge in der Ekliptik über den Ort der mittleren Syzygie hinausliegen. Die um denselben Winkel auf dem schiefen Kreise vor sich gegangene Bewegung wird nun auch die nördliche oder südliche Breite des Mondes entsprechend beeinflussen haben.

47) S. 364. Eine Erklärung dieser Stelle ist nur möglich, wenn man die Breite  $0^{\circ} 45'$  auf den Endpunkt des Mondlaufs von  $159^{\circ} 5'$  bezieht, nicht aber, wie es der Wortlaut des griechischen Textes fordert, auf den Endpunkt ( $A'$ ) des finsternisfreien Bogens ( $C'DA'$ ) von  $(180^{\circ} - 12^{\circ} 24' =) 167^{\circ} 36'$ , dessen Breite ja mit  $0^{\circ} 32' 20''$  (S. 363, 24) feststeht. Daß die Herstellung dieses Bezugs durch Einschiebung dieses „letzterer“ gerechtfertigt ist, lehrt nicht nur der Vergleich mit der Parallelstelle (S. 367, 2), die keinen Zweifel hinsichtlich der Zugehörigkeit der Breitenangabe zuläßt, sondern auch folgende Betrachtung. Es habe der Mond an der Finsternisgrenze  $C'$ , d. i.  $270^{\circ} + 6^{\circ} 12'$  von dem nördlich des Peri-



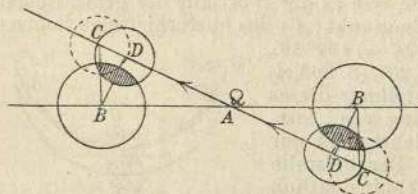
geums  $\sphericalangle 5^{\circ}30'$  anzunehmenden Grenzpunkt entfernt, noch eine Sonnenfinsternis verursacht. Zählt man hierzu die  $159^{\circ}5'$  des Mondlaufs, so erhält man nach Abzug eines ganzen Kreises am Ende der vor der Finsternisgrenze  $A'$  ablaufenden Strecke des Mondlaufs die Entfernung  $75^{\circ}17'$  vom nördlichen Grenzpunkt, für welche die 7<sup>te</sup> Spalte der Tabelle der Gesamtanomalie des Mondes (S. 286) die nördliche Breite (als Mittel zwischen  $1^{\circ}33'$  und  $1^{\circ}3'$ ) mit  $1^{\circ}18'$  gibt. Dieser Betrag ist mithin genau um  $0^{\circ}45'$  größer als die Breite des  $8^{\circ}31'$  weiter vorwärts liegenden Endpunktes ( $A'$ ) des finsternisfreien Bogens ( $C'DA'$ ) von  $(159^{\circ}5' + 8^{\circ}31' =) 167^{\circ}36'$ , die, wie oben bemerkt,  $0^{\circ}32'20''$  oder rund  $33'$  beträgt.

48) S. 367. Aus der Figur S. 366 war zunächst ersichtlich geworden, daß, wenn der nördliche Grenzpunkt des schiefen Kreises



nördlich des Apogeums  $\Pi 5^{\circ}$  liegt, der Mondlauf von  $208^{\circ}47'$  südlich der Knotenlinie beginnend, auch wieder südlich derselben endigen muß, wo eine Parallaxe den Mond von der Sonne abrückt. Die Möglichkeit einer Finsternis ist daher nur geboten, wenn der nördliche Grenzpunkt nördlich des Perigeums  $\sphericalangle 5^{\circ}$  angenommen wird. Die nördliche Breite am Ende des Mondlaufs ergibt sich folgendermaßen. Es habe der Mond an der Finsternisgrenze  $A'$ , d. i.  $(90^{\circ} - 6^{\circ}12' =) 83^{\circ}48'$  von dem nördlichen Grenzpunkt

$D$  entfernt, noch eine Sonnenfinsternis verursacht. Zählt man hierzu die  $208^{\circ}47'$  des Mondlaufs, so erhält man  $292^{\circ}35'$  ( $= 270^{\circ} + 22^{\circ}35'$ ) Entfernung vom nördlichen Grenzpunkt, d. h. der Mond stand am Ende seiner über  $C$  hinausfallenden Laufstrecke wieder  $22^{\circ}35'$  nördlich des aufsteigenden Knotens. Nach der 7<sup>ten</sup> Spalte der Tabelle der Gesamtanomalie erhält man die nördliche Breite zu  $292^{\circ}35'$  mit  $1^{\circ}57'$ . Sie beträgt somit  $1^{\circ}25'$  mehr als  $32'$ , was (diesmal nach unten abgerundet) die Breite des Endpunktes ( $C$ )



des zwischen den Finsternisgrenzen  $A'$  und  $C'$  liegenden Bogens ( $A'BC'$ ) von  $192^{\circ}24'$  ist.

49) S. 378. Aus bestehenden Figuren ist deutlich zu erkennen, daß vor einem Knoten erst die genaue Syzygie ( $BC$ ) und dann die

Mitte ( $BD$ ) der Finsternis eintritt, nach Passierung des Knotens aber erst die Mitte ( $BD$ ) und dann die Syzygie ( $BC$ ), nachdem



des Mondes. Da die gegebene Zahl der Breite ohne wesentlichen Fehler der Argumentzahl  $265^{\circ}44'$  der zweiten und der Argumentzahl  $265^{\circ}42'$  der ersten Tabelle gleichkommt, so entnimmt man aus der

2 <sup>ten</sup> Tabelle:	14 Zoll		42' 15''		17' 17''
1 <sup>ten</sup> Tabelle:	13 Zoll		40' 35''		11' 9''
Differenzen:	1 Zoll		1' 40''		6' 8''.

Hierauf geht man mit der Zahl 317 der Anomalie in die Korrektions-tabelle ein und nimmt die dort sich ergebenden  $\frac{7}{60}$  von diesen Differenzen, um sie zu den aus der ersten Tabelle entnommenen kleineren Beträgen zu addieren. Die Rechnung ergibt

$$13\frac{7}{60} \text{ Zoll} | 40' 35'' + 12'' | 11' 9'' + 43''.$$

Als Gesamtsumme der halben Dauer erhält man demnach  $52' 39''$ . Addiert man zu diesen Sechzigsteln  $\frac{1}{12}$  davon für die Weiterbewegung des Schattencentrums, so beträgt die Laufstrecke, welche der Mond in der Zeit der halben Dauer, d. i. von der erstmaligen Berührung des Schattenkreises bis zur Mitte der Totalität zu durchlaufen hat, in Summa ( $52' 39'' + 4' 23'' =$ )  $57' 2''$ . Diese Strecke wird er bei der stündlichen ungleichförmigen Bewegung von  $30' 45''$  (Anm. 42 a. E.) in  $1^{\text{st}} 51^{\text{m}}$  zurückgelegt haben.

Setzt man die Mitte der Finsternis, weil sie vor einem Knoten (Anm. 49) stattfindet, mit rund  $11^{\text{h}} 15^{\text{m}}$  an, d. i. um  $1^{\text{m}} 36^{\text{s}}$  später als der Eintritt der genauen Vollmondsyzygie (Anm. 42 a. E.) erfolgt, so ergibt sich für den Anfang der Finsternis ( $11^{\text{h}} 15^{\text{m}} - 1^{\text{st}} 51^{\text{m}} =$ )  $9^{\text{h}} 24^{\text{m}}$  abends, und für das Ende ( $11^{\text{h}} 15^{\text{m}} + 1^{\text{st}} 51^{\text{m}} =$ )  $1^{\text{h}} 6^{\text{m}}$  nachts.

51) S. 411. Bequemer als aus der Kreisfigur entnimmt man die Auf- und Untergangsweiten der Ekliptikzeichen aus der kleinen dreizeiligen Tabelle, welche in Verbindung mit einem Scholion im Vaticanus 1594 saec. IX enthalten ist. Sie ist sozusagen ein Exzerpt aus der Kreisfigur behufs übersichtlicherer Gruppierung der Auf- und Untergangsweiten.

♁      Meroë   Soëne   U. äg. Rhodus Helleesp. Pontus   Bor.   ♀

♃	30	12° 10'	12° 46'	13° 33'	14° 29'	15° 32'	16° 38'	17° 47'	♄ ♃
♌	60	21° 26'	22° 32'	23° 53'	25° 39'	27° 38'	29° 42'	31° 56'	♅ ♄
♍	90	24° 57'	26° 15'	27° 57'	30° 0'	32° 22'	34° 53'	37° 38'	♆ ♅

Die Spalten der sieben Klimata mit den Auf- und Untergangsweiten werden flankiert von je einer Spalte mit den Ekliptikzeichen. Die über diesen beiden Spalten stehenden Zeichen, einerseits die Scheren, andererseits der Widder, markieren sozusagen den Äquator, indem ihre ersten Grade im Ostpunkt auf- und im Westpunkt untergehen. Die linke Spalte enthält die südlich, die rechte Spalte die nördlich des Äquators auf- und

untergehenden Zeichen. Daß es sich auch bei diesen Zeichen, wie bei den Scheren und bei dem Widder, um ihre Anfänge, d. i. um die ersten Grade handelt, wird durch die Zahlen der zweiten Spalte angezeigt. Der 30 Ekliptikgrade südlich vom Herbstpunkt entfernte Anfang des Skorpions geht z. B. für Rhodus mit derselben südlichen Weite von  $14^{\circ} 29'$  auf, mit welcher der gleichweit südlich vom Frühlingspunkt entfernte Anfang der Fische untergeht, und umgekehrt: der Anfang der Fische geht mit derselben Weite auf, mit welcher der Anfang des Skorpions untergeht. Der  $60^{\circ}$  vom Herbstpunkt entfernte Anfang des Schützen geht mit  $25^{\circ} 39'$  südlicher Weite auf, mit welcher der ebensoweit vom Frühlingspunkt entfernte Anfang des Wassermanns untergeht, und umgekehrt. Das Zeichen des Steinbocks, dessen Anfang, sowohl vom Herbstpunkt wie vom Frühlingspunkt  $90^{\circ}$  entfernt ist, geht mit  $30^{\circ}$  südlicher Weite auf und auch wieder unter. Entsprechende Bedeutung haben die Zahlen 30, 60 und 90 natürlich auch für die nördlich des Äquators auf- und untergehenden Zeichen der letzten Spalte.

52) S. 413. Es sollen für die Anm. 50 behandelte Mondfinsternis die Punkte des Horizonts bestimmt werden, nach welchen die durch Mond- und Schattenzentrum gehende Linie am Anfang der beiden ersten Phasen der Verfinsternung (E und  $\Delta$ ) und am Ende der beiden letzten ( $\Delta'$  und E') des Austritts gerichtet war. Hierbei genügt die von Ptolemäus empfohlene ganz allgemeine Schätzung, bei welcher mit abgerundeten Zahlen gerechnet werden kann. Zur Vermeidung der Anm. 17 erläuterten umständlichen Berechnungen der kulminierenden und auf- oder untergehenden Ekliptikgrade stelle man den Globus auf die Polhöhe von Unterägypten<sup>a)</sup> ( $30^{\circ} 22'$ ) ein und erziele die maßgebenden Punkte der Ekliptik durch entsprechende Drehung des Globus.

Setzt man, um runde Zeitangaben für die Dauer der Phasen zu erhalten, die  $3^{\text{st}} 46^{\text{m}}$  dauernde  $13,1$  zöllige Finsternis von  $9^{\text{h}} 25^{\text{m}}$  abends bis  $1^{\text{h}} 11^{\text{m}}$  nachts<sup>9</sup> an, so fällt die Mitte auf  $11^{\text{h}} 18^{\text{m}}$ . Bei der stündlichen ungleichförmigen Bewegung des Mondes von  $30' 45''$  (Anm. 50 a. E.) beträgt die ganze Dauer der Totalität  $2 \times 11^{\text{h}} 50'' = 23^{\text{h}} 40''$ , die der Mond in  $46^{\text{m}}$  zurücklegt; sie verläuft demnach von  $10^{\text{h}} 55^{\text{m}}$  bis  $11^{\text{h}} 41^{\text{m}}$ . Hiermit ist zugleich die Dauer des Verlaufs der beiden äußeren Phasen (E und E') mit je  $1^{\text{st}} 30^{\text{m}}$ , sowie die Uhrzeit von Anfang und Ende der beiden inneren Phasen ( $\Delta$  und  $\Delta'$ ) festgestellt.

a) Die Polhöhe von Alexandria beträgt  $30^{\circ} 58'$  (S. 299,8); da aber eine Tafel der Aufgänge nur für das Unterland von Ägypten (S. 95) vorliegt, so ist diese Polhöhe gewählt worden, damit die kulminierenden und auf- oder untergehenden Grade auch nach dieser Tafel berechnet werden können.

Da um Mitternacht der dem genauen Sonnenort  $\times 15^\circ$  diametral gegenüberliegende 15. Grad des Skorpions kulminieren mußte, so kulminierte bei Beginn der Finsternis um  $9^h 25^m$ , d. i.  $2^{st} 35^m$  vorher ( $39^\circ$  des Äquators zurückgedreht)  $\simeq 4^\circ$ , während  $\nearrow 20^\circ$  mit einer südlichen Weite aufging, die man der kleinen Tabelle der Auf- und Untergangswerten aus der Spalte für Unterägypten (übereinstimmend mit der Horizontenteilung des Globus) mit rund  $26^\circ$  entnimmt. Da die Finsternis über 13zöllig war, so geht man nun mit 13 in die Tabelle der Positionswinkel ein, um der dritten Spalte für die erste Phase der Verfinsternung diesen Winkel (als Mittel zwischen  $23^\circ 28'$  und  $20^\circ 36'$ ) mit  $22^\circ$  zu entnehmen. Einen Bogen von dieser Größe hat man (nach Fall II B 3 S. 413, 31) weil die Finsternis südlich der Ekliptik verlief, von dem Aufgangsschnittpunkt  $\nearrow 20^\circ$  ab, dessen südliche Weite mit  $26^\circ$  gefunden war, auf dem Horizont nach Norden zu abzutragen. Auf diese Weise gelangt man durch die Differenz  $26^\circ - 22^\circ$  zu dem noch  $4^\circ$  südlich des Ostpunktes liegenden Punkt, in welchem bei Beginn der Finsternis  $9^h 25^m$  die vom Zentrum (E) des Mondes durch den Mittelpunkt (A) des Schattens gehende Linie als über den Scheitel (A) verlängerter Schenkel des derzeitigen Positionswinkels (BAE) den Horizont traf. Daß der in diesem Punkt gebildete Winkel — im vorliegenden Fall als innerer Wechselwinkel zum Scheitelwinkel — dem der Tabelle entnommenen Positionswinkel annähernd gleich ist, geht aus der durchgehends zugrunde gelegten Annahme (353, 32) hervor, daß bei der höchstens  $2^\circ$  betragenden Strecke, welche bei Finsternissen in Betracht kommt, dieses Stück der Mondbahn sowohl zur Ekliptik als zum Horizont parallel verlaufe.

Bei Eintritt der letzten Phase der Verfinsternung ( $\Delta$ ), d. i. bei Beginn der Totalität um  $10^h 55^m$ , kulminierte  $1^{st} 30^m$  später ( $22\frac{1}{2}^\circ$  des Äquators vorwärts gedreht)  $\simeq 28^\circ$ , wozu man  $\odot 9^\circ$  als untergehenden Grad mit der nördlichen Weite  $27^\circ$  erhält. Da für diese Phase der Positionswinkel aus der vierten Spalte der Tabelle (als Mittel zwischen  $63^\circ 37'$  und  $52^\circ 24'$ ) mit  $58^\circ$  entnommen wird, so hat man einen Bogen von dieser Größe (nach Fall II B 1<sup>b</sup> S. 413, 10) südlich von dem Untergangsschnittpunkt  $\odot 9^\circ$  aus abzutragen, wodurch man auf ( $58^\circ - 27^\circ =$ )  $31^\circ$  südlich des Westpunktes stößt, wo die aus dem Mittelpunkt (A) des Schattens durch das Zentrum ( $\Delta$ ) des Mondes gezogene Linie als Schenkel des Positionswinkels (BA $\Delta$ ) um  $10^h 55^m$  den Horizont traf.

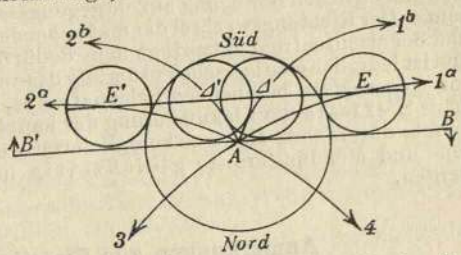
Am Ende der ersten Phase des Austritts ( $\Delta'$ ), d. i. am Ende der Totalität um  $11^h 41^m$ , kulminierte  $46^m$  später ( $11\frac{1}{2}^\circ$  des Äquators vorwärts gedreht)  $\eta 11^\circ$  und war aufgehender Grad  $\nearrow 22^\circ$  mit der südlichen Weite  $26^\circ$ . Da der Positionswinkel wieder  $58^\circ$  beträgt, so wird ein von dieser Größe (nach Fall II B 2<sup>b</sup> S. 413, 30) südlich von dem Aufgangsschnittpunkt  $\nearrow 22^\circ$  aus abge-

tragener Bogen ( $58^\circ + 26^\circ = 84^\circ$ ) südlich des Ostpunktes enden, wo die aus dem Mittelpunkt (A) des Schattens durch das Zentrum ( $\Delta'$ ) des Mondes gehende Linie als Schenkel des Positionswinkels ( $B'A\Delta'$ ) um  $11^h 41^m$  den Horizont traf.

Am Ende der letzten Phase des Austritts (E'), d. i. am Ende der ganzen Finsternis um  $1^h 11^m$ , kulminierte  $1^{st} 30^m$  später ( $22\frac{1}{2}^\circ$  des Äquators vorwärts gedreht)  $\nearrow 2^\circ$ , wozu man als untergehenden Grad  $\searrow 15^\circ$  mit  $19^\circ$  nördlicher Weite erhält. Da der Positionswinkel wieder  $22^\circ$  beträgt, so endet ein von dieser Größe (nach Fall II B 4 S. 413,23) nach Norden von dem Untergangsschnittpunkt  $\searrow 15^\circ$  abgetragener Bogen ( $19^\circ + 22^\circ = 41^\circ$ ) nördlich des Westpunktes, wo die aus dem Zentrum (E') des Mondes durch den Mittelpunkt (A) des Schattens gehende Linie als über den Scheitel (A) verlängerter Schenkel des Positionswinkels ( $B'A E'$ ) um  $1^h 11^m$  den Horizont schnitt.

Faßt man die Bewegung der Schnittpunkte während des ganzen Verlaufs der Finsternis ins Auge, d. h. während der Zeit von  $3\frac{3}{4}$  Stunden, in welcher das

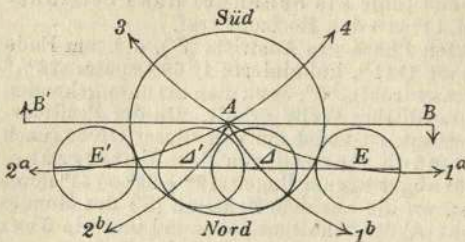
Phänomen infolge dertäglichen Bewegung  $57$  Äquatorgrade am Himmel von Ost über Süd nach West zurücklegt, so wandert infolge der etwa  $2^\circ$  betragenden Rechtläufigkeit des Mondes (von West nach



Ost) der bei Eintritt der ersten Phase (E)  $4^\circ$  südlich des Ostpunktes<sup>a)</sup> von dem Schenkel des Scheitelwinkels erzeugte Schnittpunkt im nördlichen Horizont von Ost über Nord nach West (von 3 bis 4 an der Fig.) bis zu der Stelle, wo  $41^\circ$  nördlich des Westpunktes der von demselben Schenkel erzeugte Schnittpunkt das Ende (E') der Finsternis markiert. Dagegen bewegt sich der bei Eintritt der Totalität ( $\Delta$ )  $31^\circ$  südlich des Westpunktes von dem Schenkel des Positionswinkels gebildete Schnittpunkt in  $46^m$  im südlichen Horizont von West über Süd nach Ost (von  $1^b$  bis  $2^b$  an der Fig.) bis zu der Stelle, wo am Ende der Totalität ( $\Delta'$ ) der von demselben Schenkel  $84^\circ$  südlich des Ostpunktes erzeugte Schnittpunkt eintritt.

a) An der Figur liegt der zuerst erzeugte Schnittpunkt nördlich des Ostpunktes bei 3, der zuletzt erzeugte, wie bei dem Phänomen, nördlich des Westpunktes in 4.

Bei einer nördlich der Ekliptik verlaufenden Finsternisschlägt die Wanderung der Richtpunkte den entgegengesetzten Weg ein: der am Anfang



ein: der am Anfang (E) der Finsternis von dem Scheitelwinkels erzeugte Schnittpunkt wandert im südlichen Horizont von Ost über Süd nach West (von 3 bis 4 an der Fig.), während sich der am Anfang (Δ)

der Totalität von dem Scheitel des Positionswinkels gebildete Schnittpunkt im nördlichen Horizont von West über Nord nach Ost (von 1<sup>b</sup> bis 2<sup>b</sup> an der Fig.) bewegt.

Einen zwingenden Grund gibt es nicht für die Verteilung einer an sich einheitlichen Bewegung auf entgegengesetzte Seiten des Horizonts. Der Richtungswechsel der maßgebenden Linie durch Mond- und Schattenzentrum entspringt dem Bedürfnis zu klassifizieren und ist lediglich eine logische Forderung des auf einer ganzen Reihe von Gegensätzen beruhenden Schematismus, mit welchem Ptolemäus S. 411—13 die Klassifizierung der hauptsächlichsten Richtpunkte durchführt, die um so komplizierter werden muß, als Sonnen- und Mondfinsternisse gleichzeitig in Betracht gezogen werden.

### Anmerkungen zur Einleitung.

1) Die Schriften des „Kleinen Astronomen“ sind von mir zusammengestellt worden in der Abhandlung über den Anaphorikus des Hypsikles, Progr. d. Kreuzsch. Dresden 1888.

2) Als Quellen sind zu vorliegendem Überblick benutzt worden: Georg Weber, Allg. Weltgesch. 2. Aufl. 5.—8. Band. Leipzig 1883 bis 1885. — J. H. v. Mädler, Gesch. der Himmelskunde 1. Band. Braunschweig. 1873. — Herm. Hankel, Zur Gesch. d. Math. im Altert. u. Mittelalter. Leipzig 1874. — Rud. Wolf, Gesch. d. Astr. München 1877. — Moritz Cantor, Vorl. über Gesch. d. Math. 1. Band. Leipzig 1880. — Io. Geo. Wenrich, De auct. graec. versionibus et comment. syriacis arabicis etc. Lipsiae 1842.

3) Alfragani Rudimenta astronomica. Item Albategnius astronomus peritissimus de motu stellarum, ex observ. tum propriis tum Ptolemaei. Item Ioannis de Regiomonte oratio introductoria in omnes scientias mathem. Item Epistola Philippi Melanchthonis nuncupatoria. Norimb. 1537.

4) Wenrich a. a. O. S. 228 nennt als Übersetzer den Sohn Ishak ben Honain, was von Steinschneider in der Ztschr. für Math. u. Phys. X. S. 469 widerlegt wird.

5) Caussin, *Le livre de la grande table Hakémité*. Manuscrit appartenant à la bibliothèque de l'université de Leyde et prêté à l'Institut national par le Gouvernement Batave. In: *Notices et extraits des manuscrits Tome VII*. Paris en XII (1804) p. 16—240. — Mitteilungen über den Verfasser der Tafeln S. 17—19.

6) Geberi filii Afflah Hispalensis de astronomia libri IX sive commentarii in Ptolemaei *Almagestum* edidit Petrejus. Cum instrumento primi mobilis Petri Apiani. Norimb. 1533. — So bei Weidler, *Bibliogr. astron.* Vitemb. 1755; demnach nicht von Peter Apian herausgegeben, wie Wolf a. a. O. S. 72 angibt.

7) Baldass. Boncompagni, *Della vita e delle opere di Gherardo Cremonese*. Roma 1851. — Wüstenfeld, *Die Übersetzungen arabischer Werke ins Lateinische*. Abh. d. Kgl. Ges. d. W. zu Göttingen. Hist.-phil. Klasse XXII. 1877.

8) *Almagestum Cl. Ptolemaei Pheludiensis Alexandrini, astronomorum principis*. Opus ingens ac nobile, omnes celorum motus continens. Felicibus astris eat in lucem: Ductu Petri Liechtenstein Coloniensis Germani, anno Virginei Partus 1515. die 10. Jan. Venetiis ex officina eiusdem litteraria. fol.

9) *Bibliotheca a Marqu. Gudio congesta, quae publica auctione distrahetur Hamburgi ad d. 4. Augusti 1706*. Kiloni. S. 564: No 251. Cod. membr. eleganter scriptus in quarto. Eine zweite in derselben Handschrift enthaltene Übersetzung des *Quadripartitum* des Ptolemäus ist laut Unterschrift am 29. Aug. 1206 beendet worden. In der *Wolfenbüttler Bibl.* Cod. lat. 147.

10) *Monatl. Corresp. zur Beförd. der Erd- u. Himmelskunde*, herausgeg. von Freiherrn von Zach. Band 27. 1813 S. 192.

11) *Hermes* XLV 1910 S. 57 ff.; XLVI 1911 S. 207 ff.

12) Zu den Mitteilungen über G. Trap. sind außer dem Artikel von Bähr in der *Allg. Encycl.* Erste Section, Teil 60 S. 219—227 als Quellen herangezogen worden: H. Hody, *de Graecis illustribus*. Londini 1742 p. 105—120. — Leonis Allatii *de Georgiis et eorum scriptis diatriba*. Fabr. Bibl. gr. cur. Harless. XII. p. 70—84. — Apostolo Zeno, *Dissertazioni Vossiane*. Venezia 1753. T. II. p. 2—27. — Francisci Barbari et aliorum *Epistolae ad ipsum*, nunc primum editae. Brixiae 1743. In Betracht kommen die Briefe 198—210 aus dem Zeitraum vom 5. Dez. 1451 bis 28. Sept. 1453.

13) Ep. 198 p. 290 Non. Dec. (Die fehlende Jahreszahl 1451 ist gesichert durch das Antwortschreiben Barbaros aus Venedig vom 7. März 1452.) *Magnitudine laboris et difficultate operis eorumque magnarum pondere perterritus tergiversabar. Tandem recepi promisi que invitatus et quasi coactus . . . Nec Ptolemaeum modo novem mensium spatio traduxi, sed, cum nihil antea scrip-*

tum in expositione tantarum rerum invenerim, hanc quoque operam simul laboremque subii commentariosque confeci, quibus ut spero coelestium scientia penitus obtrusa in lucem facile veniet.

14) Leo Allatius a. a. O. S. 79: In commentariis, quos in magnam compositionem Ptolemaei furto a Theone subtractos edidit. . . . Et mentitur, se Ptolemaeum, quem iam diu non Latinum, sed barbarum et multis in locis mendacem fecerat, nondum edidisse. . . . una cum Commentariis, quibus sese id opus exposuisse gloriatur, in quibus nihil est alicuius dumtaxat momenti, quod non sit a Theone Ptolemaei expositore subtractum.

15) Zeno a. a. O. S. 13 teilt als Beleg hierfür ein in der Ambrosiana gefundenes Schriftstück von der Hand des Georgius mit, welches lautet: Pontifex Summus Nicolaus V. volumen traducendum mense Martii tradidit et mense Decembris anni eiusdem et librum tractatum et Commentarios vidit absolutos, propter quos postea me destruxit.

16) Ep. 210 Neapoli 28. Sept. 1453: Sunt mihi duo filii et quinque filiae, quarum duae iam viro maturae sunt, fortuna vero adeo acerbiter suam in me exercuit, ut nihil addi posse videatur. . . nec spes ulla provisionis regiae vel salarii viget. . . succurratis fortunis meis. — Dieser Notschrei stimmt nicht recht zu der ehrenvollen Aufnahme, die er bei Alfons V. gefunden haben soll.

17) Cl. Ptolemaei Pheludiensis Alexandrini Almagestum seu magna constructionis mathematicae opus plane divinum latina donatum lingua ab Georgio Trapezuntio usquequaque doctissimo, per Lucam Gauricum, Neap. divinae matheseos prof. egregium, in alma urbe Veneta orbis regina recognitum 1528. — Zusammen mit lat. Übers. anderer Werke des Ptol. und der Hypotyp. des Proklus von Valla wurde diese Ausgabe zu Basel 1541 von Hieron. Gemusäus wiederholt und ebenda 1551 von Oswald Schreckenfuchs.

18) Anton Reiser, Index manuscr. Bibl. Augustanae 1675 p. 91 nr. 69: Isagoge in magnam syntaxim sive structuram Ptol. Trapezuntii autoritate scripta. — Miller, Cat. des mss. Grecs de l'Escurial. Paris 1848 p. 141: Introduction à la *Msy. Σvvτ.* de Ptol. par George de Trebizonde.

19) Außer den Werken von Wolf u. Mädler wurden zu den Mitteilungen über Regiomontan als Quellen benutzt: Melchior Adam, Vitae germanorum philosophorum. Heidelberg. 1615. — Jo. Gabr. Doppelmayr, Hist. Nachricht von den Nürnbergischen Mathematicis u. Künstlern. Nürnberg. 1730 fol. S. 1—23.

20) Ioannis de Monte Regio et Georgii Purbachii Epitome in Cl. Ptolemaei magnam compositionem. Basileae apud Henrichum Petrum 1543. — Das an Jacob von Moersperg gerichtete Widmungsschreiben ist von Hier. Gemusäus verfaßt. In der Epistola Regiomontani an Bessarion heißt es: Quod mihi plane evenisse videtur in praeclarissimo illo Ptolemaei libro, quem Magnam

compositionem vocant, quod apud Graecos mira facilitate facundiaque resplendeat, ita apud Latinos durum ineptumque habetur, ut ne Ptolemaeus quidem ipse, si reviviscat, ipsum sit pro suo recepturus . . . Satis enim videbamus eo carere, qui ita barbatae atque inepte translatae habebamus . . . Coepisti igitur praeclarum illud opus iterum Latinum facere . . . Verum onus delegatum tibi tunc apud piissimum imperatorem provinciae a proposito revocavit.

Ob auf dieser Epitome die von Bähr in Paulys Realencycl. Band VI, S. 240 aufgeführte „Deutsche Übersetzung im Auszug. Frankfurt 1545 fol.“ beruht, muß dahingestellt bleiben. Vielleicht liegt in diesem sonst nirgends erwähnten Buch ein Auszug aus der Kosmographie des Ptolemäus vor. Ein solcher ist unter dem Titel „Der Deutsche Ptolemäus“ in Facsimiledruck herausgegeben von Joh. Fischer, Straßburg 1910.

21) Theonis Alexandrini defensio contra Trapezuntium, aus der 573 Seiten umfassenden Handschrift im Auszug mitgeteilt von Chr. Theoph. de Murr, Notitia trium codicum autographorum Ioh. Regiomontani. Norimb. 1801 p. 11—19. — Am Schluß heißt es: Te autem rursus compello, omnium qui in terris sunt impudentissime atque perversissime blatterator, qui versatili commento tuo nescire simulas etc.

22) M. Adam a. a. O. S. 11: Etsi autem aegre patiebatur avelli se Regiomontanus ab officina et Ptolemaei editione et praesagens suam mortem, ut narrant.

23) Doppelmayr a. a. O. S. 12 ff teilt das von Regiomontan selbst veröffentlichte Verzeichnis dieser Handschriften mit, die er noch herauszugeben gedachte. An zweiter Stelle steht: *Magna Compositio Ptolemaei, quam vulgo Almagestum vocant, nova traductione*. Die an fünfter Stelle als „*Procli sufformationes astronomicae*“ bezeichnete Hypotyposis astronomicae positionum ist ebenfalls von Grynäus zum erstenmal herausgegeben und in derselben Offizin wie die Syntaxis zu Basel 1540 gedruckt worden. Somit wäre in diesem verschollenen Kodex des Regiomontan die der Editio princeps zugrunde liegende Handschrift gefunden, nach welcher ich für meine Ausgabe (Leipzig, Teubner 1909) vergeblich geforscht hatte.

24) Doppelmayr a. a. O. S. 25 Anm. t).

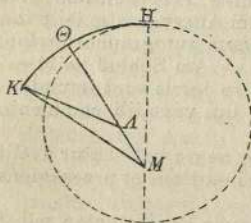
25) Leopold Prowe, Nicolaus Copernicus. Erster Band, II. Teil. Berlin 1883. S. 411.

26) Geographi graeci minores ed. J. Hudson vol. IV. Oxon. 1712.

27) Schiaparelli († 1910), Über die homozentrischen Sphären des Eudoxus, des Kallippus und des Aristoteles. Übersetzt von W. Horn. Ztschr. für Math. u. Physik XXII. 1877 Suppl. 1. Heft.

## Berichtigungen.

1) S. 115. An der Figur zu Fall b) sind anstatt der Ekliptikzeichen  $\Upsilon$   $\mathcal{K}$  die Zeichen  $\odot$   $\mathcal{M}$   $\ominus$  zu setzen wie an der Figur S. 116: an das östliche Ekliptikstück AE die Zeichen  $\odot$  und  $\mathcal{M}$ , an das westliche Stück BH die Zeichen  $\ominus$  und  $\mathcal{M}$ . Die durch die Zeichen  $\Upsilon$   $\mathcal{K}$  angedeutete Lage der Ekliptik setzt  $\Delta$  als den Südpol voraus, was der Annahme widerspricht:  $\Delta$  ist für alle Fälle der Nordpol, welcher im vorliegenden Fall, da der Herbstpunkt nördlich des Zenits kulminiert, natürlich unter dem Horizont liegen muß.



2) S. 216. Die zur Erklärung der exzentrischen Hypothese beigegebene Figur erfüllt nicht die Vorschrift, daß  $HOK$  ein Exzenter um das Zentrum  $A$  sei. Sie ist daher durch die beistehende Figur zu ersetzen.

3) S. 235,2 ist statt „von dem“ „bis zum“ zu ändern.

4) S. 253,15 ist statt „der Sonne“ „des Mondes“ zu setzen.

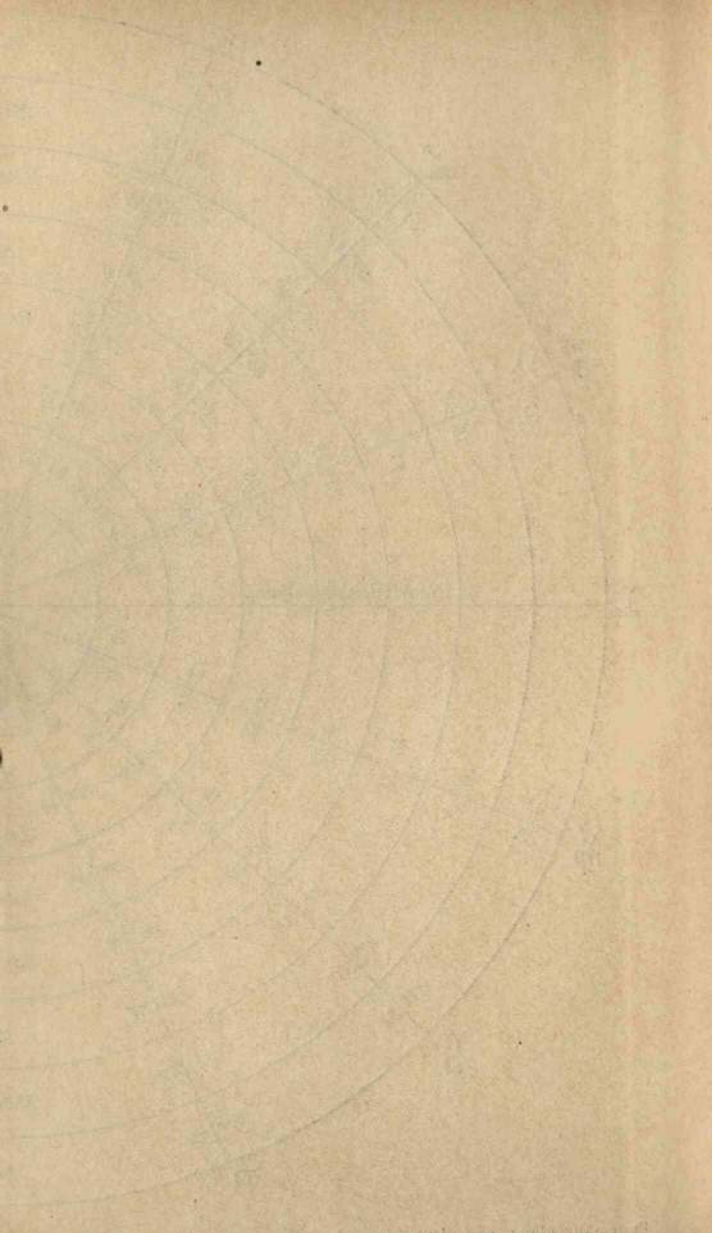
5) S. 323, erste Zeile der Parallaxentafel ist in der 7. Spalte für Syzygie  $0' 14''$  statt  $0' 14'$  zu setzen.

6) S. 345, erste Zeile der Jahrestabelle ist in der 5. Spalte für Breite die Sekundenzahl 4 mit zwei Strichen zu versehen.

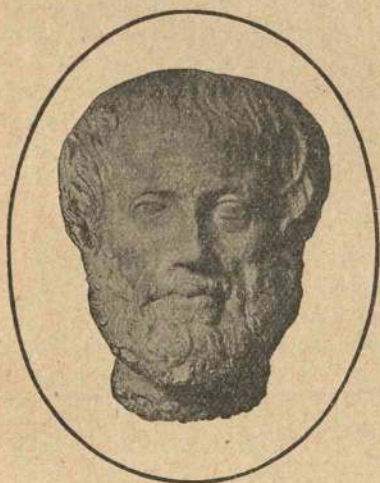
7) S. 347, Anm. ist das Zitat S. 335,28 in S. 355,28 zu ändern.


8) S. 381,10 ist  $AB^2 - A\Gamma^2$  statt  $AB^2 + A\Gamma^2$  zu setzen.





B.G. TEUBNERS VERZEICHNIS VON  
AUSGABEN GRIECHISCHER UND  
LATEINISCHER SCHRIFTSTELLER



VERLAG VON B. G. TEUBNER  
LEIPZIG  BERLIN

WINTER 1911

# B. G. Teubners

## Ausgaben griechischer u. lateinischer Schriftsteller

### Inhaltsübersicht

	Seite
Bibliotheca scriptorum Graecorum et Romanorum Teubneriana	3
Bibliotheca scriptorum medii aevi Teubneriana	15
"          "          Latinorum recentioris aetatis	15
Sammlung wissenschaftlicher Kommentare	16
Einzelausgaben griechischer und lateinischer Schriftsteller	16
Meisterwerke der Griechen und Römer (mit Kommentar)	23
Schulausgaben mit deutschen Anmerkungen	24
Schultexte der „Bibliotheca Teubneriana“	29
Verschiedene Ausgaben für den Schulgebrauch	29
Schülerausgaben	30
Hilfsbücher für die Erklärung der Schriftsteller	
1. Griechische Schriftsteller	31
2. Lateinische Schriftsteller	32
<b>Wichtige Handbücher und neuere Erscheinungen</b>	<b>33</b>

Eine ausführliche Übersicht über den philologisch-historischen Verlag bietet das

### **Verlagsverzeichnis auf dem Gebiete der klassischen Altertumswissenschaft usw. Ausgabe 1911.**

Inhalt: Klassische Altertumswissenschaft. Allg. Sprachwissenschaft, Volkskunde. Neuere Geschichte und Kultur, Sprache, Literatur und Kunst, Philosophie, Psychologie, Religionswissenschaft. Länder- und Völkerkunde. Volkswirtschaftslehre, Rechts- und Staatswissenschaften. Zum Bildungswesen.

Für Interessenten umsonst und postfrei erhältlich vom

**Verlag von B. G. Teubner in Leipzig, Poststr. 3/5**

Januar 1912.

## A. Ausgaben griechischer und lateinischer Schriftsteller.

### 1a. Bibliotheca scriptorum Graecorum et Romanorum Teubneriana. [8.]

Diese Sammlung hat die Aufgabe, die gesamten noch vorhandenen Erzeugnisse der griechischen und römischen Literatur in neuen, wohlfeilen Ausgaben zu veröffentlichen, soweit dies zugunsten der Wissenschaft oder der Schule wünschenswert ist. Die Texte der Ausgaben beruhen auf den jeweils neuesten Ergebnissen der kritischen Forschung, über die die beigefügte adnotatio critica, die sich teils in der praefatio, teils unter dem Text befindet, Auskunft gibt. Die Sammlung wird ununterbrochen fortgesetzt werden und in den früher erschienenen Bänden durch neue, verbesserte Ausgaben stets mit den Fortschritten der Wissenschaft Schritt zu halten suchen.

Die Sammlung umfaßt zurzeit gegen 550 Bände, die bei einmaligem Bezuge statt ca. 2000 Mark geheftet, 2250 Mark gebunden zum Vorzugspreise von ca. 1500 Mark, bzw. 1750 Mark abgegeben werden.

Alle Ausgaben sind auch gleichmäßig in Leinwand gebunden käuflich!

### Textausgaben der griechischen und lateinischen Klassiker.

Die mit einem \* bezeichneten Werke sind Neuerscheinungen seit Anfang 1911.

#### a) Griechische Schriftsteller.

- Abercili titulus sepulcralis. Ed. W. Lüdtke et Th. Nissen. *M* 1 — 1.30.  
— vita. Ed. Th. Nissen. [In Vorb.]  
Aeliani de nat. anim. II. XVII, var. hist., epistt., fragm. Rec. R. Hercher. 2 voll. *M* 12.20 13.20.  
— varia historia. Rec. R. Hercher. *M* 1.50 1.90.  
Aeneae Tactici commentarius poliorceticas. Rec. A. Hug. *M* 1.35 1.75.  
— de obsidione toleranda commentarius. Ed. R. Schöne. *M* 4.50 5.—  
Aeschinis orationes. Ed. Fr. Blass. Ed. II. min. *M* 2.80 3.30.  
— — — — — Ed. maior (m. Index v. Breuss). *M* 9.20 9.80.  
— Socratici reliquiae. Ed. H. Krauß. *M* 2 80 3.20.  
Aeschylli tragoediae. Iter. ed. H. Weil. *M* 2.40 3.—  
Einzelne jede Tragödie (Agamemnon. Choëphorae. Eumenides. Persae. Prometheus. Septem c. Th. Supplices) *M* —.40 —.70.  
— cantica. Dig. O. Schroeder. *M* 2.40 2.80.  
[—] Scholia in Persas. Rec. O. Dähnhardt. *M* 3.60 4.20.  
Aesopicae fabulae. Rec. C. Halm. *M* —.90 1.30.  
Alephronis Rhetoris epistularum lib. IV. Ed. M. A. Schepers. *M* 3.20 3.60.  
Alexandri Lycopol. c. Manich. Ed. A. Brinkmann. *M* 1.— 1.25.  
Alypius: s. Musici.  
Ammo: s. Maximus.  
Anacreontis carmina. Ed. V. Rose. Ed. II. *M* 1.— 1.40.  
\* — — — — — Ed. C. Preisendanz. [In Vorb.]  
Anarithus: s. Euclid suppl.  
Andocidis orationes. Ed. Fr. Blass. Ed. III. *M* 1.40 1.80.  
Annae Comnenae Alexias. Rec. A. Reifferscheid. 2 voll. *M* 7.50 8.60.  
Anonymi chronographia syntomos e cod. Matrit. No. 121 (nunc 4701). Ed. Ad. Bauer. *M* 2.— 2.40.  
Anonymus de incredibilibus: s. Mythographi.  
Anthologia Graeca epigr. Palat. c. Plan. Ed. H. Stadtmueller.  
Vol. I: Pal. I. I—VI (Plan. I. V—VII) *M* 6.— 6.60.  
Vol. II. P. 1: Pal. I. VII (Plan. I. III) *M* 8.— 8.60. [P. 2 in Vorb.]  
\* Vol. III. P. 1: Pal. I. IX. (Epp. 1—563. Plan. I. I) *M* 8.— 8.60. [P. 2 in Vorb.]  
— lyrica s. lyr. Graec. coll. Ed. Th. Bergk. Ed. IV cur. E. Hiller et O. Crusius. *M* 3.— 3.60.  
Antiphontis orationes et fragmenta. Ed. Fr. Blass. Ed. II. *M* 2.10 2.50.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene Exemplare**.

- Antonini, M. Aurel., commentarr. II. XII. Rec. I. Stich. Ed. II. *M.* 2.40 2.80.
- Antoninus Liberalis: s. Mythographi.
- Apocalypsis Anastasiae. Ed. R. Homburg. *M.* 1.20 1.60.
- \*Apollinari metaphrasis psalmodum. Ed. A. Ludwich. [In Vorb.]
- Apollodori bibliotheca: s. Mythographi. Vol. I.
- Apollonius Pergaeus. Ed. et Lat. interpr. est I. L. Heiberg. 2 voll. *M.* 9.— 10.—
- Apollonii Rhodii Argonautica. Rec. R. Merkel. *M.* 1.50 1.90.
- Appiani hist. Rom. Ed. L. Mendelssohn. 2 voll. [Vol. I. *M.* 4.50 5.— Vol. II. Ed. P. Viereck. Ed. II. *M.* 6.— 6.60.] *M.* 10.50 11.60.
- Archimedis opera omnia. Ed. et Latine vertit I. L. Heiberg. 3 voll. *M.* 18.— 19.80. Ed. II. Vol. I. *M.* 6.— 6.60. \*Vol. II. [In Vorb.]
- Aristeae ad Philocratem epistula c. cet. de vers. LXX interpr. testim. Ed. P. Wendland. *M.* 4.— 4.50.
- Aristophanis comoediae. Ed. Th. Bergk. 2 voll. Ed. II. *M.* 4.— 5.—  
Vol. I: Acharn., Equites, Nubes, Vespae, Pax. *M.* 2.—, 2.50.  
— II: Aves, Lysistrata, Thesmoph., Ranae, Eccles., Plutus. *M.* 2.— 2.50.  
Einzeln jedes Stück *M.* —.60 —.90.  
— cantica. Dig. O. Schroeder. *M.* 2.40 2.80.
- Aristotelis ars rhetorica. Ed. A. Roemer. Ed. II. *M.* 3.60 4.—
- de arte poetica I. Rec. W. Christ. *M.* —.60 —.90.
- ethica Nicomachea. Rec. Fr. Susemihl. Ed. II cur. O. Apelt. *M.* 2.40 2.80.
- magna moralia. Rec. Fr. Susemihl. *M.* 1.20 1.60.
- [— ethica Eudemia.] Eudemi Rhodii ethica. Adi. de virtutibus et vitis I. rec. Fr. Susemihl. *M.* 1.80 2.20.
- politica. Post Fr. Susemihl. rec. O. Immisch. *M.* 3.— 3.50.
- oeconomica. Rec. Fr. Susemihl. *M.* 1.50 1.90.
- Πολιτεία Ἀθηναίων. Ed. Fr. Blass. Ed. IV. *M.* 1.80 2.20.  
— ed. Th. Thalheim. *M.* 1.50 1.90.
- de animalibus historia. Ed. L. Dittmeyer. *M.* 6.— 6.60.
- de partib. anim. II. IV. Ed. B. Langkavel. *M.* 2.80 3.20.
- \*— de animalium motu. Ed. Fr. Littig. [In Vorb.]
- physica. Rec. C. Prantl. [z. Zt. vergr. Neuauf. i. Vorb.]
- de coelo et de generatione et corruptione. Rec. C. Prantl. *M.* 1.80 2.20.
- Aristotelis quae feruntur de coloribus, de audibilibus, physiognomonica. Rec. C. Prantl. *M.* —.60 —.90.
- quae feruntur de plantis, de mirab. auscultat., mechanica, de lineis insec., ventorum situs et nomina, de Melisso Xenophane Gorgia. Ed. O. Apelt. *M.* 3.— 3.40.
- \*— de anima II. III. Rec. Guil. Biehl. Ed. II. cur. O. Apelt. *M.* 2.20 2.60.
- parva naturalia. Rec. Guil. Biehl. *M.* 1.80 2.20.
- metaphysica. Rec. Guil. Christ. Ed. II. *M.* 2.40 2.80.
- qui fereb. libr. fragmenta. Coll. V. Rose. *M.* 4.50 5.—
- [—] Divisiones quae vulgo dicuntur Aristoteleae. Ed. H. Mutschmann. *M.* 2.80 3.20.  
—: s. a. Musici.
- Arriani Anabasis. Rec. C. Abicht [z. Zt. vergr.]
- quae exstant omnia. Ed. A. G. Roos. Vol. I. Anabasis. Ed. maior. Mit 1 Tafel. *M.* 3.60 4.20.  
— Anabasis. Ed. A. G. Roos. Ed. min. *M.* 1.80 2.20.  
— scripta minora. Edd. R. Hercher et A. Eberhard. Ed. II. *M.* 1.80 2.20.
- Athenaei diphosophistae II. XV. Rec. G. Kaibel. 3 voll. *M.* 17.10 18.90.
- Autolyei de sphaera quae movetur I., de orbitibus et occasibus II. II. Ed. Fr. Hultsch. *M.* 3.60 4.—
- Babrii fabulae Aesopaeae. Rec. O. Crusius. Acc. fabul. dactyl. et iamb. rell. Ignatii et al. testrat. iamb. rec. a C. Fr. Mueller. Ed. maior. *M.* 8.40 9.— Rec. O. Crusius. Ed. minor. *M.* 4.— 4.60.  
— Ed. F. G. Schneidewin. *M.* —.60 1.—
- Bacchius: s. Musici.
- Bacchylidis carmina. Ed. Fr. Blass. Ed. III. *M.* 2.40 2.90.
- Batrachomyomachia: s. Hymni Homeric.
- Bio: s. Bucolici.
- Blemyomachia: s. Eudocia Augusta.
- Bucolicorum Graecorum Theocriti, Bionis, Moschi reliquiae. Rec. H. L. Ahrens. Ed. II. *M.* —.60 1.—
- Caecilii Calactini fragmenta. Ed. E. Ofenloch. *M.* 6.— 6.60.
- Callistratus: s. Philostratus (min.).
- Callinici de vita S. Hypatii I. Edd. Sem. Philol. Bonn. sodales. *M.* 3.— 3.40.
- Cassianus Bassus: s. Geoponica.
- Cebetis tabula. Ed. C. Praechter. *M.* —.60 —.90.
- Chronica minora. Ed. C. Frick. Vol. I. Acc. Hippolyti Romani praeter Canonem Paschalem fragm. chronol. *M.* 6.80 7.40.
- Claudianus: s. Eudocia Augusta.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Cleomedis de motu circulari corporum caelestium II. II. Ed. H. Ziegler. *M.* 2.70 3.20.  
 Colluthus: s. Tryphiodorus.  
 Cornuti theologiae Graecae compendium. Rec. C. Lang. *M.* 1.50 2.—  
 Corpusculum poesis epicae Graecae Iudibundae. Edd. P. Brandt et C. Wachsmuth. 2 fasc. *M.* 6.— 7.—  
 Damascii vita Isidori. Ed. J. Hardy. [In Vorb.]  
 Demades: s. Dinarchus.  
 Demetrii Cydon. de contemn. morte or. Ed. H. Deckelmann. *M.* 1.— 1.40.  
 Demetrii Τύποι Ἐπιστολικοί et Libanii Ἐπιστολικοί Χαρακτήρες ed. V. Weichert. *M.* 2.60 3.20.  
 Demosthenis orationes. Rec. G. Dindorf. Ed. IV. cur. Fr. Blass. Ed. maior. [Mit adnot. crit.] 3 voll. je *M.* 2.80 3.20. Ed. minor. [Ohne die adnot. crit.] 3 voll. je *M.* 1.80 2.20. 6 partes. je *M.* —.90 1.20.  
 Vol. I. Pars I. Olynthiacae III. Philippica I. De pace. Philippica II. De Halonneso. De Chersoneso. Philippicae III IV. Adversus Philippi epistolam. Philippi epistola. De contributione. De symmoriis. De Rhodiorum libertate. De Megalopolitis. De foedere Alexandri. *M.* —.90 1.20.  
 — I. Pars 2. De corona. De falsa legatione. *M.* —.90 1.20.  
 — II. Pars 1. Adversus Leptinem. Contra Midiam. Adversus Androktionem. Adversus Aristocratem. *M.* —.90 1.20.  
 — II. Pars 2. Adversus Timocratem. Adversus Aristogitonem II. Adversus Aphobum III. Adversus Onetorem II. In Zenothemin. In Apaturium. In Phormionem. In Laecritum. Pro Phormione. In Pantaenetum. In Nausimachum. In Boeotum de nomine. In Boeotum de dote. *M.* —.90 1.20.  
 — III. Pars 1. In Spudiam. In Phaenippum. In Macartatum. In Leocharem. In Stephanum II. In Euergum. In Olympiodorum. In Timotheum. In Polyclem. Pro corona trierarchica. In Callippum. In Nicostratum. In Cononem. In Calliclem. *M.* —.90 1.20.  
 — III. Pars 2. In Dionysodorum. In Eubulidem. In Theocrinem. In Nenaeram. Oratio funebris. Amatoria. Proemia. Epistolae. Index historicus. *M.* —.90 1.20.  
 \*Diadochi, S. de perfectione christiana. Graece et latine. Ed. J. E. Weis Lieberson. [In Vorb.]  
 Didymus de Demosthene. Rec. H. Diels et W. Schubart. *M.* 1.20 1.50.  
 Dinarchi orationes adiectis Demadis qui fertur fragmentis ὑπὲρ τῆς δωδεκαετίας. Ed. Fr. Blass. Ed. II. *M.* 1.— 1.40.  
 Diodori bibliotheca hist. Edd. Fr. Vogel et C. Th. Fischer. 6 voll. Voll. I—III. je *M.* 6.— 6.60. Vol. IV. *M.* 6.80 7.40. Vol. V. *M.* 5.— 5.60. [Vol. VI in Vorb.]  
 Diodori bibliotheca hist. Ed. L. Dindorf. 5 voll. Vol. I u. II. [Vergr.] Vol. III u. IV. je *M.* 3.—. Vol. V. *M.* 3.75.  
 Diogenis Oenoandensis fragmenta. Ord. et expl. J. William. *M.* 2.40 2.80.  
 Dionis Cassii Coelestis historia Romana. Ed. J. Melber. 5 voll. Vol. I. *M.* 6.— 6.60. Vol. II. *M.* 4.80 5.40. [Die weiteren Bände in Vorb.]  
 — Ed. L. Dindorf. 5 voll. je *M.* 2.70. [Vol. I—III vergr.]  
 Dionis Chrysostomi orationes. Rec. L. Dindorf. 2 voll. Vol. I. [Vergr.] Vol. II. *M.* 2.70 3.60. [Neubearbeitung von A. Sonny in Vorb.]  
 Dionysii Halic. antiquitates Romanae. Ed. C. Jacoby. 4 voll. *M.* 16.— 18.40.  
 — opuscula. Edd. H. Usener et L. Radermacher. Vol. I. *M.* 6.— 6.60. — Vol. II. Fasc. I. *M.* 7.—  
 \* — — Vol. II. Fasc. II. [In Vorb.]  
 Diophanti opera omnia c. Gr. comment. Ed. P. Tannery. 2 voll. *M.* 10.— 11.—  
 Divisiones Aristoteleae, s. Aristoteles.  
 Eclogae poetarum Graecae. Ed. H. Stadtmueller. *M.* 2.70 3.20.  
 Epicorum Graecae fragmenta. Ed. G. Kinkel. Vol. I. *M.* 3.— 3.50.  
 Epicteti dissertationes ab Arriano dig. Rec. H. Schenkl. Acc. fragm., enchiridion, gnomolog. Epict., rell. indd. Ed. maior. *M.* 10.— 10.80. Ed. minor. *M.* 6.— 6.60.  
 Epistulae privatae graecae in pap. aet. Lagid. serv. Ed. St. Witkowski. *M.* 3.20 3.60. [Ed. II in Vorb.]  
 Eratosthenis cataractarum: s. Mythographi III 1.  
 \*Erotici scriptores Graeci. Ed. A. Mewaldt. [In Vorb.]  
 Euclidis opera omnia. Edd. I. L. Heiberg et H. Menge.  
 Voll. I-V. Elementa. Ed. et Lat. interpr. est Heiberg. *M.* 24.60 27.60.  
 — VI. Data. Ed. H. Menge. *M.* 5.— 5.60.  
 — VII. Optica, Opticor. rec. Theonis, Catoptrica, c. scholl. ant. Ed. Heiberg. *M.* 5.— 5.60. [Forts. in Vorb.]  
 — — — Supplem.: Anarith. comm. ex interpr. Gher. Crem. ed. M. Curtze. *M.* 6.— 6.60.  
 —: s. a. Musici.  
 Eudociae Augustae, Procli Lyelli, Claudiani carm. Graec. rell. Acc. Blemymachiae fragm. Rec. A. Ludwig. *M.* 4.— 4.40.  
 — violarium. Rec. I. Flach. *M.* 7.50 8.10.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Euripidis cantica** dig. O. Schroeder *M.* 4.—4.10.
- **tragoediae**. Rec. A. Nauck. Ed. III. 3 voll. *M.* 7.80 9.30.
- Vol. I: Alcestis. Andromacha. Bacchae. Hecuba. Helena. Electra. Heraclidae. Hercules furens. Supplices. Hippolytus. *M.* 2.40 2.90.
- II: Iphigenia Aulidensis. Iphigenia Taurica. Ion. Cyclops. Medea. Orestes. Rhesus. Troades. Phoenissae. *M.* 2.40 2.90.
- III: Perditarum tragoediarum fragmenta. *M.* 3.—3.50.
- Einzeln jede Tragödie *M.* —.40 —.70.
- Eusebii opera**. Rec. G. Dindorf. 4 voll. *M.* 23.60 25.80.
- Fabulae Aesopicae**: s. Aesop. fab.
- Fabulae Romanenses Graecae**. conscr. Rec. A. Eberhard. Vol. I. [Vergr; Forts. erscheint nicht.]
- Florilegium Graecum** in usum primi gymnasiolorum ordinis collectum a philologis Afranis. kart. Fasc. 1—10 je *M.* —.50; Fasc. 11—15 je *M.* —.60.
- Hierzu unentgeltlich an Lehrer: Index argumentorum et locorum.
- Außer der Verwendung bei den Maturitätsprüfungen hat diese Sammlung den Zweck, dem Primaner das Beste und Schönste aus der griech. Literatur auf leichte Weise zugänglich zu machen und den Kreis der Altertumsstudien zu erweitern.
- Galenii Pergameni scripta minora**. Rec. I. Marquardt, I. Müller, G. Helmreich. 3 voll. *M.* 7.50 9.20.
- **institutiologica**. Ed. C. Kalbfleisch. *M.* 1.20 1.60.
- **de victu attenuante** I. Ed. C. Kalbfleisch. *M.* 1.40 1.80.
- **de temperamentis**. Ed. G. Helmreich. *M.* 2.40 2.80.
- **de usu partium** II. XVII. Rec. G. Helmreich. 2 voll. Vol. I. Libb. I—VIII. Vol. II. Libb. IX—XVII. je *M.* 8.—8.60.
- Gaudentius**: s. Musici.
- Geminii elementa astronomiae**. Rec. C. Manitius. *M.* 8.—8.60.
- Geoponica sive Cassiani Bassi Schol. de re rustica eclogae**. Rec. H. Beckh. *M.* 10.—10.80.
- Georgii Acropoli annales**. Rec. A. Heisenberg. Vol. I II. 11.60 14.—
- Georgii Cyprici descriptio orbis Romani**. Acc. Leonis imp. diatyposis genuina. Ed. H. Gelzer. Adi. s. 4 tabb. geograph. *M.* 3.—3.50.
- Georgii Monachi Chronicon**. Ed. C. de Boor. Vol. I II. *M.* 18.—19.20.
- Hellodori Aethiopic. II. X.** Ed. I. Bekker. *M.* 2.40 2.90.
- Hephaestionis enchiridion. c. comm. vet.** ed. M. Consbruch. *M.* 8.—8.60.
- Heracliti quaestiones Homericae**. Edd. Societatis Philologiae Bonnensis sodales. *M.* 3.60 4.—
- : s. a. Mythographi.
- Hermippus**, anon. christ. de astrologia dialogus. Edd. C. Kroll et P. Viereck. *M.* 1.80 2.20.
- Herodiani ab excessu divi Marci II. VIII.** Ed. I. Bekker. *M.* 1.20 1.60.
- Herodoti historiarum II. IX.** Ed. H. R. Dietsch. Ed. II cur. H. Kallenberg. 2 voll. [je *M.* 1.35 1.80] *M.* 2.70 3.60.
- Vol. I: Lib. 1—4. Fasc. I: Lib. 1. 2. *M.* —.80 1.10.
- Fasc. II: Lib. 3. 4. *M.* —.80 1.10.
- II: Lib. 5—9. Fasc. I: Lib. 5. 6. *M.* —.60 —.90.
- Fasc. II: Lib. 7. *M.* —.45 —.75.
- Fasc. III: Lib. 8. 9. *M.* —.60 —.90.
- \*Herondae mimiambi**. Acc. Phoenicis Coronistae, Mattii mimiamb. fragm. Ed. O. Crusius. Ed. IV minor. *M.* 2.40 2.80. Ed. maior [U. d. Pr.]
- Heronis Alexandrini opera**. Vol. I. Druckwerke u. Automatentheater, gr. u. dtsch. v. W. Schmidt. Im Anh. Herons Fragm. db. Wasseruhren, Philons Druckw., Vitruv. z. Pneumatik. *M.* 9.—9.80. Suppl.: D. Gesch. d. Textüberlief. Gr. Wortregister. *M.* 3.—3.40.
- Vol. II. Fasc. I. Mechanik u. Katoptrik, hrsg. u. übers. von L. Nix u. W. Schmidt. Im Anh. Exzerpte aus Olympiodor, Vitruv., Plinius, Cato, Pseudo-Euclid. Mit 101 Fig. *M.* 8.—8.80.
- Vol. III. Vermessungslehre u. Dioptra, griech. u. deutsch hrsg. von H. Schöne. M 116 Fig. *M.* 8.—8.80.
- Vol. IV. Ed. I. L. Heiberg [U. d. Pr.]
- Hesiodi carmina**. Rec. A. Rzach. Ed. II. *M.* 1.80 2.30.
- Hesychii Milesii qui fertur de viris III. I.** Rec. I. Flach. *M.* —.80 1.10.
- Hieroclis synecdemus**. Acc. fragmenta ap. Constantinum Porphyrog. servata et nomina urbium mutata. Rec. A. Burckhardt. *M.* 1.20 1.60.
- Hipparchi in Arati et Eudoxi Phaenomena comm.** Rec. C. Manitius. *M.* 4.—4.60.
- Hippocratis opera**. 7 voll. Rec. H. Kuchlewein et I. Ilberg. Vol. I (cum tab. phototyp.). *M.* 6.—6.60. Vol. II. *M.* 5.—5.50. [Fortsetz. noch unbestimmt]
- Historiae Graeci minores**. Ed. L. Dindorf. 2 voll. [z. Zt. vergr.; Neubearb. in Vorb.]

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Homeri carmina. Ed. Guil. Dindorf: Ilias. Ed. Guil. Dindorf. Ed. V cur. C. Hentze. 2 partes. [je *M.* — 75 1.10.] *M.* 1.50 2.20. [In 1 Band geb. *M.* 2.—] Pars I: II. 1—12. Pars II: II. 13—24.
- Odyssea. Ed. Guil. Dindorf. Ed. V cur. C. Hentze. 2 partes. [je *M.* — 75 1.10.] *M.* 1.50 2.20. [In 1 Band geb. *M.* 2.—] Pars I: Od. 1—12. Pars II: Od. 13—24.
- Rec. A. Ludwich. 2 voll. Ed. min. [je *M.* — 75 1.10.] *M.* 1.50 2.20.
- Hymni Homerici acc. epigrammatis et Batrachomyomachia. Rec. A. Baummeister. *M.* — 75 1.10.
- Hyperidis orationes. Ed. Fr. Blaß. Ed. III. [Vergr.; Neubearb. v. Jensen in Vorb.] Iamblich protrepticus. Ed. H. Pistelli. *M.* 1.80 2.20.
- de communi math. scientia I. Ed. N. Festa. *M.* 1.80 2.20.
- in Nicomachiarithm. introduct. I. Ed. H. Pistelli. *M.* 2.40 2.80.
- \* — vita Pythagorae. Ed. L. Deubner. [In Vorb.]
- Ignatius Diaconus: s. Babrius u. Nicophorus.
- Inc. auct. Byzant. de re milit. I. Rec. R. Vári. *M.* 2.40 2.80.
- Inscriptiones Graecae ad illustrandas dialectos selectae. Ed. F. Solmsen. Ed. III. *M.* 1.60 2.—
- \* — Latinae Graecae bilingues. Ed. F. Zilken. [In Vorb.]
- Ioannes Philoponus: s. Philoponus.
- Iosephi opera. Rec. S. Q. Naber. 6 voll. *M.* 26.— 29.—
- Isael orationes. Ed. C. Scheibe. *M.* 1.20 1.60.
- Ed. Th. Thalheim. *M.* 2.40 2.80.
- Isocratis orationes. Rec. H. Benseler. Ed. II cur. Fr. Blass. 2 voll. *M.* 4.— 4.80.
- \* Iuliani imp. quae supers. omnia. Rec. C. F. Hertlein. 2 voll. [Vergr.; Neubearbeit. von Fr. Cumont u. J. Bidez in Vorb.]
- Iustiniani imp. novellae. Ed. C. E. Zachariae a Lingenthal. 2 partes. *M.* 10.50 11.60.
- Appendix (I). *M.* — 60 1.—
- Appendix (II). De dioecesi Aegyptiaca lex ab imp. Iustiniano anno 554 lata. *M.* 1.20 1.60.
- Ieons diatyposis: s. Georgius Cyprius.
- \* Libanii opera. Rec. R. Foerster. Vol. I—VI. *M.* 69.— 74.20. Vol. VII. [U. d. Pr.]
- *Ἐπιστολιμαῖοι Χαράκτιρες* s. Demetrius.
- Luciani opera. Rec. C. Jacobitz. [6 part. je *M.* 1.05 1.40.] 3 voll. *M.* 6.30 7.50.
- Ed. N. Nilén. Vol. I. Fasc. I. lib. I—XIV. *M.* 2.80 3.20. \* Fasc. II [U. d. Pr.]
- [Lucianus] Prolegomena. Comp. N. Nilén. *M.* 1.— 1.25.
- [—] Scholia in Lucianum. Ed. H. Rabe. *M.* 6.— 6.60.
- Lycophronis Alexandra. Rec. G. Kinkel. *M.* 1.80 2.20.
- Lycurgi or. in Leocratem. Ed. Fr. Blass. Ed. maior. *M.* — 90 1.30. Ed. minor. *M.* — 60 — 90.
- Lydi I. de ostentis et Calendaria Graeca omnia. Ed. C. Wachsmuth. Ed. II. *M.* 6.— 6.60.
- de mensibus I. Ed. R. Wünsch. *M.* 5.20 5.80.
- de magistratibus I. Ed. R. Wünsch. *M.* 5.— 5.60.
- Lysiae orationes. Rec. Th. Thalheim. Ed. maior. *M.* 3.— 3.60. Ed. minor. *M.* 1.20 1.60.
- Marci Diaconi vita Porphyrii, episcopi Gazensis. Ed. soc. philol. Bonn. sodales. *M.* 2.40 2.80.
- Maximi et Ammonis carminum de actionum auspiciis rell. Acc. anecdota astrologica. Rec. A. Ludwich. *M.* 1.80 2.20.
- Maximi Tyrii philosophumena. Ed. H. Hobein. *M.* 12.— 12.60.
- Menandrea. Ed. A. Körte. Ed. maior. *M.* 3.— 3.40. Ed. minor. *M.* 2.— 2.40. \* Ed. II [In Vorb.]
- Metrici scriptores Graeci. Ed. R. Westphal. Vol. I: Hephaestion. *M.* 2.70 3.20.
- Metrologorum scriptorum reliquiae. Ed. F. Hultsch. 2 voll. Vol. I: Scriptores Graeci. *M.* 2.70 3.20. [Vol. II: Scriptores Romani. *M.* 2.40 2.80.] *M.* 5.10 6.—
- Moschus: s. Bucolici.
- Musici scriptores Graeci. Aristoteles, Euclides, Nicomachus, Bacchius, Gaudentius, Alypius et melodiarum veterum quidquid exstat. Rec. C. Ianus. Ann. s. tabulae. *M.* 9.— 9.80.
- Supplementum: Melodiarum rell. *M.* 1.20 1.60.
- Musonii Rufi reliquiae. Ed. O. Henze. *M.* 3.20 3.50.
- Mythographi Graeci. Vol. I: Apollodori bibliotheca, Peditasimi lib. de Herculis laboribus. Ed. R. Wagner. *M.* 3.60 4.20.
- Vol. II. Fasc. I: Parthenii lib. *περί ἱστορικῶν παθημάτων*, ed. P. Sokolowski.
- Antonini Liberalis *μεταμορφώσεων συναγωγή*, ed. E. Martini. *M.* 2.40 2.80.
- Suppl.: Parthenius, ed. E. Martini. *M.* 2.40 2.80.
- Vol. III. Fasc. I: Eratosthenis catalogus. Ed. Olivieri. *M.* 1.20 1.60.
- Vol. III. Fasc. II: Palaeophati *περί ἀπίστον*, Heracliti lib. *περί ἀπίστον*, Excerpta Vaticana (vulgo Anonymus de incredibilibus). Ed. N. Festa. *M.* 2.80 3.20.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Naturalium rerum scriptores Graeci minores. Vol. I: Paradoxographi, Antigonus, Apollonius, Phlegon, Anonymus Vaticanus. Rec. O. Keller. *M.* 2.70 3.10.
- Nicephori archiepiscopi opuscul. hist. Ed. C. de Boor. Acc. Ignatii Diaconi vita Nicephori. *M.* 3.30 3.70.
- Blemmydae curr. vitae et carmina. Ed. A. Heisenberg. *M.* 4.— 4.40.
- Nicomachi Geraseni introductionis arithm. II. II. Rec. R. Hoche. *M.* 1.80 2.20.
- : s. a. Musici.
- Nonni Dionysiacerum II. XLVIII. Rec. A. Koechly. Voll. I u. II je *M.* 6.— 6.50.
- Rec. A. Ludwich. Vol. I. Libri I—XXIV. *M.* 6.— 6.60. Vol. II. *M.* 6.60 7.20.
- paraphrasis s. evangelli Ioannei. Ed. A. Scheindler. *M.* 4.50 5.—
- \*Olympiodorus in Platonis Phaedonem. Ed. W. Norvin. [In Vorb.]
- Palaephatus: s. Mythographi.
- Parthenius: s. Mythographi.
- Patrum Nicaenorum nomina Graece, Latine, Syriace, Coptice, Arabice, Armeniace. Ed. H. Gelzer, H. Hilgenfeld, O. Cuntz. *M.* 6.— 6.60.
- Pausaniae Graeciae descriptio. Rec. Fr. Spiro. Voll. I—III. *M.* 7.60 9.—
- Podiasimus: s. Mythographi.
- Philodemi volumina rhetorica. Ed. S. Sudhaus. 2 voll. u. Suppl. *M.* 11.— 12.60.
- de musica II. Ed. I. Kempe. *M.* 1.50 2.—
- \* — π. κακίων lib. decimus. Ed. Chr. Jensen. *M.* 2.— 2.25.
- π. ολιγοτύπων lib. Ed. Chr. Jensen. *M.* 2.40 2.80.
- \* — π. παρηγορίας. Ed. A. Olivieri. [In Vorb.]
- π. τοῦ κατ' Ὀμήρου ἀγαθοῦ βασιλέως lib. Ed. Al. Olivieri. *M.* 2.40 2.80.
- Philoponi de opificio mundi II. Rec. W. Reichardt. *M.* 4.— 4.60.
- de aeternitate mundi c. Proclum. Ed. H. Rabe. *M.* 10.— 10.80.
- Philostrati (mal.) opera. Ed. C. L. Kayser. 2 voll. [z. Zt. vergr.]
- imagines. Rec. O. Benndorf et C. Schenkl. *M.* 2.80 3.20.
- Philostrati (min.) imagines et Callistrati descriptiones. Rec. C. Schenkl et Aem. Reisch. *M.* 2.40 2.80.
- \*Phrygii Sophistae praefatio sophistica. Ed. J. v. Borries. *M.* 4.— 4.40.
- Physiognomonici scriptores Graeci et Latini. Rec. R. Foerster. 2 voll. Vol. I. II. *M.* 14.— 15.20.
- Phoenix Coloph.: s. Herondas.
- Pindari carmina. Ed. W. Christ. Ed. II. *M.* 1.80 2.20.
- ed. O. Schroeder. *M.* 2.40 2.80.
- [Pindari carmina.] Scholia vetera in Pindari carmina. 2 voll. Voll. Scholia in Olympionicas. Rec. A. B. Drachmann. *M.* 8.— 8.60. Vol. II. Scholia in Pythonicas. Rec. A. B. Drachmann. *M.* 6.— 6.60.
- Platonis dialogi secundum Thrasylli tetralogias dispositi. Ex recogn. C. F. Hermannii et M. Wohlrab. 6 voll. *M.* 14.— 17.50. [Voll. I. III. IV. V. VI. je *M.* 2.40 3.— Vol. II. *M.* 2.— 2.50.]
- Auch in folgenden einzelnen Abteilungen:
- Nr. 1. Euthyphro. Apologia Socratis. Crito. Phaedo. *M.* — 70 1.—
- 2. Cratylus. Theaetetus. *M.* 1.— 1.40.
- 3. Sophista. Politicus. *M.* 1.— 1.40.
- 4. Parmenides. Philebus. *M.* — 90 1.30.
- 5. Convivium. Phaedrus. *M.* — 70 1.—
- 6. Alcibiades I et II. Hipparchus Erastae. Theages. *M.* — 70 1.—
- 7. Charmides. Laches. Lysis. *M.* — 70 1.—
- 8. Euthydemus. Protagoras. *M.* — 70 1.—
- 9. Gorgias. Meno. *M.* 1.— 1.40.
- 10. Hippias I et II. Io. Menexenus. Clitophon. *M.* — 70 1.—
- 11. Rei publicae libri decem. *M.* 1.80 2.20.
- 12. Timaeus. Critias. Minos. *M.* 1.— 1.40.
- 13. Legum libri XII. Epinomis. *M.* 2.40 3.—
- 14. Platonis quae feruntur epistolae XVIII. Acc. definitiones et septem dialogi spurii. *M.* 1.20 1.60.
- 15. Appendix Platonica continens isagogas vitasque antiquas, scholia, Timaei glossar., indices. *M.* 2.— 2.40.
- Inhalt von Nr. 1—3 = Vol. I.
- 4—6 = Vol. II.
- 7—10 = Vol. III.
- 11. 12 = Vol. IV.
- 13 = Vol. V.
- 14. 15 = Vol. VI.
- Plotini Enneades praem. Porphyrii de vita Plotini deque ordine librorum eius libello. Ed. R. Volkmann. 2 voll. *M.* 9.— 10.20.
- Plutarchi vitae parallelae. Rec. C. Sintenis. 5 voll. Ed. II. *M.* 13.60 16.10. [Vol. I. *M.* 2.80 3.30. Vol. II. *M.* 3.40 4.—. Voll. III—IV. je *M.* 2.50 3.—. Vol. V. *M.* 2.40 2.80.]
- Auch in folgenden einzelnen Abteilungen:
- Nr. 1. Theseus et Romulus, Lycurgus et Numa, Solon et Publicola. *M.* 1.50 1.90.
- 2. Themistocles et Camillus, Pericles et Fabius Maximus, Alcibiades et Coriolanus. *M.* 1.50 1.90.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

## Plutarchi vitae parallelae.

- Nr. 3. Timoleon et Aemilius Paulus, Pelopidas et Marcellus. *M.* 1.20 1.60.  
 — 4. Aristides et Cato, Philopoemen et Flaminius, Pyrrhus et Marius. *M.* 1.40 1.80.  
 — 5. Lysander et Sulla, Cimon et Lucullus. *M.* 1.20 1.60.  
 — 6. Nicias et Crassus, Sertorius et Eumenes. *M.* 1.— 1.40.  
 — 7. Agesilaus et Pompeius. *M.* 1.— 1.40.  
 — 8. Alexander et Caesar. *M.* 1.— 1.40.  
 — 9. Phocion et Cato minor. *M.* —.80 1.10.  
 — 10. Agis et Cleomenes, Tib. et C. Gracchi. *M.* —.80 1.10.  
 — 11. Demosthenes et Cicero. *M.* —.80 1.10.  
 — 12. Demetrius et Antonius. *M.* —.80 1.10.  
 — 13. Dio et Brutus. *M.* 1.20 1.60.  
 — 14. Artaxerxes et Aratus, Galba et Otho. *M.* 1.40 1.80.

Inhalt von Nr. 1 u. 2 = Vol. I.

— 3—5 = Vol. II.

— 6—8 = Vol. III.

— 9—12 = Vol. IV.

— 13 u. 14 = Vol. V.

- \* — — — Ed. Cl. Lindskog, J. Mewaldt et K. Ziegler. 3 Bde. [In Vorb.]  
 — moralia. Rec. G. N. Bernardakis. 7 voll. je *M.* 5.— 5.60.  
 Polemonis declamationes duae. Rec. H. Hinck. *M.* 1.— 1.40.  
 Polyaeni strategematon II. VIII. Rec. E. Woelfflin. Ed. II cur. J. Melber. *M.* 7.50 8.—  
 Polybii historiae. Rec. L. Dindorf. Ed. II cur. Th. Büttner-Wobst. 5 voll. *M.* 20.60 23.60.  
 Polystrati Epic. *π. ἀλόγου καταφρονήσεως.* Ed. C. Wilke. *M.* 1.20 1.60.  
 Porphyrii opuscul. sel. Rec. A. Nauck. Ed. II. *M.* 3.— 3.50.  
 — sententia ad intelligibilia ducentes. Ed. B. Mommert. *M.* 1.40 1.80.  
 — : s. a. Plotinus.  
 Procli Diadochi in primum Euclidis elementorum librum commentarii. Rec. G. Friedlein. *M.* 6.75 7.30.  
 — in Platonis rem publicam commentarii. Ed. G. Kroll. 2 voll. Vol. I. *M.* 5.— 5.60. Vol. II. *M.* 8.— 8.60.  
 — in Platonis Timaeum commentarii. Ed. E. Diehl. Vol. I—III. *M.* 30.— 32.20.  
 — in Platonis Cratylum commentarii. Ed. G. Pasquali. *M.* 3.— 3.40.  
 — hypotyposis astronomicarum positionum. Ed. C. Manitius. *M.* 8.— 8.60.

- \*Procli Diadochi stoicheiosis physica. Ed. A. Ritzzenfeld. [In Vorb.]  
 — carmina: s. Endocia Augusta.  
 Procopii Caesariensis opera omnia. Rec. I. Haury. Voll. I. II. je *M.* 12.— 12.80. Vol. III. 1. *M.* 3.60 4.—  
 Prophetarum vitae fabulosae. Edd. H. Gelzer et Th. Schermann. *M.* 5.60 6.—  
 Ptolemaei opera. Ed. I. L. Heiberg. Vol. I. Syntaxis. P. I. libri I—VI. *M.* 8.— 8.60. P. II. libri VII—XIII. *M.* 12.— 12.60. Vol. II. Op. astron. min. *M.* 9.— 9.60.  
 \* [—] Handbuch der Astronomie. Hrg. von C. Manitius. 2 Bde. [In Vorb.]  
 Quinti Smyrnaei Posthomericon II. XIV. Rec. A. Zimmermann. *M.* 3.60 4.20.  
 Repertorium griech. Wörterverzeichnisse u. Speziallexika v. H. Schöne. *M.* —.80 1.—  
 Rhetores Graeci. Rec. L. Spengel. 3 voll. Vol. I. Ed. C. Hammer. *M.* 4.20 4.80. [Voll. II u. III vergr.; Neubearb. in Vorb.]  
 Scriptores erotici, s. Erotici scriptores.  
 — metrical, siehe: Metrici scriptores.  
 — metrologici, siehe: Metrologici scriptores.  
 — originum Constantinopolit. Rec. Th. Preger. 2 fasc. *M.* 10.— 11.20.  
 — physiognomonici, siehe: Physiognomonici scriptores.  
 — sacri et profani.  
 Fasc. I: s. Philoponus.  
 Fasc. II: s. Patrum Nicaen. nomm.  
 Fasc. III: s. Zacharias Rhetor.  
 Fasc. IV: s. Stephanus von Taron.  
 Fasc. V: E. Gerland, Quellen z. Gesch. d. Erzbist. Patras. *M.* 6.— 6.60.  
 Sereni Antinoensis opuscula. Ed. I. L. Heiberg. *M.* 5.— 5.50.  
 \*Sexti Empirici opera. Ed. H. Mutschmann. 3 voll. Vol. I. *Πυρρονείων ὑποτυπώσεων.* I. III. *M.* 3.60 4.—  
 Simeonis Sethi syntagma. Ed. B. Langkavel. *M.* 1.80 2.20.  
 Sophoclis tragoediae. Rec. Guil. Dindorf. Ed. VI cur. S. Mekler. Ed. maior. *M.* 1.65 2.20. Ed. minor. *M.* 1.35 1.80. Einzeln jede Tragoëdie (Alax. Antigone. Electra. Oedipus Col. Oedipus Tyr. Philoctetes. Trachiniae) *M.* —.30 —.60.  
 Sophoclis cantica. Dig. O. Schroeder. *M.* 1.40 1.80.  
 [—] Scholia in S. tragoedias vetera. Ed. P. N. Papageorgios. *M.* 4.80 5.40.  
 Stephanus von Taron. Edd. H. Gelzer et A. Burekhardt. *M.* 5.60 6.—  
 Stobaei florilegium. Rec. A. Meineke. 4 voll. [vergr.]  
 — eclogae. Rec. A. Meineke. 2 voll. [z. Zt. vergr.]  
 Strabonis geographica. Rec. A. Meineke. 3 voll. *M.* 10.80 12.60  
 \*Synkellos. Ed. W. Reichardt. [U. d. Pr.]

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Syriani in Hermogenem comm. Ed. H. Rabe. 2 voll. *M.* 3.20 4.10.
- Testamentum Novum Graece ed. Ph. Buttmann. Ed. V. *M.* 2.25 2.75.
- Themistii paraphrasae Aristotelis II. Ed. L. Spengel. 2 voll. *M.* 9.— 10.20.
- Theocritus: a Bucolici.
- Theodoretii Graec. affect. curatio. Rec. H. Raeder. *M.* 6.— 6.60.
- Theodorii Prodromi catomyomachia. Ed. B. Hercher. *M.* —.50 —.75.
- Theonis Smyrnaei expositio rer. mathematicae ad leg. Platonem util. Rec. E. Hiller. *M.* 3.— 3.50.
- Theophrasti Eresii opera. Rec. F. Wimmer. 3 voll. [Vol. I. II. vergr.] Vol. III. *M.* 2.40.
- *π. λ. ε. ζ. ε. ω. σ.* libri fragmenta. Coll. A. Mayer. *M.* 5.— 5.40.
- Theophylacti Simocatae historiae. Ed. K. de Boor. *M.* 6.— 6.60.
- Thucydidis de bello Peloponnesiaco II. VIII. Rec. C. Hude. Ed. maior. 2 voll. [je *M.* 2.40 3.—] *M.* 4.80 6.— Ed. minor 2 voll. [je *M.* 1.20 1.80] *M.* 2.40 3.60.
- Tryphiodori et Colluthi carm. Ed. G. Weinberger. *M.* 1.40 1.80.
- Xenophontis expeditio Cyri. Rec. W. Gemoll. Ed. maior. *M.* 2.40 3.—, Ed. minor. *M.* —.80 1.10.
- historia Graeca. Rec. O. Keller. Ed. minor. *M.* —.90 1.30.
- Rec. L. Dindorf. *M.* —.90.
- institutio Cyri. Rec. A. Hug. Ed. maior. *M.* 1.50 2.—, Ed. minor. *M.* —.90 1.30.
- \* — — Rec. W. Gemoll. Ed. maior— Ed. minor. [In Vorb.]
- commentarii. Rec. W. Gilbert. Ed. maior. *M.* 1.— 1.40. Ed. minor. *M.* —.45 —.75.
- scripta minora. Rec. L. Dindorf. 2 fasc. *M.* 1.40 2.10.
- \* — — P. I: Oeconomicus, Symposium, Hiero, Agesilaus, Apologia. Ed. Vth. Thalheim. *M.* 1.40 1.80. P. II. Ed. F. Rühl. [In Vorb.]
- Zacharias Rhetor, Kirchengeschichte. Deutsch hrsg. v. K. Ahrens u. G. Krüger. *M.* 10.— 10.80.
- Zonarae epitome historiarum. Ed. L. Dindorf. 6 voll. *M.* 27.20 30.80.

## b) Lateinische Schriftsteller.

- [Acro.] Pseudacronis scholia in Horatium vetustiora. Rec. O. Keller. Vol. I/II. *M.* 21.— 22.60.
- Ammiani Marcellini rer. gest. rell. Rec. V. Gardthausen. 2 voll. [z. Zt. vergr. Neubearb. in Vorb.]
- Ampellus, ed. Woelfflin, siehe: Florus.
- Anthimi de observatione ciborum epistola. Ed. V. Rose. Ed. II. *M.* 1.— 1.25.
- Anthologia Latina sive poesis Latinae supplementum.
- Pars I: Carmin. in codd. script. rec. A. Riese. 2 fasc. Ed. II. *M.* 8.80 10.—
- II: Carmin. epigraphica conl. Fr. Buecheler. 3 fasc. Fasc. I. *M.* 4.— 4.60. Fasc. II. *M.* 5.20 5.80. [Fasc. III. Ed. Lommatzsch in Vorb.]
- Suppl.: s. Damasus.
- Anthologie a. röm. Dichtern v. O. Mann. *M.* —.60 —.90.
- Apulei opera. Vol. I. Metamorphoses. Ed. R. Helm. *M.* 3.— 3.40. Vol. II. Fasc. I. Apologia. Rec. R. Helm. *M.* 2.40 2.80. Vol. II. Fasc. II. Florida. Ed. R. Helm. *M.* 2.40 2.80. Vol. III. De philosophia II. Ed. P. Thomas. *M.* 4.— 4.40.
- apologia et florida. Ed. J. v. d. Vliet. *M.* 4.— 4.50.
- Augustini de civ. dei II. XXII. Rec. B. Dombart. Ed. III. 2 voll. Vol. I. Lib. I—XIII. *M.* 5.— 5.60. Vol. II. Lib. XIV—XXII. *M.* 4.20 4.80.
- Augustini confessionum II. XIII. Rec. P. Knöhl. *M.* 2.70 3.20.
- Aulularia sive Querolus comoedia. Ed. R. Peiper. *M.* 1.50 2.—
- Ausonii opuscula. Rec. R. Peiper. Adiecta tabula. *M.* 8.— 8.60.
- S. Aurelii Victoris de Caesaribus I. Ed. F. Pichlmayr. *M.* 4.— 4.40.
- Avieni Aratea. Ed. A. Breysig. *M.* 1.— 1.40.
- Benedicti regula monachorum. Rec. Ed. Woelfflin. *M.* 1.60 2.—
- Boetii de instit. arithmetica II. II, de instit. musica II. V. Ed. G. Friedlein. *M.* 5.10 5.60.
- commentarii in I. Aristotelis *περί ἠθικῶν*. Rec. C. Meiser. 2 partes. *M.* 8.70 9.70.
- Caesaris comment. cum A. Hirti aliorumque supplementis. Rec. B. Käßler. 3 voll.
- Vol. I: de bello Gallico. Ed. min. *M.* —.75 1.10. Ed. mai. *M.* 1.40 1.80.
- II: de bello civili. Ed. min. *M.* —.60 —.90. Ed. mai. *M.* 1.— 1.40.
- III. P. I: de b. Alex., de b. Afr. Rec. E. Woelfflin. Ed. min. *M.* —.70 1.— Ed. mai. *M.* 1.10 1.50.
- III. P. II: de b. Hispan., fragmenta, indices. *M.* 1.50 1.90.
- — — Rec. B. Dinter. Ausg. in 1 Bd. (ohne d. krit. praefatio). *M.* 1.50 2.10.
- — — de bello Gallico. Ed. minor. Ed. II. *M.* —.75 1.10.
- — — de bello civili. Ed. minor. Ed. II. *M.* —.60 —.90.
- Calpurni Flacci declamationes. Ed. G. Lehnert. *M.* 1.40 1.80.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

\*Cassiodori Institutiones divinarum et saecularum artium. Ed. Ph. Stettner. [In Vorb.]

Cassii Felicis de medicina I. Ed. V. Rose. *M.* 3. — 3.40.

Catonis de agri cultura I. Rec. H. Keil. *M.* 1. — 1.40.

Catulli carmina. Recens. L. Mueller. *M.* — 45 — 75.

—, Tibulli, Propertii carmina. Rec. L. Mueller. *M.* 3. — 3.60.

Celsi de medicina II. Ed. C. Daremberg. *M.* 3. — 3.50.

Censorini de die natali I. Rec. Fr. Hultsch. *M.* 1.20 1.60.

Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich. 4 partes. 10 voll. *M.* 26.20 30.60.

Part I: Opera rhetorica, ed. Friedrich. 2 voll. Vol. I. *M.* 1.60 2. — Vol. II. *M.* 2.40 2.80.

— II: Orationes, ed. Müller. 3 voll. je *M.* 2.40 2.80.

— III: Epistulae, ed. Müller. 2 voll. [Vol. I. *M.* 3.60 4.20. Vol. II. *M.* 4.20 4.80.] *M.* 7.80 9. —

— IV: Scripta philosophica, ed. Müller. 3 voll. je *M.* 2.40 2.80.

Auch in folgenden einzelnen Abteilungen:

Nr. 1. Rhetorica ad Herennium, ed. Friedrich. *M.* — 80 1.10.

— 2. De inventione, ed. Friedrich. *M.* — 80 1.10.

— 3. De oratore, ed. Friedrich. *M.* 1.10 1.50.

— 4. Brutus, ed. Friedrich. *M.* — 70 1. —

— 5. Orator, ed. Friedrich. *M.* — 50 — 75.

— 6. De optimo genere oratorum, partitiones et topica, ed. Friedrich. *M.* — 50 — 75.

— 7. Orationes pro P. Quinctio, pro Sex. Roscio Amerino, pro Q. Roscio comoedo, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

— 8. Divinatio in Q. Caecilius, actio in C. Verrem I, ed. Müller. *M.* — 50 — 75.

— 9a. Actionis in C. Verrem II sive accusationis II. I—III, ed. Müller. *M.* 1. — 1.40.

— 9b. — — II. IV. V, ed. Müller. *M.* — 50 — 75.

— 10. Orationes pro M. Tullio, pro M. Fonteio, pro A. Caecina, de imperio Cn. Pompeii (pro lege Manilia), ed. Müller. *M.* — 50 — 75.

Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich.

Nr. 11. Orationes pro A. Cluentio Habito, de lege agr. tres, pro C. Rabirio perduellionis reo, ed. Müller. *M.* — 80 1.10.

— 12. Orationes in L. Catilinam, pro L. Murena, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

— 13. Orationes pro P. Sulla, pro Archia poeta, pro Flacco, ed. Müller. *M.* — 50 — 75.

— 14. Orationes post reditum in senatu et post reditum ad Quirites habitae, de domo sua, de haruspicum responso, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

— 15. Orationes pro P. Sestio, in P. Vatinius, pro M. Caelio, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

— 16. Orationes de provinciis consularibus, pro L. Cornelio Balbo, in L. Calpurnium Pisonem, pro Cn. Plancio, pro Rabirio Postumo, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

— 17. Orationes pro T. Annio Milone, pro M. Marcello, pro Q. Ligario, pro rege Delotaro, ed. Müller. *M.* — 50 — 75.

— 18. Orationes in M. Antonium Philippicæ XIV, ed. Müller. *M.* — 90 1.30.

— 19. Epist. ad fam. I. I—IV, ed. Müller. *M.* — 90 1.30.

— 20. Epist. ad fam. I. V—VIII, ed. Müller. *M.* — 90 1.30.

— 21. Epist. ad fam. I. IX—XII, ed. Müller. *M.* — 90 1.30.

— 22. Epist. ad fam. I. XIII—XVI, ed. Müller. *M.* — 90 1.30.

— 23. Epistulae ad Quintum fratrem, Q. Ciceronis de petitione ad M. fratrem epistula, eiusdem versus quidam de signis XII, ed. Müller. *M.* — 60 — 90.

— 24. Epist. ad Att. I. I—IV, ed. Müller. *M.* 1. — 1.40.

— 25. Epist. ad Att. I. V—VIII, ed. Müller. *M.* 1. — 1.40.

— 26. Epist. ad Att. I. IX—XII, ed. Müller. *M.* 1. — 1.40.

— 27. Epist. ad Att. I. XIII—XVI, ed. Müller. *M.* 1. — 1.40.

— 28. Epist. ad Brutum et epist. ad Octavianum, ed. Müller. *M.* — 60 — 90.

— 29. Academica, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

— 30. De finibus, ed. Müller. *M.* 1. — 1.40.

— 31. Tusculanae disputationes, ed. Müller. *M.* — 80 1.10.

— 32. De natura deorum, ed. Müller. *M.* — 70 1. —

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

Ciceronis scripta. Edd. F. W. Müller et G. Friedrich.

- Nr. 33. De divinatione, de fato, ed. Müller. *M.* — 70 1.—  
 — 34. De re publica, ed. Müller. *M.* — 70 1.—  
 — 35. De legibus, ed. Müller. *M.* — 70 1.—  
 — 36. De officiis, ed. Müller. *M.* — 70 1.—  
 — 37. Cato Maior de senectute, Laelius de amicitia, Paradoxa, ed. Müller. *M.* — 50 — 75.

Inhalt von

- Nr. 1. 2 = Pars I, vol. I.  
 — 3—6 = Pars I, vol. II.  
 — 7—9 = Pars II, vol. I.  
 — 10—14 = Pars II, vol. II.  
 — 15—18 = Pars II, vol. III.  
 — 19—23 = Pars III, vol. I.  
 — 24—28 = Pars III, vol. II.  
 — 29—31 = Pars IV, vol. I.  
 — 32—35 = Pars IV, vol. II.  
 — 36. 37 u. Fragm. = Pars IV, vol. III.  
 orationes selectae XXI. Rec.

C. F. W. Müller. 2 partes. *M.* 1.70 2.30.

- Pars I: Oratt. pro Roscio Amerino, in Verrem II. IV et V, pro lege Manilia, in Catilinam, pro Murena. *M.* — 80 1.10.  
 — II: Oratt. pro Sulla, pro Archia, pro Sestio, pro Plancio, pro Milone, pro Marcello, pro Ligario, pro Deiotaro, Philippicae I. II. XIV. *M.* — 90 1.20.  
 — orationes selectae XIX. Edd., indices addecc. A. Eberhard et C. Hirschfelder. Ed. II. *M.* 2.— 2.50.

Oratt. pro Roscio Amerino, in Verrem II. IV. V, de imperio Pompei, in Catilinam IV, pro Murena, pro Ligario, pro rege Deiotaro, in Antonium Philippicae I. II, divinatio in Caeciliam.

— epistolae. Rec. A. S. Wesenberg. 2 voll. [je *M.* 3.— 3.60.] *M.* 6.— 7.20.

— epistolae selectae. Ed. R. Dietsch. 2 partes. [P. I. *M.* 1.— 1.40. P. II. *M.* 1.50 2.—] *M.* 2.50 3.40.

— de virtut. I. fr. Ed. H. Knoellinger. *M.* 2.— 2.40.

[—] Scholia in Ciceronis orationis Bobliensis ed. P. Hildebrandt. *M.* 8.— 8.60.

Claudii carm. Rec. J. Koch. *M.* 3.60 4.20.

Claudii Hermeri mulomedicina Chironis. Ed. E. Oder. *M.* 12.— 12.80.

Commodiani carmina. Rec. E. Ludwig. 2 partt. *M.* 2.70 3.50.

[Constantinus.] Inc. auct. de C. Magno eiusque matre Helena libellus. Ed. E. Heydenreich. *M.* — 60 — 90.

Coruelli Nepos: s. Nepos.

\*Corpus agrimensoium Romanorum. Rec. C. Thulin. 2 Bde. I. Texto. II. Übersetzung. [In Vorb.]

Curtii Rufi hist. Alexandri Magni. Iterum rec. E. Hedicke. Ed. maior *M.* 3.60 4.20.

Ed. minor *M.* 1.20 1.60.

— Rec. Th. Vogel. [vergr.]

Damasi epigrammata. Acc. Pseudodamasiana. Rec. M. Ihm. Adi. est. tabula *M.* 2.40 2.80.

\*Dictys Cretensis ephem. belli Troiani II. VI. Rec. F. Meister. [z. Zt. vergr.; Neubearb. in Vorb.]

Donati comm. Terentii. Acc. Eugraphi commentum et scholia Bembina. Ed. P. Wessner. I. *M.* 10 — 10.80. Vol. II. *M.* 12.— 12.80. Vol. III. I. *M.* 8.— 8.50.

— Interpretat. Vergil. Ed. H. Georgii. 2 voll. *M.* 24.— 26.—

Dracontii carm. min. Ed. Fr. de Duhn. *M.* 1.20 1.60.

Eclogae poetar. Latin. Ed. S. Brandt. Ed. III. *M.* 1.— 1.20.

Eugraphius: s. Donatus.

Eutropii breviarium hist. Rom. Rec. Fr. Ruehl. *M.* — 45 — 75.

Favonii Eulogii disp. de somnio Scipionis. Ed. A. Holder. *M.* 1.40 1.80.

Firmici Maternal matheseos II. VIII. Edd. W. Kroll et F. Skutsch. Fasc. I. *M.* 4.— 4.50. Fasc. II. [U. d. Pr.]

— de errore profan. relig. Ed. K. Ziegler. *M.* 3.20 3.60.

Flori, L., Annaei, epitomae II. II et P. Anni Flori fragmentum de Vergilio. Ed. O. Rossbach. *M.* 2.80 3.20.

\*Florilegium Latinum. Zusammengestellt von der Philolog. Vereinigung des Königin-Carola-Gymnasiums zu Leipzig. Heft 1: Drama. Heft 2: Erzählende Prosa. Heft 3: Epik u. Lyrik. Fabeln. Heft 4: Rednerische Prosa u. Inschriftliches. Je *M.* — 60.

Frontini strategematon II. IV. Ed. G. Gundermann. *M.* 1.50 1.90.

\*Frontonis epistulae ad M. Caesarem ed. E. Hauler. [U. d. Pr.]

Fulgentii, Fabii Planciadiis, opera. Acc. Gordiani Fulgentii de aetatibus mundi et hominis et S. Fulgentii episcopi super Thebaiden. Rec. R. Helm. *M.* 4.— 4.50.

Gal institutionum commentt. quattuor. Rec. Ph. Ed. Huschke. Ed. II. cur. E. Seckel et B. Kübler. *M.* 2.80 3.20.

Gelli noctium Attic. II. XX. Rec. C. Hosius. 2 voll. *M.* 6.80 8.—

Gemini elementa astronomiae. Rec. C. Manitius. *M.* 8.— 8.60.

Germanici Caesaris Aratea. Ed. A. Breyssig. Ed. II. Acc. Epigramm. *M.* 2.— 2.40.

Grammaticae Romanae fragm. Coll. rec. H. Funaioli. Vol. I. *M.* 12.— 12.60.

Grani Liciniani quae supersunt. Rec. M. Flemisch. *M.* 1.— 1.30.

Hieronymi de vir. inlustr. I. Acc. Gennadi catalogus viror. inlustr. Rec. G. Herding. *M.* 2.40 2.80.

Historia Apollonii, regis Tyri. Rec. A. Riess. Ed. II. *M.* 1.40 1.80.

Historicorum Roman. fragmenta. Ed. H. Peter. *M.* 4.50 5.—

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Horatii Flacci opera. Rec. L. Mueller  
Ed. maior [vergr.] Ed. minor [vergr.]  
— Rec. F. Vollmer. Ed. maior.  
M. 2.—2.40. Ed. minor. M. 1.—1.40.
- \*[—] Horazens Versmaße. Von O.  
Schroeder. M.—.60.
- Hygini grammaticel. de munit. castr. Rec.  
G. Gemoll. M.—.75 1.10.
- \*Imperatorum romanorum acta. P. I. Inde  
ab Augusto usque ad Hadriani mortem.  
Coll. O. Haberleitner. [Unter d. Presse.]
- Incerti auctoris de Constantino Magno  
et usque matre Helena libellus prim.  
Ed. E. Heydenreich. M.—.60 —.90.
- \*Inscriptiones Latinae Graecae bilingues.  
Ed. F. Zilken. [In Vorb.]
- \*— Latinae Caesaris morte antiquiores.  
Ed. K. Witte. [In Vorb.]
- Iurisprudentiae antehadrianae quae  
supersunt. Ed. F. P. Bremer. Pars I.  
M. 5.—5.60. Pars II. Sectio I. M. 8.—  
8.60. II. M. 8.—8.80.
- antelustinianae quae supersunt. In  
usum maxime academicum rec., adnot.  
Ph. Ed. Huschke. Ed. V. M. 6.75 7.40.
- \*— Ed. VI auct. et emend. edd. E.  
Seckel et B. Kübler. 2 voll. Vol. I.  
M. 4.40 5.— Vol. II, fasc. I. M. 2.20 2.60.
- Supplement: Bruchstücke a. Schrif-  
ten röm. Juristen. Von E. Huschke.  
M.—.75 1.—
- Iustiniani institutiones. Ed. Ph. Ed.  
Huschke. M. 1.—1.40.
- Iustini epitoma hist. Philipp. Pompel  
Trogli ex rec. Fr. Ruehl. Acc. prologi  
in Pompeium Trogum ab A. de Gut-  
schmid rec. M. 1.60 2.20.
- Iuvenalis satirarum II. Rec. C. F. Her-  
mann. M.—.60 —.90.
- Iuvenii II. evangelicorum IV. Rec.  
C. Marold. M. 1.80 2.20.
- Lactantius Placidus: s. Statius. Vol. III.  
Livi ab urbe condita libri. Rec. G.  
Weissenborn et M. Müller. 6 partes.  
M. 8.10 11.10. Pars I—III. Ed. II c.  
M. Müller je M. 1.20 1.70. Pars IV.  
Ed. II c. M. Müller. Pars V—VI je M. 1.50  
2.—
- Pars I—V such in einzelnen Heften:  
Pars I fasc. I: Lib. 1—3. M.—.70 1.10.  
— I fasc. II: Lib. 4—6. M.—.70 1.10.  
— II fasc. I: Lib. 7—10. M.—.70 1.10.  
— II fasc. II: Lib. 21—23. M.—.70 1.10.  
— III fasc. I: Lib. 24—26. M.—.70 1.10.  
— III fasc. II: Lib. 27—30. M.—.70 1.10.  
— IV fasc. I: Lib. 31—35. M.—.85 1.25.  
— IV fasc. II: Lib. 36—38. M.—.85 1.25.  
— V fasc. I: Lib. 39—40. M.—.85 1.25.  
— Ed. II ed. G. Heraeus. M.—.85  
1.25.
- Pars V fasc. II: Lib. 41—140. M.—.85 1.25.  
\*— VI: Fragmenta et index. [In Vorb.]
- Livi periochae, fragmenta Oxyrhynchi  
reperita et Iulii Obsequentis prodigiorum  
liber. Ed. O. Rossbach. M. 2.80 3.20.
- Lucani de bello civ. II. X. It. Ed. C. Hostius.  
M. 4.40 5.—
- [Lucanus.] Adnotationes super Lucanum.  
Ed. J. Endt. M. 8.—8.60.
- Lucretii Cari de rerum natura II. VI. Ed.  
A. Brieger. Ed. II. M. 2.10 2.50.  
Appendix einzeln M.—.30.
- Macrobius. Rec. F. Eyssenhardt. Ed. II.  
M. 8.—8.60.
- Marcelli de medicamentis. Ed. G. Helm-  
reich. M. 3.60 4.20.
- Martialis epigrammatum II. Rec. W. Gil-  
bert. M. 2.70 3.20.
- \*Martianus Capella. Ed. A. Dick. [In Vorb.]
- Mela, Pomponii, de chorographia libri.  
Ed. C. Frick. M. 1.20 1.60.
- Metrologorum scriptorum reliquiae.  
Ed. F. Hultsch. Vol. II: Scriptores  
Romani. M. 2.40 2.80. [Vol. I: Scriptores  
Graeci. M. 2.70 3.20.] 2 voll. M. 5.10 6.—
- Minucii Felicis Octavium. Rec. Herm.  
Boenig. M. 1.60 2.—
- \*— Rec. Waltzing. [In Vorb.]
- Mulomedicina Chironis: s. Claudius.  
Nepotii vitae. Ed. C. Halm. Ed. II cur.  
A. Fleckeisen. M.—.30 —.60.
- m. Schulwörterbuch v. H. Haacke-  
Stange. 15. Auflage. M. 1.75.
- Nonii Marcelli de compendiosa doctrina  
lib. XX. Ed. W. M. Lindsay. Vol.  
I—III: Hb. I—XX et ind. M. 17.20 19.—
- Orosii hist. adv. paganos II. VII. Rec. C.  
Zangemeister. M. 4.—4.50.
- Ovidius Naso. Rec. R. Merkel. 3 tomi.  
M. 2.90 4.10.
- Tom. I: Amores. Heroïdes. Epistulae.  
Medicamina faciei femineae. Ars  
amatoria. Remedia amoris. Ed. II  
cur. R. Ehwald. M. 1.—1.40.
- Tom. II: Metamorphoses. Ed. II.  
M.—.90 1.30.
- Tom. III: Tristia. Ibis. Ex Ponto libri.  
Fasti. Ed. II. M. 1.—1.40.
- tristicum II. V. Ed. R. Merkel.  
M.—.45 —.75.
- fastorum II. VI. Ed. R. Merkel.  
M.—.60 —.90.
- metamorphoseon delectus Siebelli-  
anus. Ed. Fr. Polle. Mit Index.  
M.—.70 1.—
- Palladii opus agriculturae. Rec. J. C.  
Schmitt. M. 5.20 5.60.
- \*Panegyrici Latini XII. Rec. Aem.  
Baehrens. It. ed. Guil. Baehrens.  
M. 5.—5.50.
- Patrum Nicaenorum nomina Graecae, La-  
tine, Syriacae, Copticae, Arabicae, Arme-  
nicae. Edd. H. Gelzer, H. Hilgen-  
feld, O. Cuntz. M. 6.—6.60.
- Pelagonii ars veterinaria. Ed. M. Ihm.  
M. 2.40 2.80.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Persii satirarum I. Rec. C. Hermann. *M.* — 30 — 60.
- Phaedri fabulae Aesopiacae. Rec. L. Mueller. *M.* — 30 — 60.
- mit Schulwörterbuch von A. Schaubach. 3. Aufl. *M.* — 90 1.30.
- Physiognomicon scriptores Graeci et Latini. Rec. R. Foerster. 2 voll. [Vol. I. *M.* 8. — 8.60. Vol. II. *M.* 6. — 6.60.] *M.* 14 — 15.20.
- Plauti comediae. Rec. F. Goetz et Fr. Schoell. 7 fasc. *M.* 10.50 14. —
- Fasc. I. Amphitruo, Asinaria, Aulularia. Praec. de Plauti vita ac poesi testim. vet. *M.* 1.50 2. —
- II. Bacchides, Captivi, Casina. Ed. II. *M.* 1.50 2. —
- III. Cistellaria, Curculio, Epidicus. *M.* 1.50 2. —
- IV. †Menaechmi, Mercator, †Miles glor. *M.* 1.50 2. —
- V. †Mostellaria, Persa, †Poenulus. *M.* 1.50 2. —
- VI. †Pseudolus, †Rudens, Stichus. *M.* 1.50 2. —
- VII. †Trinummus, Truculentus, fragmenta. Acc. conspectus metrorum. *M.* 1.50 2. —
- Einzelne die mit † bezeichneten Stücke je *M.* — 60 — 90, die übrigen je *M.* — 45 — 75. Supplementum (De Plauti vita ac poesi testimonia veterum. Conspectus metrorum) *M.* — 45 — 75.
- Plinii naturalis historia. Rec. C. Mayhoff. 6 voll. Ed. II. [Vol. I. *M.* 8. — 8.60. Vol. II. Ed. III. *M.* 8. — 8.60. Vol. III. *M.* 4. — 4.50. Voll. IV. V. je *M.* 6. — 6.60. Vol. VI. (Index.) Ed. Jan. *M.* 3. — 3.50.] *M.* 35. — 38.40.
- II. dubii sermonis VIII rell. Coll. I. W. Beck. *M.* 1.40 1.80.
- (iun.) epistulae. [vergr.] — Rec. R. C. Kukulka. *M.* 3. — 3.60.
- Plinii Secundi quae fertur una cum Gargilii Martialis medicina. Ed. V. Rose. *M.* 2.70 3.10.
- Poetae Latini minores. Rec. Aem. Baehrens. 6 voll. [Voll. II u. VI vergr.] *M.* 20.10 23.40.
- Rec. F. Vollmer. Vol. I. Appendix Vergiliana. *M.* 2.40 2.80. Vol. II, fasc. 1. Ovidi Halieuticon libri I fragmentum. Grati Cynegeticon libri I fragmentum. *M.* — 60 — 85.
- Pomponius Mela: s. Mela.
- Porphyronis commentarii in Horatium. Rec. G. Meyer. *M.* 5. — 5.60.
- Prisciani euporiston II. III. Ed. V. Rose. Acc. Vindiciani Afri quae feruntur rell. *M.* 7.20 7.80.
- Propertii elegiae. Rec. L. Mueller. *M.* — 90 1.20.
- \* — — Ed. C. Hosius. *M.* 1.60 2. —
- Pseudacronis scholia in Horatium. Ed. O. C. Keller. Vol. I. *M.* 9. — 9.80 vol. II. *M.* 12. — 12.80.
- Quintilliani instit. orat. II. XII. Rec. Ed. Bonnell. 2 voll. [vol. I vergr.] je *M.* 1.80 2.20.
- Quintilliani instit. lib. X. Rec. C. Halm. *M.* — 30 — 60.
- Ed. L. Radermacher. Pars I. *M.* 3. — 3.50. [Pars II in Vorb.]
- declamationes. Rec. C. Ritter. *M.* 4.80 5.40.
- decl. XIX maiores. Ed. G. Lehnert. *M.* 12. — 12.60.
- Remigii Autissiodor. in art. Donati min. commentum. Ed. W. Fox. *M.* 1.80 2.20.
- Sallustii Catilina, Iugurtha, ex historiis orationes et epistulae. Ed. A. Eussner. *M.* — 45 — 75.
- Scenicae Romanorum poesis fragmenta. Rec. O. Ribbeck. Ed. III. Vol. I. Tragicorum fragm. *M.* 4. — 4.60. Vol. II. Comicoorum fragm. *M.* 5. — 5.60.
- Scribonii Largi compositiones. Ed. G. Helmreich. *M.* 1.80 2.20.
- Scriptores historiae Augustae. Iterum rec. H. Peter. 2 voll. *M.* 7.50 8.60.
- Senecae opera quae supersunt. Vol. I. Fasc. I. Dialog. II. XII. Ed. E. Hermes. *M.* 3.20 3.80. Vol. I. Fasc. II. De beneficiis. De clementia. Ed. C. Hosius. *M.* 2.40 2.80. Vol. II. Naturalium quaest. II. VIII. Ed. A. Gercke. *M.* 3.60 4.20. Vol. III. Ad Lucil. epist. mor. Ed. O. Hense. *M.* 5.60 6.20. Vol. IV. \*Fragm., Ind. Ed. E. Bickel. [In Vorb.] — Suppl. (Fragm. Ind.) Rec. Fr. Haase. *M.* 1.80 2.40.
- tragoediae. Rec. R. Peiper et G. Richter. Ed. II. *M.* 5.60 6.20.
- Senecae (rhetoris) oratorum et rhetorum sententiae, divisiones, colores. Ed. A. Kiessling. *M.* 4.50 5. —
- Sidonius Apollin. Rec. P. Mohr. *M.* 5.60 6.20.
- Silli Italici Panica. Ed. L. Bauer. 2 voll. je *M.* 2.40 2.80.
- Sorani gynaecolorum vetus translatio Latina cum add. Graeci textus rell. Ed. V. Rose. *M.* 4.80 5.40.
- Stadius. Edd. A. Klotz et R. Jahnke. \*Vol. I: Silvae. It. ed. A. Klotz. *M.* 2.40 2.80. — II. Fasc. I: Achilleis. Rec. A. Klotz et O. Müller. *M.* 1.20 1.60. — II. Fasc. II: Thebais. Rec. A. Klotz. *M.* 8. — 8.60. — III: Lactantii Placidii scholia in Achilleidem. Ed. R. Jahnke. *M.* 8. — 8.60.
- Suetoni Tranquilli opera. Rec. M. Ihm. Ed. minor. 2 voll. Vol. I. De vita Caesarum libri VIII. *M.* 2.40 2.80. [Vol. II in Vorb.]

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Suetoni Tranquilli opera. Rec. C. L. Roth. 2 fasc. [Fasc. I vergr.] Fasc. II. De grammaticis et rhetoribus. *M.* —.80 1.20.
- Tacitus. Rec. C. Halm. Ed. IV. 2 tomi. *M.* 2.40 3.20.
- Tomus I. Libb. ab excessu divi Augusti. *M.* 1.20 1.60. [Fasc. I: Lib. I—VI. *M.* —.75 1.10. Fasc. II: Lib. XI—XVI. *M.* —.75 1.10.]
- Tacitus. Tomus II. Historiae et libb. minor. *M.* 1.20 1.60. [Fasc. I: Historiae. *M.* —.90 1.30. Fasc. II: Germania. Agricola. Dialogus. *M.* —.45 —.75.]
- Terenti comediae. Rec. A. Fleckeisen. Ed. II. *M.* 2.10 2.60.
- Jedes Stück (Adelphoe, Andria, Eunuchus, Hauton Timorumenos, Hecyra, Phormio) *M.* —.45 —.75.
- [—] Scholla Terentiana. Ed. Fr. Schlee. *M.* 2.— 2.40.
- Tibulli II. IV. Rec. L. Mueller. *M.* —.45 —.75.
- Ulpiani fragmenta. Ed. E. Huschke. Ed. V. *M.* —.75 1.10.
- Valeri Alexandri Polemi res gestae Alexandri Macedonis. Rec. B. Kuebler. *M.* 4.— 4.50.
- Valerii Flacci Argonautica. Rec. Aem. Baehrens. [Vergr.]
- \* — — Ed. S. Sudhaus. [U. d. Pr.]
- Valeri Maximi factorum et dictorum memorab. II. IX. Cum Iulii Paridis et Ianuarii Nepotiani epitomis. Rec. C. Kempf. Ed. II. *M.* 7.20 7.80.
- \* Varronis rer. rustic. libri III. ed. G. Goetz. *M.* 2.— 2.40.
- Vegeti Renati digestorum artis mulo-mediceinae libri. Ed. E. Lommatzsch. *M.* 6.— 6.60.
- — epitoma rei milit. Rec. C. Lang. Ed. II. *M.* 3.90 4.40.
- Vellei Patereuli hist. Roman. rell. Ed. C. Halm. *M.* 1.— 1.40.
- — Rec. Fr. Haase. *M.* —.60 —.90.
- Vergili Maronis opera. Rec. O. Ribbeck. Ed. II. *M.* 1.50 2.—
- Aeneis. Rec. O. Ribbeck. *M.* —.90 1.30.
- Bucolica et Georgica. Rec. O. Ribbeck. *M.* —.45 —.75.
- Bucolica, Georgica, Aeneis. Rec. O. Güthling. 2 tomi. *M.* 1.35 2.05.
- Tom. I: Bucolica. Georgica. *M.* —.50 —.80.
- II: Aeneis. *M.* —.90 1.30.
- \* [—] Scholla in Vergilii Bucolica etc. Ed. Funaioli. [In Vorb.]
- Virgili Grammatici opera. Ed. J. Huemer. *M.* 2.40 2.80.
- Vitruvii de architectura II. X. Ed. V. Rose. Ed. II. *M.* 5.— 5.60.
- Ed. Krohn. [In Vorb.]

## 1b. Bibliotheca scriptorum medii aevi Teubneriana. [8.]

- Alberti Stadensis Troilus. Ed. Th. Merzdorf. *M.* 3.— 3.40.
- Amarcii sermonum II. IV. Ed. M. Manitius. *M.* 2.25 2.60.
- Canabuzae in Dionysium Halic. comm. Ed. M. Lehnerdt. *M.* 1.80 2.20.
- Christus patiens. Tragoedia Gregorio Nazianzeno falso attributa. Rec. I. G. Brambs. *M.* 2.40 2.80.
- Comediae Horatianae tres. Ed. R. Jahnke. *M.* 1.20 1.60.
- Egidii Corboliensis viaticus de signis et sympt. aegritud. ed. V. Rose. *M.* 2.80 3.20.
- Gullelmi Blesensis Aldae comoedia. Ed. C. Lohmeyer. *M.* —.80 1.20.
- Hildegardis causae et curae. Ed. P. Kaiser. *M.* 4.40 5.—
- Horatii Romani porcaria. Ed. M. Lehnerdt. *M.* 1.20 1.60.
- Hrotsvitae opera. Ed. K. Strecker. *M.* 4.— 4.60.
- Odonis abbatis Cluniacensis occupatio. Ed. A. Swoboda. *M.* 4.— 4.60.
- \* Paulus Aegnetes. Ed. I. L. Heiberg. [In Vorb.]
- Thiofridi Epternacensis vita Willibrordi metrica. Ed. K. Rossberg. *M.* 1.80 2.20.
- Vitae sanctorum novem metricae. Ed. Guil. Harster. *M.* 3.— 3.50.
- Vita S. Genovefae virginis ed. C. Künstle. *M.* 1.20 1.60.

## 1c. Bibliotheca scriptorum Latinorum recentioris aetatis.

Edidit Iosephus Frey. [8.]

- Epistolae sel. viror. clar. saec. XVI. XVII. Ed. E. Weber. *M.* 2.40 2.80.
- Manutii, Pauli, epistulae sel. Ed. M. Fickelscherer. *M.* 1.50 2.—
- Mureti scripta sel. Ed. I. Frey. 2 voll. *M.* 2.40 3.20.
- Ruhnkenii elogium Tib. Hemsterhusii. Ed. I. Frey. *M.* —.45 —.70.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

## 2. Sammlung wissenschaftlicher Commentare zu griechischen und römischen Schriftstellern. [gr. 8.]

Mit der Sammlung wissenschaftlicher Commentare zu griechischen und römischen Literaturwerken hofft die Verlagsbuchhandlung einem wirklichen Bedürfnisse zu begegnen. Das Unternehmen soll zu einer umfassenderen und verständnisvolleren Beschäftigung mit den Hauptwerken der antiken Literatur als den vornehmsten Äußerungen des klassischen Altertums auffordern und anleiten.

- Apologeten, zwei griechische. Von J. Geffcken. *M.* 10.— 11.—  
 Aetna. Von S. Sudhaus. *M.* 6.— 7.—  
 Catulli Veronensis liber. Von G. Friedrich. *M.* 12.— 13.—  
 \*Johannes von Gaza und Paulus Silentiarius. Von P. Friedländer. [U. d. Pr.]  
 Lucretius de rer. nat. Buch III. Von R. Heinze. *M.* 4.— 5.—  
 Philostratos über Gymnastik. Von J. Jüthner. *M.* 10.— 11.—  
 Sophokles Elektra. Von G. Kaibel. 2., unveränd. Aufl. *M.* 6.— 7.—  
 Vergilius Aeneis Buch VI. Von E. Norden. *M.* 12.— 13.—
- In Vorbereitung:  
 Clemens Alex. Pädagogos. Von Schwartz.  
 Lukian Philopseudes. Von R. Wünnach.  
 Ovid Heroiden. Von R. Ehwald.  
 Pindar Pythien. Von O. Schröder.  
 Properz. Von Jacoby.  
 Tacitus Germania. Von G. Wissowa.

## 3. Einzelausgaben griechischer und lateinischer Schriftsteller. [gr. 8, wenn nichts anderes bemerkt.]

Die meisten der nachstehend aufgeführten Ausgaben sind bestimmt, wissenschaftlichen Zwecken zu dienen. Sie enthalten daher mit wenigen Ausnahmen den vollständigen kritischen Apparat unter dem Texte; zum großen Teil sind sie — wie dies dann in der Titelangabe bemerkt ist — mit kritischem und exegetischem Kommentar versehen.

### a) Griechische Schriftsteller.

- Acta apostolorum: s. Lucas.  
 Aeschini orationes. Ed., scholia adi. F. Schultz. *M.* 8.—  
 — orat. in Ctesiphontem. Rec., expl. A. Weidner. *M.* 3.60.  
 Aeschyll Agamemnon. Ed. R. H. Klausen. Ed. alt. cur. R. Enger. *M.* 3.75.  
 — Agamemnon. Griech. u. deutsch mit Komm. von K. H. Keck. *M.* 9.—  
 — fabulae et fragm. Rec. G. Dindorf. 4. *M.* 4.—  
 — Septem ad Thebas. Rec. Fr. Ritschelius. Ed. II. *M.* 3.—  
 Alciphronis rhet. epistolae. Ed. A. Meineke. *M.* 4.—  
 \*Ἀλφάβητος τῆς ἀγάπης. Das ABC der Liebe. E. Sammlung rhod. Liebeslieder. Hrsg. v. W. Wagner. *M.* 2.40.  
 Anthologiae Planudeae appendix Barberino-Vaticana. Rec. L. Sternbach. *M.* 4.—  
 Apollonius' von Kitium Illustr. Commentar z. d. Hippokrat. Schrift π. ἀσφωυ. Hrsg. v. H. Schöne. Mit 31 Tafeln in Lichtdr. 4. *M.* 10.—  
 Aristophanis fabulae et fragm. Rec. G. Dindorf. 4. *M.* 6.—  
 — ecclesiazusae. Rec. A. von Velsen. *M.* 2.40.  
 — equites. Rec. A. von Velsen. Ed. II cur. K. Zacher. *M.* 3.—  
 — pax. Ed. K. Zacher. *M.* 5.— 6.—  
 — Plutus. Rec. A. von Velsen. *M.* 2.—  
 — thesmophoriazusae. Rec. A. von Velsen. Ed. II. *M.* 2.—  
 Aristotelis ars rhet. cum adnotatione L. Spengel. Acc. vet. translatio Latina. 2 voll. *M.* 16.—  
 — politica cum vet. translatione G. de Moerbeka. Rec. Fr. Susemihl. *M.* 18.—  
 — ethica Nicomachea. Ed. et comment. instr. G. Ramsauer. Adl. est Fr. Susemihlii epist. crit. *M.* 12.—  
 Artemidori introcritica. Rec. R. Hercher. *M.* 8.—  
 Bionis epitaphius Adonidis. Ed. H. L. Ahrens. *M.* 1.50.  
 Bucolicorum Graec. Theocriti, Bionis et Moschi reliquiae. Ed. H. L. Ahrens. 2 tomi. *M.* 21.60.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Callimachen.** Ed. O. Schneider. 2 voll. *M.* 33.—  
 Vol. I. Hymni cum scholiis vet. *M.* 11.—  
 — II. Fragmenta. Indices. *M.* 22.—  
**Carmina Graeca medii aevi.** Ed. G. Wagner. *M.* 9.—  
 — popularia Graeciae recentioris. Ed. A. Passow. *M.* 14.—  
**Christianor. carm.** Anthologia Graeca. Edd. W. Christ et M. Paranikas. *M.* 10.—  
**Comicorum Atticorum fragmenta.** Ed. Th. Kock. 3 voll. *M.* 48.—  
 Vol. I. Antiquae comoediae fragmenta. *M.* 18.—  
 — II. Novae comoediae fragmenta. Pars I. *M.* 14.—  
 — III. Novae comoediae fragmenta. P. II. Comic. inc. aet. fragm. Fragm. poet. Indices. Suppl. *M.* 16.—  
**\*Corpus fabularum Aesopicarum.** Ed. O. Crusius, A. Hausrath, P. Knoell, P. Marc. [In Vorb.]  
 — medicorum Graecorum. Vol. XI, 1. Philumeni de venenatis animalibus eorumque remediis ed. M. Wellmann. *M.* 2.80.  
 \* — Vol. V, 9. 2. Galeni in Hippocratis prorrheticum I. Ed. H. Diels. [In Vorb.]  
**Demetrii Phaleri de elocutione libellus.** Ed. L. Radermacher. *M.* 5.—  
**Demosthenis oratt. de corona et de falsa legatione.** Cum argumentis Graece et Latine ed. I. Th. Voemelius. *M.* 16.—  
 — orat. adv. Leptinem. Cum argumentis Graece et Latine ed. I. Th. Voemel. *M.* 4.—  
 — de corona oratio. In usum schol. ed. I. H. Lipsius. Ed. II. *M.* 1.60.  
*Περὶ διαλέκτων* excerptum ed. R. Schneider. *M.* —.60.  
**Didymi Chalcenteri fragmenta.** Ed. M. Schmidt. *M.* 9.—  
**Dionysii Thracis ars grammatica.** Ed. G. Uhlig. *M.* 8.—  
**\*Διοδωσίῳ ἢ Δογγίῳ περὶ ὕψους.** De sublimitate libellus. Ed. O. Iahn. Quart. ed. I. Vahlon. *M.* 2.80 3.20.  
**Epicurea.** Ed. H. Usener (Anast. Neudruck.) *M.* 12. — 13.—  
 [Epiphanius.] Quaestiones Epiphaniae metrologicae et criticae. Acc. tabula phototypica. Scr. O. Viedebant. *M.* 6.—  
**Eratosthenis carminum reliquiae.** Disp. et expl. Ed. E. Hiller. *M.* 3.—  
 — geographische Fragmente, hrsg. von Berger. *M.* 8.40.  
**Etymologicum Gudianum quod vocatur.** Rec. et apparatus criticum indicesque adi. Al. de Stefani. Fasc. I: Litteras A-B cont. *M.* 10.—  
**Euripidis fabulae et fragmenta.** Rec. G. Dindorf. 4. *M.* 9.—  
**Euripidis fabulae.** Edd. R. Prinz et N. Wecklein. *M.* 46.60.  
 Vol. I. Pars I. Medea. Ed. II. *M.* 2.40.  
 \* — I. — II. Alcesteis. Ed. III. *M.* 1.80.  
 — I. — III. Hecuba. Ed. II. *M.* 2.40.  
 — I. — IV. Electra. *M.* 2.—  
 — I. — V. Ion. *M.* 2.80.  
 — I. — VI. Helena. *M.* 3.—  
 — I. — VII. Cyclops. Ed. II. *M.* 1.40.  
 — II. — I. Iphigenia Taurica. *M.* 2.40.  
 — II. — II. Supplices. *M.* 2.—  
 — II. — III. Bacchae. *M.* 2.—  
 — II. — IV. Heraclidae. *M.* 2.—  
 — II. — V. Hercules. *M.* 2.40.  
 — II. — VI. Iphigenia Aulidensis. *M.* 2.80.  
 — III. — I. Andromacha. *M.* 2.40.  
 — III. — II. Hippolytus. *M.* 2.80.  
 — III. — III. Orestes. *M.* 2.80.  
 — III. — IV. Phoenissae. *M.* 2.80.  
 — III. — V. Troades. *M.* 2.80.  
 — III. — VI. Rhesus. *M.* 3.60.  
 — tragoediae. Edd. A. J. E. Pflugk, R. Klotz et N. Wecklein. (Mit latein. Kommentar)  
 Medea. Ed. III. *M.* 1.50. — Hecuba. Ed. III. *M.* 1.20. — Andromacha. Ed. II. *M.* 1.20. — Heraclidae. Ed. II. *M.* 1.20. — Helena. Ed. II. *M.* 1.20. — Alcesteis. Ed. II. *M.* 1.20. — Hercules furens. Ed. II. *M.* 1.80. — Phoenissae. Ed. II. *M.* 2.25. — Orestes. *M.* 1.20. — Iphigenia Taurica. *M.* 1.20. — Iphigenia quae est Aulide. *M.* 1.20.  
**Eusebii canonum epitome ex Dionysii Telmaharensis chronico petita.** Verterunt notisque illustrarunt C. Siegfried et H. Gelzer. 4. *M.* 6.—  
**Galeni de placitis Hippocratis et Platonis.** Rec. I. Müller. Vol. I. Proleg., text. Graec., adnot. crit., vers. Lat. *M.* 20.—  
 \* — in Hippocratis prorrheticum s. Corpus medicorum Graecorum.  
 \* — Pergameni de atticissantium studiis testimonia. Colleg. atque exam. G. Herbst. *M.* 6.—  
**Gnomica I. Sexti Pythagorici, Clitarchi, Euagrii Pontici sententiae.** Ed. A. Elter. gr. 4. *M.* 3.40.  
 — II. Epicteti et Moschlonis sententiae. Ed. A. Elter. gr. 4. *M.* 1.60.  
**Grammatici Graeci recogniti et apparatu critico instructi.** 8 partes. 15 voll. Lex. 8.  
 Pars I. Vol. I. Dionysii Thracis ars grammatica. Ed. G. Uhlig. *M.* 8.—  
 Pars I. Vol. III. Scholia in Dionysii Thracis artem grammaticam. Rec. A. Hilgard. *M.* 36.—  
 Pars II. Vol. I. Apollonii Dyscoli quae supersunt. Edd. R. Schneider und G. Uhlig. 2 Fasc. *M.* 26.—

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Grammaticae Graecae recogniti et apparatus critico instructi. 8 partes. 15 voll. Lex.-8.  
 Pars II. Vol. II. Apollonii Dyscoli de constructione orationis libri quatuor. Ed. G. Uhlig. *M* 24.—  
 Pars II. Vol. III. Librorum Apollonii deperditorum fragm. Ed. R. Schneider. *M* 14.—  
 Pars III. Vol. I. Herodiani technici reliquiae. Ed. A. Lentz. Tom. I. *M* 20.—  
 Pars III. Vol. II. Herodiani technici reliquiae. Ed. A. Lentz. Tom. II. 2 Fasc. *M* 34.—  
 Pars IV. Vol. I. Theodosii canones et Choerobosci scholia in canones nominales. Rec. A. Hilgard. *M* 14.—  
 Pars IV. Vol. II. Choerobosci scholia in canones verbales et Sophronii excerpta e Characis commentario. Rec. A. Hilgard. *M* 22.—  
 [Fortsetzung in Vorb.]  
 Herodas' Mimiamben, hrsg. v. R. Meister. Lex.-8. [Vergr. Neue Aufl. in Vorb.]  
 Herodiani ab excessu d. Marci II. VIII. Ed. L. Mendelssohn. *M* 6.80.  
 — technici rell. Ed., expl. A. Lentz. 2 tomi. Lex.-8. *M* 54.—  
 Herodots II. Buch m. sachl. Erläut. hrsg. v. A. Wiedemann. *M* 12.—  
 Ηρόδοτος τὰ πάντα ἐξ ἐμπειρίας Κ. Σίττλ. *M* 10.—  
 Hesiodi quae fer. carmina. Rec. R. Rzsch. Acc. Homeri et Hesiodi certamen. *M* 18.—  
 — Rec. A. Köchly, lect. var. subscr. G. Kinkel. Pars I. *M* 5.—  
 [Fortsetzung erscheint nicht.]  
 — Rec. et ill. C. Goettling. Ed. III. cur. I. Flach. *M* 6.60.  
 [—] Glossen und Scholien zur Hesiodischen Theogonie mit Prolegomena von J. Flach. *M* 8.—  
 Hesychii Milesii onomatologi rell. Ed. I. Flach. Acc. appendix Pseudohesychiana, Indd., spec. photolithogr. cod. A. *M* 9.—  
 Hipparch, geograph. Fragmente, hrsg. von H. Berger. *M* 2.40.  
 Homeri carmina. Rec. A. Ludwich. Pars I. Ilias. 2 voll. Vol. I. *M* 16.— 18.— Vol. II. *M* 20.— 23.— Pars II. Odyssea. 2 voll. *M* 16.— 20.—  
 — Odyssea. Ed. I. La Roche. 2 part. *M* 13.—  
 — Ilias. Ed. I. La Roche. 2 part. *M* 22.—  
 — Iliadis carmina sejuncta, discreta, emendata, prolegg. et app. crit. instructa. ed. G. Christ. 2 part. *M* 16.—  
 [—] D. Homer. Hymnen hrsg. u. erl. v. A. Gemoll. *M* 6.80.  
 [—] D. Homer. Batrachomyomachia des Pignes nebst Scholien u. Paraphrase hrsg. u. erl. v. A. Ludwich. *M* 20.—  
 Incerti auctoris epitome rerum gestarum Alexandri Magni. Ed. O. Wagner. *M* 3.—  
 Inscriptiones Graecae metricae ex scriptoribus praeter Anthologiam collectae. Ed. Th. Preger. *M* 8.—  
 Inventio sanctae crucis. Ed. A. Holder. *M* 2.80.  
 [Iohannes.] Evangelium sec. Iohannem. Ed. F. Blass. *M* 5.60.  
 Iohannes Kamateros, εἰσαγωγή ἀπορονομίας. Bearb. v. L. Weigl. *M* 3.—  
 Iullani II. contra Christianos: s. Scriptorum Graecorum e. q. s.  
 — — deutsch v. J. Neumann. *M* 1.—  
 Kosmas und Damian. Texte und Einleitung von L. Deubner. *M* 8.— 9.—  
 Kyrillos, d. h. Theodosios: s. Theodosios.  
 Leges Graecorum sacrae et titulis coll. Edd. J. de Protte et L. Ziehen. 2 fasc. Fasc. I. Fasti sacri. Ed. J. de Protte. *M* 2.80. Fasc. II. 1. Leges Graeciae et insularum. Ed. L. Ziehen. *M* 12.—  
 Lesbonactis Sophistae quae supersunt. Ed. Fr. Kiehr. *M* 2.—  
 Lexicographi Graeci recogniti et apparatus critico instructi. Etwa 10 Bände. gr. 8. [In Vorbereitung.]  
 I. Lexika zu den zehn Rednern (G. Wentzel).  
 II. Phrynichus, Aelius Dionysius, Pausanias und and. Atticisten (L. Cohn).  
 III. Homerlexika (A. Ludwich).  
 IV. Stephanus von Byzanz.  
 V. Cyrill, Bachmannsches Lexikon und Verwandtes, insbesond. Bibelglossare (G. Wentzel).  
 VI. Photios.  
 VII. Suidas (G. Wentzel).  
 VIII. Hesych.  
 IX. Pollux. Ed. E. Bethe. Fasc. I. *M* 14.—  
 X. Verschiedene Spezialglossare, namentlich botanische, chemische, medizinische u. dgl.  
 [Näheres s. Teubners Mitteilungen 1897 No. 1 S. 2.]  
 [Lucas.] Acta apostolorum. Ed. F. Blass. *M* 2.—  
 [—] Evangelium sec. Lucam. Ed. F. Blass. *M* 4.—  
 Luciani quae feruntur Podagra et Ocyrops ed. J. Zimmermann. *M* 3.— 4.—  
 \* — quae fertur Demosthenis laudatio. Rec. Albers. [U. d. Pr.]  
 Lykophrons Alexandra. Hrsg. übers. u. erklärt von C. v. Holzinger. *M* 15.—  
 [Lysias.] Pseudol. oratio funebris. Ed. M. Erdmann. *M* —.80.  
 [Matthaeus.] Evangelium sec. Matthaeum. Ed. F. Blass. *M* 3.60.  
 Metrodori Epicurei fragmenta coll. script. inc. Epicurei comment. moralem subi. A. Koerte. *M* 2.40.  
 Musios, Hero u. Leander. Eingel. u. übers. v. H. Oelschläger. 16. *M* 1.—

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Nicandrea theriaca et alexipharmaca. Rec. O. Schneider. Acc. scholia *M* 9.—  
*Περὶ παθήων* excerpta ed. R. Schneider. *M* —. 80.
- Papyri, Glessener. 3 Hefte. 1. Heft von E. Kornemann und O. Eger. *M* 7.—  
 2. Heft von P. M. Meyer. *M* 8.—  
 \*— Hamburger. ca. 3 Hefte. 1. Heft von P. M. Meyer. *M* 8.—
- Papyrus magica mus. Lugd. Bat. a C. Leemans ed. denuo ed. A. Dieterich. *M* 2.—
- Papyrusurkunden: s. Urkunden.
- Philodemus Epicurei de ira I. Ed. Th. Gomperz. Lex.-8. *M* 10.80.  
 — *περὶ ποιημάτων* I. II fragm. Ed. A. Hausrath. *M* 2.—
- Philumenos s. Corpus medicorum Graecor. Phoenix von Kolophon. Texte und Untersuchungen. Von G. A. Gerhard. *M* 12.—  
 15.—
- [Photios.] Reitzenstein, R., der Anfang des Lexikons des Photios. *M* 7 — 9.50.
- Pindari carmina rec. O. Schroeder. (Poet. lyr. Graec. coll. Th. Bergk. Ed. V. I, 1.) *M* 14.—  
 — Siegeslieder, erkl. v. Fr. Mezger. *M* 8.—  
 — carmina prolegomenis et commentariis instructa ed. W. Christ. *M* 14.— 16.—  
 — versetzelt kritikal és Magyarázó jegyzetekkel kladta Hómann Ottó. I. Kötet. *M* 4.— [Ohne Fortsetzung.]
- Platonis opera omnia. Rec., prolegg. et comment. instr. G. Stallbaum. 10 voll. (21 sectiones.) (Mit latein. Kommentar.) Die nicht aufgeführten Schriften sind vergriffen.
- Apologia Socratis et Crito. Ed. V. cur. M. Wohlrab. *M* 2.40.— Protagoras. Ed. IV. cur. I. S. Kroschel. *M* 2.40.—  
 Phaedrus. Ed. II. *M* 2.40.— Menexenus, Lysis, Hippias uterque, Io. Ed. II. *M* 2.70.—  
 Laches, Charmides, Alcibiades I. II. Ed. II. *M* 2.70.— Cratylus. *M* 2.70.—  
 Meno et Euthyphro itemque incerti scriptoris Theages, Erastae et Hipparchus. Ed. II. cur. A. R. Fritzsche. *M* 6.—  
 — Theaetetus. Ed. M. Wohlrab. Ed. II. *M* 3.60.— Sophista. Ed. II. cur. O. Apelt. *M* 5.60.— Politicus et incerti auctoris Minos. *M* 2.70.— Philebus. *M* 2.70.— Leges. 3 voll. [je *M* 3.60.] *M* 10.80 [Vol. I. Lib. I—IV. Vol. II. Lib. V—VIII. Vol. III. Lib. IX—XII et Epinomis.]
- Timaeus interprete Chalcedio cum eiusdem commentario. Ed. I. Wrobel. *M* 11.20.
- Plutarchi de musica. Ed. R. Volkmann. *M* 3.60  
 — de proverbii Alexandrinorum. Rec. O. Crusius. Fasc. I. 4. *M* 2.80.
- Plutarchi de proverbii Alexandrinorum. Fasc. II. Commentarius. 4. *M* 3.—
- Plutarchi Themistocles. Für quellenkritische Übungen comm. u. hrg. v. A. Bauer. *M* 2.—  
 — *τὸ ἐν Αἰλῶντος* E. Ed. G. N. Bernardakis. *M* 1.50.  
 — vitae parallelae Agesilai et Pompeii. Rec. Cl. Lindskog. *M* 3.60 4.40.
- Poetae lyrii Graeci. Ed. V. 2 voll.  
 Vol. I. 1. Pindari carmina. Recens. O. Schröder. *M* 14.—  
 — II. Poetae eleg. et iambogr. Rec. O. Crusius. [In Vorb.]
- Poetarum scenicorum Graecorum Aeschyli, Sophoclis, Euripidis et Aristophanis fabulae et fragmenta. Rec. Guil. Dindorf. Ed. V. 4. *M* 20.—
- Pollucis onomasticon. Rec. E. Bethé. (Lexicographi Graeci IX.) Fasc. I. *M* 14.—
- Porphyrii quaest. Homer. ad Iliadem pertin. rell. Ed. H. Schrader. 2 fasc. Lex.-8. *M* 16.—  
 — ad Odysseam pertin. rell. Ed. H. Schrader. Lex.-8. *M* 10.—
- Ptolemaei *περὶ κρητῆριου καὶ ἡγεμονικῶδ* lib. Rec. Fr. Hanow. gr. 4. *M* 1.—
- [Scylax.] Anonymi vulgo Scylacis Caryandensis periplum maris interni cum appendice. Rec. B. Fabricius. Ed. II. *M* 1.20.
- Scriptorum Graecorum qui christ. impugn. relig. quae supers. Fasc. III: Iuliani imp. contra Christianos quae supers. Ed. C. I. Neumann. Insunt Cyrilli Alex. fragm. Syriaca ab E. Nestle edita. *M* 6.—
- Sophoclis tragoediae et fragm. Rec. G. Dindorf. 4. *M* 5.—  
 — Rec. et explann. E. Wunder et N. Wecklein. 2 voll. *M* 10.80.  
 Philoctetes. Ed. IV. *M* 1.50.— Oedipus Rex. Ed. V. *M* 1.50.— Oedipus Coloneus. Ed. V. *M* 1.80.— Antigona. Ed. V. *M* 1.50.— Electra. Ed. IV. *M* 1.80.—  
 Aiax. Ed. III. *M* 1.20.— Trachiniae. Ed. III. *M* 1.50.  
 — König Oidipus. Griechisch u. deutsch m. Kommentar von F. Ritter. *M* 5.—  
 — Antigone. Griech. u. deutsch hrg. v. A. Boeckh. Nebst 2 Abhandl. üb. diese Tragödie. (Mit Porträt Aug. Boeckhs.) 2. Aufl. *M* 4.40.
- Staatsverträge des Altertums. Hrg. v. R. von Scala. I. Teil. *M* 8.—
- Stolorum veterum fragmenta. Ed. J. v. Arnim. Vol. I. *M* 8.— Vol. II. *M* 14.—  
 Vol. III. *M* 12.— \*Vol. IV. Indices [In Vorb.]

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Theodoros, der h. Theodosios: s. Theodosios.
- [Theodosios.] D. heil. Theodosios. Schriften d. Theodoros u. Kyrillus, hrsg. von H. Usener. *M.* 4.—
- Theophrastus chronographia. Rec. C. de Boor. 2 voll. *M.* 50.—
- Theophrastus Charaktere. Hrsg. v. d. Philol. Gesellschaft zu Leipzig. *M.* 6.—
- Thucydidis historiae. Recens. C. Hude. Tom. I: Libri I—IV. *M.* 10.—  
— II: Libri V—VIII. Indices. *M.* 12.—
- de bello Peloponnesiaco II. VIII. Explann. E. F. Poppe et I. M. Stahl. 4 voll. [8 sectiones.] *M.* 22.80.  
Lib. 1. Ed. III. *M.* 4.50. — Lib. 2. Ed. II. *M.* 3.—. — Lib. 3. Ed. II. *M.* 2.40.  
— Lib. 4. Ed. II. *M.* 2.70. — Lib. 5. Ed. II. *M.* 2.40. — Lib. 6. Ed. II. *M.* 2.40.  
— Lib. 7. Ed. II. *M.* 2.70. — Lib. 8. Ed. II. *M.* 2.70.
- Tragicorum Graecorum fragmenta. Rec. A. Nauck. Ed. II. *M.* 26.—

### b) Lateinische Schriftsteller.

- Anecdota Helvetica. Rec. H. Hagen. Lex.-8. *M.* 19.—
- Aurelli imp. epist.: s. Fronto, ed. Naber.
- Averrois paraphrasis in l. poeticae Aristotelis. Ed. F. Heidenhain. Ed. II. *M.* 1.—
- Aviani fabulae. Ed. G. Froehner. gr. 12. *M.* 1.20.
- [Caesar.] Polionis de b. Africo comm.: s. Polio.
- Caesii Bassi, Atilii Fortunatiani de metris II. Rec. H. Keil. gr. 4. *M.* 1.60.
- Catonis praeter libr. de re rust. quae extant. Rec. H. Jordan. *M.* 5.—
- de agr. cult. I. Varronis rer. rust. II. III. Rec. H. Keil. 3 voll. *M.* 33.40.  
Vol. I. Fasc. I. Cato. *M.* 2.40.  
— I. — II. Varro. *M.* 6.—  
— II. — I. Comm. in Cat. *M.* 6.—  
— II. — II. Comm. in Varr. *M.* 8.—  
— III. — I. Ind. in Cat. *M.* 3.—  
— III. — II. Ind. in Varr. *M.* 8.—
- Catulli l. Recensuit et interpretatus est Aem. Baehrens. 2 voll. *M.* 15.40.  
Vol. I. Ed. II cur. K. P. Schulze. *M.* 4.—  
— II. Commentarius. 2 fasc. *M.* 12.40.
- Ciceronis. M. Tulli, ad M. Brut. orator. Rec. F. Heerdeggen. *M.* 3.20.
- \* — Cato maior. Ed. C. Simbeck. [In Vorb.]
- \* — Paradoxa Stoicor., academic. rel. cum Lucullo, Timaeus. Ed. O. Plasberg. Fasc. I. *M.* 8.— 9.—
- \* — de nat. deor., de divinat., de fato. Ed. O. Plasberg. Fasc. II. *M.* 8.— 9.—
- epistularum II. XVI. Ed. L. Mendelssohn. Acc. tabulae chronolog. ab

- Urkunden, griechische, d. Papyrussammlung zu Leipzig. I. Band. Mit Beiträgen von U. Wilcken herausg. von L. Mitteis. Mit 2 Tafeln in Lichtdruck. 4. *M.* 28.—
- \* [—] Chrestomathie griechischer Papyrusurkunden. Von L. Mitteis u. U. Wilcken. [U. d. Pr.]
- Xenokrates. Darstellg. d. Lehre u. Sammlg. d. Fragmente. V. R. Heinze. *M.* 5.60.
- Xenophontis hist. Graeca. Rec. O. Keller. Ed. maior. *M.* 10.—
- Xenophontis opera omnia, recensita et commentariis instructa.  
De Cyri Minoris expeditione II. VII (Anabasis), rec. R. Kühner. 2 partt. Pars I. *M.* 1.80. [Pars II vergr.]
- Oeconomicus, rec. L. Breitenbach. *M.* 1.50.
- Hellenica, rec. L. Breitenbach. 2 partt. *M.* 6.60.
- Pars I. Libri I et II. Ed. II. *M.* 1.80.  
— II. Libri III—VII. *M.* 4.80.
- Zosimi historia nova. Ed. L. Mendelssohn. *M.* 10.—

- Aem. Koerner et O. E. Schmidtio confectae. *M.* 12.—
- [Ciceronis] ad Herennium II. VI: s. Cornificius und [Herennius].  
— Q. Tullii, rell. Rec. Fr. Buecheler. *M.* 1.60.
- Claudiani carmina. Rec. L. Jeep. 2 voll. *M.* 20.40.
- Commentarii notarum Tironianarum. Cum prolegg., adnot. crit. et exeget. notarumque indice alphabet. Ed. Guil. Schmitz. [132 autograph. Tafeln.] Folio. In Mappe *M.* 40.—
- Cornificii rhetoricorum ad C. Herennium II. VIII. Rec. et interpret. est C. L. Kayser. *M.* 8.—
- Corpus glossarior. Latinor. a G. Loewe incohatum auspiciis Societatis litterarum regiae Saxonicae comp., rec., ed. G. Goetz. 7 voll. Lex.-8.  
Vol. I. [In Vorb.]  
— II. Glossae Latinograecae et Graecolatinae. Edd. G. Goetz et G. Gundermann. Acc. minora utriusque linguae glossaria. Adiectae sunt 3 tabb. phototyp. *M.* 20.—  
— III. Hermeneumata Pseudodositheana. Ed. G. Goetz. Acc. hermeneumata medicobotanica vetustiora. *M.* 22.—  
— IV. Glossae codicum Vaticanis 3321, Sangallensis 912, Leidensis 67 F. Ed. G. Goetz. *M.* 20.—  
— V. Placidi liber glossarum, glossaria reliqua. Ed. G. Goetz. *M.* 22.—  
— VI. Thesaurus glossarum emendatarum. Conf. G. Goetz. 2 fasc. je *M.* 18.—

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

Corpus glossarior. Latinor. a G. Loewe incohatum auspiciis Societatis litterarum regiae Saxonicae comp., rec., ed. G. Goetz. Vol. VII. Thesaurus gloss. emendatarum. Conf. G. Goetz et G. Heraeus. 2 fasc. Fasc. I. M. 24. — Fasc. II. M. 12. —

Didascaliae apostolorum fragmenta Veronensia Latina. Acc. canonum qui dic. apostolorum et Aegyptiorum reliquiae. Prim. ed. E. Hauler. Fasc. I. Praefatio, fragmenta. Mit 2 Tafeln. M. 4. —

Ennianae poesis reliquiae. Rec. I. Vahlen. Ed. II. M. 16. — 18. —

Exuperantius, Epitome. Hrsg. v. G. Landgraf u. C. Weyman. M. — 60.

Fragmentum de iure fisci. Ed. P. Krueger. M. 1. 60.

Frontonis et M. Aurelli imp. epistulae. Rec. S. A. Naber. M. 8. —

\* — Ed. H. Hauler. [In Vorb.]  
Gedichte, unedierter lateinische, hrsg. von E. Bachrens. M. 1. 20.

Glossae nominum. Ed. G. Loewe. Acc. eiusdem opuscula glossographica coll. a G. Goetz. M. 6. —

Grammatici Latini ex rec. H. Keil. 7 voll. Lex.-8. M. 139. 20.

Vol. I. Fasc. 1. Charisii ars gramm. ex rec. H. Keil. [Vergr.]

— I. Fasc. 2. Diomedis ars gramm. ex Charisi arte gramm. excerpta ex rec. H. Keil. M. 10. —

— II. Fasc. 1 et 2. Prisciani institutiones gramm. ex rec. M. Hertz. Vol. I. [Vergr.]

— III. Fasc. 1. Prisciani institutiones gramm. ex rec. M. Hertz. Vol. II. M. 12. —

— III. Fasc. 2. Prisciani de figuris numerorum, de metris Terentii, de praeexercitamentis rhetoricis libri, institutio de nomine et pronome et verbo, partitiones duodecim versuum Aeneidos principalium, accedit Prisciani qui dic. liber de accentibus ex rec. H. Keil. [Vergr.]

— IV. Fasc. 1. Probi catholica, instituta artium, de nomine excerpta, de ultimis syllabis liber ad Caestinum ex rec. H. Keil. — Notarum laterculi edente Th. Mommsen. M. 11. —

— IV. Fasc. 2. Donati ars grammatica, Marii Servii Honorati commentarius in artem Donati, de finalibus, de centum metris, de metris Horatii, Sergii de littera, de syllaba, de pedibus, de accentibus, de distinctione commentarius, explanationes artis Donati, de idiomatibus ex rec. H. Keil. M. 8. —

Grammatici Latini ex rec. H. Keil.

Vol. V. Fasc. 1. Cledonii ars gramm., Pompeii commentum artis Donati, excerpta ex commentariis in Donatum ex rec. H. Keil. M. 9. —

— V. Fasc. 2. Consentius, Phocas, Eutyches, Augustinus, Palaemon, Asper, de nomine et pronome, de dubiis nominibus, Macrobi excerpta ex rec. H. Keil. M. 10. —

— VI. Fasc. 1. Marius Victorinus, Maximus Victorinus, Caecilius Bassus, Atilius Fortunatianus ex rec. H. Keil. M. 9. —

— VI. Fasc. 2. Terentianus Maurus, Marius Plotius Sacerdos, Rufinus, Mallius Theodorus, fragmenta et excerpta metrica ex rec. H. Keil. M. 14. —

— VII. Fasc. 1. Scriptores de orthographia Terentius Scaurus, Velius Longus, Caper, Agroecius, Cassiodorius, Martyrius, Beda, Albinus ex rec. H. Keil. M. 10. —

— VII. Fasc. 2. Audacis de Scauri et Palladii libris excerpta, Dosithei ars gramm., Arusiani Messii exempla elocutionum, Corneli Frontonis liber de differentiis, fragmenta gramm., index scriptorum ex rec. H. Keil. M. 11. 20.

Supplementum continens anecdota Hejvetica ex rec. H. Hagen. Lex.-8. M. 19. —

[Herennius.] Incerti auctoris de ratione dicendi ad C. H. II. IV. [M. Tulli Ciceronis ad Herennium libri VI.] Rec. F. Marx. M. 14. —

Historicorum Romanorum reliquiae. Ed. H. Peter. 2 voll. M. 28. —

Horatii opera. Rec. O. Keller et A. Holder. 2 voll. gr. 8.

Vol. I. Carmina, epodi, carmen saec. Iterum rec. O. Keller. M. 12. —

[Vol. II vergr.]  
— — — Editio minor. M. 4. —

— carmina. Rec. L. Mueller. 16. M. 2. 40 3. 60.

— Satiren. Kritisch hergestellt, metrisch übersetzt u. mit Kommentar versehen von C. Kirchner u. W. S. Teuffel. 2 voll. M. 16. 40.

— — — Lat. u. deutsch m. Erläuter. von L. Döderlein. M. 7. —

— — — siehe auch: Satura, v. Blümner.

— Episteln. Lat. u. deutsch m. Erläut. von L. Döderlein. [B. I vergr.] B. II. M. 3. —

— Briefe, im Vermaß der Urchrift veröffentlicht von H. Bachmeister u. D. Keller. 8. M. 2. 40 3. 20.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Institutionum et regularum iuris Romani syntagma. Ed. R. Gneist. Ed. II. *M.* 5.20

[Iuris consulti.] Kalb, W., Roms Juristen nach ihrer Sprache. *M.* 4.—

Iuvenalis saturae. Erkl. v. A. Weidner. 2. Aufl. *M.* 4.40.

— siehe auch: Satura, v. Blümner.

[Lucanus.] Scholla in L. bellum civile ed. H. Usener. Pars I. *M.* 8.— [Fortsetzung erscheint nicht.]

Lucilli carminum reliquiae. Rec. F. Marx. Vol. I.: Proleg., testim., fasti L., carm. rel., indices, tab. geogr. *M.* 8.— 10.60.

— Vol. II. (Komment.) *M.* 14.— 17.—

Nepotis quae supersunt. Ed. C. Halm. *M.* 2.40.

Nonii Marcelli compendiosa doctrina. Emend. et adnot. L. Mueller. 2 partt. *M.* 32.—

Novatiani epist. de cibis Iudaicis. Hrsq. v. G. Landgraf u. C. Weyman. *M.* 1.20.

Optatiani Porphyrii carmina. Rec. L. Mueller. *M.* 3.60.

Orestis tragoedia. Ed. I. Maehly. 16. *M.* 1.20.

Ovidii ex Ponto II. Ed. O. Korn. *M.* 5.—

— Elegien der Liebe. Deutsch von H. Oelschläger. 2. Aufl. Min.-Ausg. *M.* 2.40 3.20.

Persius, siehe: Satura, v. Blümner.

Phaedri fabulae Aesopiae. Ed. L. Müller. *M.* 3.—

Placidi glossae. Rec. et illustr. A. Deuring. *M.* 2.80.

Plauti comoediae. Recensuit, instrumento critico et prolegomenis auxit F. Ritschellius sociis operae adsumptis G. Loewe, G. Goetz, F. Schoell. 4 tomi. *M.* 92.20.

Tom. I fasc. I. Trinummus. Rec. F. Ritschl. Ed. III cur. F. Schoell. *M.* 5.60.

— I fasc. II. Epidicus. Rec. G. Goetz. Ed. II. *M.* 4.—

— I fasc. III. Curculio. Rec. G. Goetz. *M.* 2.40.

— I fasc. IV. Asinaria. Rec. G. Goetz et G. Loewe. *M.* 3.60.

— I fasc. V. Truculentus. Rec. F. Schoell. *M.* 4.80.

— II fasc. I. Aulularia. Rec. G. Goetz. *M.* 2.40.

— II fasc. II. Amphitruo. Rec. G. Goetz et G. Loewe. *M.* 3.60.

— II fasc. III. Mercator. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 3.60

— II fasc. IV. Stichus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 3.60.

## Plauti comoediae.

Tom. II fasc. V. Poenulus. Rec. F. Ritschellius schedis adhibitis G. Goetz et G. Loewe. *M.* 5.—

— III fasc. I. Bacchides. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 4.—

— III fasc. II. Captivi. Rec. F. Schoell. *M.* 4.—

— III fasc. III. Rudens. Rec. F. Schoell. *M.* 5,60.

— III fasc. IV. Pseudolus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 5.60.

— III fasc. V. Menaechmi. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. *M.* 5.60.

— IV fasc. I. Casina. Rec. F. Schoell. *M.* 5.60.

— IV fasc. II. Miles gloriosus. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. G. Goetz. *M.* 6.—

— IV fasc. III. Persa. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. *M.* 5.60.

— IV fasc. IV. Mostellaria. Rec. F. Ritschl. Ed. II cur. F. Schoell. *M.* 6.—

— IV fasc. V. Cistellaria. Rec. F. Schoell. Acc. deperditorum fabularum fragmenta a G. Goetz recensita. *M.* 5.60.

— Ex rec. et cum app. crit. F. Ritschl. [Vergriffen außer:]

Tom. I. Pars 3. Bacchides. *M.* 3.—

— III Pars 1. Persa. *M.* 3.—

— III Pars 2. Mercator. *M.* 3.—

— Scholarum in usum rec. F. Ritschl.

[Vergr. außer:]  
Bacchides, Stichus, Pseudolus, Persa, Mercator. Einzeln je *M.* —.50.

— miles gloriosus. Ed. O. Ribbeck. *M.* 2.80.

Polemii Silvii laterculus. Ed. Th. Mommsen. Lex.-8. *M.* —.80.

Pollionis de bello Africo comm. Edd. E. Wölfflin et A. Miodoński. Adi. est tab. photolithograph. *M.* 6.80.

[Prob.] Die Appendix Probi. Hrsq. v. W. Heraeus. *M.* 1.20.

Psalterium, das tironische, der Wolfenbütteler Bibliothek. Hrsq. v. Kgl. Stenograph. Institut zu Dresden. Mit Einleitung und Übertragung des tiron. Textes von O. Lehmann. *M.* 10.—

Quintilianii institutionis orator. II. XII. Rec. C. Halm. 2 partes. [Pars I vergr.] Pars II: Libb. VII—XII. *M.* 9.—

Rhetores Latini minores. Ed. C. Halm. Lex.-8. 2 fasc. *M.* 17.—

Sallarum carminum rell. Ed. B. Maurenbrecher. [Vergr.]

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene Exemplare**.

- Sallusti Crispi quae supersunt. Rec. Rud. Dietsch. 2 voll. [Vol. I vorgr.] Vol. II: Historiarum rell. Index. *M.* 1.20.
- historiarum fragmenta. Ed. Fr. Kritz. *M.* 9.—
- historiarum rell. Ed. B. Maurenbrecher. Fasc. I. Prolegomena. *M.* 2.— Fasc. II. Fragmenta argumentis, commentariis, apparatu crit. instructa. Acc. indices. *M.* 8.—
- Satura. Ausgew. Satiren d. Horaz, Persius u. Juvenal in freier metr. Übertragung von H. Blümner. *M.* 5.— 5.80.
- Scenicae Romanorum poesis fragmenta. Rec. O. Ribbeck. 2 voll. Ed. II. *M.* 23.— Vol. I. Tragicorum fragmenta. *M.* 9.— — II. Comicoorum fragmenta. *M.* 14.—
- Servii grammaticel qui fer. in Vergilii carmina commentarii. Rec. G. Thilo et H. Hagen. 3 voll. Vol. I fasc. I. In Aen. I—III comm. Rec. G. Thilo. *M.* 14.— — I fasc. II. In Aen. IV—V comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.— — II fasc. I. In Aen. VI—VIII comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.— — II fasc. II. In Aen. IX—XII comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.— — III fasc. I. In Buc. et Georg. comm. Rec. G. Thilo. *M.* 10.40. — III fasc. II. App. Serviana. *M.* 20.— [— III fasc. III. (Indices) in Vorb.]
- Staatsverträge des Altertums. Hrsg. v. R. von Scala. I. Teil. *M.* 8.—
- Statil silvae. Hrsg. von Fr. Vollmer. *M.* 16.— Thebais et Achilleis cum scholiis. Rec. O. Müller. Vol. I: Thebaidos I. I—VI. *M.* 8.— [Fortsetzung erscheint nicht.]
- Suetonii Tranquilli opera. Rec. M. Ihm. 3 voll. Vol. I: de vita Caesarum libri VIII. [Mit 3 Tafeln.] *M.* 13.— 15.—
- Symmachi relationes. Rec. Guil. Meyer *M.* 1.60.
- Syrissententiae. Rec. Guil. Meyer. *M.* 2.40. — Rec. E. Woelfflin. *M.* 3.60.
- Taciti de origine et situ Germanorum I. Rec. A. Holder. *M.* 2.— — dialogus de oratoribus. Rec. Aem. Baehrens. *M.* 2.—
- \*Terentii comoediae. Hrsg. von M. Warren, E. Hauler und R. Knauer. [In Vorb.]
- [Tiro.] Comm. not. Tir. ed. Schmitz, siehe: Commentarii.
- [—] Das tiron. Psalterium, siehe: Psalterium.
- Varronis saturarum Menippearum rell. Rec. A. Riese. *M.* 6.— — rerum rusticarum II. III, rec. Keil, siehe: Cato. — antiquitatum rer. divin. II. I. XIV. XV. XVI. Praemissae sunt quaest. Varr. Ed. R. Agahd. *M.* 9.20. — de lingua latina. Edd. G. Götz et Fr. Schöll. *M.* 10.— 12.50.
- Vergilii Maronis opera app. crit. in artius contracto iterum rec. O. Ribbeck. IV voll. *M.* 22.40. Vol. I. Bucolica et Georgica. *M.* 5.— — II. Aeneidos libri I—VI. *M.* 7.20. — III. Aeneidos libri VII—XII. *M.* 7.20. — IV. Appendix Vergiliana. *M.* 3.— — Ed. I. [Vergilien außer:] Vol. III. Aeneidos lib. VII—XII. *M.* 8.— — IV. Appendix Vergiliana. *M.* 5.— — Jugendverse und Heimatpoesie Vergils. Erklärung des Catalepton. Von Theodor Birt. *M.* 3.60 4.20. [—] Scholia Bernensia ad Vergilii Buc. et Georg. Ed. H. Hagen. *M.* 6.—
- Volusii Maeciani distributio partium. Ed. Th. Mommsen. *M.* —.30.

#### 4. Meisterwerke der Griechen und Römer in kommentierten Ausgaben. [gr. 8.]

Die Ausgaben beabsichtigen, nicht nur den Schülern der oberen Gymnasialklassen, sondern auch angehenden Philologen sowie Freunden des klassischen Altertums, zunächst zu Zwecken privater Lektüre, verlässliche und die neuesten Fortschritte der philologischen Forschung verwertende Texte und Kommentare griechischer und lateinischer, von der Gymnasiallektüre selten oder gar nicht berücksichtigter Meisterwerke darzubieten.

- I. Aeschylus' Perser, von H. Jurenka. 2 Hefte. *M.* 1.40.
- II. Isokrates' Panegyrikos, von J. Mesk. 2 Hefte. *M.* 1.40.
- III. Auswahl a. d. röm. Lyrikern (m. griech. Parallel.), von H. Jurenka. 2 Hft. *M.* 1.60.
- IV. Lysias' Reden geg. Eratosthenes und üb. d. Ölbaum, von E. Sewera. 2 Hefte. *M.* 1.20.
- V. Ausgewählte Briefe Ciceros, von E. Gschwind. 2 Hefte. *M.* 1.80.
- VI. Amor und Psyche, ein Märchen des Apuleius, von F. Norden. 2 Hefte. *M.* 1.40.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- VII. Euripides, Iphigenie in Aulis, von K. Busche. 2 Hefte. *M.* 1.40.
- VIII. Euripides, Kyklopos, v. N. Wecklein. 2 Hefte. *M.* 1.—
- IX. Briefe des jüngeren Plinius, von R. C. Kukula. 2. Aufl. 2 Hefte. *M.* 2.20.
- X. Lykurgos' Rede gegen Leokrates, von E. Sofer. 2 Hefte. *M.* 1.80.
- XI. Plutarchs Biographie des Aristoteles, von J. Simon. 2 Hefte. *M.* 1.60.
- XII. Tacitus' Rednerdialog, v. R. Dienel. 2 Hefte. *M.* 2.—

## 5. B. G. Teubners Schulausgaben griechischer und lateinischer Klassiker mit deutschen erklärenden Anmerkungen. [gr. 8.]

Bekanntlich zeichnen diese Ausgaben sich dadurch aus, daß sie das Bedürfnis der Schule ins Auge fassen, ohne dabei die Ansprüche der Wissenschaft unberücksichtigt zu lassen. Die Sammlung enthält fast alle in Schulen gelesenen Werke der klassischen Schriftsteller.

### a) Griechische Schriftsteller.

- Aeschylus' Agamemnon. Von R. Enger. 3. Aufl., von Th. Plaß. *M.* 2.25 2.75.
- Perser. Von W. S. Teuffel. 4. Aufl., von N. Wecklein. *M.* 1.50 2.—
- Prometheus. Von N. Wecklein. 3. Aufl. *M.* 1.80 2.25.
- — Von L. Schmidt. *M.* 1.20.
- die Sieben geg. Theben. Von N. Wecklein. *M.* 1.20 1.50.
- die Schutzfehenden. Von N. Wecklein. *M.* 1.60 2.—
- Orestie. Von N. Wecklein. *M.* 6.—  
Daraus einzeln: I. Agamemnon. II. Die Choephoren. III. Die Eumeniden. je *M.* 2.—
- Aristophanes' Wolken. Von W. S. Teuffel. 2. Aufl., von O. Kaehler. *M.* 2.70 3.20.
- Aristoteles, der Staat der Athener. Der historische Hauptteil (Kap. I—XXI). Von K. Hude. *M.* —.60 —.85.
- Arrians Anabasis. Von K. Abicht. 2 Hefte. I. Heft. L. I—III. *M.* 1.80 2.25. II. Heft. L. IV—VII. *M.* 2.25 2.75. *M.* 4.05 5.—
- Demosthenes' ausgewählte Reden. Von C. Rehdantz u. Fr. Blaß. 2 Teile. *M.* 6.60 8.55.
- I. Teil. A. u. d. T.: IX Philipp. Reden. 2 Hefte. *M.* 4.70 6.05.
- Heft I: I—III. Olynthische Reden. IV. Erste Rede geg. Philippa. 9. Aufl., von K. Fuhr. *M.* 1.40 1.80.
- Demosthenes' ausgewählte Reden. Heft II. Abt. 1: V. Rede über den Frieden. VI. Zweite Rede gegen Philippos. VII. Hegesippos' Rede über Halonnes. VIII. Rede über die Angelegenheiten im Cherrones. IX. Dritte Rede gegen Philippos. 6. Aufl., von Fr. Blaß. *M.* 1.50 2.—
- II. Abt. 2: Indices. 4. Aufl., von Fr. Blaß. *M.* 1.80 2.25.
- II. Teil. Die Rede vom Kranze. 2. Aufl. Von K. Fuhr. *M.* 2.40 2.90.
- Euripides' ausgewählte Tragödien. Von N. Wecklein.
- I. Bdch. Medea. 4. Aufl. *M.* 1.80 2.25.
- II. Bdch. Iphigenia im Taurierland. 3. Aufl. *M.* 1.60 2.10.
- III. Bdch. Die Bacchen. 2. Aufl. *M.* 1.60 2.10.
- IV. Bdch. Hippolytos. 2. Aufl. *M.* 1.80 2.25.
- V. Bdch. Phönissen. *M.* 1.80 2.25.
- VI. Bdch. Electra. *M.* 1.40 1.80.
- VII. Bdch. Orestes. *M.* 1.60 2.—
- VIII. Bdch. Helena. *M.* 1.60 2.—
- \*IX. Bdch. Andromache. *M.* 1.60 2.—
- \*X. Bdch. Ion. [In Vorb.]
- Herodotos. Von K. Abicht. 5 Bände. *M.* 12.50 16.—
- Band I. Heft 1. Buch I nebst Einleitung u. Übersicht über den Dialekt. 5. Aufl. *M.* 2.40 2.90.
- Band I. Heft 2. B. II. 3. A. *M.* 1.50 2.—
- II. Heft 1. B. III. 3. A. *M.* 1.50 2.—
- II. Heft 2. B. IV. 3. A. *M.* 1.50 2.—
- III. B. V u. VI. 4. A. *M.* 2.— 2.50
- IV. B. VII. M. 2 K. 4. A. *M.* 1.80 2.30
- V. Buch VIII u. IX. Mit 2 Karten. 4. Aufl. *M.* 1.80 2.30.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

Homers Ilias, erklärt von J. La Roche.  
6 Teile.

- Teil I. Ges. 1—4. 3. Aufl. *M* 1.50 2.—  
 — II. Ges. 5—8. 3. Aufl. *M* 1.50 2.—  
 — III. Ges. 9—12. 3. Aufl. *M* 1.50 2.—  
 — IV. Ges. 13—16. 3. Aufl. *M* 1.50 2.—  
 — V. Ges. 17—20. 2. Aufl. [Vergr.]  
 — VI. Ges. 21—24. 2. Aufl. [Vergr.]

— — — Von K. Fr. Ameis u. C. Hentze.  
2 Bände zu je 4 Heften.

- Band I. H. 1. Ges. 1—3. 6. A. *M* 1.20 1.70  
 — I. H. 2. Ges. 4—6. 6. A. *M* 1.40 1.80  
 — I. H. 1/2 zusammen in 1 Band *M* 3.20  
 — I. H. 3. Ges. 7—9. 5. A. *M* 1.60 2.—  
 — I. H. 4. Ges. 10—12. 5. A. *M* 1.20 1.70  
 — I. H. 3/4 zusammen in 1 Band *M* 3.40  
 — II. H. 1. Ges. 13—15. 4. A. *M* 1.20 1.70  
 — II. H. 2. Ges. 16—18. 4. A. *M* 1.40 1.80  
 — II. H. 1/2 zusammen in 1 Band *M* 3.20  
 — II. H. 3. Ges. 19—21. 4. A. *M* 1.20 1.70  
 — II. H. 4. Ges. 22—24. 4. A. *M* 1.60 2.20  
 — II. H. 3/4 zusammen in 1 Band *M* 3.50

— — — Anhang. 8 Hefte.

- Heft 1. Ges. 1—3. 3. Aufl. *M* 2.10 2.60  
 — 2. Ges. 4—6. 2. Aufl. *M* 1.50 2.—  
 — 3. Ges. 7—9. 2. Aufl. *M* 1.80 2.30  
 — 4. Ges. 10—12. 2. Aufl. *M* 1.20 1.70  
 — 5. Ges. 13—15. 2. Aufl. *M* 1.80 2.30  
 — 6. Ges. 16—18. 2. Aufl. *M* 2.10 2.60  
 — 7. Ges. 19—21. *M* 1.50 2.—  
 — 8. Ges. 22—24. *M* 1.80 2.30

— — — Olysee. Von K. Fr. Ameis und  
C. Hentze. 2 Bände.

- Band I. H. 1. Ges. 1—6. 12. A. *M* 1.80 2.30  
 — I. H. 2. Ges. 7—12. 11. A. *M* 1.80 2.30  
 — I. H. 1/2 zusammengeb. *M* 4.20  
 \* — II. H. 1. Ges. 13—18. 9. A. v. P. Cauer.  
*M* 1.60 2.—  
 — II. H. 2. Ges. 19—24. 10. A. v. P. Cauer.  
*M* 1.80 2.30.

— — — Anhang. 4 Hefte.

- Heft 1. Ges. 1—6. 4. Aufl. *M* 1.50 2.—  
 — 2. Ges. 7—12. 3. Aufl. *M* 1.20 1.70  
 — 3. Ges. 13—18. 3. Aufl. *M* 1.20 1.70  
 — 4. Ges. 19—24. 3. Aufl. *M* 2.10 2.60

Isokrates' ausgewählte Reden. Von O. u. M.  
Schneider. 2 Bändchen. *M* 3.— 3.95.

I. Bändchen. Demonicus, Euagoras,  
Areopagiticus. 3. Aufl., v. M. Schneider.  
*M* 1.20 1.70.

II. Bändchen. Panegyricus u. Philippus.  
3. Aufl. *M* 1.80 2.25.

Lucians ausgewählte Schriften. Von  
O. Jacobitz. 3 Bändchen.

I. Bändchen. Traum. Timon. Prometheus.  
Charon. 4. Aufl., von K. Bürger.  
*M* 1.50 2.— [2. u. 3. Bdch. vergr.]

Lykurgos' Rede gegen Leokrates. Von  
C. Rehdantz. *M* 2.25 2.75.

[Lyriker.] Anthologie a. d. Lyrikern der  
Griechen. Von E. Buchholz. 2 Bändchen.  
*M* 4.20 5.20.

I. Bändchen. Elegiker u. Iambographen  
6. Aufl., von R. Peppmüller  
*M* 2.10 2.60.

II. Bändchen. Die melischen und cho-  
rischen Dichter. 5. Aufl., von J. Sitz-  
ler. *M* 2.10 2.60.

Lysias' ausgew. Reden. Von H. Froh-  
berger. Kleinere Ausg. 2 Hefte.

I. Heft. Prolegomena. — R. gegen  
Eratosthenes. — R. geg. Agoratos. —  
Verteidigung geg. die Anklage wegen  
Umsturzes der demokratischen Ver-  
fassung. — R. f. Mantisheos. — R.  
geg. Philon. 3. Aufl., v. Th. Thal-  
heim. *M* 1.80 2.25.

II. Heft. Reden gegen Alkibiades. —  
R. geg. Nikomachos. — R. üb. d. Ver-  
mögen d. Aristophanes. — R. üb. d.  
Ölbaum. — R. geg. die Kornhändler.  
— R. geg. Theomnestos. — R. f. d.  
Gebrechlichen. — R. geg. Diogeiton.  
2. Auflage, von Th. Thalheim.  
*M* 1.80 2.25.

— — — Größere Ausgabe. 3 Bände.  
[Bd. II u. III vergr.]

I. Bd. R. geg. Eratosthenes, Agoratos.  
Verteidigung geg. die Anklage weg.  
Umsturzes d. Verfassung. 2. Aufl.,  
von G. Gebauer. *M* 4.50.

Platons ausgew. Schriften. Von Chr. Cron,  
J. Deuschle u. a.

I. Teil. Die Verteidigungsrede d. Sokrates.  
Kriton. Von Chr. Cron. 11. Aufl.,  
von H. Uhle. *M* 1.— 1.40.

II. Teil. Gorgias. Von J. Deuschle.  
5. Aufl., von W. Nestle. *M* 2.10 2.60.

III. Teil. 1. Heft. Laches. Von Chr.  
Cron. 5. Aufl. *M* —.75 1.20.

III. Teil. 2. Heft. Euthyphron. Von M.  
Wohlrab. 4. Aufl. *M* —.60 —.90.

IV. Teil. Protagoras. Von J. Deuschle  
u. Chr. Cron. 6. Aufl. v. W. Nestle  
*M* 1.60 2.—

V. Teil. Symposion. Von A. Hug. 3. Aufl.  
von H. Schöne. *M* 2.40 3.—

VI. Teil. Phaedon. Von M. Wohlrab.  
4. Aufl. *M* 1.60 2.10.

VII. Teil. Der Staat. I. Buch. Von M.  
Wohlrab. *M* —.60 —.90.

\*VIII. Teil. Hippias maior. Ed. W. Zilles.  
[In Vorb.]

Plutarchs ausgew. Biographien. Von  
O. Siefert und Fr. Blaß. 6 Bändchen.  
*M* 6.90 9.60.

I. Bändchen. Philopoemen u. Flami-  
nius. Von O. Siefert. 2. Aufl., von  
Fr. Blaß. *M* —.20 1.30.

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

Plutarchs ausgew. Biographien. Von O. Siefert und Fr. Blaß.

II. Bändchen. Timoleon u. Pyrrhos. Von O. Siefert. 2. Aufl., von Fr. Blaß. *M.* 1.50 2.—

III. Bändchen. Themistokles u. Perikles. Von Fr. Blaß. 3. Aufl., v. B. Kaiser. *M.* 1.80 2.25.

IV. Bändchen. Aristides u. Cato. Von Fr. Blaß. 2. Aufl. *M.* 1.20 1.70.

V. u. VI. Bändchen. [Vergr.]

Quellenbuch, histor., zur alten Geschichte. I. Abt. Griechische Geschichte. Von W. Herbst und A. Baumeister. 3. Aufl. 1. Heft. [Vergr.] 2. Heft. *M.* 1.80 2.30.

Sophokles. Von G. Wolff und L. Beller-mann.

I. Teil. Aias. 5. Aufl. *M.* 1.50 2.—

II. — Elektra. 4. Aufl. *M.* 1.50 2.—

III. — Antigone. 6. Aufl. *M.* 1.50 2.—

IV. — König Oidipus. 5. Aufl. *M.* 1.60 2.—

V. — Oidipus auf Kolonos. [Vergr.]

Supplementum lect. Graecae. Von C. A. J. Hoffmann. *M.* 1.50 2.—

Testamentum novum Graece. Von Fr. Zelle. 5 Teile.

I. Evangelium d. Matthäus. Von Fr. Zelle. 1.80 2.25.

IV. Evangelium d. Johannes. Von B. Wohlfahrt. *M.* 1.50 2.—

V. Apostelgeschichte. Von B. Wohlfahrt. *M.* 1.80 2.25.

[Teil II u. III in Vorb.]

Thukydides. Von G. Böhme u. S. Widmann. 9 Bändchen. *M.* 11.— 15.40.

1. Bdchn. 1. Bch. 6. Aufl. *M.* 1.20 1.70.

2. — 2. — 6. — *M.* 1.20 1.70.

3. — 3. — 5. — *M.* 1.20 1.70.

4. — 4. — 5. — *M.* 1.20 1.70.

Thukydides. Von G. Böhme u. S. Widmann.

5. Bdchn. 5. Bch. 5. Aufl. *M.* 1.20 1.70.

6. — 6. — 6. — *M.* 1.20 1.70.

7. — 7. — 6. — *M.* 1.40 1.80.

8. — 8. — 5. — *M.* 1.20 1.70.

9. Bdchn. Einleitung u. Register. 5. Aufl. *M.* 1.20 1.70.

Xenophons Anabasis. Von F. Vollbrecht. Ausgabe m. Kommentar unter d. Text.

I. Bdchn. B. I. II. 10. Aufl. M. 2 Figurentaf. u. 1 Karte. *M.* 1.40 2.—

II. — B. III. IV. 9. u. 8. Aufl. *M.* —.90 1.20.

III. — B. V—VII. 8. Aufl. *M.* 1.60 2.—

— — — B. I—IV. Text u. Kommentar getrennt.

Text. M. e. Übersichtskarte. *M.* —.90 1.20.

Kommentar. Mit Holzschnitten und Figurentafeln. *M.* 1.35 1.80.

Kyropädie. Von L. Breitenbach. 2 Hefte. je *M.* 1.50 2.—

I. Heft. Buch I—IV. 4. Auflage, von B. Büchenschütz.

II. — Buch V—VIII. 3. Aufl.

— griech. Geschichte. Von B. Büchenschütz. 2 Hefte.

I. Heft. Buch I—IV. 7. Aufl. *M.* 2.— 2.40.

II. — Buch V—VII. 5. Aufl. *M.* 1.80 2.20.

— Memorabilien. Von Raph. Kühner. 6. Aufl., von Rud. Kühner. *M.* 1.60 2.20.

— Agesilaos. Von O. Gauthling. *M.* 1.50 2.—

— Anabasis u. Hellenika in Ausw. Mit Einleitung, Karten, Plänen u. Abbild. Text und Kommentar. Von G. Sorof. 2 Bdchn.

I. Bdchn. Anab. Buch 1—4.

Text. *M.* 1.20 1.50.

Kommentar. *M.* 1.20 1.50.

II. — Anab. Buch 5—7 u. Hellenika.

Text. *M.* 2.— 2.20.

Kommentar. *M.* 1.40 1.60.

## b) Lateinische Schriftsteller.

Caesaris belli Gallici libri VII und Hirtii libri VIII. Von A. Doberenz. 9. Aufl., von B. Dinter. 3 Hefte. *M.* 2.55 4.—

I. Heft Buch I—III. M. Einleit. u. Karte v. Gallien. *M.* —.90 1.40.

II. — Buch IV—VI. *M.* —.75 1.20.

III. — Buch VII u. VIII u. Anhang. *M.* —.90 1.40.

— commentarii de bello civili. Von A. Doberenz. 5. Aufl., von B. Dinter. *M.* 2.40 2.90.

Ciceronis de oratore. Von K. W. Piderit. 6. Aufl., von O. Harnecker. 3 Hefte. *M.* 4.80 6.25.

I. Heft. Einleit. u. Buch I. *M.* 1.80 2.25.

II. — Buch II. *M.* 1.50 2.—

III. — Buch III. M. Indices u. Register z. d. Anmerkungen. *M.* 1.50 2.—

Aus Heft III besonders abgedruckt: Erklär. Indices u. Register d. Anmerkgn. *M.* —.45.

— — — 5. Aufl., von Fr. Th. Adler.

In 1 Band. *M.* 4.50.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Ciceronis Brutus de claris oratoribus. Von K. W. Piderit. 3. Aufl., von W. Friedrich. *M.* 2.25 2.75.
- orator. Von K. W. Piderit. 2. Aufl. *M.* 2.— 2.60.
- partitiones oratoriae. Von K. W. Piderit. *M.* 1.— 1.40.
- Rede f. S. Roscius. Von Fr. Richter u. A. Fleckeisen. 4. Aufl., von G. Ammon. *M.* 1.— 1.40.
- div. in Caeciliam. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von A. Eberhard. *M.* —.45 —.80.
- Reden gegen Verres. IV. Buch. Von Fr. Richter u. A. Eberhard. 4. Aufl., von H. Nohl. *M.* 1.50 2.—
- V. Buch. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von A. Eberhard. *M.* 1.20 1.70.
- Redeüb. d. Imperium d. Cn. Pompejus. Von Fr. Richter. 5. Aufl., von A. Eberhard. *M.* —.75 1.20.
- Reden g. Catilina. Von Fr. Richter. 6. Aufl., von A. Eberhard. *M.* 1.— 1.40.
- Rede f. Murena. Von H. A. Koch. 2. Aufl., von G. Landgraf. *M.* —.90 1.30.
- Rede f. Sulla. Von Fr. Richter. 2. Aufl., von G. Landgraf. *M.* —.75 1.20.
- Rede f. Sestius. Von H. A. Koch. 2. Aufl., von A. Eberhard. [Vergriffen.]
- Rede f. Plancius. Von E. Köpke. 3. Aufl., von G. Landgraf. *M.* 1.20 1.70.
- Rede f. Milo. V. Fr. Richter u. A. Eberhard. 5. Aufl., von H. Nohl. *M.* 1.20 1.60.
- I. u. II. Philipp. Rede. Von H. A. Koch. 3. Aufl., v. A. Eberhard. *M.* 1.20 1.70.
- I., IV. u. XIV. Philipp. Rede. Von E. R. Gast. *M.* —.60 —.90.
- Reden f. Marcellus, f. Ligarius u. f. Delotarus. Von Fr. Richter. 4. Aufl., von A. Eberhard. *M.* 1.20 1.70.
- Rede f. Archias. Von Fr. Richter u. A. Eberhard. 5. Aufl., von H. Nohl. *M.* —.50 —.80.
- Rede f. Flaccus. Von A. du Mesnil. *M.* 3.60 4.10.
- ausgew. Briefe. Von J. Frey. 6. Aufl. *M.* 2.20 3.—
- Tusculanae disputationes. Von O. Heine. 2 Hefte.
- \*I. Heft. Buch I. II. 5. Aufl., v. Pohlenz. [In Vorb.]
- II. — Buch III—V. 4. Aufl. *M.* 1.65 2.15.
- Cato maior. Von C. Meißner. 5. Aufl., von Landgraf. *M.* —.60 1.—
- somnium Scipionis. Von C. Meißner. 5. Aufl., von G. Landgraf. *M.* —.50 —.80.

- Ciceronis Laelius. Von C. Meißner. 2. Aufl. *M.* —.75 1.20.
- de finibus bon. et mal. Von H. Holstein. [Vergr.]
- de legibus. Von A. du Mesnil. *M.* 3.90 4.50.
- de natura deorum. Von A. Goethe. *M.* 2.40 2.90.
- [—] Chrestomathia Ciceroniana. Ein Lesebuch f. mittlere u. obere Gymnasialklassen. Von C. F. Lüders. 3. Aufl., bearb. v. O. Weißenfels. Mit Titelbild. *M.* 2.80.
- [—] Briefe Ciceros u. s. Zeitgenossen. Von O. E. Schmidt. I. Heft. *M.* 1.— 1.40.
- Cornelius Nepos, siehe: Nepos.
- Curtius Rufus. Von Th. Vogel und A. Weinhold. 2 Bändchen.
- I. Bd. B. III—V. 4. A. *M.* 2.40 2.80.
- II. — B. VI—X. 3. A. *M.* 2.60 3.20.
- : s. a. Orationes sell.
- [Elegiker.] Anthologie a. d. El. der Römer. Von C. Jacoby. 2. Aufl. 4 Hft. *M.* 3.50 5.10.
1. Heft: Catull. *M.* —.90 1.30.
2. Heft: Tibull. *M.* —.60 1.—
3. Heft: Propert. *M.* 1.— 1.40.
4. Heft: Ovid. *M.* 1.— 1.40.
- \*Horaz, Oden u. Epoden. Von C. W. Nauck. 17. Aufl., v. O. Weißenfels. ca. *M.* 2.25 2.75. [U. d. Pr.]
- [—] Auswahl a. d. griech. Lyrik z. Gebrauch b. d. Erklärg. Horaz. Oden, von Großmann. *M.* —.15.
- Satiren und Episteln. Von G. T. A. Krüger. 2 Abteilungen.
- \*I. Abt. Satiren. 16. Aufl., v. G. Krüger. *M.* 1.80 2.30.
- II. — Episteln. 15. Aufl., v. G. Krüger. *M.* 2.— 2.50.
- Sermonen. Von A. Th. Fritzsche. 2 Bände. *M.* 4.40 5.40.
- I. Bd. Der Sermonen Buch I. *M.* 2.40 2.90.
- II. — Der Sermonen Buch II. *M.* 2.— 2.50.
- Libri ab urbe condita libri.
- Lib. 1. Von M. Müller. 2. Aufl. *M.* 1.50 2.—
- Lib. 2. Von M. Müller. 2. Aufl. von W. Heraeus. *M.* 1.50 2.—
- Lib. 3. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 4. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 5. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 6. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 7. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 8. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 9. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 10. Von F. Luterbacher. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 21. Von E. Wölfflin. 5. Aufl. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 22. Von E. Wölfflin. 4. Aufl. *M.* 1.20 1.70.
- Lib. 23. Von F. Luterbacher. 2. Aufl. *M.* 1.20 1.70.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

- Livii ab urbe condita libri.**  
 Lib. 24. Von H. J. Müller. 2. Aufl. *M.* 1. 35 1.80.  
 Lib. 25. Von H. J. Müller. *M.* 1. 20 1.70.  
 Lib. 26. Von F. Friedersdorff. *M.* 1. 20 1.70.  
 Lib. 27. Von F. Friedersdorff. *M.* 1. 20 1.70.  
 Lib. 28. Von F. Friedersdorff. *M.* 1. 20 1.70.  
 Lib. 29. Von F. Luterbacher. *M.* 1. 20 1.70.  
 Lib. 30. Von F. Luterbacher. *M.* 1. 20 1.70.  
**Nepos.** Von J. Siebelis - Jancovius. 12. Aufl., von O. Stange. Mit 3 Karten. *M.* 1. 20 1.70.  
 — Von H. Ebeling. *M.* —. 75.  
 — Ad historiae fidem rec. et usui scholarum accomm. Ed. E. Ortman. Editio V. *M.* 1. — 1.40.  
**Ovidii metamorphoses.** Von J. Siebelis u. Fr. Polle. 2 Hefte. Bearb. v. O. Stange. je *M.* 1. 50 2. — Zus. in einem Band *M.* 4. —  
 I. Heft. Buch I—IX. 18. Aufl. Mit Karte.  
 \*II. — Buch X—XV. 15. Aufl.  
 — **factorum libri VI.** Von H. Peter. 2 Abteilungen.  
 I. Abt. Text u. Kommentar. 4. Aufl. *M.* 2. 80 3. 20.  
 II. — Krit. u. exeget. Ausführungen. 3. Aufl. *M.* —. 90 1. 30.  
 — **ausgew. Gedichte m. Erläut. für den Schulgebr.** Von H. Günther. *M.* 1. 50 2. —  
**Phaedri fabulae.** Von J. Siebelis und F. A. Eckstein. 6. Aufl., v. Fr. Polle. *M.* —. 75 1. 20.  
**Plautus' ausgewählte Komödien.** Von E. J. Brix. 4 Bchn.  
 I. Bchn. Trinummus. 5. Aufl., von M. Niemeyer. *M.* 1. 60 2. —  
 II. — Captivi. 6. Aufl., von M. Niemeyer. *M.* 1. 40 1. 80.  
 III. — Menaechmi. 4. Auflage, von M. Niemeyer. *M.* 1. — 1. 40.  
 IV. — Miles gloriosus. 3. Auflage. *M.* 1. 80 2. 30.  
**Plinius' d. J. ausgewählte Briefe.** Von A. Kreuser. *M.* 1. 50 2. —  
**Quellenbuch, histor., zur alten Geschichte.**  
 II. Abt. Römische Geschichte. Von A. Weidner. 2. Aufl. 1. Heft *M.* 1. 80 2. 30. 2. Heft. *M.* 2. 40 3. — 3. Heft. *M.* 2. 70 3. 30.  
**Quintilliani Institut. orat. liber X.** Von G. T. A. Krüger. 3. Aufl., von G. Krüger. *M.* 1. — 1. 40.  
**Sallusti Crispi bell. Catil., bell. Iugurth., orat. et epist. ex historis excerptae.** Von Th. Opitz. 3 Hefte. *M.* 2. 50 3. 20.  
 I. Heft: Bellum Catilinae. 2. Aufl. *M.* —. 60 1. —  
 II. — Bellum Iugurthinum. 2. Aufl. *M.* 1. — 1. 40.  
 III. — Reden u. Briefe a. d. Historien. *M.* —. 45 —. 80.  
**Tacitus' Historien.** Von K. Heraeus. 2 Teile. *M.* 4. 30 5. 40.  
 I. Teil. Buch I u. II. 5. Aufl., von W. Heraeus. *M.* 2. 20 2. 80.  
 II. — Buch III—V. 4. Auflage, von W. Heraeus. *M.* 2. 10 2. 60.  
 — **Annalen.** Von A. Draeger. 2 Bände. *M.* 5. 70 7. 50.  
 I. Band. 1. Heft. (Buch I u. 2.) 7. Aufl., von W. Heraeus. *M.* 1. 50 2. —  
 2. Heft. [Buch 3—6.] 6. Aufl., von F. Becher. *M.* 1. 50 2. —  
 II. — 2 Hefte: Buch XI—XIII. Buch XIV—XVI. 4. Aufl., von F. Becher. je *M.* 1. 35 1. 75.  
 — **Agricola.** Von A. Draeger. 6. Aufl., von W. Heraeus. *M.* —. 80 1. 20.  
 — **dialogus de oratoribus.** Von G. Andresen. 3. Aufl. *M.* —. 90 1. 30.  
 — **Germania.** Von E. Wolff. 2. Aufl. *M.* 1. 40 1. 80.  
**Terentius, ausgewählte Komödien.** Von C. Dziatzko.  
 \*I. Bändchen. Phormio. 4. Aufl., von E. Hauler. ca. *M.* 2. 40 2. 90. [U. d. Pr.]  
 II. — Adelphoe. 2. Aufl., von R. Kauer. *M.* 2. 40 2. 90.  
**Vergils Aeneide.** Von K. Kappes. 4 Hefte  
 I. Heft. Buch I—III. 6. Aufl., v. M. Fickelscherer. *M.* 1. 40 1. 90.  
 II. — Buch IV, V 4. Aufl., VI 5. Aufl. von E. Wörner. 3 Abt. je *M.* —. 50 —. 80.  
 II. — Buch IV—VI (4. Aufl.) in 1 Band *M.* 2. —  
 III. — Buch VII—IX. 3. Aufl. *M.* 1. 20 1. 70.  
 IV. — Buch X, XI, XII. 3. Aufl., von M. Fickelscherer. 3 Abt. je *M.* —. 50 —. 80.  
 IV. — Buch X—XII. 3. Aufl. 3 Abt. in 1 Band. *M.* 2. —

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene** Exemplare.

## 6. Schultexte der „Bibliotheca Teubneriana“. [gr. 8. geb.]

Die Schultexte der „Bibliotheca Teubneriana“ bieten in denkbar bester Ausstattung zu wohlfeilem Preise den Zwecken der Schule besonders entsprechend, in keiner Weise aber der Tätigkeit des Lehrers vorgeifende, unverkürzte und zusatzlose Texte. Sie geben daher einen auf kritischer Grundlage ruhenden, aber aller kritischen Zeichen sich enthaltenden, in seiner inneren wie äußeren Gestaltung vielmehr in haltliche Gesichtspunkte zum Ausdruck bringenden 'lesbaren' Text. Die Schultexte enthalten als Beigaben eine Einleitung, die in abrisartiger Form das Wichtigste über Leben und Werke des Schriftstellers sowie über sachlich im Zusammenhange Wissenswertes bietet; ferner gegebenenfalls eine Inhaltsübersicht oder Zeitafel (jedoch keine Dispositionen) sowie ein Namenverzeichnis, das außer geographischen und Personennamen auch sachlich wichtige Ausdrücke enthält, bzw. kurz erklärt.

Demosthenes' neun Philippische Reden.

Von Th. Thalheim. *M.* 1.—

Herodot B. I—IV. Von A. Fritsch. *M.* 2.40.

— B. V—IX. Von A. Fritsch. *M.* 2.—

Lysias' ausgew. Reden. Von Th. Thalheim. *M.* 1.—

Thukydides B. I—III. Von S. Widmann. *M.* 1.80.

Einzeln: Buch I, Buch II, je *M.* 1.—

— B. VI—VIII. Von S. Widmann. *M.* 1.80.

Xenophons Anabasis. Von W. Gemoll. 3. Aufl. *M.* 1.60.

— Buch I—IV. *M.* 1.10.

— Memorabillen. Von W. Gilbert. *M.* 1.10.

Caesar de bello Gallico. Von J. H. Schmalz. *M.* 1.20.

Ciceros Catilinar. Reden. Von C. F. W. Müller. *M.* —.55.

— Rede üb. d. Oberbefehl des Cn. Pompeius. Von C. F. W. Müller. *M.* —.55.

Ciceros Rede f. Milo. Von C. F. W. Müller. *M.* —.55.

— Rede für Archias. Von C. F. W. Müller. *M.* —.40.

— Rede für Roscius. Von G. Landgraf. *M.* —.60.

— Reden geg. Verres. IV. V. Von C. F. W. Müller. *M.* 1.—

Horaz. Von G. Krüger. *M.* 1.80.

Livius Buch I u. II (u. Auswahl a. Buch III u. V). Von K. Heraeus. *M.* 2.—

— Buch XXI—XXIII. Von M. Müller. *M.* 1.60.

Ovids Metamorphosen in Auswahl. Von O. Stange. *M.* 2.—

Sallusts Catilinar. Verschwörung. Von Th. Opitz. *M.* —.55.

— Jugurthin. Krieg. Von Th. Opitz. *M.* —.80.

Beides zusammeng. *M.* 1.20.

Vergils Äneide. Von O. Gütling. *M.* 2.—

## 7. Verschiedene Ausgaben für den Schulgebrauch.

[Lyrik.] Lyricorum Graecorum carmina quae ad Horatium pertinent, selecta iterum edidit Adolfus Großmann. *M.* —.15.

\*Opitz, Th., u. A. Weinholt, Chrestomathie aus Schriftstellern der sogenannten silbernen Latinität. *M.* 3.60.

Auch in 5 Heften: Heft I. 2. Aufl. *M.* 1.20. Heft II A. 2. Aufl. *M.* —.50. Heft II B. 2. Aufl. *M.* —.40. \*Heft III —.60 I.—, \*Heft IV 2. Aufl. I.—, \*Heft V —.60 I.—

Heft I. Suetonius, Velleius und Florus:

— II A. Tacitus, Iustinus, Curtius, Valerius:

— II B. Plinius d. J. [Maximus.

III. Heft. Plinius d. Ä. und Vitruvius.

IV. — Seneca und Celsus.

V. — Quintilianus.

\*Tirocinium poeticum. Erstes Lesebuch aus lateinischen Dichtern. Zusammengestellt und mit kurzen Erläuterungen versehen von Johannes Siebelis. 19. Auflage, von Otto Stange. *M.* 1.20. Mit Wörterbuch von A. Schaubach. *M.* 1.60.

Ciceros philosophische Schriften. Auswahl für die Schule nebst einer Einleitung in die Schriftstellerei Ciceros und in die alte Philosophie von Prof. Dr. O. Weiffenfels. Mit Titelbild. *M.* 2.— 2.60.

Ciceros rhetorische Schriften. Auswahl für die Schule nebst Einleitung und Vorbemerkungen von Prof. Dr. O. Weiffenfels. *M.* 1.80 2.40.

Beide Sammlungen erschienen auch in 7 bzw. 3 Einzelheften.

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene Exemplare**.

## 8. B. G. Teubners Schülers Ausgaben griech. u. lat. Schriftsteller.

[gr. 8. geb.]

Jedes Bändchen zerfällt in 3 Hefte:

1. Text enthält diesen in übersichtlicher Gliederung, mit Inhaltsangaben über den Hauptabschnitten und am Rande, nebst den Karten und Plänen;
2. Hilfsheft enthält die Zusammenstellungen, die die Verwertung der Lektüre unterstützen sollen, nebst den erläuternden Skizzen und Abbildungen;
3. Kommentar enthält die fortlaufenden Erläuterungen, die die Vorbereitung erleichtern sollen.

2/3. als Erklärungen auch zusammengebunden erhältlich.

Die Sammlung soll wirkliche „Schülers Ausgaben“ bringen, die den Bedürfnissen der Schule in dieser Richtung in der Einrichtung wie der Ausstattung entgegenkommen wollen, in der Gestaltung des „Textes“, wie der Fassung der „Erklärungen“, die sowohl Anmerkungen als Zusammenfassungen bieten, ferner durch das Verständnis fördernde Beigaben, wie Karten und Pläne, Abbildungen und Skizzen.

Das Charakteristische der Sammlung ist das zielbewußte Streben nach organischem Aufbau der Lektüre durch alle Klassen und nach Hebung und Verwertung der Lektüre nach der inhaltlichen und sprachlichen Seite hin, durch Einheit der Leitung, Einmütigkeit der Herausgeber im ganzen bei aller Selbständigkeit im einzelnen, wie sie deren Namen verbürgen, und ernstes Bemühen, wirklich Gutes zu bieten, seitens des Verlegers.

Ziel und Zweck der Ausgaben sind, sowohl den Fortschritt der Lektüre durch Wegräumung der zeitraubenden und nutzlosen Hindernisse zu erleichtern, als die Erreichung des Endzieles durch Einheitlichkeit der Methode und planmäßige Verwertung der Ergebnisse zu sichern.

Erschienen sind:

Cäsars Bürgerkrieg. Gallischer Krieg (Fügner). Gallischer Krieg in Auswahl (Haynel). — Ciceros Rede de imperio Pompei und die Catilinarischen Reden (Stegmann). Rede für Roscius und für Archias (Hänsel). Rede für Qu. Ligarius und für Deiotaros (Stegmann). Verrinen (Bardt). Cato maior (Weißenfels, Wessner). Philosophische Schriften (Weißenfels). Briefe (Bardt). — Horaz (Schimmelpfeng). — Livius' 1. Dekade. 3. Dekade. Verkürzte Auswahl aus der 1. und 3. Dekade (Fügner). — Nepos (Fügner). — Ovids Metamorphosen (Fickelscherer). — Sallusts Catilinarische Verschwörung. Jugurthinischer Krieg (Stegmann). — Tacitus' Annalen (Stegmann). Germania. Agricola (Altenburg). — Vergils Aeneide (Fickelscherer).

Demosthenes (Reich). — Herodot (Abicht). — Homers Odyssee. Ilias (Henkel). — Lysias' ausgew. Reden (Fickelscherer). — Philosophen. Auswahl aus den griechischen Philosophen. I. Teil: Auswahl aus Plato. II. Teil: Auswahl aus Aristoteles. (Epiktet, Marc. Aurel., Epikur, Theophrast, Plutarch, Lucian) (Weißenfels). — Platons Apologie u. Kriton (Rösiger). — Sophokles' Antigone. König Ödipus. Aias (Conradt). — Thukydides (Lange). — Xenophons Anabasis. Hellenika (Sorof). Memorabilien (Rösiger).

Texte, Kommentare und Hilfshefte sind gesondert zu beziehen.

Nähere Angaben im „Verzeichnis von Ausgaben griechischer und lateinischer Schulschriftsteller“ (umsonst und postfrei vom Verlag B. G. Teubner, Leipzig, Poststr. 3).

## B. Hilfsbücher für die Erklärung der Schriftsteller.

## Auswahl.

(Ein vollständiges Verzeichnis enthält Teubners „Philologischer Katalog“.)

## I. Griechische Schriftsteller.

- Aeschylus.**  
**Dindorf, Guil.,** lexicon Aeschyleum. Lex.-8. 1873. *M* 16.—  
**Richter, P.,** zur Dramaturgie des A. gr. 8. 1892. *M* 6 50.  
**Westphal, R.,** Proleg. zu A. Tragödien. gr. 8. 1869. *M* 5.—
- Aristarchus.**  
**Ludwich, A.,** Ar. s. Homer. Textkritik. 2 Teile. gr. 8. 1884/85. *M* 28.—  
**Römer, A.,** Aristarchea s. u. Homer, Belzner.
- Aristophanes.**  
**Müller-Strübing, Ar. u. d. histor. Kritik.** gr. 8. 1873. *M* 16.—  
**Roemer, A.,** Studien z. Ar. u. den alten Erklärern dess. I. Teil. gr. 8. 19. 2. *M* 8.—  
**Zacher, K.,** die Handschriften u. Klassen der Aristophanesscholien. gr. 8. 1889. *M* 6.—
- Aristoteles.**  
**Heitz, E.,** die verlorenen Schriften des Ar. gr. 8. 1865. *M* 6.—
- Bucolici.**  
**Hiller, E.,** Beiträge z. Textgesch. d. gr. Bukoliker. gr. 8. 1888. *M* 3. 20.
- Demosthenes.**  
**Fox, W.,** die Kranzrede d. D., m. Rücksicht a. d. Anklage d. Aeschines analysiert u. gewürdigt. gr. 8. 1880. *M* 5. 60.  
**Preuß, S.,** index Demosthenicus. gr. 8. 1892. *M* 10.—  
**Schaefer, A.,** D. und seine Zeit. 2 Ausg. 3 Bände. gr. 8. 1885—1887. *M* 30.—
- Etymologica.**  
**Reitzenstein, R.,** Geschichte d. griech. E. gr. 8. 1896. *M* 18.—
- Herondas.**  
**Crusius, O.,** Unters. z. d. Mimiamben d. H. gr. 8. 1892. *M* 6.—
- Hesiodus.**  
**Dimitrijevič, M. R.,** studia Hesiodica. gr. 8. 1900. *M* 6.—  
**Steitz, Aug.,** die Werke und Taged. H. nach ihrer Komposition. gr. 8. 1869. *M* 4.—
- Homerus.**  
**Autenrieth, G.,** Wörterbuch zu den Homer. Gedichten. 11. Aufl., von Kaegi. gr. 8. 1908. *M* 3. 60.  
**\*Belzner, E.,** Homerische Probleme. I. Die kulturellen Verhältnisse der Odyssee als kritische Instanz. Mit einem Nachwort (Aristarchea) von A. Römer. 8. 1911. *M* 5.— 6. 50.  
**Finckel, G.,** Homer. gr. 8. 1908. *M* 6.— 7.—
- Homerus.**  
**Frohwein, E.,** verbum Homericum. gr. 8. 1881. *M* 3. 60.  
**Gehring, A.,** index Hom. Lex.-8. 1891. *M* 16.—  
**Gladstone, W. E.,** Homerische Studien, frei bearbeitet von A. Schuster. gr. 8. 1863. *M* 9.—  
**Kammer, E.,** die Einheit der Odyssee. gr. 8. 1873. *M* 16.—  
**La Roche, J.,** die Homerische Textkritik im Altertum. gr. 8. 1866. *M* 10.—  
**Lexicon Homericum,** ed. H. Ebeling. 2 voll. Lex.-8. 1874/1885. Vol. I. *M* 42.—, Vol. II. *M* 18.—  
**Ludwich, A.,** die Homervulgata als voralexandrinisch erwiesen. gr. 8. 1898. *M* 6.—  
**Noack, F.,** Homerische Paläste. gr. 8. 1903. *M* 2. 80 3. 80.  
**Nutzhorn, F.,** die Entstehungsw. d. Hom. Gedichte. gr. 8. 1869. *M* 5.—  
**Volkmann, R.,** die Wolfschen Prolegomena gr. 8. 1874. *M* 8.—
- Isocrates.**  
**Preuß, S.,** index Isocrateus. gr. 8. 1904. *M* 8.—
- Lucianus.**  
**Helm, R.,** L. und Menipp. gr. 8. 1906. *M* 10.— 13.—
- Oratores.**  
**Blaß, Fr.,** die attische Beredsamkeit. 3. Abt. z. Aufl. gr. 8. I. 1887. *M* 14.— 16.— II. 1892. *M* 14.— 16.— III. 1893. *M* 16.— 18.— III. 2. 1898. *M* 12.— *M* 14.—
- Pindarus.**  
**Bumpel, J.,** lexicon Pindaricum. gr. 8. 1883. *M* 12.—
- Photios.**  
**Reitzenstein, R.,** der Anfang des Lexikons des Photios. Mit 2 Tafeln in Lichtdruck. gr. 8. 1907. *M* 7.— 9. 50.
- Plato.**  
**Finsler, G.,** Platon und die aristotelische Poetik. gr. 8. 1900. *M* 6.—  
**Immisch, O.,** philologische Studien zu Pl. I. Heft. Axiochus. gr. 8. 1896. *M* 3.— II. Heft. De recens. Platon. praesidiis atque rationibus. gr. 8. 1903. *M* 3. 60.  
**Baeder, H.,** Pls. philosophische Entwickl. gr. 8. 1905. *M* 8.— 10.—  
**Ritter, C.,** Pl. Gesetze. Darstellung des Inhalts. 8. 1896. *M* 3. 20. Kommentar zum griech. Text. *M* 10.—

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

## Plato.

- Schmidt, H., kritischer Kommentar zu P. Theätet. gr. 8. 1877. *M.* 4.—  
 — exogetischer Komment. z. P. Theätet. gr. 8. 1880. *M.* 3.20.

Wohlrab, M., vier Vorträge über Pl. 8. 1879. *M.* 1.60.

## Poetae comici.

Ziellński, Th., Gliederung der altattisch. Komödie. gr. 8. 1885. *M.* 10.—

## Sophocles.

Plüb, Th., S' Elektra. Eine Auslegung. gr. 8. 1891. *M.* 3.—

## Theocritus.

Bumpel, J., lexicon Theocriteum. gr. 8. 1879. *M.* 8.—

## Thucydides.

Herbst, L., zu Th. Erklärungen und Wiederherstellungen. I. Reihe. Buch I bis IV. gr. 8. 1892. *M.* 2.80 II. Reihe. Buch V—VIII. gr. 8. 1893. *M.* 3.60.

Stahl, I. M., quaestiones grammaticae ad Th. pertinentes. Auctas et correctas iterum edidit St. gr. 8. 1886. *M.* 1.60.

## Xenophon.

Hoffmeister, E. v., durch Armenien und der Zug Xenophons. Mit 101 Abb. und 4 Karten. gr. 8. 1911. *M.* 8.—

## 2. Lateinische Schriftsteller.

## Caesar.

Ebeling, H., Schulwörterbuch zu Caesar. 6. Aufl. gr. 8. 1907. *M.* 1.80.

Klotz, A., Caesarstudien. Nebst einer Analyse der Strabonischen Beschreibung von Gallien und Britannien. gr. 8. 1910. *M.* 6.— 7.20.

Menge et Preuß, lexicon Caesarianum. Lex.-8. 1885/90. *M.* 18.—

## Cicero.

Schmidt, O. E., der Briefwechsel des C. gr. 8. 1893. *M.* 12.—

Ziellński, Th., Cicero im Wandel der Jahrhunderte. 2. Aufl. gr. 8. 1908. *M.* 7.— 8.— [3. Aufl. unter der Presse.]

## Horatius.

Friedrichs, J. G., Q. Horatius Flaccus. Phil. Unters. gr. 8. 1894. *M.* 6.—

Keller, O., Epilogomena zu H. 3 Teile. gr. 8. (je *M.* 8.—) *M.* 24.— I. Teil. 1879. II. u. III. Teil. 1880.

\*Kukula, R. C., Römische Säkularpoesie. Neue Studien zu Horaz' XVI. Epodus und Vergils IV. Ekloge. 8. 1911. *M.* 3.— 4.40.

Müller, L., Q. Horatius Flaccus. 8. 1880. *M.* 2.40.

Plüb, Th., Horazstudien. Alte und neue Aufsätze über Horazische Lyrik. gr. 8. 1882. *M.* 6.—

Stempling, Ed., das Fortleben der H'schen Lyrik seit der Renaissance. gr. 8. 1906. *M.* 8.— 9.—

## Iuris consulti.

Kalb, W., Roms Juristen nach ihrer Sprache. gr. 8. 1890. *M.* 4.—

## Lucilius.

Müller, L., Leben u. Werke des C. Lucilius. gr. 8. 1876. *M.* 1.20.

## Ovidius.

Ziebelis-Palle, Wörterbuch zu O's Metamorphosen. 5. Aufl. gr. 8. 1893. *M.* 4.40 4.80.

Stange, D., kleines Wörterbuch zu O's Metamorphosen. gr. 8. 1899. *M.* 2.50.

Tolkien, J., quaest ad Heroides O. spect. gr. 8. 1888. *M.* 2.80.

## Plautus.

Lexicon Plautinum conscripsit Gonzalez Lodge. gr. 8. Vol. I. Fasc. 1-5 je *M.* 7.20.

Ritschl, Fr., prolegomena de rationibus emendationis Plautinae. gr. 8. 1880. *M.* 4.—

Sudhaus, S., der Aufbau der Plautinischen Cantica. gr. 8. 1909. *M.* 5.— 6.—

## Tacitus.

Draeger, A., über Syntax und Stil des T. 3. Aufl. gr. 8. 1882. *M.* 2.80.

Gerber et Greef, lexicon Taciteum. Lex.-8. 1877—1908. *M.* 61.—

## Vergilius.

Birt, Th., Jugendverse und Heimatpoesie Vergils. 1910. *M.* 3.60 4.20.

Comparetti, V. im Mittelalter. gr. 8. 1875. *M.* 6.—

Heinze, R., Vergils epische Technik. 2. Aufl. gr. 8. 1908. *M.* 12.— 14.—

Plüb, V. und die epische Kunst. gr. 8. 1884. *M.* 8.—

Skutsch, F., aus V's Frühzeit. gr. 8. 1901. *M.* 4.— 4.60.

— Gallus u. V. (A. V's Frühzeit, II. Teil). gr. 8. 1906. *M.* 5.— 5.60.

Sonntag, M., V. als bukolischer Dichter. gr. 8. 1891. *M.* 5.—

Weidner, A., Kommentar zu V's Aeneis Bd. I u. II. gr. 8. 1869. *M.* 8.—

## C. Wichtige Handbücher und neuere Erscheinungen aus dem Gebiete der klassischen Philologie.

Ein vollständiges Verzeichnis enthält Teubners „Philologischer Katalog“.  
(Die mit \* bezeichneten Werke sind Neuerscheinungen seit Anfang 1911.)

\* **Die griechische und lateinische Literatur und Sprache.** Inhalt:  
I. Die griechische Literatur und Sprache. Die griechische Literatur des Altertums: U. v. Wilamowitz-Moellendorff. — Die griechische Literatur des Mittelalters: E. Krumbacher. — Die griechische Sprache: J. Wackernagel. — II. Die lateinische Literatur und Sprache. Die römische Literatur des Altertums: Fr. Leo. — Die lateinische Literatur im Übergang vom Altertum zum Mittelalter: E. Norden. — Die lateinische Sprache: F. Skutsch. (Die Kultur der Gegenwart. Ihre Entwicklung und ihre Ziele. Herausgegeben von Prof. Paul Hinneberg. Teil I, Abt. 8.) 3. Auflage. *M* 12.—, geb. . . . *M* 14.—

„. . . Wir erhalten hier die Summe der literarischen und sprachlichen Forschung unserer Zeit, in der Darstellung gleich ausgezeichnet durch die Weite des Gesichtskreises wie durch die Fülle und Originalität der leitenden Gesichtspunkte. Die Eigenart der Darstellung ist darin begründet, daß sie von philologischem Detail gänzlich absehend nur die Triebkräfte des geistigen Lebens und ihre Entwicklung verfolgt und mit besonderer Liebe bei der allgemeinen Charakteristik der hervortretenden Persönlichkeiten verweilt. . . Und hinter jedem Abschnitte steht eine geist- und temperamentvolle Persönlichkeit, die der Darstellung durchweg den Stempel der Subjektivität aufdrückt, am meisten natürlich — dem Charakter ihres Verfassers entsprechend — in der Geschichte der griechischen Literatur im Altertum.“ (Literarische Rundschau.)

„In großen Zügen wird uns die griechisch-römische Kultur als eine kontinuierliche Entwicklung vorgeführt, die uns zu den Grundlagen der modernen Kultur führt. Hellenistische und christliche, mittelgriechische und mittellateinische Literatur erscheinen als Glieder dieser großen Entwicklung, und die Sprachgeschichte eröffnet uns einen Blick in die ungeheuren Welten, die rückwärts durch die vergleichende Sprachwissenschaft, vorwärts durch die Betrachtung des Fortlebens der antiken Sprachen im Mittel- und Neugriechischen und in den romanischen Sprachen erschlossen sind.“ (Paul Wendland in der Deutschen Literaturzeitung.)

**Staat und Gesellschaft der Griechen und Römer.** I. Staat und Gesellschaft der Griechen: U. v. Wilamowitz-Moellendorff. — II. Staat und Gesellschaft der Römer: B. Niese. (Die Kultur der Gegenwart, ihre Entwicklung und ihre Ziele. Herausgegeben von Prof. Paul Hinneberg Teil II, Abt. 4, I.) *M* 8.—, geb. . . . . *M* 10.—

Die Darstellung von Staat und Gesellschaft der Griechen gliedert sich entsprechend dem allgemeinen Gange der Geschichte ebenso wie die Darstellung der Literatur in die hellenische, attische und hellenistische Periode. Vorausgeschickt ist eine knappe Übersicht über die Griechen und ihre Nachbarstämme, damit die Ausdehnung und Bedeutung des Volkes über die Grenzen des eigentlichen Griechenlandes hinaus klar werde. In der hellenischen Periode soll wesentlich die typische Form des griechischen Gemeinwesens als Stammstaat anschaulich werden, danach die entwickelte athenische Demokratie, endlich das makedonische Königtum und neben und unter diesem die griechische Freistadt. Die Gesellschaft kommt wesentlich nur so weit zur Darstellung, als sie die politischen Bildungen erzeugt und trägt. Der Abschnitt über den Staat und die Gesellschaft Roms, den B. Niese vor seinem Hingang noch vollenden konnte, schildert den in drei Perioden, den Republik, Revolutionszeit und Kaiserzeit, sich vollziehenden Entwicklungsprozeß der kleinen Stadtgemeinde zu dem weltbeherrschenden Imperium Romanum sowie dessen allmählichen Verfall und Untergang. Den Schluß bildet ein Ausblick auf die bis in die Gegenwart hin fühlbaren Nachwirkungen des römischen Staates.

**Baumgarten, Fritz, Franz Poland und Richard Wagner, die hellenische Kultur.** 2., stark vermehrte Auflage. Mit 7 farbigen Tafeln, 2 Karten und über 400 Abbildungen im Text und auf 2 Doppeltafeln. *M* 10.—, geb. . . . . *M* 12.—

Die glänzende Aufnahme, die das Buch gefunden hat, beweist, daß das Bestreben nach einer zusammenfassenden Darstellung der hellenischen Kultur vorlag, und daß die Verfasser ihre Aufgabe vortrefflich gelöst haben. In der 2. Auflage wird den neuen Entdeckungen sowie der außerordentlichen Bedeutung der Vasenmalerei für die heutige Forschung Rechnung getragen. Der schon außerordentlich reiche Bilderschmuck ist durch eine beträchtliche Anzahl sorgsam ausgewählter neuer Abbildungen vermehrt. So liegt denn ein Werk vor, das nach Form und Inhalt Vollendetes leistet. Nicht nur Lehrer und Schüler der Oberklassen höherer Lehranstalten, sondern ebenso Studierende und Künstler, alle Freunde des klassischen Altertums, ja alle Gebildeten finden in dieser Darstellung der hellenischen Kultur die mustergültige Grundlage für ein geschichtliches Verständnis aller späteren kulturellen Entwicklung.

**\*Billeter, G., die Anschauungen vom Wesen des Griechentums.** Unter vorwiegender Berücksichtigung des 18. und 19. Jahrhunderts. gr. 8. *M* 12.—, geb. . . . . *M* 13.—

„... B. legt hier das Ergebnis jahrelangen unermüdlichen Suchens vor: ein unschätzbares Dokumentenbuch für die Auffassungen des Hellenentums. Das Namenregister allein schon beweist, mit welchem Spürreifer der Verf. den wechselnden und doch im Kern selten veränderten Eindrücken nachgegangen ist, die die genialste der Nationen bei ihren fleißigsten Kindern hinterließ; denn die Deutschen stehen naturgemäß voran... Eine klare Disposition und ein ausgezeichnetes Schlagwortregister erhöhen die Brauchbarkeit dieser Geschichte vom Mantel Helenas.“ (Deutsche Rundschau.)

**Gerke, A., und Ed. Norden, Einleitung in die Altertumswissenschaft.** Unter Mitwirkung zahlreicher Gelehrten herausgegeben.

I. Band. 1. Methodik (A. Gerke). 2. Sprache (P. Kretschmer). 3. Antike Metrik (E. Bickel). 4. Griechische und römische Literatur (E. Bethe, P. Wendland und E. Norden). Geh. *M* 13.—, geb. . . . . *M* 15.—

II. Band. 1. Griechisches und römisches Privatleben (E. Pernice). 2. Griechische Kunst (Fr. Winter). 3. Griechische und römische Religion (S. Wide). 4. Geschichte der Philosophie (A. Gerke). 5. Exakte Wissenschaften und Medizin (J. L. Heiberg). Geh. *M* 9.—, geb. . . . . *M* 10 50

III. Band. 1. Griechische Geschichte bis zur Schlacht bei Chaironeia (C. F. Lehmann-Haupt). 2. Griechische Geschichte seit Alexander (K. J. Beloch). 3. Römische Geschichte bis zum Ende der Republik (K. J. Beloch). 4. Die römische Kaiserzeit (E. Kornemann). 5. Griechische Staatsaltertümer (B. Keil). 6. Römische Staatsaltertümer (K. J. Neumann). Geh. *M* 9.—, geb. . . . . *M* 10 50.

Bei Bezug aller 3 Bände ermäßigt sich der Preis auf *M* 26.— (geheftet) und *M* 30.— (gebunden). Diese Ermäßigung wird so gewährt, daß Band I allgemein geh. *M* 13.— und geb. *M* 15.— kostet, Band II aber nur geh. *M* 6.— und geb. *M* 7 50 und Band III geh. *M* 7.—, geb. *M* 7 50.

Das Werk will nicht nur den Studenten, sondern auch jüngeren Mitforschern an Universitäten und Gymnasien ein Wegweiser durch die verschlungenen Pfade der weiten Gebiete der Altertumswissenschaften sein. Den Blick auf das Große und Ganze unserer Wissenschaft zu lenken, ihr die möglichst gesichert erscheinenden Resultate der einzelnen Disziplinen sowie gelegentlich die Wege, auf denen dazu gelangt wurde, in knappen Übersichten zu zeigen, die besten Ausgaben wichtiger Autoren und hervorragende moderne Werke der Lektüre zu empfehlen, auf Probleme, die noch ihrer Lösung harren, aufmerksam zu machen und somit ein Gesamtbild unserer Wissenschaft, ihrer Hilfsmittel und Aufgaben zu liefern: das sind die Ziele des Werkes, das durch die Mitarbeit von Gelehrten, die sich einen Namen in der Wissenschaft erworben haben, zu einem Haupt- und Grundbuche der klassischen Altertumswissenschaften werden dürfte und das als Führer und Berater nicht bloß während der Studienzeit, sondern auch im praktischen Lehrberuf dazu beitragen wird, die sich leider immer vergrößernde Kluft zwischen Wissenschaft und Schule zu verringern. — Jedem Band ist ein General-Register beigegeben.

„... Vorab sei gesagt, daß der Plan des Ganzen gut und die Ausführung bis jetzt in hohem Maße gelungen ist. Es wird, hoff ich, nicht auf einer Voreingenommenheit beruhen, wenn ich den Preis den Bearbeitern der griechischen Literatur zuerkennen möchte. Etwas Anziehenderes als diese Skizze der griechischen Poesie hat man lange nicht gelesen, und die Behandlung der Prosa imponiert durch Solidität der Gelehrsamkeit und Weite des Blickes. Die Einführung in die römische Literatur wird ihrem Zweck in hohem Maße gerecht: überall spürt man eine behutsame und feine Hand. Sehr wertvoll ist beiden Literaturgeschichten angehängt ein Abschnitt ‚Gesichtspunkte und Probleme‘. Besonders wertvoll und eigen in Auffassung und Vortrag ist wiederum die Einleitung in die ‚Sprache‘ (wobei man den überaus zurückhaltenden Verfasser wohl zum ersten Male zusammenhängend über das Lateinische reden hört): man beneidet den jungen Studenten, der, von solcher Hand geführt, einen ersten Einblick erhält in diese ebenso geisterfüllte als rätselhafte Welt.“ (Berliner philologische Wochenschrift.)

**\*Lübker, Fr., Reallexikon des klassischen Altertums.** Vollständige Neubearbeitung. [8. Aufl.] Herausg. von J. Geffcken u. E. Ziebarth. [ca. 1000 S.] Lex.-8. [Unter der Presse.]

Die Neubearbeitung entspricht den vielfach geäußerten Wünschen nach einem Buche, das in knapper Form, durch Hinweise auf die nötigen Quellen und Hilfsmittel, Belehrung über Einzelheiten aus der Literatur und dem ganzen Leben der Antike bringt. Sie will aber in keiner Weise die große Pauly-Wissowasche Real-Enzyklopädie ersetzen oder gar verdrängen, ebensowenig wie seinerzeit der alte Lübker dem alten Pauly Konkurrenz machte. Denn ihre Ziele sind völlig andere; es werden keine selbständigen Abhandlungen gegeben, sondern nur der nötige Apparat über die Tatsachen und die Forschung. Das Werk orientiert, enthält sich aber aller subjektiven Urteile über Personen und Sachen; zum Zeichen dessen bleiben die Beiträge auch ohne Namen des Verfassers. Da aber das Material schon eine beträchtliche Masse darstellt und der Raum nur beschränkt bleiben darf, so bedienen sich die Verfasser in ihren Angaben eines außerordentlich kurzen, im Charakter von Notizen gehaltenen Stils und geben dementsprechend auch nur wenige, aber möglichst gute archäologische Abbildungen.

**Dieterich, A., kleine Schriften.** Hrsg. v. Richard Wünsch. Mit 1 Bildnis und 2 Tafeln. M 12.—, geb. . . . . M 14.—

Entsprechend einem bald nach Dieterichs Tode vielfach geäußerten Wunsche, es möchten die nicht immer bequem zugänglichen „Kleinen Schriften“ Dieterichs in einer Sammelausgabe vereinigt werden, bietet der vorliegende Band sämtliche Aufsätze, soweit sie nicht selbständig in Buchform erschienen sind. Neu ist darin vor allem „Der Untergang der antiken Religion“, den der Herausgeber aus Dieterichs Notizen zu seinen Vorträgen und aus Nachschriften zusammengestellt hat. Obwohl diese Zusammenstellung naturgemäß unvollkommen sein muß, soll sie doch veröffentlicht werden, da Dieterich lebhaft gewünscht hatte, die hier ausgesprochenen Gedanken möchten nicht verloren gehen. Aus dem Nachlaß wird ferner zum ersten Mal ein Aufsatz über „Verhüllte Hände“ gedruckt. Erst diese Sammlung vermag ein abgerundetes Bild von der wissenschaftlichen Bedeutung Dieterichs und von der Förderung, die die religionsgeschichtliche Erforschung des Altertums ihm verdankt, zu geben.

**Usener, H., Vorträge und Aufsätze.** M 5.—, geb. . . . . M 6.—

Aus den noch nicht veröffentlichten kleineren Schriften Useners ist hier eine Auswahl von Vorträgen und Aufsätzen zusammengestellt, die für einen weiten Leserkreis bestimmt sind. Sie sollen „denen, die für geschichtliche Wissenschaften Verständnis und Teilnahme haben, insbesondere aber jungen Philologen Anregung und Erhebung bringen und ihnen ein Bild geben von der Höhe und Weite der wissenschaftlichen Ziele dieses großen dahingegangenen Meisters und dieser Philologie“. Den Inhalt bilden die Abhandlungen: Philologie und Geschichtswissenschaft, Mythologie, Organisation der wissenschaftlichen Arbeit, über vergleichende Sitten- und Rechtsgeschichte, Geburt und Kindheit Christi; Pelagia, die Perle (aus der Geschichte eines Bildes). Als Anhang beigefügt ist die Novelle „Die Flucht vor dem Weibe“, die als Bearbeitung einer altchristlichen Legende sich ungezwungen anschließt.

**Gudeman, A., Grundriß der Geschichte der klassischen Philologie.**  
2. Aufl. *M.* 4.40, geb. . . . . *M.* 5.—

In engem Rahmen und übersichtlicher Form gibt das Buch nach den einleitenden Abschnitten über Begriff und Einteilung der Philologie, sowie der verschiedenen Behandlungsmethoden einen Überblick über die bedeutendsten Vertreter der Altertumswissenschaft und ihrer Werke nebst reichhaltigen, aber sorgfältig gesichteten Literaturangaben. Das Buch hilft einem wirklichen Bedürfnis ab, da eine das ganze Gebiet umfassende Darstellung der Geschichte der klassischen Philologie überhaupt noch nicht vorhanden ist.

\* — **Imagines philologorum.** 160 Bildnisse klassischer Philologen von der Renaissance bis zur Gegenwart. Kart. *M.* 3.20, geb. *M.* 4.—

Eine in ihrer Art bis heute auch nicht annähernd existierende Sammlung von 160 Porträten der Koryphäen der klassischen Altertumswissenschaft von der Renaissance bis zur Gegenwart, jedoch mit Ausschluß der Lebenden. Vollständigkeit war weder erstrebt, noch möglich, hat es doch z. B. von Valckenaer nie ein Porträt gegeben, und auch von H. Stephanus und J. Bernays scheinen keine Bilder zu existieren. Im übrigen dürften aber wohl alle Koryphäen vertreten sein. Zugrunde gelegt wurden die besten gleichzeitigen Originale, von denen manche hier zum erstenmal reproduziert werden.

**Ihm, M., Palaeographia Latina.** Series I. 22 Lichtdruck-Faksimiles auf 18 Blatt. 16 S. Text. In Mappe . . . . . *M.* 5.—

Diese Exempla sollen es ermöglichen, daß vor allem der Student, aber auch jeder sonst sich mit Paläographie Beschäftigende zu billigem Preise das nötige Material als Eigentum erwerben kann, statt nur auf die Benutzung der in Bibliotheken vorhandenen großen Werke angewiesen zu sein. Sie bieten nebst einer knappen „enarratio tabularum“ eine allgemeine Übersicht über die Schriftarten bis zum 15. Jahrhundert in folgender Anordnung: Capitalis quadrata, Capitalis rustica, Unciale, Halbunciale, Merowingisch, Kursive von Bobbio, Westgotisch, Insular, Langobardisch-Beneventanisch, Karolingische und Gotische Minuskel, Humanistenschrift.

**Mayer, E., Grammatik der griechischen Papyri aus der Ptolemäerzeit.** Mit Einschluß der gleichzeitigen Ostraka und der in Ägypten verfaßten Inschriften. Laut- und Wortlehre. *M.* 14.—, geb. . . *M.* 17.—

Das Buch will zunächst eine geordnete, vollständige und auf den besten bisher publizierten Lesungen beruhende Sammlung des sprachlichen Materials für die erste Periode unserer nichtliterarischen Papyrustexte bieten und damit die Geschichte der griechischen Umgangs- und Kanzleisprache im griechischen Ägypten der vorrömischen Zeit auf eine sichere Grundlage stellen. Nach allen bisher gemachten Erfahrungen kann behauptet werden, daß aus der Periode, die das Werk umfaßt, alle vorkommenden und zu erwartenden Typen sprachlicher Erscheinungen schon aus dem bisher publizierten Material ersichtlich und demnach in diesem Buche verzeichnet sind. Daß auch das sonst stiefmütterlich behandelte Gebiet der Wortbildungslehre ausführlich besprochen und in geschichtliche Beleuchtung gestellt ist, dürfte vielen erwünscht sein.

**Weise, O., Charakteristik der lateinischen Sprache.** 4. Aufl. *M.* 3.—, geb. . . . . *M.* 3.60.

Die Kenntnis einer Sprache bleibt oberflächlich, solange sich der Lernende nicht über die Gründe für die verschiedenartige Gestaltung ihres Baues klar geworden ist. In dieser Hinsicht durchforscht man die Grammatiken meist vergeblich. Es ist aber schwer zu begreifen, warum sich gerade der Sprachbetrieb allein von unseren Schuldisziplinen dem Zuge des 19. Jahrhunderts, alle Dinge in ihrer geschichtlichen Entwicklung zu verfolgen, nicht anschließen soll, und unverständlich, warum man der Schablone des rein gedächtnismäßigen Einübens im Sprachunterricht nicht möglichst entraten soll, um besonders in den oberen Klassen eine mehr vertiefende, mehr zum Nachdenken zwingende und anregende Lehrmethode zu wählen. Als ein kleiner Anlauf nach diesem Ziele hin will dieses Schriftchen aufgefaßt sein.

**Meillet, A., Einführung in die vergleichende Grammatik der indogermanischen Sprachen.** Vom Verfasser genehmigte und durchgesehene Übersetzung von Wilhelm Printz. *M.* 7.—, geb. *M.* 8.—

Ein Überblick über das gesamte Gebiet der indogermanischen Sprachwissenschaft. An ein ausführliches methodisches Kapitel schließt sich eine Übersicht über die indogermanischen Sprachgruppen, sodann wird eingehend Laut- und Formenlehre, Syntax sowie der Wortschatz der indogermanischen Sprachen besprochen und zum Schluß die Entwicklung der indogermanischen Dialekte behandelt, während ein Anhang eine kurze Geschichte der indogermanischen Sprachwissenschaft und bibliographische Angaben enthält. Die Übertragung darf sich als einen in seiner Art bisher noch nicht vorhandenen Führer durch die indogermanische Sprachwissenschaft bezeichnen.

**Schwartz, E., Charakterköpfe aus der antiken Literatur.** 1. Reihe: 1. Hesiod und Pindar; 2. Thukydides und Euripides; 3. Sokrates und Plato; 4. Polybios und Poseidonios; 5. Cicero. 3. Aufl. 2. Reihe: Fünf Vorträge: 1. Diogenes der Hund und Krates der Kyniker; 2. Epikur; 3. Theokrit; 4. Eratosthenes; 5. Paulus. 2. Aufl. Je *M.* 2,20, geb. je *M.* 2,80.

... Schwartz beherrscht den Stoff in ganz ungewöhnlicher Weise: das Reinstoffliche aber tritt allmählich ganz in den Hintergrund, dafür erglänzt jede einzelne der Erscheinungen um so klarer und mächtiger im Lichte ihrer Zeit. Der Verfasser ist in den Jahrhunderten der griechischen Poesie — sowohl in denen, wo sie sich entwickelte, als auch in denen, da sie ihre Blüte erlebte — mit gleicher sozusagen hellseherischer Sicherheit zu Hause: wir lernen jeden einzelnen der geistigen Heroen als ein mit innerer Notwendigkeit aus seiner Epoche hervorgehendes Phänomen betrachten und einschätzen, und Schwartz schildert uns ihn so lebendig, daß wir ihn wie mit Fleisch und Blut begabt vor uns zu sehen glauben.“  
(Das literarische Echo.)

**Misch, G., Geschichte der Autobiographie.** 3 Bände. I. Band. *M.* 8.—, geb. *M.* 10.—. [Bd. II u. III in Vorb.]

... Die vornehmsten Werke der wissenschaftlichen Literatur sind die, welche keiner Spezialwissenschaft angehören, und von denen doch die verschiedensten Fachgelehrten urteilen müssen, daß sie ihnen neue Lichter aufstecken. Nicht jedes Jahr bringt ein solches Buch; hier ist eins. Damit ist Lobes genug gesagt. Auch das ist damit gesagt, daß es kein Fachgelehrter eigentlich beurteilen kann. Da indessen der erste Band nur das Altertum behandelt, so wird der Philologe, wenn er davon wirklich etwas versteht, darüber ein Urteil haben, ob das Material hinreichend ausgenützt ist, und dann sich des Fortschritts freuen, den das Verständnis der Werke notwendig machen muß, wenn sie als Teil der Weltliteratur betrachtet werden. Und das ist hier nicht einmal die Hauptsache, sondern jene philosophische Betrachtung des Menschen und seiner Geistesgeschichte, die Misch aus der Schule Wilhelm Diltheys mitbringt.“  
(U. v. Wilamowitz-Moellendorf i. d. Internationalen Wochenschrift.)

**Norden, Ed., Die antike Kunstprosa vom VI. Jahrhundert v. Chr. bis in die Zeit der Renaissance.** 2 Bände. 2. Abdruck. [Einzeln jeder Band *M.* 14,—, geb. *M.* 16.—] *M.* 28.—, geb. . . . *M.* 32.—

„E. Norden hat die Aufgabe mit einer Energie und Gelehrsamkeit angefaßt, die ihm viele Ehre macht. Als Gesamtleistung verdient das Buch die höchste Anerkennung. ... So ist es denn auch gar kein Wunder, wenn das Beste und wirklich Neue, was das Buch bringt, im 2. Bande steht. Namentlich was über die altkirchliche Literatur, die Geschichte der Predigt, über den Stil des Humanistenlateins und seinen Einfluß auf die Prosa der lebenden Sprachen vorgetragen wird, verdient nicht bloß von Philologen gelesen zu werden. Aber auch der I. Band, der die Entwicklung der griechischen und lateinischen Kunstprosa bis in die römische Kaiserzeit behandelt, erfreut durch eine Fülle treffender Einzelbeobachtungen und gelehrter Sammlungen. Die Charakteristiken der einzelnen Persönlichkeiten zeugen von erfreulich gesundem und besonnenem Urteil.“  
(Deutsche Literaturzeitung.)

**\*Peter, H., Wahrheit und Kunst.** Geschichtschreibung und Plagiat im klassischen Altertum. *M* 12.—, geb. . . . . *M* 14.—

Eine großzügige Geschichte der antiken Historiographie von ihren frühesten Anfängen bis in die christliche Zeit im Zusammenhang mit der allgemeinen Geistesgeschichte und unter besonderer Berücksichtigung des vom heutigen Brauch wesentlich abweichenden Verhältnisses des Geschichtsschreibers einerseits zur historischen Wirklichkeit, andererseits zu seinen Vorgängern. Ist die Erkenntnis nicht neu, daß die Behandlung des Stoffes seit Ephoros und Theopompos durchaus unter dem Banne der Rhetorik steht, so ist die Tatsache bisher immer nur für einen einzelnen Autor erwiesen; die Behandlung im Zusammenhang läßt die Schriftsteller in gerechterer Beleuchtung erscheinen, erklärt Fehler und Vorzüge aus ihrer Zeit. Die Schlußkapitel beweisen, daß nur Tendenz und Boswilligkeit im Altertum die Abhängigkeit des Geschichtsschreibers von seinem Vorgänger als Plagiat gebrandmarkt haben, daß vielmehr dessen Stoff als Gemeingut willkürlich nach den Regeln der Kunst behandelt werden konnte, die von dem Ziel, wie es Thukydides gezeigt hatte, immer weiter nach der Belletristik zu abirrte.

**\*Geffken, J., Die griechische Tragödie.** Äschylos, Sophokles, Euripides. Mit einem Plane. 2. Auflage. *M* 2.—, geb. . . . . *M* 2.60

Das Buch, ursprünglich nur für Schulen bestimmt, wendet sich in der neuen Ausgabe an einen weiteren Leserkreis; deshalb wurde mehrfach auf moderne Anschauungen und Urteile bezug genommen, die ursprüngliche Anlage aber unverändert gelassen. Das Buch zeichnet ein anschauliches Bild des dramatischen Lebens in Athen. Die einzelnen Werke werden nach geschichtlicher Folge und Beziehungen zueinander eingehend behandelt, die Kunstmittel der alten Tragödie in ihrer Entwicklung und Fortwirkung in das richtige Licht gesetzt und die Persönlichkeiten der Dichter klar herausgearbeitet. Historische Kritik wie ästhetische Behandlung kommen in gleicher Weise zu ihrem Rechte.

**Süss, W., Ethos.** Studien zur älteren griechischen Rhetorik. *M* 8.—, geb. . . . . *M* 10.50

„Der Verfasser ist der Schwierigkeit, die sich seiner Untersuchung entgegenstellte, in meisterhafter Weise Herr geworden. . . . Dieser dürftige Abriß gibt aber noch keine Vorstellung von dem reichen Inhalt des Buches. Es fallen mehrfach sehr schätzenswerte Nebenfrüchte ab. . . . So leistet das Buch mehr, als sein Titel verspricht, und wird auf verschiedenen Gebieten der Forschung befruchtend wirken.“

(W. Nestle i. d. Neuen Jahrbüchern f. d. klass. Altertum usw.)

**Teuffel, W. S., Geschichte der römischen Literatur.** 6. Aufl., bearbeitet von E. Klostermann, W. Kroll, R. Leonhard, F. Skutsch und P. Wessner. 3 Bände [zus. ca. 80 Bg.]

\*1. Band: Bis zum Jahre 37 v. Chr. [Unter d. Presse.]

2. Band: Vom Jahre 37 v. Chr. bis zum Jahre 96 n. Chr. *M* 6.— geb. . . . . *M* 7.—

\*3. Band: Vom Jahre 96 n. Chr. bis zum 8. Jahrhundert. [Unt. d. Pr.]

Bei der Neubearbeitung des „Teuffel“ soll an dem Charakter dieses bewährten Handbuchs möglichst wenig geändert werden. Aber schon dadurch, daß die Literatur von fast 20 Jahren nachzutragen ist, ohne daß doch der Umfang merklich wachsen soll, sind Streichungen nötig geworden, die sich auf die nicht zur eigentlichen Literaturgeschichte gehörigen Anmerkungen erstreckt haben, daher wird man im neuen „Teuffel“ weniger Aufsätze, die Konjekturen enthalten, und weniger sprachliche Monographien zitiert finden.

**Klotz, A., Cäsarstudien.** Nebst einer Analyse der Strabonischen Beschreibung von Gallien und Britannien. *M* 6.—, geb. . . . . *M* 7.20

Ausgehend von dem literarischen Charakter des cäsarischen Werkes als commentarii behandelt der erste Teil die geographischen Interpolationen im Bellum Gallicum besonders nach Sprache und Stil und weist deren einheitlichen Ursprung aus einem

geographischen Werke nach. Der zweite Teil sucht die Nipperdeysche Ansicht, daß das Bellum Alexandrinum der Anfang von Hirtius' Fortsetzung des Bellum civile sei, eingehender zu begründen. Der dritte Teil erörtert einige stilistische Eigentümlichkeiten Cäsars und behandelt dann eine Reihe von Stellen des Bellum Gallicum kritisch. Ein Anhang gibt einige Beobachtungen über den unfertigen Zustand des Bellum civile.

**Heinze, M., Virgils epische Technik.** 2. Auflage. *M* 12.—, geb. *M* 14.—

„Heinzes Buch bedeutet wohl den tiefsten Einblick, der bisher in Virgils Dichterwerkstätte geschehen ist. Noch nie ist mit so viel Liebe und durchdringendem Scharfsinn der ganze ungeheure Weg nachgegangen worden, der von dem Chaos der bis auf Virgil vorhandenen Tradition der Aeneas-Sage bis zur Vollendung jener zwölf Bücher führte, die vom Augenblick ihres Erscheinens an klassisch sein sollten. Nicht die Widersprüche und Lücken des Werkes, nicht kleine Fehler und Ungeschicklichkeiten des Dichters, diese Lieblingsobjekte der modernen Virgil-Kritik, bilden den Ausgangspunkt von Heinzes Betrachtungen: was Virgil erstrebt hat, was sein Stoff, seine Vorbilder, seine Nation und seine Zeit forderten, das ist hier die Frage...“ (Beil. z. Allg. Zeitung.)

**Zieliński, Th., Cicero im Wandel der Jahrhunderte.** 2., verm. Aufl. [3. Aufl. unter der Presse] *M* 7.—, geb. . . . . *M* 8.—

„Hatten wir schon, als diese Schrift zum erstenmal erschien, allen Grund, die ohne wesentliche Vorarbeiten unternommene klare und die Hauptsachen erschöpfende Übersicht mit lebhaftem Dank zu begrüßen, so wird dieser Dank in Ansehung der vermehrten Auflage noch gesteigert. Aus dem Schriftchen von 101 Seiten ist ein umfangreiches Buch geworden, in allen seinen Teilen vertieft, erneuert, erweitert. Ganz neu sind z. B. die Ausführungen über die englische Aufklärung. Nicht minder wie für die Geschichte Ciceros im Wandel der Jahrhunderte werden wir aber dankbar sein für die Darstellung seines Wesens und seiner Lehre im Zusammenhang mit den umgebenden geistigen Bewegungen. Das ist in dieser eindringenden, fein abwägenden und unparteiischen Weise auch bisher noch nicht geschehen.“ (Literarisches Zentralblatt.)

**Boné, K., Πείρατα τέχνης.** Über Lesen und Erklären von Dichtwerken. Kart. . . . . *M* 2.40.

Gegenüber der Forderung: „Der Dichter müsse als Dichter gelesen werden“, und es seien grammatische, biographische, historische u. a. Erörterungen überhaupt aus den Lektürestunden zu verbannen, will Verf. zeigen, daß solche Erörterungen unumgängliche Voraussetzungen für das Verständnis sind, ja daß sie die allerfeinsten und künstlerischen Seiten des Werkes, die *πειρατα τέχνης* betreffen, die unter keinen Umständen zu kurz kommen dürfen. Dies an Beispielen, insbesondere aus Horaz zu zeigen, ist der Zweck des Buches.

**Priene.** Nach den Ergebnissen der Ausgrabungen der Kgl. Preussischen Museen 1895—1898 rekonstruiert von A. Zippelius und aquarelliert von E. Wolfsefeld 1910. Begleitschrift von Theodor Wiegand in Konstantinopel. Mit Figuren und 2 Tafeln. Format 88×100 cm. Ausgabe A. Ohne Stäbe *M* 7.—. Ausgabe B. Gefirnißt mit Stäben *M* 9.—. Ausgabe C. Aufgezogen, gefirnißt mit Rahmen . . . . . *M* 13.50.  
(Zu den gleichen Preisen ist eine Reproduktion der schwarzen Rekonstruktionszeichnung von Zippelius erhältlich, die jedoch nur auf ausdrückliches Verlangen geliefert wird.)

„Es ist m. W. noch nicht versucht worden, das Gesamtbild eines antiken Gemeinwesens in der Weise darzustellen, wie es hier geschehen ist. Nicht einmal Pompeji, an dessen Erforschung doch jetzt seit weit über 100 Jahren gearbeitet wird, ist so bearbeitet worden; und angesichts der vorliegenden Tafel von Priene muß man sich darüber wundern. Der praktische Blick Th. Wiegands hat das Richtige erkannt und die geeigneten Künstler herausgefunden; Zippelius und Wolfsefeld verdanken wir die schöne Rekonstruktion, und Wiegand selbst eine treffliche Einführung in die Benutzung der Tafel. Das Bild bietet das denkbar Zuverlässigste; daß sorgsame Studien jeder Einzelheit zugrund liegen, lehrt jeder Blick, den man zum Vergleich in das große Werk tun mag. Zeichnung und Farbgebung sind tadellos.“ (Südwestdeutsche Schulblätter.)

**Thiersch, H., Pharos, Antike, Islam und Occident.** Ein Beitrag zur Architekturgeschichte. Mit 9 Tafeln, 2 Beilagen und 455 Abbildungen. Kart. *M.* 48.—, geb. . . . . *M.* 56.—

„Thiersch stellt die Pharusforschung auf ganz neuen Boden; man kann sagen, daß er sie im Grunde genommen überhaupt erschafft. Das ungehört reiche Material, das er zur Lösung heranzieht, wird alle Welt verblüffen, ebenso die unabsehbare Reihe von Problemen, die sich dem Leser im Laufe der Untersuchung aufzut. Wir haben die Resultate vieljähriger Arbeit vor uns, die in Alexandria selbst begonnen, später in der Heimat nach allen Seiten vertieft wurde. Ich schätze das Thierschsche Buch überaus hoch.“  
(J. Strzygowsky in den Neuen Jahrbüchern f. d. klass. Altertum usw.)

**Cumont, F., die Mysterien des Mithra.** Ein Beitrag zur Religionsgeschichte der römischen Kaiserzeit. Autorisierte deutsche Übersetzung von G. Gehrich. 2. Aufl. Mit 9 Abbildungen im Text und auf 2 Tafeln, sowie 1 Karte. *M.* 5.—, geb. . . . . *M.* 5.60

„Das Buch ist gerade für einen deutschen Leserkreis geeignet, da es auf die religionsgeschichtlichen Fragen, die neuerdings nicht nur Fachkreise, sondern jedermann interessieren, ein besonderes Licht wirft. Es schildert die Wanderung eines indoiranischen Gedankens durch die ganze antike Welt und zeigt an einem Beispiel, in welchem Umfang die Übertragung religiöser Ideen in historischer Zeit nachweislich stattgefunden hat.“  
(Neue Jahrbücher f. d. klass. Altertum usw.)

—, —, **die orientalischen Religionen im römischen Heidentum.** Autorisierte deutsche Ausgabe von Georg Gehrich. *M.* 5.—, geb. *M.* 6.—

Das Werk behandelt die große Umwandlung, welche das religiöse Leben des Abendlandes während der römischen Kaiserzeit durch den wachsenden Einfluß der orientalischen Kulte erfuhr; es schildert in großen Zügen, wie und warum sich die Überlegenheit des hellenisierten Orients seit dem Beginn unserer Zeitrechnung in Verfassung, Recht, Wirtschaft und Geistesleben des römischen Reiches immer mehr geltend macht. Es folgt die Geschichte der einzelnen Fremdkulte und ihrer Einwanderung in das Abendland. Das Schlußkapitel verwebt die gewonnenen Ergebnisse zu einem anschaulichen Gesamtbilde.

**Domaszewski, A. von, Abhandlungen zur römischen Religion.** Mit 26 Abbildungen und 1 Tafel. Geh. *M.* 6.—, geb. . . . . *M.* 7.—

In diesem Buche vereinigt D. seine bisher schwer zugänglichen Abhandlungen zur römischen Religion, die mit Erfolg manchen bisher dunklen Punkt unserer Kenntnis der Entwicklungsgeschichte der römischen Religion, wie ihrer Wirkungen auf die Geschichte und die staatlichen Institutionen aufhellen. Alle Abhandlungen durchzieht der Gedanke, daß die schöpferischen Ideen, welche die älteste Religion der Römer erzeugt haben, im Laufe vieler Jahrhunderte immer wieder tätig waren, neue Formen zu entwickeln, und daß somit die Gebilde, wie sie unter dem Einfluß fremder Kulte in so bunter Fülle entstanden, die Möglichkeit bieten, die Entstehung der ältesten Formen zu erkennen.

**Kaerst, J., Geschichte d. hellenistischen Zeitalters.** In 3 Bden. I. Band. Die Grundlegung d. Hellenismus. *M.* 12.—, geb. *M.* 14.—. II. Band, 1. Hälfte: Das Wesen des Hellenismus. *M.* 12.—, geb. *M.* 14.—. [Fortsetzung in Vorbereitung.]

„... Kaerst geht nirgends einer Schwierigkeit aus dem Wege, umsichtig hat er vor seiner Entscheidung stets die Möglichkeiten erwogen. Daß sein Werk ganz ausgereift ist, zeigt mit am deutlichsten sein Maßhalten. Es ist ein gefährliches Gebiet, die Geschichte Alexanders, wo jeder leicht zeigen kann, was er nicht kann; mit dem Mute der Jugend ist Kaerst an diese Aufgabe gegangen, um in der Kraft der Mannesjahre sie zu lösen. Das Urteil über ein Werk, das völlig hat ausreifen können, darf einen hohen Maßstab anlegen, aber diese Geschichte Alexanders enttäuscht auch die Leser nicht, die viel erwarten: in Forschung und Darstellung, nach Form und Inhalt ist sie die bedeutendste, die durchdachtteste seit J. G. Droysen.“ (K. J. Neumann im Literarischen Zentralblatt.)

\***Mitteis, L., u. U. Wilcken, Grundzüge u. Chrestomathie der Papyruskunde.** In 2 Teilen zu je 2 Halbbänden.

I. Band: Historischer Teil. Von U. Wilcken.

1. Hälfte: Grundzüge. *M* 12.—, geb. *M* 14.—

2. Hälfte: Chrestomathie. *M* 14.—, geb. *M* 16.—

II. Band: Juristischer Teil. Von L. Mitteis.

1. Hälfte: Grundzüge. *M* 8.—, geb. *M* 10.—

2. Hälfte: Chrestomathie. *M* 12.—, geb. *M* 14.—

Ermäßigter Preis des  
Gesamtwertes:

*M* 40.—,

geb. *M* 48.—

Angesichts der zahlreichen, unsere Kenntnis der antiken Kultur nach den verschiedensten Seiten bereichernden Papyrusfunde der letzten Jahre machte sich dringend das Bedürfnis nach einer, das weitschichtige Material übersichtlich darbietenden Sammlung geltend. Die vorliegende Chrestomathie bietet die für Philologen, Historiker, Juristen und Theologen wesentlichen Texte in einem historischen und einem juristischen Band. Der I. Band umfaßt nach einer allgemeinen Einleitung in die Papyruskunde die allgemeinen historischen Grundzüge der Verfassung, Verwaltung und Bevölkerungsgeschichte Ägyptens von Alexander bis zu den Kalifen, ferner kulturgeschichtliche Probleme, wie Religion, Erziehung, Volksleben, ferner die Finanzen, die Bodenwirtschaft u. a. Der II. Band behandelt die rechtshistorischen Probleme: das Prozeßrecht der ptolemäischen und römischen Zeit, die Lehre von den Urkunden, das Grundbuchwesen und Pfandrecht, den Kauf, das Familienrecht u. a. Während die zweite Hälfte eines jeden Bandes die Texte in möglichst gereinigter Form darbietet, enthält die erste zusammenfassende Darstellungen der betreffenden Gebiete, die nicht nur dem Anfänger eine Einführung in das Studium der Papyruskunde, sondern auch dem Fortgeschrittenen einen Überblick über den derzeitigen Stand der einzelnen Fragen zu geben vermögen.

\***Willrich, H., Livia.** Mit einem Titelbild . . . . . *M* 2.—

Der Vorfasser macht den Versuch, zu zeichnen, wie sich in dem republikanischen Rom die Stellung einer Kaiserin entwickelt hat, und welche Ideen und Faktoren dabei mitwirkten. Die Einleitung gibt eine Übersicht über die literarischen und monumentalen Quellen zur Geschichte Livias. Kap. I. schildert Livia in der Familie, ihr Verhältnis zu Augustus, Tiberius, Germanicus, Agrippina usw. Es wird gezeigt, daß Livia nie einen beherrschenden Einfluß auf Augustus ausgeübt und keinen jahrelangen, geheimen Kampf gegen die Angehörigen des Gatten geführt hat, um Tiberius zum Nachfolger zu machen. Kap. II., der wichtigste Teil der Arbeit, zeigt, wie sich analog der Stellung des princeps auch die der Kaiserin in Rom allmählich entwickelt hat. Als Vorbild für ihre Erhöhung dienten dem Kaiser und dem Senat die Privilegien der Vestalinnen, den Untertanen vielfach die Stellung der hellenistischen Königinnen. Kap. III. gibt eine Übersicht über Livias Vermögen und seine Verwaltung.

**Ziebarth, E., Aus dem griechischen Schulwesen. Eudemos von Milet und Verwandtes.** *M* 4.—, geb. . . . . *M* 5.—

Ausgehend von einer zu Milet aufgefundenen Urkunde über eine Schulstiftung des Eudemos, versucht Ziebarth auf Grund des in letzter Zeit so reich zutage getretenen inschriftlichen und papyrologischen, zum Teil noch unedierten Materials einen Einblick in griechische Schulverhältnisse zu gewinnen. So handelt der Verfasser u. a. von Staat und Schule, von Schulstiftungen und Stiftungsschulen, von Lehrern und Schülern, vom Unterrichtsbetrieb und Schulprüfungen, wobei sich Gelegenheit findet, eine Reihe von Einzelfragen, wie Schulgebäude, Schülerverbindungen, Gehaltsverhältnisse und soziale Stellung der Lehrer, Mädchenschulwesen, Bürgerkunde, patriotische und religiöse Erziehung u. a. zu berühren; und liefert damit einen interessanten Beitrag zur Erkenntnis der Bedeutung und Wertschätzung, welche dem Jugendunterricht im Altertum zuteil wurde.

„... Welche Arbeit und welcher Fleiß in dem Buche steckt, kann nur der ermessen, der das zerstreute Material etwas näher betrachtet. Das Buch ist ein glänzender Beweis dafür, wie sehr unsere Kenntnis des antiken Lebens durch die Ergebnisse der Forschung mit Spaten und Hacke gefördert wird. Verf. verdient den Dank aller Freunde der Bildung für diese einem weiteren Kreise zugängliche Zusammenstellung dieser Ergebnisse. Als Beitrag zur Schulgeschichte gehört das Buch in die Lehrerbibliotheken und auf den Arbeitstisch jedes Freundes des klassischen Altertums. . .“  
(Österreichische Mittelschule.)

- \*Aufhauser, Joh. B., das Drachenvunder des heiligen Georg in der griech. u. lat. Überlieferung [Byzant. Archiv VI]. Mit 19 Abb. auf 7 Tafeln. *M.* 10.— 11.50.
- Ausfeld, A., der griechische Alexanderroman. Nach des Verfassers Tode herausgegeben von W. Kroll. *M.* 8.— 10.—
- Bardt, C., zur Technik des Übersetzens lateinischer Prosa. *M.* — 60.
- Benseler, G. E., und K. Schenkl, griechisch-deutsches und deutsch-griechisches Schulwörterbuch. 2 Teile.
- I. Teil. Griechisch-deutsches Schulwörterbuch. 13. Aufl., bearb. von A. Kaegi. *M.* 6.75 8.— II. Teil. Deutsch-griechisches Schulwörterbuch. 6. Auflage, bearb. von K. Schenkl. *M.* 9.— 10.50.
- Berger, A., die Strafklauseln in den Papyrusurkunden. Ein Beitrag zum gräco-ägyptischen Obligationenrecht. *M.* 8.—
- Birt, Th., die Buchrolle in der Kunst. Archäol.-antiquar. Untersuchungen zum antiken Buchwesen. Mit 190 Abbildungen. *M.* 12.— 15.—
- Blaß, F., die attische Beredsamkeit. 3 Abt. 2. Aufl. *M.* 56.— 64.—
- Blümner, H., Technologie und Terminologie der Gewerbe und Künste bei Griechen und Römern. 4 Bde. Mit zahlr. Abb. *M.* 50.40.
- Böckh, A., und Ludolf Dissen, Briefwechsel siehe Hoffmann, M.
- Brauchitsch, G. v., die Panathenäischen Preisamphoren. Mit 37 Abbildungen und 1 Lichtdrucktafel. *M.* 6.— 7.—
- Brunn, H., kleine Schriften Herausg. von H. Brunn u. H. Bulle. Mit zahlreichen Abbildungen. 3 Bände. I. Band. *M.* 10.— *M.* 13.— II. Band. *M.* 20.— 23.— III. Band. *M.* 14.— 17.—
- Cantor, M., Vorlesungen über Geschichte der Mathematik. I. Band. Von den ältesten Zeiten bis 120 n. Chr. Mit 114 Fig. und 1 lithogr. Tafel. 3. Aufl. *M.* 24.— 26.—
- Deubner, L., Kosmos und Damian. Texte und Einleitung. *M.* 8.— 9.—
- Diels, H., Elementum. Eine Vorarbeit zum griech. u. latein. Thesaurus. *M.* 3.—
- Dieterich, A., Nekyia. Beitr. zur Erklärung d. neunten Deckens Petrusapokalypse. *M.* 6.—
- eine Mithrasliturgie. 2. Aufl. besorgt von R. Wünsch. *M.* 6.— 7.—
- Mutter Erde. Ein Versuch über Volksreligion. *M.* 3.20 3.80.
- Dziatzko, K., Untersuchungen über ausgewählte Kapitel des antiken Buchwesens. *M.* 6.—
- Eger, O., zum ägyptischen Grundbuchwesen in römischer Zeit. *M.* 7.— 8.—
- Fimmen, D., Zeit und Dauer der kretisch-mykenischen Kultur. Mit 1 synchronistischen Tabelle. *M.* 3.—
- Fischer, Th., Mittelmeerbilder. Ges. Abhandlungen zur Kunde der Mittelmeerländer. *M.* 6.— 7.—. Neue Folge *M.* 6.— 7.—
- Gardthausen, V., Augustus und seine Zeit. 2 Teile.
- I. Teil. I. Band. *M.* 10.— II. Band. *M.* 12.— III. Band. *M.* 8.— Zusammengeh. *M.* 32.— II. Teil. (Anmerk.) I. Band. *M.* 6.— II. Band. *M.* 9.— III. Band. *M.* 7.— Zusammengeh. *M.* 24.—
- Griechische Paläographie. Mit 12 Tafeln und vielen Illustrationen. *M.* 18.40.
- Gelzer, H., ausgewählte kleine Schriften. Mit einem Porträt Gelzers. *M.* 5.— 6.—
- Gilbert, G., Handbuch der griech. Staatsaltertümer. 2 Bände. *M.* 13.60.
- I. Band. Der Staat d. Lakedaimonier u. d. Athener. 2. Aufl. *M.* 8.— II. Band. *M.* 5.60.
- O., Geschichte und Topographie der Stadt Rom im Altertum. 3 Abt. *M.* 24.— I. Abteil. *M.* 6.— II. Abteil. *M.* 8.— III. Abteil. *M.* 10.—
- die meteorologischen Theorien des griechischen Altertums. Mit 12 Figuren im Text. *M.* 20.— 22.50.
- Grammatik, historische, der lateinischen Sprache. Unter Mitwirkung von H. Blase, A. Dittmar, J. Golling, G. Herbig, C. F. W. Müller, J. H. Schmalz, Fr. Stolz, J. Thüssing und A. Weindold hrg. von G. Landgraf. In mehreren Bänden. gr. 8.
- I. Band. Von Fr. Stolz. I. Hälfte: Einleitung und Lautlehre. II. Hälfte: Stammbildungslehre. 1894. 1895. je *M.* 7.— III. Band. Syntax des einfachen Satzes. I. Heft: Einleitung, Literatur, Tempora und Modi, Genera Verbi. 1903. *M.* 8.— [Fortsetzung u. d. Pr.]
- Supplement: Müller, C. F. W., Syntax des Nominativs und Akkusativs im Lateinischen. *M.* 6.—
- Hagen, H., gradus ad criticen. Für philologische Seminare und zum Selbstgebrauch. *M.* 2.80.
- Heinrich, Fr. A., lateinisch-deutsches und deutsch-latein. Schulwörterbuch. 2 Teile.
- I. Teil. Lateinisch-deutsches Schulwörterbuch. 8. Aufl., bearbeitet von H. Blase u. W. Reeb. *M.* 6.75 8.— II. Teil. Deutsch-lateinisches Schulwörterbuch. 6. Aufl., bearbeitet von C. Wagener. *M.* 5.75 7.—
- \*— Kleines lateinisch-deutsches Schulwörterbuch, bearbeitet von H. Blase und W. Reeb. *M.* 5.—
- \*Helbig, W., Führer durch die öffentlichen Sammlungen der klassischen Altertümer in Rom. 2 Bände. [3. Aufl. in Vorb.]
- Herkenrath, E., der Enoplios. Ein Beitrag zur griechischen Metrik. *M.* 6.— 8.—
- Herzog, E., Geschichte und System der röm. Staatsverfassung. 2 Bände. *M.* 33.—
- Hoffmann, M., August Boeckh. Lebensbeschreibung und Auswahl aus seinem wissenschaftlichen Briefwechsel. Ermäß. Preis. *M.* 7.— 9.—

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Höffmann, M., Briefwechsel zwischen August Boeckh und Ludolf Dissen, Pindar und anderes betreffend. *M.* 5.— 6.—
- \*Hönn, K., Quellenuntersuchungen zu den Viten des Heliogabalus und des Severus Alexander im Corpus der Scriptorum historiae Augustae. *M.* 8.— 9.—
- Hberg, J., u. M. Wellmann, zwei Vorträge zur Geschichte d. antiken Medizin. *M.* 1.40.
- Imhoof-Blumer, F., Porträtköpfe v. römisch. Münzen der Republik und der Kaiserzeit. Für den Schulgebrauch herausgeg. Mit 4 Lichtdrucktafeln. 2. Aufl. kart. *M.* 3.20.
- Porträtköpfe auf antiken Münzen hellenischer und hellenisierter Völker. Mit Zeittafeln der Dynastien des Altertums nach ihren Münzen. Mit 296 Bildnissen in Lichtdruck. kart. *M.* 10.—
- und O. Keller, Tier- und Pflanzenbilder auf antiken Münzen u. Gemmen. 26 Lichtdrucktafeln mit 1352 Abbild. u. 178 Seiten erläuterndem Text. *M.* 24.—
- Kaerst, J., die antike Idee der Ökumene in ihrer politischen und kulturellen Bedeutung. *M.* 1.20.
- Keller, O., lateinische Volksetymologie und Verwandtes. *M.* 10.—
- Klotz, Reinh., Handbuch der lateinischen Stilistik. Nach des Verf. Tode herausgeg. von Rich. Klotz. *M.* 4.80.
- Rich., Grundzüge altröm. Metrik. *M.* 12.—
- Krumbacher, K., die Photographie i. Dienste der Geisteswissenschaften. Mit 15 Tafeln. *M.* 3.60.
- populäre Aufsätze. *M.* 6.— 7.—
- Lehmann, K., die Angriffe der drei Barkiden auf Italien. Drei quellenkritisch-kriegsgeschichtliche Untersuch. Mit 4 Karten, 5 Plänen und 6 Abbild. *M.* 10.— 13.—
- Lehrs, K., populäre Aufsätze aus dem Altertum, vorzugsweise zur Ethik und Religion der Griechen. 2. Aufl. *M.* 11.—
- Leo, Fr., die griechisch-römische Biographie nach ihrer literarischen Form. *M.* 7.—
- \*Leonhard, W., Hettiter und Amazonen. Die griechische Tradition über die „Chatti“ und ein Versuch zu ihrer historischen Verwertung. *M.* 8.— 9.50.
- Lexikon, ausführliches, der griechischen und römischen Mythologie. Im Verein mit vielen Gelehrten hrg. von W. H. Roscher. Mit zahlreichen Abbildungen. 3 Bände. I. Band. (A—H.) *M.* 34.— II. Band. (I—M.) *M.* 38.— III. Band. (N—P.) *M.* 44.— IV. Band. 59.—64. Lieferung. (Q—Sisyphos) Jede Lieferung *M.* 2.— (Fortsetzung unter der Presse.) Supplemente: I. Bruchmann, epitheta deorum quae apud poetas Graecos leguntur. *M.* 10.— II. Carter, epitheta deorum. *M.* 7.— III. Berger, mythische Kosmographie der Griechen. *M.* 1.80.
- Ludwich, A., Aristarchs Homerische Textkritik nach den Fragmenten des Didymos dargestellt und beurteilt. Nebst Beilagen. 2 Teile. *M.* 28.— [I. Teil. *M.* 19.— II. Teil. *M.* 16.—]
- Mau, G., die Religionsphilosophie Kaiser Julians in seinen Reden auf König Helios und die Göttermutter. Mit einer Übersetzung der beiden Reden. *M.* 6.— 7.—
- Mittels, L., Reichrecht und Volksrecht in den östlichen Provinzen des römischen Kaiserreichs. *M.* 14.—
- zur Geschichte der Erbpacht im Altertum. *AGWph.* XX. *M.* 2.—
- aus den griechischen Papyrusurkunden. *M.* 1.20.
- Mommsen, A., Feste der Stadt Athen im Altertum, geordnet nach attischem Kalender. Umarbeitung der 1864 erschienenen Heortologie. *M.* 16.—
- Nilsson, M. P., griechische Feste von religiöser Bedeutung mit Ausschluß der attischen. *M.* 12.— 15.—
- Noack, F., Ovalhaus und Palast in Kreta. Ein Beitrag zur Frühgeschichte des Hauses. *M.* 2.40 3.20.
- homerische Paläste. Eine Studie zu den Denkmälern und zum Epos. Mit 2 Tafeln u. 14 Abb. *M.* 2.80 3.80.
- Otto, W., Priester und Tempel im hellenistisch-ägypten. 2 Bde. je *M.* 14.— 17.—
- Griechische Papyri im Museum des Oberhess. Geschichtsvereins zu Gießen. Im Verein mit O. Eger hrg. u. erklärt von E. Kornemann u. P. M. Meyer. Bd. I. Heft 1: Urkunden Nr. 1—35. *M.* 7.— Heft 2: Urkunden Nr. 36—57. *M.* 8.—
- \*Griechisch-Papyrusurkunden der Hamburger Stadtbibliothek. Bd. I hrg. u. erklärt von P. M. Meyer. Heft 1. Urk. Nr. 1—23 Mit 7 Lichtdrucktafeln. *M.* 8.—
- Partsch, L., Griechisches Bürgerchaftsrecht. 2 Teile. I. Teil. Das Recht des altgriechischen Gemeindestaats. *M.* 14.— 17.—
- Peter, H., die geschichtliche Literatur über die römische Kaiserzeit bis Theodosius I. und ihre Quellen. 2 Bände. je *M.* 12.—
- der Brief in der römischen Literatur. Literaturgeschichtliche Untersuchungen u. Zusammenfassungen. *M.* 6.—
- Poland, F., Geschichte des griechischen Vereinswesens. *JG XXXVIII* *M.* 24.—
- Reitzenstein, R., hellenistische Mysterienreligionen, ihre Grundlagen und Wirkungen. *M.* 4.— 4.80.
- hellenistische Wundererzählungen *M.* 5.— 7.—
- Ribbeck, O., Friedr. Wilh. Ritschl. Ein Beitrag z. Gesch. d. Philol. 2 Bde. *M.* 19.20.— Reden und Vorträge. *M.* 6.— 8.—
- \*Riepl, W., Beiträge zur Darstellung des Nachrichtenwesens b. d. Römern. [U. d. Pr.]

Die fetten Ziffern verstehen sich für gebundene Exemplare.

- Riese, A., das rheinische Germanien in der antiken Literatur. *M.* 14.—
- Reßbach, A., und R. Westphal, Theorie der musischen Künste der Hellenen. (Als 3. Auflage der Roßbach-Westphalschen Metrik.) 3 Bände. *M.* 36.—  
I. Band. Griechische Rhythmik von Westphal. *M.* 7.20. II. Band. Griechische Harmonik und Melopöie von Westphal. *M.* 6.80. III. Band. I. Abt. Allgemeine Theorie der griechisch. Metrik von Westphal und Gleditsch. *M.* 8.— II. Abt. Griechische Metrik mit besonderer Rücksicht auf die Strophengattungen und die übrigen melischen Metra von Roßbach und Westphal. *M.* 14.—
- Rostowzew, M., Studien zur Geschichte des römischen Kolonates. Erstes Beiheft zum „Archiv für Papyrusforschung“. *M.* 14.— (f. Abonn. des „Arch. f. Papyrusf.“ *M.* 11.—)
- \*Samter, E., Geburt, Hochzeit und Tod. Beiträge z. vergl. Volksk. Mit 7 Abb. *M.* 6—7.50.
- Schaefer, A., Demosthenes und seine Zeit. 2., rev. Ausgabe. 3 Bände. *M.* 30.—
- Schmidt, J. H. H., Synonymik der griechisch. Sprache. 4 Bände. *M.* 54.—  
— Handbuch der lateinischen und griechischen Synonymik. *M.* 12.—
- Schmitz, W., Commentarii notarum Tiro-nianarum ed. W. S. Mit 132 Tafeln. In Mappe *M.* 40.—
- Schneider, A., das alte Rom. Auf 12 Karten und 14 Tafeln dargestellt. *M.* 16.— 12 Pläne apart. *M.* 6.—
- Schroeder, O., Vorarbeiten zur griech. Versgeschichte. *M.* 5—6.—
- \*Schwarz, A. B., Hypothek und Hypallagma. Beitrag zum Pfand- und Vollstreckungsrecht der griechischen Papyri. *M.* 6—7.—
- Sittl, K., die Gebärdn der Griechen und Römer. Mit zahlreich. Abbild. *M.* 10.—
- Sitzler, J., Abriß der griechischen Literaturgeschichte. I. Band: Bis zum Tode Alexanders des Großen. *M.* 4.—
- Stählin, O., Editionstechnik. Ratschläge f. d. Anlage textkritischer Ausgaben. *M.* 1.60
- Stempler, Ed., das Fortleben der horazischen Lyrik seit der Renaiss. *M.* 8—9.—
- Stengel, P., Opferbräuche der Griechen. Mit 6 Abbildungen. *M.* 6—7.—
- Stoll, H., die Sagen des klassischen Altertums. 6. Aufl. Neu bearb. von H. Lamer. 2 Bände. Mit 79 Abb. je *M.* 3.60, in 1 Band *M.* 6.—  
— die Götter des klassischen Altertums. 8. Aufl. Neu bearb. von H. Lamer. Mit 92 Abbildungen. *M.* 4.50.
- Studniczka, F., die Siegesgöttin. Entwurf der Geschichte einer antiken Idealgestalt. Mit 12 Tafeln. *M.* 9.—
- Susemihl, F., Geschichte der griechischen Literatur in der Alexandrinerzeit. 2 Bände. I. Bd. *M.* 16.— 18.— II. Bd. *M.* 14.— 16.—
- Teuffel, W. S., Studien und Charakteristiken z. griech. u. röm. Literaturgesch. 2. Aufl. Mit Lebensabriß des Verfassers. *M.* 12.—
- Thesaurus linguae Latinae editus auctoritate et consilio academiarum quinque Germanicarum Berolinensis, Göttingensis, Lipsiensis, Monacensis, Vindobonensis. 1900—1909. Vol. I. *M.* 74.— 82.— Vol. II. *M.* 82.— 90.— Vol. III. fasc. 1. *M.* 7.60. \*fasc. 2—8 je *M.* 7.20. Vol. IV. *M.* 58.— 66.— Vol. V. fasc. 1 *M.* 7.60. fasc. 2 *M.* 7.20. \*fasc. 3 *M.* 8.—  
— Supplementum. Nomina propria latina. fasc. 1—II. je *M.* 7.20.  
— Index librorum scriptorum inscriptionum ex quibus exempla adferuntur. *M.* 7.20. Einbanddecke *M.* 5.—
- \*Thieling, W., der Hellenismus in Kleinafrika. *M.* 8—9.—
- Troels-Lund, Himmelsbild u. Weltanschauung im Wandel der Zeiten. Deutsch von L. Bloch. 2. Auflage. *M.* 5.—
- Usener, H., der heilige Tychon. (Sonderbare Heilige. Texte u. Unters. I.) *M.* 5.— 6.—
- Vahlen, I., opuscula academica. 2 partes. Pars I. Proemia indicibus lectionum praemissa I—XXXIII ab a. MDCCCLXXV ad a. MDCCCLXXXI. *M.* 12.— 14.50. Pars II. Proemia indicibus lectionum praemissa XXXIV—LXIII ab a. MDCCCLXXXII ad a. MDCCCVI. *M.* 14.— 16.50.
- \* — Gesammelte philologische Schriften. Erster Teil: Schriften der Wiener Zeit 1858—1874. *M.* 14.— 16.50.
- Vaniček, Al., etymologisches Wörterbuch der lateinischen Sprache. 2. Aufl. *M.* 6.—  
— griech.-lat. etym. Wörterb. 2 Bde. *M.* 24.— [I. Band. *M.* 10.— II. Band. *M.* 14.—]
- Verhandlungen der 19.—50. Versammlung deutscher Philologen und Schulmänner. (Einzeln käuflich.)
- Volkman, R., Geschichte und Kritik der Wolfchen Prolegomena zu Homer. *M.* 8.—  
— die Rhetorik d. Griechen u. Römer in syst. Übersicht dargestellt. 2. Aufl. *M.* 12.—
- Wachsmuth, C., die Stadt Athen im Altertum. I. Band. Mit 2 Karten. *M.* 20.— II. Band. 1. Abteil. *M.* 12.— [2. Abteil. in Vorber.]
- Weber, W., Untersuchungen zur Geschichte des Kaisers Hadrianus. *M.* 8—9.—
- Weicker, G., der Seelenvogel in der alten Literatur und Kunst. Mit 103 Abb. *M.* 28.—
- \*Weinreich, O., der Trug des Nektanebos. Wand. eines Novellenstoffes. *M.* 4.— 4.80.
- Willers, H., Geschichte d. röm. Kupferprägung v. Bundesgenossenkreis bis auf Claudius. Mit 33 Abb. u. 18 Tafeln. *M.* 12.— 15.—
- Wislicenus, W. F., astronom. Chronologie. *M.* 5.—

Die **fetten** Ziffern verstehen sich für **gebundene Exemplare**.

# Neue Jahrbücher

für das klassische Altertum, Geschichte und deutsche  
Literatur und für Pädagogik.

Herausgegeben von  
**Johannes Ilberg und Paul Gauer**

XIV. Jahrgang. (17. u. 18. Bd.) 1911. Jährlich 10 Hefte. Preis: M. 30. —

Die erste Abteilung der „Neuen Jahrbücher“ will für die drei ersten im Titel genannten Wissenschaftsgebiete, die, durch zahllose Fäden miteinander verbunden, die Grundlage unserer historischen Bildung im weiteren und tieferen Sinne ausmachen, einem bei der zunehmenden Ausdehnung aller Forschungszweige immer dringender werdenden Bedürfnis dienen. Dem einzelnen, der überhaupt nicht oder nur auf kleinem Gebiete selbstforschend tätig sein kann, wird die Möglichkeit geboten, den hauptsächlichen Fortschritten der Wissenschaft auf den ihm durch den Beruf und eigene Studien naheliegenden Gebieten zu folgen.

Insbesondere dient sie der Aufrechterhaltung des vielfach gefährdeten Zusammenhanges zwischen Wissenschaft und Schule nach Kräften und an ihrem Teile. Wenn sie auch nur in großen Zügen die Erweiterung und Vertiefung der Erkenntnis wiedergeben kann, so berücksichtigt sie doch nicht etwa nur das für den höheren Unterricht direkt Brauchbare; der Lehrer soll eine freie wissenschaftliche Persönlichkeit sein und bleiben.

Die zweite Abteilung will Fragen der theoretischen und praktischen Pädagogik an höheren Schulen erörtern und der Erforschung ihrer Geschichte dienen.

# Byzantinische Zeitschrift

Begründet von **Karl Krumbacher**

unter Mitwirkung zahlreicher Fachgenossen herausgegeben von

**August Heisenberg und Paul Marc**

XX. Band. 1911. Vierteljährlich ein Heft. Preis eines Bandes: M. 20. —

Dazu erschien: **Generalregister zu Band I—XII, 1892—1903.**

Mit Unterstützung des Thierianosfonds der Kgl. Bayer. Akademie der Wissenschaften ausgearbeitet von **Paul Marc**. [VIII u. 592 S.] gr. 8.  
1909. Geh. M. 24. —

Das internationale Zentralorgan für die gegenwärtig so mächtig aufblühenden byzantinischen Studien bildet die **Byzantinische Zeitschrift**, von der nunmehr 20 stattliche Bände vorliegen. Sie sieht ihre Aufgabe darin, über alle Fortschritte, welche die moderne Erforschung der byzantinischen Geschichte, Literatur, Sprache, Kunst, Religion, Epigraphik, Numismatik usw. aufzuweisen hat, wie auch über alle äußeren Vorkommnisse auf dem Gebiete zu orientieren und so den weiteren Ausbau der Disziplin zu fördern. Dies geschieht einmal durch selbständige Aufsätze, dann durch ausführliche Besprechungen wichtiger Neuerscheinungen, endlich durch eine möglichst vollständige, vom Herausgeber unter ständiger Mitwirkung mehrerer Fachgenossen bearbeitete Bibliographie über alle in das Programm der Zeitschrift einschlagenden Gebiete. Der Bericht berücksichtigt gleichmäßig alle Sprachen und verzeichnet jedesmal die ganze neuere Literatur bis etwa 2—3 Monate vor dem Erscheinen des Heftes, eine Promptheit, die von keiner anderen mit **Inhaltsangaben versehenen**, eine ganze Disziplin umfassenden Bibliographie erreicht wird. Den gesamten Inhalt der ersten 19 Bände, und zwar sowohl der Aufsätze und Besprechungen als der bibliographischen Notizen analysiert das von **P. Marc** ausgearbeitete **Generalregister**.

**Archiv für Religionswissenschaft.** Nach Albrecht Dieterich unter Mitwirkung von H. Oldenberg, G. Bezold, K. Th. Preuß in Verbindung mit L. Deubner herausgegeben von Richard Wünsch. XIV. Band. 1911. Jährlich 4 Hefte. Preis M. 18.—

Das „Archiv für Religionswissenschaft“ will der Erforschung des allgemein ethnischen Untergrundes aller Religionen, wie der Genesis unserer Religion, des Unterganges der antiken Religion und des Werdens des Christentums dienen und insbesondere die verschiedenen Philologien, Völkerkunde und Volkskunde und die wissenschaftliche Theologie vereinigen. Neben der I. Abteilung, die wissenschaftliche Abhandlungen enthält, stehen als II. Abteilung Berichte, in denen von Vertretern der einzelnen Gebiete kurz die hauptsächlichsten Forschungen und Fortschritte religionsgeschichtlicher Art in ihrem besonderen Arbeitsbereiche hervorgehoben und beurteilt werden. Regelmäßig kehren wieder in fester Verteilung auf drei Jahrgänge zusammenfassende Berichte über wichtige Erscheinungen auf den verschiedenen Gebieten der Religionswissenschaft. Die III. Abteilung bringt Mitteilungen und Hinweise, durch die wichtige Entdeckungen, verborgenerer Erscheinungen, auch abgelegener und vergessene Publikationen früherer Jahre in kurzen Nachrichten zur Kenntnis gebracht werden.

**Archiv für Kulturgeschichte.** Unter Mitwirkung von Fr. von Bezold, G. Dehio, W. Dilthey, H. Finke, W. Goetz, K. Hampe, O. Lauffer, K. Neumann, A. Schulte, E. Troeltsch herausgegeben von Georg Steinhausen. IX. Band. 1911. Jährlich 4 Hefte. Preis M. 12.—

Das „Archiv für Kulturgeschichte“ will eine Zentralstätte für die Arbeit auf dem Gebiete der gesamten Kulturgeschichte sein, und dabei vor allem im Zusammenhang mit neueren Richtungen der geschichtlichen Forschung der Arbeit auf dem Gebiet der Geschichte des höheren Geisteslebens ein geeignetes Organ sichern. Als Aufgabe der kulturgeschichtlichen Forschung muß es gelten, aus dem ganzen für die geschichtliche Erkenntnis einer bestimmten Zeit vorhandenen Material das für deren Gesamtkultur und Gesamtgeist Bezeichnende festzustellen, und so wird sie in erster Linie als Spezialforschung wissenschaftlichen Charakter tragen. Sie wird sich jedoch in ausgedehntem Maße die Ergebnisse sonstiger Spezialforschung, freilich nicht durch einfache Übernahme, sondern durch selbständige Verarbeitung unter ihren besonderen methodischen Gesichtspunkten und für ihre besondere Aufgabe, zunutze machen dürfen und müssen. Dieser Aufgabe soll insbesondere die Einrichtung regelmäßiger Literaturberichte dienen. Sie sollen neben der I. Abteilung, die selbständige wissenschaftliche Abhandlungen enthält, als II. Abteilung stehen und je ein Spezialgebiet in dem bezeichneten Sinne in Bearbeitung nehmen, das für die kulturgeschichtliche Forschung Wertvolle aus der Fülle der literarischen Erscheinungen des betreffenden Gebiets unter kulturgeschichtlichen Gesichtspunkten herausheben. Mit ihnen zumal hofft das „Archiv“ der Kulturgeschichte ein vertieftes Interesse bei den Vertretern aller übrigen historischen Einzeldisziplinen zu sichern, zwischen denen sie ihrer Stellung nach eine universale Verbindung zu stiften berufen ist. Eine III. Abteilung soll kleine Mitteilungen und Hinweise bringen.

In diesem Rahmen behandeln u. a.: Prof. Laqueur-Straßburg: Antike Kultur, Prof. Winter-Straßburg: Antike Kunst, Prof. Misch-Straßburg: Geschichte der Persönlichkeitsentwicklung.

**Archiv für Papyrusforschung** und verwandte Gebiete unter Mitwirkung von R. Gradenwitz, B. P. Grenfell, A. S. Hunt, P. Jouguet, F. G. Kenyon, G. Lumbroso, J. P. Mahaffy, L. Mitteis, J. Nicole, W. Schubart, P. Viereck herausgegeben von U. Wilcken. V. Band, 4 Hefte. gr. 8. 1908—11. Preis M. 24.—

Das Archiv für Papyrusforschung bildet eine Zentralorgan für dieses Wissenschaftsgebiet, das sich die Förderung der literarischen Texte ebenso wie der Urkunden, der griechischen wie der lateinischen, zur Aufgabe stellt. Dabei zieht es alles, was zur Erklärung der Papyri beitragen kann oder seinerseits durch sie beleuchtet wird, mögen es literarische Nachrichten oder Steinschriften, Ostraka oder Münzen sein, gleichfalls heran.

VERLAG VON B. G. TEUBNER IN LEIPZIG UND BERLIN

# DIE KULTUR DER GEGENWART

IHRE ENTWICKLUNG UND IHRE ZIELE

HERAUSGEGEBEN VON PROFESSOR PAUL HINNEBERG

In 4 Teilen. Lex.-8. Jeder Teil zerfällt in einzelne inhaltlich vollständig in sich abgeschlossene und einzeln käufliche Bände (Abteilungen).

Teil I und II: Die geisteswissenschaftlichen Kulturgebiete.

Teil III: Mathematik und Naturwissenschaft.

Teil IV: Die technischen Kulturgebiete.

Die „Kultur der Gegenwart“ soll eine systematisch aufgebaute, geschichtlich begründete Gesamtdarstellung unserer heutigen Kultur darbieten, indem sie die Fundamentalergebnisse der einzelnen Kulturgebiete nach ihrer Bedeutung für die gesamte Kultur der Gegenwart und für deren Weiterentwicklung in großen Zügen zur Darstellung bringt. Das Werk vereinigt eine Zahl erster Namen aus Wissenschaft und Praxis und bietet Darstellungen der einzelnen Gebiete jeweils aus der Feder des dazu Berufensten in gemeinverständlicher, künstlerisch gewählter Sprache auf knappstem Raume.

Von Teil I und II sind erschienen:

**Die allgemeinen Grundlagen der Kultur der Gegenwart.** (I, 1.) Bearbeitet von W. Lexis, Fr. Paulsen, G. Schöppa, A. Matthias, H. Gaudig, G. Kerschensteiner, W. v. Dyck, L. Pallat, K. Kraepelin, J. Lessing, O. N. Witt, G. Göhler, P. Schlenther, K. Bücher, R. Pietschmann, F. Milkau, H. Diels. [XV u. 671 S.] Lex.-8. 1906. Geh. *M.* 16.—, in Leinw. geb. *M.* 18.— [2. Aufl. u. d. Pr.]

**Die orientalischen Religionen.** (I, 3, 1.) Bearbeitet von Edv. Lehmann, A. Erman, C. Bezold, H. Oldenberg, J. Goldziher, A. Grünwedel, J. J. M. de Groot, K. Florenz, H. Haas. [VII u. 267 S.] Lex.-8. 1906. Geh. *M.* 7.—, in Leinwand geb. *M.* 9.—

**Geschichte der christlichen Religion.** Mit Einleitung: Die israelitisch-jüdische Religion. (I, 4, 1.) Bearbeitet von J. Wellhausen, A. Jülicher, A. Harnack, N. Bonwetsch, K. Müller, A. Ehrhard, E. Troeltsch. 2., stark vermehrte und verbesserte Auflage. [X u. 792 S.] Lex.-8. 1909. Geh. *M.* 18.—, in Leinwand geb. *M.* 20.—

**Systematische christliche Religion.** (I, 4, II.) Bearbeitet von E. Troeltsch, J. Pohle, J. Mausbach, C. Krieg, W. Herrmann, R. Seeberg, W. Faber, H. J. Holtzmann. 2., verbesserte Auflage. [VIII u. 279 S.] Lex.-8. 1909. Geh. *M.* 6.60, in Leinwand geb. *M.* 8.—

**Allgemeine Geschichte der Philosophie.** (I, 5.) Bearbeitet von W. Wundt, H. Oldenberg, J. Goldziher, W. Grube, T. Jnyoye, H. v. Arnim, Cl. Baumker, W. Windelband. [VIII u. 572 S.] Lex.-8. 1909. Geh. *M.* 12.—, in Leinw. geb. *M.* 14.—

**Systematische Philosophie.** (I, 6.) Bearbeitet von W. Dilthey, A. Riehl, W. Wundt, W. Ostwald, H. Ebbinghaus, R. Eucken, Fr. Paulsen, W. Münch, Th. Lipps. 2. Aufl. [X u. 435 S.] Lex.-8. 1908. Geh. *M.* 10.—, in Leinw. geb. *M.* 12.—

# DIE KULTUR DER GEGENWART

**Die orientalischen Literaturen.** (I, 7.) Bearbeitet von E. Schmidt, A. Erman, C. Bezold, H. Gunkel, Th. Nöldeke, M. J. de Goeje, R. Pischel, K. Geldner, P. Horn, F. N. Finck, W. Grube, K. Florenz. [IX u. 419 S.] Lex.-8. 1906. Geh. *M.* 10.—, in Leinwand geb. *M.* 12.—

**Die griechische und lateinische Literatur und Sprache.** (I, 8.) Bearbeitet von: U. v. Wilamowitz-Moellendorf, K. Krumbacher, J. Wackernagel, Fr. Leo, E. Norden, F. Skutsch. 3. Aufl. Geh. ca. *M.* 10.—, in Leinwand geb. ca. *M.* 12.—

**Die osteuropäischen Literaturen und die slawischen Sprachen.** (I, 9.) Bearbeitet von A. Bezzenberger, A. Brückner, V. v. Jagić, J. Máchal, M. Murko, F. Riedl, E. Setälä, G. Suits, A. Thumb, A. Wesselovsky, E. Wolter. [VIII u. 396 S.] 1908. Geh. *M.* 10.—, in Leinwand geb. *M.* 12.—

**Die romanischen Literaturen u. Sprachen. Mit Einschluß des Keltischen.** (I, II, 1.) Bearbeitet von H. Zimmer, K. Meyer, L. Chr. Stern, H. Morf, W. Meyer-Lübcke. [VII u. 499 S.] 1909. Geh. *M.* 12.—, in Leinwand geb. *M.* 14.—

**Allgemeine Verfassungs- und Verwaltungsgeschichte.** I. Hälfte. (II, 2, 1.) Bearbeitet von A. Vierkandt, L. Wenger, M. Hartmann, O. Franke, K. Rathgen, A. Luschin v. Ebengreuth, O. Hintze. [VII u. 373 S.] 1911. Geh. *M.* 10.—, in Leinwand geb. *M.* 12.—

**Staat und Gesellschaft des Orients.** (II, 3.) Bearbeitet von A. Vierkandt, G. Maspero, M. Hartmann, O. Franke, K. Rathgen. [Unter der Presse.]

**Staat und Gesellschaft der Griechen und Römer.** (II, 4, 1.) Bearbeitet von U. v. Wilamowitz-Moellendorf und B. Niese. [VI u. 280 S.] 1910. Geh. *M.* 8.—, in Leinwand geb. *M.* 10.—

**Staat und Gesellschaft der neueren Zeit** (bis zur französischen Revolution). (II, 5, 1.) Bearbeitet von F. v. Bezold, E. Gothein, R. Koser. [VI u. 349 S.] Lex.-8. 1908. Geh. *M.* 9.—, in Leinwand geb. *M.* 11.—

**Systematische Rechtswissenschaft.** (II, 8.) Bearbeitet von R. Stammler, R. Sohm, K. Gareis, V. Ehrenberg, L. v. Bar, L. v. Seuffert, F. v. Liszt, W. Kahl, P. Laband, G. Anschütz, E. Bernatzik, F. v. Martitz. [X, LX u. 526 S.] Lex.-8. 1906. Geh. *M.* 14.—, in Leinwand geb. *M.* 16.—

**Allgemeine Volkswirtschaftslehre.** (II, 10, 1.) Bearbeitet von W. Lexis. Geh. *M.* 7.—, in Leinwand geb. *M.* 9.—

Von Teil I und II (Die geisteswissenschaftlichen Kulturgebiete) befinden sich noch in Vorbereitung:

Teil I, Abt. 2: **Die Aufgaben und Methoden der Geisteswissenschaften.** Abt. 3, II: **Die europäische Religion des Altertums.** Abt. 10: **Die deutsche Literatur und Sprache.** Abt. 11, II: **Englische Literatur und Sprache, skandinavische Literatur und allgemeine Literaturwissenschaft.** Abt. 12: **Musik.** Abt. 13: **Die orientalische Kunst.** **Die europäische Kunst des Altertums.** Abt. 14: **Die europäische Kunst des Mittelalters und der Neuzeit.** **Allgemeine Kunstwissenschaft.** Teil II, Abt. 1: **Völker-, Länder und Staatenkunde.** (Die anthropogeographischen Grundlagen von Staat und Gesellschaft, Recht und Wirtschaft.) Abt. 2, II: **Allgemeine Verfassungs- und Verwaltungsgeschichte.** 2. Hälfte. Abt. 4, II: **Staat und Gesellschaft der französischen Revolution.** Abt. 5, II: **Staat und Gesellschaft der neueren Zeit** (vom Beginn der französischen Revolution). Abt. 6: **System der Staats- und Gesellschaftswissenschaft.** Abt. 7: **Allgemeine Rechtsgeschichte mit der Geschichte der Rechtswissenschaft.** Abt. 9: **Allgemeine Wirtschaftsgeschichte mit der Geschichte der Volkswirtschaftslehre.** Abt. 10, II: **Spezielle Volkswirtschaftslehre.** Abt. 10, III: **System der Staats- und Gemeindegewirtschaftslehre (Finanzwissenschaft).**

**Probeheft** mit Inhaltsübersicht des Gesamtwerkes u. Probe-  
stücken auf Wunsch ums. u. postfr. vom Verlag.

